

数字电路与逻辑设计

主讲教师: 何云峰 副教授



联系方式



□ 电 话: 18672396870

□ 电子邮件: yfhe@hust.edu.cn

QQ: 761584990

成绩评定办法

□ 期末考试: 60%

□ 平时作业: 25%

□ 课堂作业: 10%

□课堂考勤: 5%

课程资源

https://www.icourse163.org/course/HUST-1207043813



华中科技大学 数字电路与逻辑设计

课程资源

- □作业与实验等提交
 - 课程平台
- ■QQ交流群



扫一扫二维码,加入群聊

课程资源

□国家精品资源共享课

http://www.icourses.cn/coursestatic/course_5831.html

□课程网站

 http://119.97.217.16/2012/szdlyljsj/szdl/in dex.html



前言

主讲教师: 何云峰



技术革命伴随着大国的崛起

尽管人类的历史写的是帝王将相史或战争史,但人类文明发展的历史实际上是一部 科学和技术发展史

技术发展到一个新阶段,人类文明就会上升到一个新的台阶。人类文明进步的根本动力是技术发展驱动;而朝代的更迭、政权的替换,只是给当时的社会进步提供了一个更合理的治理方式。

真正对人类文明进步起根本性作用的是技术的发展

每一次技术的重大发明,都会对人类文明产生重大的改变,同时也给教育带来巨大影响,不仅使教育内容增加,而且使教育思想、教育手段、教育方法更加先进,最终导致物质文明和精神文明的相互促进、共同发展。

石器时代、青铜器时代、航海时代、蒸汽机时代、工业革命、信息技术时代……

备注: 引用教育部科技发展中心李志民主任的报告

技术革命

■第一次工业革命

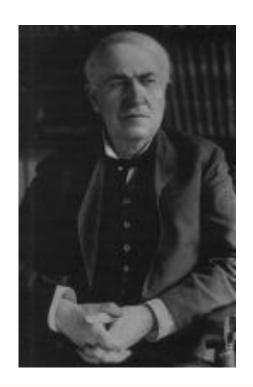
- 18世纪60年代- 19世纪40年代
- 蒸汽机的广泛应用(即蒸汽时代)



