	2019	年	5	月	9	日
クラス	5J		番号		02	

課題2-1-2について、2,1,0,1を作成したプログラムで、非巡回相関を計算した結果を図1に示す。

図1 実行結果

次に手計算の結果を示す.

元データ行列に 0.0.0.0 を追加した行列についてパワースペクトルを求めると、以下のようになる.

$$\begin{pmatrix} |X_0|^2 \\ |X_1|^2 \\ |X_2|^2 \\ |X_3|^2 \\ |X_4|^2 \\ |X_5|^2 \\ |X_6|^2 \\ |X_7|^2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 16 \\ 6 \\ 4 \\ 6 \\ 0 \\ 6 \\ 4 \\ 6 \end{pmatrix}$$

ウィナー・ヒンチンの定理より,

$$\begin{pmatrix} R_{xx}(0) \\ R_{xx}(1) \\ R_{xx}(2) \\ R_{xx}(3) \end{pmatrix} = \frac{1}{4} IFFT \begin{bmatrix} \begin{pmatrix} 16 \\ 6 \\ 4 \\ 6 \\ 0 \\ 6 \\ 4 \\ 6 \end{bmatrix} = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 6 \\ 2 \\ 1 \\ 2 \\ 0 \\ 2 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{pmatrix} 1.5 \\ 0.5 \\ 0.25 \\ 0.5 \\ 0 \\ 0.5 \\$$

以上より手計算した結果と同じであることが確認できた。