第3章主存储器及数据在计算机内的表示形式



華中科技大學

- 3.1 主存储器 数据存储的基本形式、数据地址的类型及转换
- 3.2 数值数据在计算机内的表示形式
- 3.3 字符数据在机内的表示形式
- 3.4 数据类型转换
- 3.5 浮点数据在机内的表示形式



第3章主存储器及数据在计算机内的表示形式



学习重点

数据存储的基本形式 有符号整数和无符号整数的表示与存储 字符串的表示方法与存储 浮点数据的表示方法与存储 地址类型转换 与 数据类型转换



3.1 主存储器



3.1.1 数据存储的基本形式

内存条: 用来存放程序和数据的装置

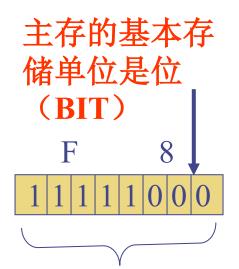
C 语言: char、short、int、double

对应长度: 1个、2个、4个、8个字节

字节 字 双字 四字 汇编语言: byte word dword qword



	00012340H	
字节是最小	00012341H	
的寻址单位	00012342H	
	00012343H	
	00012344H	
每一个字	00012345H	
节都有一→	00012346H	F 8 H
个地址	00012347H	
	00012348H	
物理地址 ——	00012349H	
(Physical	0001234AH	
Address	0001234BH	
, PA)	0001234CH	
是唯一的	0001234DH	
	0001234EH	
	0001234FH	
	00012350H	



 8个位组成一个

 字节
 BYTE

Q: 1M字节内存, 地址编码需要多 少二进制位?

Q:32位地址对应的内存大小可达到多大?

字节是最 小的寻址 单位

00012340H 00012341H 00012342H 00012343H 00012344H 00012345H F8H 00012346H 00012347H 04H 00012348H 56H 00012349H 12H 0001234AH 0001234BH 0001234CH 0001234DH 0001234EH 0001234FH 00012350H

字地址是这2 个字节中低字 节的地址

两个相邻的字 节组成一个字 WORD Q1:两个黄色的字节组成的字的地址是多少?字中的内容又是多少?

PA:00012346H DATA: 04F8H

Q2:红色的呢?

PA:00012347H DATA: 5604H

00012340H	
00012341H	
00012342H	
00012343H	
00012344H	
00012345H	
00012346H	F8H
00012347H	04H
00012348H	56H
00012349H	12H
0001234AH	
0001234BH	
00 <mark>01234CH</mark>	
0001234DH	78H
0001234EH	56H
0001234FH	
00012350H	

字数据的存放形式:

低8位在低字节; 高8位在相邻的高字 节中。

Q3:将5678H存放到 地址为1234D的字 单元中。

地址为12346H	00012340H	
的双字是:	00012341H	
44434241H	00012342H	
$\beta p(00012346H) =$	00012343H	
44434241H	00012344H	
	00012345H	
地址为12346H	00012346H	41H
的字是:	00012347H	42H
4241H	00012348H	43H
Bp(00012346H) =	00012349H	44H
4241H	0001234AH	
4 4 4 12216H	0001234BH	
地址为12346H 的字节是:	0001234CH	
的子下及: 41H	0001234DH	
\$\mathcal{B}\text{p}(00012346H) =	0001234EH	
φ (0001234011) – 41H	0001234FH	
4111	00012350Н	

双字 四个连续的字 节组成

其地址为四个 字节中的最低 字节的地址。

3.1.1 数据存储的基本形式



数据存储方法有两种

- 小端存储(Little Endian)
- 大端存储 (Big Endian)
- ▶ Intel x86 系列采用小端存储方式
- ▶ 在小端存储方式中,最低地址字节中存放数据的最低字节,最高地址字节中存放数据的最高字节。按照数据由低字节到高字节的顺序依次存放在从低地址到高地址的单元中。
- > 大端存储方式与小端存储方式相反。



3.1.1 数据存储的基本形式



```
char t1[5] = \{48, 49, 127, 129, 0\};
short t2[5] = \{48, 49, 32767, 32769, 0\};
int t3[5] = \{48, 49, 0x12345678, 0x11223344, 0\};
内存1
                                                        ▼ 🗖 X
                                     ▼ 🖒 列: 自动
地址: 0x010FF7B8
0x010FF7B8
              30 00 00 00 31 00 00 00
                                             0...1...
              78 56 34 12 44 33 22 11 xV4. D3".
0 \times 010 FF7C0
0x010FF7C8
              00 00 00 00 30 00 31 00 ....0.1.
0x010FF7D0 ff 7f 01 80 00 00 9b 00 ...€..?.
0x010FF7D8
              30 31 7f 81 00 00 00 00 01.?....
监视1
                                                         ▼ □ ×
搜索(Ctrl+E)
                    ▶ ★ → 搜索深度: 3 ▼
 名称
                                       类型
        0x010ff7b8 {48, 49, 305419896, 287454020, 0}
                                       int[5]
        0x010ff7cc {48, 49, 32767, -32767, 0}
                                       short[5]
        0x010ff7d8 <字符串中的字符无效。>
                                    Q ▼ char[5]
 ▶ 🤪 t1
 法加重些
```



