

L'attraction de la gravitation

Pierre Vanhove

*IPhT
Saclay*

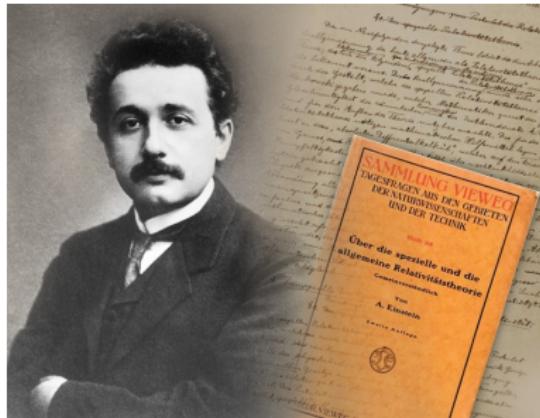


&

Les Amis du Musée de la Mer
Cité de l'océan, Biarritz, France
7 novembre 2018

Première partie I

La gravitation selon Albert Einstein



Ça a été la plus heureuse idée de ma vie

Albert Einstein

L'importance de la gravité

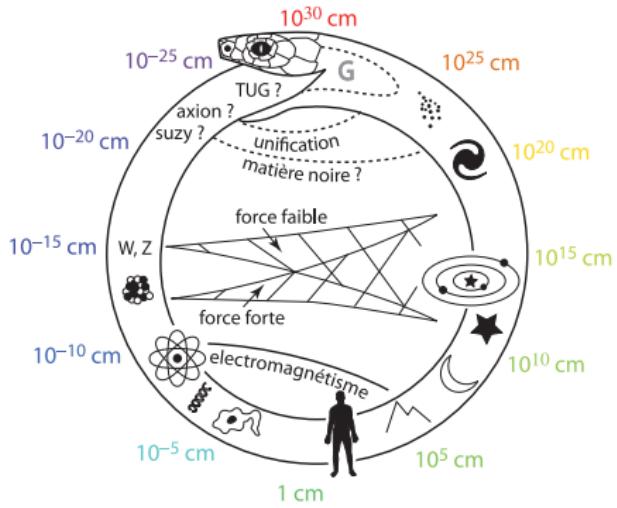


I've been noticing gravity since I was very young. (Cameron Diaz)



Painting is so poetic, while sculpture is more logical and scientific and makes you worry about gravity. (Damien Hirst)

La force de gravité est universelle



- ▶ elle agit sur tout type de matière et d'énergie $E = mc^2$
- ▶ Elle est toujours attractive
- ▶ elle est très faible comparée aux autres forces : Elle est 10^{40} fois plus faible que la force électrique

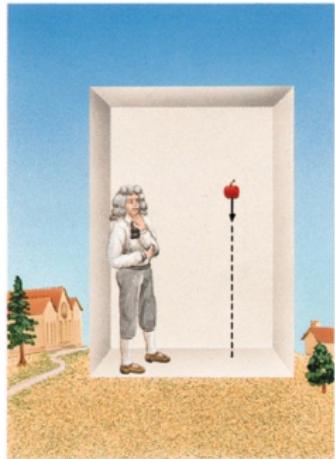
Loi universelle de la chute des corps

En 1638 Galilée énonce que tous les corps tombent de la même manière quelque soit leur poids



Vérification **sur la lune** de la loi de la chute des corps par les astronautes de la mission Apollo 15

Le Principe d'équivalence : l'idée merveilleuse d'Einstein



J'étais assis sur ma chaise au Bureau Fédéral de Berne... Je compris que si une personne est en chute libre, elle ne sentira pas son propre poids. J'en ai été saisi. Cette pensée me fit une grande impression. Elle me poussa vers une nouvelle théorie de la gravitation. (Einstein 1907)

En novembre 1915, Albert Einstein présente sa théorie de la gravitation : la relativité générale

Wenn G eine Skalar ist, dann $\frac{\partial g_{\mu\nu}}{\partial x^i} = T_{\mu}^i$ Tensor 7. Rang.