技术革命

■第二次工业革命

- 19世纪70年代-20世纪初
- 电力的广泛应用(即电气时代)、内燃机

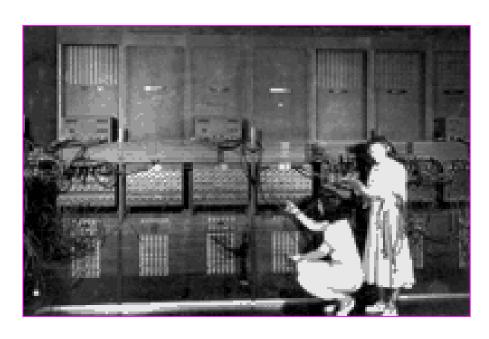


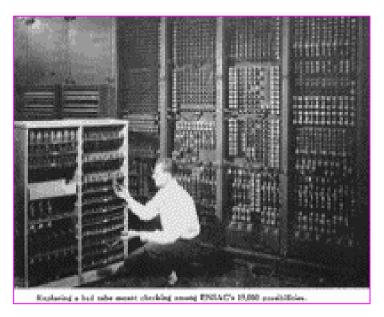


技术变革

□信息革命

- 1946年,第一台电子计算机ENIAC



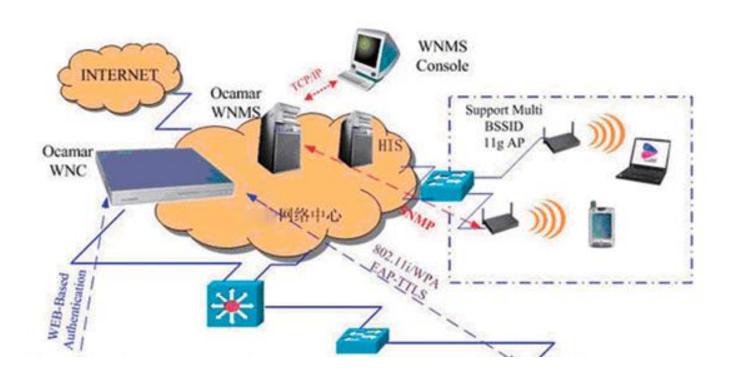


□ ENIAC的开发经费几经追加,达到48万美元,相当于现在的1000万美元以上

技术变革

□信息革命

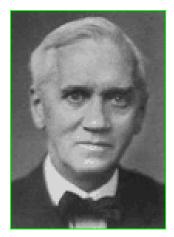
- 1969年,第一个计算机网络APPANET

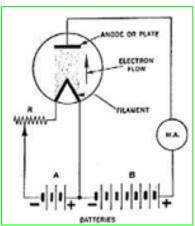


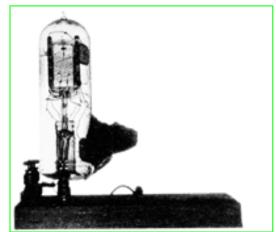
电子管

- □真空电子二极管的发明使人类打开了电子文明的大门, 而电子三极管的发明及其放大原理的发现, 标志着人类科技史进入了一个新的时代: **电子时代**
- □1904年,英国人弗莱明发明真空电子二极管,电子管的诞生,是人类电子文明的起点
- □1907年, 耶鲁的德弗雷斯特因申请三极管专利,被 称为"无线电之父"

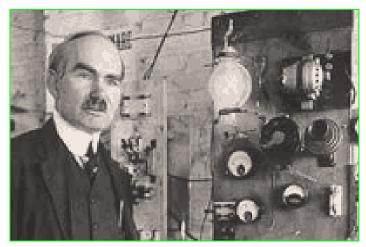
电子管







二极管





三极管

晶体管



- □ 1947年,贝尔实验室的肖克莱、 巴丁、布拉顿发明点触型晶体管
- □ 1950年又发明了面结型晶体管
- □ 晶体管体积小、重量轻、寿命长 、发热少、功耗低,电子线路的 结构大大改观,运算速度则大幅 度提高

晶体管



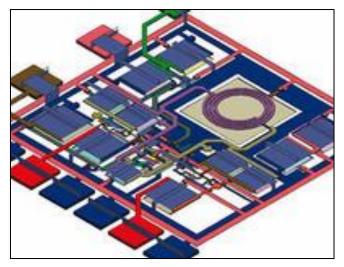




- □ 肖克莱(左)、巴丁(中)、布拉顿(右)于 1956年共同获得诺贝尔物理学奖
- □ 发明晶体管的肖克莱在加利福尼亚创立了当地 第一家半导体公司,这一地区后来被称为硅谷

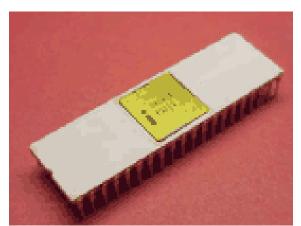
集成电路 (Integrated Circuit-IC)

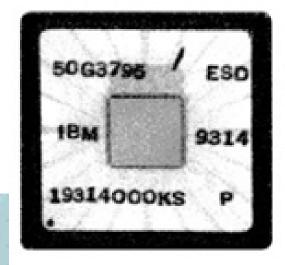
- □一个电路中所需的晶体 管、二极管、电阻、电 容和电感等元件及布线 互连一起,制作在一小 块或几小块半导体晶片 或介质基片上
- □通过引脚与外部联系

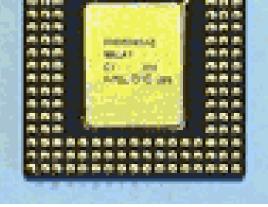








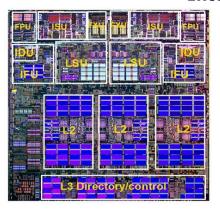


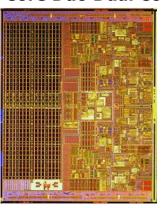


集成电路的应用

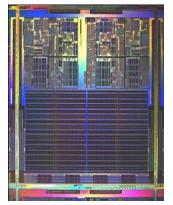
同构多核

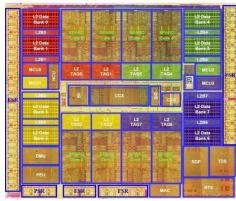
Intel Core Duo Dual Core





SUN Niagara2 8-core

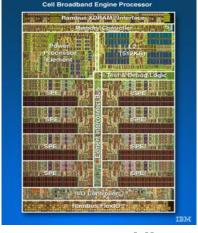




异构多核

IBM CELL

ATI R600





Nvidia G80



集成电路的应用



































总结

- □未来的世界更为精彩,还有很多惊喜......
- □微电子技术、计算机技术是实现这些惊喜 的物质基础
- □《数字电路与逻辑设计》是理论基础,必 须掌握

课程性质

- 口计算机专业必修的一门重要专业基础课
- □在介绍有关数字系统基本知识、基本理论、 及常用数字集成电路的基础上,<u>重点讨论数</u> 字逻辑电路分析与设计的基本方法
- □<u>从计算机的层次结构上讲,"数字逻辑"是</u> 深入了解计算机"内核"的一门最关键的 基础课程

