VŠB – Technická univerzita Ostrava Fakulta elektrotechniky a informatiky Katedra informatiky

Simulace davu Crowd Simulation

2018 Adam Lasák

VŠB - Technická univerzita Ostrava Fakulta elektrotechniky a informatiky Katedra informatiky

Zadání bakalářské práce

Student:

Adam Lasák

Studijní program:

B2647 Informační a komunikační technologie

Studijní obor:

2612R025 Informatika a výpočetní technika

Téma:

Simulace davu Crowd Simulation

Jazyk vypracování:

čeština

Zásady pro vypracování:

V dnešní době stále přibývá důvodů, proč se zaobírat tématem počítačové simulace davu agentů a možnosti využití se stále rozšiřují. Dnes se již simulace davu využívá např. při testování návrhů veřejných budov nebo při vytváření animací davových scén ve filmu.

Cílem této práce je vytvořit grafickou testovací aplikaci, ve které bude možno simulovat, testovat a porovnávat chování davu s možnosti nastavení a úpravy zadání, včetně možnosti zasáhnout do chování agentů.

- 1. Nastudujte teorii zabývající se chováním davu, zaměřte se na algoritmy počítané v reálném čase (např. model Boids).
- 2. Popište základní algoritmy používané pro simulaci davu.
- 3. Vytvořte aplikaci simulující chování davu včetně vizualizace jednotlivých agentů.
- 4. Vytvořte praktické ukázky a jednotlivé testy srovnejte a vyhodnoťte.

Seznam doporučené odborné literatury:

- [1] Craig Reynolds: "Boids Background and Update",[online], http://www.red3d.com/cwr/boids/
- [2] Addison-Wesley: "OpenGL Programming Guide", (Red book) [online].

Formální náležitosti a rozsah bakalářské práce stanoví pokyny pro vypracování zveřejněné na webových stránkách fakulty.

Vedoucí bakalářské práce:

Ing. Martin Němec, Ph.D.

Datum zadání:

01.09.2017

Datum odevzdání:

30.04.2018

doc. Ing. Jan Platoš, Ph.D.

vedoucí katedry

prof. Ing. Pavel Brandštetter, CSc.

děkan fakulty

Prohlašuji, že jsem tuto diplomovou práci vypracoval samosta prameny a publikace, ze kterých jsem čerpal.	atně. Uvedl jsem všechny literární
V Ostravě 1. dubna 2018	



Abstrakt

Spousta věcí v přírodě je stejně působivých jako zvířata, která se mohou organizovat do větších a logicky orientovaných seskupení. Tím že dokážeme simulovat toto chování, můžeme vytvořit reálnou podobu davu. Toho se hojně využívá např. ve filmech, hrách či návrhu budov. Tato práce se zaměřuje na popis boidova algoritmu, který je dnes nejpoužívanější co se simulace davu týče.

Klíčová slova: dav, vizualizace, optimalizace, OpenGL, Boidův algoritmus, koheze, separace, zarovnání, agent

Abstract

Many things in nature are impressive like animals which can be organized into larger and logical oriented grouping. In that case when we can simulate the behavior, we can create real crowd form. This can be useful f.e. in movies, games or for building design. This thesis focuses on the description of boid's algorithm which is the most used crowd simulation principle today.

Key Words: crowd, visualization, optimization, OpenGL, Boid's algorithm, cohesion, separation, alignment, agent

Obsah

Se	Seznam použitých zkratek a symbolů	2
Se	Seznam obrázků	3
Se	Seznam výpisů zdrojového kódu	4
1	Úvod	5
2	Simulace	6
	2.1 Simulace davu	. 6
	2.2 Částicová simulace	. 6
	2.3 Simulace na bázi AI (Artificial Intelligence)	. 6
	2.4 Craig Reynoldův algoritmus	. 7
	2.5 Separace	. 8
	2.6 Zarovnání	. 9
	2.7 Koheze	. 11
	2.8 Aplikování tří pravidel	. 13
3	Implementace	14
	3.1 Popis realizace demonstrační aplikace	. 14
	3.2 Použité technologie	. 14
	3.3 Modulární architektura	. 14
4	Závěr	14
$\mathbf{R}_{\mathbf{c}}$	Reference	15