$$T_{\mu\nu} = \left(\frac{\partial^2 g_{\mu\nu}}{\partial x^i \partial x^j} - \sum_k \left\{ \begin{array}{c} \mu \\ i \\ k \end{array} \right\} \Gamma_{ik}^j \right) - \sum_{k,l} \left\{ \begin{array}{c} \nu \\ j \\ k \\ l \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{c} \mu \\ i \\ l \\ k \end{array} \right\}$$

Tensor

Weitere Voraussetzung:

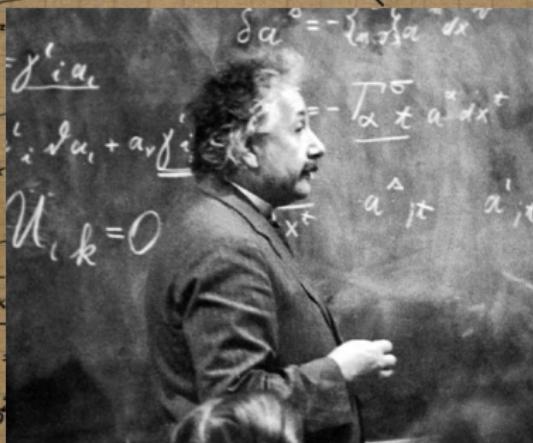
$$\frac{\partial \left\{ \begin{array}{c} \mu \\ i \\ k \end{array} \right\}}{\partial x^k} = \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x^k} \left(g_{\mu i} \right)$$

Wir setzen voran:

$$- \sum_k g_{\mu k} \frac{\partial^2 g_{ik}}{\partial x^i \partial x^k} = 0$$

Erster: $\left\{ \begin{array}{c} \mu \\ i \\ k \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{c} l \\ j \\ k \end{array} \right\} = - g_{\mu \alpha} g_{i \beta} \left(\frac{\partial}{\partial x^i} \right)_\alpha^\beta$

$$\begin{matrix} \alpha & k & l & \beta \\ \alpha & \beta & k & l \end{matrix}$$



der Gravitations-
potentiale

des Gravitations-

$\frac{\partial g_{\mu\nu}}{\partial x^k}$

$\left(\frac{\partial g_{\mu\nu}}{\partial x^k} - \frac{\partial g_{\nu k}}{\partial x^k} + \frac{\partial g_{\mu k}}{\partial x^k} \right)$

$g_{\mu \alpha} g_{i \beta} \frac{\partial g_{ik}}{\partial x^i} \frac{\partial g_{\mu \beta}}{\partial x^k}$

$- \frac{\partial g_{\mu \alpha}}{\partial x^i} \frac{\partial g_{ik}}{\partial x^k}$

oder $- \frac{\partial g_{\mu \alpha}}{\partial x^k} \frac{\partial g_{ik}}{\partial x^i}$

$\frac{\partial}{\partial x^i} \left(g_{\mu \alpha} g_{i \beta} \frac{\partial g_{ik}}{\partial x^k} \right) - g_{\mu \alpha} g_{i \beta} \left(\frac{\partial^2 g_{ik}}{\partial x^i \partial x^k} - \frac{\partial^2 g_{ik}}{\partial x^k \partial x^i} \right) \left(\frac{\partial g_{\mu \beta}}{\partial x^i} - \frac{\partial g_{\mu \beta}}{\partial x^k} \right)$

Il a profondément changé notre vision de l'espace et du temps

Est-ce le dernier mot sur la gravitation?

$$g_{\mu\nu} = \frac{\partial x^i}{\partial x_\mu} \frac{\partial x^j}{\partial x_\nu} + \text{terms like } \{ \alpha \} \{ \kappa \}$$

Wenn G eine Skalar ist, dann $\frac{\partial g_{\mu\nu}}{\partial x^\lambda} = T_{\mu\nu}$ tensor of Ranges.

$$T_{\mu\nu} = \left(\frac{\partial T_0}{\partial x^\mu} - \sum_{\lambda} \{ \lambda \} T_{\mu\lambda} \right) - \sum_{\lambda} \left(\frac{\partial \{ \lambda \}}{\partial x^\mu} - \{ \lambda \} \{ \lambda \} \right)$$

