

Рис. 1. Визуализация классического метода Ньютона на примере квадратичной функции

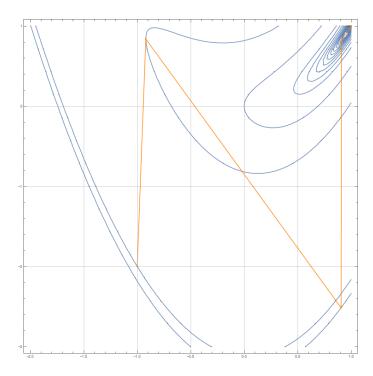


Рис. 2. Визуализация метода Ньютона на примере функции Розенброка

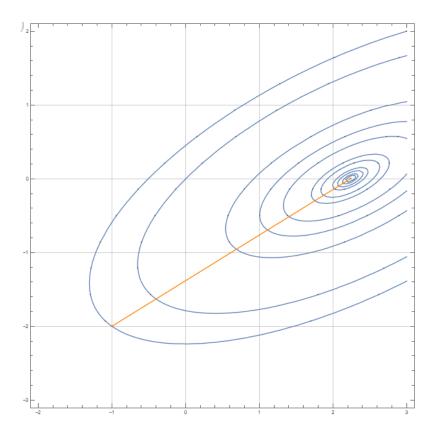


Рис. 3. Визуализация метода Ньютона с наискорейшим спуском на примере квадратичной функции

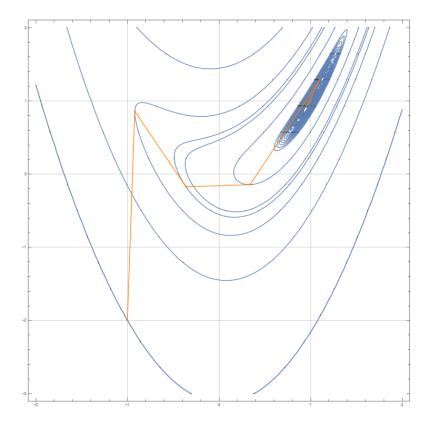


Рис. 4. Визуализация метода Ньютона с наискорейшим спуском на примере функции Розенброка

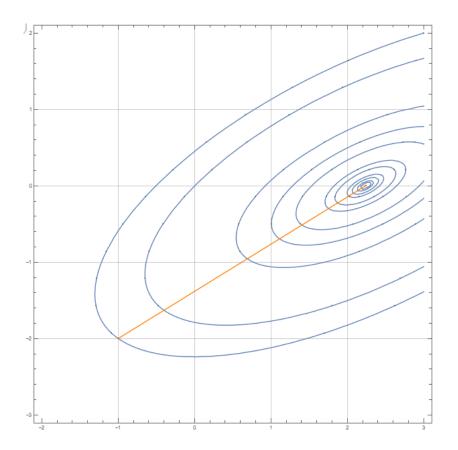


Рис. 5. Визуализация метода Марквардта на примере квадратичной функции

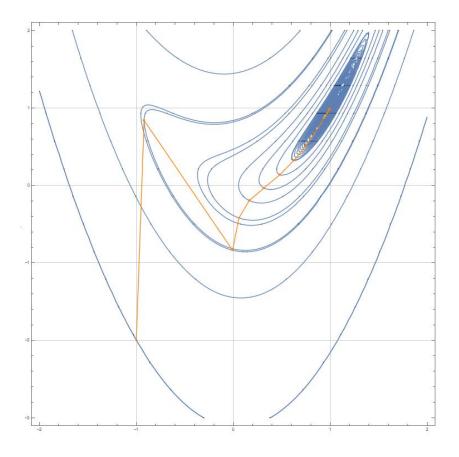


Рис. 6. Визуализация метода Марквардта на примере квадратичной функции

Таб. 1 Результаты вычислений в зависимости от Eps (классический метод Ньютона)

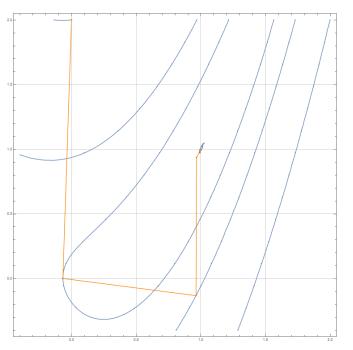
					I	
	Квадратичная	Квадратичная	Функция	Функция	Функция	Функция
	Функция при	Функция при	Розенброка	Розенброка	Розенброка при	Розенброка при
	Eps=0.01	Eps=0.000001	при Eps=0.01,	при Eps=0.01,	Eps=0.000001, a =	Eps= 0.000001 , a =
	-r~ ****	_r = ==================================	a=4	a = 80	4	80
			u – +	u – 00	7	00
Кол-во итераций	1	1	6	7	6	8
Кол-во	1	1	1	1	1	1
вычисления						
функции						
Кол-во	1	1	6	7	6	8
вычисления						
градиентов						
кол-во	3	3	18	21	18	24
вычисления						
вторых						
производных						
Точка минимума	(2,24; 0.00)	(2,236068;	(0,99 ; 0,99)	(0,99; 0,99)	(1,000000;	(0,999998;
		0.000000)			1,000000)	0.99999)
Минимальное	-6.00	-6.00	0.00	0.00	0.000000	0.00
значение						