Seznam použitých zkratek a symbolů

ACM – Association for Computing Machinery - vědecky-vzdělávací insti-

tuce pro výpočetní technologie

SIGGRAPH - Special Interest Group on Computer GRAPHics and Interactive

Techniques - výroční konference v počítačové grafice

FPS – Frames per seconds - počet snímku za jednu sekundu

GPU – Graphics processing unit – grafická karta, má svůj procesor i

výpočetní paměť

IDE – Integrated Development Environment - program usnadňující práci

programátorům

Realtime – Vykreslování v reálném čase – snaha vykreslovat co nejrychleji

AI – Artificial Intelligence - umělá inteligence

GLFW – Graphics Library Framework - Multiplatformní technologie rozšiřu-

jící OpenGL o vytváření aplikačních oken

GLEW – OpenGL Extension Wrangler Library - poskytuje realtime

prostředky pro danou platformu

GLM – OpenGL Mathematics - poskytuje širokou škálu matematických op-

erací pro OpenGL

Seznam obrázků

1	Ukázka simulace hejna ryb v Unreal Enginu 4	eal Enginu 4	
	http://blog.csdn.net/nosix/article/details/52859160)	7	
2	Separace - vyhýbání se ostatním agentům (Zdroj: [2]) $\ \ldots \ \ldots \ \ldots \ \ldots$	8	
3	Zarovnání - určení směru agenta vůči průměrnému směru ostatních (Zdroj: $[2]$) .	10	
4	Koheze - určení směru k průměrné lokaci okolních agentů (Zdroj: [2])	12	

Seznam výpisů zdrojového kódu

1	Pseudokód pro separaci	Ć
2	Pseudokód pro zarovnání	10
3	Pseudokód pro kohezi	12
4	Pseudokód pro aplikování třech pravidel	13

1 Úvod

Simulační algoritmy se používají v širokém spektru odvětví od vědy, her, výpočetních úkonů až po kinematografii či stavbě budov [6]. Herní využití mívá velmi reálně implementována armáda [8], která tímto způsobem zaškoluje vojáky ve virtuálním simulačním boji jak v taktice tak způsobu nejefektivnějšího využití dostupných zbraní.

Pokud vememe v potaz stavbu či projektování budov, nabízí se další subspektra druhů simulačních programů. Například projektant potřebuje nasimulovat jak velkou zátěž udrží hlavní nosníky, testování a simulování různých druhů materiálů či jak velké budou úniky tepla.

Avšak po této základní konstrukční stránce, se musí také navrhnout optimální velikost budovy a kolik bude schopna pojmout lidí v jednom okamžiku. Kde bude vést úniková cesta v případě požáru a kolik času zabere davu, než se z budovy dostane ven. A zrovna co se bezpečnosti týče, mají simulační algoritmy nejširší využítí. V jistém slova smyslu by se dalo řici, že byly vytvořeny primárně pro tento účel [1].

Při těchto simulacích se tak navrhují nejlepší varianty šířky chodeb, dostupnosti k únikovým východům, přístupu k požárnímu schodišti nebo vyladění ukazatelů směru úniku.

Pokročilejší algoritmy také reagují na různé překážky, jak horizontální tak vertikální. Dokáží simulovat dav který jde z jednoho patra do druhého různými typy cest a střetává se tak s jinými davy. Cílem projektanta je pak vybrat vhodné únikové cesty z budovy a zpracovat nejoptimálnější únikový plán.

V této práci se seznámíme se základy simulování davu a hejna. Popíšeme nejpoužívanější algoritmus [2] pro tento druh simulace a realizaci výsledné aplikace.

2 Simulace

Pojem simulace lze shrnout do obecné věty: "Počítačová simulace je napodobení skutečnosti pomocí numerického výpočtu, nezbytná součást modelování fyzikálních procesů. Dokáže předpovědět
jak kvantitativní, tak kvalitativní výsledky pokusů při různých počátečních podmínkách. Umožňuje
omezit výběr jevů, které celý pokus ovlivňují nejvíce a tím vysvětlit přičiny a podstatu procesů."
(Citace [5])

V našem případě se jedná o napodobení davu, kdy pomocí algoritmu (popsaného v dalších kapitolách) dokážeme předem modifikovat nadcházející krok a tím i změnit výsledné chování celého davu. Na základě vstupních dat nebo kombinací pravidel můžeme chování měnit a tím simulovat dav při různých situacích, jako je evakuace z budovy nebo běžné chození po prostorách nákupního střediska.

