Decision Tree

อ. ปรัชญ์ ปิยะวงศ์วิศาล

Pratch Piyawongwisal

Today

- TPQI
- Decision Tree
- Homework

Recap: Supervised Learning

Decision Tree

Neural Net Classification

kNN

Logistic Regression

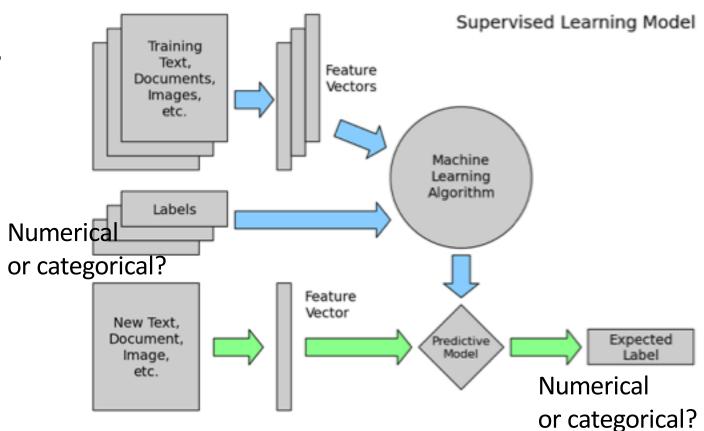
SVM

Predicts class labels/categories

- ทำนายค่าที่เป็นหมวดหมู่ = จำแนกประเภท
- อาจมองเป็นการหา boundary ที่แบ่ง ข้อมูลในแต่ละหมวดหมู่ ออกจากกัน
- Regression
 - Predicts continuous values

Linear Regression

- ทำนายค่าที่เป็นจำนวนจริง
- อาจมองเป็นการหา hyperplane ที่ fit กับข้อมูลที่มีมากที่สุด



Decision Tree

Decision Tree

- เป็น supervised learning ใช้ทำ classification เป็นหลัก
- ข้อดี
 - เข้าใจง่าย
 - สามารถตีความและอธิบายที่มาที่ไปได้ง่าย (white box model) -- ต่างจาก black box model อย่าง Neural Network
 - ใช้กับข้อมูลที่เป็น numerical หรือ categorical ก็ได้
 - สามารถประมาณความน่าจะเป็นที่จะเป็นแต่ละคลาส (class probability) ได้
- ข้อเสีย
 - decision tree เป็นปัญหา NP-complete ไม่สามารถหาคำตอบที่ดีที่สุดใน poly time ได้ จึงต้องใช้ อัลกอริทึมแบบ heuristic เช่น greedy ในการหาคำตอบแบบ local optima

ลอง Implement Decision Tree

```
from sklearn.datasets import load iris
from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
import numpy as np
iris = load iris()
X = iris.data[:, 2:]
                           # feature: petal length/width
y = iris.target
                           # label: 0, 1, 2
np.random.seed(42)
tree clf = DecisionTreeClassifier(max depth=2)
tree clf.fit(X, y)
```

Visualizing the Decision Tree

```
from sklearn.tree import export graphviz
tree dot = export graphviz(
    tree clf,
    out file=None, # or out file="iris_tree.dot"
    feature names=iris.feature names[2:],
    class_names=iris.target names,
    rounded=True,
    filled=True
print(tree_dot)
จากนั้นนำผลลัพธ์ไปแปลงเป็นแผนภาพได้ที่ http://www.webgraphviz.com/
```

petal length (cm) <= 2.45 gini = 0.667samples = 150value = [50, 50, 50]class = setosa False True petal width (cm) <= 1.75 gini = 0.0gini = 0.5samples = 50samples = 100value = [50, 0, 0]value = [0, 50, 50]class = setosa class = versicolor aini = 0.168qini = 0.043samples = 54samples = 46value = [0, 1, 45]value = [0, 49, 5]class = versicolor class = virginica

Alternative: using python-graphviz

Once trained, we can export the tree in Graphviz format using the export_graphviz exporter. If you use the conda package manager, the graphviz binaries and the python package can be installed with

conda install python-graphviz

Alternatively binaries for graphviz can be downloaded from the graphviz project homepage, and the Python wrapper installed from pypi with pip install graphviz.

