| Wann nennt man eine Abbildung Diffeomorphismus? | Seien $U,V\subseteq\mathbb{R}^n$ offen. Eine Abbildung $\Psi:U\to V$ heißt Diffeomorphismus, falls Ψ bijektiv und sowohl Ψ als auch $\Psi^{-1}:V\to U$ stetig diff'bar sind. |
|--|---|
| definition mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten 2cf30783-9699-47b2-b8a6-ecc059beea33 | |
| Was heißt es, dass eine Abbildung regulär ist? | Sei $T\subseteq\mathbb{R}^k$ offen. Eine Abbildung $\Phi:T\to\mathbb{R}^n$ heißt $regul\"{a}r$, falls Φ injektiv und stetig diff'bar ist, Φ' den Rang k hat und $\Phi^{-1}:\Phi[T]\to T$ stetig ist. |
| definition, 1.1.1 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten 212ab856-acf1-4148-9516-48d4263c7ccf | |
| Eine Teilmenge $M\subseteq\mathbb{R}^n$ heißt k -dimensionale Untermannigfaltigkeit (UM) des \mathbb{R}^n , wenn | $\forall_a \in M \exists$ offene Mengen $U, V \subseteq \mathbb{R}^n$ mit $a \in U$ (d.h. U ist offene Umgebung von a) und ein Diffeomorphismus $\Psi: U \to V$ so, dass $\Psi\left[U \cap M\right] = \left\{(y_1, \dots, y_n) \in V; y_{k+1} = \dots = y_n = 0\right\}$ $= V \cap \left(\mathbb{R}^k \times 0_{n-k}\right)$ |
| Jede $(n-1)$ -dim. Untermannigfaltigkeit des \mathbb{R}^n heißt | Hyperfläche. |

definition, 1.1.2 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten

e673a838-a7d8-428f-8d73-159052a44c8d

e673a838-a7d8-428f-8d73-159052a44c8d

definition, 1.1.2 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten

| Was ist eine Hyperfläche? | Jede $(n-1)$ -dim. Untermannigfaltigkeit des \mathbb{R}^n . |
|---|---|
| definition, 1.1.2 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten e673a838-a7d8-428f-8d73-159052a44c8d | definition, 1.1.2 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten e673a838-a7d8-428f-8d73-159052a44c8d |
| M ist eine k -dim. Untermannigfaltigkeit des \mathbb{R}^n . Wie lässt sich M als $Nullstellenmenge$ definieren? | $\forall_a \in M \; \exists$ eine offene Umgebung $U \subseteq \mathbb{R}^n$ von a und $n-k$ stetig diff'bare Funktionen $f_1,\ldots,f_{n-k}:U \to \mathbb{R}$ so, dass $M \cap U = \left\{x \in U; f_1(x) = \cdots = f_{n-k}(x) = 0\right\}$ und $\operatorname{Rang} \frac{\partial (f_1,\ldots,f_{n-k})}{\partial (x_1,\ldots,x_n)} = n-k$ Das heißt, dass die f_i linear unabhängig sind. |
| M ist eine k -dim. Untermannigfaltigkeit des \mathbb{R}^n . Wie lässt sich M als $Graph$ definieren? | $\forall_a \in M$ gibt es (evt. nach geeigneter Umnummerierung der Koordinaten) offene Umgebungen $U' \in \mathbb{R}^k$ von $a' = (a_1, \ldots, a_k), \ U'' \subseteq \mathbb{R}^{n-k}$ von $a'' = (a_{k+1}, \ldots, a_n)$, sowie eine stetig diff'bare Abbildung $g: U' \to U''$ so, dass $M \cap \left(U' \times U''\right) = \left\{(x', x'') \in U' \times U''; x'' = g(x')\right\} = G(g)$ |
| M ist eine k -dim. Untermannigfaltigkeit des \mathbb{R}^n . Wie lässt sich M mittels der $Parameterdarstellung$ definieren? | $\forall_a \in M \exists$ eine offene Umgebung $U \subseteq \mathbb{R}^n$ von a , eine offene Menge $T \subseteq \mathbb{R}^k$, sowie eine reguläre Abbildung $\Phi: T \to \mathbb{R}^n$ mit $\Phi(T) = U \cap M = : W$ |

