

# FONDAMENTI DI INFORMATICA

Alma Artis

Francesca Pratesi (ISTI, CNR)

# CHI SONO

- Informatica laureate all'Università di Pisa nel 2013
- Dottorato in Informatica nel 2017
- Dal 2021 ricercatrice all'ISTI – CNR di Pisa
- Collaboratrice con l'Università di Pisa
  - Dipartimento di Informatica Umanistica
    - Fondamenti Teorici e Programmazione (co-docenza dal 2018; in precedenza tutor)
    - OFA-MAT (titolare nel 2018-2020 e 2021-2023)
  - Dipartimento di Fisica
    - Laboratorio di Informatica (co-docenza nel 2020-2022)
  - Dipartimento di Informatica (Master in Big Data & Social Mining)
    - Basi di dati (tutor dal 2016)
- Interessi di ricerca
  - Privacy e etica nell'Intelligenza Artificiale



# CONTATTI

- Ricevimento: (da stabilire) lunedì pomeriggio dalle 15 alle 17 presso il CNR (meglio prendere appuntamento via mail)
- Email: [francesca.pratesi@isti.cnr.it](mailto:francesca.pratesi@isti.cnr.it) (mettete il tag [AlmaArtis] nel soggetto della mail)
- Sito web del corso: <https://github.com/prafra/AlmaArtis2022>



# OBIETTIVI

- Concetti di base dell'Informatica
- Acquisizione di principi e strumenti di base della programmazione
- Elaborare la **soluzione** ad un **problema** attraverso la creazione di un **algoritmo** e la relativa codifica in un **linguaggio di programmazione**
- Il linguaggio di programmazione del corso sarà **Java/Processing**

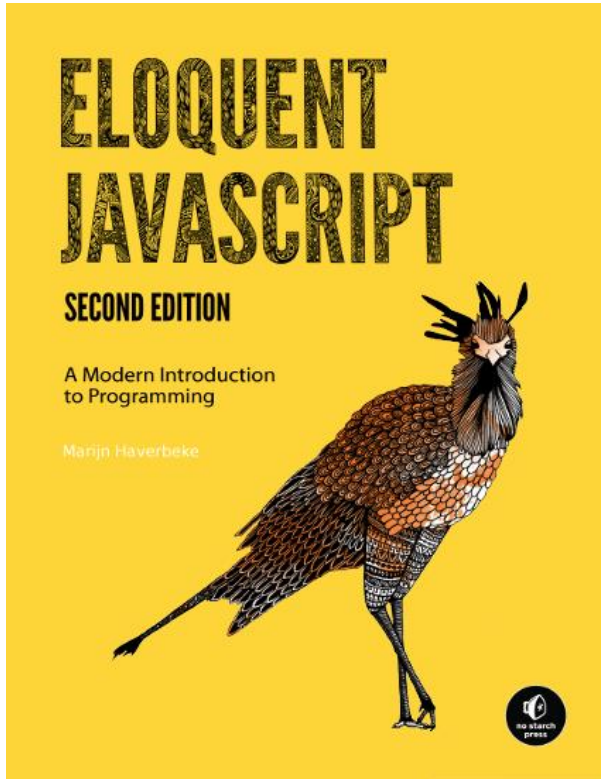


# PROGRAMMA DEL CORSO

- Parte 1: introduzione ai concetti di base dell'informatica
- Parte 2: elementi di programmazione con Java/Processing
- Parte 3: elementi di computer graphics e algoritmi avanzati
- Esercitazioni



# LIBRI E RIFERIMENTI



- Capitoli 1-4

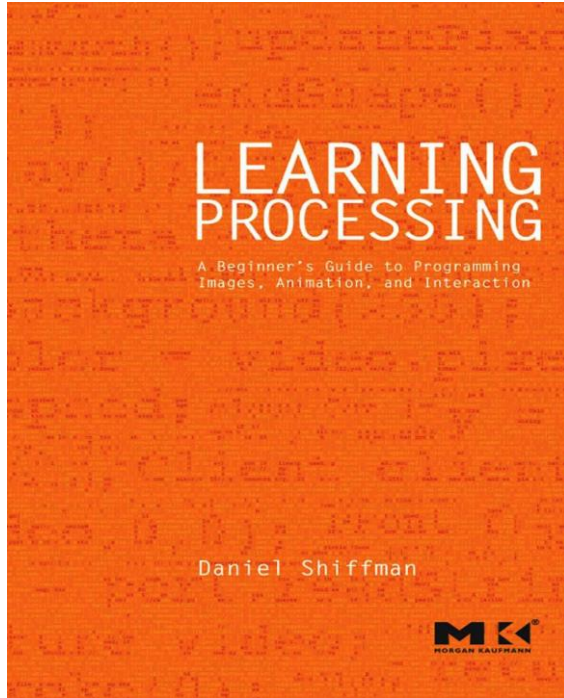
Eloquent Javascript – Second Edition

Marijn Haverbeke

Licensed under CC license.

