Deskriptive Programmierung

Prolog-Grundlagen/Syntax

Prolog im einfachsten Fall: Fakten und Anfragen

• Eine Art Datenbank mit einer Reihe von Fakten:

```
woman(mia).
woman(jody).
woman(yolanda).
playsAirGuitar(jody).
```

• Anfragen:

```
?- woman(mia).
true.

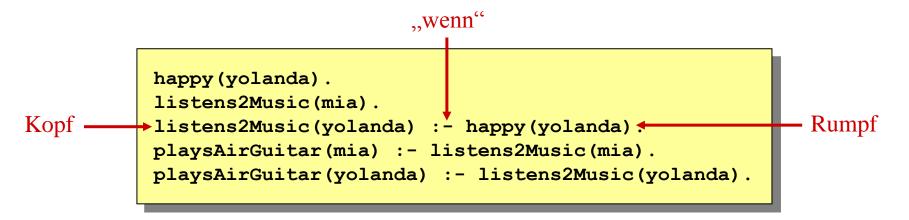
?- playsAirGuitar(jody).
true.

?- playsAirGuitar(mia).
false.

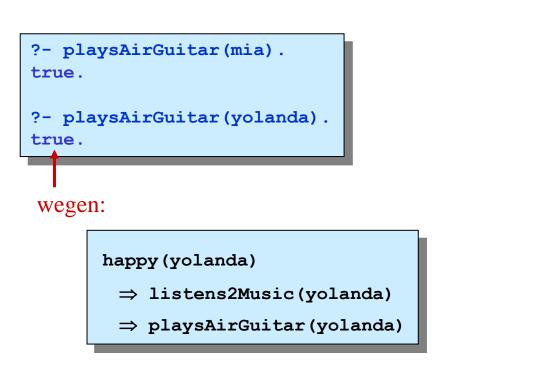
?- playsAirGuitar(vincent).
false.

?- playsPiano(jody).
false.
oder Fehlermeldung
```

Fakten + **einfache Implikationen**



• Anfragen:



Komplexere Regeln

```
happy (vincent).
listens2Music (butch).
playsAirGuitar (vincent):- listens2Music (vincent);
happy (vincent).

happy (vincent).

playsAirGuitar (butch):- happy (butch).

playsAirGuitar (butch):- listens2Music (butch).
```

Anfragen:

```
?- playsAirGuitar(vincent).
false.
?- playsAirGuitar(butch).
true.
```

• alternative Schreibweise:

...

playsAirGuitar(butch) :- happy(butch);
listens2Music(butch).

Relationen, und komplexere Anfragen

```
woman(mia).
woman(jody).
woman(yolanda).

loves(vincent, mia).
loves(marsellus, mia).
loves(mia, vincent).
loves(vincent, vincent).
```

• Anfragen:

```
?- woman(X).
X = mia ;
X = jody;
X = yolanda.

?- loves(vincent, X).
X = mia ;
X = vincent.

?- loves(vincent, X), woman(X).
X = mia ;
false.
vom Nutzer einzugeben
```

Variablen in Regeln (nicht nur in Anfragen)

```
loves(vincent,mia).
loves(marsellus,mia).
loves(mia,vincent).

jealous(X,Y) :- loves(X,Z), loves(Y,Z).
```

• Anfragen:

```
?- jealous(marsellus,X).
X = vincent;
X = marsellus;
false.

?- jealous(X,_).
X = vincent;
X = vincent;
X = marsellus;
X = marsellus;
X = marsellus;
X = mia.
anonyme Variable
```

Variablen in Regeln (nicht nur in Anfragen)

```
loves(vincent,mia).
loves(marsellus,mia).
loves(mia,vincent).

jealous(X,Y) :- loves(X,Z), loves(Y,Z), X \= Y.
```

• Anfragen:

```
?- jealous(marsellus,X).
X = vincent;
false.

?- jealous(X,_).
X = vincent;
X = marsellus;
false.

?- jealous(X,Y).
X = vincent,
Y = marsellus;
X = marsellus;
Y = vincent;
false.
```

wichtig dass am Ende

Einige Beobachtungen zu Variablen

```
loves(vincent,mia).
loves(marsellus,mia).
loves(mia,vincent).

jealous(X,Y) :- loves(X,Z), loves(Y,Z), X \= Y.
```

