

Задание 1

Даны m элементов в отсортированном. Удалите их из 2-3-дерева за $O(m \log n)$ work и $O(\log m(\log n + \log m))$ span. (Псевдокод не нужен, опишите просто идею)

Пусть M - изначальный массив длины m . T - 2-3-дерево.

1. Получение путей вставки:

- через `parallel_for` запускаем поиск элементов M в T , для каждого i -элемента находим лист дерева p_i ему равный.

2. Алгоритм удаления:

- берем центральный $M[\frac{m}{2}]$ элемент и удаляем его лист $p_{\frac{m}{2}}$
- делаем перебалансировку, нескольких последующих уровней дерева
- (пайплайнинг) запускаем удаление на $M[\frac{m}{4}]$ и $M[\frac{3m}{4}]$ и так далее внутри `parallel_for`
- повторяем для каждого (второго?) слоя

$$\text{work} = O(m \cdot \log n), \text{span} = O(\log m(\log m + \log n))$$

Задание 2

Постройте 2-3 дерево по отсортированному массиву из n элементов за $O(n)$ work и $O(\log n)$ span.

```

1 func Build23Tree(data []int) *Node {
2     return buildNode(data, 0, len(data))
3 }
4
5 func buildNode(data []int, l, r int) *Node {
6     n := r - l
7     if n == 1 {
8         return &Node{Key: data[l]}
9     }
10
11     var children []*Node
12
13     if n%3 == 1 || n == 2 {
14         var left, right *Node
15         m := (l + r) / 2
16         Fork2Join(
17             func() { left = buildNode(data, l, m) },
18             func() { right = buildNode(data, l, m) },
19         )
20         children = []*Node{left, right}
21     } else {
22         var left, middle, right *Node
23         m1 := l + n/3
24         m2 := l + 2*n/3
25         Fork2Join(
26             func() { left = buildNode(data, l, m1) },
27             func() { middle = buildNode(data, m1, m2) },
28             func() { right = buildNode(data, m2, r) },
29         )
30         children = []*Node{left, middle, right}
31     }

```

```
32  
33     return &Node{Children: children}  
34 }
```