| Wann spricht man von einer <i>globalen Parametrisierung</i> einer | Φ und T wie in der Definition der Parameterdarstellung. |
|---|--|
| UM M ? | (Φ, T) heißt globale Parametrisierung falls |
| | $\Phi(T) = M$ |
| | Sonst spricht man von einer lokalen Parametrisierung. |
| | |
| | |
| | |
| | |
| definition, 1.1.4 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten 5b549aaf-88d1-4853-b2f0-cd81b664ca36 | |
| $\Psi = \Phi^{-1}$, $W = T \cap M$. Φ , T und a wie in der Definition der Parameterdarstellung. Wie nennt man (Ψ, W) und wie heißen die Komponenten von $(t_1, \ldots, t_k) := \Psi(a)$? | (Ψ,W) heißt $Karte\ um\ a$ und die Komponenten des Vektors $\Psi(a)$ heißen $lokale\ Koordinaten\ von\ a.$ |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| M eine UM. Ein $Atlas\ von\ M$ ist | ein System von Karten, das M überdeckt. |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| definition, 1.1.4 mathe2::lsem::untermanigfaltigkeiten 5b549aaf-88d1-4853-b2f0-cd81b664ca36 | |
| | |
| Wie lautet der Satz über die Parametertransformation (Kartenwechsel)? | Seien M eine k -dimensionale UM des \mathbb{R}^n , $a \in M$, (Ψ_1, W_1) , (Ψ_2, W_2) zwei Karten $((\Phi_1, T_1), (\Phi_2, T_2)$ sind die entsprechende Parametrisierungen.) um $a \in M$ mit $W := W_1 \cap W_2 \neq \emptyset$. |
| | Dann sind $S_i = \Psi_i(W)$ offene Teilmengen von T ; und $h := \Psi_2 \circ \Psi_1^{-1} : S_1 \to S_2$ ist ein Diffeomorphismus. |
| | Die Abbildung h heißt $Kartenwechsel$. |
| | |
| | |

c15dec62-ecbb-4a35-810c-b5b55fe4e76f

satz, kartenwechsel, 1.1.5 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten

| Sei M eine UM des \mathbb{R}^n und $a\in M$. Ein Vektor $v\in\mathbb{R}^n$ heißt $Tangentialvektor\ an\ M\ in\ a,\ \text{wenn}\ \dots$ | es eine stetige, diff'bare Abbildung $\alpha:(-\varepsilon,\varepsilon)\to M$ gibt mit $\alpha(0)=a,\alpha'(0)=v.$ |
|---|---|
| Sei M eine UM des \mathbb{R}^n und $a \in M$. Wie ist ein Tangentialraum an M in a definiert? definition, tangentialraum, 1.2.1 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten f73c2014-1545-4520-a56b-c027b06b8bbe | Ein $Tangential raum \ an \ M$ in a ist die Menge aller Tangential vektoren an M in a und wird mit $T_a(M)$ bezeichnet. |
| Sei M eine UM des \mathbb{R}^n und $a \in M$. Ein Vektor $w \in \mathbb{R}^n$ heißt $Normalenvektor$ an M in a , wenn | $\forall v \in T_a(M): w \perp v$ (d.h. orthogonal bzgl. des kanonischen Skalarprodukts im \mathbb{R}^n). |

Sei Meine UM des \mathbb{R}^n und $a\in M.$ Wie ist ein Normalraum

Ein Normalraum an M in a ist die Menge aller Normalenvektoren an M in a und wird mit $N_a(M)$ bezeichnet.

definition, tangentialraum, 1.2.1 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten

 $an\ M\ in\ a\ {
m definiert?}$

f73c2014-1545-4520-a56b-c027b06b8bbe

Seien M eine k-dimensionale UM des $\mathbb{R}^n, a \in M$. Wie lässt sich eine Basis von $T_a(M)$ mittels einer Parameterdarstellung finden?

 $T_a(M)$ ist ein k-dimensionaler Vektorraum. Ist eine lokale Parameterdarstellung $(\Psi,T),$ also:

 $T \subseteq \mathbb{R}^k, \Phi: T \to M \quad \text{und} \quad c \in T \quad \text{mit} \quad \Phi(c) = a,$

dann bilden die Vektoren

$$\frac{\partial \Phi}{\partial t_1}(c), \dots, \frac{\partial \Phi}{\partial t_k}(c)$$

eine Basis von $T_a(M)$.