Variablen in Regeln und Anfragen sind unabhängig voneinander.

```
?- jealous(marsellus,X).
X = vincent;
false.
```

- Innerhalb einer Regel oder Anfrage stehen gleiche Variablen für gleiche Objekte.
- Aber verschiedene Variablen stehen nicht notwendigerweise für verschiedene Objekte.
- Es sind auch mehrfache Vorkommen der gleichen Variable im Kopf möglich!
- In Regeln können im Rumpf Variablen auftauchen, die nicht im Kopf vorkommen!

Intuition zu "freien" Variablen

```
loves(vincent,mia).
loves(marsellus,mia).
loves(mia,vincent).

jealous(X,Y) :- loves(X,Z), loves(Y,Z), X \= Y.
```

- Was ist die "logische" Interpretation von **z** oben? (bzw. der gesamten Regel?)
- Denkbar, für beliebige (aber feste) X, Y:
 <u>wenn</u> für jede Wahl von Z gilt: loves(X,Z), und loves(Y,Z), und X \= Y,
 <u>dann</u> gilt auch: jealous(X,Y)
- Oder, für beliebige (aber feste) X, Y:
 für jede Wahl von Z gilt: wenn loves (X, Z), und loves (Y, Z), und X \= Y,
 dann gilt auch: jealous (X, Y)

???

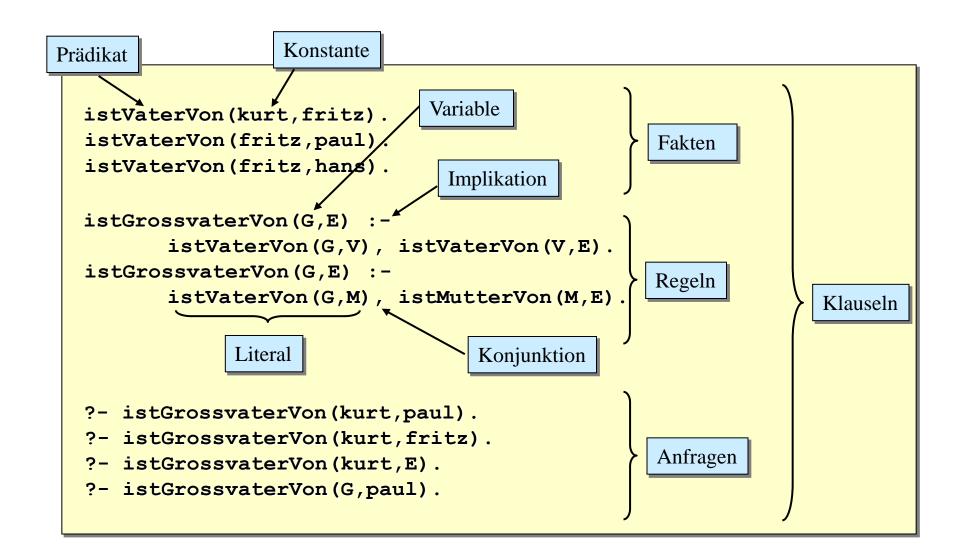
Intuition zu "freien" Variablen

```
loves(vincent,mia).
loves(marsellus,mia).
loves(mia,vincent).

jealous(X,Y) :- loves(X,Z), loves(Y,Z), X \= Y.
```

- Was ist die "logische" Interpretation von **z** oben? (bzw. der gesamten Regel?)
- Oder, für beliebige (aber feste) X, Y:
 für jede Wahl von Z gilt: wenn loves (X, Z), und loves (Y, Z), und X \= Y,
 dann gilt auch: jealous (X, Y)
- Logisch äquivalent, für beliebige (aber feste) X, Y:
 wenn für <u>irgendeine</u> Wahl von Z gilt: loves (X, Z), und loves (Y, Z), und X \= Y,
 <u>dann gilt auch: jealous (X, Y)</u>