课程目标

- □掌握数字逻辑的基本概念、基本原理和数字 逻辑电路的基本工程知识,理解逻辑电路的 基本内涵,能用逻辑语言和工具表达逻辑电 路能熟练地运用基本知识和理论对各类电路 进行分析
- □掌握逻辑电路的建模方法,具备一般数字逻辑电路的建模与分析求解能力
- □掌握数字逻辑电路的一般设计方法,具备一般数字逻辑电路设计能力

23

课程目标对毕业要求的支撑关系

- □1.1能够将数学、自然科学和信息科学的语言工具用于计算机复杂工程问题的表述
- □1.2能针对计算机复杂工程问题的具体对象 进行建模和求解
- □3.1掌握与计算机复杂工程问题有关的工程 设计和软硬件产品开发全周期、全流程的基 本设计/开发方法和技术,了解影响设计目 标和技术方案的多种因素

教材及参考书

□于俊清主编. 数字电路与逻辑设计(微课版),人民邮电出版社,2023



教学内容(授课 48, 上机 16)



- □基本知识、 基本理论、 基本器件
 - 数制、代码表示
 - 逻辑代数
 - 集成门电路与触发器
- □小规模集成电路的逻辑电路分析与设计
 - 组合逻辑电路
 - 同步时序逻辑电路
 - 异步时序逻辑电路
- □中规模通用集成电路及应用
- □大规模可编程逻辑器件及应用



学习方法

- □掌握课程特点
 - -一门既抽象又具体的课程
 - 逻辑设计方法十分灵活
 - 理论知识与实际应用结合十分紧密
- □重视课堂学习
 - 认真听课、主动思考

学习方法

□培养自学能力

- 认真阅读教材内容
- 善于总结、归纳
- 加强课后练习
- 积极参与学习讨论
- 广泛阅读, 拓宽知识面
- □注重理论联系实际
 - 将书本知识与工程实际统一
 - 将理论知识与实际应用结合



第一章 基本知识

主讲教师: 何云峰



提纲

1 数字信号与系统



- 2 数制及其转换
- 3 带符号二进制数的代码表示
- 4 几种常用的编码

数字信号

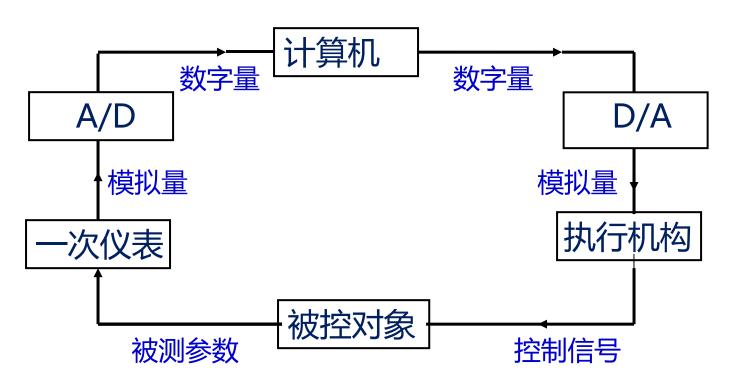
- □信号的变化在时间上和数值上都是离散的, 或者说断续的, 称为**离散信号**
- □离散信号的变化可以用不同的数字反映,所以又称为**数字信号**,简称为**数字**量
- □举例
 - 学生成绩记录,工厂产品统计,电路开关的状态等

数字系统

- □模拟信号与数字信号的相互转换
 - A/D-模数转换
 - D/A-数模转换
- □何谓"数字系统"?
 - 数字系统是一个能对数字信号进行加工、传递和存储的实体,它由实现各种功能的数字逻辑电路相互连接而成
 - 例如: 手机、平板、数字计算机

