

Прошу прощение за отсутствие кода, нет времени чтобы это нормально закодить

Задание 1

Дана правильная скобочная последовательность. Нужно найти у каждой скобки соответствующую пару за $O(n)$ work и $O(\sqrt{n} \text{ polylog } n)$ span.

1. Разбиваем строку на \sqrt{n} блоков

- Параллельно на каждом блоке k вычисляем пары, внутри блока алгоритм последовательный
- Сохраняем индексы скобочек без пар в массивы $\text{open}[k]$, $\text{close}[k]$

$$\text{work} = O(n), \text{scan} = O(\sqrt{n} \cdot \log \sqrt{n}) = O(\sqrt{n} \cdot \log n)$$

2. Дальше строим бинарное дерево

- В листьях храним указатели на массивы $\text{open}[k]$, $\text{close}[k]$
- В вершинах храним количество незаматченных открывающихся и закрывающихся скобок ($\text{len}(\text{open})$, $\text{len}(\text{close})$), а так же число пар, которые образуются $\text{match} = \min(\text{len}(\text{left_child.open}), \text{len}(\text{right_child.close}))$

$$\text{work} = O(n), \text{scan} = O(\log \sqrt{n}) = O(\log n)$$

3. Получается по дереву из п.2 мы можем за $\log \sqrt{n}$ найти пару для каждой оставшейся скобки

- Для $\text{open}[i][j]$ (j -я открывающаяся скобка из i -го блока).
 - Поднимаемся по дереву вверх, пока сумма match пройденных вершин не привисит $\text{len}(\text{open}[i]) - j$
 - Спускаемся по правому поддереву найденной вершины, ища закрывающуюся скобку с нужным индексом, мы можем это сделать так как каждая вершина хранит количество скобок без пар
- в худшем случае поиск n скобок, за $\log \sqrt{n}$ каждая в `ParallelFor`, займет:

$$\text{work} = O(n), \text{scan} = O(\log n \cdot \log \sqrt{n}) = O(\log^2 n)$$

Задание 2

Дано выражение, где каждая операция обрамлена скобками, а операнды - цифры. Постройте дерево вычислений за $O(n)$ work и $O(\sqrt{n} \text{ polylog } n)$ span.

1. Разбиваем строку на \sqrt{n} блоков

- Параллельно на каждом блоке k вычисляем пары, внутри блока алгоритм последовательный
- Сохраняем индексы скобочек без пар в массивы $\text{open}[k]$, $\text{close}[k]$

$$\text{work} = O(n), \text{scan} = O(\sqrt{n} \cdot \log \sqrt{n}) = O(\sqrt{n} \cdot \log n)$$

2.