

Maratona de Programação UNIFEI



Introdução



Existe um bom livro? Sim, o guia de consulta rápida de Joel Saade é uma mão na roda, especialmente quando apenas queremos nos lembrar sobre funções e algoritmos, e suas assinaturas. Guia de referência, mas sem muita profundidade teórica.

Introdução

A STL (Standard Template Library) é uma biblioteca de algoritmos e estruturas de dados genéricas, integrada à biblioteca padrão de C++ através de mecanismos de templates (ou gabaritos, em português). Criada por Alexander Stepanov e Meng Lee (Hewlett-Packard), adicionada ao C++ em 1994.

Mas o que são **templates** (gabaritos)?

São um recurso poderosíssimo da linguagem C++, que possibilita especificar, com um único segmento de código, uma gama inteira de classes relacionadas. Podemos, por exemplo, escrever um único template de classe para uma classe "pilha", e então fazer com que o C++ gere várias classes templates separadas, tais como pilha de int, de float, de double, de string e assim por diante.

```
#include <stdio.h>
#include <vector>
#include <algorithm>
using namespace std;
int main()
   // Cria estrutura de dados e iterador (para precorre-la)
   vector<int> idades:
   vector<int>::iterator it;
    // insere dados
    idades.push back(20);
    idades.push back(17);
    idades.push back(21);
    // imprime desordenado
    printf("Vetor Desordenado: ");
    for(it = idades.begin(); it != idades.end(); ++it)
       printf("%d ", *it);
    // ordena vetor
    sort(idades.begin(), idades.end());
    printf("\nVetor Ordenado: ");
    for(it = idades.begin(); it != idades.end(); ++it)
        printf("%d ", *it);
    return 0;
```

Exemplo

Repare que foi necessária a inclusão e duas bibliotecas: uma para utilização da classe vector e outra para a utilização do algoritmo de ordenação.

Introdução

A STL é uma caixa de ferramentas, que auxilia e traz soluções para muitos problemas de programação que envolvem estruturas de dados.

Estruturas de Dados

Uma estrutura de dados é uma forma de **armazenar e organizar dados**, provendo maneiras eficientes para a realização de inserções, consultas, buscas, atualizações e remoções.

Sabemos que as estruturas de dados em si não representam a solução de um problema. No entanto, conhecer as estruturas e utilizar a mais adequada em uma determinada situação pode ser a diferença entre acertar um problema e tomar uma penalização por limite de tempo excedido.

Introdução

Como o objetivo desta disciplina é a programação competitiva, não focaremos nossos esforços na fundamentação teórica das estruturas de dados (ECO003/013) e na análise dos algoritmos de ordenação e busca (CCO005).

Nós precisamos apenas conhecer o maior número possível delas e – o mais importante de tudo – SABER UTILIZÁ-LAS!

Precisamos conhecer:

- Pontos fortes e fracos
- Complexidade

Conhecer bem a STL irá nos ajudar muito nas competições. A utilização de suas estruturas e algoritmos prontos nos alcançará um alto nível de produtividade e eficiência.



Para começar, existem três conceitos básicos importantes que precisam ser conhecidos sobre a STL, para que possamos utilizá-la bem:

- Os Containers são as estruturas que armazenam valores de um tipo de dado (int, float, string, etc.) e encapsulam a estrutura de dados em si;
- Os algoritmos correspondem às ações a serem executadas sobre os containers (ordenação, pesquisa, etc.) e são utilizadas através de chamadas de funções;
- Os iteradores sã componentes que percorrem os elementos de um container da mesma forma que um índice percorre os elementos de um array comum.

Containers

Containers são estruturas de dados implementadas na STL que armazenam valores (de tipos básicos ou criados). Estão divididos em duas categorias:

- Sequenciais: vector, deque e list.
- Adaptadores: stack, queue e priority_queue (heap)
- Associativos Classificados: set e map (Balanced BST)

Dispõem de gerenciamento automático de memória, o que permite que o tamanho do container varie dinamicamente, aumentando ou diminuindo de acordo com a necessidade do programa.

Containers Sequenciais

- Nos containers sequenciais, os elementos estão em uma ordem linear na estrutura.
- Os tipos podem ser básicos (int, float, etc.) ou criado pelo programador (structs, classes)
- Os containers sequenciais são:
 - vector, deque e list.



Container: vector

Representam o mesmo tipo de estrutura de um array em C, e podem ser manipulados com a <u>mesma eficiência</u>, mas mudam seu tamanho dinamicamente e automaticamente.

