Sens de variation et allure des fonctions polynômes du second degré

Proposition 1 On considère f fonction polynôme de degré 2 mise sous sa forme canonique $f(x) = \alpha(x-\beta)^2 + \gamma$. Suivant le signe de α cette fonction peut avoir deux tableaux de variations :

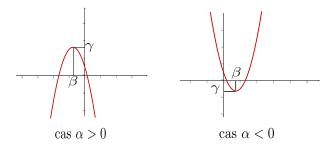
$$\frac{x - \infty}{f} + \infty$$

$$\frac{x - \infty}{f} + \infty$$

Table 1: Cas où $\alpha > 0$.

Table 2: Cas où $\alpha < 0$.

Les deux cas sont résumés par la figure suivante :



Sens de variation et allure des fonctions polynômes du second degré

Proposition 2 On considère f fonction polynôme de degré 2 mise sous sa forme canonique $f(x) = \alpha(x-\beta)^2 + \gamma$. Suivant le signe de α cette fonction peut avoir deux tableaux de variations :

$$\frac{x - \infty}{f}$$
 β $+\infty$

$$\frac{x - \infty \quad \beta \quad + \infty}{f}$$

Table 3: Cas où $\alpha > 0$.

Table 4: Cas où $\alpha < 0$.

Les deux cas sont résumés par la figure suivante :