Wird M lokal als Nullstellenmenge gegeben, wie lässt sich eine Basis für $N_a(M)$ finden?

 $T_a(M)$ ist ein k-dimensionaler Vektorraum. Ist M lokal als Nullstellenmenge gegeben (Beschreibung durch Gleichungen) mit $U \subseteq \mathbb{R}^n$,

$$f = (f_1, \dots f_{n-k}) : U \to \mathbb{R}^{n-k},$$

$$a \in M \cap U = \left\{ x \in U; f(x) = 0 \right\},$$

$$\operatorname{Rang} \frac{\partial (f_1, \dots, f_{n-k})}{\partial (x_1, \dots x_k)}(a) = n - k.$$

Dann bilden die Vektoren $\operatorname{grad} f_1(a), \dots, \operatorname{grad} f_{n-k}(a)$ eine Basis für $N_a(M)$.

Sei M eine 2-dimensionale UM des \mathbb{R}^n . Wie ist *Inhalt von* M definiert?

Es gäbe eine Parameterdarstellung $\Phi: T \to \Phi[T] = M$, wobei T offen und jordanmessbar, und die partiellen Ableitungen von Φ seien beschränkt auf T.

Unter dem $Inhalt\ von\ M$ versteht man:

$$|M| := \int_T \underbrace{\left\| \Phi_{t_1}(t_1, t_2) \times \Phi_{t_2}(t_1, t_2) \right\| dt_1 dt_2}_{dS}$$

Man nennt dS das (2-dim.) Flächenelement (bzgl. Φ).

Sei M eine 2-dimensionale UM des \mathbb{R}^n . Wie definiert man $\int_M f \, \mathrm{d}S$?

Es gäbe eine Parameterdarstellung $\Phi: T \to \Phi[T] = M$, wobei T offen und jordanmessbar, und die partiellen Ableitungen von Φ seien beschränkt auf T. Sei $f: M \to \mathbb{R}$ eine beschränkte stetige Funktion.

$$\int_{M} f \, \mathrm{d}S := \int_{M} f(x) \, \mathrm{d}S(x)$$

$$:= \int_{T} f(\Phi(t)) \cdot \left\| \Phi_{t_1}(t_1, t_2) \times \Phi_{t_2}(t_1, t_2) \right\| \, \mathrm{d}t_1 \, \mathrm{d}t_2$$

definition, integration, 1.3.1 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten

b2af8cc4-0ef4-46d4-9247-8bf66f5cb955

| Das Volumen des k -Para niert als | allelepipeds $P(a^{(1)}, \dots a^{(k)})$ ist defi- | |
|-------------------------------------|--|--|
| | | |

$$V_k(a^{(1)}, \dots a^{(k)}) \coloneqq \sqrt{\det(A^{\mathsf{T}}A)}$$

definition, integration, 1.3.3 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten a1d2cd27-52ad-4d38-b96b-1ed983795210

Seien (Φ, T) eine lokale Parametrisierung, $t \in T$. Wie sind der metrischer Tensor von $\Phi(g_{ij})$ und $g := \det(g_{ij})$ definiert?

$$(g_{ij}) := (\Phi')^{\mathsf{T}} \Phi' = \left(\left\langle \frac{\partial \Phi}{\partial t_i}, \frac{\partial \Phi}{\partial t_j} \right\rangle \right)$$

 $g := \det(g_{ij}) = \det\left((\Phi')^{\mathsf{T}} \Phi' \right)$

Sei $M \subseteq \mathbb{R}^n$ eine k-dim. UM. Sei $M \to \mathbb{R}$ eine Funktion. Was heißt es, dass f über M integrierbar ist?

Es liege einer der folgenden Fälle vor:

- 1. \exists eine globale Parametrisierung (Φ, T) .
- 2. $\Phi: T \to M$ sei eine lokale Parameterdarstellung, f habe einen kompakten Träger supp $f \subseteq \Phi[T]$ (d.h. $f \circ \Phi$ hat kompakten Träger in T).

