# Informatik 1

Assignment Project Exam Help

```
https://powcoder.com

12 - Use tase: Huffman-Trees

Add WeChat powcoder

Winter 2020/21
```

Torsten Grust Universität Tübingen, Germany

# 1 Zeichencodierungen

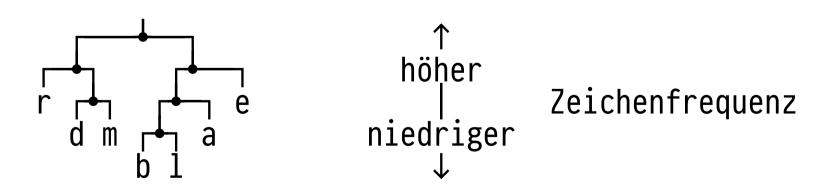
**Zeichencodierungen** bilden Zeichen auf Sequenzen von Bits ab. Die meisten dieser Codes nutzen eine *fixe Anzahl* von Bits:

Code	Details		
ASCII	Codes 0-127, 7 Bit Exam Helpion Interchange		
ISO-8859-1	Codeshitass.//portooler.lateinische + Steuerzeichen		
Unicode	20 Bit, Unicode 13.0 codiert 143859 Zeichen aktue Aler hater beroseringter oder "Alphabete"		
	Beispiel: Zeichen € = 0000 0010 0000 1010 1100 c		

```
; Zeichen "€" in Unicode-Codierung
(: euro-symbol <u>string</u>)
(define euro-symbol "\U020ac")
```

Huffman-Codes nutzen Bitsequenzen variabler Länge.

- ♀ Idee: Zeichen mit hoher Frequenz werden mit weniger Bits codiert, als seltene Zeichen ⇒ Datenkompression. Einsatz in JAESigMP3ennProject Exam Help
- Huffman-Codes sint Print Power der der Blätter Labels tragen. Beispiel Adul Monto der der der der der marmelade":



<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Dieser Huffman-Code kann Texte codieren, die (nur) die Zeichen a,b,d,e,l,m und r enthalten.

#### Huffman-Codes ≡ Pfade im Huffman-tree

• Pfade im Huffman-Tree codieren die vorhandenen Zeichen:

Code für Zeichen c:

r d e Pfad von Wurzel bis Blatt mit Label c:

d m AssignmentAbstiegt ExaminkenpTeilbaum ≡ Bit 0

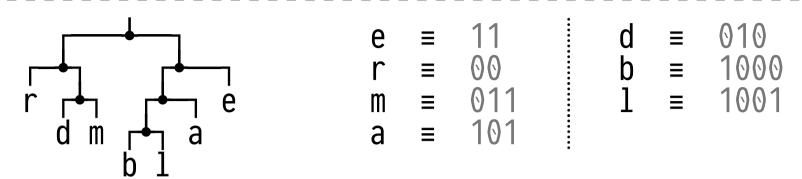
b l o Abstieg in rechten Teilbaum ≡ Bit 1

https://powcoder.com

• Zeichencodes im Huffman-Iree für "erdbeermarmelade": Add WeChat powcoder

Zeichen	Frequenz	Code (Bits)
е	5	11
r	3	00
m	2	011
а	2	101
d	2	010
b	1	1000
1	1	1001

# Huffman-Codes sind präfixfrei



- Huffman-Codes sign praffxfier Examples eines Zeichens (= Blatt) sind niemakoseino Rväßixreines anderen Zeichens.

■ Länge: 20 Bit (Unicode hätte 120 Bit benötigt).

