Inf	$\overline{\text{ormaty}}$	ka,	studia	dzienne,	inż	Ι	st.
-----	----------------------------	-----	--------	----------	-----	---	-----

semestr VI

Sztuczna inteligencja i systemy ekspertowe 2019/2020 Prowadzący: dr hab. inż. Piotr Lipiński Poniedziałek, 12:00

Data oddania:	Ocena:
---------------	--------

Maciej Pracucik 216869 Adam Jóźwiak 216786

Zadanie 1: Piętnastka

1. Cel

Celem zadania było napisanie programu rozwiązującego zagadkę logiczną, Piętnastkę, poprzez wykorzystanie różnych metod przeszukiwania stanu oraz przebadanie ich.

2. Wprowadzenie

Piętnastka to układanka logiczna składająca się z piętnastu klocków, numerowanych od 1 do 15, ułożonych na kwadratowej planszy, o wymiarach 4x4. Celem układanki jest przestawienie tak klocków, żeby ustawić je w kolejności rosnącej, przy czym pusty element musi znaleźć się na końcu. Przesuwanie klocków umożliwia nam puste miejsce na planszy.

Poszukiwanie rozwiązania łamigłówki jest zbliżone do znajdowania ścieżki w grafie, gdzie stan układanki jest węzłem w grafu.

W celu odnalezienie właściwej ścieżki stostujemy następujące strategie:

- BFS Breadth First Search przeszukiwanie "wszerz" rozpoczynając od zadanego wierzchołka w grafie, odwiedza wszystkie osiągalne z niego wierzchołki na tym samym poziomie rekursji, według ustalonej wcześniej kolejności sprawdzania. Następnie odwiedza wszystkie osiągalne wierzchołki pochodne, na kolejnym poziomie rekursji
- DFS Depth First Search przeszukiwanie "w głąb" rozpoczyna przechodzenie grafu od zadanego wierzchołka, odwiedzając pierwszy z pochodnych wierzchołków, kolejność przechodzenia jest wcześniej ustalana,

- powtarzając to dla każdego pochodnego wierzchołka. Jeżeli algorytm nie będzie mógł wchodzić dalej (osiągnie zadaną maksymalną głębokość rekursji), cofa się o jeden poziom rekursji i bada krawędź kolejnego nieodwiedzonego jeszcze wierzchołka.
- A* Algorytm heurystyczny znajduje najkrótsza mozliwą ścieżkę, jeśli taka istnieje. W przypadku piętnastki algorytm A* tworzy ścieżkę wybierając wierzchołek tak, aby minimalizować wartość heurestyki. Metody obliczania tej wartości to: metoda Hammminga, gdzie obliczamy ile klocków znajduje się na niewłaściwych pozycjach, metoda Manhattan, gdzie liczymy jakie odległości dzielą klocki od ich docelowych miejsc.

3. Opis implementacji

Program został napisany w języku Python. Klasa Fifteen jest klasą główną natomiast plik FileManager.py odpowiadaja za wczytywanie układanki, zapis statystyk oraz zapis ułożonej układanki. W klasie Fifteen znajdują się wszystkie strategie oraz niezbędne operacje na układance, np. odnaleznie pozycji pustej, zamiana elementów, przedstawienie możliwych ruchów.

Algorytm BFS został napisany metodą rekurencyjną, gdzie na początek jest ustalana obecna głębokość równa 1, a następnie program próbuje ruszyć się w kierunku podyktowanym z góry. Jeśli mu się powiedzie, to metoda rekurencyjna wywołuje się ponownie, tym razem z wartością obecnej głębokości mniejszą o 1. Jeśli na najmniejszej głębokości równej 0 układanka będzie ukończona, program przestaje się wykonywać. W przeciwnym wypadku jest zwracany fałsz, po którym na poziomie wyższym wykonywany jest ruch w tył. Jeśli po wykonaniu każdego z dostępnych ruchów piętnastka nie będzie ułożona, to zwiększany jest poziom głębokości i program wykonuje się ponownie, do skutku.

Algorytm DFS został napisany metodą iteracyjną, gdzie każdy poziom rekursji, którego górną granicę ustawiliśmy na 20, przechowuje informację o ilości przebytych na nim możliwości. Na każdy poziom możliwe jest wykonanie maksymalnie 4 ruchów, w zależności od pozycji pustego elementu. Program schodzi na najniższy poziom uwzględniając wcześniej zadaną mu kolejność, a następnie przeszukuje tam wszystkie możliwości, sprawdzając czy układanka została ukończona. W przypadku niepowodzenia cofa się i przeszukuje kolejne odnogi poziomu na który się cofnął, do czasu aż wszystkie możliwe ruchy na danym poziomie zostaną wyczerpane.

