



Chap06.

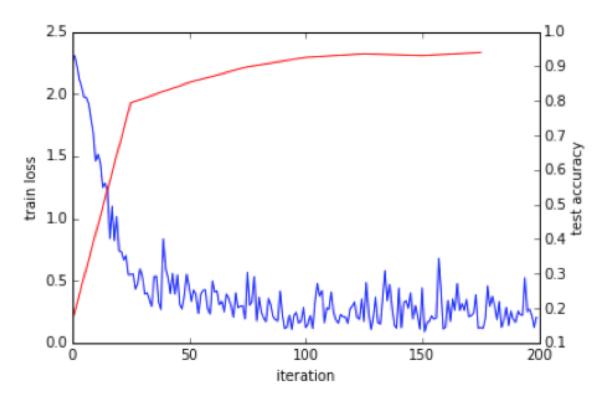
학습 관련 기술들

아.꿈.사 최종현

Overview

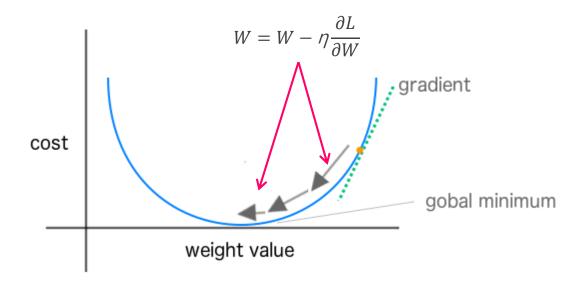
- ✓ 신경망 학습의 핵심 개념들을 공부
- ✓ 가중치 파라미터(w)의 최적값을 탐색하는 최적화 방법(Optimization), 가중치 초기값, 하이퍼 파라미터 설정 방법
- ✔ Overfitting(과적합)의 대응책인 가중치 감소(Weight decay, Regularization), 드롭아웃(DropOut) 등

<u>딥러닝 학습의 효율과 정확도를 높일 수 있다!</u>



6.1 매개변수 갱신

- ✓ 신경망 학습의 목적은 **손실함수의 값을 최대한 낮추는** 파라미터(w, b)를 찾는 것
- ✓ 즉, 최적의 매개변수(파라미터)를 찾는 문제 → 최적화(optimization)
- ✓ But, 신경망에서는 수식을 풀어 한번에 최적의 값을 찾을 수 있는 방법은 없음...
 - → 층이 깊어질 수록 파라미터가 엄청나게 많아지므로
- ✓ 앞에서는 확률적 경사 하강법(SGD)를 이용해서 가중치 파라미터의 값을 여러 번 갱신하여 최적의 값을 구함



6.1.1 SGD(확률적 경사 하강법)

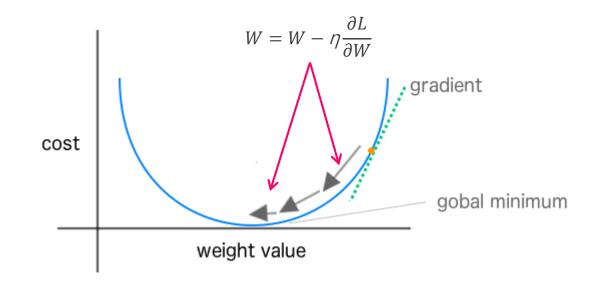
$$W \leftarrow W - \eta \frac{\partial L}{\partial W}$$
 $\qquad \qquad W 에 대한 \\ 손실함수(L)의 기울기$

```
class SGD:

"""확률적 경사 하강법(Stochastic Gradient Descent)"""

def __init__(self, lr=0.01):
    self.lr = lr

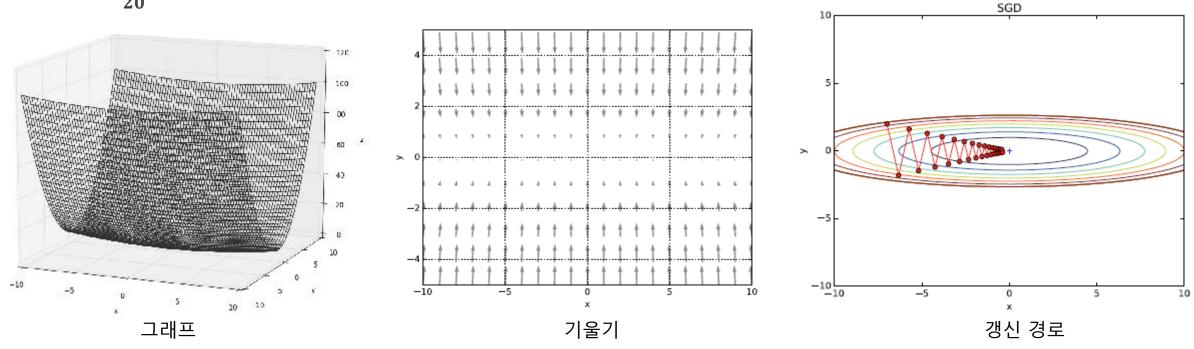
def update(self, params, grads):
    for key in params.keys():
        params[key] -= self.lr * grads[key]
```