3.1.1 数据存储的基本形式



```
t1[5] = \{ 48, 49, 127, 129, 0 \};
 char
 short t2[5] = \{48, 49, 32767, 32769, 0\};
 int t3[5] = \{48, 49, 0x12345678, 0x11223344, 0\};
 int *pt1 = t1; // 警告: 从 "char *" 到 "int *" 的类型不兼容
 int q = *pt1:
                                             int * pt1 = (int *)t1;
内存1
                                                           ▼ □ ×
地址: 0x010FF7D8
                                       ▼ 0 列: 自动
0 \times 010 \text{FF7D8} 30 31 7f 81 00 00 00 00 01.?...
0x010FF7E0 ab 23 05 2d 04 f8 0f 01 ?#.-.?..
监视 1
                                                           ▼ 🗖 X
搜索(Ctrl+E)
                     ▶ ← → 搜索深度: 3 ▼
 名称
        值
                                         类型
                                         int *
 pt1 0x010ff7d8 {-2122370768}
   a -2122370768
                                         int
        0x010ff7d8 <字符串中的字符无效。>
                                      Q ▼ char[5]
        0x817f3130
                                         int
  🔪 q,x
  &pt1 0x010ff7b4 {0x010ff7d8 {-2122370768}}
                                         int * *
```





给定一个地址后,可以根据该地址取一个字节、一个字、

一个双字……

取多少字节的数据,取决于地址类型。

以 … 为字节地址

以 … 为字地址

以 … 为双字地址





華中科技大學

小

■ C:\新书示例\C

36353433 3433

3433

LBA

程序运行结果是什么? 为什么?

char s[10];

strcpy(s, "1234567");

printf(" $^{\circ}$ \overline{\sigma}x \n\", *(long *)(s+2));

printf(" \sqrt{n} ", *(short *)(s+2));

printf("%d \n", *(char *)(s+2));

*(int *)(s+1)=16706;

printf("%s \n",s);

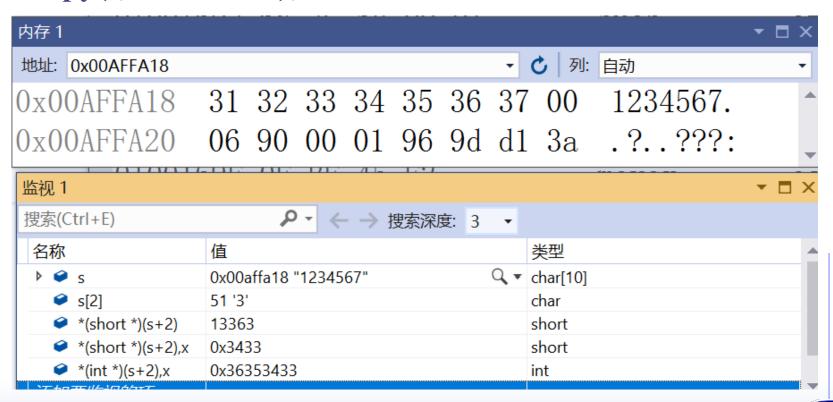
关键词: 地址类型转换

地址 31H 32H 33H 34H 35H 36H 37H 00H地址

工程 type_convert



char s[10]; strcpy(s, "1234567");



在调试窗口,观察地址类型转换后取数的结果



```
#define CRT SECURE NO WARNINGS
                                                          小地址
 #include <iostream>
                                                  31H
 union test {
                                                  32H
   char s[10];
   char c;
                                                  33H
   short x;
                                                  34H
   int y;
                                                  35H
 } temp;
 int main()
                                                  36H
    strcpy(temp.s, "1234567");
                                                  37H
   printf(" \% x \n", temp.x);
   printf(" \% x \n", temp.y);
                                                  00H
                                                           大地址
   printf(" % d \n", temp.c);
   return 0;
                              ■ C:\新书示例\C03 内存
                               3231
                               34333231
工程: union type
                                49
```

11/->-



```
union test {
    char s[10];
    char c;
    short x;
    int y;
} temp;
strcpy(temp.s, "1234567");
```

监视 1			
搜索(Ctrl+E)			
名称	值		类型
▶ 🔗 &temp.x	0x0092a138 {union_type.exe!test temp} {12849}		short *
▶ 🔗 &temp.y	0x0092a138 {union_type.exe!test temp} {875770417}		int *
▶ 🤗 &temp.c	0x0092a138 "1234567"	Q -	char *
	0x0092a138 "1234567"	Q -	char[10]
	<u>-</u>		



```
练习:体会地址类型转换的应用
定义了结构 student,以及结构数组变量s[3];
struct student {
 char name[8];
 short age;
 float score;
 char remark[200];
};
student s[3];
student new s[3];
```

编写程序,将 s[3] 中的信息紧凑存放到 一个字符数组 message 中,然后从 message 转换到结构数组 new_s[3]中。



练习

III Microsoft Visual Studio 调试控制台

结构 student的大小 =214

结构数组 s 的大小 =642

张三 20 91.5 2021年获得三好学生称号,2020年获得优秀干部奖 xuxiang 21 94.7 very good student wang 22 87.6 none packed:103

张三 20 91.5 2021年获得三好学生称号,2020年获得优秀干部奖 xuxiang 21 94.7 very good student wang 22 87.6 none

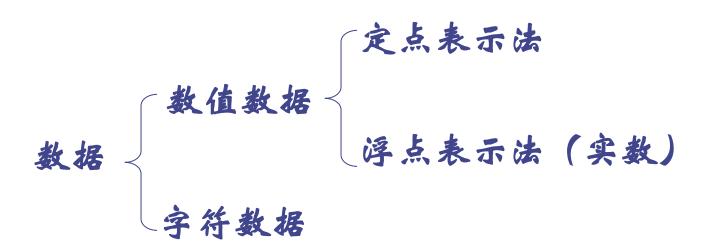
要求 s[0].name 为自己的姓名; 可以在给的程序中 补充

void pack_student(student* s)
void restore_student(student* s)



3.2 数值数据在计算机内的表示形式





常用的数值数据为二进制、十进制、十六进制、BCD码。

字符数据: ASCII (美国信息标准交换代码)

GB2312

GBK



華中科技大學

整数的表示法(小数点固定在第0位的后面)

1. 十进制数转换成16进制数

18

30

347

12 H

1EH

15B H

2. 将以上数据转换成二进制数

10010 B

11110 B 101011011 B



華中科技大學

3. 有符号数的N位二进制的补码表示

正数的补码是其本身; 负数的补码: 先求其相反数的补码, 然后对该 补码的二进制逐位求反, 最后加1。

设 n =16, -69DA H 的补码表示是多少?