Available here: <http://eloquentjavascript.net/>

# LIBRI E RIFERIMENTI



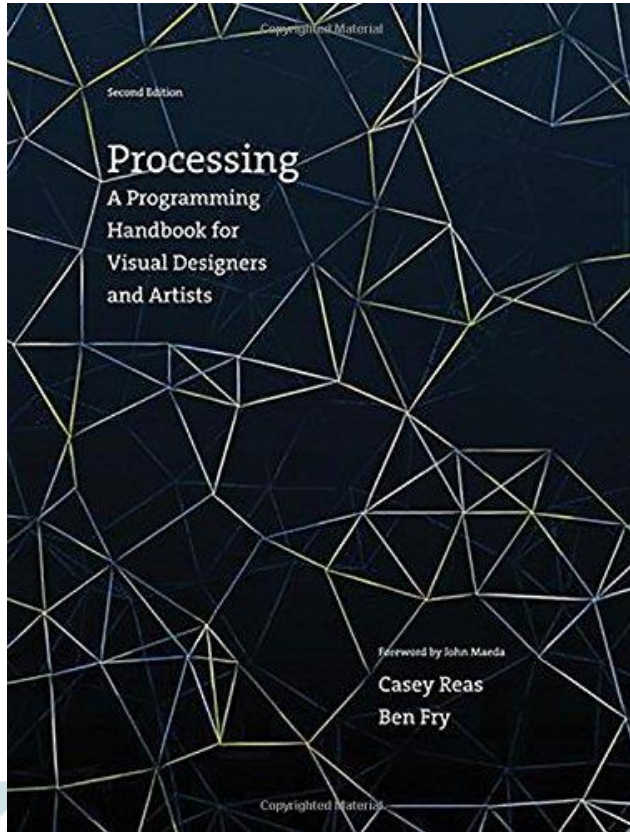
- Introduzione
- Capitolo 1-3

Learning Processing– Second Edition

Daniel Shiffman

Available here: <http://learningprocessing.com/>

# LIBRI E RIFERIMENTI



Processing: Handbook for Visual  
Designers and Artists  
Casey Reas, Ben Fry



# ORGANIZZAZIONE DELLE LEZIONI

## I Parte

Teoria

Formazione

Casi di studio

## II Parte

Laboratorio

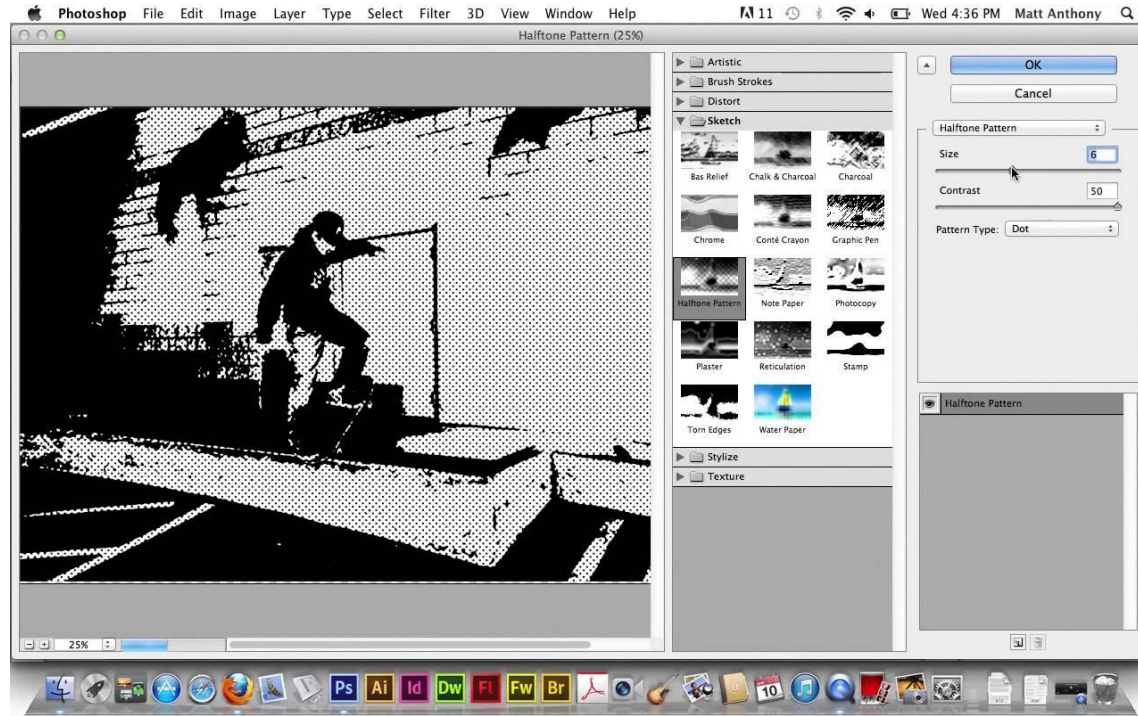
Esercitazioni

Esame scritto

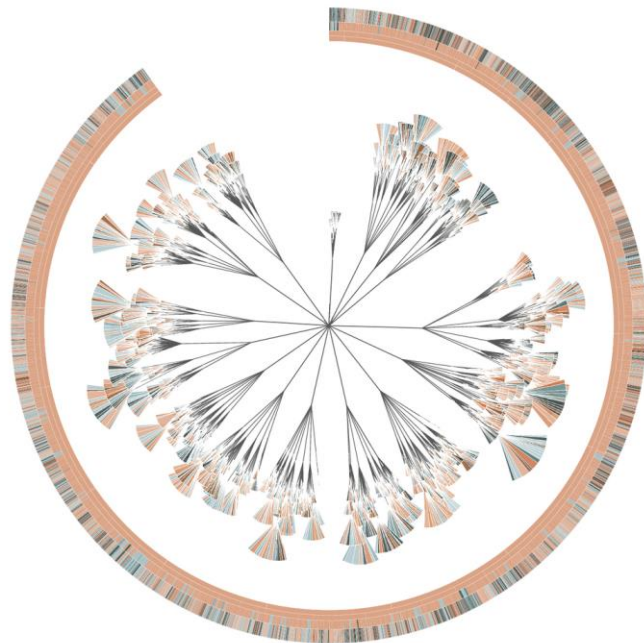


**PERCHÉ QUESTO CORSO?**

# PHOTOSHOP

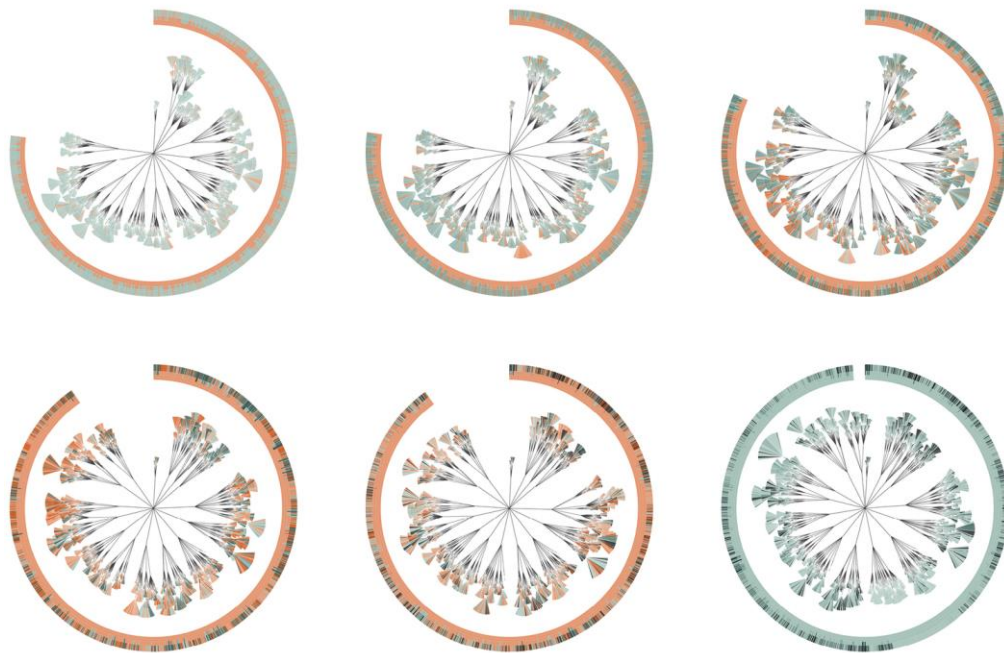


# (EN)TANGLED WORD BANK



<http://www.stefanieposavec.co.uk/entangled-word-bank/>

# (EN)TANGLED WORD BANK



<http://www.stefanieposavec.co.uk/entangled-word-bank/>

# (EN)TANGLED WORD BANK





# FLICKR FLOW



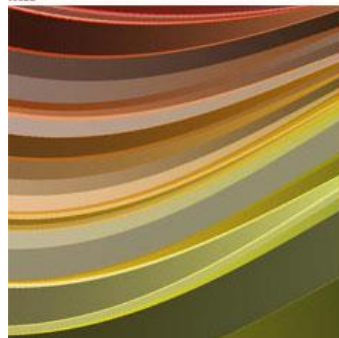
WINTER



SPRING



FALL



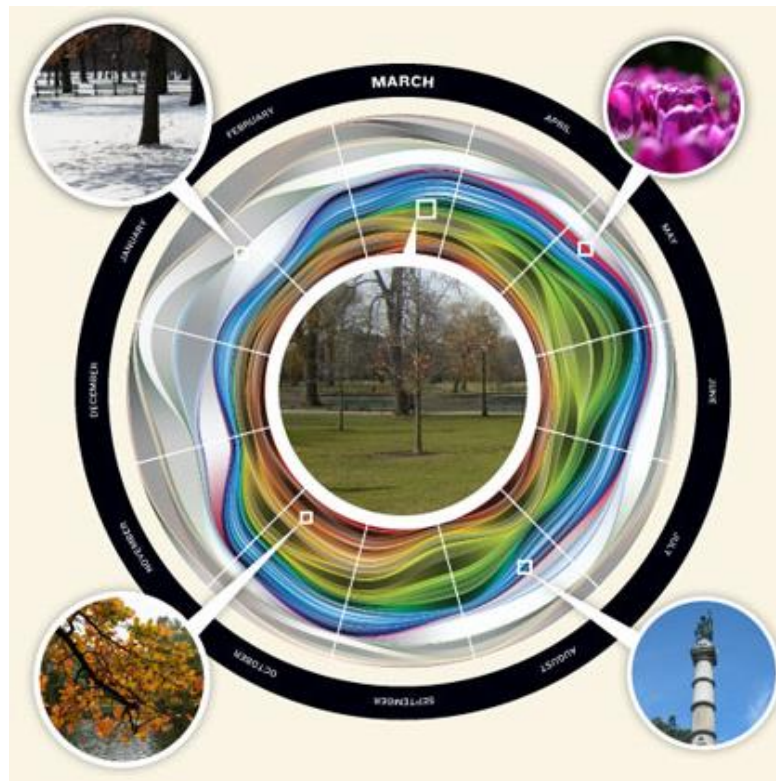
SUMMER



Fernanda Viégas and Martin Wattenberg.