Tensor

Weitere Umformung

$$\frac{\partial \{ \lambda \}}{\partial x^\mu} = \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x^\mu} (\delta_{\lambda}^{\mu} \delta_{\alpha\beta}^{\mu\nu})$$

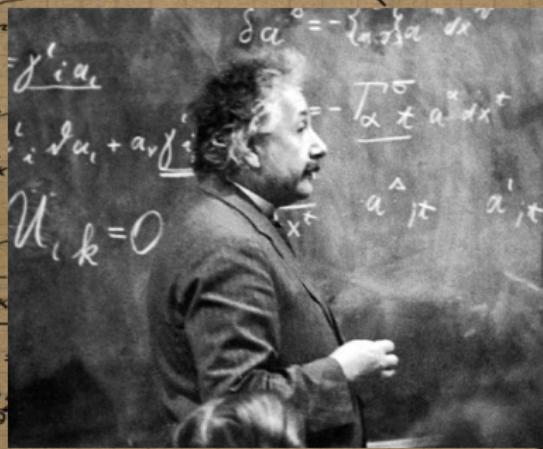
Wir setzen voran

$$- \sum_{\lambda} \delta_{\lambda\alpha} \frac{\partial \{ \lambda \}}{\partial x^\mu}$$

Ferner $\{ \lambda \} \{ \mu \} =$

$$= - \delta_{\lambda\alpha} \delta_{\mu\beta} \left(\frac{\partial}{\partial x^\alpha} \right)_\beta$$

$\begin{matrix} \alpha \\ \lambda \end{matrix} \quad \begin{matrix} \mu \\ \beta \end{matrix}$



her Gravitations-
tensors

es gleich

$$\frac{\partial g_{\mu\nu}}{\partial x^\lambda}$$

$$(\delta_{\lambda}^{\mu} \delta_{\alpha\beta}^{\mu\nu}) \left(\frac{\partial g_{\mu\nu}}{\partial x^\lambda} - \frac{\partial g_{\lambda\mu}}{\partial x^\mu} + \frac{\partial g_{\lambda\nu}}{\partial x^\nu} \right)$$

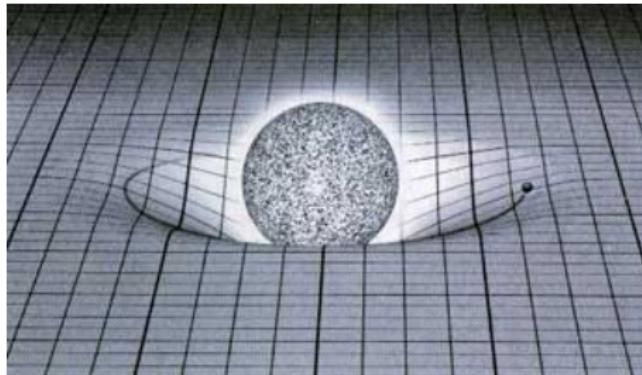
$$\delta_{\lambda\alpha} \delta_{\mu\beta} \frac{\partial g_{\lambda\mu}}{\partial x^\alpha} \frac{\partial g_{\lambda\nu}}{\partial x^\nu}$$

$$- \frac{\partial g_{\lambda\alpha}}{\partial x^\mu} \frac{\partial g_{\lambda\mu}}{\partial x^\nu}$$

Il faut avoir calculé et mesuré bien des espaces réels et fictifs avant de s'attaquer, comme penseur, au problème de l'espace.