6.1.2 SGD의 단점

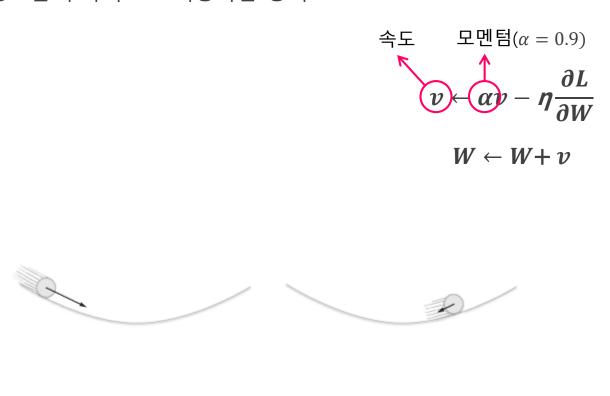
✓ 비등방성(anisotropy) 함수 즉, 방향에 따라 기울기가 달라지는 함수에서는 탐색 경로가 비효율적임

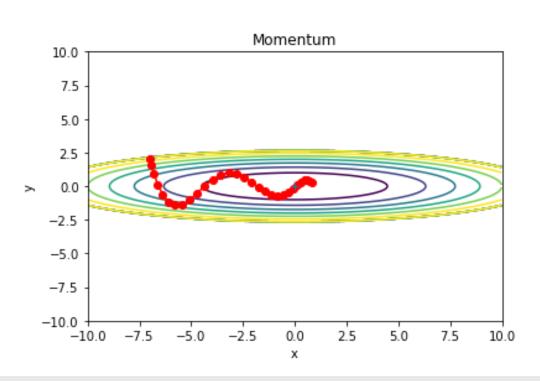
$$f(x,y) = \frac{1}{20}x^2 + y^2$$



6.1.3 모멘텀(Momentum)

- ✓ 모멘텀은 '운동량'을 뜻하는 단어로, 일종의 '관성'을 주는 방법
- \checkmark 속도 v 라는 개념을 추가하여 기울기 방향으로 힘을 받아 물체가 가속
- ✓ 기울기(gradient)를 통해 이동하는 방향과는 별개로, 과거에 이동했던 방식을 기억하면서 그 방향으로 일정 정도를 추가적으로 이동하는 방식





6.1.3 모멘텀(Momentum)

✓ 모멘텀 소스코드

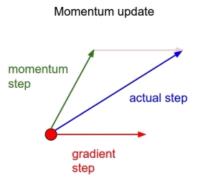
```
class Momentum:
   def __init__(self, lr=0.01, momentum=0.9):
       self.lr = lr
        self.momentum = momentum
        self.v = None
   def update(self, params, grads):
        if self.v is None:
            self.v = {}
           for key, val in params.items():
                self.v[key] = np.zeros_like(val)
                                               W \leftarrow W + v
        for key in params.keys():
            self.v[key] = self.momentum*self.v[key] - self.lr*grads[key]
            params[key] += self.v[key]
```

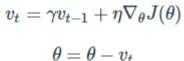
6.1.4 Nesterov (Accelerated Gradient)

- ✓ 모멘텀(Momentum)을 향상 시킨 방법
- \checkmark Nesterov는 v를 계산할 때 momentum step(αv)을 먼저 고려하여, 먼저 이동했다고 생각한 후 그 자리에서 기울기(gradient, $\frac{\partial L}{\partial w}$)를 구해서gradient step을 이동함

$$v \leftarrow \alpha v - \eta \frac{\partial L}{\partial W}$$

$$W \leftarrow W + \alpha^2 v - (1 + \alpha) \cdot \eta \frac{\partial L}{\partial W}$$

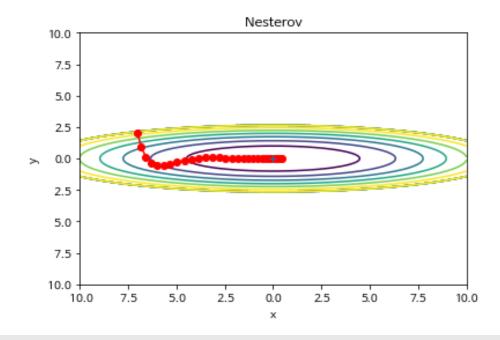






$$v_t = \gamma v_{t-1} + \eta \nabla_{\theta} J(\theta - \gamma v_{t-1})$$

 $\theta = \theta - v_t$



6.1.4 Nesterov (Accelerated Gradient)

✓ Nesterov 소스코드

```
class Nesterov:
   def init (self, lr=0.01, momentum=0.9):
        self.lr = lr
        self.momentum = momentum
        self.v = None
   def update(self, params, grads):
        if self.v is None:
           for key, val ip params.items():
                self.v[key] = np.zeros like(val)
                                                             W \leftarrow W + \alpha^2 v - (1 + \alpha) \cdot \eta \frac{\partial L}{\partial W}
        for key in params.keys():
            self.v[key] *= self.momentum
            self.v[key] -= self.lr * grads[key]
            params[key] += self.momentum * self.momentum * self.v[key]
            params[key] -= (1 + self.momentum) * self.lr * grads[key]
```

6.1.5 AdaGrad(Adaptive Gradient)

- ✓ 신경망 학습에서는 learning rate(η) 값이 중요 \rightarrow 너무 작으면 오래 걸리고, 너무 크면 발산
- ✓ AdaGrad는 처음에는 크게 학습하다가 조금씩 작게 학습하는 방식으로 learning rate를 줄여나감