<http://hint.fm/about/>

# FLICKR FLOW



Fernanda Viégas and Martin Wattenberg.  
<http://hint.fm/projects/flickr/>



# WEB SEER



# SILVERSTONE MOTOGP – OCTO EXHIBITION



# CHRONOGRAPHS



<http://reas.com/chronograph/>

# NYTE

on exhibition at  
**MoMA The Museum of Modern Art**  
*Design and Elastic Mind*  
February 24th - May 12th 2008

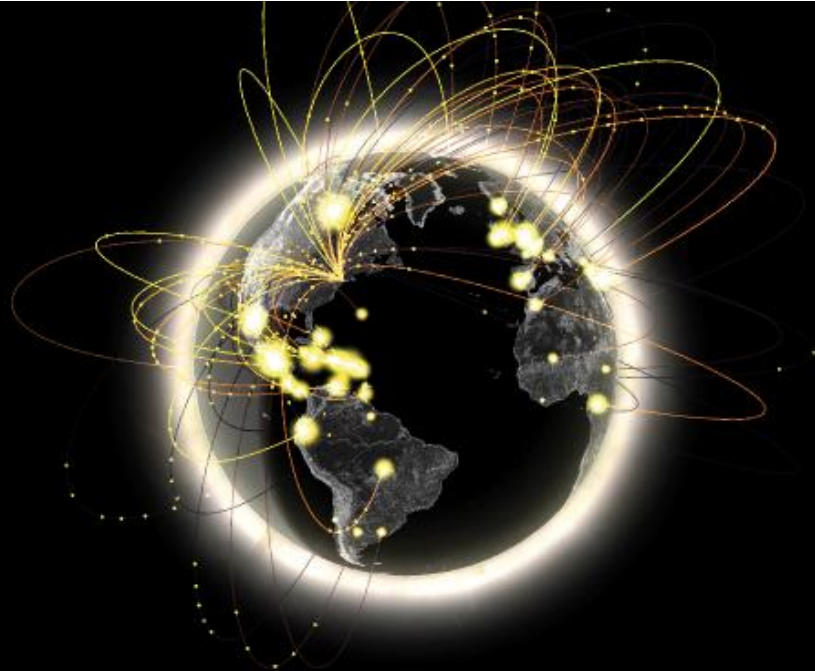
New York Talk Exchange illustrates the global exchange of information in real time by visualizing volumes of long distance telephone and IP (Internet Protocol) data flowing between New York and cities around the world.

In an Information age, telecommunications such as the Internet and the telephone bind people across space by eviscerating the constraints of distance. To reveal the relationships that New Yorkers have with the rest of the world, New York Talk Exchange asks: How does the city of New York connect to other cities? With which cities does New York have the strongest ties and how do these relationships shift with time? How does the rest of the world reach into the neighborhoods of New York?

#### *team*

Carlo Ratti group director, Kristian Kloeckl project leader,  
Assaf Biderman, Francesco Calabrese, Margaret Ellen Haller,  
Aaron Koblin, Francisca Rojas, Andrea Vaccari

#### *research advisors*



**project**

visuals

publications

press

*technical partners*

<http://senseable.mit.edu/nyte/>



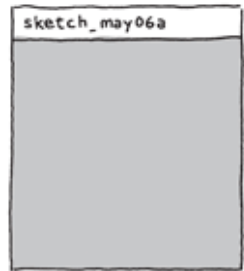
# **INTRODUCING PROCESSING**

# PROCESSING.ORG - INSTALLAZIONE

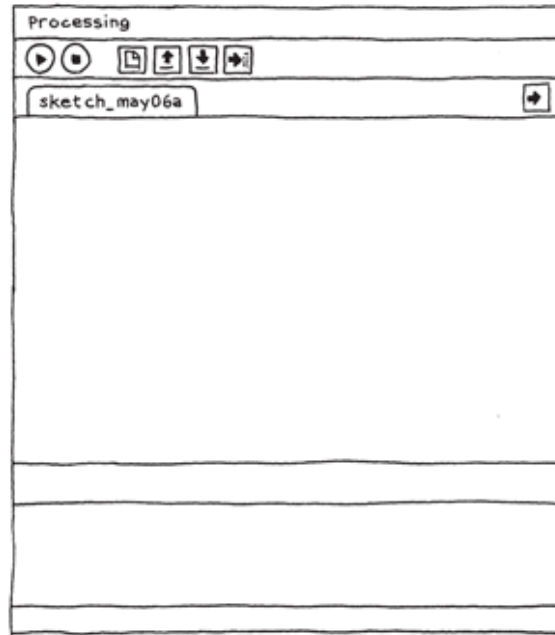
- Scaricare l'IDE da <http://processing.org>
- Estrarre tutti i file
- Eseguire l'applicazione `processing.exe`