数字系统

□某控制系统框图如图所示



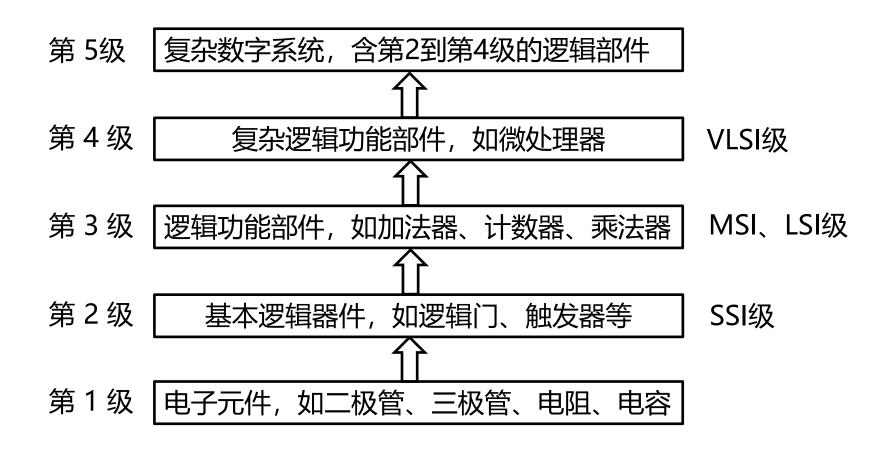
数字逻辑电路

- □数字电路
 - 用来处理数字信号的电子线路
- □由于数字电路的各种功能是通过逻辑运算和逻辑判断来实现的,所以数字电路又称为数字逻辑电路或者逻辑电路

数字逻辑电路的特点

- □电路的基本工作信号是二值信号
- □电路中的半导体器件一般都工作在开、关 状态
- □电路结构简单、功耗低、便于集成制造和 系列化生产,产品价格低廉、使用方便、 通用性好
- □工作速度快、精度高、功能强、可靠性好

数字系统的层次结构



典型的数字系统——数字计算机

运算器 计算机硬件组成框图 **CPU** 控制器 系统总线 存储器 主机 输入设备 输出设备 外部设备

数字逻辑电路的类型

- □根据一个电路有无记忆功能,可以分为:
 - 组合逻辑电路 (Combinational Logic Circuit)
 - 时序逻辑电路 (Sequential Logic Circuit)
- □组合逻辑电路
 - 在任何时刻的稳定输出仅取决于该时刻的输入,而与电路过去的输入无关





数字逻辑电路的类型

□时序逻辑电路

在任何时刻的稳定输出不仅取决于该时刻的输入入,而且与过去的输入相关





数字逻辑电路的类型

- □时序逻辑电路按照是否有统一的时钟信号进 行同步,可分为
 - 同步时序逻辑电路
 - 异步时序逻辑电路
- □组合逻辑电路、同步时序逻辑电路和异步时 序逻辑电路将分别在第4、5和6章讲述

数字逻辑电路的研究方法

- □逻辑电路的研究有两个主要任务
 - 一是分析
 - 二是设计
- □逻辑分析
 - 对一个已有的数字逻辑电路, 研究它的工作性能 和逻辑功能
- □逻辑设计
 - 根据提出的逻辑功能,在给定条件下构造并实现 预定功能,又称为逻辑综合

数字逻辑电路的研究方法

□传统方法

- 以逻辑代数作为基本理论,从逻辑抽象到功能 实现
- 建立在小规模集成电路基础之上
- 以技术经济指标作为评价一个设计方案优劣的 主要性能指标
- 设计时追求的是如何使一个电路达到最简

□注意

- 一个最简的方案并不等于一个最佳的方案

数字逻辑电路的研究方法

□非传统方法

- 用中、大规模集成组件进行逻辑设计
- 用可编程逻辑器件 (PLD) 进行逻辑设计
- 用计算机进行辅助逻辑设计

提纲

- 1 数字信号与系统
- 2 数制及其转换



- 3 带符号二进制数的代码表示
- 4 几种常用的编码

提纲

- 1 数字信号与系统
- 2 数制及其转换
- 3 带符号二进制数的代码表示



4 几种常用的编码

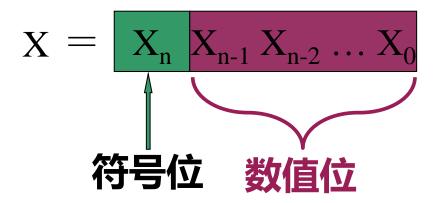
带符号二进制数的代码表示

- □机器数
- □原码表示法
- □补码表示法
- □反码表示法

机器数

- □两种表示方法: 真值法和机器数 (机器码)
 - 真值:一般书写形式表示的数,通常用"+"、 "-"表示正负
 - 机器数:正负符号数码化后的数据
- □机器数实际上是数据在机器中的表示形式, 是由数据的符号位和数值部分一起编码而成
- □常用机器码
 - 原码、补码、反码

符号位的表示



$$\begin{cases} X_n=0, & X \ge 0 \\ X_n=1, & X \le 0 \end{cases}$$

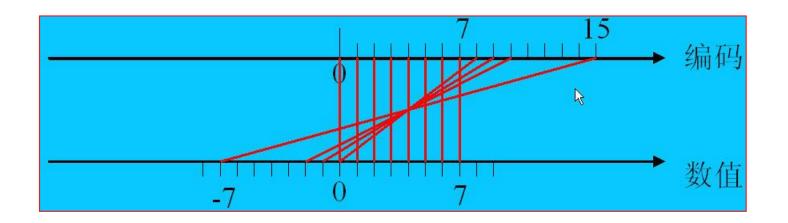
原码表示法

- □原码又称之为符号数值表示法,是一种比较直观的编码表示法
- 口符号位表示了数据的正或负
- □数码 0 表示正号, 数码 1表示负号
- □数值部分保留了真值的特征,为真值的绝 对值
- □简言之:符号位+真值绝对值