-69DAH的相反数是 69DAH,
对应的二进制是 0110 1001 1101 1010 B,
逐位求反 1001 0110 0010 0101 B
加1后: 1001 0110 0010 0110 B

 $[-69DAH] = 9 \quad 6 \quad 2 \quad 6 \quad H$



華中科技大學

设 n=16, — 69DAH 的补码表示是多少? [-69DAH] 补 = 9626H

观察: 二进制数 0110 1001 1101 1010 B

逐位求反 1001 0110 0010 0101 B

它们的和: 1111 1111 1111 B

对16进制数的直接求反方法:

69DAH + ????

(9625 H)

设 n = 32, -69DAH 的 补码表示是多少?

FFF FH

FFFF9626H

一个二进制数的补码表示中,其最高位(即符号位)向左扩展若干位后,得到的仍然是该数的补码。

華中科技大學

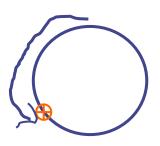
设 n=16, -69DAH 的补码表示是多少? [-69DAH]补 = 9 6 2 6 H



$$69 D AH + 9625 H + 1 = 10000 H = 2^{16}$$

$$69 DAH + [-69DAH] = 2^{n} (n=16)$$

$$[-69DAH] = 2^{n} - 69DAH$$



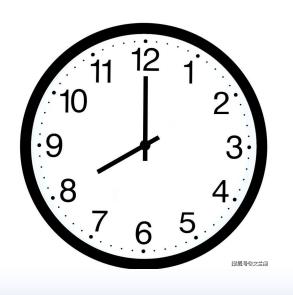




華中科技大學

8001H 当无符号short数 ,是 32769 当有符号short数 ,是 -32767

为什么一个数,能当有符号看,也可以当成无符号数看?这两个数之间有什么关系?



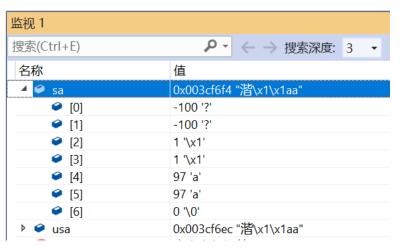
8点,也可视为到0点差4个小时 12点即0点 从0出发,顺时针走8格 从0出发,逆时针走4格

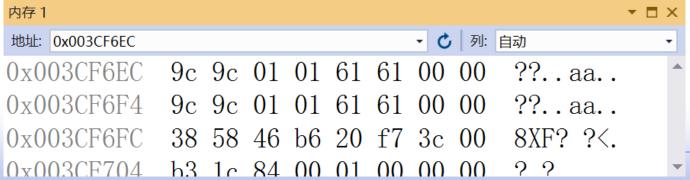
对时钟: [-4]补=12-4=8

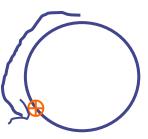




Q: 设 char sa[5] = {-100, 156, -255, 1, 'a', 97, 0}; unsigned char usa[5] = {-100, 156, -255, 1, 'a', 97 0}; 数组sa, usa中存放的结果是什么?为什么?





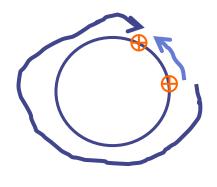


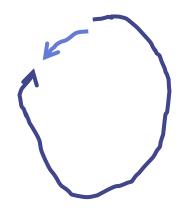






華中科技大學





m-n 为什么等于 m+[-n]补?

$$5-2 = 0x05 + 0xFE = \boxed{1}$$
 3



華中科技大學

■有符号数的表示范围

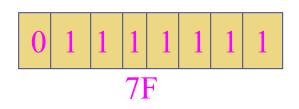
8位补码: 80H --- 7FH

(-128, 127)

16位补码: 8000H --- 7FFFH

(-32768, 32767)

正数 00000001 1



N=8



華中科技大學

■ 有符号数(补码表示)的大小比较

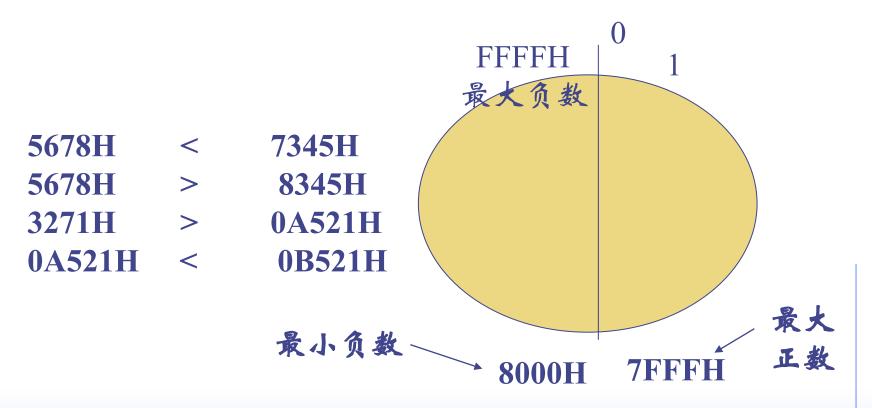
设 n = 16, 试比较:

5678H	VS	7345H?	<
5678H	VS	8345H?	>
3271H	VS	0A521H ?	>
0A521H	VS	0B521H?	<



華中科技大學

■ 有符号数(补码表示)的大小比较







■无符号数及其表示范围

一个段中的偏移地址,就是一个无符号数。 最小的无符号数是0。

8位无符号数: 0H --- FFH (0,255)

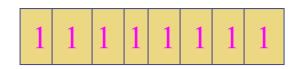
16位无符号数: 0H --- FFFFH (0,65535)

无符号数的大小比较?