# ANATOMY OF CODE EDITOR



Display window



Toolbar

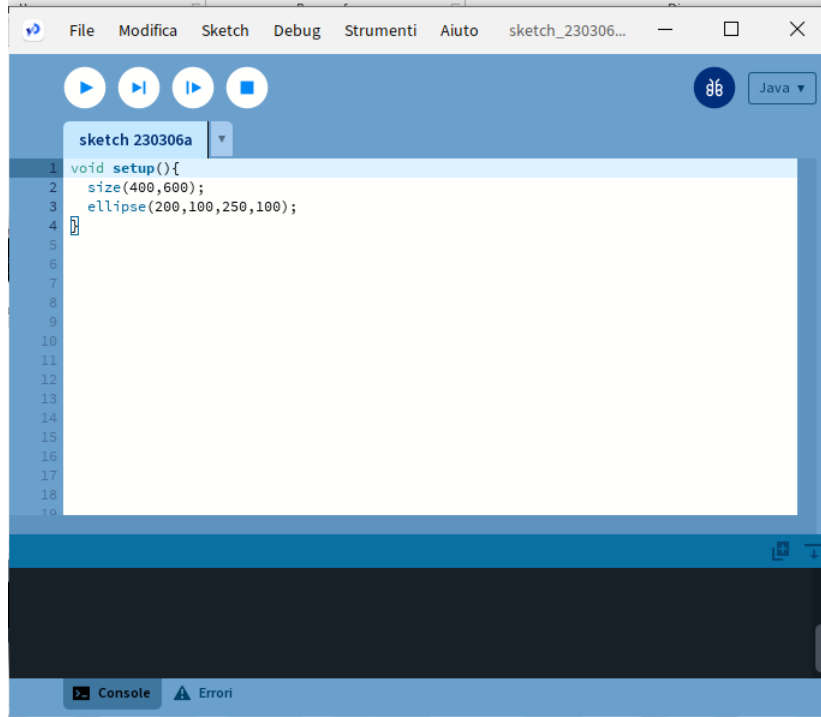
Tabs

Text  
editor

Message  
area

Console

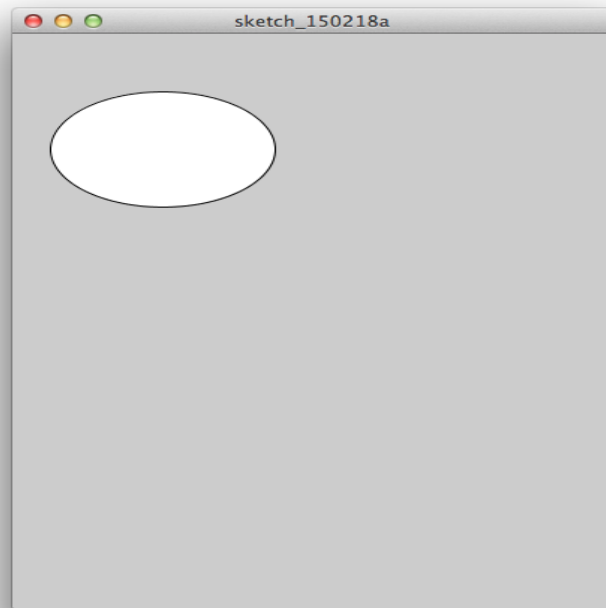
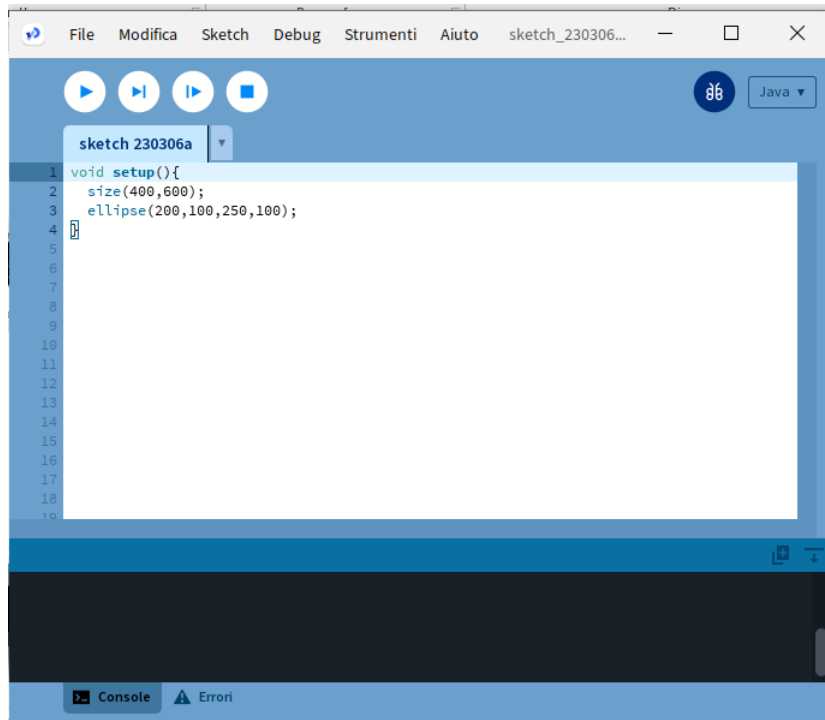
# IL NOSTRO PRIMO SKETCH



```
void setup(){  
    size(400,600);  
    ellipse(200,100,250,100);  
}
```



# IL NOSTRO PRIMO SKETCH (2)



# PROVA DI ESECUZIONE

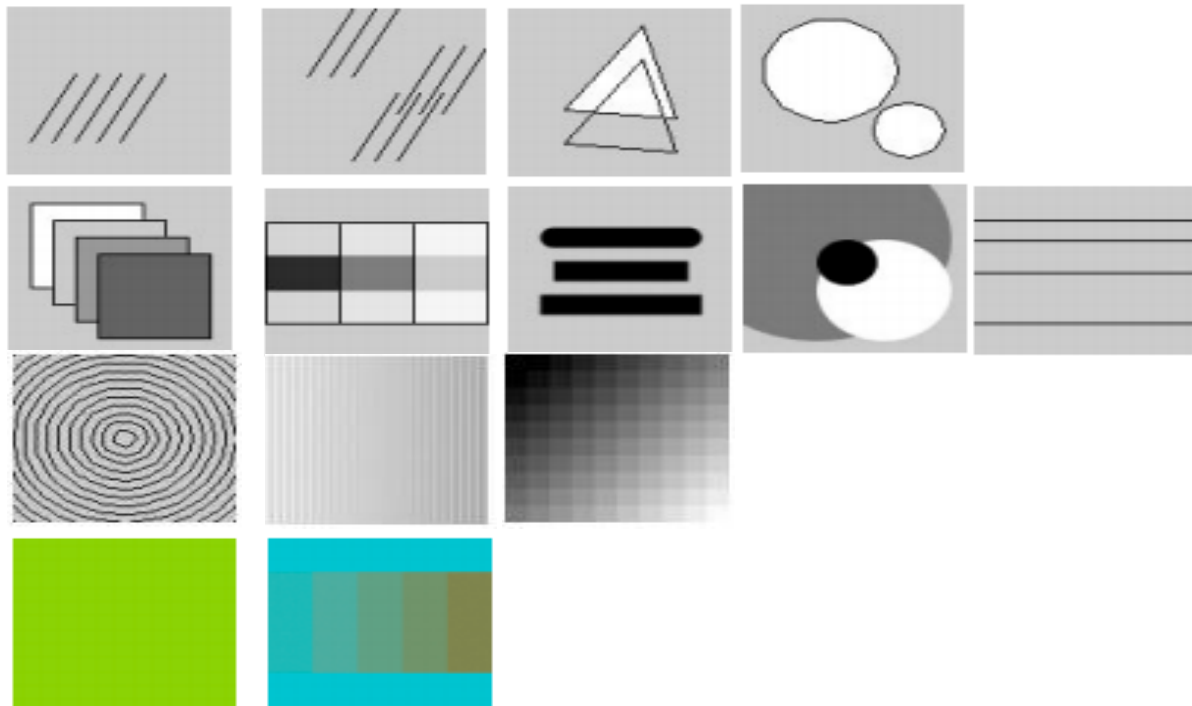
- Provate a scrivere ed eseguire questo codice

```
void setup(){  
    size(400,600);  
    ellipse(200,100,250,100);  
}
```

- Provate a cambiare i parametri per capire a cosa si riferiscono i vari numeri



# SOME EXAMPLES



Processing: a programming handbook for visual designers and artists

Casey Reas, Ben Fry  
MIT Press, 2007



# **INFORMATICA: INTRODUZIONE**

# COSA È L'INFORMATICA?

- Molte definizioni
  - Scienza della conservazione, dell'elaborazione e della rappresentazione automatica dell'informazione
  - Scienza dei calcolatori elettronici
  - Scienza dell'Informazione
  - Studio sistematico degli **algoritmi** che descrivono e trasformano l'informazione: teoria, analisi, progetto, efficienza, realizzazione e applicazione (ACM)



# INFORMAZIONE

- Tutto ciò che può essere rappresentato all'interno di un computer
  - Numeri, caratteri, immagini, suoni
  - Comandi e sequenze di comandi che il calcolatore esegue per trasformare l'informazione
- Il **computer** (elaboratore elettronico) è lo strumento per rappresentare ed elaborare l'informazione



# CALCOLATORE ELETTRONICO

Una macchina che:

- Ha un meccanismo di input per acquisire le richieste
- Ha un dispositivo per memorizzare le informazioni
- Ha la capacità di elaborare i dati
- Ha un dispositivo per comunicare al risposta



