# 4. PyTorch Exercise

### 2019920017 컴퓨터과학부 김정현

## 2021/11/23까지

## 1 제출물에 대한 설명

이 과제에 대한 제출물은 이 보고서(report.pdf)를 포함하여 총 3개의 파일로 이루어져 있다. 각각에 대한 설명은 아래와 같다.

- 1. **report.pdf**: PyTorch를 이용하여 진행한 실험 결과를 정리하고, 이를 이용하여 Exercise의 각 물음에 답한다.
- 2. model-redefinition.ipynb: 수업에서 다룬 PyTorch 코드에서 새로운 모델 정의 $(w_2 \times t_u^2 + w_1 \times t_u + b)$ 를 적용한 Jupyter 파일이다. Exercise의 a, b번 물음에 답하기 위해 인용되며, 어느 부분이 수정되었고, 어느 부분이 수정되지 않았는지를 확인할 수 있다.
- 3. **experiments-to-compare.ipynb**: 기존의 모델 $(w \times t_u + b)$ 과 새로운 모델 $(w_2 \times t_u^2 + w_1 \times t_u + b)$  간의 성능 차이를 측정하기 위한 실험 과정을 정의한 Jupyter 파일이다. **Exercise의 c, d번 물음에 답하기 위해 인용되며**, 두 모델의 Loss 그래프에는 어떤 차이가 있는지, 평균적으로 어떤 모델이 더 높은 일반화 성능을 보이는지 확인한다.

# 2 질문에 대한 답안

# 2.1 What parts of the training loop, and so on, need to change to accommodate this redefinition?

모델을  $w_2 \times t_u^2 + w_1 \times t_u + b$ 와 같이 새로 정의하기 위해서는 원래 코드에서 두 곳이 수정되어야 하는데, 이는 다음과 같다.

#### 1. model 함수의 인자와 구현

기존의 모델은 파라미터가 Bias를 포함하여 2개 뿐이었으나, 새로운 정의에서는  $w_1, w_2, b$ 로 총 3개가 존 재하므로, 인자 역시 1개의 입력 스칼라와 3개의 파라미터를 받도록 수정해야 한다.

그리고  $w_2 imes t_u^2 + w_1 imes t_u + b$  식과 같이 결과를 계산하도록 구현을 수정하는 것이 필요하다.

```
def model(t_u, w1, w2, b):
return (w2 * t_u ** 2) + (w1 * t_u) + b
```

#### 2. params 변수의 차원 수

새로운 모델에서는 3개의 파라미터를 사용하므로,  $training_loop$  함수에 전달되는 params는 3차원이 되어야 한다. 초기 파라미터의 값은 임의로 설정할 수 있으므로 아래 코드에서는 (1,0,0)으로 값을 설정하였다.

```
params = torch.tensor([1.0, 0.0, 0.0], requires_grad=True)
```

#### 2.2 What parts are agnostic to swapping out the model?

이전 질문에서 답변한 두 곳을 제외하면 그 외의 코드는 문제없이 재활용할 수 있다.

이는 loss\_fn, training\_loop 등의 핵심적인 함수들이 모델에 종속적으로 구현된 것이 아니라 임의의 model 함수에 대하여 동일한 과정으로 수행되도록 설계되었기 때문이다.

비슷하게, 기존에 사용하던 데이터 셋이나 Optimizer도 문제없이 이용할 수 있는데, 이는 PyTorch 라이브 러리가 임의의 Tensor에 대하여 동일하게 autograd를 지원하기 때문이다.

## 2.3 Is the resulting loss higher or lower after training?

Training data에 대한 Loss 값은 새로 정의된 모델이 더 작았으나, Validation data에 대한 Loss 값은 기존의 모델이 더 작았다. 아래 표와 그림은 두 모델을 학습시켰을 때 나타난 Loss 값을 나타낸 것이다.

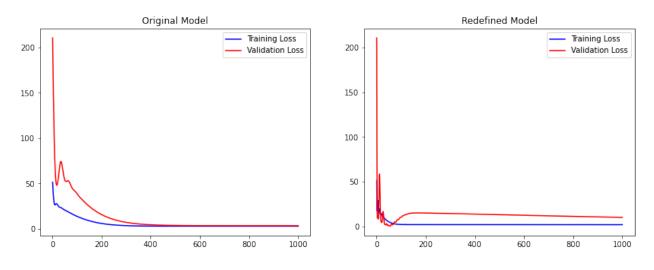


Figure 1: 두 모델의 Training, Validation Loss를 그린 그래프.

	Original		Redefined	
Epochs	Training	Validation	Training	Validation
1	51.4150	210.6365	51.4150	210.6365
2	45.8208	189.5128	23.1888	75.3991
3	40.9619	169.7757	17.3617	15.7157
500	2.9175	3.6702	2.1791	13.3067
1000	2.9111	3.3966	2.1270	10.2992

Table 1: 두 모델에 대하여 1,000 epochs 만큼 학습시켰을 때 나타난 Loss 값.

새로 정의된 모델의 Training Loss 값이 기존 모델의 값보다 가파르게 하락하며, 최종 Training Loss 역시 새로 정의된 모델이 더 작다. Validation Loss는 초기에 새로 정의된 모델이 더 빠르게 작아지지만 가장 마지막에는 새로 정의된 모델이 10.3, 기존의 모델이 3.3으로 기존의 모델이 더 높은 일반화 성능을 보인다.

#### 2.4 Is the actual result better or worse?

결과적으로, **새로 정의된 모델은 기존의 모델보다 나쁜 일반화 성능을 보인다.** 다시 말하면, Overfitting이 쉽게 발생하여 Training Loss에 비해 Validation Loss가 상대적으로 매우 크다는 것이다.

기존의 모델과 새로운 모델에 대하여 같은 방법으로 20회 동일한 실험을 반복하면서 Validation Loss가 Training Loss 보다 몇 퍼센트나 높은지 측정한 결과, 기존의 모델은 116.66%, 새로운 모델은 484.21%를 나타내었다. 이러한 결과는 새로운 모델이 Overfitting에 훨씬 취약하다는 사실을 시사한다.

After 20 experiments...

Original: Validation loss is 116.675915735631% greater than training loss.

Redefined: Validation loss is 484.2144294637739% greater than training loss.

그런데, Figure 1의 그래프를 확인해보면 앞서 언급한 것 처럼 새로운 모델은 Overfitting이 발생한 것을 쉽게 확인할 수 있으나, 학습의 초기에 Validation Loss와 Training Loss가 모두 낮은 순간이 존재함을 확인할 수 있다. 만약 Overfitting이 발생하기 전, 두 Loss 값이 함께 낮은 순간에 맞춰 학습을 종료할 수 있다면, 기존의 모델보다 더 좋은 성능을 얻을 수 있을 것이다.