華中科技大學

设 n=8, 有一个数 M,



Question: 若将其看成一个数的补码,它表示的什么数?

-1

Question: 如果M作为无符号数,它表示的是多少?

255

Question: 哪到底将它看成什么数呢?

Answer: 这取决于访问该单元的指令。看一个C程序





```
#include <stdio.h>
void main( )
   short x;
   unsigned short y;
   x=-1; // x=65535
   y=-1; // y=65535
   printf("%d %d\n", x, y);
```

结果是:

-1 65535

在汇编语言中也有类似于unsigned的约定。

工程: c_有符号和符号的比较





華中科技大學

```
#include <stdio.h>
void main( )
   short x;
   unsigned short y;
  x = -1; y = -1;
   if (x > 0)
      printf("x = \%d positiven",x);
  if (y > 0)
      printf("y= %d positive\n",y);
```

结果?

■ Microsoft Visual Studio 调试控制台

y= 65535 positive

C:\新书示例\C03 内存及数掉 按任意键关闭此窗口. . .

谁来把一个数当有符号 数看,还是无符号数?



工程: c_有符号和符号的比较

華中科技大學

```
if (x > 0) printf("x= %d positive\n", x);
○001D1875
           movsx
                       eax, word ptr [x]
 001D1879
          test
                        eax, eax
 001D187B jle
                         $EncStackInitStart+43h (01D188Fh)
                                                                 82%
 001D187D
                        eax, word ptr [x]
           movsx
                                                                 40°C
 001D1881 push
                        eax
                        offset string "x= %d positive\n" (01D7B30h)
 001D1882 push
                       printf (01D10CDh)
 001D1887 call
 001D188C add
                        esp, 8
     if (y > 0) printf("y= %d positive\n", y);
●001D188F
                        eax, word ptr [y]
           movzx
 001D1893 test
                        eax, eax
                         $EncStackInitStart+5Dh (01D18A9h)
 001D1895
          jle
 001D1897
                        eax, word ptr <u>y</u>
          movzx
 001D189B push
                        eax
                       offset string "y= %d positive\n" (01D7B44h)
 001D189C push
                       printf (01D10CDh)
 001D18A1 call
          add
 001D18A6
                        esp, 8
```

3.2.2 BCD码



BCD (Binary Coded Decimal):二进制编码的十进制

用4位二进制数表示一位十进制数。

1 = 0001 BCD 8 = 1000 BCD

2 = 0010 BCD 9 = 1001 BCD

9781的 压缩 BCD码

1000 0001

1001 0111

0000 0001 0000 1000 0000 0111 0000 1001

9781的 非压缩 BCD码



BCD码扩展知识



BCD码可分为两类: 有权BCD码和无权BCD码

有权BCD码: 8421码、2421码、5421码

无权BCD码:余3码、余3循环码、格雷码

8421码 从高位到低位的权值为8、4、2、1,和四位自然二进制码不同的是,它只选用了四位

二进制码中前10组代码,即用0000~1001分别代表它所对应的十进制数,余下的六组代码1010~1111不用。

2421码 从高位到低位的权值为2、4、2、1,注意:数码6,既可以用1100表示,也可以用0110表示

5421码 从高位到低位的权值分别为5、4、2、1,注意:数码5,既可以用1000表示,也可以用0101表示

余3码 在8421 BCD码的每基础上加3(0011)形成的,比如8->1011,9->1100

格雷码

在一组数的编码中,若任意两个相邻的代码只有一位二进制数不同,则称这种编码为格雷码 (Gray Code) , 另外由于最大数与最小数之间也仅一位数不同,即"首尾相连",因此又称循环码或反射码。

格雷码 Gray Code



十进制数	自然二进制数	格雷码
0	0000	0000
1	0001	0001
2	0010	0011
3	0011	0010
4	0100	0110
5	0101	0111
6	0110	0101
7	0111	0100
8	1000	1100
9	1001	1101
10	1010	1111
11	1011	1110
12	1100	1010
13	1101	1011
14	1110	1001
15	1111	1000

自然二进制码->格雷码:

- ▶ 自然码的最左(最高)位不变;
- 》从自然码的次高位开始,每一位与其左边一位异或 (XOR),作为对应格雷码在该位的值。
- 》相邻的数字编码,只有一个二 进制位发生变化
- > 常用于模拟 数字转换中



余3码



十进制数	8421码	余3码
0	0000	0011
1	0001	0100
2	0010	0101
3	0011	0110
4	0100	0111
5	0101	1000
6	0110	1001
7	0111	1010
8	1000	1011
9	1001	1100