# ESEMPIO: LA CALCOLATRICE

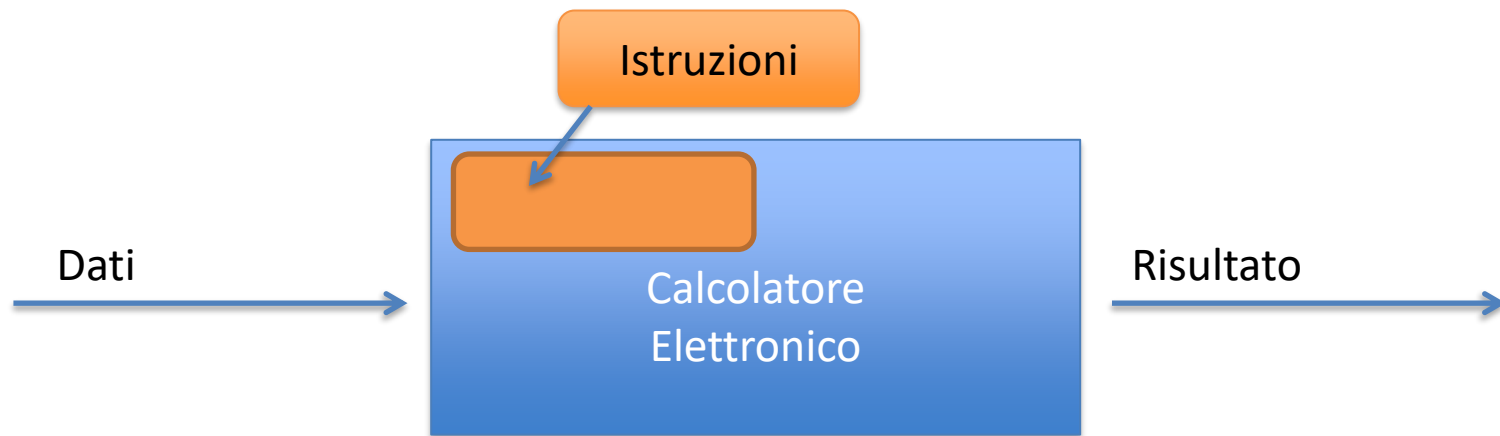
- Acquisizione delle richieste:
  - 10 tasti per le cifre
  - 4 tasti per le operazioni (funzioni) da calcolare
  - Una memoria interna per i risultati parziali
  - Un display per mostrare il risultato
- Elaborazione: un insieme di funzioni per calcolare la somma, sottrazione, divisione e moltiplicazione
- Ogni calcolatrice è limitata ad un numero predefinito di funzioni.





# CALCOLATORE ELETTRONICO UNIVERSALE

- Il calcolatore può essere programmato per eseguire un insieme di azioni sui dati per risolvere un dato problema (o funzione)



# FUNZIONI CALCOLABILI

- Di tutte le funzioni possibili, solo un sottoinsieme sono **calcolabili**, ovvero esiste un **algoritmo** che è in grado di fornire un risultato per i dati in input
- L'informatica si occupa di trovare risposte a domande del tipo:
  - Quante e quali sono le funzioni calcolabili?
  - Quale sono le funzioni che una data macchina può calcolare?
  - Esiste una macchina che calcoli tutte le (infinite) funzioni calcolabili?



# ALGORITMO

- E' un insieme ordinato di azioni che risolve un dato problema (funzione) P
- L'esecuzione dell'algoritmo è affidata ad un **esecutore** (non necessariamente un calcolatore) in grado di decifrare le azioni nella sequenza
- Nella vita quotidiana tutti eseguiamo algoritmi:
  - Montare un mobile componibile
  - Cambiare la cartuccia della stampante
  - Prendere un caffè alla macchina a gettoni



# ESERCIZIO

- Pensate ad un algoritmo nella vita quotidiana



# ESERCIZIO (2)

- Prevediamo tutti i passi necessari



# IL MIO ALGORITMO: LA FRITTATA DI CIPOLLE

- Preparare gli ingredienti necessari: 2 cipolle rosse, 4 uova, una padella di 24 cm, un piatto fondo, un coltello affilato, una forchetta, sale, pepe e olio
- Tagliare la cipolla a fettine sottili
- Far scaldare l'olio nella padella
- Mettere la cipolla nella padella e far appassire
- Nel frattempo, sbattere le uova
- Mettere le uova nella padella
- Girare la frittata a metà cottura



# IL MIO ALGORITMO: LA FRITTATA DI CIPOLLE

- Preparare gli ingredienti necessari: 2 cipolle rosse, 4 uova, una padella di 24 cm, un piatto fondo, un coltello affilato, una forchetta, sale, pepe e olio
- Tagliare la cipolla a fettine sottili
- Far scaldare l'olio nella padella
- Mettere la cipolla nella padella e far appassire
- Nel frattempo, sbattere le uova
- Mettere le uova nella padella
- Girare la frittata a metà cottura

Attrezzatura  
standard in  
una cucina



# IL MIO ALGORITMO: LA FRITTATA DI CIPOLLE

- Preparare gli ingredienti necessari: 2 cipolle rosse, 4 uova, una padella di 24 cm, un piatto fondo, un coltello affilato, una forchetta, sale, pepe e olio
- Tagliare la cipolla a fettine sottili
- Far scaldare l'olio nella padella
- Mettere la cipolla nella padella e far appassire
- Nel frattempo, sbattere le uova
- Mettere le uova nella padella
- Girare la frittata a metà cottura

Dobbiamo specificare che dobbiamo pulire la cipolla? E come?  
Quanto olio?





# IL MIO ALGORITMO: LA FRITTATA DI CIPOLLE

- Preparare gli ingredienti necessari: 2 cipolle rosse, 4 uova, una padella di 24 cm, un piatto fondo, un coltello affilato, una forchetta, sale, pepe e olio
- Tagliare la cipolla a fettine sottili
- Far scaldare l'olio nella padella
- Mettere la cipolla nella padella e far appassire
- Nel frattempo, sbattere le uova
- Mettere le uova nella padella      Ci siamo dimenticati di salarle!
- Girare la frittata a metà cottura



# ALGORITMO NEL CONTESTO INFORMATICO

- A volte è complicato dividere il problema in passi elementari, che siano eseguibili da una macchina
  - Es. 1
    - Trovare il minimo tra i seguenti numeri
    - 3, 12, 8, 2, 9
  - Es. 2
    - Eseguire la somma in colonna tra due numeri
    - 55 e 49



# MACCHINA ASTRATTA E ISTRUZIONI

- Un generico esecutore è associato ad un insieme finito di funzioni primitive
- Queste istruzioni sono quelle che possono essere interpretate ed eseguite



# PROPRIETÀ DI UN ALGORITMO

- **Finitezza**. L'insieme di istruzioni devono essere finite per ogni dato in ingresso. La computazione deve terminare
- **Eseguibilità**. L'esecutore deve essere in grado di eseguire tutte le azioni in tempo finito e con le risorse a disposizione
- **Non ambiguità**. Ogni azione deve essere interpretata in modo univoco

Se almeno una di queste proprietà non è soddisfatta, la sequenza non è un algoritmo.