带符号数的原码表示

原码	真值	原码	真值	
0000	+0	1000	-0	
0001	+1	1001	-1	
0010	+2	1010	-2	
0011	+3	1011	-3	
0100	+4	1100	-4	
0101	+5	1101	-5	
0110	+6	1110	-6	
0111	+7	1111	-7	

原码在数轴上的表示



原码表示法的特点

- □零的表示有 "+0"和 "-0"之分
 - $-[+0.00...0]_{\text{fg}}=0.00...0$
 - $-[-0.00...0]_{\bar{m}}=1.00...0$
- ※ 正数的原码是其本身,负数的原码的符号位为1, 数值位不变

原码的加法

- □假设字长为8bits
- □十进制运算: (-1)₁₀ + (-1)₁₀ = -2
- □二进制运算

$$(-1)_2 + (-1)_2$$

- = 10000001 + 10000001
- = 100000010
- = ?

数值位: 2,符号位如何确定呢?

原码的减法

- □十进制运算: (1)₁₀ (2)₁₀ = -1
- □二进制运算

$$(1)_2 - (2)_2$$

$$= (1)_2 + (-2)_2$$

- = 00000001 + 10000010
- = 10000011
- = (-3)

正确吗?

结论

- □原码不能直接进行减法运算
- □正确的做法
 - 当对两个数求和时,如果符号相异,则需要先 比较两个数的绝对值的大小,然后做减法
 - 绝对值大的符号是结果的符号
 - 绝对值的差值是结果的数值位

□缺点

- 利用它进行加减法运算较为麻烦

问题

- □如何简化问题呢?
- 口解决办法
 - 减法变加法,符号位直接参与运算
- □原码不行,有其他编码吗?

反码表示法

- □符号位与原码相同
- □数值位与符号位相关
 - 正数的反码是正数本身,与原码形式相同
 - 负数的反码符号位为1,其数值部分由原码的数值部分按位取反得到

举例说明

- $\square X = +0.1011$
- $\square X = -0.1011$,

$$-[X]_{\overline{\mathbb{D}}}=(2-2^{-4})-0.1011$$

=1.1111-0.1011

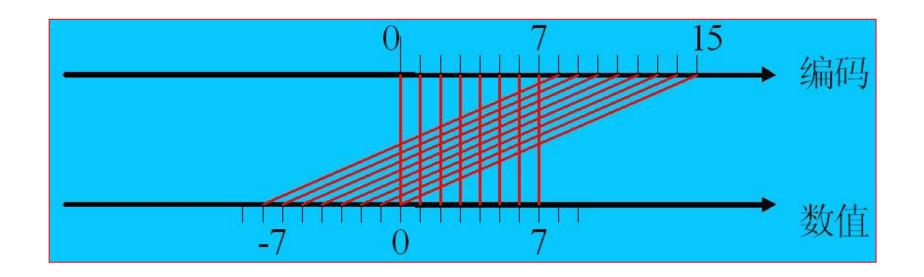
=1.0100

- □求X= 13/16 的二进制反码?
 - $-[X]_{\overline{\boxtimes}} = [-0.1101]_{\overline{\boxtimes}} = 1.0010$

带符号数的反码表示

反 码	真值	反 码	真值	
0000	+0	1000	-7	
0001	+1	1001	-6	
0010	+2	1010	-5	
0011	+3	1011	-4	
0100	+4	1100	-3	
0101	+5	1101	-2	
0110	+6	1110	-1	
0111	+7	1111	-0	

反码在数轴上的表示



负数的反码加法

- □假设字长为8bits
- □十进制运算: (-1)₁₀ + (-1)₁₀ = -2
- □二进制运算

$$(-1)_2 + (-1)_2$$

- = 10000001+ 10000001【原码】
- = 11111110+ 11111110【反码】
- = 111111100【反码】
- = 1111111101 = -2

符号位进位加到结果最低位

反码的减法

- □十进制运算: (1)₁₀ (2)₁₀ = -1
- □二进制运算

$$(1)_2 - (2)_2$$

$$= (1)_2 + (-2)_2$$

- = 00000001+ 10000010【原码】
- = 00000001+ 11111101【反码】
- = 11111110【反码】
- = (-1)

正确吗?

反码的减法

- □十进制运算: (1)₁₀ (1)₁₀ = 0
- □二进制运算

$$(1)_2 - (1)_2$$

$$= (1)_2 + (-1)_2$$

- = 00000001+ 10000001 【原码】
- = 00000001+ 11111110 【反码】
- = 11111111【反码】
- = -0

合理吗?

