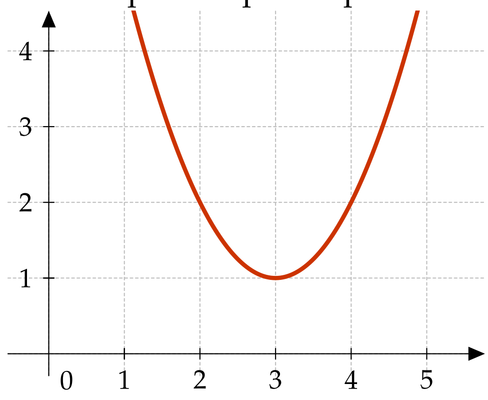
1 Taux d'accroissement

On considère une fonction f définie sur un intervalle I. Soit a un point de I.

Définition 1 *Soit $h \neq 0$ tel que $a + h \in I$. On appelle **taux d'accroissement** entre a et $a + h$ la quantité $\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$.*

Interprétation géométrique : Le taux d'accroissement est le de la droite passant par les points de coordonnées .



2 Nombre dérivé

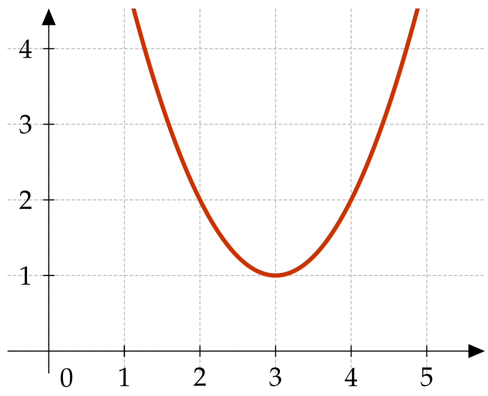
Soit f définie sur un intervalle I, a un point de I.

Définition 2 *On dit que f est **dérivable en a** si lorsque h tend vers 0, le taux d'accroissement $\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$ admet une limite l. Le nombre l s'appelle le nombre dérivé de f en a.*

Exemple :

1. Soit la fonction définie par $f(x) = x$, f est elle dérivable en 1 ? Si oui, quelle est la valeur du nombre dérivé en 1 ?
2. Soit la fonction définie par $f(x) = x^2$, f est elle dérivable en 2 ? Si oui, quelle est la valeur du nombre dérivé en 1 ?

Interprétation géométrique : Lorsqu'il existe, le nombre dérivé de f en a est le coefficient directeur de la à la courbe représentative de f en a.



3 Équation de la tangente à la courbe de f en un point

Théorème 1 *Soit f une fonction dérivable en un point a, $\mathcal{C}_{\{}$ sa courbe représentative, alors la tangente à la courbe représentative de f au point a admet pour équation :*

$$y = f'(a)(x - a) + f(a).$$