→ learning rate decay

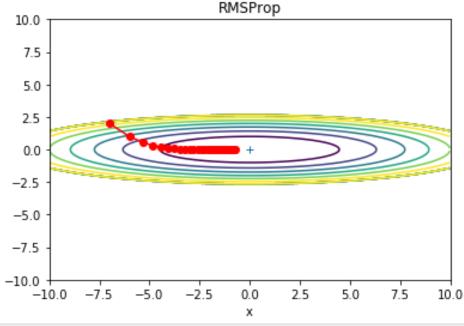
```
class AdaGrad:
   def init (self, lr=0.01):
       self.lr = lr
       self.h = None
   def update(self, params, grads):
       if self.h is None:
          for key, val in params.items():
              self.h[key] = np.zeros like(val)
       for key in params.keys():
          self.h[key] += grads[key] * grads[key]
          params[key] -= self.lr*grads[key]/(np.sqrt(self.h[key])+1e-7)
```

6.1.6 RMSProp(Root Mean Square Propagation)

- ✓ 딥러닝의 대가 제프리 힌튼(Geoffrey Hinton)이 제안한 방법
- ✔ AdaGrad의 단점인 학습속도가 급진적으로 단조 감소하는 방법을 보완함 → 오래 될 수록 거의 학습이 되지 않음
- ✔ AdaGrad에서 단순히 기울기(gradient, $\frac{\partial L}{\partial w}$)를 제곱하는 것이 아닌 이동평균(moving average)를 사용

```
class RMSprop:
    def __init__(self, lr=0.01, decay_rate = 0.95):
       self.lr = lr
       self.decay rate = decay rate
       self.h = None
   def update(self, params, grads):
       if self.h is None:
          for key, val in params.items():
              self.h[key] = np.zeros like(val)
       for key in params.keys():
           self.h[key] *= self.decay rate
           self.h[key] += (1 - self.decay_rate) * grads[key] * grads[key]
           params[key] -= self.lr*grads[key]/(np.sqrt(self.h[key])+1e-7)
```

$$h \leftarrow \gamma h + (1 - \gamma) \frac{\partial L}{\partial W} * \frac{\partial L}{\partial W}$$
$$W \leftarrow W - \eta * \frac{1}{\sqrt{h + \varepsilon}} * \frac{\partial L}{\partial W}$$



6.1.7 AdaDelta(Adaptive Delta) - 참고

- ✓ AdaDelta는 RMSProp과 유사하게 AdaGrad의 단점을 보완하기 위해 제안된 방법
- ✔ RMSProp과 동일하게 h 를 구할 때 이동평균(MA)를 이용해 계산

```
h \leftarrow \gamma h + (1 - \gamma) \frac{\partial L}{\partial W} * \frac{\partial L}{\partial W}
class AdaDelta:
   def __init__(self,(lr=1.0,) decay_rate=0.95):
        self.lr = lr
                                               현재 대부분의 딥러닝 프레임워크에서는
        self.decay_rate = decay_rate
                                               Learning rate를 조절할 수 있게 추가되어 있음
        self.h = None
                                                                                                                     s \leftarrow \gamma s + (1 - \gamma) \Delta w^2
        self.s = None
                                                                                                                     W \leftarrow W - \wedge w
   def update(self, params, grads):
        if self.h is None:
                                                                                                                                      AdaDelta
            self.h = {}
            for key, val in params.items():
                self.h[key] = np.zeros_like(val)
        elif self.s is None:
            self.s = {}
            for key, val in params.items():
                self.s[key] = np.zeros like(val)
        for key in params.keys():
            dx = np.sqrt((self.s[key]+1e-7) / (self.h[key]+1e-7)) * grads[key]
            self.h[key] = self.decay_rate*self.h[key] + (1 - self.decay_rate) * grads[key] * grads[key]
            self.s[key] = self.decay_rate*self.s[key] + (1 - self.decay_rate) * dx * dx
                                                                                                                                                2.5
                                                                                                                                                       5.0
                                                                                                                                                                    10.0
            params[key] -= dx
                                                                                                                                                                     12
```

6.1.8 Adam(Adaptive Moment Estimation) - <u>참고</u>

- ✓ Adam은 RMSProp과 Momentum을 결합한 방법
- ✓ Adam에서는 m과 v가 초기값은 0이기 때문에 학습 초반부에서는 0에 가깝게 편향(bias) 되어있을 것이라고 판단하여 unbiased하게 작업을 해줌

class Adam:

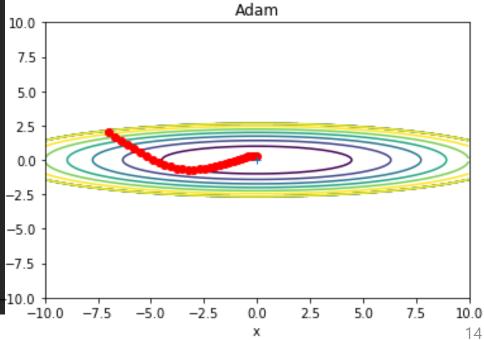
6.1.8 Adam(Adaptive Moment Estimation) - <u>참고</u>

```
def init (self, lr=0.001, beta1=0.9, beta2=0.999):
   self.lr = lr
   self.beta1 = beta1
   self.beta2 = beta2
   self.iter = 0
   self.m = None
    self.v = None
def update(self, params, grads):
   if self.m is None:
        self.m, self.v = {}, {}
       for key, val in params.items():
           self.m[key] = np.zeros_like(val)
           self.v[key] = np.zeros_like(val)
   self.iter += 1
   lr_t = self.lr * np.sqrt(1.0 - self.beta2**self.iter) / (1.0 - self.beta1**self.iter)
    for key in params.keys():
        self.m[key] += (1 - self.beta1) * (grads[key] - self.m[key])
        self.v[key] += (1 - self.beta2) * (grads[key]**2 - self.v[key])
        params[key] -= lr_t * self.m[key] / (np.sqrt(self.v[key]) + 1e-7)
```

$$m \leftarrow m + (1 - \beta_1) \left(\frac{\partial L}{\partial W} - m \right)$$