问题

□还有更合理的表示方法吗?

模的概念

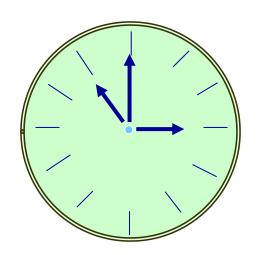
- □ "模"是指一个计量系统的计数范围
 - 如时钟的计量范围是0~11, 模=12
- □ <u>计算机</u>也可以看成一个计量机器,它也有一个计量范围, 即都存在一个"模"
 - 表示n位的计算机计量范围是0~2ⁿ-1, 模= 2ⁿ
- □ "模"实质上是计量器产生"溢出"的量,它的值在计量器上表示不出来,计量器上只能表示出模的余数
- □ 任何有模的计量器,均可化减法为加法运算

补码的特征

□标准时间3点整,有一只表的当前时间为11 点,如何校准时间?

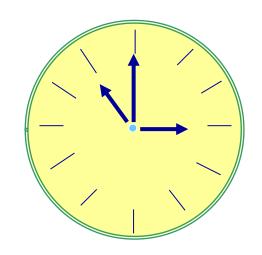
方法一:

顺时针转4个小时



方法二:

逆时针转8个小时



补码的特征

- □结论: 两种方法是等效的, 这种关系记作:
 - $-8=4 \pmod{12}$
- □含义: -8与4对模12是互补的,或者说以12 为模时-8的补码为4
- □模(或称模数):一个计量系统的范围,记作mod或M
- □同理,模为12时,-2的补码是10,-5的补码 是7

补码表示法

- □正数与原码相同
- □负数的补码的符号位为1,数值位为其反码的末位加1
- **口** 如: $[-1010]_{\stackrel{}{\nmid} h} = 1[1010]_{\stackrel{}{\boxtimes}} + 1 = 10101 + 1 = 10110$
- □ 对于0, 在补码中的定义下只有一种表示形式:

$$[+0.00...0]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}} = [-0.00...0]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}} = [0.00...0]_{\dot{\uparrow}\dot{\uparrow}}$$

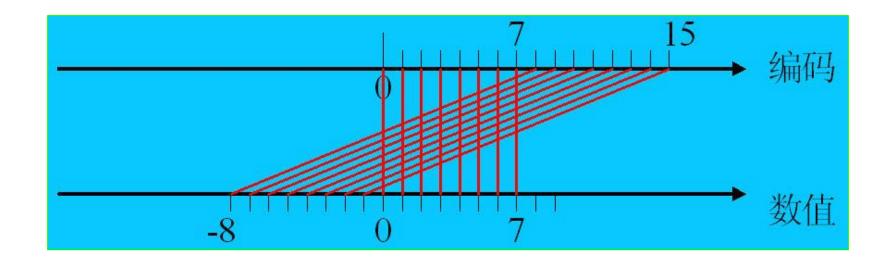
补码的意义

- □计算机中的数据受字长的限制,数据的运算 属于有模运算
- □计算结果能够方便地按模丢掉
- □可以将减法转为加法运算
- □计算机中可只设置加法器,从而可简化设计、 降低成本

带符号数的原码、反码和补码表示

	原码	反码	补码		原码	反码	补码
0000	+0	+0	0	1000	-0	-7	-8
0001	1	1	1	1001	-1	-6	-7
0010	2	2	2	1010	-2	-5	-6
0011	3	3	3	1011	-3	-4	-5
0100	4	4	4	1100	-4	-3	-4
0101	5	5	5	1101	-5	-2	-3
0110	6	6	6	1110	-6	-1	-2
0111	7	7	7	1111	-7	-0	-1

补码在数轴上的表示



负数的补码加法

- □假设字长为8bits
- □十进制运算: (-1)₁₀ + (-1)₁₀ = -2
- □二进制运算

$$(-1)_2 + (-1)_2$$

- = 10000001 + 10000001
- = 11111111+ 1111111 【补码】
- = 111111110 【补码】
- = 111111110=-2

符号位进位直接丢掉

补码的减法

- □十进制运算: (1)₁₀ (2)₁₀ = -1
- □二进制运算

$$(1)_2 - (2)_2$$

$$= (1)_2 + (-2)_2$$

- = 00000001+ 10000010【原码】
- = 00000001+ 11111110 【补码】
- = 11111111 【补码】
- = (-1)

正确吗?