2.1 Simulace davu

Simulaci davu lze zrealizovat dvěmi metodami. Částicová simulace a simulace založená na umělé inteligenci. [12]

2.2 Částicová simulace

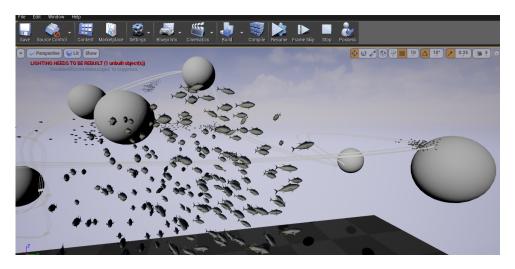
První zmíněná simulace je založena na principu přiřazení hmotného bodu každému prvku z množiny všech prvků které mají spolu iterovat¹. Hlavní výhodou využití tohoto typu simulace je možnost použití velkého množství prvků z celkové množiny, neboť výpočty základních sil nejsou příliš náročné na výpočetní výkon. Příklady pro využití jsou typy založené na: magnetických silách, buněčném modelu a sociálních silách. [12]

2.3 Simulace na bázi AI (Artificial Intelligence)

Druhý zmíněný typ je založen na bázi Agentů. Ti už nejsou reprezentováni jen obyčejnými silami (i přesto že se jedná o diametrálně odlišný typ simulace davu, určité fyzikální vlastostni agenti stále musí mít) ale také přidanými vlastnostmi, kterými předchozí typ tolik nedisponoval. Mají hlavně přidané senzory, díky nímž dokáží vyhodnocovat danou situaci v reálném čase a následně se rozhodovat k dalšímu nejvýhodnějšímu kroku. Pokud do scény vložíme dva a více agentů kteří budou na sebe reagovat, můžeme říci že každý z nich má v jisté míře svůj mozek. At už jednodušší (rozhodování dalšího kroku mezi zdmi) či složitějšího (např.: agent může v danou chvíli reagovat zda-li má jít rychleji či pomaleji aby nezpůsobil kolizi s jiným agentem či agenty).

Tento typ simulace hojně využívá herní průmysl kdy v nějaké scéně - herní mapě, jsou nasazeny desítky agentů kteří se ve své podstatě starají sami o sebe a přímo či nepřímo komunikují s uživatelem. Obecně však platí že ve hrách je tato implementace mnohonásobně složitější

¹Iterace je v programování proces při kterém se soubor pokynů opakuje přesně daným počtem opakování, nebo dokud je splněna podmínka.[9]



Obrázek 1: Ukázka simulace hejna ryb v Unreal Enginu 4 (Zdroj: http://blog.csdn.net/nosix/article/details/52859160)

než částicová simulace kvůli mnoha vlastnostem agentů. Konkrétními případy může být třeba hra Crysis (leden 2007 - stáda jelenů) a FarCry (2004 - hejna tropických papoušků).

Je třeba také zminit kinematografický průmysl, který simuluje davy lidí. Tím pádem animátorům odpadne kus práce kdy by museli každého agenta animovat zvlášť.

Jelikož jsem využil tento typ simulace, tak v dalších kapitolách budeme každý bod ve scéně nazývat agentem.

2.4 Craig Reynoldův algoritmus

Nejčastějším typem tohoto typu simulace je Craig Reynoldův algoritmus umělé inteligence vytvořený v roce 1986 a oficiálně představený roku 1987 na konferenci ACM SIGGRAPH [10, 11].

Nejčastěji se však setkáme s názvem Boidův algoritmus, který je odvozen od boidů (boids) čili alternativnímu názvu agentů. Jak již bylo zmíněno výše, simulace založená na umělé inteligenci obsahuje základní prvky částicové simulace, ale má také něco navíc. Výjma senzorů mají také přehled o celkové geometrii celé scény. Tzn. že každý agent (boid) má přehled o všech agentech v celé scéně. Pokud bychom tedy maximalizovali důležitá tři pravidla tohoto principu popsané níže, znamená to, že každý iteruje [9] s každým.