Syntax/Begriffe in Prolog



- Zum Aufbau von Klauseln verwendet Prolog verschiedene Objekte.
- Diese unterteilen sich in:

```
Konstanten (Zahlen, Zeichenfolgen, ...)
Variablen (X,Y, InLand, ...)
Operatorterme (... 1 + 3 * 4 ...)
Strukturen (datum(27,11,2007), person(fritz, mueller), ... zusammengesetzt, rekursiv, "unendlich", ...)
```

• Achtung: Prolog hat kein Typsystem

Konstanten in Prolog

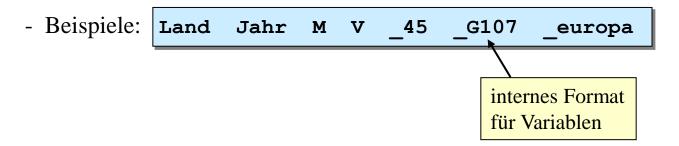
Zahlen

- Atome, d.h. Zeichenfolgen, die einer der folgenden drei Regeln genügen:
 - 1. Die Zeichenfolge beginnt mit einem Kleinbuchstaben, gefolgt von beliebig vielen Klein- und Großbuchstaben, Ziffern und Unterstrichen '_'.
 - 2. Die Zeichenfolge beginnt und endet mit einem Apostroph ('). Dazwischen können beliebige Zeichen stehen. Soll ein Apostroph selbst in der Zeichenkette vorkommen, muss er doppelt angegeben werden.
 - 3. Die Zeichenfolge besteht nur aus Sonderzeichen.

```
richtig: fritz new_york :- --> 'I don"t know!'
falsch: Fritz new-york _xyz 123
```

Variablen in Prolog

- Variablen:
 - Name beginnt mit einem Großbuchstaben oder einem Unterstrich '_'.

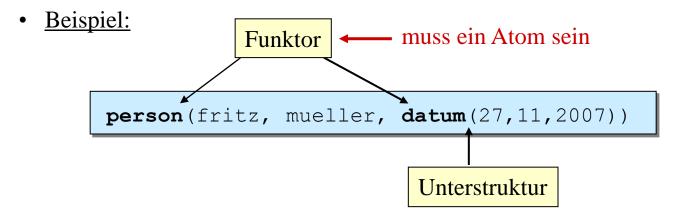


- Anonyme Variablen (Darstellung mit lediglich '_'):
 - wenn das Objekt nicht interessiert:

```
?- istVaterVon(_,fritz).
```

Strukturen in Prolog

• Strukturen repräsentieren Objekte, die aus mehreren anderen Objekten zusammengesetzt sind.



Funktoren: person/3, datum/3

- Dadurch Modellierung von algebraischen Datentypen aber keine Typisierung. Somit wäre person (1, 2, 'a') auch eine legale Struktur.
- Beliebige Schachtelungstiefe ist erlaubt im Prinzip unendlich.

Vordefinierte Syntax für spezielle Strukturen:

• Es gibt einen vordefinierten "Listentyp" als rekursive Datenstruktur:

• Zeichenketten werden als Listen von ASCII-Codes dargestellt:

```
"Prolog" = [80, 114, 111, 108, 111, 103]
= .(80, .(114, .(111, .(108, .(111, .(103, [])))))
```

Operatoren:

- Operatoren sind Funktoren in Operatorschreibweise.
- <u>Beispiel</u>: arithmetische Ausdrücke
 - Mathematische Funktionen sind als Operatoren definiert.
 - 1 + 3 * 4 ist als folgende Struktur zu sehen: + (1, * (3, 4))

Einfaches Beispiel für Arbeit mit Datenstrukturen

```
add(0,X,X).
add(s(X),Y,s(Z)) := add(X,Y,Z).
```

```
?- add(s(0),s(0),s(s(0))).
true.
?- add(s(0),s(0),N).
N = s(s(0));
false.
```

Zur Erinnerung, in Haskell:

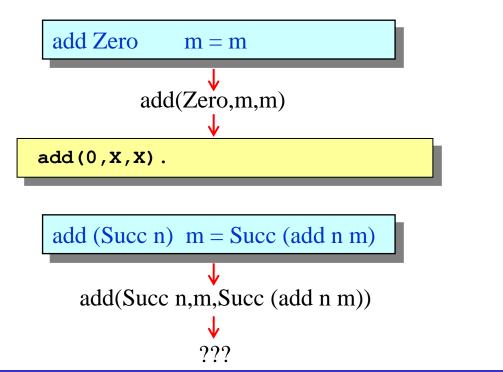
```
data Nat = Zero | Succ Nat add :: Nat \rightarrow Nat \rightarrow Nat add Zero \qquad m = m add (Succ n) \qquad m = Succ (add n m)
```

Systematischer Zusammenhang/Herleitung?