- Neles, os elementos são armazenados de forma contígua e podem ser acessados aleatoriamente através do operador [].
- Sua utilização é importante especialmente quando não conhecemos o tamanho do vetor com antecedência.
- Suas principais operações são: push_back(), at(), operador [], erase(), empty(), clear() e swap().
- Devemos utilizar um **iterador** para percorrê-lo.
- É necessário incluir o cabeçalho <vector>
- São bastante eficientes no acesso aos elementos e na inserção e remoção de elementos no seu fim (*push* e *pop_back*). Para operações de inserção e remoção de elementos em outros lugares, são piores que outras estruturas como **list** e **deque**. Exemplo:

```
#include <vector>
#include <stdio.h>
using namespace std;
int main()
   vector<float> medidas:
    vector<float>::iterator it;
    // Imprimimos o tamanho do vetor (inicial)
    printf("Tamanho Inicial: %d\n", medidas.size());
   medidas.push back(15.6);
   medidas.push back(23.6);
   medidas.push back(2.9);
   medidas.push back(17.3);
   medidas.push back(11.9);
   medidas.push back(7.7);
    // Imprimimos o tamanho do vetor (final)
   printf("Tamanho Final: %d\n", medidas.size());
    // Podemos acessar itens individualmente
    printf("\nSequndo item: %.1f \n", medidas[1]);
   printf("Quinto item: %.1f \n", medidas[4]);
   printf("Terceiro item: %.1f \n", medidas.at(2));
   printf("Primeiro item: %.1f \n", medidas.at(0));
    // Imprime vetor com iterador
   printf("\nVetor Inicial: ");
    for(it = medidas.begin(); it < medidas.end(); ++it)</pre>
       printf("%.1f ", *it);
    printf("\n");
    // Podemos apagar itens (precisamos do iterador
   medidas.erase(medidas.begin()); // apaga primeiro item
   medidas.erase (medidas.begin () + 2); // Apaga o terceiro item (primeiro já removido)
    // Imprime vetor com iterador
   printf("Vetor Resultante: ");
    for(it = medidas.begin(); it < medidas.end(); ++it)</pre>
        printf("%.1f ", *it);
    printf("\n");
    return 0;
```

Container: deque

Deque (acrônimo de "double-ended queue") é, como o próprio nome nos indica, uma fila com duas extremidades. São um tipo de container de tamanho dinâmico que pode ser expandido ou diminuído nas duas extremidades (front e back).

- Também permitem o acesso direto a todos os seus elementos.
- Proveem funcionalidade similar aos vectors, mas com inserção e remoção eficiente de elementos também no começo da sequência, não somente no fim.
- Não é possível garantir que todos os seus elementos estarão alocados sequencialmente na memória. Acesso de elementos utilizando offset de um ponteiro leva a um comportamento inesperado.
- Suas principais operações são: push_back(), push_front(), at(), erase(), empty(), clear() e swap(), operador [].
- É necessário incluir o cabeçalho <deque>
- Exemplo:

```
ex3
```

```
#include <stdio.h>
#include <deque>
using namespace std;
int main()
    deque<int> dados;
    // Podemos inserir elementos no inicio e fim da fila
    dados.push front(1);
    dados.push front(2);
    dados.push front(3);
    dados.push back (9);
    dados.push back (10);
    printf("Tamanho da deque: %d.\n", dados.size());
    printf("Elementos: ");
    for(deque<int>::iterator it = dados.begin(); it < dados.end(); ++it)</pre>
        printf("%d ", *it);
    printf("\n");
    // também podemos remover elementos das duas extremidades
    dados.pop back();
    dados.pop front();
    // Acesso aleatório (inesperado)
    printf("Terceiro elemento (?): %d \n", dados[2]);
    printf("Elementos: ");
    for(deque<int>::iterator it = dados.begin(); it < dados.end(); ++it)</pre>
        printf("%d ", *it);
    printf("\n");
    return 0:
```

Container: list

São **listas duplamente encadeadas**, que permitem operações de inserção e remoção de itens em tempo constante em qualquer posição da sequência e iteração nos dois sentidos.