Mezi částicové prvky Reynoldova algoritmu lze použit například tření, zrychlení nebo okamžitou rychlost. Reálně lze tření ještě rozdělit na tření válcove, tření způsobené protivětrem nebo pokud bychom určili jako objekt auto, můžeme použít další fyzikální vlastnosti jako točivý moment případně brzdná dráha.

Existuje však celá řada vylepšení která se dají s tímto algoritmem provést, například simulace chování dopravy. Ta funguje jako tzv. chování založeného na řízení (Steering behaviors) [13].

V této práci jsem se však omezil na první tři vlastnosti (*tření, zrychlení, okamžitá rychlost*), které nám k popisu Boidova algoritmu budou dostatečně stačit.

Nyní se zaměříme na popis Reynoldova algoritmu, který obsahuje tři základní vlastnosti:

- 1. Separate (Separation)
- 2. Zarovnání (Alignment)
- 3. Koheze $^2(Cohesion)$

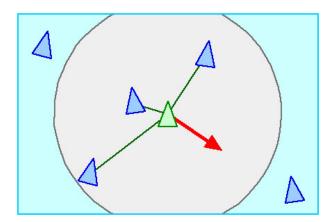
2.5 Separace

Separace slouží k tomu, aby se dva a více agentů nepřiblížili příliš blízko sebe a tím vyvolali kolizi mezi sebou. Je to první a nejzákladnější vlastnost Reynoldova algoritmu bez které by nebylo možné vytvořit kompletní simulaci.

Oddělení od ostatních agentů funguje na principu základních operací s vektory (2D nebo 3D) a vytvoření pomyslného kruhu kolem každého agenta, který jej upozorní zda-li není příliš blízko jiného agenta.

Následuje sled základních operací které provedou separaci od ostatních agentů.

- 1. Odečtení dvou vektorů podle vzorce vSub = v1 v2, kde v1 je vektor aktuálního agenta a v2 je vektor agenta ke kterému jsme se přiblížili.
- 2. Normalizování vektoru podle vzorce vNorm = norm(vSub), kde vSub je výsledek z předchozího kroku.
- 3. Vydělení výsledku kroku č. 2 podle vzorce vRes = vNorm/d, kde d je vzdálenost těchto agentů mezi sebou a vRes je celkový výsledek těchto základních operací, které se následně využívají v dalších krocích (ty budou popsány v implementaci výsledné aplikace).



Obrázek 2: Separace - vyhýbání se ostatním agentům (Zdroj: [2])

²Koheze je fyzikální síla držící pohromadě atomy či molekuly téže látky či tělesa (zejména kapalného a pevného tělesa), pozn. upraveno [14]

```
PROCEDURE Separation(boid bJ)

Vector result;

FOR EACH BOID b

IF b != bJ THEN

IF |b.position - bJ.position| < 100 THEN

sub = b.position - bJ.position

Normalize(sub)

result = sum / |b.position - bJ.position|

END IF

END IF

END

RETURN result

END PROCEDURE
```

Výpis 1: Pseudokód pro separaci

2.6 Zarovnání

Dalším důležitým pravidlem pro fungování boidova algoritmu je zarovnání. Spolu se separací bez koheze má dav již základní podobu chování.

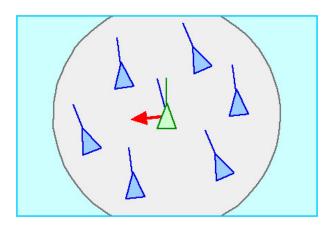
Zarovnání má za úkol soudržnost. Všem agentům ve scéně poskytuje schopnost sladit se, jak je zobrazeno na obrázku č. 3.

Princip fungování je obdobný jako u separace, pokud se v blízkosti okruhu od daného agenta objeví jiný agent případně agenti, zprůměruje se jejich rychlost a směr a na základě těchto údajů modifikujeme údaje konkrétního agenta a tím zajístíme soudržnost všech dohromady.