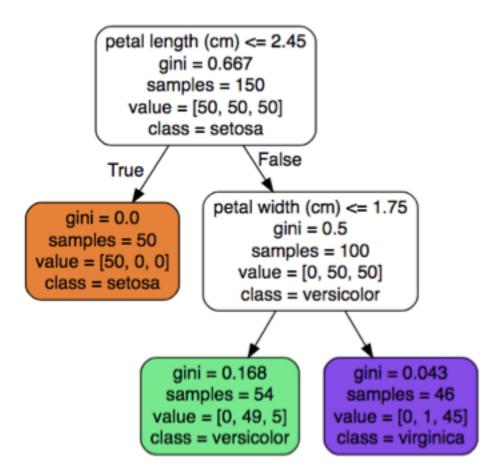
Below is an example graphviz export of the above tree trained on the entire iris dataset; the results are saved in an output file iris.pdf:

```
>>> import graphviz
>>> dot_data = tree.export_graphviz(clf, out_file=None)
>>> graph = graphviz.Source(dot_data)
>>> graph.render("iris")
```

The export_graphviz exporter also supports a variety of aesthetic options, including coloring nodes by their class (or value for regression) and using explicit variable and class names if desired. Jupyter notebooks also render these plots inline automatically:

ตีความภาพ decision tree

• เปรียบเสมือน flowchart ของกฎที่อยู่ในรูป if-else ดังนี้ if petal length <= 2.45: class = "setosa" elif petal <= 1.75: class = "versicolor" else: class = "virginica"



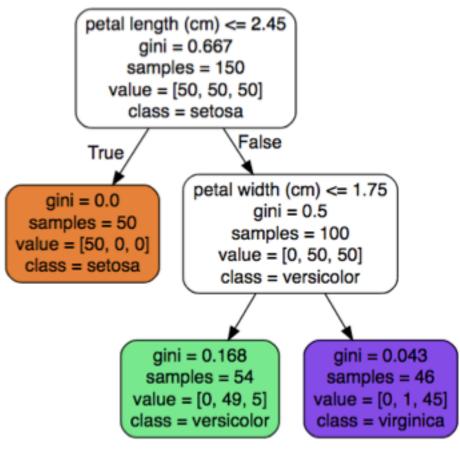
ตีความภาพ decision tree

- node สีขาว คือ ตัวแบ่ง (splitting attribute)
- ค่า gini คือค่าความปะปน (Impurity) ของ node
 - gini = 0.0 แสดงว่าข้อมูล train ใน node นั้นเป็นคลาสเดียวกันหมด
 - gini มาก แสดงว่า node มีข้อมูลหลายคลาสปะปนกัน

$$G_i = 1 - \sum_{k=1}^{n} p_{i,k}^2$$

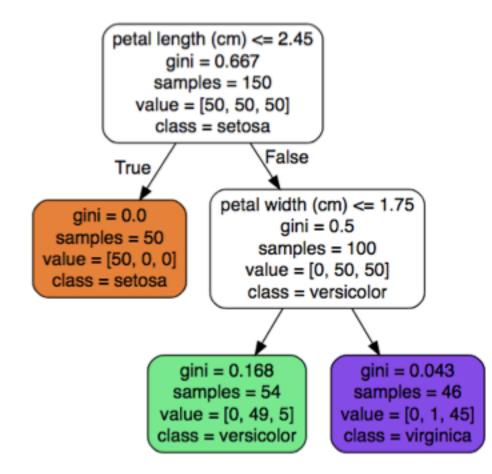
 $p_{i,k}$ คืออัตราส่วนของข้อมูลคลาส ${\sf k}$ ต่อข้อมูลทั้งหมด ณ ${\sf node}$ ที่ ${\sf I}$

• เช่น G(โหนดเขียว) =
$$1 - \left(\frac{0}{54}\right)^2 - \left(\frac{49}{54}\right)^2 - \left(\frac{5}{54}\right)^2 = 0.168$$



การจำแนกด้วย decision tree

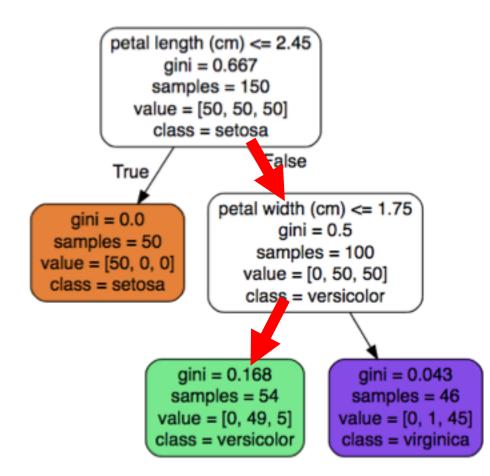
• ตัวอย่าง: จงใช้ decision tree นี้ classify ดอกกล้วยไม้ที่มี ความยาวกลีบ 5cm และมีความกว้างกลีบ 1.5cm



การจำแนกด้วย decision tree

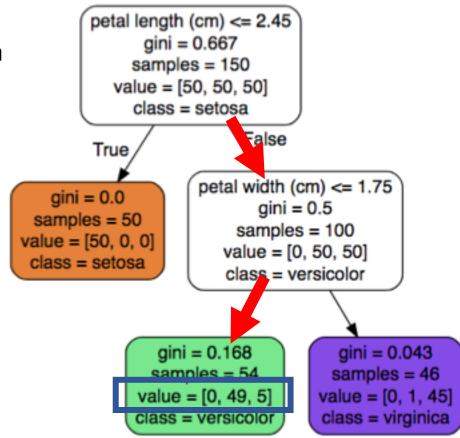
• ตัวอย่าง: จงใช้ decision tree นี้ classify ดอกกล้วยไม้ที่มี ความยาวกลีบ 5cm และมีความกว้างกลีบ 1.5cm

- คำตอบ: predict class="versicolor"
- Q: จงหา class probability ต่อไปนี้
 - ความน่าจะเป็นที่ดอกนี้จะเป็น setosa?
 - ความน่าจะเป็นที่ดอกนี้จะเป็น virginica?