以8421码 (即BCD) 为基础, 每位十进制数BCD码,加上0011得到。





ASCII码字符表

	1100111411111																
	100	0	16	32	48	64	80	96	112	128	144	160	176	192	208	224	240
4		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Α	В	С	D	E	F
0	0				0	100	P		P		3					- 8	
1	1				1	A	Q	a	q								
2	2	Se 8		- 2	2	В	R	Ъ	г		9	8 8			2 0	9.	3
3	3				3	С	S	c	s		2	2 2				0 2	
4	4			\$	4	D	Т	d	t			0 0			8 8		
5	5				5	E	U	e	u								
6	6				б	F	v	f	v		8	2 8				8.	
7	7				7	G	W	g	w		9						
8	8	82 8			8	н	X	h	х	9	5	8 8			S 85	- 8	3
9	9				9	I	Y	i	у								
10	Α	校 行				J	z	j	z								
11	В					К		k									
12	С	92 S	Ĩ			L		1			2						3
13	D	ख \$				М		m									
14	E					N		n									
15	F	90 9	- 2	2	- 2	0	3	0			8	90			S 57	-	3

American Standard Code for Information Interchange

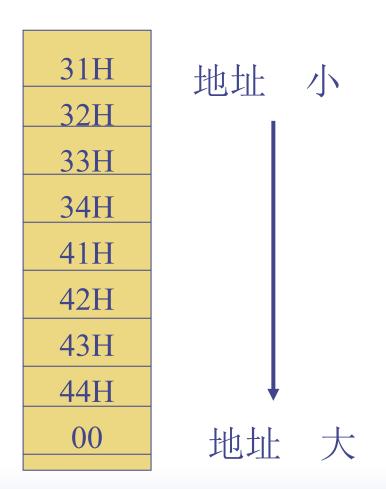




字符串 "1234ABCD" 的表示结果:

以0为串的结束

也可以写成'\0'







汉字编码 - GB2312

GB2312是简体中文字符集,包含了6763个汉字和682个非汉字字符(图形符号),双字节编码。所有字符组成一个94x94的矩阵。矩阵的每一行称为一个"区",每一列称为一个"位"(行列号称为区位号)。

- 01-09区为682个非汉字字符(图形符号)
- ●16-55区为一级汉字(3755个最常用的汉字,按拼音字母顺序排列)
- 56-87区为二级汉字(3008个汉字,按部首次序排列)
- ●10-15区、88-94是空白区(保留区)。





汉字编码 - GB2312

区位码:由行号(区号)为高字节、列号(位号)位低

字节组成的字

国际码(交换码):区位码+0x2020(似乎没什么用)

机内码: 区位码 + 0xA0A0

'华': 区位码 = 27 10, 即 0x1B0A

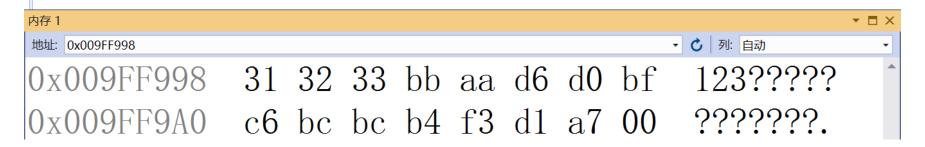
国际码 = 0x3B2A

机内码 = 0xBBAA (计算机存贮)





char s[] = "123华中科技大学";



char16_t hz = '华';

监视 1		
搜索(Ctrl+E)	$ ho$ - \langle - \rangle \pm	叟索深度: 3 、
名称	值	类型
	48042 u'뮪'	char16_t
🗭 hz,x	0xbbaa u'뮪'	char16_t





Unicode:

- 》将全世界所有的字符包含在一个集合里;
- > 只要支持该字符集,就能显示所有字符,不会有乱码了。
- ➤ 从0开始,为每个符号指定一个编号(码点,code point)码点U+0041:英语的大写字母A;码点U+534E:汉字"华"
- ➤ 在Unicode 7.0版中,收入了109449个符号,其中的中日 韩文字为74500个。
- ▶ 最前面的65536个字符位,码点从 U+0000 到 U+FFFF。 称为基本平面(BMP),含最常见的字符。





char16	_t	hz = '华';	//GB2312
char16	t	hz1 = u '华';	//Unicode, UTF-16

hz	48042 u'뮪'	char16_t
hz,x	0xbbaa u'뮪'	char16_t
hz1,x	0x534e u'华'	char16_t
hz1	21326 u'华'	char16_t

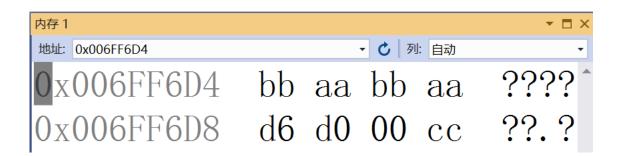
猴:29492 吼:21564 厚:21402 候:20505 后:21518 呼:21628 乎:20046 忽:24573 瑚:29786 壶:22774 葫:33899 胡:32993 蝴:34676 狐:29392 糊:31946 湖:28246 弧:24359 虎:34382 唬:21804 护:25252 互:20114 沪:27818 户:25143 花:33457 哗:21719 华:21326 猾:29502 滑:28369

汉字的 unicode 编码表 https://blog.csdn.net/Aimless520/article/details/126692649



char $p[] = "华 \u534e 中";$ cout << p << endl;









Unicode存在的问题:

- ▶ 如果所有字符都用2个字节、3个字节甚至更多字节来表示,会造成存储空间的增加,太费存储空间
- > ASCII只需要一个字节来进行编码
- ➤ 如何区别该编码是Unicode还是ASCII?
- ▶ 如何节约空间?
- > 如何避免对编码误判?

