## Demonstrature 8 - dodatni zadaci

**Napomena 1.** Ako u zadatku nije drugačije navedeno, onda nije potrebno provjeravati ispravnost inputa.

**Zadatak 1.** Implementirajte funkciju *traceFor* koja računa trag realne (kvadratne) matrice koristeći "*for* petlju" te funkciju *trace* koja radi isto što i funkcija *traceFor*, ali pomoću generatora liste ili funkcije map.

**Zadatak 2.** Implementirajte funkciju forSum koja prima cjelobrojnu kvadratnu matricu A reda n s elementima  $a_{ij}$  te računa sumu

$$\sum_{i=0}^{n-1} \sum_{j=0}^{n-1} f(a_{ij}), \qquad f(a_{ij}) = \begin{cases} i \cdot j \cdot a_{ij}, & i = j \\ 1, & i \neq j, \ 3|a_{ij} \\ 0, & \text{inače} \end{cases}$$

koristeći "for petlju" ili funkcije višeg reda. Primijetite da indeksi idu od 0 do n-1.

**Zadatak 3.** Implementirajte funkciju *matSum* koja prima dvije realne matrice jednakih dimenzija i vraća njihov zbroj.

**Zadatak 4.** Po uzoru na funkciju *trace*, implementirajte funkciju *transpose* koja prima realnu matricu i transponira ju.

**Zadatak 5.** Implementirajte funkciju matDotVec koja prima matricu A i vektor v, a vraća rezultat množenja  $A \cdot v$ . Ako retke matrice A zamislimo kao vektore  $(a_1, \ldots, a_m)$ , onda je rezultat množenja  $A \cdot v$  vektor s komponentama  $(\langle a_1, v \rangle, \ldots, \langle a_m, v \rangle)$ .

**Zadatak 6.** Implementirajte funkciju matMul koja prima dvije ulančane matrice, A i B, te računa njihov produkt. Ako stupce matrice B zamislimo kao vektore  $[b_1, \ldots, b_r]$ , tada je rezultat množenja  $A \cdot B$  matrica čiji su stupci vektori  $[A \cdot b_1, \ldots, A \cdot b_r]$ .

**Zadatak 7.** Implementirajte funkciju *listToInt* koja prima listu znamenaka te vraća prirodan broj s istim znamenkama. Npr. za listu [1,8,2,5] funkcija treba vratiti rezultat 1825. Ukoliko lista sadrži više od 18 elemenata ili je prazna, vratite -1.

**Zadatak 8.** Koristeći funkciju foldl (ili foldr) i funkciju zip, implementirajte funkciju *binom* koja prima redak iz Pascalovog trokuta reprezentiran listom cijelih brojeva, a vraća sljedeći redak.

**Zadatak 9.** Koristeći funkcije *binom* i foldl (ili foldr), implementirajte funkciju *pascal* koja prima  $n \in \mathbb{N}_0$  te računa n-ti redak Pascalovog trokuta. Pretpostavite da je nulti redak Pascalovog trokuta jednak [1].

**Zadatak 10.** Implementirajte funkciju bubbleSort koja prima listu podataka iz klase Ord te ih sortira od najmanjeg prema najvećem koristeći algoritam Bubble sort. Preporučeno je korištenje funkcije foldr i pomoćne funkcije bubble koja radi jedan prolazak kroz podlistu prvih k članova dane liste. Iskoristite svojstvo funkcije bubble koje nam osigurava da se nakon jednog prolaska kroz neku podlistu najveći element te podliste nalazi na njenom desnom kraju.

**Zadatak 11.** Implementirajte funkciju *opseg* koja prima listu točaka (točke su zadane kao uređeni parovi realnih brojeva) te računa opseg mnogokuta kojem pripadaju dane točke. Pokušajte riješiti ovaj zadatak koristeći funkciju foldr.

**Zadatak 12.** Implementirajte funkciju *insert* koja prima podatak n tipa a i sortiranu listu tipa a te ubacuje n u listu, ali tako da lista ostane sortirana.

**Zadatak 13.** Implementirajte funkciju *insertionSort* koja sortira listu koristeći algoritam *Insertion sort*.

**Zadatak 14.** Implementirajte funkciju *maxlen* koja prima dvije liste istog tipa te vraća onu koja je dulja. Ukoliko su liste iste duljine, funkcija vraća drugu.

**Zadatak 15.** Implementirajte funkciju *lss* koja prima niz elemenata tipa a i vraća njegov najveći sortirani podniz. Ukoliko je više takvih, vratite onog koji se prvi pojavio.