# SAET 2023 - Maratona de Programação

26 de Outubro de 2022





event sponsor





## A: Alergia

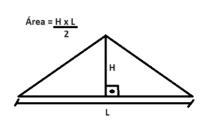
## B: Jogo

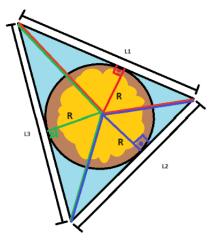
#### C: Vasilha Errada

Como o exercício fornece os lados do triângulo, é possível calcular sua área total pela fórmula de Heron:

Área = 
$$\sqrt{p(p-L1)(p-L2)(p-L3)}$$
, sendo  $p$  o semiperímetro:  $p = \frac{L1+L2+L3}{2}$ .

Dessa forma:





AREA TOTAL = R.L1 + R.L2 + R.L3

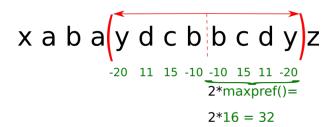
Isolando R, tem-se que  $R = \frac{\text{Área total}}{P}$ .

Complexidade: O(1).

#### D: Drawkcabackward

O algoritmo de Manacher[1] encontra, para cada posição i da string, o maior valor de j tal que s[i-j..i+j] é palíndrome, e o maior valor de j' tal que s[i-j'+1..i+j'] é palíndrome (isto é, o algoritmo consegue determinar, para cada posição da string, o tamanho da substring palíndrome maximal cujo centro ocorre naquela posição, tanto a de tamanho ímpar (j) quanto a de tamanho par (j')). O algoritmo tem complexidade O(N).

A figura abaixo exemplifica a solução para o exemplo dado no enunciado. O tamanho obtido pelo algoritmo de Manacher é representado em vermelho:



O próximo passo é determinar o maior valor total possível para cada substring palindrome maximal. Note que, para substrings de tamanho par, isto é dado por duas vezes a soma do prefixo de maior soma na segunda metade da substring, e que, para substrings de tamanho ímpar, é dado por essa soma mais o valor da letra em seu centro. Na figura exemplificada acima, a resposta é dada por duas vezes a soma do prefixo de maior soma em [-10, 15, 11, -20] (que é 16, dado pela soma de [-10, 15, 11]).

Esta soma pode ser obtida em  $O(\lg N)$  através da construção de uma Árvore de Segmentos adaptada para responder essas consultas, conforme descrito em [2].

Complexidade total:  $O(N \lg N)$ .

- [1] https://cp-algorithms.com/string/manacher.html
- [2] https://www.geeksforgeeks.org/maximum-prefix-sum-given-range/

## E: Empilha Copos

F: Falco

G: Gafe

#### H: Raid

#### I: Lista

## J: Meuzamigo

#### K: Tiras