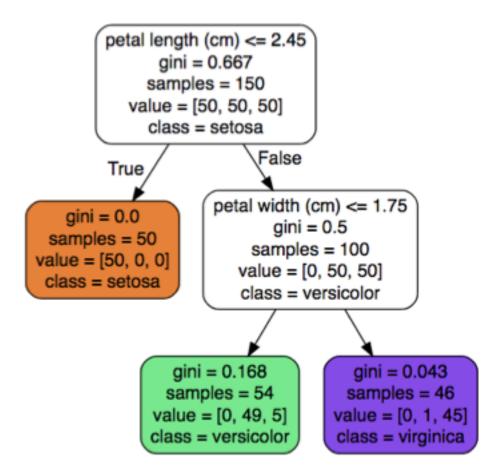
การจำแนกด้วย decision tree

- ตัวอย่าง: จงใช้ decision tree นี้ classify ดอกกล้วยไม้ที่มีความยา กลีบ 5cm และมีความกว้างกลีบ 1.5cm
- คำตอบ: predict class="versicolor"
- Q: จงหา class probability ต่อไปนี้
 - ความน่าจะเป็นที่ดอกนี้จะเป็น setosa?
 - P(setosa) = 0/54 = 0%
 - ความน่าจะเป็นที่ดอกนี้จะเป็น virginica?
 - P(virginica) = 5/54 = 9.3%



CART Algorithm สำหรับสร้าง decision tree

- การสร้าง decision tree จะเริ่มจาก root node
- ในแต่ละ level เราจะเลือก (k, tk) ที่ดีที่สุดมาเป็นตัว split
 - attribute k
 - threshold tk
 - กฎ: k <= tk
- จะเลือก (k, tk) ที่ดีที่สุดได้อย่างไร?

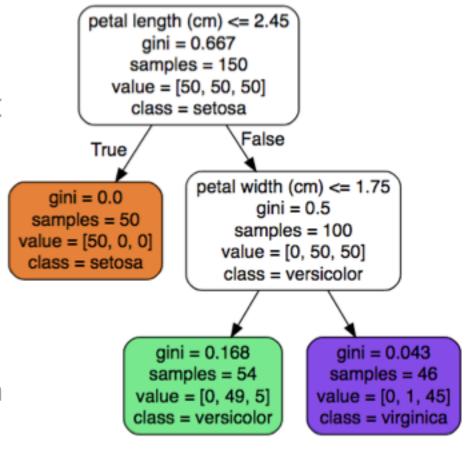


CART Algorithm สำหรับสร้าง decision tree

- จะเลือก (k, tk) ที่ดีที่สุดได้อย่างไร?
- เป้าหมาย: ต้องการ (k, tk) ที่ทำให้ subset ข้อมูลหลังการ split บริสุทธิ์ (pure) ที่สุด
 - = Gini ต่ำที่สุด
- ดังนั้น Cost function ที่เราต้องการ minimize คือ:

•
$$J(k, t_k) = \frac{m_{left}}{m} G_{left} + \frac{m_{right}}{m} G_{right}$$

• ในแต่ละชั้นต้นไม้ อัลกอริทึม CART จะหา (k, tk) ที่ทำให้ J ต่ำสุด

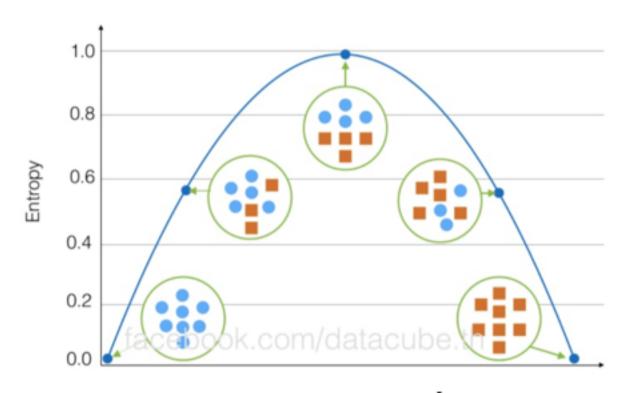


^{*}บัญหาการหา optimal tree เป็น NP-complete ไม่สามารถหาใน poly time ได้ จึงต้องใช้วิธีแบบ greedy คือหา (k, tk) ที่ทำให้ cost น้อยสุด ทีละชั้น แม้ว่าลงไปชั้นล่างๆ แล้วอาจทำให้ cost กลับมาสูงขึ้นได้ก็ตาม