Dann heißt f über M integrierbar, falls $f(\Phi(t))\sqrt{g(t)}$ über T integrierbar ist. In diesem Fall setzt man

$$\int_M f(x) \, \mathrm{d} S(x) \coloneqq \int_T f(\Phi(t)) \cdot \sqrt{g(t)} \, \mathrm{d} t.$$

Sei $M \subseteq \mathbb{R}^n$ eine k-dim. UM. Wie definiert man den k-dim.

Sei (Φ,T) eine globale Parametrisierung von M. Dann ist $|M| \coloneqq \int_T \sqrt{g(t)} \, \mathrm{d}t.$

Inhalt von M (|M|)?

definition, integration, 1.3.6 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten

20f0663e-1658-48dc-81d7-1e68b6d4cfa7

| Wie lautet der Satz über die Unabhängigkeit der Integration von der Parameterdarstellung? |
|---|
| |
| |

Sei $M \subseteq \mathbb{R}^n$ eine k-dim. UM des \mathbb{R}^n , seien (Φ_1, T_1) und (Φ_2, T_2) lokale Parameterdarstellungen mit $V = \Phi_1[T_2] = \Phi_2[T_2]$, und habe $f: M \to \mathbb{R}$ kompakten Träger mit supp $f \subseteq V$. Dann gilt

$$\int_{T_1} f(\Phi_1(t)) \cdot \sqrt{g^{(1)}(t) dt} = \int_{T_2} f(\Phi_2(s)) \cdot \sqrt{g^{(2)}(s) ds}$$

Dabei ist $g^{(i)}$ die Determinante des zu Φ_i gehörenden Tensors.

Sei $K \subseteq \mathbb{R}^n$ kompakt, $U_1, \dots U_k \subseteq \mathbb{R}^n$ offen mit $K \subseteq \bigcup_{j=1}^k U_j$. Dann \exists die der $U_1 \dots U_k$ untergeordnete Zerlegung der Eins auf K. Wie ist sie definiert?

Die Zerlegung besteht aus Funktionen $\phi_1 \dots \phi_k \in C_c^{\infty}(\mathbb{R}^n)$ mit folgenden Eigenschaften:

- 1. $\forall_j \in \{1, \dots, k\} : \operatorname{supp} \phi_j \subseteq U_j, 0 \le \phi \le 1$
- 2. $\forall_x \in K : \sum_{j=1}^k \phi_j(x) = 1$

Sei K eine Menge, wann ex. eine Partition der Eins auf K?

Wenn $K \subseteq \mathbb{R}^n$ und kompakt und \exists offene Mengen $U_1, \dots U_k \in \mathbb{R}^n$ mit $K \subseteq \bigcup_{j=1}^k U_j$.

Wie definiert man einen Integral einer Funktion f über eine k-dim. UM M des \mathbb{R}^n , wenn es keine globale Parametrisierung gibt? Was wird vorausgesetzt?

Es seien gegeben:

- $f \in C_c^{\infty}(M) \Rightarrow \exists$ lokale Parametrierungen $\Phi_j : \mathbb{R}^k \supseteq U_j \to V_j \subseteq M(j \in \{1, \dots, m\})$ mit supp $f \subseteq \bigcap_{j=1}^m V_j$.
- offene Mengen $W_i \in \mathbb{R}^n$ mit $V_i = M \cap W_i$.
- Eine der Überdeckung $W_1 \dots$ zugeordnete Zerlegung der Eins auf supp $f: \phi_1, \dots \phi_m$.

Dann setzt man:

$$\int_M f(x) \, \mathrm{d}S(x) \coloneqq \sum_{j=1}^m \int_{V_j} (\phi_j f)(x) \, \mathrm{d}S(x).$$

| Seien V ein k -dim. Vektorraum, $B_1 = (v_1, \ldots, v_k)$, $B_2 = (w_1, \ldots, w_k)$ zwei Basen von V . B_1 und B_2 heißen $gleich$ - $orientiert$, falls |
|---|
| |
| |

 $\det A > 0$

wobei $A = (a_{ij})$ über

$$\forall_i \in \{1, \dots' k\} : w_i = \sum_{j=1}^k a_{ij} v_j$$

definiert ist.