Hermann Hesse, « Narcisse et Goldmund »

La gravitation comme courbure de l'espace-temps



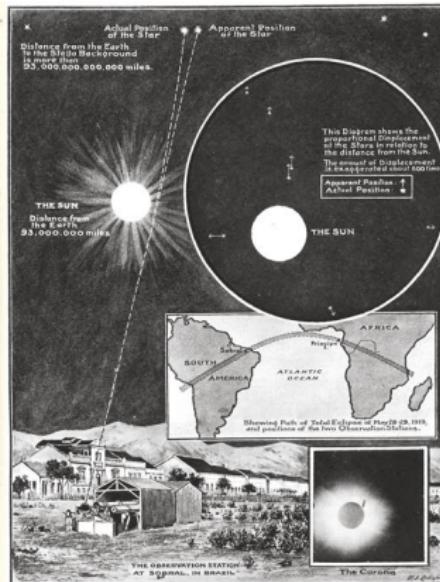
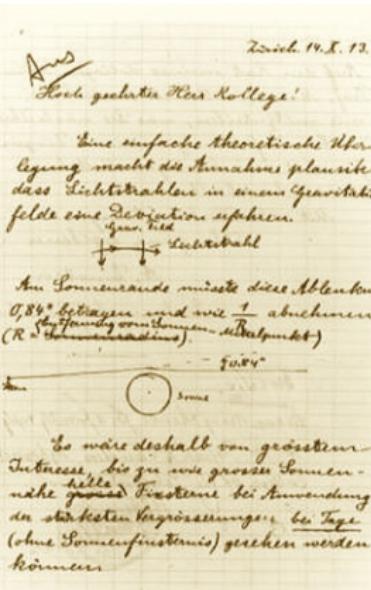
L'espace tout entier est la scène du champ gravitationnel :

un corps n'est pas attiré par un autre corps mais se déplace librement dans un espace-temps courbé

Les corps suivent des mouvements naturels en réagissant aux propriétés de l'espace-temps.

Voir la gravitation

Einstein prédit que la lumière est déviée par le Soleil



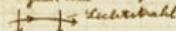
Confirmé par Eddington et Dyson avec l'éclipse de 1919

Voir la gravitation

Einstein prédit que la lumière est déviée par le Soleil

Ans
Sehr geehrter Herr Kollege!

Eine einfache theoretische Überlegung macht das Annahme plausibel, dass Lichtstrahlen in einem Gravitationsfelde eine Deviation sphärisch zeigen.

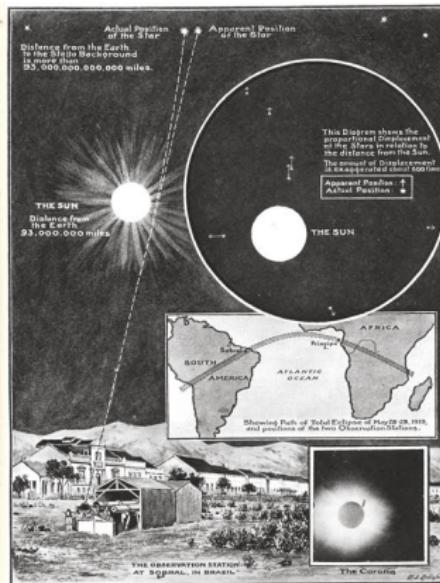


Am Sonnenrande misste diese Ablenkung $0,84^\circ$ beißiger und wie $\frac{1}{R}$ abnehmende $(R = \text{Sonneabstand})$ Abweichung.

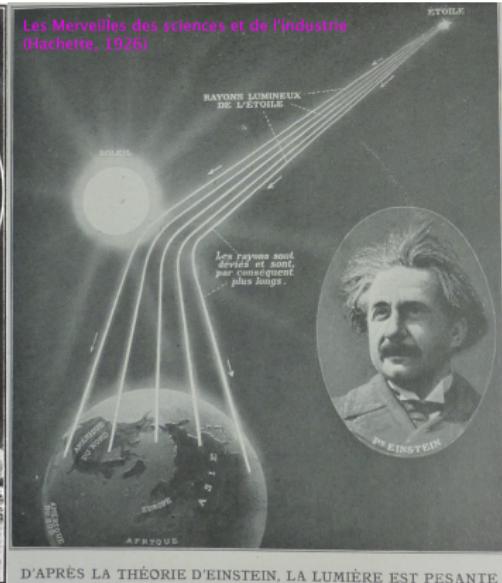
$0,84^\circ$



So wäre deshalb von großer Interesse, bis zu wie grosser Sonnen-nähe grosse Faktoren bei Anwendung der starken Vergrösserungen bei Tages (ohne Sonnenfinsternis) gesehen werden können.