Algorytm A* działa na zasadzie kolejki, z której wyłuskiwany jest element o najniższej wartości. Na początku program, w zależności od wybranej heurystyki oblicza który z możliwych do wykonania ruchów jest najbardziej korzystny. W przypadku Metryki Hamminga, jest to suma elementów znajdujących się na nie swoich miejscach. Im suma jest mniejsza, tym bliżej do udanego wykonania. Zasada działania Metryki Manhattan jest bardzo podobna, również jest to suma, ale odległości każdego punktu, od jego docelowej pozycji. W przypadku gdy suma będzie równa 0, program zakończy działanie z sukcesem.

4. Materially i metody

Badanie zostało przeprowadzone przy pomocy skryptu uruchamianego w Windows PowerShell. Skrypt pobierał jako argumenty rodzaj algorytmu, a także kolejność wykonywania ruchów. Następnie jego zadaniem było odczytanie wszystkich, wcześniej wygenerowanych plików .txt z początkowym układem piętnastki. Plik FileManager.py odpowiedzialny był w naszym programie za utworzenie odpowiednich plików ze statystykami danego przebiegu programu. Na koniec wszystkie osobno utworzone pliki przetworzone zostały za pomocą osobnego skryptu PowerShell'owego, a następnie zaimportowane do programu Microsoft Excel w celu dokonania analizy danych.

5. Wyniki

BFS

5.1. DRUL

	BFS Uśrednione - DRUL								
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas				
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania				
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]				
		dzonych	rzonych						
1	1,000	1,000	1,000	1,000	0,000				
2	10,500	6,250	5,000	2,000	0,250				
3	41,400	22,200	14,900	3,000	1,402				
4	115,583	59,792	36,083	4,000	4,044				
5	283,074	144,037	82,278	5,000	9,490				
6	693,738	349,869	191,776	6,000	22,824				
7	1616,368	811,684	430,259	7,000	52,164				

5.1.1. RDUL

	BFS Uśrednione - RDUL								
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas				
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania				
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]				
		dzonych	rzonych						
1	1,000	1,000	1,000	1,000	0,000				
2	10,500	6,250	5,000	2,000	0,250				
3	41,400	22,200	14,900	3,000	1,402				
4	115,583	59,792	36,083	4,000	4,044				
5	283,074	144,037	82,278	5,000	9,490				
6	693,607	349,869	191,776	6,000	22,824				
7	1615,925	811,462	430,179	7,000	52,254				

5.1.2. RDLU

	BFS Uśrednione - RDLU								
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas				
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania				
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]				
		dzonych	rzonych						
1	1,000	1,000	1,000	1,000	0,000				
2	10,500	6,250	5,000	2,000	$0,\!250$				
3	41,400	22,200	14,900	3,000	1,401				
4	115,583	59,792	36,083	4,000	3,921				
5	283,074	144,037	82,278	5,000	9,518				
6	693,738	349,869	191,776	6,000	22,855				
7	1616,368	811,684	430,259	7,000	52,230				

5.1.3. DRLU

	BFS Uśrednione - DRLU								
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas				
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania				
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]				
		dzonych	rzonych						
1	1,000	1,000	1,000	1,000	0,000				
2	10,500	6,250	5,000	2,000	0,510				
3	41,400	22,200	14,900	3,000	1,602				
4	115,583	59,792	36,083	4,000	4,003				
5	283,074	144,037	82,278	5,000	9,638				
6	693,607	349,804	191,766	6,000	22,978				
7	1615,925	811,462	430,179	7,000	52,325				

5.1.4. LUDR

	BFS Uśrednione - LUDR								
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas				
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania				
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]				
		dzonych	rzonych						
1	5,000	3,000	3,000	1,000	0,000				
2	26,500	$14,\!250$	11,000	2,000	0,501				
3	74,200	38,600	25,700	3,000	2,602				
4	162,250	83,125	4,000	5,296					
		50,417							
5	327,815	166,407	96,056	5,000	10,862				
6	688,897	347,449	192,047	6,000	22,621				
7	1517,925	762,462	406,594	7,000	49,877				

5.1.5. LURD

BFS Uśrednione - LURD								
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas			
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania			
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]			
		dzonych	rzonych					
1	5,000	3,000	3,000	1,000	0,501			
2	26,500	14,250	11,000	2,000	1,252			
3	74,200	38,600	25,700	3,000	2,641			
4	162,250	83,125	50,417	4,000	5,359			
5	327,815	166,407	96,056	5,000	10,880			
6	689,028	347,514	192,056	6,000	23,201			
7	1518,368	762,684	406,675	7,000	49,777			