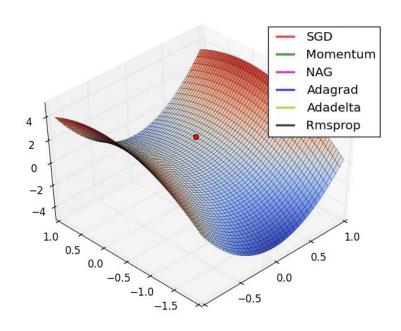
$$v \leftarrow v + (1 - \beta_2) \left(\frac{\partial L}{\partial W} * \frac{\partial L}{\partial W} - v \right)$$

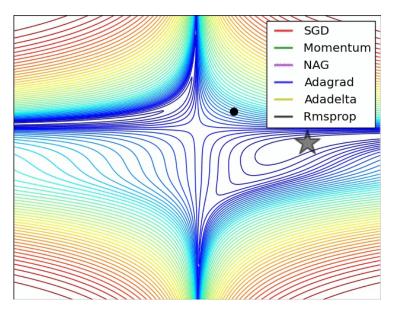
$$W \leftarrow W - \eta * \frac{\sqrt{1 - \beta_2^t}}{1 - \beta_2^t} * \frac{m}{\sqrt{v + \varepsilon}}$$

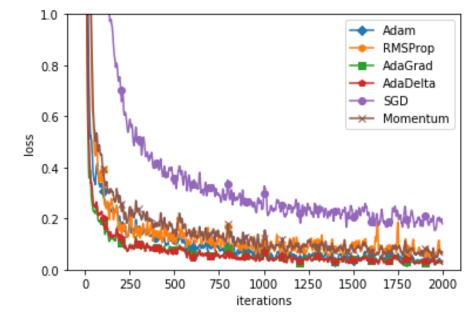


6.1.9 Optimizer 비교 (feat. MNIST) - <u>참고</u>

- ✓ 어떤 Optimizer가 좋다고 딱 골라 말할 수는 없음
- ✓ 상황에 따라 적절한 Optimizer를 선택 해야함
- ✓ But, 요즘 추세는 Adam을 많이 사용하는 듯함







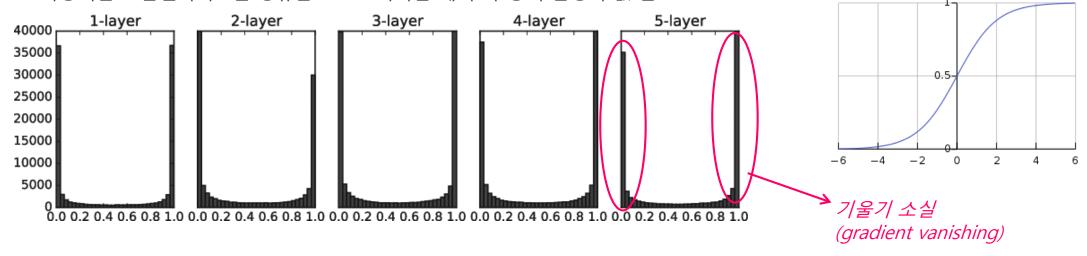
- ✓ 신경망 학습에서 특히 중요한 것이 가중치의 초기값을 성정하는 작업임
- ✓ 초기값을 무엇으로 설정하느냐에 따라 신경망 학습의 성패를 가르는 일도 있음

6.2.1 초기값을 0으로 하면?

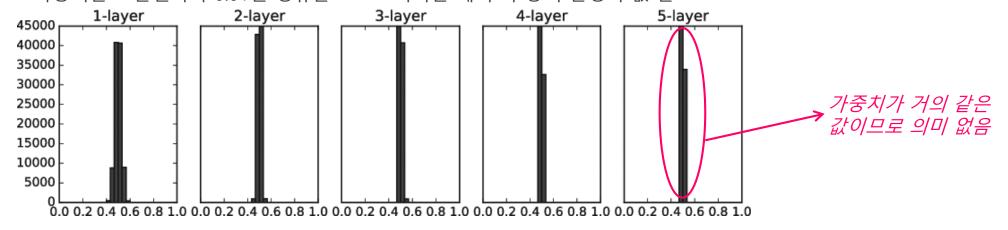
- ✓ 초기값을 0 또는 동일한 값으로 설정하게 되면 오차역전파시 모든 가중치의 값이 똑같이 갱신이 됨
 - → 갱신을 해도 여전히 같기 때문에 학습의 의미가 없음
- ✓ 따라서, 이러한 문제를 해결하기 위해서는 초기값을 동일하지 않도록 랜덤하게 설정해야 함
- ✓ 특히, 가중치의 값이 클 경우 Overfitting이 일어날 확률이 높기 때문에 가중치를 가능한 작게 만들어 줘야함
 - → weight decay

