Upute

Kolokvij se piše 120 minuta. Ukupno je moguće ostvariti 100 bodova. Rezultati će biti objavljeni na Teams kanalu kolegija. Smijete imati koliko god hoćete funkcija i zvati ih kako god hoćete ali funkcije koje ću ocjenjivati su dane imenom u primjerima i u predlošku. Molim da sve imate u samo jednom fileu koji se zove "KOL1_PREZIME_IME.hs" te ga predajte na e-mail adresu

tprusina@mathos.hr.

Zadatak 1 (30 bodova). Implementirajte funkciju suma koja prima dva prirodna broja n i m te računa

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} \frac{i \cdot j}{\pi}.$$

Funkcija mora biti tipa suma::Int->Int->Double i uzmite da je $\pi=3.14159$.

Primjeri

Input	Output
(suma 2 3)	5.729582790879778
(suma 30 20)	31082.9866405228
(suma 100 1)	1607.4662829968265

Zadatak 2 (30 bodova). Pitagorina trojka je trojka prirodnih brojeva (a, b, c) za koju vrijedi $a^2 + b^2 = c^2$. **Permutirana pitagorina trojka** je pitagorina trojka u kojoj su ispremještani a, b i c unutar trojke. Implementirajte funkciju pitas koja prima listu uređenih trojki i vraća broj **permutiranih pitagorinih trojki**.

Primjeri

Input	Output
(pitas [(5,4,3), (4,5,3), (3,4,5)])	3
(pitas [(1,2,3), (2,3,4), (1,1,2)])	0
(pitas [(10,8,6), (20,29,21), (3,3,3), (117,44,125), (56,32,64)])	3

Zadatak 3 (25 bodova). Implementirajte funckiju transpose koja prima matricu (listu listi nekog elementa) i vraća transponiranu matricu. Matricu m transponirate tako da swap-ate elemente (m!!i!!j) i (m!!j!!i) za sve i i j. Za ovaj zadatak nije dozvoljeno importanje gotovih funkcija.

Primjeri

Input	Output
(transpose [[1], [2], [3]])	[[1, 2, 3]]
(transpose [[1,2], [3,4], [5,6]])	[[1,3,5], [2,4,6]]

Zadatak 4 (15 bodova). Implementirajte funkciju countprod koja prima listu brojeva a i broj n te vraća broj podlisti čiji produkt elemenata iznosi n. Podlista je list dobivena izbacivanjem nekoliko elemenata iz liste bez mjenjanja poretka ostalim elementima. Tako npr. sve podliste liste [1, 2, 3] su

- [1], [2], [3],
- [1,2],[1,3],[2,3],
- [], [1, 2, 3],

dok npr. [2,1] i [1,2,2] nisu podliste od [1,2,3]. Za ovaj zadatak nije dozvoljeno importanje gotovih funkcija.

Primjeri

Input	Output
(countprod [0, 2, 2, 3] 6)	2
(countprod [2, 0, 3, 2] 8)	0
(countprod [-1, 3, -2, 3, -1, 2] 6)	8