Choosing Splitting Criteria

- นอกจาก Gini Impurity แล้ว ยังสามารถใช้ Entropy/Information Gain เป็นเกณฑ์ ในการวัดประสิทธิภาพของ splitting attribute ได้ด้วย
 - ID3 algorithm

• splitting criterion ถือเป็น hyperparameter หนึ่งของ decision tree



$$H(T)=I_E(p_1,p_2,\ldots,p_J)=-\sum_{i=1}^J p_i\log_2 p_i$$

$$\widetilde{IG(T,a)}$$
 = $\widetilde{H(T)}$ - Weighted Sum of Entropy(Children)
$$\widetilde{H(T|a)}$$

- 1. จง train decision tree model กับข้อมูลชุดฝึก student_training.csv
 - แบ่งข้อมูลออกเป็นชุด train, validate โดยใช้ train_test_split (ตัวอย่างโค้ดในสไลด์ถัดไป)
 - ใช้ข้อมูลชุด train (X_train, y_train) ในการ train decision tree model
- 2. น้ำ model ที่ได้ไปใช้ทำนาย major ของนักศึกษากับข้อมูลชุด validate
- 3. ประเมินประสิทธิภาพของโมเดลที่ได้โดยใช้ metric ต่อไปนี้
 - accuracy score
 - confusion matrix (optional)
- 4. ทดลองปรับ hyperparameter ของ model เพื่อให้ประสิทธิภาพสูงขึ้น (กลับไป step 1.)
 - เช่น เปลี่ยนค่า max_depth, criterion
- 5. นำ model ที่ประสิทธิภาพสูงที่สุดไปใช้ทำนาย major ของนักศึกษากับข้อมูลชุดทดสอบ student_scoring.csv แสดงผลการทำนายทั้งหมด

- 6. จากการทดลองในข้อ 4. ให้
 - แสดง line plot ของ accuracy v.s. max_depth จากการทดลอง ในกรณีที่ใช้ Gini criterion
 - แสดง line plot ของ accuracy v.s. max_depth จากการทดลอง ในกรณีที่ใช้ entropy criterion
- 7. แสดงแผนผัง decision tree ของโมเดลที่ดีที่สุด
 - นำผลจาก export_graphviz ของโมเดลที่ดีที่สุดไปแสดงบนเว็บ webgraphviz
 - capture screen ภาพ decision tree เซฟลงในโฟลเดอร์ของ Jupyter
 - ใน Jupyter สร้าง cell ล่างสุดให้เป็นแบบ markup แล้วแทรกรูปดังกล่าวด้วย
 - ![caption](path/to/image.png)

วิธีการทำ train_test_split

```
from sklearn.model_selection import train_test_split

X = ...
y = ...
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test size=0.25, random state=33)
```

จากนั้นสามารถนำ X_train, y_train ไปใช้ในการฝึก และนำ X_test, y_test ไปใช้ในการทำนาย เพื่อวัดประสิทธิภาพได้

วิธีส่งงาน

- ใน Jupyter Notebook ให้เขียนโค้ดทำ decision tree โดยพยายามให้ทั้งหมดอยู่ใน cell เดียว (หาก จำเป็น สามารถใช้ได้ 4 cell max)
- ทำการ export html โดยไปที่ File -> Download as -> HTML
- rename ชื่อไฟล์เป็น ชื่อ สกุล ภาษาไทย ไม่มีคำนำหน้า
- ส่งไฟล์ html ไปที่ https://www.dropbox.com/request/aDRc24zS5H1NNcoBJTKJ
- กรอกชื่อ สกุล ภาษาไทย ไม่มีคำนำหน้า

Midterm & TPQI

- Al
 - Strong vs Weak
 - Turing Test
- Machine Learning
 - supervised vs unsupervised
 - classification vs regression
 - model, train, test, feature, class, cross-validation, overfitting
- Supervised Learning
 - kNN (ข้อเสียคืออะไร, ค่า k ส่งผลกับ boundary อย่างไร)
 - Linear Regression (วิธี gradient descent ดีกว่า normal eq อย่างไร, regularize ทำเพื่ออะไร)
 - prediction model, MSE cost function, normal equation, gradient descent, regularization
 - Logistic Regression (ใช้ทำอะไรได้, นึกถึง iris)
 - prediction model, sigmoid cost function
 - SVM (ใช้ทำอะไรได้, ดีอย่างไร, kernel มีประโยชน์อย่างไร)
 - prediction model, hard vs soft margin, kernel