6.2.2 은닉층의 활성화 함수의 출력값 분포

✓ 가중치를 표준편차가 1인 정규분포로 초기화할 때의 각 층의 활성화 값 분포



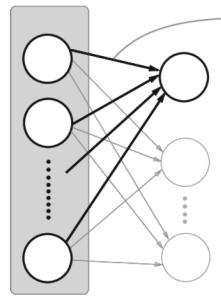
✓ 가중치를 표준편차가 0.01인 정규분포로 초기화할 때의 각 층의 활성화 값 분포



6.2.3 Xavier 초기값 - 참고

- ✓ Sigmoid 계열의 함수에 적합한 가중치 초기값 설정 방법 → sigmoid, tanh 등
- ✓ RBM(Restricted Boltzmann Machine)과 같은 복잡한 방법이 아닌 간단한 방법으로 가중치 초기값 설정
- ✓ Xavier 초기값: 초기값의 표준편차가 ¹/_{√n}이 되도록 설정

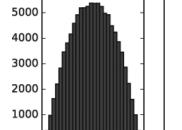




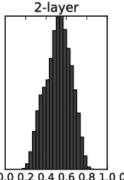
표준편차가 $\frac{1}{\sqrt{n}}$ 인 정규분포로 초기화

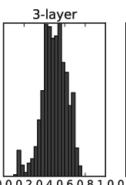
균등분포(Uniform distribution)

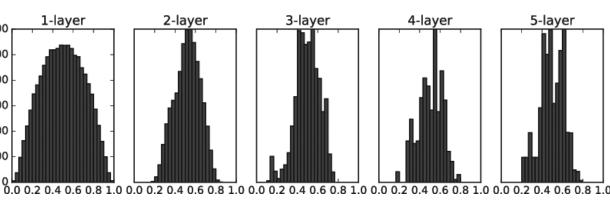
$$\left[-\sqrt{\frac{6}{(in+out)}}, \sqrt{\frac{6}{(in+out)}}\right]$$



1-layer







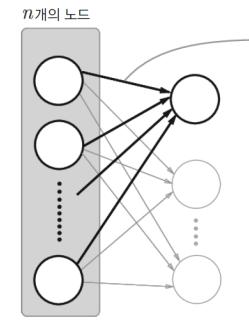
정규분포(Normal distribution)

표준편차(standard deviation) = $\sqrt{\frac{2}{(in+out)}}$

$$N(0, \sqrt{\frac{2}{(in+out)}}^2)$$

6.2.4 He 초기값 - <u>참고</u>

- ✓ ReLU 에 특화된 가중치 초기값 설정 방법
- ✓ 카이밍 히(Kaiming He)의 이름을 따 **He 초기값**이라고 함
- ✓ He 초기값: 초기값의 표준편차가 $\frac{2}{\sqrt{n}}$ 이 되도록 설정



표준편차가 $\frac{2}{\sqrt{n}}$ 인 정규분포로 초기화

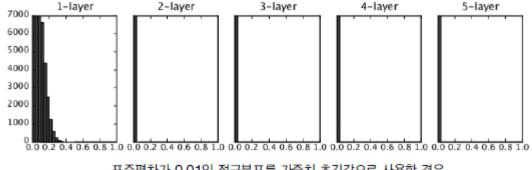
✓ 균등분포(Uniform distribution)

$$\left[-\sqrt{\frac{6}{in}},\sqrt{\frac{6}{in}}\right]$$

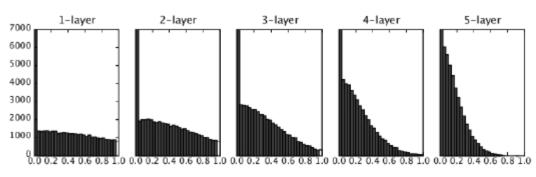
✓ 정규분포(Normal distribution)

표준편차(standard deviation) =
$$\sqrt{\frac{2}{in}}$$

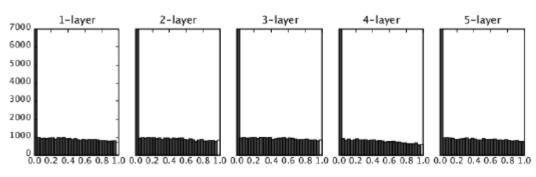
$$N(0, \sqrt{\frac{2}{in}})$$







Xavier 초깃값을 사용한 경우



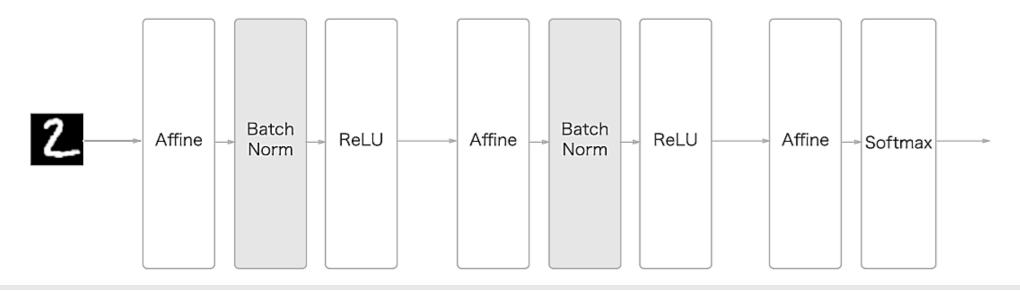
He 초깃값을 사용한 경우

6.3 배치 정규화

- ✓ 앞에서는 각 층의 가중치의 초기값을 적절히 설정하면 활성화 함수의 출력값이 적당이 퍼지면서 학습이 원활하게 수행 된다는 것을 알 수 있음
- ✓ 그렇다면, 가중치 초기값 설정에 의존하지 않고 각층이 활성화 함수의 출력값을 적당히 퍼뜨리도록 **강제** 하는 방법이 없을까? → 배치 정규화(Batch Normalization)