Unicode 的实现方式: UTF-8、UTF-16、UTF-32





UTF-8

- ▶ 是一种变长的编码方法,长度从1个到4个字节不等;
- ▶ 越是常用的字符,字节越短;
- ▶ 对于单字节的符号 字节的第一位设为0,后面7位为这个符号的Unicode码。 对于英文字母,UTF-8 编码和 ASCII 编码是相同的。
- ➤ 对于n字节的符号(n>1) 第一个字节的前n位都设为1,第n+1位设为0, 后面字节的前两位一律设为10, 剩下没有提及的二进制位,全为这个符号的 Unicode 码。





▶ 对于n字节的符号(n>1)

第一个字节的前n位都设为1,第n+1位设为0, 后面字节的前两位一律设为10,

剩下没有提及的二进制位,全为这个符号的 Unicode 码。

码点U+534E: 汉字"华" → UTF-8 0101 0011 0100 1110 15个有效二进制位,用3个字节来表示

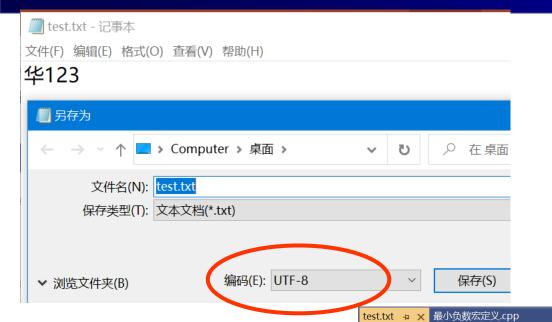
1110 0101 10 00 11 01 10 00 1110

E5 8D 8E





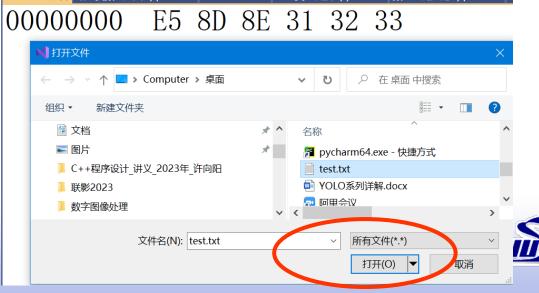
華中科技大學



保存文件时,可以 选择编码方式

数组空间分配.cpp

打开方式中,以2进 制形式打开





UTF-16

- ▶ 介于UTF-8和UTF-32之间,结合了定长和变长两种编码方式的特点;
- ▶ 基本平面的字符用2个字节,辅助平面的字符用4个字节。
- ▶ 2个字节 (U+0000 到 U+FFFF)
 UTF-16编码就是码点 对应的16位无符号整数
- ▶ 4个字节(U+010000 到 U+10FFFF)
 先计算 U' = U 0x10000
 将U'写成二进制形式: yyyy yyyy yyxx xxxx xxxx,
 U的UTF-16编码: 110110yyyyyyyyyy 110111xxxxxxxxxxxx





UTF-32

- ▶ UTF-32是最直观的编码方法
- ▶ 每个码点使用四个字节表示
- > 字节内容一一对应码点
- > 转换规则简单直观,查找效率高。缺点在于浪费空间
- ▶ 同样内容的英语文本,它会比ASCII编码大四倍。
- ➤ 实际上没有人使用这种编码方法 HTML 5标准就明文规定,网页不得编码成UTF-32。





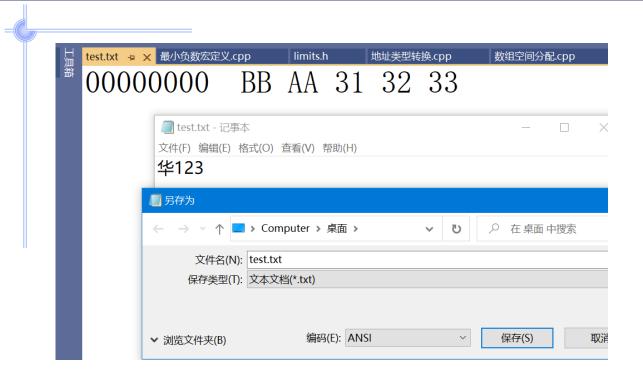
编码(<u>E</u>): GB18030 ~

ANSI 编码

- > 不同的国家和地区制定了不同的标准
- ➤ 在简体中文Windows操作系统中,ANSI编码代表GB编码;
- ➤ 在日文Windows系统中,ANSI编码代表 Shift_JIS 编码。
- > 不同 ANSI 编码之间互不兼容;
- ▶ 对于ANSI编码而言,0x00 ~ 0x7F之间的字符,依旧是1个字节代表1个字符。







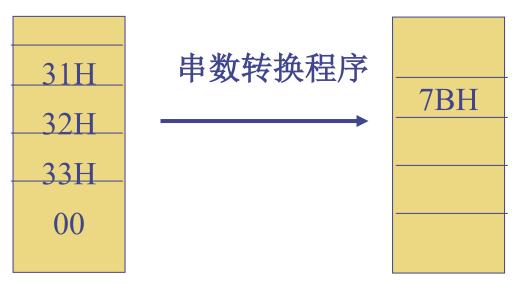
在 GB2312 中, "华"的 区位码 是 2710, 第27区的第10个字 (共 94区, 每区 94个字) (1B 0A)。

区位码的每个字节加AO,得到ANSI编码,即BBAA。





Q: 在键盘上输出123。计算机中得到是什么呢? 若要用其作数值运算,如何办呢?



