Моделирование канала электрического пробоя методом диффузной границы

Студент:

Пономарев Андрей Сергеевич

Научный руководитель:

Савенков Евгений Борисович

Консультант:

Зипунова Елизавета Вячеславовна

19.11.2024



Математическая модель

Одномерное уравнение фазового поля

$$\frac{1}{m}\frac{\partial \phi}{\partial t} = \frac{1}{2}K_{\Phi}^{2}\epsilon'(\phi) + \frac{\Gamma}{l^{2}}f'(\phi) + \frac{1}{2}\Gamma\frac{\partial^{2}\phi}{\partial x^{2}}$$

- $\phi(\mathbf{x},t) \mathbf{\phi}$ азовое поле
- ullet $\epsilon({m x},t)=rac{\epsilon_0({m x})}{f(\phi({m x},t))+\delta}$ диэлектрическая проницаемость среды
- $f(\phi) = 4\phi^3 3\phi^4$ интерполирующая функция



Разностная схема

Разностная задача

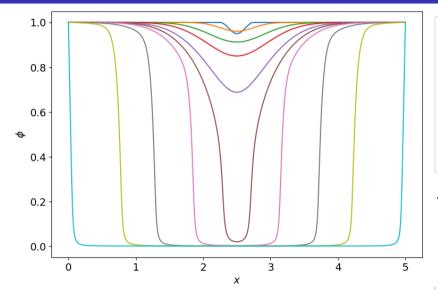
$$\frac{1}{m} \frac{\phi_i^{j+1} - \phi_i^j}{\tau} = \frac{1}{2} K_{\phi}^2 \epsilon'(\phi_i^j) + \frac{\Gamma}{l^2} f'(\phi_i^j) + \frac{\Gamma}{2} \frac{\phi_{i+1}^j - 2\phi_i^j + \phi_{i-1}^j}{h^2}$$
$$\phi_i^0 = \phi_0(ih); \quad \phi_0^j = \phi_l(j\tau); \quad \phi_n^j = \phi_r(j\tau)$$

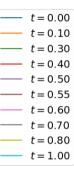
Сетка регулярная; τ — шаг по времени, h — шаг по пространству.

Явная разностная схема первого порядка по времени, второго – по пространству.



Типичное решение задачи





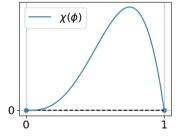
Узлов по измерениям: $N_x = 10^3$, $N_t = 10^5$



Результаты: анализ положений равновесия

«Слабое» напряжение

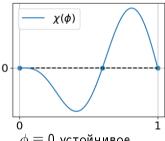
$$0 \leqslant \frac{K_{\Phi}^2 I^2 \epsilon_0}{2\Gamma} < \delta^2$$



 $\phi \equiv 0$ неустойчивое $\phi \equiv 1$ устойчивое

«Среднее» напряжение

$$\delta^2 < rac{\mathcal{K}_\Phi^2 l^2 \epsilon_0}{2\Gamma} < (1+\delta)^2$$



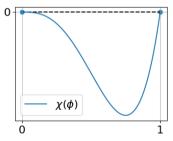
 $\phi \equiv 0$ устойчивое

 $\phi \equiv \mathrm{C}_3$ неустойчивое

 $\phi \equiv 1$ устойчивое

«Сильное» напряжение

$$(1+\delta)^2 < \frac{K_\Phi^2 I^2 \epsilon_0}{2\Gamma}$$

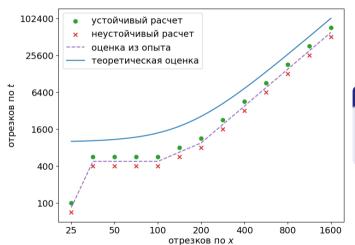


 $\phi \equiv 0$ устойчивое

 $\phi \equiv 1$ неустойчивое



Результаты: оценка устойчивости



Условие устойчивости

$$\tau \leqslant \frac{1}{2m} \left(\frac{K_{\Phi}^2 \epsilon_0}{\delta^{5/3}} + \frac{\Gamma}{h^2} \right)^{-1}$$



Результаты: исследование обобщения модели

- Поиск стационарного распределения фазового поля вокруг проводников различной конфигурации.
- Разностная схема получена методом конечных объемов.
- Представление функции-решения в виде ЛК базисных функций позволяет учесть возможную особенность на границе.



Работы, готовящиеся к публикации

- Ponomarev A. S., Zipunova E. V., Savenkov E. B. Stability of stationary equilibrium solutions of a diffuse interface electrical breakdown model // Mathematical Models and Computer Simulations. Принято в печать
- Ponomarev A. S., Zipunova E. V. A finite-difference scheme for the generalized diffuse interface model of the electrical breakdown process // Mathematical Models and Computer Simulations. Принято в печать
- Пономарев А. С., Зипунова Е. В., Савенков Е. Б. Устойчивость стационарных решений в модели развития канала электрического пробоя типа «диффузной границы» // Препринты ИПМ им. М. В. Келдыша. Направлено в печать
- Пономарев А. С., Зипунова Е. В., Савенков Е. Б. Численное исследование обобщения модели развития канала электрического пробоя типа «диффузной границы» // Препринты ИПМ им. М. В. Келдыша. Направлено в печать

Текущая работа

- Разработка алгоритма адаптивного интегрирования по времени.
- Настройка параметров модели для воспроизведения результатов физического эксперимента.



Спасибо за внимание!