补码的减法

- □十进制运算: (1)₁₀ (1)₁₀ = 0
- □二进制运算

$$(1)_2 - (1)_2$$

$$= (1)_2 + (-1)_2$$

- = 00000001+ 10000001 【原码】
- = 0000001+ 1111111 【补码】
- = 10000000 【补码】
- = 00000000=0 符号位进位丢弃

合理

机器数的应用

- □补码的加减法比较方便,得到了广泛应用
- □目前计算机中广泛采用补码表示
- □少数机器采用原码进行存储和传输, 计算时用补码表示

机器码的求法对比

机器码	真值为正数	真值为负数
原码	符号位为0,等于真值	符号为1,等于真值
反 码	符号位为0,等于真值	符号为1,逐位取反
补码	符号位为0,等于真值	符号为1,逐位取反, 末位加1

提纲

- 1 数字信号与系统
- 2 数制及其转换
- 3 带符号二进制数的代码表示
- 4 几种常用的编码



几种常用的编码

- □十进数的二进制编码
- □可靠性编码
- □字符编码

十进制数的二进制编码

□ 十进制的二进制表示 (BCD码)

8421码

2421码

5421码

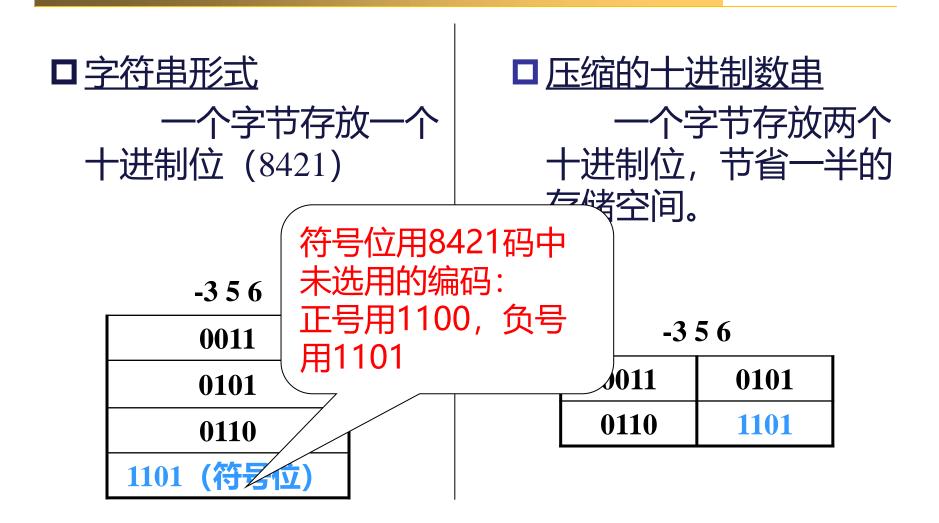
余3码

□十进制数串在机器中的表示

十进制数的二进制编码

十进制数	8421 码	2421 码	余 3 码
0	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 1 1
0 1	0 0 0 1	0 0 0 1	0 1 0 0
	0 0 1 0	0 0 1 0	0 1 0 1
2 3	0 0 1 0 0 0 1 1	0 0 1 1	0 1 1 0
4	0 1 0 0	0 1 0 0	0 1 1 1
4 5	0 1 0 0 0 1	1 0 1 1	1 0 0 0
	0 1 1 0	1 1 0 0	1 0 0 1
6 7	0 1 1 0 0 1 1 1	1 1 0 1	1 0 1 0
8	1 0 0 0	1 1 1 0	1 0 1 1
9	1 0 0 1	1 1 1 1	1 1 0 0
未	1 0 1 0	0 1 0 1	0 0 0 0
选	1 0 1 1	0 1 1 0	0 0 0 1
用	1 1 0 0	0 1 1 1	0 0 1 0
的	1 1 0 1	1 0 0 0	1 1 0 1
编	1 1 1 0	1 0 0 1	1 1 1 0
码	1 1 1 1	1 0 1 0	1 1 1 1

十进制数串在机器中的表示



可靠性编码

- □为了减少或者发现代码在形成和传送过程 中都可能发生的错误
- □可靠性编码的作用是为了提高系统的可靠 性
- □下面介绍几种:
 - 奇偶校验码
 - CRC校验码
 - 格雷码

奇偶校验

- □奇偶校验包含着<u>奇校验</u>和<u>偶校验</u>两种校验
 - 奇校验: 让整个校验码(包含有效信息和校验位)中1的个数为奇数
 - 偶校验: 是让整个校验码中1的个数为偶数
- □有效信息(被校验的信息)部分可能是奇性 (1的个数为奇数)也可能是偶性
- □奇偶两种校验都只需配一个校验位,就可以 使整个校验码满足指定的奇偶性要求

奇偶校验

校验码



奇校验

$$P = \overline{b_1 \oplus b_2 \oplus b_3 \oplus b_4 \oplus b_5 \oplus b_6 \oplus b_7 \oplus b_8}$$