- Armazenam elementos de maneira não contígua, mantendo a ordem internamente através de uma associação: cada elemento possui uma ligação com seu antecessor e sucessor na lista. Não é possível utilizar o operador [].
- Em comparação com deque e vector, a list se sai melhor nas operações de inserção, remoção e movimentação de elementos em qualquer posição do container para a qual um iterador já tenha sido obtido, e, portanto, se destaca também em algoritmos que fazem uso intensivo destas operações, como algoritmos de ordenação.
- Possui todas as operações já citadas. Possui uma operação remove, que remove elementos com um valor específico.
- É necessário incluir o cabeçalho < list >

Container: list

- A maior desvantagem das lists é que, comparadas com o vector e deque, elas não possuem acesso direto aos elemento pela simples especificação de sua posição, seja utilizando a função at() ou o operador [].
- Para acessar, por exemplo, o décimo elemento da lista, é necessário iterar a partir de uma posição conhecida (como seu início ou fim) até aquela posição, o que leva um templo linear na distância entre eles.
- Vejamos um exemplo da utilização de lists:

```
#include <iostream>
#include <list>
#include <string>
using namespace std;
int main()
    list<string> nomes;
    list<string>::iterator it;
    // Inserindo dados (back, front, random)
    nomes.push back("Joao");
    nomes.push back("Paulo");
    nomes.push front("Roberto");
    it = nomes.begin();
    nomes.insert(it, "Roberto");
    ++it; ++it;
    nomes.insert(it, "Edmilson");
    cout << "Lista de Nomes: " << endl;</pre>
    for(it = nomes.begin(); it != nomes.end(); ++it)
        cout << *it << endl;</pre>
    // Removendo todos os Robertos
    nomes.remove("Roberto");
    cout << "\nLista de Nomes: " << endl;</pre>
    for(it = nomes.begin(); it != nomes.end(); ++it)
        cout << *it << endl;</pre>
    return 0:
```

ex4

Adaptadores de Container

- Adaptadores de Container são classes que encapsulam um container específico e nos proveem uma interface pública apenas com um conjunto de funções membro, adaptadas para aquele tipo de estrutura que se quer simular.
- Não suportam iteradores e, portanto, não podem ser utilizados com os algoritmos da STL.
- Não permitem acesso aleatório a seus elementos.
- Os adaptadores de container são:
 - Pilha (stack)
 - Fila (queue)
 - Fila com Prioridade (priority_queue)
 - Vou falar dela um pouco mais pra frente. É uma estrutura não-linear – uma heap.

Adaptadores: stack

- stack é um adaptador de container projetado especificamente para operar em um contexto LIFO (last in, first out), onde elementos são SEMPRE inseridos e removidos apenas do final (topo) do container.
- Trabalha como uma pilha da vida real.
 - Último a entrar, primeiro a sair.
- Cabeçalho: <stack>
- Operações básicas:
 - empty
 - size
 - top
 - push (push_back)
 - pop (pop_back)



Adaptadores: queue

- queue é um adaptador de container projetado especificamente para operar em um contexto FIFO (first in, first out), onde elementos são SEMPRE inseridos no fim e removidos apenas do início do container.
- Funciona exatamente como uma fila da vida real.
 - Primeiro a entrar, primeiro a sair.
- Cabeçalho: <queue>
- Operações básicas:
 - empty
 - size
 - front
 - back
 - push (push_back)
 - pop (pop_front)



```
ex5
```

execution time: 0.012 s

```
#include <iostream>
                                         ■ "D:\Disciplinas\ECO Maratona\ECOE45 - 2014\01 - Aulas\Aula 7 - STL\C¾digo\ex... - □
#include <stack>
                                         Pilha: 43210
Fila: 01234
#include <queue>
using namespace std;
                                         Process returned 0 (0x0)
                                         Press any key to continue.
int main()
    stack<int> pilha;
    queue<int> fila;
    // insere na pilha e na fila
    for(int i = 0; i < 5; i++)
        pilha.push(i);
         fila.push(i);
    // imprime pilha
    cout << "Pilha: ";</pre>
    while(!pilha.empty())
         cout << pilha.top() << " ";</pre>
        pilha.pop();
    cout << endl;
    // imprime fila
    cout << "Fila: ";</pre>
    while(!fila.empty())
         cout << fila.front() << " ";</pre>
         fila.pop();
    cout << endl;
    return 0;
```

Sobre complexidade

 Existem, basicamente, duas operações que podem ser realizadas em estruturas sequenciais:
 Ordenação e busca.