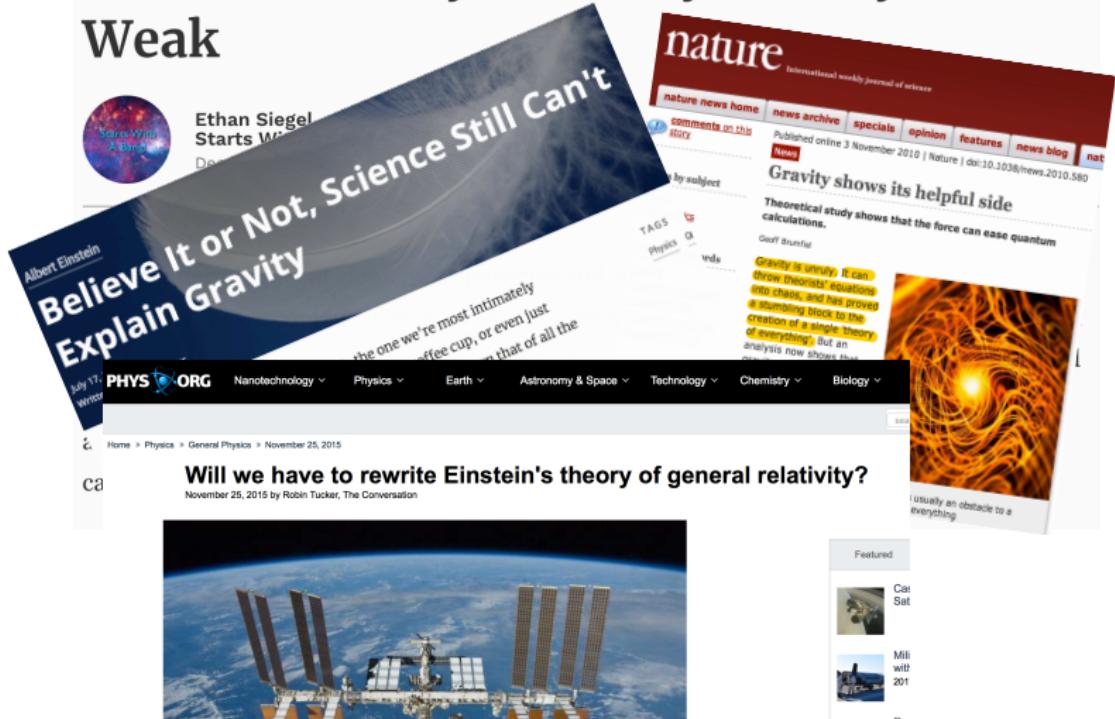
Les Merveilles des sciences et de l'industrie
(Hachette, 1926)



D'APRÈS LA THÉORIE D'EINSTEIN, LA LUMIÈRE EST PESANTE

Curieuse illustration dans « Les merveilles des sciences et l'industrie » (Hachette, 1926), où soleil repousse la lumière 😊

The Greatest Unsolved Problem In Theoretical Physics: Why Gravity Is So Weak



Ethan Siegel Starts Writing About Physics Again

Albert Einstein
July 17, 2015, Winter

PHYS.ORG Nanotechnology Physics Earth Astronomy & Space Technology Chemistry Biology

Home > Physics > General Physics > November 25, 2015

Will we have to rewrite Einstein's theory of general relativity?

November 25, 2015 by Robin Tucker, The Conversation

Geoff Brumfiel

Gravity is usually... It can drive chaos, and has proved a stumbling block to the creation of a single theory of everything. But an analysis now shows that