# ALTRE PROPRIETÀ DI UN ALGORITMO

- **Generalità.** Corretto funzionamento dell'algoritmo anche con piccole variazioni dell'input del problema
- **Efficienza.** Il numero di istruzioni da eseguire deve essere il più piccolo possibile
- **Determinismo.** Per ogni insieme di dati in input, il risultato è corente con diverse esecuzioni dell'algoritmo



# ALGORITMI E PROGRAMMAZIONE

- Algoritmo: metodo risolutivo
- Linguaggio di Programmazione: linguaggio comprensibile al calcolatore
- Programma: sequenze di istruzioni del linguaggio che descrivono un algoritmo
- Il nostro obiettivo è di ideare un algoritmo per risolvere un problema, scegliere il linguaggio di programmazione e scrivere un programma da poter far eseguire ad un calcolatore che risolva il problema



# LE FASI DELLA PROGRAMMAZIONE

- Ad un primo livello di astrazione la programmazione può essere suddivisa in 4 macro-fasi:
  - Specifica: definizione del problema
    - *quale funzione si vuole calcolare e quali sono i dati di interesse?*
    - *es. dati due numeri calcolarne il maggiore*
  - Individuazione di un algoritmo (metodo risolutivo)
  - Codifica dell'algoritmo in un linguaggio di programmazione
  - Esecuzione e messa a punto (testing)



# SPECIFICA

- Comprendere e definire (specificare) il problema che si vuole risolvere
- Descrizione dello stato iniziale del problema (dati iniziali, *input*) e dello stato finale atteso (risultati, *output*)
- La specifica può essere fatta in maniera più o meno rigorosa





# ESEMPI DI SPECIFICA INFORMALE

- Es. 1: dati due numeri, trovare il maggiore
- Es. 2: dato un elenco telefonico e un nome, trovare il numero di telefono corrispondente
- Es. 3: data la struttura di una rete stradale e le informazioni sui flussi dei veicoli, determinare il percorso più rapido tra due posizioni A e B
- Note:
  - La descrizione non fornisce un metodo risolutivo (es. 3)
  - La descrizione può essere ambigua o imprecisa (es. 2)



# ALGORITMI

- Dopo la specifica occorre individuare un **algoritmo** (metodo risolutivo) che permetta di ottenere i risultati attesi.
- In generale, in questa fase occorre:
  - **Individuare una soluzione**
  - Dimostrare che la soluzione è corretta
  - Tra più soluzioni, scegliere quella ottimale



# CODIFICA

- Rappresentare l'algoritmo e l'informazione di interesse in un linguaggio di programmazione
- Il risultato è un programma eseguibile dal calcolatore
- Occorre rappresentare
  - *l'algoritmo*  $\Rightarrow$  *programma*
  - *le informazioni iniziali*  $\Rightarrow$  *dati in ingresso (input)*
  - *le informazioni finali*  $\Rightarrow$  *dati in uscita (output)*
  - *le informazioni usate dall'algoritmo*  $\Rightarrow$  *dati ausiliari*



# ESECUZIONE

- Un programma può essere **compilato** oppure **interpretato**
- Compilazione
  - *il programma viene tradotto (compilato) in linguaggio macchina*
  - *il nuovo programma in linguaggio macchina viene eseguito dal calcolatore*
- Interpretazione
  - *il programma viene eseguito da un emulatore (interprete) dei comandi del linguaggio*
  - *dato il programma, è l'emulatore che ne calcola l'output*
- La correzione degli errori (in ogni caso) può richiedere la revisione di una o più fasi (specifica, definizione dell'algoritmo, codifica)



# SOMMARIO

- Informatica
- Calcolatore Elettronico
- Funzioni calcolabili
- Algoritmo





# **LNGUAGGI DI PROGRAMMAZIONE**

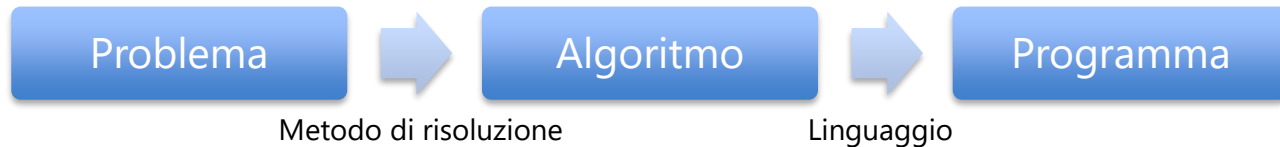
# ALGORITMI E LINGUAGGI DI PROGRAMMAZIONE

- Nel caso di un elaboratore elettronico è necessario:
  - Conoscere l'insieme di istruzioni che è in grado di interpretare
  - Conoscere i tipi di dati che può rappresentare
- Questi due aspetti sono centrali nella definizione di un **Linguaggio di Programmazione**



# ALGORITMI E PROGRAMMI

- Dato un **problema P**, la sua soluzione si identifica secondo la seguente procedura
  - Individuare un metodo risolutivo
  - Trasformare il metodo in un insieme ordinato di azioni: algoritmo
  - Rappresentare dati e azioni attraverso un formalismo comprensibile dal calcolatore (il linguaggio di programmazione): programma
- Una volta che il programma è stato creato, potrà essere utilizzato per risolvere ogni istanza del problema P





# SPECIFICA DI UN ALGORITMO: PRODOTTO DI N NUMERI

- Problema: calcolare il prodotto di N numeri
- Specifica del problema:
  - Input: N numeri  $\{x_1, x_2, \dots, x_N\}$
  - Output: un numero P tale che  $P = x_1 * x_2 * \dots * x_N$
- Specifica dell'algoritmo
  - $P = 1$
  - $i = 1$
  - finché ( $i \leq N$ )
    - $P = P * x_i$
    - $i = i + 1$



# QUALE LINGUAGGIO DI PROGRAMMAZIONE?

- I linguaggi di programmazione sono tutti equivalenti
- Dati due linguaggi  $L_1$  e  $L_2$  e due programmi che risolvono la stessa funzione  $f$  nei due linguaggi  $D_{L_1}(f)$  e  $D_{L_2}(f)$
- Allora esiste una funzione calcolabile che traduce  $D_{L_1}$  in  $D_{L_2}$  e viceversa



# IL LINGUAGGIO MACCHINA

- Il linguaggio direttamente eseguibile da un calcolatore si chiama linguaggio macchina
- E' un linguaggio poco comprensibile per gli umani
- Le operazioni disponibili sono molto semplici
- Sono specificate in notazione binaria: sequenze di 1 e 0
- La codifica di una funzione complessa richiede la scrittura di un lungo programma, a volte incomprensibile
- In caso di errori o malfunzionamenti, è difficile trovare gli eventuali errori



# LINGUAGGIO MACCHINA: PRODOTTO DI DUE NUMERI

Assembler	Linguaggio Macchina
READ X	0100 1000
READ Y	0100 1001
LOADA X	0000 1000
LOADB Y	0000 1001
MUL	1000
STOREA X	0010 1000
WRITE X	0101 1000
HALT	1101 0000
X INT	0000 0000
Y INT	0000 0000

# LINGUAGGI DI ALTO LIVELLO

- Sono linguaggi che permettono una leggibilità e una comprensione più immediata degli algoritmi che codificano
- Sono compatti, comprensibili, modificabile e mantenibili
- I programmi di un linguaggio di alto livello devono essere tradotti in linguaggio macchina per essere eseguiti dal calcolatore
- La traduzione avviene secondo due modalità principali
  - **Compilazione.** Il compilatore controlla che tutte le istruzioni del programma siano corrette e alla fine genera il programma comprensibile dall'elaboratore
  - **Interpretazione.** L'interprete controlla una istruzione alla volta e la esegue direttamente. Appena incontra un errore, termina l'esecuzione



# FASI DI SVILUPPO DI UN PROGRAMMA

- Scrivere il testo del programma e memorizzarlo su supporti permanenti (di solito file di testo sul disco del computer)
- In caso di linguaggio interpretato:
  - Usare l'interprete per eseguire il programma
- Nel nostro corso useremo **Javascript** e **Java per Processing**, due linguaggi interpretati



# SOMMA DEI PRIMI 10 NUMERI

00110001	00000000	00000000
00110001	00000001	00000001
00110011	00000001	00000010
01010001	00001011	00000010
00100010	00000010	00001000
01000011	00000001	00000000
01000001	00000001	00000001
00010000	00000010	00000000
01100010	00000000	00000000



# SOMMA DEI PRIMI 10 NUMERI

1. Store the number 0 in memory location 0.
2. Store the number 1 in memory location 1.
3. Store the value of memory location 1 in memory location 2.
4. Subtract the number 11 from the value in memory location 2.
5. If the value in memory location 2 is the number 0,  
continue with instruction 9.
6. Add the value of memory location 1 to memory location 0.
7. Add the number 1 to the value of memory location 1.
8. Continue with instruction 3.
9. Output the value of memory location 0.