6.3.1 배치 정규화 알고리즘

- ✓ 학습을 빨리 진행할 수 있음
- ✓ 초기값에 크게 의존하지 않음
- ✓ 과적합(Overfitting)을 억제함(드롭아웃 등의 필요성 감소)
- ✓ 각 층에서의 활성화값(활성화 함수의 출력값)이 적당히 분포되도록 조정해줌



6.3 배치 정규화

6.3.1 배치 정규화 알고리즘 - <u>참고</u>

- ✓ 학습 시 미니배치(Mini-batch)를 단위로 정규화를 해줌 \rightarrow mini-batch 단위로 N(0,1) 되도록
- ✓ 단순히 N(0,1) 로 만들어 주게 되면 활성화 함수의 비선형성이(Non-linearity) 없어질 수 있음
- \checkmark 따라서, 배치 정규화 시 정규화된 데이터에 고유한 **확대**(scale, γ)와 **이동**(shift, β)변환을 수행 $\rightarrow \gamma = 1, \beta = 0$ 에서 시작(원본 그대로에서 시작한다는 의미)

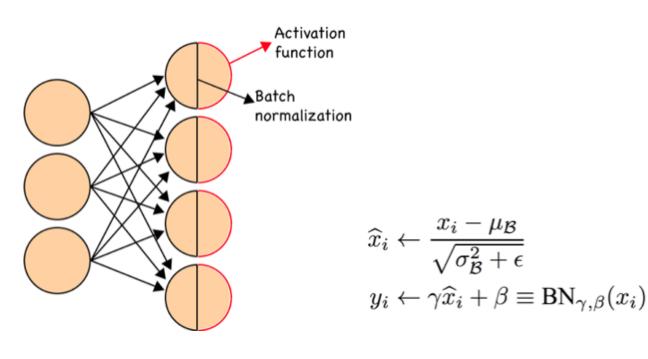
Input: Values of x over a mini-batch: $\mathcal{B} = \{x_{1...m}\}$; Parameters to be learned: γ , β **Output:** $\{y_i = \mathrm{BN}_{\gamma,\beta}(x_i)\}$

$$\mu_{\mathcal{B}} \leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} x_i$$
 // mini-batch mean

$$\sigma_{\mathcal{B}}^2 \leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (x_i - \mu_{\mathcal{B}})^2$$
 // mini-batch variance

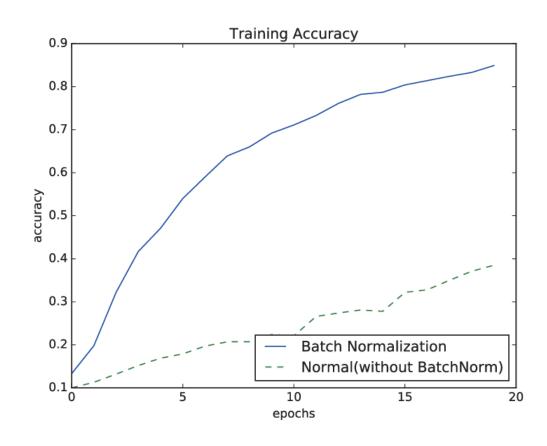
$$\widehat{x}_i \leftarrow \frac{x_i - \mu_{\mathcal{B}}}{\sqrt{\sigma_{\mathcal{B}}^2 + \epsilon}}$$
 // normalize

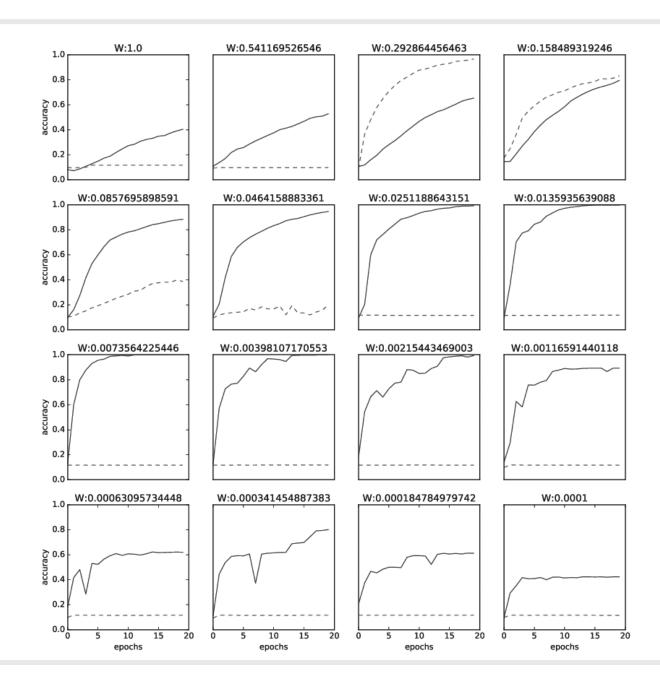
$$y_i \leftarrow \gamma \hat{x}_i + \beta \equiv \text{BN}_{\gamma,\beta}(x_i)$$
 // scale and shift



