

03. Pole a kolekce – seznam, množina a mapa

Obsah

- Pole
- Seznam (List)
- Množina (Set)
- Mapa (Map)
- Lineární spojové seznamy
- Permutace
- Vhodné užití jednotlivých struktur
- Úskalí a efektivita

Pole

Pole je jednoduchá datová struktura, která: - Obsahuje prvky stejného typu - Má pevně danou velikost při vytvoření (v Javě nelze změnit) - Umožňuje přímý přístup k prvkům pomocí indexu (konstantní časová složitost $O(1)$) - Je uložena souvisle v paměti

Výhody: - Rychlý přístup k libovolnému prvku - Jednoduchá implementace - Efektivní využití paměti

Nevýhody: - Pevná velikost (nelze dynamicky měnit) - Přidávání nebo odebrání prvků není efektivní (vyžaduje vytvoření nového pole) - Plýtvání pamětí, pokud není pole zcela využito

Operace: - Přístup k prvku: $O(1)$ - Vyhledávání prvku: $O(n)$ - Přidání/odebrání prvku: $O(n)$ - kvůli nutnosti vytvořit nové pole

```
// Deklarace a inicializace pole
int[] pole = new int[10]; // Pole pro 10 celých čísel
int[] inicializovanéPole = {1, 2, 3, 4, 5}; // Přímá inicializace
```

Seznam (List)

Seznam je kolekce, která: - Uchovává prvky v určitém pořadí - Umožňuje duplicitní prvky - Má dynamickou velikost (na rozdíl od pole)

ArrayList

Implementace seznamu pomocí pole: - Poskytuje přímý přístup k prvkům - Interně používá pole, které se automaticky zvětšuje podle potřeby - Dynamicky mění velikost (typicky zdvojnásobením), když je potřeba více místa

Operace: - Přístup k prvku: $O(1)$ - Přidání/odebrání na konci: Amortizovaná $O(1)$ - Přidání/odebrání na začátku nebo uprostřed: $O(n)$ - Vyhledávání: $O(n)$

LinkedList

Implementace seznamu pomocí spojového seznamu: - Každý prvek obsahuje data a odkaz na další (a případně předchozí) prvek - Efektivnější pro časté vkládání a mazání uprostřed seznamu

Operace: - Přístup k prvku: $O(n)$ - Přidání/odebrání na začátku/konci: $O(1)$ - Přidání/odebrání uprostřed (pokud máme referenci na předchozí uzel): $O(1)$ - Vyhledávání: $O(n)$

Množina (Set)

Množina je kolekce, která: - Neobsahuje duplicitní prvky - Typicky negarantuje pořadí prvků (s výjimkou SortedSet) - Je inspirována matematickým konceptem množiny

HashSet

Implementace množiny pomocí hašovací tabulky: - Využívá hašovací funkci k určení pozice prvku - Velmi rychlé operace vkládání, mazání a vyhledávání - Neposkytuje žádné záruky ohledně pořadí prvků

Operace: - Vkládání, vyhledávání, mazání: $O(1)$ v průměrném případě - V nejhorším případě (při mnoha kolizích): $O(n)$

TreeSet

Implementace množiny pomocí vyváženého binárního stromu: - Udržuje prvky seřazené - Implementováno jako červeno-černý strom - Pomalejší než HashSet, ale garantuje pořadí

Operace: - Vkládání, vyhledávání, mazání: $O(\log n)$

Mapa (Map)

Mapa je kolekce párů klíč-hodnota, která: - Mapuje klíče na hodnoty - Obsahuje unikátní klíče (každý klíč se může v mapě vyskytovat pouze jednou) - Hodnoty mohou být duplicitní

HashMap

Implementace mapy pomocí hašovací tabulky: - Velmi rychlý přístup, vkládání a mazání - Negarantuje pořadí prvků - Klíče musí mít správně implementované metody hashCode() a equals()

Operace: - Vkládání, vyhledávání, mazání: $O(1)$ v průměrném případě - V nejhorším případě: $O(n)$

Hašovací funkce je klíčová pro efektivitu HashMap: - Přiřazuje objektům číselnou hodnotu (hash) - Dobrá hašovací funkce minimalizuje kolize - V Javě je implementována metodou hashCode()

TreeMap

Implementace mapy pomocí vyváženého binárního stromu: - Udržuje klíče seřazené - Implementováno jako červeno-černý strom - Pomalejší než HashMap, ale garantuje pořadí klíčů

Operace: - Vkládání, vyhledávání, mazání: $O(\log n)$

Lineární spojové seznamy

Spojový seznam je datová struktura, kde každý prvek (uzel) obsahuje data a referenci na další (případně i předchozí) prvek.

