

# 字符串算法选讲-解题报告

徐沐杰

南京大学

2023 年 7 月 15 日

- 70pts 拼凑出  $|S_n|$  后跑 KMP 或字符串哈希均可。

- 70pts 拼凑出  $|S_n|$  后跑 KMP 或字符串哈希均可。
- 100pts 发现目标串太大，没办法建出来，我们抽象地考虑目标串的匹配过程。

- 70pts 拼凑出  $|S_n|$  后跑 KMP 或字符串哈希均可。
- 100pts 发现目标串太大，没办法建出来，我们抽象地考虑目标串的匹配过程。
- 目标串的匹配过程即是在前缀自动机上的匹配过程，匹配的次数就是经过前缀自动机上某一状态的次数。

- 70pts 拼凑出  $|S_n|$  后跑 KMP 或字符串哈希均可。
- 100pts 发现目标串太大，没办法建出来，我们抽象地考虑目标串的匹配过程。
- 目标串的匹配过程即是在前缀自动机上的匹配过程，匹配的次数就是经过前缀自动机上某一状态的次数。
- 发现可以容易递推，令  $go_{j,i}$  表示  $j$  点接受  $S_i$  序列后所在的位置， $K_{j,i}$  表示  $j$  点接受  $S_i$  序列后经过目标状态的次数。

- 70pts 拼凑出  $|S_n|$  后跑 KMP 或字符串哈希均可。
- 100pts 发现目标串太大，没办法建出来，我们抽象地考虑目标串的匹配过程。
- 目标串的匹配过程即是在前缀自动机上的匹配过程，匹配的次数就是经过前缀自动机上某一状态的次数。
- 发现可以容易递推，令  $go_{j,i}$  表示  $j$  点接受  $S_i$  序列后所在的位置， $K_{j,i}$  表示  $j$  点接受  $S_i$  序列后经过目标状态的次数。
- 于是  $go_{j,i} = go_{go_{j,i-2},i-1}$ ,  $K_{j,i} = K_{j,i-2} + K_{K_{j,i-2},i-1}$ ，递推即可。

- 70pts 拼凑出  $|S_n|$  后跑 KMP 或字符串哈希均可。
- 100pts 发现目标串太大，没办法建出来，我们抽象地考虑目标串的匹配过程。
- 目标串的匹配过程即是在前缀自动机上的匹配过程，匹配的次数就是经过前缀自动机上某一状态的次数。
- 发现可以容易递推，令  $go_{j,i}$  表示  $j$  点接受  $S_i$  序列后所在的位置， $K_{j,i}$  表示  $j$  点接受  $S_i$  序列后经过目标状态的次数。
- 于是  $go_{j,i} = go_{go_{j,i-2},i-1}$ ,  $K_{j,i} = K_{j,i-2} + K_{K_{j,i-2},i-1}$ ，递推即可。
- 复杂度  $O((n + \max\{|S_1|, |S_2|\})|M|)$ 。

- 60pts 把后缀反着插到 Trie 里面，统计叶子节点的个数。



- 60pts 把后缀反着插到 Trie 里面，统计叶子节点的个数。
- 100pts 既然这些字符串都是某一字符串的前缀，那么如果某一字符串是某一字符串的后缀，说明它就是该字符串的某一公共前后缀（即 CPS，或谓 border）。

- 60pts 把后缀反着插到 Trie 里面，统计叶子节点的个数。
- 100pts 既然这些字符串都是某一字符串的前缀，那么如果某一字符串是某一字符串的后缀，说明它就是该字符串的某一公共前后缀（即 CPS，或谓 border）。
- 那么我们根据失配树的性质，可以发现只需统计所有失配树的叶子节点即可。

- 60pts 把后缀反着插到 Trie 里面，统计叶子节点的个数。
- 100pts 既然这些字符串都是某一字符串的前缀，那么如果某一字符串是某一字符串的后缀，说明它就是该字符串的某一公共前后缀（即 CPS，或谓 border）。
- 那么我们根据失配树的性质，可以发现只需统计所有失配树的叶子节点即可。
- 失配树裸题，秒了。

- 90pts 直接对  $S$  的正串和反串同时建出两个 Trie 树，如果通配符出现在尾部，就从正串建出的 Trie 树走，统计子树和即可。如果通配符出现在首部就在反串的 Trie 树上统计子树和。

