

Drugi izborni ispit

4. svibnja 2025.

Zadaci

Zadatak	Vremensko ograničenje	Memorijsko ograničenje	Bodovi
Stablo	1 sekunda	$512~\mathrm{MiB}$	100
Trava	1 sekunda	$512~\mathrm{MiB}$	100
Usisavač	1 sekunda	$512~\mathrm{MiB}$	100
Ukupno			300

Zadatak Stablo

Mirko je od Slavka danas sakrio stablo sN čvorova. Slavka jako zanima kako izgleda Mirkovo stablo, no jedino što zna je da je stupanj svakog čvora unutar stabla najviše 3 t.j. svaki čvor ima najviše tri susjeda.

Mirko se sažalio nad Slavkom te dopustio mu da postavi K pitanja o stablu. Za danu trojku **različitih** čvorova a, b i c, Mirko će mu odgovoriti

- 0 ako je udaljenost između čvorova a i b jednaka udaljenosti između čvorova a i c
- 1 ako je udaljenost između čvorova a i b manja od udaljenosti između čvorova a i c
- $\bullet\,$ 2 ako je udaljenost između čvorova a i b veća od udaljenosti između čvorova a i c.

Udaljenost čvorova u i v se definira kao broj bridova na putu između njih.

Pomozite Slavku odrediti Mirkovo stablo!

Interakcija

Ovo je interaktivni zadatak. Vaš program treba uspostaviti dijalog s programom izrađenim od strane organizatora.

Na početku, vaš program treba sa standardnog ulaza učitati broj N, veličinu stabla.

Zatim može slati upite ispisivanjem na standardni izlaz. Svaki upit mora biti ispisan u zaseban redak i imati oblik "? a b c", gdje su a, b i c svi prirodni brojevi za koje vrijedi $1 \le a, b, c \le N$ te $a \ne b, b \ne c$ i $c \ne a$. Brojevi a, b i c predstavljaju čvorove stabla za koje Slavko želi znati odgovor. **Vaš program smije postaviti najviše** 250 000 **ovakvih upita.**

Nakon svakog ispisanog upita, program mora napraviti flush izlaza te sa standardnog ulaza učitati odgovor na upit — nenegativan broj k za koji vrijedi $k \in \{0, 1, 2\}$.

Kada završi s postavljanjem vlastitih upita, program treba ispisati znak "!" kako bi označio kraj Slavkovih pitanja i zatim napraviti *flush* izlaza.

Nakon toga, potrebno je ispisati bridove Mirkovog stabla. To jest, ispisati N-1 redaka gdje i-ti redak sadrži par brojeva u_i te v_i , koji predstavljaju brid u Mirkovom stablu. Nije bitan redoslijed čvorova u bridu niti redoslijed bridova u ispisu. Potrebno je ispisati sve bridove.

Nakon ispisa odgovora, vaš program treba napraviti flush izlaza i završiti izvođenje.

Bodovanje

U svim podzadatcima vrijedi N < 512.

Podzadatak	Broj bodova	Ograničenja
1	10	Svaki čvor ima najviše 2 susjeda.
2	20	Mirkovo stablo je potpuno binarno stablo, $N=2^k-1$ za neki prirodan k .
3	70	Nema dodatnih ograničenja.

Neka je vaš program u pojedinom podzadatku ostvario rješenje u najviše K upita. Broj bodova na tom podzadatku tada će iznositi

$$\min\left(1, \left(\frac{14000}{K}\right)^{0.7}\right) \cdot B$$

pri čemu je B broj bodova podzadatka. Računaju se samo upiti oblika "? $a\ b\ c$ ".

Primjer interakcije

Pretpostavimo da Mirkovo stablo ima bridove (1,2), (2,3) i (3,4).

Iz	laz	Z		Ulaz
				4
?	1	2	3	
				1
?	1	4	3	
				2
?	2	1	3	
				0
!				
1	2			
2	3			
3	4			

Zadatak Trava

U mirnom kutku grada nalazi se umirovljenički dom čiji stanari vole provoditi vrijeme promatrajući travnjak ispred zgrade. Travnjak je podijeljen na N segmenata, a svaki segment ima visinu trave a_i milimetara, za $1 \le i \le N$.

Umirovljenici, zbog godina i dioptrije, ne vide baš savršeno. Kada umirovljenik s dioptrijom k promatra travnjak, on ne razlikuje pojedinačne segmente unutar k uzastopnih dijelova travnjaka. Formalnije, umirovljenik s dioptrijom k na poziciji i vidi visinu trave $\max(a_i, a_{i+1}, \ldots, a_{i+k-1})$ milimetara, za sve $1 \le i \le N - k + 1$, dok ostale pozicije ne promatra.

Osim toga, s vremena na vrijeme trava na nekom segmentu može narasti za jedan milimetar, čime se mijenja izgled cijelog travnjaka, a time i visina koje umirovljenici vide.

Potrebno je obraditi Q upita sljedećih oblika:

- ? k umirovljenik s dioptrijom k promatra travnjak. Odredi sumu svih visina koje on vidi.
- + i trava na *i*-tom segmentu naraste za jedan milimetar.

Ulazni podaci

U prvom retku nalaze se prirodani brojevi N i Q — broj segmenata travnjaka i broj upita.

