

# 5.堆

堆（是一个完全二叉树：除最后一层，都是满的，最后一层从左向右排列）

eg: 小根堆，每一个点小于左右儿子

- 用一维数组存储， 左儿子 $2x$ , 右儿子 $2x+1$
- 下标从1开始

操作	代码
插入一个数	<code>heap[++size] = x</code> <b>up(size)</b>
求集合中的最小值	<code>heap[1]</code>
删除最小值	<code>heap[1] = heap[size]; size--;</code> <b>down(1)</b>
删除任意一个元素	<code>heap[k] = heap[size]; size--;</code> <code>down[k]; up[k]</code>
修改任意一个元素	<code>heap[k] = x; down[k]; up[k]</code>

```
1  int h[N], size;
2
3  //down
4  //把一个值变大时候down
5  //跟左右节点的最小值交换
6  void down(int u)
7  {
8      int t = u;
9      if (u * 2 <= size && h[u * 2] < h[t]) t = u * 2;
10     if (u * 2 + 1 <= size && h[u * 2 + 1] < h[t]) t = u * 2 + 1;
11     if (u != t) //最小值的下标不同的话
12     {
13         swap(h[u], h[t]);
14         down(t);
15     }
16 }
17 //up
18 //把一个值变小时候up
19 //跟父节点交换，因为小根堆
20 void up(int u)
21 {
22     while (u / 2 && h[u] < h[u / 2])
23     {
24         swap(h[u], h[u / 2]);
25         u >>= 1;
26     }
27 }
28
29 // O(n)建堆
```

```
30 for (int i = n / 2; i; i -- ) down(i);
```

## STL

- 优先队列具有队列的所有特性，包括队列的基本操作，只是在这基础上添加了内部的一个排序，它本质是一个堆实现的。
- 定义priority\_queue<类型, vector<类型>, cmp>;

升序队列，小顶堆

- priority\_queue <int,vector<int>,greater<int> > q;

降序队列，大顶堆

- priority\_queue <int,vector<int>,less<int> > q;