Ist $F: \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}^n$ orientierungserhaltend und bzgl. der kanonischen Basis durch die Matrix C dargestellt, dann gilt:

 $\det C > 0$

definition, orientierung, 1.4 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten

definition, orientierung, 1.4 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten

b63f7742-3cb5-48c1-a1e6-ad3c22476935

b63f7742-3cb5-48c1-a1e6-ad3c22476935

Worüber wird die Orientierung einer UM definiert?

Tangentialräume

Sei M eine k-dim. UM des \mathbb{R}^n . Eine Basis in $T_a(M)$ heißt positiv orientiert , wenn...

sie das Bild einer positiv orientierten Basis in \mathbb{R}^k unter $\Phi'(c)$ ist. Wobei

$$\Phi: \mathbb{R}^k \supseteq T \to M \subseteq \mathbb{R}^n$$

eine Parametrisierung und $\Phi(c) = a$.

Die Basis $\left(\frac{\partial \Phi}{\partial t_1}(c), \dots\right)$ ist positiv orientiert.

| M heißt orientierbar, wenn es | ein System O von Karten (h, W) gibt mit: 1. ∪_{W∈O} W = M, 2. (W₁, W₂ ∈ O ∧ W₁ ∩ W₂ ≠ ∅) ⇒ ∀_{a∈W₁∩W₂} liefern (h₁, W₁) und (h₂, W₂) die gleiche Orientierung von T_a(M). Man sagt auch: Für M gibt es eine lokal verträgliche Menge von Orientierungen der Tangentialräume. |
|---|---|
| Zwei Karten (h_1, W_1) , (h_2, W_2) heißen gleichorientiert (bzw. der zugehörige Kartenwechsel orientierungserhaltend), wenn | $\det(h_2 \circ h_1^{-1}) > 0.$ |
| Eine k -dim. UM M des \mathbb{R}^n | ist genau dann orientierbar, wenn es einen Atlas aus gleichorientierten Karten gibt. |
| lemma, orientierung, 1.4.3 mathe2::Isem::untermanigfaltigkeiten de2f80aa-14cf-4e46-9bc7-f98c32a2416c | lemma, orientierung, 1.4.3 mathe2::Isem::untermanigfaltigkeiten de2f80aa-14cf-4e46-9bc7-f98c32a2416c |
| Sei M eine $(n-1)$ -dim. UM des \mathbb{R}^n . Dann ex. ein eindeutige Beziehung zwischen den Orientierungen von M und den stetigen Einheitsnormaleinvektorfeldern auf M . Erkläre den Beweis zu dem Lemma (Beweisidee). | Sei M orientierbar, $a \in M$, es gäbe eine lokale Parametrisierung (Φ, T) mit $T(c) = a$. dim $(T_a) = n - 1$. Also es gibt zwei auf T_a orthogonale Einheitsvektoren (in 1D, unterschied in der Orientierung der Vektoren). Wähle $n(a)$ so, dass $(n(a), \Phi'(c)e^{(1)}, \ldots, \Phi'(c)e^{(n-1)})$ positiv orientiert in \mathbb{R}^n ist. Tue das für jeden Punkt im $M \to \text{gesuchtes Vektorfeld}$. |

| definition, rand, 1.5) Wie sind \mathbb{R}^k und $\partial \mathbb{R}^k$. definiert? | • $\mathbb{R}^k = \{(t1, \dots, t_k)^T \in \mathbb{R}^k; t_1 \leq 0\}$ • $\partial \mathbb{R}^k = \{(t1, \dots, t_k)^T \in \mathbb{R}^k; t_1 = 0\}$ |
|---|--|
| (mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten cd74f947-24f9-4fac-a82f-7ffbcd11b50b | |
| $M\subseteq \mathbb{R}^n$ ist eine K -dim. UM mit Rand, wenn | es um jeden Punkt $p \in M$ eine lokale Parameterdarstellung (Φ,T) mit $p \in \Phi[T]$ und T offen im \mathbb{R}^k |
| $M\subseteq\mathbb{R}^n$ ist eine K -dim. UM mit Rand. (Φ,T) eine lokale Parametrisierung. Der Punkt $p\in M$ heißt Randpunkt von M , wenn | $p = \Phi(t) \text{ mit } t \in T \cap \partial \mathbb{R}^k$ |