Ordenação

- Existe uma série de algoritmos de ordenação baseados em comparação, que tomam o tempo O(n²). Precisam ser compreendidos, porém evitados. Ex.: Bubble, Selection/Insertion sort.
- Existem outros algoritmos, também baseados em comparação, que possuem complexidade O(n logn).
 Estes devem ser utilizados quando necessário.

Ex.: Merge, Heap, quick Sort.

Implementações em STL: sort, partial_sort, stable_sort.

Sobre complexidade

 Existem, ainda, outros algoritmos de ordenação, mas eles possuem aplicações bem específicas: Counting, Radix, Bucket sort. É interessante conhecê-los, mas eles não são frequentes em competições (Veja CCO005).

Busca

- Busca linear, O(n), quando buscamos um elemento percorrendo totalmente o vetor, do índice 0 a n-1. Deve ser evitada em competições.
- Busca Binária, O(logn), implementada como lower_bound (ou binary_search) em STL. Necessita que a estrutura esteja ordenada portanto, é interessante que ordenemos a estrutura apenas uma vez, utilizando um algoritmo de O(nlogn), se formos utilizar a busca binária, que é O(logn), muitas vezes.

Estruturas não-lineares

- Para alguns problemas, existem maneiras melhores de se representar os dados do que uma simples sequência. Com as implementações da STL das estruturas não-lineares que iremos discutir a seguir, podemos realizar buscar muito mais rápidas e acelerar nossos algoritmos, quando as condições forem favoráveis.
- De quais estruturas estamos falando?
 - Balanced Binary Search Tree (BST)
 - STL: <map>/<set>
 - Heap
 - **STL**: <queue> : priority_queue

Árvores Binárias

- Maneira de se organizar dados em forma de árvore.
- Em cada sub-árvore com raiz em x, os itens na sub-árvore à esquerda de x são menores x e os itens na sub-árvore à direita de x são maiores ou iguais a x.
- Este tipo de organização permite inserção, busca e remoção em O(logn), mas somente funciona se a árvore for balanceada (AVL, RB-Tree).
- STL <map> e <set> são implementações de um tipo de árvore binária balanceada chamada Red-Black Tree.
 Portanto, nelas, todas as operações são realizadas em O(logn).
- Qual a diferença?
 - <map> armazena pares (key, data)
 - <set> armazena apenas (key)

```
set
```

```
#include <iostream>
#include <set>
using namespace std;
int main()
    set<int> conjunto;
    set<int>::iterator it;
    // Em um set, as chaves não podem ser duplicadas.
    // para isso, utilize um multiset (também de <set>
    conjunto.insert(30);
    conjunto.insert(20);
    conjunto.insert(10);
    conjunto.insert(10); // não será inserido
    conjunto.insert(20); // não será inserido
    conjunto.insert(40);
    conjunto.erase(10); // apaga um item, baseado no valor.
    cout << "Quantidade de elementos: " << conjunto.size() << endl;</pre>
    cout << "Elementos: ";</pre>
    // perceba que os elementos em um set estão sempre ordenados
    for(it = conjunto.begin(); it != conjunto.end(); ++it)
        cout << *it << " ";
    cout << endl;
    return 0;
```

ex6

map

```
#include <map>
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
    map<int, string> alunos;
    map<int, string>::iterator it;
    // inserindo quatro alunos
    alunos.insert(make pair(11984, "Joao Paulo"));
    alunos.insert(make pair(23456, "Jose"));
    alunos.insert(make pair(8541, "Carlos"));
    alunos.insert(make pair(8541, "Edmilson")); // Não é inserido (multimap)
    alunos.insert(pair<int, string> (29546, "Maria"));
    // Removendo José
    alunos.erase(23456);
    // Imprimindo lista de alunos
    // Repare que o map está ordenado de acordo com a chave
    cout << "Lista de ALunos: " << endl;</pre>
    for(it = alunos.begin(); it != alunos.end(); ++it)
        cout << it->first << " - " << it->second << endl;</pre>
    return 0;
```

ex7

Heap

- Heap é outra maneira de organizar dados em forma de árvore. No entanto, possui propriedades diferentes da BST.
- Para cada sub-árvore com raiz em x, itens das sub-árvores esquerda e direita são menores do que x. Esta propriedade garante que o topo da heap sempre terá o elemento de valor máximo.
- A árvore precisa ser completa pelo menos até seu penúltimo nível.
 No último nível, os itens estão "justificados" à esquerda.
- Normalmente não trabalhamos com busca na heap, mas inserção e remoção podem ser feitas em O(logn).
- Pode ser modelada como uma fila de prioridade.
- Em STL, está em <queue> implementada como priority_queue.
- É importante em uma série de algoritmos como **Dijkstra**, **Kruskal** e na ordenação **heap sort**, implementada em **partial_sort** e realizada em O(k logn) quando ordenamos k elementos.

