CANS2D モデルパッケージ md_cndtb

単純熱伝導

2006. 1. 12.

1 はじめに

このモデルパッケージは、2次元平面内での熱伝導問題を解くためのものである。

2 仮定と基礎方程式

計算領域は2次元デカルト座標(xy 平面)で $\partial/\partial z=0$ と仮定する。解くのは、2次元 熱伝導方程式

$$\frac{\partial}{\partial t} \left(\frac{p}{\gamma - 1} \right) - \frac{\partial}{\partial x} \left(\kappa \frac{\partial T}{\partial x} \right) - \frac{\partial}{\partial y} \left(\kappa \frac{\partial T}{\partial y} \right) = 0 \tag{1}$$

$$p = \frac{k_{\rm B}}{m} \rho T \tag{2}$$

である。ここで、 γ は比熱比。 κ は熱伝導係数、熱伝導係数は、 $\mathrm{Spitzer}$ モデルを採用し

$$\kappa = \kappa_0 T^{\frac{5}{2}} \tag{3}$$

 κ_0 は定数でパラメータ。 ρ は解かないで時間・空間的に一定値。

3 無次元化

計算コードの中では、変数は以下のように無次元化して扱われる(表 1 参照)。長さ、時間の単位はそれぞれ L_0 、 $L_0/C_{\rm S0}$ 。ここで、 L_0 は計算領域の大きさ、 $C_{\rm S0}^2=\gamma(k_B/m)T_0$ で T_0 は初期温度パルスのピーク値。以下、無次元化した変数を使う。

変数	規格化単位
x, y	L_0
t	$L_0/C_{\rm S0}$
T	T_0
p	$ ho_0 C_{\mathrm{S}0}^2$

表 1: 変数と規格化単位

4 パラメータ・初期条件・計算条件・境界条件

 $|x|<1,\ |y|<1$ の領域を解く。初期状態は以下のようなもの。サブルーチン ${f model}$ で設定する。

$$p = 1/\gamma \exp[-(s/w)^2]$$

ただし、

$$s = x\cos\theta_i + y\sin\theta_i$$

パラメータ	値	コード中での変数名	設定サブルーチン名
比熱比 γ	5/3	gm	model
熱伝導の強さ κ_0	1	rkap0	model
初期温度パルスの幅 w	0.3	wexp	model
初期不連続の角度 $ heta_i$	60 度	thini	model

表 2: おもなパラメータ

境界条件は、すべて自由境界条件。サブルーチン bnd で設定する。 計算パラメータは以下の通り(表3参照)。

パラメータ	値	コード中での変数名	設定サブルーチン名
グリッド数 x 方向	45	ix	main
グリッド数 y 方向	32	jx	main
マージン	4	margin	main
終了時刻	1	tend	main
出力時間間隔	0.1	dtout	main
時間ステップ間隔	10^{-4}	dt	main

表 3: おもな数値計算パラメータ。マージンとは、境界の値を格納するための配列の「そで」部分の幅のこと。