

Задание 1

Даны m элементов в отсортированном. Удалите их из 2-3-дерева за $O(m \log n)$ work и $O(\log m(\log n + \log m))$ span. (Псевдокод не нужен, опишите просто идею)

Пусть M - изначальный массив длины m . T 2-3-дерево.

- Параллельно разбиваем дерево на $m + 1$ поддеревьев (T_1, \dots, T_{m+1}), которые содержат M элементы на границах. Разбиваем M пополам, ищем центральный элемент в дереве $O(\log n)$, помечаем путь до него Вызываем рекуррентно алгоритм с помощью `ForkJoin` на левой и правой половинке M , глубина рекурсии $O(\log m)$

$$\text{work} = m \cdot \log n, \text{span} = \log m \log n$$

- Параллельно выкидываем помеченные элементы из поддеревьев T_i

$$\text{work} = m, \text{span} = \log m$$

- Мерджим поддеревья обратно. Параллельно мерджим пары (T_1, T_2), (T_3, T_4), etc. потом (T_{12}, T_{34}) и тд Количество мерджей: $O(\log m)$, стоимость мерджа $O(\log m + \log n)$ (Деревья будут отличаться по крайам)

$$\text{work} = m \cdot \log n, \text{span} = \log m(\log m + \log n)$$

Задание 2

Постройте 2-3 дерево по отсортированному массиву из n элементов за $O(n)$ work и $O(\log n)$ span.

```

1 func Build23Tree(data []int) *Node {
2     leaves := make([]*Node, len(data))
3     ParallelFor(
4         0, len(data),
5         func(i int) { leaves[i] = &Node{Key: data[i]} },
6     )
7
8     level := buildLevel(leaves)
9
10    return level[0]
11 }
12
13 func buildLevel(nodes []*Node) []*Node {
14     if len(nodes) == 1 { // корень
15         return nodes
16     }
17
18     n := len(nodes)
19     levelSize := (n + 2) / 3
20     level := make([]*Node, levelSize)
21
22     ParallelFor(0, levelSize, func(i int) {
23         start := i * 3
24         end := min(start+3, n)
25         level[i] = &Node{Children: nodes[start:end]}
26     })
27 }
```

```
28     return buildLevel(level)
29 }
```

Задание 3*

Придумайте такие асимптотики для алгоритмов, чтобы имело смысл использовать 3 уровня accelerating cascades.

1. R, который решает задачу за $O(\text{RW}(n))$ work и $O(\text{RS}(n))$ span.
2. Q, который уменьшает задачу в $\text{QX} = O(1)$ раз, за $O(\text{QW}(n))$ work и $O(\text{QS}(n))$ span.
3. R, который решает задачу за $O(\text{RW}(n))$ work и $O(\text{RS}(n))$ span.

Я пас