# SOMMA DEI PRIMI 10 NUMERI

```
Set "total" to 0.  
Set "count" to 1.  
[loop]  
Set "compare" to "count".  
Subtract 11 from "compare".  
If "compare" is zero, continue at [end].  
Add "count" to "total".  
Add 1 to "count".  
Continue at [loop].  
[end]  
Output "total".
```

Questo linguaggio primitivo  
permette di verificare se un  
valore è zero

Necessità di inserire  
etichette per controllare la  
sequenza di operazioni



# SOMMA DEI PRIMI 10 NUMERI

```
var total = 0, count = 1;
while (count <= 10) {
  total += count;
  count += 1;
}
console.log(total);
// → 55
```

Non è necessario specificare  
i salti all'esterno del ciclo di  
somme

# SOMMA DEI PRIMI 10 NUMERI

- `console.log(sum(range(1, 10)));`
- `// → 55`

Introduzione di nuovi  
operatori: range e sum



# SOMMARIO

- Codifica di un algoritmo
- Linguaggi di programmazione ad alto livello
- Compilatori e Interpreti





# **PRIME ESPERIENZE DI PROGRAMMAZIONE**

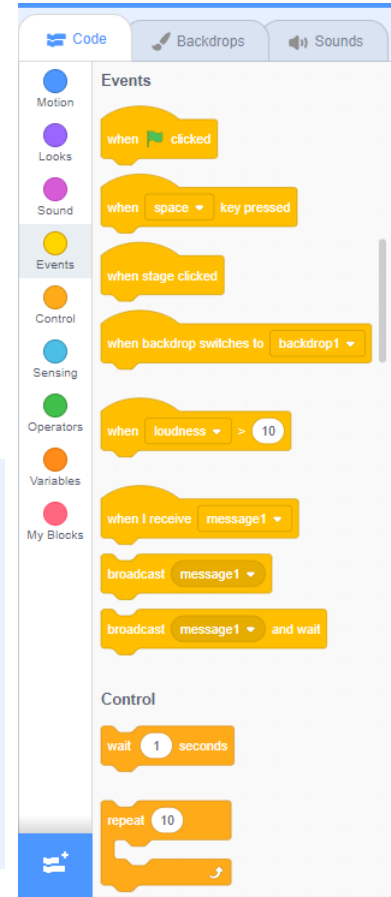
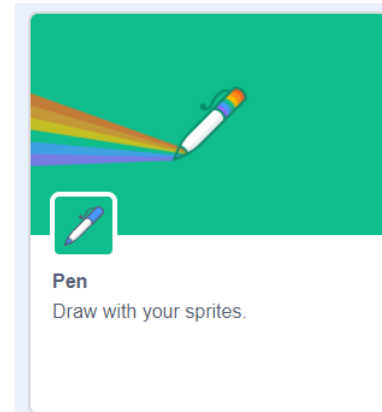
# INTRODUZIONE A SCRATCH

- Scratch è un ambiente di programmazione visuale
- Invece di scrivere istruzioni su un file di testo, si usano elementi grafici per descrivere il proprio algoritmo
- Disponibile all'indirizzo:
  - <https://scratch.mit.edu/projects/editor/>



# INTRODUZIONE A SCRATCH

- Scratch è un ambiente di programmazione visuale
- Invece di scrivere istruzioni su un file di testo, si usano elementi grafici per descrivere il proprio algoritmo
- Disponibile all'indirizzo:
  - <https://scratch.mit.edu/projects/editor/>
- Aggiungete l'estensione «pen»



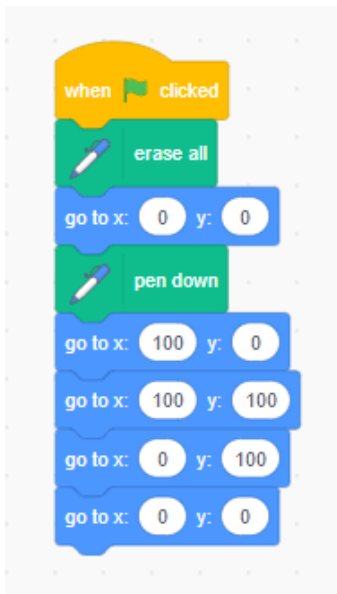
# ESERCIZI

- Disegnare un quadrato di lato 100px
- Disegnare un rombo di lato 100 px
- Disegnare un esagono di lato 100px
- Disegnare un poligono regolare
- Disegnare un cerchio
- Disegnare un cerchio dato il raggio e il centro

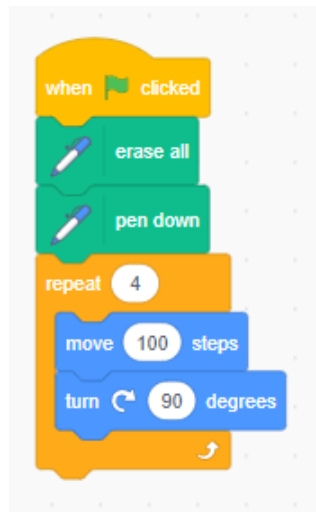




# DUE POSSIBILI MODI PER DISEGNARE UN QUADRATO



- Fisso un punto di partenza
- Mi sposto di 100px sulla destra
- Mi sposto in alto
- Mi sposto a sinistra
- Mi sposto in giù fino a tornare al punto di partenza



- Mi muovo di 100 passi
- Mi giro di 90 gradi
- Ripeto altre 3 volte



# **INTRODUZIONE ALLA LOGICA CLASSICA**

# PROPOSIZIONI LOGICHE

- Si dice **proposizione logica** una frase alla quale sia possibile attribuire un **valore di verità secondo un criterio oggettivo**
- Stabilire il valore di verità (o valore logico) di una proposizione, significa stabilire se questa è vera oppure falsa:
  - assegneremo il valore V/T a un'affermazione vera,
  - assegneremo il valore F a un'affermazione falsa.
- Esempi
  - Sono proposizioni logiche:
    - Il leone è un pesce  $\rightarrow$  F
    - Il ferro è un metallo  $\rightarrow$  V
    - il numero 2 è un numero pari  $\rightarrow$  V
  - Non sono proposizioni logiche:
    - Smettila di piangere! (Frase esclamativa, non ha valore di verità)
    - Marco è andato al cinema? (Frase interrogativa, non ha valore di verità)
    - Questo libro è interessante (Frase il cui valore di verità è soggettivo)



# I TRE PRINCIPI DELLA LOGICA

- La logica classica si basa su 3 principi fondamentali:
- **Principio di identità**: ogni oggetto del pensiero logico è uguale solamente a sé stesso
- **Principio di non contraddizione**: una proposizione logica non può essere contemporaneamente vera e falsa
- **Principio del terzo escluso**: una proposizione logica è sicuramente vera o falsa, non esiste una terza opzione



# ALTRI TIPI DI LOGICA

- La logica a due valori (vero e falso) non è l'unica possibile
- Ad esempio, esistono:
  - la logica a tre valori: true, false, null
  - la logica fuzzy, in cui ogni proposizione ha un grado di verità



# RAPPRESENTAZIONE LOGICA

- È conveniente rappresentare ogni proposizione (semplice) con un simbolo
  - $p$  = Oggi vado all'Università
  - $q$  = Oggi vado al mare
  - $s$  = Oggi c'è il sole
- Possiamo così ragionare in modo più astratto



# PROPOSIZIONI SEMPLICI O COMPOSTE

- Si dicono **proposizioni semplici** o atomiche le proposizioni costituite da un soggetto e un predicato oppure da un soggetto e un oggetto collegato da un predicato.
- Nella realtà si usano proposizioni più complesse che si ottengono collegando le proposizioni semplici mediante particelle linguistiche come non, e, o, o...o, se...allora, se e solo se. Ognuna di queste particelle si dice connettivo logico.
- Si dicono **proposizioni composte** o molecolari le proposizione ottenute collegando due o più proposizioni semplici mediante connettivi logici.



