#### CANS2D モデルパッケージ md\_itshktb

# 等温衝擊波

2006. 1. 12.

### 1 はじめに

このモデルパッケージは、2次元平面内での等温衝撃波問題を解くためのものである。

### 2 仮定と基礎方程式

流体は非粘性・等温ガスとする。計算領域は 2 次元デカルト座標(xy 平面)で  $\partial/\partial z=0$ 、 $V_z=0$  と仮定する。解くのは、 密度  $\rho$ 、速度  $V_x$ 、 $V_y$  についての 2 次元 等温流体方程式

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho) + \frac{\partial}{\partial x}(\rho V_x) + \frac{\partial}{\partial y}(\rho V_y) = 0 \tag{1}$$

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho V_x) + \frac{\partial}{\partial x}(\rho V_x^2 + p) + \frac{\partial}{\partial y}(\rho V_x V_y) = 0$$
 (2)

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho V_y) + \frac{\partial}{\partial x}(\rho V_x V_y) + \frac{\partial}{\partial y}(\rho V_y^2 + p) = 0$$
(3)

$$p = \frac{k_{\rm B}}{m} \rho T \tag{4}$$

である。ここで、T はガスの温度で定数。

#### 3 無次元化

計算コードの中では、変数は以下のように無次元化して扱われる (表 1 参照 )。長さ、速度、時間の単位はそれぞれ  $L_0$ 、  $C_{\rm S0}$ 、 $L_0/C_{\rm S0}$ 。ここで、 $L_0$  は計算領域の大きさ、 $C_{\rm S0}$  はガスの音速。密度は高圧側の値 $\rho_0$  で無次元化する。以下、無次元化した変数を使う。

変数	規格化単位	
x, y	$L_0$	
$V_x, V_y$	$C_{ m S0}$	
t	$L_0/C_{\rm S0}$	
ρ	$ ho_0$	

表 1: 変数と規格化単位

## 4 パラメータ・初期条件・計算条件・境界条件

|x|<1/2、|y|<1/2 の領域を解く。初期状態は以下のようなもの。サブルーチン model で設定する。

$$\rho = \rho_0 + (\rho_1 - \rho_0) \frac{1}{2} \left[ 1 + \tanh\left(\frac{s}{w}\right) \right]$$
$$V_x = V_y = 0$$

ただし、

$$s = x \cos \theta_i + y \sin \theta_i$$

w=0.02 は数値不安定を避けるための遷移幅。

パラメータ	値	コード中での変数名	設定サブルーチン名
高圧側密度 $ ho_0$	1	ro0	model
低圧側密度 $ ho_1$	0.125	ro1	model
初期不連続の角度 $ heta_i$	60 度	thini	model

表 2: おもなパラメータ

境界条件は、すべて自由境界条件。サブルーチン bnd で設定する。 計算パラメータは以下の通り(表3参照)。

パラメータ	値	コード中での変数名	設定サブルーチン名
グリッド数 $x$ 方向	103	ix	main
グリッド数 $y$ 方向	104	jx	main
マージン	4	margin	main
終了時刻	0.14154	tend	main
出力時間間隔	0.05	dtout	main
CFL 数	0.4	safety	main
進行時刻下限値	$10^{-10}$	dtmin	main

表 3: おもな数値計算パラメータ。マージンとは、境界の値を格納するための配列の「そで」部分の幅のこと。進行時刻下限値とは、各計算ステップの  $\Delta t$  の値がこの値を下回ったときに計算を強制終了するための臨界値。