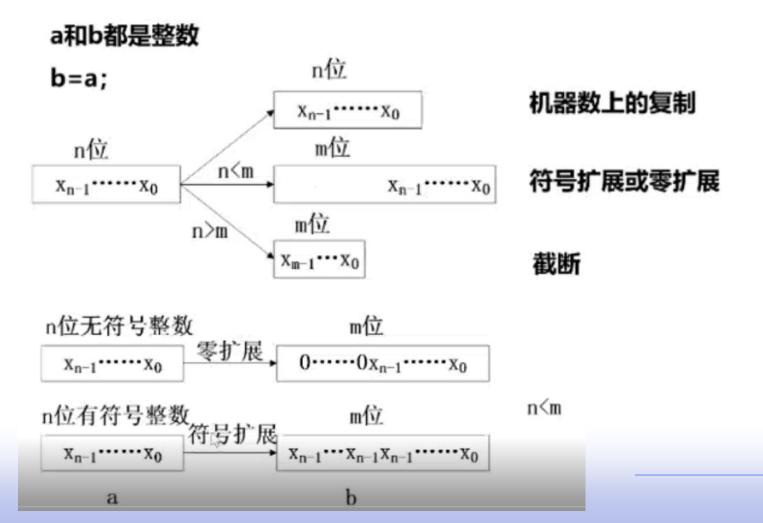
"123"的字符串形式

123的数值形式





▶ 不同整数类型的变量赋值,如何进行转换?







> 不同整数类型的变量赋值,如何进行转换?

规则1: 两边的长度一样,直接复制,与类型无关;

规则2: 右边长, 左边短, 截断, 保留低位;

规则3: 右边短, 左边长, 右边的数需要扩展。

Q: 在需要扩展时,何时用符号扩展?

何时用 0 扩展?

int i1; short s1; char c1; bool b1; unsigned int i2; unsigned short s2; unsigned char c2;



short s1 = 0xffff;



```
unsigned short s2 = 0xffff;
int i1;
i1 = s1; // i1=0xffffffff;
i1 = s2; // i1=0x0000ffff;
short → int =>赋值给 int
unsigned short → unsigned int =>赋值给 int
结论: 以右边的类型进行扩展
```





```
short s1 = 0xffff;
unsigned short s2 = 0xffff;
int i1; unsiged int i2;

i1 = s1;  // i1=0xffffffff;
i1 = s2;  // i1=0x0000ffff;

i2 = s1;  // i2=0xffffffff;
i2 = s2;  // i2=0x0000ffff;
```

结论:以右边的类型进行扩展;与赋值号左边变量的类型无关





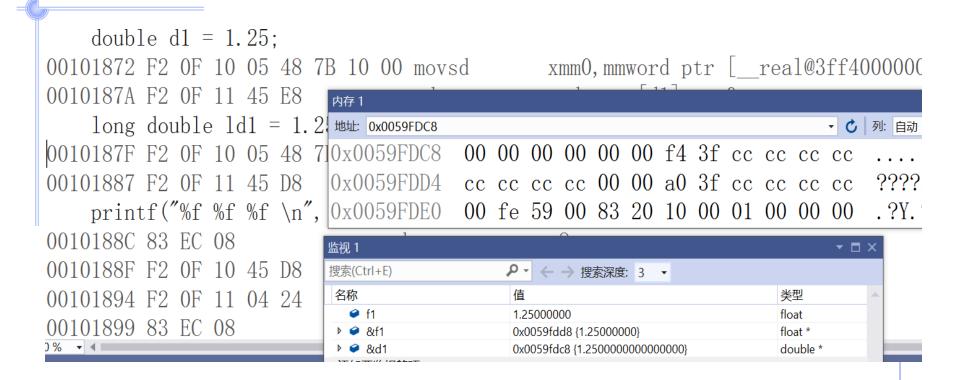


float f1=1.25;

对应的4个字节内容为: 3f a0 00 00







double d1=1.25;

对应的8个字节内容为: 3f f4 00 00 00 00 00 00





$$\pm (a_n 2^n + \dots + a_1 2^1 + a_0 2^0 + a_{-1} 2^{-1} + \dots + a_{-m} 2^{-m} + \dots)$$

1.25 = 1.01B;

规格化数据: ±1. XXXX*2ⁿ B

科学表示法: 小数点左边恒为1

要素: 正负号、尾数 XXXX、指数 n

问题: 尾数 XXXX、指数各用多少位来表示?

用什么形式来表达?





31	30	23	22	0
符号	8位	指数	23 位	尾数

单精度浮点数 float

符号位: 0表示正数, 1表示负数

指 数:采用"移码"来表示。单精度移 7F

-126 D -> 00000001 B 127 D -> 11111110 B

尾 数:用原码表示。对于规格化浮点数,尾数的小数点前面的1,不需存贮。

对应的4个字节内容为: 3f a0 00 00





63	62	52	51	0
符号	11 位	指数	52 位	尾数

双精度浮点数 double

符号位: 0表示正数, 1表示负数

指 数:采用"移码"来表示。双精度移 3FF

-1022D -> 000 0000 0001B

1023D -> 111 1111 1110B

double $d1=1.25 = 1.01 * 2^{0}$;

0 011 1111 1111 0100 0000 0000

对应的8个字节内容为: 3f f4 00 00 00 00 00 00





31	30	23	22	0
符号	8位:	指数	23 位,	尾数
2.0	2.0	- 0		
63	62	52	51	0
符号	11 位	指数	52 位)	尾数
79	78	64	63	0
符号	15 位	五指数	63 位	尾数

单精度浮点数 float

双精度浮点数 double

高精度浮点数 long double

符号位: 0表示正数, 1表示负数

数:采用"移码"来表示。

单精度移 7F 双精度移 3FF

高精度移 3FFF





31 23 22 30 0 符号

8位指数 23 位尾数

(1) 规格化浮点数

(2) 非规格化浮点数

(3) 特殊数值(±∞, NaN等)