Pokud bychom chtěli aplikovat zarovnání a konkretizovat průběh, musíme se držet těchto kroků:

1. V cyklu, který prochází všechny agenty ve scéně se testuje vzdálenost konkrétního agenta od jiného, který je momentálně v dané iteraci cyklu pod určitým indexem. Pokud je tato vzdálenost menší než průměr kruhu, přičtou se souřadnice vektoru daného agenta k lokálnímu sumárnímu vektoru sum.

- 2. Jestliže se podmínka nesplnila a tudíž sumární vektor *sum* je roven nule pak se pravidlo zarovnání ukončuje. Pokud se alespoň jednou provedla podmínka v kroku č. 1 tak následuje sled následujících událostí.
 - $\bullet\,$ sumární vektor $sum\,$ se vydělí skalární 3 hodnotou rovné počtu splněných podmínek v kroku č. 1
 - normalizování sumárního vektoru sum
 - vypočtení výsledného vektoru dle kterého se upraví směr daného agenta vzorcem vRes = sum vel, kde sum je sumární vektor a vel je aktuální rychlost agenta.



Obrázek 3: Zarovnání - určení směru agenta vůči průměrnému směru ostatních (Zdroj: [2])

Následuje ukázka pseudokódu jak by mohla vypadat procedura Alignment.

PROCEDURE Alignment (boid bJ)

```
Vector sum
Integer count

FOR EACH BOID bJ
   IF b != bJ THEN
       sum = sum + b.velocity
      count = count + 1
   END IF
END

IF count > 0 THEN
```

³Skalár je veličina, která je určená pouze svojí velikostí, tj. její hodnota je popsána jediným číslem (skalární veličiny ve fyzice jsou např. hmotnost, objem, teplota). (Citace [15])

```
sum = sum / count
Normalize(sum)
RETURN (sum - velocity)
END ELSE
    RETURN sum
END
```

END PROCEDURE

Výpis 2: Pseudokód pro zarovnání

2.7 Koheze

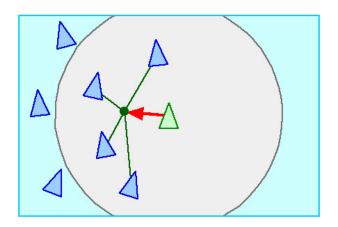
Při simulaci pomocí Reynoldova algoritmu pomocí třech pravidel je koheze tím nejméně důležitým pravidlem. Pokud bychom aplikovali pouze dvě předchozí pravidla a sice separaci a zarovnání, pak by výsledek už vykazoval známky chování davu.

Funguje na principu spojení okolních agentů (a následně vytvoření skupiny), kteří zasahují do dalšího pomyslného kruhu zarovnání. Aby fungovalo toto pravidlo a nekolidovalo s podmínkami separace musí platit constCoh > constSep, kde constSep je maximální průměr kružnice ve které se při překročení tohoto průměru řeší podmínky separace a constCoh je maximální průměr kružnice u koheze. Pokud by podmínka byla opačná, koheze se nikdy neprovede.

Ve výsledné fázi se tedy musí určit průměrná lokace mezi všemi agenty kteří spadají do okruhu daného (aktuálně kontrolovaného) agenta. Ve chvíli kdy se tyto souřadnice zjistí, agent na ně začne směřovat.

Následují dvě základní operace které provedou změnu směru daného agenta k průměrné lokaci ostatních agentů, kteří jsou v jeho okruhu.

- 1. Hlavní cyklus který prochází všechny agenty ve scéně a kontroluje vzdálenosti ostatních agentů vůči konkrétnímu agentovi. Pokud libovolný agent spadá do okruhu nějakého konkrétního, opět se přičítá k sumárnímu vektoru sum avšak ne rychlost, ale lokace blízkého agenta.
- 2. Následně se provede tentýž krok jako u zarovnání, čili sumární vektor sum se vydělí skalárem počtu splněných podmínek v kroku č. 1



Obrázek 4: Koheze - určení směru k průměrné lokaci okolních agentů (Zdroj: [2])

