《离散数学二》第七次作业

- 1. 某岛上共有三种人: 骑士总是说真话, 骗子总是说谎, 间谍可以说谎也可以说真话。你遇到了三个人, A、B和C。你知道这三个人中有一个是骑士, 一个是骗子, 一个是间谍。这三人中的每一个都知道其他两个人的身份。分别对以下三个小题分别判断谁是骑士、骗子和间谍。如不能判断, 给出原因; 如答案不唯一, 给出所有答案(20分)
 - (1) A 说: "C 是那个骗子", B 说: "A 是那个骑士", C 说: "我是那个间谍"。
 - (2) A 说:"我是那个骗子", B 说:"我是那个骗子", C 说:"我是那个骗子"。
 - (3) A 说: "我是骑士", B 说: "A 不是骗子", C 说: "B 不是骗子"。
 - (4) A 说: "我不是间谍", B 说: "我不是间谍", C 说: "A 是间谍"。
- 2. 求下列公式的主合取范式, 求其成假赋值, 再利用主合取范式求主析取范式(18分)。
- (1) $(p \land q) \rightarrow q$
- $(2) (p \leftrightarrow q) \rightarrow r$
- $(3) \ \neg (r \rightarrow p) \land p \land q$
- 3. 用真值表求下列公式的主析取范式和主合取范式(12分)。
- (1) $(p \lor q) \land r$
- (2) $p \rightarrow (p \lor q \lor r)$
- $(3) \ \neg (q \rightarrow \neg p) \land \neg p$
- 4. 用谓词逻辑将下列命题符号化(20分)。

- (1) 火车都比轮船快.
- (2) 有的火车比有的汽车快.
- (3) 不存在比所有火车都快的汽车.
- (4) 说凡是汽车就比火车慢是不对的.
- 5. 判断下列各式的真值(12分)。
- (1) $(\forall x)(P(x) \lor Q(x))$,其中,P(x): x=1;Q(x): x=2;而且个体域是 $\{1,2\}$.
- (2) $(\forall x)(P \rightarrow Q(x)) \lor R(a)$,其中, $P:2>1;Q(x):x \le 3;R(x):x \ge 6;a=5;$ 而且个体域是 $\{-2,3,6\}$.
- (3) $(\exists x)(P(x)\to Q(x))\land 1$,其中,P(x):x>2;Q(x):x=0;而且个体域是 $\{1,2\}$.
- 6. 设解释 I 如下: D={a, b}; P(a,a)=1; P(b,b)=1; P(a,b)=0, P(b,a)=0。 试确定下列公式在解释 I 下的真值(18 分)。
 - (1) $(\forall x)(\exists y)P(x,y)$;
 - (2) $(\forall x)(\forall y)P(x,y)$;
 - (3) $(\exists x)(\forall y) P(x,y)$;
 - (4) $(\forall x)(\forall y)(P(x, y)\rightarrow P(y,x));$
 - (5) $(\forall x) P(x,x)$;
 - (6) $(\exists y) \neg P(a,y)$.