U drugom retku nalazi se N cijelih brojeva a_1, a_2, \ldots, a_N — početne visine trave.

U idućih Q redaka nalazi se po jedan upit opisan kao:

- ? k $(1 \le k \le N)$
- + i $(1 \le i \le N)$

Izlazni podaci

Za svaki upit tipa ? k, ispiši u zaseban redak jedan cijeli broj — sumu svih visina koje promatra umirovljenik s dioptrijom k.

Bodovanje

U svim podzadacima vrijedi $1 \le N \le 500\,000$ te $0 \le Q \le 500\,000$. Dodatno, za sve $1 \le i \le N$ vrijedi $1 \le A_i \le 10^9$.

Podzadatak	Broj bodova	Ograničenja
1	13	$N,Q \le 7000$
2	16	Ne postoje upiti oblika + i.
3	23	U svakom trenutku vrijedit će $A_i \leq 10$ za sve $1 \leq i \leq N$.
4	10	Vrijedit će da se u svim upitima oblika ? k pojavljuje ista vrijednost $k.$
5	20	$N,Q \leq 100000$
6	18	Nema dodatnih ograničenja.

Probni primjeri

u.	laz	Z						
6 1 + ? + ?	7 1 2 3 5	2	3	5	4			
	la 7 1	z						

```
ulaz

10 4
1 2 2 1 3 2 1 3 2 2
? 4
? 5
+ 5
? 4

izlaz

20
18
24
```

Zadatak Usisavač

Mirko ima veliku kuću koja se sastoji od N soba povezanih sN-1 hodnikom. Svaki hodnik povezuje dvije različite sobe i sve su sobe međusobno povezane. Svaki je hodnik dugačak 1 metar. Mirko često čisti sobe u stanu ali rijetko hodnike. U hodnicima se nakupila prašina i Mirko ih sada želi usisati.

Svaki usisavač ima nažalost i kabel ograničene duljine. Svaka soba ima utičnicu i usisavač mora biti uštekan u utičnicu u nekoj sobi da bi mogao raditi. Mirko kreće od sobe 1 i može napraviti sljedeće:

Ako usisavač nije uštekan u struju, on može:

- Uštekati ga u sobi u kojoj se nalazi.
- Uzeti usisavač u ruke i prijeći u jednu od susjednih soba. Za prolazak hodnikom mu treba 1 minuta.

Ako je usisavač uštekan u struju, on može:

- Ako se nalazi u sobi u kojoj je uštekao usisavač, može ga odspojiti iz utičnice.
- Prijeći u jednu od susjednih hodnika usisavajući hodnik na putu. Ovo može napraviti **samo ako** je kabel dovoljno dugačak. To jest, ako je udaljenost od sobe u kojoj je uštekan usisavač i ciljane sobe manja ili jednaka od duljine kabla. Za čišćenje hodnika mu treba 1 minuta.

Mirkov usisavač se pokvario! Sada je u dućanu u kojem se nalazi Q usisavača, i-ti od njih ima duljinu kabla r_i metara. Zanima ga za svaki od usisavača koliko će minimalno trajati usisavanje svih hodnika ako kupi taj usisavač. Pomozite mu odrediti ta vremena!

Ulazni podaci

U prvom retku su prirodni brojevi N i Q, broj soba i broj usisavača.

U idućih N-1 redaka nalaze se prirodni brojevi x_i i y_i $(1 \le x_i, y_i \le N, x_i \ne y_i)$ koji označavaju da postoji hodnik između soba x_i i y_i .

U posljednjem retku nalazi se Q brojeva r_i ($1 \le r_i \le N$), duljine kablova usisavača.

Izlazni podaci

U jedini redak ispišite Q brojeva gdje i-ti broj predstavlja minimalno trajanje čišćenja si-tim usisavačem.

Bodovanje

U svim podzadacima vrijedi $2 \le N \le 3 \cdot 10^5$ i $1 \le Q \le 3 \cdot 10^5$.

Podzadatak	Broj bodova	Ograničenja
1	16	$N,Q \leq 1000$
2	10	Svaka soba $x=1,2,\ldots,N-1$ je povezana hodnikom sa sobom $x+1.$
3	22	Q = 1
4	31	$N,Q \leq 10^5$
5	21	Nema dodatnih ograničenja.

Probni primjeri

ulaz	ulaz	ulaz
5 2 1 2 2 3 3 4 4 5 2 5	10 2 1 2 2 4 5 2 6 3 3 1	6 2 3 1 3 5 4 3 4 2 2 6
izlaz 8 4	6 7 9 7 8 6 8 10 1 3 izlaz 24 16	5 1 izlaz 6 12

Pojašnjenje prvog probnog primjera:

Jedan od načina na koji Mirko može najbrže usisati sve hodnike s duljinom kabla 2m je sljedeći:

- Prošeta se od sobe 1 do sobe 3. (2 minute)
- Ušteka usisavač u sobi 3.
- $\bullet\;$ Usisa hodnike između soba 3 i 4 te 4 i 5 (2 minute).
- Vrati se do sobe 3. (2 minute)
- Usisa hodnike između soba 3 i 2 te 2 i 1 (2 minute). Time su svi hodnici očišćeni.