- 90pts 直接对  $S$  的正串和反串同时建出两个 Trie 树，如果通配符出现在尾部，就从正串建出的 Trie 树走，统计子树和即可。如果通配符出现在首部就在反串的 Trie 树上统计子树和。
- 100pts 仍然建出正反两棵 Trie 树，考虑任何一  $T$ ，我们发现它能匹配到的串就是其前缀在正串 Trie 的子树中涉及到的串和反串 Trie 的子树中涉及到的串的交集

- 90pts 直接对  $S$  的正串和反串同时建出两个 Trie 树，如果通配符出现在尾部，就从正串建出的 Trie 树走，统计子树和即可。如果通配符出现在首部就在反串的 Trie 树上统计子树和。
- 100pts 仍然建出正反两棵 Trie 树，考虑任何一  $T$ ，我们发现它能匹配到的串就是其前缀在正串 Trie 的子树中涉及到的串和反串 Trie 的子树中涉及到的串的交集
- 这个就是两树 DFS 序上的二维前缀和。假设一个  $T$  在正 Trie 上走到  $pos$ ，在反 Trie 上走到  $pos'$ ，即是针对  $(pos, pos')$  矩形的求和。

- 90pts 直接对  $S$  的正串和反串同时建出两个 Trie 树, 如果通配符出现在尾部, 就从正串建出的 Trie 树走, 统计子树和即可。如果通配符出现在首部就在反串的 Trie 树上统计子树和。
- 100pts 仍然建出正反两棵 Trie 树, 考虑任何一  $T$ , 我们发现它能匹配到的串就是其前缀在正串 Trie 的子树中涉及到的串和反串 Trie 的子树中涉及到的串的交集
- 这个就是两树 DFS 序上的二维前缀和。假设一个  $T$  在正 Trie 上走到  $pos$ , 在反 Trie 上走到  $pos'$ , 即是针对  $(pos, pos')$  矩形的求和。
- 但是二维太大。考虑离线询问, 以正 Trie DFS 序做第一维前缀和 (但是不保存), 树状数组维护反 Trie DFS 序上的第二维前缀和。

- 90pts 直接对  $S$  的正串和反串同时建出两个 Trie 树，如果通配符出现在尾部，就从正串建出的 Trie 树走，统计子树和即可。如果通配符出现在首部就在反串的 Trie 树上统计子树和。
- 100pts 仍然建出正反两棵 Trie 树，考虑任何一  $T$ ，我们发现它能匹配到的串就是其前缀在正串 Trie 的子树中涉及到的串和反串 Trie 的子树中涉及到的串的交集
- 这个就是两树 DFS 序上的二维前缀和。假设一个  $T$  在正 Trie 上走到  $pos$ ，在反 Trie 上走到  $pos'$ ，即是针对  $(pos, pos')$  矩形的求和。
- 但是二维太大。考虑离线询问，以正 Trie DFS 序做第一维前缀和 (但是不保存)，树状数组维护反 Trie DFS 序上的第二维前缀和。
- 处理到某询问正 Trie DFS 区间左端点  $-1$ 、右端点时各处理一次答案，最后把每个询问的两次答案相减就可以计算出此二维前缀和。



- 90pts 直接对  $S$  的正串和反串同时建出两个 Trie 树，如果通配符出现在尾部，就从正串建出的 Trie 树走，统计子树和即可。如果通配符出现在首部就在反串的 Trie 树上统计子树和。
- 100pts 仍然建出正反两棵 Trie 树，考虑任何一  $T$ ，我们发现它能匹配到的串就是其前缀在正串 Trie 的子树中涉及到的串和反串 Trie 的子树中涉及到的串的交集
- 这个就是两树 DFS 序上的二维前缀和。假设一个  $T$  在正 Trie 上走到  $pos$ ，在反 Trie 上走到  $pos'$ ，即是针对  $(pos, pos')$  矩形的求和。
- 但是两维太大。考虑离线询问，以正 Trie DFS 序做第一维前缀和 (但是不保存)，树状数组维护反 Trie DFS 序上的第二维前缀和。
- 处理到某询问正 Trie DFS 区间左端点  $-1$ 、右端点时各处理一次答案，最后把每个询问的两次答案相减就可以计算出此二维前缀和。
- 复杂度  $O(\sum_{i \in [n]} |T_i| + \sum_{i \in [n]} |S_i| + m \log \sum_{i \in [n]} |S_i|)$

还有问题吗？

还有问题吗？

谢谢大家陪伴！后会有期。  
~~（此处脑补一曲《送别》）~~