 $T\cap\partial\mathbb{R}^k_-\neq\emptyset$

Eine Parameterdarstellung (Φ,T) heißt randadaptiert falls...

| Sei $M\subseteq\mathbb{R}^n$ eine k -dim. UM mit Rand. Dann gilt: (zwei Aussagen) | 1. ∂M ist eine k-1 dimensionale UM ohne Rand. 2. M orientierbar $\Rightarrow \partial M$ orientierbar. |
|---|---|
| Wann ist ∂M positiv orientiert? | Seien $p \in \partial M$ und (Φ, T) randadaptiert. Eine Basis (B) von $T_p(\partial M)$ sei genau dann positiv orientiert, wenn die Basis $(\mathbf{v} \mathbf{B})$ in $T_p(M)$ es ist. Wobei $v \coloneqq \Phi'(t)e^{(1)} \in T_p(M)$ |
| Wie definiert man einen regulären und einen singulären Randpunkt? Wie ist der Normaleneinheitsvektor definiert? | Sei G ein Gebiet so, dass $B\bar{G}$ kompakt ist. Ein Punkt $a\in\partial B$ heißt regulärer Randpunkt von B , wenn es eine offene Umgebung U um a gibt und $g:U\to\mathbb{R}$ stetig mit: $1.\ B\cap U=\left\{x\in U;\ g(x)\leq 0\right\},$ $2.\ \forall_x\in U: \mathrm{grad}\ g(x)\neq 0.$ Menge aller regulären Randpunkte in ∂B wird mit $\partial_r B$ bezeichnet. $(a\in\partial B\wedge a\notin\partial B_r)$, dann heißt a singulärer Randpunkt. Analog ist $\partial_s B=\partial B\setminus\partial_r B$. $n(a)\coloneqq\frac{\mathrm{grad}\ ug(a)}{\left\ \mathrm{grad}\ g(a)\right\ }$ ist der (äußere) Normaleineinheitsvektor an ∂B in a . |
| Ein Teilmenge G heißt Gebiet, falls | es offen, nichtleer und zusammenhängend ist. |

| Eine Teilraum ist zusammenhängend, falls | es nicht als Vereinigung zweier nichtleerer getrennter Mengen geschrieben werden kann. Es gibt viele äquivalente Definitionen. |
|--|--|
| Sei B kompakt. Sei $\partial_s B = \emptyset$ dann heißt B | Kompaktum mit glatten Rand. |
| | definition, gauss, 1.5.3 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten 5f486117-567d-446d-9867-72a8ebba6ac0 |
| Was ist ein Kompaktum mit glatten Rand? | Es ist eine kompakte Menge (M) mit $\partial_s M = \emptyset$. |

Wie lautet der Satz von Gauß?

satz, gauss, stokes, 1.5.4, 1.5.5 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten

50609bfb-331c-4a5c-a4a7-47e4b3d882a1

Seien $B\subseteq\mathbb{R}^n$ ein Kompaktum mit glatten Tand, $n:\partial B\to\mathbb{R}^n$ das äußere Einheitsnormalenfeld, $F:B\to\mathbb{R}^n$. Dann gilt: $\int_B \operatorname{div} F(x) \,\mathrm{d}x = \int_{\partial B} \left\langle F(x), n(x) \right\rangle \mathrm{d}S$

| Wie lautet der klassische Satz von Stokes? | Sei $M\subseteq\mathbb{R}^3$ eine kompakte 2-dimensionale UM mit Rand $\partial M.$ M sei durch ein Einheitsnormalenvektorfeld $n:M\to\mathbb{R}^3$ orientiert. ∂M habe die von M induzierte Orientierung. $t:\partial M\to\mathbb{R}^3$ bezeichne das Tangenteneinheitsfeld an die Kurve $\partial M.$ Sei $F:M\to\mathbb{R}^3$ ein stetig diff'bares Vektorfeld. Dann gilt: $\int_M \langle \mathrm{rot} F,n\rangle\mathrm{d} S = \int_{\partial M} \langle F,t\rangle\mathrm{d} s$ |
|--|---|
| satz, gauss, stokes, 1.5.4, 1.5.5 mathe2::1sem::untermanigfaltigkeiten 50609bfb-331c-4a5c-a4a7-47e4b3d882a1 | |
| | |
| | |
| | |