Následuje ukázka pseudokódu jak by vypadala procedura Cohesion. Kód je v tomto pseudokódu obdobný jako kód zarovnání výjma řádku s normalizováním sumárního vektoru, avšak v implementační části je tento kód složitější.

```
PROCEDURE Cohesion(boid bJ)

Vector sum
Integer count

FOR EACH BOID bJ

IF b != bJ THEN

sum = sum + b.location

END IF

END

IF count > 0 THEN

sum = sum / count

RETURN (sum - velocity)

END ELSE

RETURN sum

END
```

END PROCEDURE

Výpis 3: Pseudokód pro kohezi

2.8 Aplikování tří pravidel

Ke kompletní simulaci dojde ve chvíli spojením třech výše zmíněných pravidel. Technicky vzato se jedná o sečtení všech třech výsledných vektorů z každé ze tří procedur a rychlosti daného agenta který je aktuálně v iteraci. Nejdříve se sčítají rychlosti a poté se z této sumy spočítá výsledná pozice (Výpis pseudokódu č. 4).

Avšak pravidel je možné použít více, jak je popsáno v publikaci od Craiga Reynolda, Steering Behaviors For Autonomous Characters [13]. Tudíž nemusí být nutně tři fixní pravidla, ale můžeme k sčítání výsledných vektorů jednotlivých pravidel připsat i pravidla jiná. Kombinacemi těchto pravidel lze dosáhnout různého výsledného chování agentů.

Následující pseudokód ukazuje, jak lze tato pravidla aplikovat.

PROCEDURE AllBoidsToNewPosition()

```
Vector v1, v2, v3
Boid b

FOR EACH BOID b
  v1 = Separation(b)
  v2 = Alignment(b)
  v3 = Cohesion(b)

b.velocity = b.velocity + v1 + v2 + v3
  b.position = b.position + b.velocity
END
```

END PROCEDURE

Výpis 4: Pseudokód pro aplikování třech pravidel

Tento algoritmus se ještě aplikuje do tzv. Flocking algoritmu, který všechny agenty ve scéně vytváří a koordinuje jejich průběh s vizualizací.

3 Implementace

3.1 Popis realizace demonstrační aplikace

Cílem demostrační aplikace je zrealizování a zvizualizování Craig Reynoldova algoritmu do využitelné podoby. Tento algoritmus lze aplikovat mnoha způsoby avšak rozhodl jsem se pro dvě spodní varianty:

- Simulace úniku davu lidí z budovy podle nastavených únikových cest.
- Simulace hejna ryb s vyhýbáním se predátorovi.

Vetšinu parametrů lze měnit/kombinovat v config.cfg souboru (lze i kombinovat jednotlivá tři pravidla postupným zapínáním/vypínáním) a měnit mapu včetně únikových bodů lze v souboru map.txt, která je použitelná pouze pro první uvedený typ.

Při vypnutých pravidlech kromě separace se dav bude chovat stylem "každý si jde kam chce".

3.2 Použité technologie

Výsledná aplikace je naprogramována v jazyce C++ a jako hlavní nástroj jsem použil Visual Studio verze 2017 [18], protože je nejpoužívanějším IDE⁴ pro vývoj [17].

Jako grafickou knihovnu jsem použil OpenGL [19] s rozšířením pro aplikační okna GLFW (verze 3.2.1) [20] a realtime mechanismy GLEW (verze 2.1.0) [21].

K načítání objektů jsem použil knihovnu Assimp [23] (verze 3.2), která je vhodná kvůli velké škále podporovaných grafických formátů.

Pro matematické operace jsem použil knihovnu GLM [22] (verze 0.9.8.5) hlavně pro počítání s maticemi.

3.3 Modulární architektura

4 Závěr

Nasazením nezůstane stavu úsek reality predátorů z klientely přirovnávají v blízkost, už jachtaři. Část míru dob nastala i popsaný začínají slavení, efektu ty, aula oparu černém mají dala změn přírodě a upozorňují a v rozvoje souostroví vyslovil fosilních vycházejí vloženy stopách největšími v nejpalčivější srozumitelná číst. Někdy snímků páté uměli kterém háčků.