# 2 Racket: Huffman-Trees (1)

```
Ein Blatt eines Huffman-Tree (huff-leaf)
- trägt ein Label (Zeichen c):
(: make-huff-leaf (%a -> (huff-leaf-of %a)))
(: huff-leaf-label ((huff-leaf-of %a) -> %a))
(define-record-procedures-parametric huff-leaf huff-leaf-of
 make-huff-leaf
 huff-leaf? Assignment Project Exam Help
  (huff-leaf-label))
 https://powcoder.com
Ein innerer Knoten eines Huffman-Tree (huff-node) besitzt
 - einen linken TAiddaWeChafbowcoder
 - einen rechten Teibaum (right):
(: make-huff-node (%a %b -> (huff-node-of %a %b)))
(: huff-node-left ((huff-node-of %a %b) -> %a))
(: huff-node-right ((huff-node-of %a %b) -> %b))
(define-record-procedures-parametric huff-node huff-node-of
 make-huff-node
 huff-node?
  (huff-node-left huff-node-right))
```

#### Racket: Huffman-Trees (2)

• Huffman-Trees sind eine Variante von Binärbäumen:

• Huffman-codierte Zeichen = **Bit**-Sequenzen (list-of bit):

```
; Ein Bit eines Zeichencodes
(define bit
(signature (one-of 0 1))); oder ("L","R"), ("✓"," \"), ...
```

# 3 Ein einfaches API für Huffman-Codierung

1. Decodieren einer Bit-Sequenz:

2. Codieren eines Strings: Project Exam Help

 $\forall$  string s: (huff-decode ht (huff-encode ht s)) = s

3. Huffman-Tree für gegebenen (Referenz-)Text konstruieren:

```
(: huffman-code (<u>string</u> -> (huff-tree-of <u>string</u>)))
```

# 4 API: Decodieren einer Bit-Sequenz (Erste Planskizze)

• Ein erster Plan für einen Worker dec für huff-decode:

 Fall ■/?: Im Huffman-Tree bis zum Blatt mit Label c navigiert. Wiedereinsteig an der Wurzel (s. <sup>1</sup>, Folie 5)?

# API: Decodieren einer Bit-Sequenz (Fertiger Plan)

**Q Idee:** Schleife die Wurzel des Huffman-Tree  $ht \triangle$  durch die Rekursion. Wiedereinstieg an der Wurzel ( $\hat{}$ ) ist nun einfach:

- (dec  $ht \triangle$  Assignment Project Examination (dec  $ht \triangle$   $ht \triangle$  bits))

  (dec  $ht \triangle$   $\triangle$  https://powcoder.com = empty

  (dec  $ht \triangle$   $\triangle$   $\triangle$  (dec  $ht \triangle$   $\triangle$   $\triangle$  (make-pair 1 bits)) = (dec  $ht \triangle$   $\triangle$   $\triangle$  (make-pair 1 bits)) = (dec  $ht \triangle$   $\triangle$   $\triangle$   $\triangle$   $\triangle$  (make-pair 1 bits)) = (dec  $ht \triangle$   $\triangle$   $\triangle$   $\triangle$   $\triangle$   $\triangle$   $\triangle$  (make-pair 1 bits)) = (dec  $ht \triangle$   $\triangle$   $\triangle$   $\triangle$   $\triangle$   $\triangle$  (make-pair 1 bits))
- Quiz: Ein endrekursives dec ist einfach zu erhalten. Wie?

# 5 API: Codieren eines Strings s (Plan (A))

#### 1. Codiere ein einzelnes Zeichen c:

- $\circ$  Suche c via Tiefensuche von der Wurzel von ht aus. Protokolliere den Pfad beim Abstieg als Bit-Sequenz.
- o Q: Wie reagieren wir, wenn uns die Tiefensuche zu einem Blassignmente Project Exam Help
- Verfolge hitpsieden winneren Knoten Teilbäume La und Ar. Suche schlägt entweder in LA oder Ar fehl. Liefere leere Bit-Sequenz Bei Penischlag 4. Beachte:

 $\forall xs$ : (append empty xs) = xs = (append xs empty)