偶校验

 $P = b_1 \oplus b_2 \oplus b_3 \oplus b_4 \oplus b_5 \oplus b_6 \oplus b_7 \oplus b_8$

奇偶校验

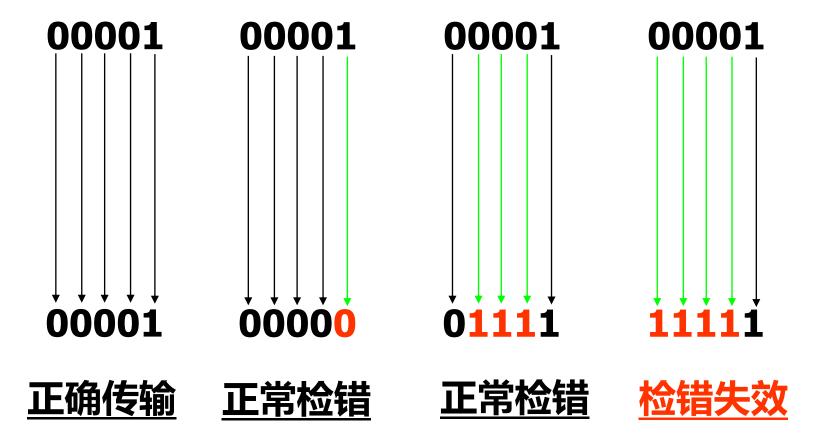
校验位的取值

被校验信息	奇校验位取值	偶校验位取值
10 10 10 10	1	0
11 00 11 01	0	1
11 01 00 11	0	1
10 01 10 01	1	0
10 10 11 00	1	0
11 10 11 00	0	1

奇偶校验的特点

- □奇偶校验是一种常见的简单校验,只需要1位校验码
- □ 奇偶校验只具有发现错误的能力,不具备对错误定位继而纠正错误的能力
- □ 奇偶校验,只具有发现一串二进制代码中,同时出现 现奇数个代码出错的能力
- □如果同时发生偶数个代码出错,这种校验就不具备 发现错误的能力了

奇偶校验的性能



□一种数据传输检错功能,对数据进行多项式计算,并将得到的结果附在帧的后面,接收设备也执行类似的算法,以保证数据传输的正确性和完整性。

□特征

- 信息字段和校验字段的长度可以任意选定

□原理

- 增加附加信息
- 使所生成的数据能与发送端和接收端共同选定的某个特定数整除
- 模2除法: 与"算术除法"类似,但它既不向上位借位,也不比较除数和被除数的相同位数值的大小,只要以相同位数进行相除即可

- □实例:已知多项式G(X) = x⁴ + x + 1 (CRC-4/ITU),发送数据为111010
 - (1) 多项式二进制化 10011 (k+1位)
 - (2) 在发送数据后加k个0, 1110100000
 - (3) 用初始数用模2除法除以10011
 - (4) 得到余数0010
 - (5) 将初始传输码加上余数得到最终传输的数据1110100010

□特点

- 可检测出所有奇数个错误
- 可检测出所有双比特的错误
- 可检测出所有小于等于校验位长度的连续错误

格雷码 (Gray Code)

□特点

- 任意两个相邻的数, 其格雷码仅有一位不同

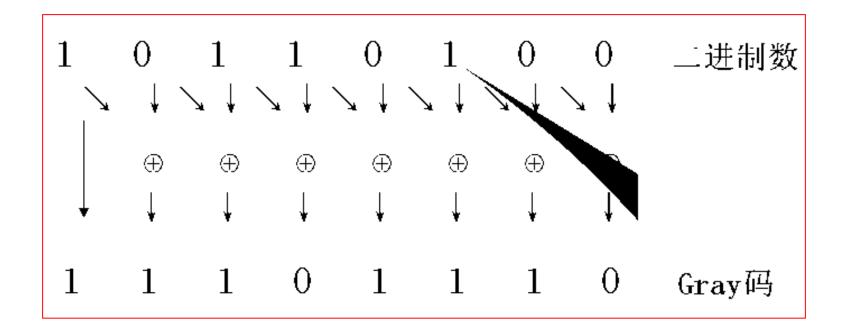
□作用

- 避免代码形成或者变换过程中产生的错误

4位二进制码对应的典型格雷码

十进制数	4位二进制码	典型格雷码
0	0000	0000
1	0001	0001
2	0010	0011
3	0011	0010
4	0100	0110
5	0101	0111
6	0110	0101
7	0111	0100
8	1000	1100
9	1001	1101
10	1010	1111
11	1011	1110
12	1100	1010
13	1101	1011
14	1110	1001
15	1111	1000

格雷码的转换



问题解答





Thank Mous!