6.3 배치 정규화

6.3.1 배치 정규화 알고리즘 - <u>참고</u>

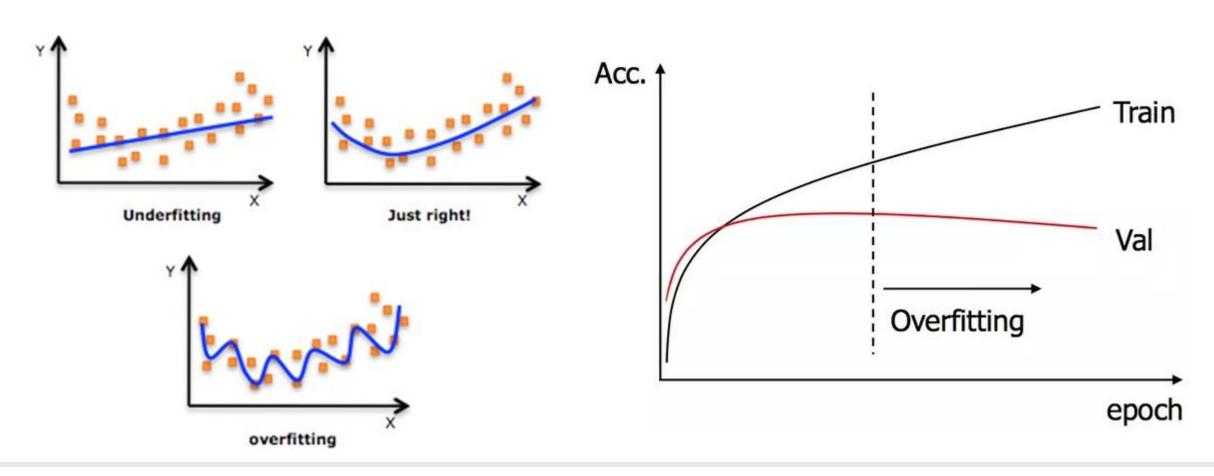




6.4 바른 학습을 위해

6.4.1 오버피팅(Overfitting) 이란?

- ✓ 훈련 데이터(training set)에만 적합(fit)되어 그 외의 데이터(test set 등)에는 제대로 대응하지 못하는 상태
- ✓ 매개 변수가 많고 표현력이 높은 모델 → Complexity가 높은 모델
- ✓ 훈련 데이터가 적을 경우



6.4 바른 학습을 위해

6.4.2 가중치 Regularization

- ✓ 학습 과정에서 큰 가중치에 대해서는 큰 페널티를 부과하여 오버피팅을 억제하는 방법
- ✓ L1 보다 L2 가 더 많이 쓰임

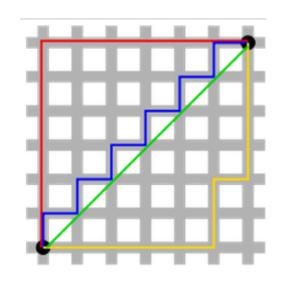
NOTE_ L2 법칙은 각 원소의 제곱들을 더한 것에 해당합니다. 가중치 $\mathbf{W} = (w_1, w_2, \cdots, w_n)$ 이 있다면, L2 법칙에서는 $\sqrt{w_1^2 + w_2^2 + \cdots + w_n^2}$ 으로 계산할 수 있습니다. L2 법칙 외에 L1 법칙과 L $^{\infty}$ 법칙도 있습니다. L1 법칙은 절댓값의 합, 즉 $|w_1| + |w_2| + \cdots + |w_n|$ 에 해당합니다. L $^{\infty}$ 법칙은 Max 법칙이라고 도 하며, 각 원소의 절댓값 중 가장 큰 것에 해당합니다. 정규화 항으로 L2 법칙, L1 법칙, L $^{\infty}$ 법칙 중 어떤 것도 사용할 수 있습니다. 각자 특징이 있는데, 이 책에서는 일반적으로 자주 쓰는 L2 법칙만 구현합니다.

L1 regularization on least squares:

$$\mathbf{L} = \arg\min_{\mathbf{w}} \sum_{j} \left(t(\mathbf{x}_{j}) - \sum_{i} w_{i} h_{i}(\mathbf{x}_{j}) \right)^{2} + \lambda \sum_{i=1}^{k} |w_{i}|$$

L2 regularization on least squares:

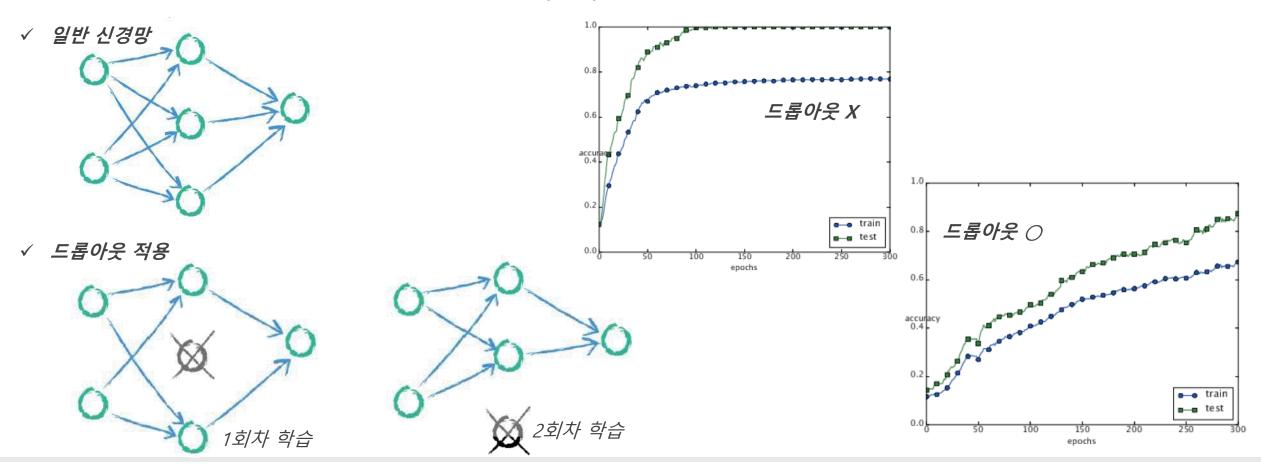
$$\mathbf{L} = \arg\min_{\mathbf{w}} \sum_{j} \left(t(\mathbf{x}_{j}) - \sum_{i} w_{i} h_{i}(\mathbf{x}_{j}) \right)^{2} + \lambda \sum_{i=1}^{k} w_{i}^{2}$$