5.1.6. ULDR

	BFS Uśrednione - ULDR								
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas				
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania				
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]				
		dzonych	rzonych						
1	5,000	3,000	3,000	1,000	0,000				
2	26,500	14,250	11,000	2,000	1,001				
3	74,200	38,600	25,700	3,000	2,603				
4	162,250	83,125	4,000	5,384					
		50,417							
5	327,815	166,407	96,056	5,000	10,907				
6	689,028	347,514	192,056	6,000	22,818				
7	1518,368	762,684	406,675	7,000	50,407				

5.1.7. ULRD

	BFS Uśrednione - ULRD							
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas			
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania			
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]			
		dzonych	rzonych					
1	5,000	3,000	3,000	1,000	0,000			
2	26,500	14,250	11,000	2,000	1,001			
3	74,200	38,600	25,700	3,000	2,502			
4	162,250	83,125	4,000	5,463				
		50,417						
5	327,815	166,407	96,056	5,000	10,858			
6	688,897	347,449	192,047	6,000	22,795			
7	1517,925	762,462	406,594	7,000	50,067			

5.2. DRUL

	DFS Uśrednione - DRUL							
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas			
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania			
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]			
		dzonych	rzonych					

5.2.1. RDUL

	DFS Uśrednione - RDUL							
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas			
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania			
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]			
		dzonych	rzonych					

5.2.2. RDLU

DFS Uśrednione - RDLU						
Odległość Długość Liczba Liczba Maksymalna Czas						
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania	
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]	
		dzonych	rzonych			

5.2.3. DRLU

DFS Uśrednione - DRLU						
Odległość Długość Liczba Liczba Maksymalna Czas						
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania	
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]	
		dzonych	rzonych			

5.2.4. LUDR

DFS Uśrednione - LUDR						
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas	
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania	
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]	
		dzonych	rzonych			

5.2.5. LURD

	DFS Uśrednione - LURD						
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas		
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania		
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]		
		dzonych	rzonych				

5.2.6. ULDR

DFS Uśrednione - ULDR						
Odległość Długość Liczba Liczba Maksymalna Czas						
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania	
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]	
		dzonych	rzonych			

5.2.7. ULRD

DFS Uśrednione - ULRD						
Odległość Długość Liczba Liczba Maksymalna Czas						
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania	
zero zania odwie- przetwo- rekursji [ms]						
		dzonych	rzonych			

A*

5.3. Metryka Hamminga

A* Uśrednione - Hamming						
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas	
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania	
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]	
		dzonych	rzonych			
1	7,000	1,000	1,000	1,000	0,000	
2	13,000	2,000	2,000	2,000	0,501	
3	19,000	3,000	3,000	3,000	0,500	
4	28,185	4,167	4,167	4,167	0,959	
5	28,185	394,870	9,778	394,870	75,100	
6	29,290	994,084	15,514	994,084	188,031	
7	27,123	1773,250	23,311	1773,250	340,677	

5.4. Metryka Manhattan

A* Uśrednione - Manhattan						
Odległość	Długość	Liczba	Liczba	Maksymalna	Czas	
od stanu	rozwią-	stanów	stanów	głębokość	wykonania	
zero	zania	odwie-	przetwo-	rekursji	[ms]	
		dzonych	rzonych			
1	7,000	1,000	1,000	1,000	1,008	
2	13,000	2,000	2,000	2,000	0,501	
3	19,000	3,000	3,000	3,000	0,701	
4	25,167	4,000	4,000	4,000	0,948	
5	33,074	91,963	5,852	91,963	19,920	
6	40,290	222,729	8,720	222,729	48,376	
7	42,406	708,175	13,151	708,175	152,748	

6. Dyskusja

Sekcja ta powinna zawierać dokładną interpretację uzyskanych wyników eksperymentów wraz ze szczegółowymi wnioskami z nich płynącymi. Najcenniejsze są, rzecz jasna, wnioski o charakterze uniwersalnym, które mogą być istotne przy innych, podobnych zadaniach. Należy również omówić i wyjaśnić wszystkie napotkane problemy (jeśli takie były). Każdy wniosek powinien mieć poparcie we wcześniej przeprowadzonych eksperymentach (odwołania

do konkretnych wyników). Jest to jedna z najważniejszych sekcji tego sprawozdania, gdyż prezentuje poziom zrozumienia badanego problemu.

7. Wnioski

W tej, przedostatniej, sekcji należy zamieścić podsumowanie najważniejszych wniosków z sekcji poprzedniej. Najlepiej jest je po prostu wypunktować. Znów, tak jak poprzednio, najistotniejsze są wnioski o charakterze uniwersalnym.

Literatura

[1] T. Oetiker, H. Partl, I. Hyna, E. Schlegl. Nie za krótkie wprowadzenie do systemu LATEX2e, 2007, dostępny online.