Wesentlicher Unterschied Haskell/Prolog:

Funktionen vs. Prädikate/Relationen f x y = z,,entspricht" p(x, y, z).

• Zunächst etwas naiver Versuch, diesen Zusammenhang auszunutzen:



Systematischer Zusammenhang/Herleitung?

Wesentlicher Unterschied Haskell/Prolog:

Funktionen vs. Prädikate/Relationen $f \times y = z \qquad \text{,,entspricht"} \qquad p(x,y,z).$

• Systematische Vermeidung verschachtelter Aufrufe:

add (Succ n) m = Succ (add n m)add (Succ n) m = Succ m' where m' = add n madd (Succ n,m,Succ m') wenn add (n,m,m')

add (s(x),Y,s(z)) :- add(x,Y,z).

Zur Flexibilität von Prolog-Prädikaten

```
add(0,X,X).

add(s(X),Y,s(Z)) := add(X,Y,Z).
```

```
?- add(N,M,s(s(0))).
N = 0,
M = s(s(0));
N = s(0);
M = s(0);
N = s(s(0)),
M = 0;
false.
?- add(N,s(0),s(s(0))).
N = s(0);
false.
?- add(N,M,O).
```

Deskriptive Programmierung

???

Zur Flexibilität von Prolog-Prädikaten

```
add(0,X,X).
add(s(X),Y,s(Z)) := add(X,Y,Z).
sub(X,Y,Z) := add(Z,Y,X).
```

```
?- sub(s(s(0)),s(0),N).
N = s(0) ;
false.
?- sub(N,M,s(0)).
N = s(M) ;
false.
```

Ein weiteres Beispiel

Länge einer Liste in Haskell:

```
length [] = 0
length (x:xs) = length xs + 1
```

Länge einer Liste in Prolog:

```
length([],0).
length([X|Xs],N) :- length(Xs,M), N is M+1.
```

```
?- length([1,2,a],Res).
Res = 3.
Liste mit 3 beliebigen
(variablen) Elementen
?- length(Liste,3).
Liste = [_G331, _G334, _G337]
```

Arithmetik vs. symbolische Operatorterme

Vorsicht: wenn statt:

```
length([],0).
length([X|Xs],N) :- length(Xs,M), N is M+1.
```

Verwendung von:

```
length([],0).
length([X|Xs],M+1) :- length(Xs,M).
```

dann:

- ?- length([1,2,a],Res). Res = 0+1+1+1.
- ?- length(Liste,3).
 false.
- ?- length(Liste,0+1+1+1).
 Liste = [_G331, _G334, _G337].

Ein Beispiel entsprechend mehrerer verschachtelter Aufrufe

```
partition :: Int \rightarrow [Int] \rightarrow ([Int], [Int])
quicksort [] = []
quicksort (h : t) = quicksort l_1 ++ h : quicksort l_2
                                                     quicksort([], []).
             where (l_1, l_2) = partition h t
                                                      quicksort([H|T], List) :-
                                                         partition(H, T, L1, L2),
 quicksort [] = []
                                                          quicksort(L1, LS),
 quicksort (h : t) = ls ++ h : quicksort l_2
                                                          quicksort(L2, LG),
              where (l_1, l_2) = partition h t
                                                          append(LS, [H|LG], List).
                     ls = quicksort l_1
                                                   quicksort [] = []
 quicksort [ ] = [ ]
                                                   quicksort (h : t) = list
 quicksort (h:t) = ls ++ h:lg
                                                                where (l_1, l_2) = partition h t
              where (l_1, l_2) = partition h t
                                                                       ls = quicksort l_1
```

 $ls = quicksort l_1$

 $lg = quicksort l_2$

 $lg = quicksort l_2$

list = ls ++ h : lg