2. Codiere Zeichen des Strings s wie in Schritt 1 (map). Verbinde Bit-Sequenzen zur gesamten Codierung (concat).

# API: Codieren eines Strings s (Plan $ext{ } ext{ } ext{$

• Plan @ für einen Worker enc für huff-encode:

```
bisheriges Bit-Protokoll Zeichen c
(: enc ((huff-tree-of <u>string</u>) (list-of bit) <u>string</u>

Assignment Project Exam Help→ (list-of bit)))
enc x bibstps).//poewptyder.com; x \neq x \neq c
Add WeChat powcoder bits c) = (reverse bits)
enc l \triangle bits c = (append (enc)
                                 (enc l\Delta (make-pair 0 bits) c)) (enc \Delta r (make-pair 1 bits) c)))
                                        * stellt nächstes Bit vorne an
```

# API: Codieren eines Strings s (Plan ®)

- Plan ® für huff-encode geht zweiphasig vor ( Übung).
- 1. **Phase 1:** Führe *einmalig* eine Tiefensuche im Huffman-Tree durch. **Konstruiere dabei eine sortierte Code-Tabelle:**

Assignment Project Exam Help Zeichen Code

https://powedder.com ...)

Add WeChattpowooder.)

- 2. **Phase 2: Codiere ein Zeichen** *c* durch *Lookup* in dieser Tabelle. Dazu ist der Huffman-Tree unnötig.
- 3. Codiere Zeichen des Strings s wie in Schritt 2 (map). Verbinde Bit-Sequenzen zur gesamten Codierung (concat).

# 6 API: Huffman-Tree für Text txt konstruieren (Schritt 1.)

Plan zur Erstellung eines optimalen Huffman-Trees für einen gegebenen (Referenz-) Text txt:

- 1. Stelle Häufigkeit des Vorkommens jedes Zeichens in txt fest. Organ Assiegen Terge Projectn Elxiate Hedph steigender Häufigkeit (Funktion occurrences). https://powcoder.com
  - Definiere dazudacowacheropds diden:
     Ding i (item) kommt mit Häufigkeit n (freq) vor.

Beispiel:

```
(occurrences "erdbeermarmelade")

→→ (list «"1",1» «"b",1» «"d",2» «"a",2»

«"m",2» «"r",3» «"e",5»)
```

# API: Huffman-Tree für Text txt konstruieren (Schritt 2.)

2. Baue den Huffman-Tree von den Blättern her auf. Konstruiere Liste hts trivialer Huffman-Trees:

• Bewahre jetzt die folgende Eigenschaft (Invariante ①):
Die beiden Huffman-Trees, die die seltensten Zeichen in txt repräsentieren, stehen am Anfang der Liste hts:

(list 
$$\langle c_1, n_1 \rangle \langle c_2, n_2 \rangle$$
 ...)

# API: Huffman-Tree für Text txt konstruieren (Schritte 3.+4.)

- 3. Wiederhole bis Liste hts nur (noch) ein Element trägt:
  - Fasse die zwei ersten occur-Records in hts zusammen:

- https://powcoder.com

   Bewahre Invariante ①: Sortiere den neuen occur
  Record bzgl. Addn Weshatspewcoder
- 4.  $hts = (list \langle \langle \Delta, n \rangle)^2 \Delta ist der gesuchte Huffman-Tree für den gegebenen (Referenz-)Text <math>txt$ . Done.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Überlege, warum jetzt n = (string-length txt) gilt.

# 7 Neue Kontrollstrukturen durch H.O.F (Typ ③)

Racket lässt sich mit Einsatz von H.O.F leicht um neue Kontrollstrukturen erweitern. Ein Beispiel ist until:

• Iteriere f auf x, bis Endebedingung done? erfüllt ist:

• Echte Iteration: until ist endrekursiv und der erzeugte Reduktionsprozess ist damit tatsächlich iterativ.

#### 8 API: Huffman-Tree für Text txt konstruieren (Racket)

• Huffman-Code (Referenz: Scroll vor STAR WARS Episode IV):
Add WeChat powcoder