I usually an obstacle to a everything

Featured

Cat Sat

Mil with 201

C'est la force fondamentale la moins bien comprise

Deuxième partie II

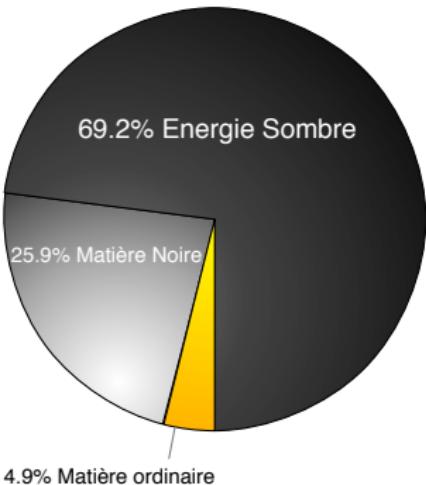
La gravitation aujourd’hui



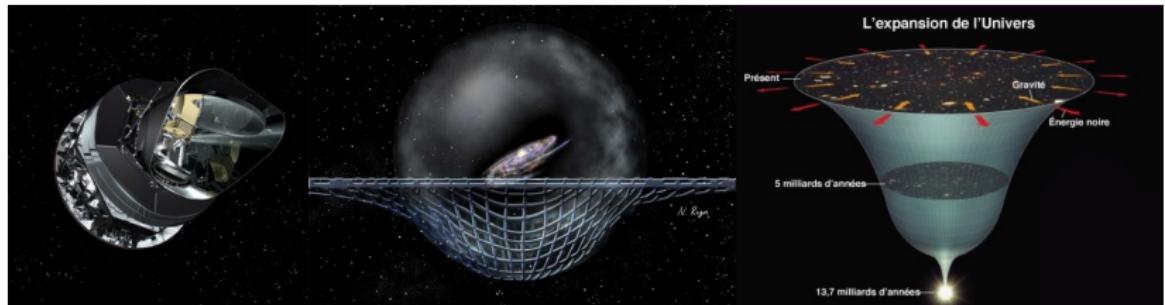
Les physiciens disent des trous noirs qu'à force de se concentrer dans le ciel nocturne, il leur arrive d'enrouler, dans la substance ténèbreuse, l'espace qu'ils épanchent dans le temps.

Pascal Quignard (La barque silencieuse Chap XXV Extase et enstase)

La gravitation et notre Univers

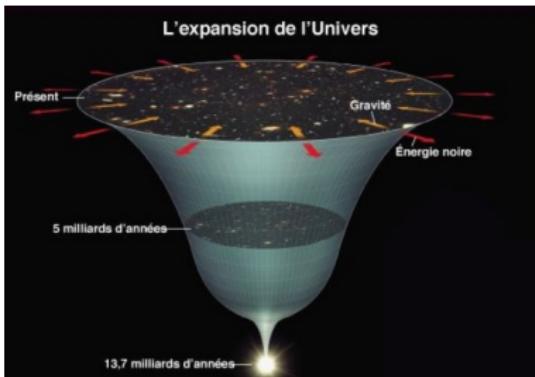
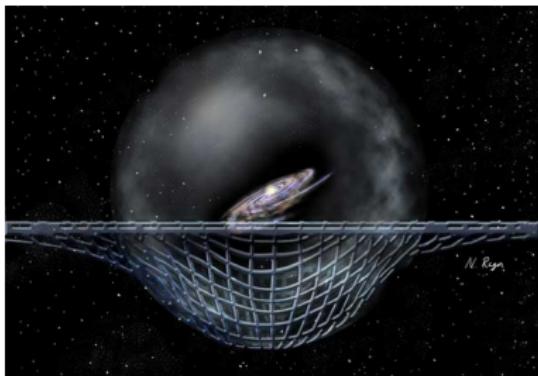


- ▶ Héritage scientifique de la mission Planck (17 juillet 2018)
- ▶ 4.9% matière ordinaire (particules, ...)
- ▶ 25.9% matière noire (autour des galaxies, ...)
- ▶ 69.2% énergie noire (moteur de l'expansion de l'univers)



La face obscure de l'Univers

Matière noire et énergie noire inconnues, invisibles, peupleraient massivement notre Univers observable



L'énergie noire rappelle la *quintessence*, matière incréée, inaltérable, invisible et omniprésente, dont Aristote remplissait les cieux

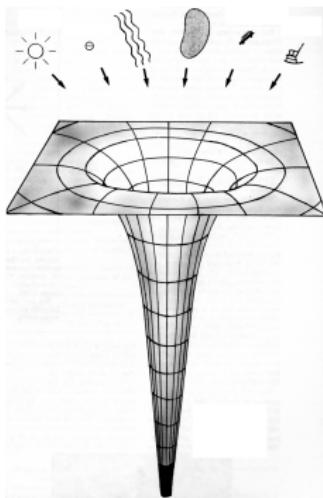
L'énergie noire est une sorte d' « antigravité »

Faut-il remettre à plat toute la physique de la gravitation élaborée depuis Newton et par Einstein ?

