

Código R:

```
library("ggplot2")

#indicações do enunciado
set.seed(285)
n_amostras <- 900
lambda <- 0.7
nivel_confianca <- 0.99

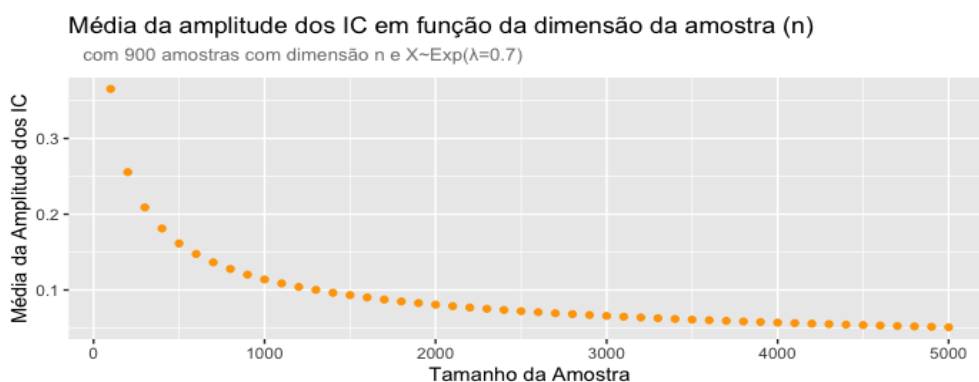
alpha <- (1-nivel_confianca)
qnt_dnorm <- qnorm(1-alpha/2)      # Quantis da Distribuição Normal

mediaAmostrasN <- c()
valor_n <- c()
for (j in 1:50) {
  amostrasN <- c()
  dimensao <- 100*j                # Dimensão das amostras varia entre [100, 5.000] em incrementos de 100
  for (i in 1:n_amostras) {
    amostra <- rexp(dimensao, lambda)
    amostrasN[i] <- 2* qnt_dnorm / sqrt(dimensao) / mean(amostra)  # Amplitude do Intervalo de confiança
  }
  valor_n[j] = dimensao
  mediaAmostrasN[j] <- mean(amostrasN)
}

# Passar dados para um DataFrame
dados <- data.frame(N = valor_n, MA = mediaAmostrasN)

# Gráfico
ggplot(dados, aes(x = N, y = MA)) +
  geom_point(color = "orange") + abs(title = "Média da amplitude dos IC em função da dimensão da amostra (n)",
  subtitle = "com 900 amostras com dimensão n e X~Exp(λ=0.7)", y = "Média da Amplitude dos IC",
  x = "Tamanho da Amostra") + theme(plot.subtitle=element_text(size=10, hjust=0.03, color="#808080"))
```

Gráfico:



Parâmetros do Exercício

- Semente = 285
- $m = 900$
- $\lambda = 0.7$
- $(1-\alpha) = 0.99$

Comentário:

Este gráfico permite-nos mais facilmente perceber a variação da amplitude dos Intervalos de uma distribuição exponencial ($X \sim \text{Exp}(\lambda=0.7)$) nível de confiança $(1-\alpha) = 0,99$ de acordo com o tamanho da amostra.

Neste gráfico, podemos facilmente verificar que com o aumento do tamanho da amostra a amplitude dos Intervalos de confiança diminui de acordo com o que se assemelha a uma função exponencial decrescente. Ou seja, se quisermos obter uma representação mais precisa da população devemos usar uma amostra de maior tamanho de forma a minimizar a amplitude do intervalo de confiança.