Heap

Priority queue (STL)

Filas de prioridade são um tipo de adaptador de container projetado especificamente para que seu **primeiro elemento seja sempre o maior entre todos os elementos**, de acordo com um critério de ordenação.

O contexto é, portanto, similar ao de uma heap, onde elementos podem ser inseridos a qualquer momento, e somente o elemento máximo da heap pode ser obtido (aquele no topo da fila de prioridade, pop_back).

Funções membro:

- empty
- size
- top
- push (push_back)
- pop (pop_back)

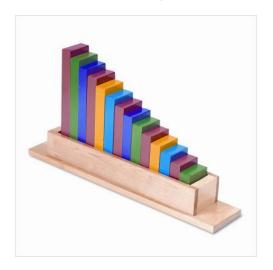
```
#include <iostream>
#include <queue>
using namespace std;
int main()
    priority queue<float> distancias;
    // insere valores de distancias
    distancias.push (1000.0);
    distancias.push(100.0);
    distancias.push(10.0);
    distancias.push (1001.0);
    distancias.push (900.0);
    cout << "Imprimindo na ordem de prioridade: " << endl;</pre>
    while(!distancias.empty())
        cout << distancias.top() << endl;</pre>
        distancias.pop();
    return 0;
```

Ordenação

Para competições, não se preocupe em conhecer TODOS os métodos passo a passo. Em geral, o que precisamos é apenas utilizar a função de ordenação O(n log n) presente na STL.

Na Maratona, ordenação normalmente é apenas um **passo preliminar** para um algoritmo mais complexo ou um **último passo**, para formatar corretamente a saída. Dificilmente será o objetivo do programa.

Familiaridade com biblioteca de ordenação é OBRIGATÓRIA.



Na STL,

Temos três algoritmos prontos (biblioteca <algorithm>):

- **sort:** O algoritmo específico não é fixo e pode variar dependendo da implementação. No entanto, a complexidade no pior caso é, obrigatoriamente, O(n logn).
 - Bastante rápido;
 - Ordena tanto dados básicos quanto tipos definidos pelo usuário.
- partial_sort: Implementa a heap sort e pode ser utilizado para ordenar apenas uma parte da estrutura. Se for necessário ordenar k itens, sua complexidade no tempo será de O(k logn).
- stable_sort: Preserva ordem e elementos com o mesmo valor, se necessário.

```
#include <iostream>
                                                // Ordenando segunda metade (sort normal)
                                                sort(numeros.begin() + 5, numeros.end());
#include <algorithm>
                                                cout << "Segunda metade ordenada: ";</pre>
#include <vector>
                                                for (int i = 0; i < 10; i++)
#include <ctime>
                                                     cout << numeros[i] << " ";</pre>
#include <cstdlib>
                                                cout << endl;
using namespace std;
                                                // Ordenando tudo (com função de comparação e ordenação estável)
                                                stable sort(numeros.begin(), numeros.end());
// Função de comparação
                                                cout << "Vetor ordenado: ";</pre>
bool compare(int i, int j)
                                                for(int i = 0; i < 10; i++)
                                                     cout << numeros[i] << " ";</pre>
     return (i < j);
                                                cout << endl;</pre>
                                                return 0;
int main()
     vector<int> numeros;
     srand(time(NULL));
     // Sorteando numeros aleatorios e imprimindo
     cout << "Vetor sorteado: ";</pre>
                                                               🔳 "D:\Disciplinas\ECO Maratona\ECOE45 - 2014\01 - Aulas\Aula 7 - STL\C¾digo\ex... 💂 📙
     for(int i = 0; i < 10; i++)
                                                              Vetor sorteado: 63 30 61 69 40 6 6 77 55 24
Primeira metade ordenada: 6 6 24 30 40 69 63 77 61 55
Segunda metade ordenada: 6 6 24 30 40 55 61 63 69 77
Vetor ordenado: 6 6 24 30 40 55 61 63 69 77
          int x = rand() %100;
          numeros.push back(x);
                                                              Process returned 0 (0x0) execution time : 0.018 s
          cout << x << " ";
                                                              Press any key to continue.
     cout << endl:
     // Ordenando primeira metade (heap sort)
     partial sort(numeros.begin(), numeros.begin()+5, numeros.end());
     cout << "Primeira metade ordenada: ";</pre>
     for(int i = 0; i < 10; i++)
          cout << numeros[i] << " ";</pre>
     cout << endl;
```