# CONNETTIVI LOGICI

- I connettivi logici rappresentano le particelle che permettono di indicare alcune condizioni che legano proposizioni semplici
  - non, e, o, o...o, se...allora, se e solo se
- Hanno degli specifici simboli in logica
  - $\neg$ ,  $\wedge$ ,  $\vee$ ,  $\oplus$ ,  $\rightarrow$ ,  $\leftrightarrow$
- Permettono di creare proposizioni logiche composte
- Sono universali e indipendenti dal linguaggio
- Hanno un significato preciso





# Le tabelle di verità

- Le tabelle di verità sono tabelle usate nella logica per **determinare se**, attribuiti i valori di verità alle proposizioni che la compongono, **una determinata proposizione è vera o falsa**
- La tabella di verità quindi si applica a qualsiasi operatore logico
- Le condizioni di verità o falsità di qualunque enunciato che si ottiene applicando quell'operatore è determinato interamente ed esclusivamente da quelle degli enunciati più semplici a cui si applica
- Per costruirle dobbiamo prevedere tutte le combinazioni dei valori vero/falso di tutti gli enunciati semplici



# Negazione

- La negazione di una proposizione  $p$  è la proposizione "**non**  $p$ ", risulta **vera se  $p$  è falsa e falsa se  $p$  è vera**.
- La negazione si indica con il simbolo  $\neg$  anteposto alla proposizione da negare.
- Esempio. Se  $p$ : "Oggi vado all'università", allora  $\neg p$ : "Oggi non vado all'università".

$p$	$\neg p$
T	F
F	T

# CONGIUNZIONE

- La congiunzione di due proposizioni  $p$  e  $q$  è la proposizione " $p$  e  $q$ ", risulta vera solo se le due proposizioni sono entrambe vere. Basta che una delle due sia falsa perché sia falsa
- La congiunzione si indica con il simbolo  $\wedge$ .
- Esempio. Se  $p$ : "Oggi vado all'università" e  $q$ : "Oggi vado al mare" allora  $p \wedge q$ : "Oggi vado all'università e al mare".

<b>p</b>	<b>q</b>	<b><math>p \wedge q</math></b>
T	T	T
T	F	F
F	T	F
F	F	F

# DISGIUNZIONE

- La disgiunzione di due proposizioni  $p$  e  $q$  è la proposizione " $p \vee q$ ", essa è **falsa solo se le due proposizioni sono entrambe false**. Basta che una delle due sia vera perché sia vera.
- La disgiunzione si indica con il simbolo  $\vee$ .
- Esempio. Se  $p$ : "Oggi vado all'università" e  $q$ : "Oggi vado al mare" allora  $p \vee q$ : "Oggi vado all'università o al mare".

<b>p</b>	<b>q</b>	<b><math>p \vee q</math></b>
T	T	T
T	F	T
F	T	T
F	F	F

# DISGIUNZIONE ESCLUSIVA

- La disgiunzione esclusiva di due proposizioni  $p$  e  $q$  è la proposizione " $\bullet p \bullet q$ ", essa è vera solo se una proposizione è vera e l'altra è falsa.
- La disgiunzione esclusiva si indica con il simbolo  $\oplus$ .
- Esempio. Se  $p$ : "Oggi vado all'università" e  $q$ : "Oggi vado al mare" allora  $p \oplus q$ : "Oggi o vado all'università o vado al mare"

<b>p</b>	<b>q</b>	<b><math>p \oplus q</math></b>
T	T	F
T	F	T
F	T	T
F	F	F

# IMPLICAZIONE

- L'implicazione di due proposizioni  $p$  e  $q$  è la proposizione "**se  $p$  allora  $q$** ", essa risulta **falsa solo se  $p$  è vera e  $q$  è falsa**.
- L'implicazione si indica con il simbolo  $\rightarrow$  o  $\Rightarrow$ .
- Esempio. Se  $p$ : "Oggi c'è il sole" e  $q$ : "Oggi vado al mare" allora  $p \rightarrow q$ : "Se oggi c'è il sole allora vado al mare".

<b>p</b>	<b>q</b>	<b><math>p \rightarrow q</math></b>
T	T	T
T	F	F
F	T	T
F	F	T

# LA DOPPIA IMPLICAZIONE

- La doppia implicazione di due proposizioni  $p$  e  $q$  è la proposizione " $p$  **se e solo se**  $q$ ", è vera solo se  $p$  e  $q$  sono entrambe vere o entrambe false.
- La doppia implicazione si indica con il simbolo  $\leftrightarrow$  o  $\Leftrightarrow$ .
- Esempio. Se  $p$ : "Oggi vado al mare" e  $q$ : "Oggi c'è il sole" allora  $p \leftrightarrow q$ : "Oggi vado al mare se e solo se c'è il sole"

$p$	$q$	$p \leftrightarrow q$
T	T	T
T	F	F
F	T	F
F	F	T

Infatti:

$p$	$q$	$p \rightarrow q$	$q \rightarrow p$	$(p \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow p)$
T	T	T	T	T
T	F	F	T	F
F	T	T	F	F
F	F	T	T	T

# USO DI TABELLE DI VERITÀ

- Le tabelle di verità consentono di verificare (in modo formale) quando una certa proposizione (complessa quanto si vuole) è vera o falsa
- $(\neg p \vee (p \wedge q)) \oplus \neg(p \rightarrow q)$

		1	2	3	4	5	
<b>p</b>	<b>q</b>	<b><math>\neg p</math></b>	<b><math>p \wedge q</math></b>	<b><math>1 \vee 2</math></b>	<b><math>p \rightarrow q</math></b>	<b><math>\neg(p \rightarrow q)</math></b>	<b><math>3 \oplus 5</math></b>
T	T	F	T	T	T	F	T
T	F	F	F	F	F	T	T
F	T	T	F	T	T	F	T
F	F	T	F	T	T	F	T



# EQUIVALENZA DI ESPRESSIONI LOGICHE

- Due proposizioni sono equivalenti se e solo se hanno gli stessi valori di verità, ovvero la loro tavola di verità coincide.
- Alcune equivalenze sono:
  - $\neg\neg p = p$
  - $p \wedge (q \vee r) = (p \wedge q) \vee (p \wedge r)$
  - $p \vee (q \wedge r) = (p \vee q) \wedge (p \vee r)$
  - $(p \Rightarrow q) = (\neg q \Rightarrow \neg p)$  (proposizione contronominale)
  - $\neg(p \wedge q) = \neg p \vee \neg q$
  - $\neg(p \vee q) = \neg p \wedge \neg q$

} Leggi di De Morgan

# ESERCIZIO

- Dimostrare le seguenti equivalenze con le tabelle di verità
  - $\neg\neg p = p$
  - $p \wedge (q \vee r) = (p \wedge q) \vee (p \wedge r)$
  - $p \vee (q \wedge r) = (p \vee q) \wedge (p \vee r)$
  - $(p \Rightarrow q) = (\neg q \Rightarrow \neg p)$
  - $\neg(p \wedge q) = \neg p \vee \neg q$
  - $\neg(p \vee q) = \neg p \wedge \neg q$



# SOMMARIO

- Proposizioni logiche
- Connettivi logici
- Tabelle di verità