Таб. 2 Результаты вычислений в зависимости от метода вычисления

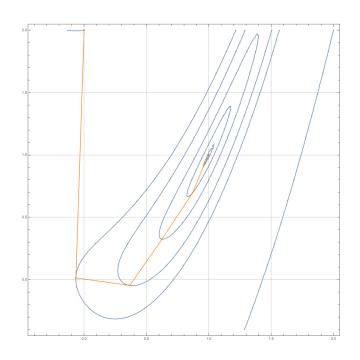
	Квадратичная Функция при Eps=0.01 Классический метод Ньютона	Квадратичная Функция при Eps=0.01 Метод Ньютона с наискорейшим спуском	Квадратичная Функция при Eps=0.01 Метод Марквардта	Функция Розенброка при Eps=0.01, а = 4 Классически й метод Ньютона	Функция Розенброка при Eps=0.01, а = 4 Метод Ньютона с наискорейшим спуском	Функция Розенброка при Eps=0.01, а = 4 Метод Марквардта	Функция Розенброка при Eps=0.01, а = 80 Классически й метод Ньютона	Функция Розенброка при Ерs=0.01, а = 80 Метод Ньютона с наискорейшим спуском	Функция Розенброка при Eps=0.01, а = 80 Метод Марквардта
Кол-во итераций	1	1	1	6	7	16	8	11	30
Кол-во вычисления функции	1	30	1	1	181	19	1	301	33
Кол-во вычисления градиентов	1	1	1	6	7	16	8	11	30
Кол-во вычисления вторых производных	3	3	3	18	18	48	24	30	90
Точка минимума	(2,24; 0,00)	(2,23; 0,00)	(2,23; 0,00)	(0,99; 0,99)	(1,00; 1,00)	(1,00; 1,00)	(0,99; 0,99)	(0,99; 0,98)	(0,99; 0,99)
Минимальное значение	-6,00	-6,00	-6,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00

Таб. 3. Зависимость результатов от положения начальной точки

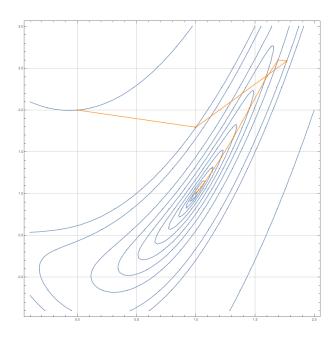
	Функция	Функция	Функция	Функция	Функция	Функция	Функция	Функция	Функция
	Розенброка	Розенброка	Розенброка	Розенброка	Розенброк	Розенброка	Розенброка	Розенброка	Розенброка
	Начальная	Начальная точка	Начальная	Начальная	a	Начальная	Начальная	Начальная	Начальная
	точка $-(0,0)$	-(0,50)	точка – (0,	точка $-(0,$	Начальная	точка $-(0,$	точка $-(0,$	точка $-(0,$	точка $-(0,$
	Классически	Классический	5000)	0)	точка – (0,	5000) метод	0)	50) метод	5000) метод
	й метод	метод Ньютона	Классический	метод	50) метод	Ньютона с	метод	Марквардта	Марквардта
	Ньютона		метод	Ньютона с	Ньютона с	наискорейш	Марквардта		
			Ньютона	наискорейш	наискорей	им спуском			
				им спуском	шим				
				-	спуском				
Кол-во	3	4	4	8	9	13218	72	4	4
итераций									
Кол-во	1	1	1	211	241	396511	75	10	10
вычисления									
функции									
Кол-во	3	4	4	8	9	13218	72	4	4
вычисления									
градиентов									
Кол-во	9	12	12	24	27	39657	216	12	12
вычисления									
вторых									
производных									



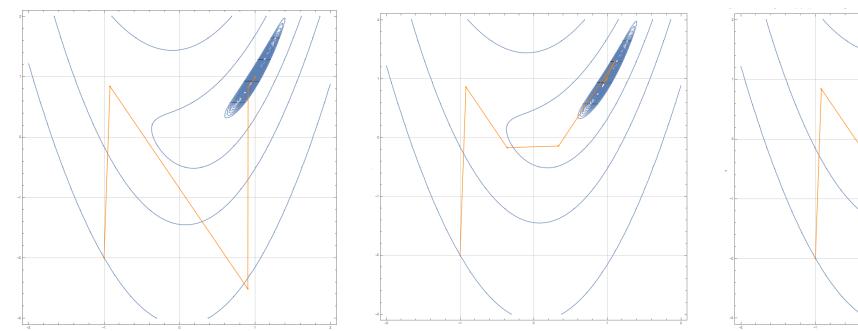
Визуализация метода классического метода Ньютона (начальная точка - (0, 2)), 6 итераций



Визуализация метода Ньютона с наискорейшим спуском (начальная точка - (0, 2)), 8 итераций



Визуализация метода Марквардта (начальная точка - (0, 2)), 11 итераций



Визуализация метода Марквардта (начальная точка - (-1, -2)), 11 итераций

Визуализация метода классического метода Ньютона (начальная точка - (-1, -2)), 6 итераций

Визуализация метода Ньютона с наискорейшим спуском (начальная точка - (-1, -2)), 7 итераций

Таким образом, в данной лабораторной работе мы рассмотрели метод минимизации второго порядка – метод Ньютона и его модификации. В общем случае метод Ньютона не гарантирует сходимость, но в нашей работе, был рассмотрен способ, когда сходимость гарантируется. Модификации метода Ньютона дают более устойчивую сходимость.