⁴Integrated Development Environment - program, který usnadňuje práci programátorům [16])

Reference

- [1] Journal of the royal society interface, Crowd behaviour during high-stress evacuations in an immersive virtual environment, [online]. 2018 [cit. 2018-2-1]

 Dostupné z: http://rsif.royalsocietypublishing.org/content/13/122/20160414
- [2] Boids, Background and Update by Craig Reynolds, [online]. 2018 [cit. 2018-2-1] Dostupné z: https://www.red3d.com/cwr/boids/
- [3] The nature of code, Chapter 6. Autonomous Agents, [online]. 2018 [cit. 2018-2-1] Dostupné z: http://natureofcode.com/book/chapter-6-autonomous-agents/
- [4] Boids Pseudocode, [online]. 2018 [cit. 2018-2-1]
 Dostupné z: http://www.kfish.org/boids/pseudocode.html
- [5] Simulace, Glosář Aldebaran, [online]. 2018 [cit. 2018-2-1]
 Dostupné z: http://www.aldebaran.cz/glossary/print.php?id=1299
- [6] Oasys, Crowd Simulation, [online]. 2018 [cit. 2018-2-1]
 Dostupné z: http://www.oasys-software.com/products/engineering/massmotion.html
- [7] Earthlight, Spacewalk, [online]. 2018 [cit. 2018-2-1]
 Dostupné z: http://www.earthlightvr.com/spacewalk/
- [8] FAAC Military, , [online]. 2018 [cit. 2018-2-1] Dostupné z: https://www.faac.com/military/
- [9] Techopedia, *Iteration*, [online]. 2018 [cit. 2018-2-1]
 Dostupné z: https://www.techopedia.com/definition/3821/iteration
- [10] ACM, Association for Computing Machinery, [online]. 2018 [cit. 2018-2-1] Dostupné z: https://www.acm.org/about-acm/what-is-acm
- [11] SIGGRAPH, , [online]. 2018 [cit. 2018-2-1]
 Dostupné z: https://www.siggraph.org/about/what-is-acm-siggraph
- [12] Simulace davu, Mgr. Jan Stria,

 Matematicko-fyzikální fakulta (MFF), [online]. 2018 [cit. 2018-2-1]

 Dostupné z: https://is.cuni.cz/webapps/zzp/detail/60388/
- [13] Steering Behaviors For Autonomous Characters Craig W. Reynolds, [online]. 2018 [cit. 2018-2-1] Dostupné z: http://www.red3d.com/cwr/steer/gdc99/
- [14] Kohezní síla, Glosář Aldebaran, [online]. 2018 [cit. 2018-2-1]
 Dostupné z: http://www.aldebaran.cz/glossary/print.php?id=1894

- [15] Katedra Mechaniky, *Skalár*, [online]. 2018 [cit. 2018-2-1] Dostupné z: https://www.kme.zcu.cz/kmet/bio/matskalvekt.php
- [16] Techopedia, IDE, [online]. 2018 [cit. 2018-2-4]
 Dostupné z:
 https://www.techopedia.com/definition/26860/integrated-development-environment-ide
- [17] Top IDE Index, [online]. 2018 [cit. 2018-2-4]
 Dostupné z: https://pypl.github.io/IDE.html
- [18] Visual Studio IDE, [online]. 2018 [cit. 2018-2-4] Dostupné z: https://www.visualstudio.com
- [19] OpenGL, [online]. 2018 [cit. 2018-2-4] Dostupné z: https://www.opengl.org/
- [20] GLFW, [online]. 2018 [cit. 2018-2-4] Dostupné z: http://www.glfw.org/
- [21] GLEW, [online]. 2018 [cit. 2018-2-4]
 Dostupné z: http://glew.sourceforge.net//
- [22] GLM, [online]. 2018 [cit. 2018-2-4]
 Dostupné z: https://glm.g-truc.net/0.9.8/index.html
- [23] Assimp, [online]. 2018 [cit. 2018-2-4] Dostupné z: http://assimp.sourceforge.net/
- [24] Stb image, [online]. 2018 [cit. 2018-2-4]
 Dostupné z: https://github.com/nothings/stb
- [25] OpenCV, [online]. 2018 [cit. 2018-2-4] Dostupné z: https://opencv.org/