Jednosměrný spojový seznam

- Každý uzel obsahuje data a referenci na následující uzel
- Poslední uzel odkazuje na null
- Seznam uchovává referenci na první uzel (hlavu)

Výhody: - Dynamická velikost - Efektivní vkládání a mazání na začátku: $O(1)$ - Nepotřebuje souvislý blok paměti

Nevýhody: - Neefektivní přímý přístup k prvkům (musí se procházet od začátku): $O(n)$ - Větší paměťová náročnost kvůli uložení referencí - Nelze efektivně procházet pozpátku

Obousměrný spojový seznam

- Každý uzel obsahuje data a reference na následující i předchozí uzel
- Seznam uchovává reference na první i poslední uzel
- Umožňuje procházení v obou směrech

Výhody: - Efektivní vkládání a mazání na začátku i konci: $O(1)$ - Umožňuje procházení v obou směrech
- Při znalosti uzlu lze efektivně vkládat a mazat: $O(1)$

Nevýhody: - Větší paměťová náročnost než jednosměrný seznam - Složitější implementace - Stále neefektivní přímý přístup: $O(n)$

Permutace

Permutace je uspořádání všech prvků množiny, kde záleží na pořadí. Pro n prvků existuje $n!$ (n faktoriál) různých permutací.

Generování permutací

1. Rekurzivní přístup:

- Vybíráme prvky jeden po druhém
- Pro každý prvek rekurzivně generujeme permutace zbývajících prvků
- Časová složitost: $O(n!)$

2. Heap's algoritmus:

- Efektivní algoritmus pro generování všech permutací
- Generuje každou permutaci z předchozí pouze jednou záměnou

3. Lexikografické generování:

- Generuje permutace v lexikografickém (slovníkovém) pořadí
- Implementováno v `Collections.nextPermutation` v některých jazycích

```
// Pseudokód pro rekurzivní generování permutací
void generujPermutace(int[] pole, int začátek) {
    if (začátek == pole.length - 1) {
        // Zpracuj permutaci
        vypisPole(pole);
        return;
    }

    for (int i = začátek; i < pole.length; i++) {
        vyměň(pole, začátek, i);
        generujPermutace(pole, začátek + 1);
        vyměň(pole, začátek, i); // Vrať zpět pro backtracking
    }
}
```

Vhodné užití jednotlivých struktur

Pole

- Když je předem znám počet prvků
- Když je potřeba rychlý přístup k prvkům pomocí indexu
- Pro implementaci algoritmu, kde se využívá náhodný přístup
- Pro reprezentaci vícerozměrných dat (matice)

ArrayList

- Když potřebujeme dynamickou velikost
- Když často přistupujeme k náhodným prvkům
- Když převažuje čtení nad vkládáním/mazáním

LinkedList

- Když často vkládáme/mazeme prvky na začátku nebo uprostřed
- Implementace zásobníku nebo fronty
- Když není důležitý rychlý přístup k náhodným prvkům

HashSet

- Když potřebujeme rychle ověřit existenci prvku
- Když pořadí prvků není důležité
- Pro odstranění duplicit z kolekce

TreeSet

- Když potřebujeme udržovat prvky seřazené
- Pro efektivní nalezení "nejbližšího" prvku (floor, ceiling, lower, higher)
- Při implementaci rozsahových dotazů

HashMap

- Pro rychlé vyhledávání hodnot podle klíče
- Implementace cache
- Počítání frekvence prvků

TreeMap

- Když potřebujeme udržovat klíče seřazené
- Pro implementaci slovníku s rozsahovými dotazy
- Při potřebě iterovat přes prvky v seřazeném pořadí

Úskalí a efektivita

Pole

- **Úskalí:** Pevná velikost, nutnost předem alokovat paměť
- **Efektivita:** Velmi efektivní pro přímý přístup, neefektivní pro přidávání/mazání

ArrayList

- **Úskalí:** Nevhodný pro časté vkládání/mazání na začátku nebo uprostřed
- **Efektivita:** Amortizovaná $O(1)$ pro přidání na konec, $O(n)$ pro vkládání na začátek

LinkedList

- **Úskalí:** Pomalý přístup k náhodným prvkům
- **Efektivita:** $O(1)$ pro přidání/odebrání na začátek/konec, $O(n)$ pro přístup k prvku

HashSet/HashMap

- **Úskalí:** Nutnost správné implementace hashCode() a equals(), negarantované pořadí
- **Efektivita:** $O(1)$ v průměrném případě, ale může degradovat na $O(n)$ při špatném hashování

TreeSet/TreeMap

- **Úskalí:** Pomalejší než hasovací implementace, prvky/klíče musí být porovnatelné
- **Efektivita:** $O(\log n)$ pro všechny operace

Obecná doporučení

1. Vždy zvažte požadavky na operace (četnost vkládání, mazání, vyhledávání)
2. Berte v úvahu paměťovou náročnost - spojové struktury mají větší režii
3. Pro malé kolekce může být rozdíl v efektivitě zanedbatelný
4. Testujte výkon s reálnými daty, pokud je efektivita kritická