

Извиняюсь за отсутствие кода, нет времени чтобы это нормально закодить

Задание 1

Дана правильная скобочная последовательность. Нужно найти у каждой скобки соответствующую пару за $O(n)$ work и $O(\sqrt{n} \text{ polylog } n)$ span.

1. Разбиваем строку на \sqrt{n} блоков

- Параллельно на каждом блоке k вычисляем пары, внутри блока алгоритм последовательный
- Сохраняем индексы скобок без пар в массивы $\text{open}[k]$, $\text{close}[k]$

$$\text{work} = O(n), \text{scan} = O(\sqrt{n} \cdot \log \sqrt{n}) = O(\sqrt{n} \cdot \log n)$$

2. Далее строим бинарное дерево

- В листьях храним указатели на массивы $\text{open}[k]$, $\text{close}[k]$
- В вершинах храним количество незаматченных открывающихся и закрывающихся скобок ($\text{len}(\text{open})$, $\text{len}(\text{close})$), а также число пар, которые образуются $\text{match} = \min(\text{len}(\text{left_child.open}), \text{len}(\text{right_child.close}))$

$$\text{work} = O(n), \text{scan} = O(\log \sqrt{n}) = O(\log n)$$

3. Получается по дереву из п.2 мы можем за $\log \sqrt{n}$ найти пару для каждой оставшейся скобки

- Для $\text{open}[i][j]$ (j -я открывающаяся скобка из i -го блока).
 - Поднимаемся по дереву вверх, пока сумма match пройденных вершин не превышает $\text{len}(\text{open}[i]) - j$
 - Спускаемся по правому поддереву найденной вершины, ища закрывающуюся скобку с нужным индексом, мы можем это сделать так как каждая вершина хранит количество скобок без пар
- в худшем случае поиск n скобок, за $\log \sqrt{n}$ каждая в `ParallelFor`, займет:

$$\text{work} = O(n), \text{scan} = O(\log n \cdot \log \sqrt{n}) = O(\log^2 n)$$

Задание 2

Дано выражение, где каждая операция обрамлена скобками, а операнды - цифры. Постройте дерево вычислений за $O(n)$ work и $O(\sqrt{n} \text{ polylog } n)$ span.

Напишу идею, времени довести ее до ума нет :(

1. Ищем пары для скобок по алгоритму из 1 задания
2. Глубина вложенности для каждого символа
 - Сопоставляем (- +1,) - -1, остальные символы - 0
 - Делаем scan - получаем глубину вложенности
3. Зная глубину вложенности мы можем для каждой скобки определить соответствующий ей оператор, и, наоборот, для каждого оператора мы можем найти соответствующие скобки
4. Разбиваем строку на \sqrt{n} блоков
 - Параллельно на обрабатываем блоки, внутри блока алгоритм последовательный
 - В блоке строим поддеревья, цифры в листья, операторы в вершины
5. Слияние блоков
 - Кажется, зная индексы соответствующих скобок, операторов и операндов можем параллельно сливать соседние блоки и соединять построенные в них поддеревья, уменьшая каждый раз количество блоков в 2 раза