Busca

Existem dois casos:

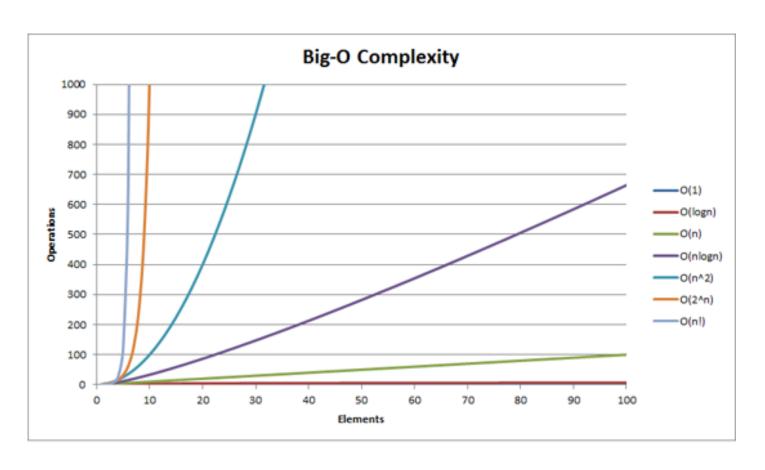
- 1. Quando o vetor já se encontra ordenado (linear)
- 2. Caso contrário (logarítmica)

A busca pode ser feita linearmente quando o vetor não estiver ordenado. Trivial, com complexidade linear O(n).

Quando ordenado, podemos utilizar a busca binária, que possui complexidade O(logn). Não é necessário implementar do zero, há implementação na STL.

Compensa ordenar primeiro e depois aplicar a busca binária? Ordenação + busca = O(n logn) + O(logn) = O(n logn) (princípio da **absorção**)

Mas O(n logn) não é melhor que O(n)? Não.



O (n logn) é pior que O(n). Caso encerrado!

Na STL,

Temos dois algoritmos prontos (biblioteca <algorithm>). Nos dois casos, é necessário que o vetor esteja previamente ordenado. Veja:

- binary_search: Recebe o intervalo de busca e o valor a ser buscado. Retorna true se encontrar e false caso contrário.
 Desvantagem: Não retorna uma referência para o elemento encontrado (iterator).
- **lower_bound:** Recebe os mesmos parâmetros da binary_search. No entanto, retorna um iterador apontando para o primeiro elemento no intervalo que não é menor do que o valor buscado.

 Vantagem: Retorna o próprio elemento, caso necessário processá-lo.
- Veja o exemplo:

ex10

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <vector>
#include <ctime>
#include <cstdlib>
using namespace std;
int main()
    vector<int> numeros;
    srand(time(NULL));
    // Sorteando numeros aleatorios e ordenando vetor
    for(int i = 0; i < 30; i++)
        int x = rand() %100;
        numeros.push back(x);
    sort(numeros.begin(), numeros.end());
    int valor = -1;
    while (true)
        cout << "Entre com um valor a ser buscado: ";</pre>
        cin >> valor;
        if(binary search(numeros.begin(), numeros.end(), valor))
            vector<int>::iterator it = lower bound(numeros.begin(), numeros.end(), valor);
            cout << "Numero encontrado: " << **it << endl;</pre>
            break:
        else
            cout << "Nao encontrado." << endl;</pre>
    return 0;
```

Alguns Exercícios...



Lista de Exercícios 1 – URI Academic

Enviar todos os exercícios até 10/03 **Pontos extras.**



UVa 482 – Permutation Array (arrays)

UVa 514 – Rails (stack)

UVa 336 – A Node Too Far (queue, BFS)

UVa 10226 – Hardwood Species (map)

UVa 11492 – Babel (priority_queue, dijkstra)

Para seu estudo em casa...

Referência STL (C++ reference)

http://www.cplusplus.com/reference/stl/

Árvore Rubro Negra – Red Black tree

http://pt.wikipedia.org/wiki/%C3%81rvore_rubro-negra

Heaps

http://pt.wikipedia.org/wiki/Heap

Métodos de Ordenação

 Bubble, selection, insertion, merge, quick, heap, counting, radix e bucket sort.