6.4 바른 학습을 위해

6.4.3 드롭아웃 (Dropout)

- ✓ 학습 시 전체 신경망 중 일부만 사용하도록 하는 방법
- ✓ 즉, 학습 단계마다 일부 뉴런을 제거(사용하지 않도록)함으로써, 일부 특징이 특정 뉴런들에 고정되는 것을 막아 가중치의 균형을 잡도록 해줌 → overfitting 방지
- ✓ 주의: 학습 시에는 드롭아웃을 적용하고, 테스트(검증) 시에는 신경망 전체를 사용하도록 해줘야 함

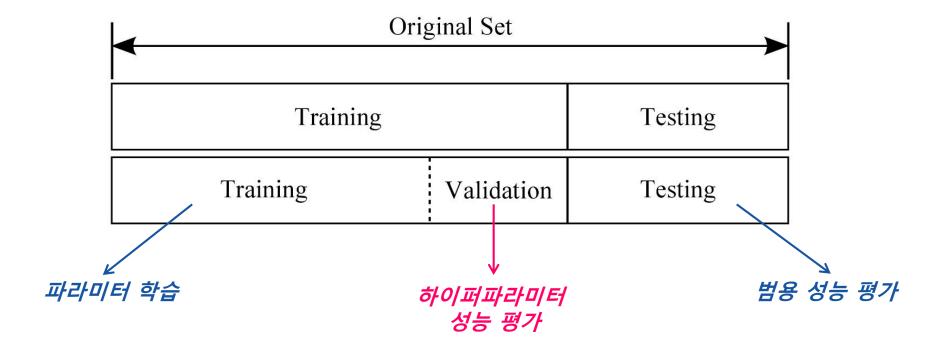


6.5 적절한 하이퍼파라미터 값 찾기

- ✓ 딥러닝에는 하이퍼파라미터(Hyper-parameter)가 많이 등장함 → 뉴런 수, 배치 크기, 학습률 등
- ✓ 하이퍼파라미터의 값은 매우 중요하지만 그 값을 결정하기까지는 많은 시행착오를 거침

6.5.1 검증 데이터

- ✓ 하이퍼파라미터를 조정할 때는 하이퍼파라미터 전용 확인 데이터가 필요
- ✓ 이러한 데이터를 검증 데이터(Validation data)라고 함



6.5 적절한 하이퍼파라미터 값 찾기

6.5.2 하이퍼파라미터 최적화

- ✓ 하이퍼파라미터를 최적화할 때의 핵심은 '최적 값'이 존재하는 범위를 조금씩 줄여나가야 함
- ✓ 우선, 대략적인 범위를 설정하고 그 범위에서 무작위로 하이퍼파라미터 값을 샘플링 한 후 정확도를 평가
- ✓ '대략적'으로 0.001 ~ 1,000 사이 (10⁻³~10³) 10의 계승 단위로 범위를 지정 → 로그 스케일(log scale)

• 0단계

하이퍼파라미터 값의 범위를 설정한다.

• 1단계

설정된 범위에서 하이퍼파라미터의 값을 무작위로 추출한다.

• 2단계

1단계에서 샘플링한 하이퍼파라미터 값을 사용하여 학습하고, 검증 데이터로 정확도를 평가한다(단, 에폭은 작게 설정한다).

• 3단계

1단계와 2단계를 특정 횟수(100회 등) 반복하며, 그 정확도의 결과를 보고 하이퍼파라미터의 범위를 좁힌다.

6.6 정리

6.5.2 하이퍼파라미터 최적화

이번 장에서 배운 것

- 매개변수 갱신 방법에는 확률적 경사 하강법(SGD) 외에도 모멘텀, AdaGrad, Adam 등이 있다.
- 가중치 초깃값을 정하는 방법은 올바른 학습을 하는 데 매우 중요하다.
- 가중치의 초깃값으로는 'Xavier 초깃값'과 'He 초깃값'이 효과적이다.
- 배치 정규화를 이용하면 학습을 빠르게 진행할 수 있으며, 초깃값에 영향을 덜 받게 된다.
- 오버피팅을 억제하는 정규화 기술로는 가중치 감소와 드롭아웃이 있다.
- 하이퍼파라미터 값 탐색은 최적 값이 존재할 법한 범위를 점차 좁히면서 하는 것이 효과적이다.

THANK YOU