单精度浮点数: float

IEEE 754 浮点数的解释

法公 公		单精度	(32位)	hishiring - 2	双精度 (64 位)				
值的类型	符号	阶码	尾数	值	符号	· 阶码	尾数	值	
正零	0	0	0	0	0	0	0	0	
负零	1	0	0	-0	1	0	0	-0	
正无穷大	0	255(全1)	0	∞	0	2047(全1)	0	œ	
负无穷大	1	255(全1)	0	- ∞	1	2047(全1)	0	- ∞	
无定义数 (非数)	0或1	255(全1)	≠0	NaN	0或1	2047(全1)	≠0	NaN	
规格化非零正数	0	0 < e < 255	f	$2^{e-127}(1.f)$. 0	0 < e < 2047	f	$2^{\epsilon-1023}(1.f)$	
规格化非零负数	1	0 < e < 255	f	$-2^{e-127}(1.f)$	1	0 < e < 2047	f	$-2^{e-1023}(1.f)$	
非规格化正数	0	0	$f\neq 0$	2 - 126 (0. f)	0	0	f≠0	2 - 1022 (0. f)	
非规格化负数	1	0	f≠0	$-2^{-126}(0.f)$	1	0	$f\neq 0$	$-2^{-1022}(0.f)$	



规格化浮点数: $\pm 1.XXXXX*2^n$ B (不存贮整数位1)

n (移码) 范围: [0000001, 111111110]

因此,规格化单精度浮点指数范围: [-126, 127]

尾数范围: [000...000 (23个0), 111...111]

规格化单精度浮点数范围:

 $\pm [1.0*2^{-126}, 1.111...111*2^{127}] B \Leftrightarrow$

 $\pm [1.175494351*10^{-38}, 3.402823466*10^{38}] D$

Q: 规格化浮点数能表示0和很小的数(如 2-130)吗?





非规格化浮点数: $\pm 0.XXXXX * 2^{-126}$ B 规定: 阶码(移码) = 00000000 (尾数不为0)

非规格化单精度浮点数范围:

 $\pm [0.000...001*2^{-126}, 0.111...111*2^{-126}] B \Leftrightarrow$

 $\pm [1.4013*10^{-45}, 1.17548*10^{-38}] D$

对于区问(-1.4013*10⁻⁴⁵, 0)、(0, 1.4013*10⁻⁴⁵)的数, float是无法表示的!!!





特殊数值

- $+\infty$ 符号位0、阶码全1、尾数为0 0-11111111 1-0000000 00000000 00000000
- -∞ 符号位1、阶码全1、尾数为0 1-1111111 1-0000000 00000000 00000000
- NaN (Not a Number) 符号位1或0、阶码全1、尾数不为0 例如: 0-1111111 1-0000000 00000000 00000001
 - 一些因素会引起 NaN (非数值),如 0/0、sqrt(-1)等。
- -0 符号位1、阶码全0、尾数为0 1-0000000 0-0000000 00000000 00000000





Problem1:

```
float a = 10000;
float b = a + 0.0001f;
bool c1 = (a == b);
bool c2 = (10000 < 10000.0001f);
c1, c2 = true or false?
```

Problem2:

```
float a = 0x65536; //0x10000 float b;
```

求满足 b>a 的条件下, IEEE754能表示的最小 b。



"Father" of the IEEE 754 standard

直到80年代初,各个机器内部的浮点数表示格式还没有统一因而相互不兼容,机器之间传送数据时,带来麻烦

1970年代后期, IEEE成立委员会着手制定浮点数标准

1985年完成浮点数标准IEEE 754的制定

This standard was primarily the work of one person, UC Berkeley math professor William Kahan.



www.cs.berkeley.edu/~wkahan/ieee754status/754story.html



Prof. William Kahan



Q:为什么指数使用移码表示,而不是补码表示? 在加法运算时,要对阶,用无符号数比较、 移位更简单。

Q:为什么规格化时,用 ±1. XXXX * 2ⁿ B , 而不是 ±0. 1XXXX * 2ⁿ B ? 能够保存更多的有效位数,指数的表示范围也更大。



3.6 数据类型转换



同样一个数值,分别用 short, int, float, double 表示,结果相同吗?

```
int i; float f; double d;
Q: i == (int)(float)i; ?
```

```
#include <stdio.h>

int main()
{
    int i;
    i = 1234567890;
    printf("%d \n", i);
    i = (int)(float)i;
    printf("%d \n", i);
    return 0;
}

Microsoft Visual Studio 调试控制台
1234567890
1234567936
```



3.6 数据类型转换



同样一个数值,分别用 short, int, float, double 表示,结果相同吗?

```
int i; float f; double d;
Q: i == (int) (double) i; ?
```

```
pint main()
    int i:
    i = 1234567890:
                         Microsoft Visual Studio 调试控制台
    printf("%d \n", i);
                        1234567890
    i = (int)(float)i:
    printf("%d \n", i);
                        1234567936
    i = 1234567890;
    printf("%d \n", i);
                        1234567890
    i = (int) (double) i;
                        1234567890
    printf("%d \n", i);
    return 0:
```

float 23 位尾数 double 52位尾数



3.6 数据类型转换



同样一个数值,分别用 short, int, float, double 表示,结果相同吗?

```
int i; float f; double d;
Q: f == (float)(int)f; ?
```



结构数组的数据存放



通过实例展示结构数组的存放结果 不同编译开关下(对齐方式)结构数组数据的存放





数据存储的基本形式 有符号整数和无符号整数的表示与存储 字符串的表示方法与存储 浮点数据的表示方法与存储 地址类型转换 与 数据类型转换