Les objets macroscopiques les plus parfaits



The most perfect macroscopic objects there are in the universe : the only elements in their construction are our concepts of space and time (S. Chandrasekhar)



- ▶ Caractérisés par la géométrie extérieure
 - Masse M
 - Moments angulaires J
 - Charges électriques Q
- ▶ Absorbent toute la matière et toute énergie
 - On ne peut pas écranter leur attraction
- ▶ Singularité au centre du trou noir cachée par un horizon des événements

Einstein doute de la réalité des trous noirs

ON A STATIONARY SYSTEM WITH SPHERICAL SYMMETRY
CONSISTING OF MANY GRAVITATING MASSES

BY ALBERT EINSTEIN

(Received May 10, 1939)

If one considers Schwarzschild's solution of the static gravitational field of spherical symmetry

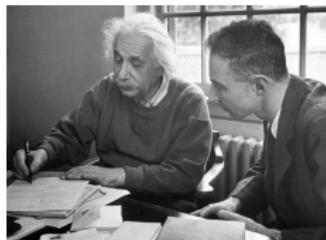
$$(1) \quad ds^2 = -\left(1 + \frac{\mu}{2r}\right)^4 (dx_1^2 + dx_2^2 + dx_3^2) + \left(\frac{1 - \frac{\mu}{2r}}{1 + \frac{\mu}{2r}}\right)^2 dt^2$$

sents the gravitating mass.)

There arises the question whether it is possible to build up a field containing such singularities with the help of actual gravitating masses, or whether such regions with vanishing g_{tt} do not exist in cases which have physical reality. Schwarzschild himself investigated the gravitational field which is produced by an incompressible liquid. He found that in this case, too, there appears a region with vanishing g_{tt} if only, with given density of the liquid, the radius of the field-producing sphere is chosen large enough.

This argument, however, is not convincing; the concept of an incompressible liquid is not compatible with relativity theory as elastic waves would have to travel with infinite velocity. It would be necessary, therefore, to introduce a compressible liquid whose equation of state excludes the possibility of sound

- ▶ La singularité des trous noirs est-elle réelles ou fictive ?
- ▶ Comment la matière peut-elle créer un trou noir ?
- ▶ En 1939 Einstein argumente que les trous noirs sont *incompatible* avec la réalité physique de sa théorie de la gravitation (Einstein, Annal of Mathematics [40](#) 4 (1939) 922-936)



Il faudra attendre les années 1950 avec les travaux de Robert Oppenheimer et de John Wheeler pour que les trous noirs soient vus comme des objets astrophysiques présents dans l'Univers et observables

Les trous noirs : le test ultime de la relativité

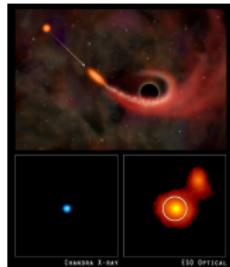


DOCTOR : Short version. Because of the black hole, time is moving faster at this end of the ship than the other. It's all about gravity. Gravity slows down time.

(World Enough And Time- Doctor Who, episode 275a)

La théorie d'Einstein est très bien confirmée en champ faible autour de la Terre et dans le système solaire mais on a peu de test en champ fort proche d'un trou noir

Combien de trous noirs ?



SCIENCE NEWS LETTER for January 18, 1964

ASTRONOMY

"Black Holes" in Space

The heavy densely packed dying stars that speckle space may help determine how matter behaves when enclosed in its own gravitational field—By Ann Ewing

► SPACE may be peppered with "black holes."

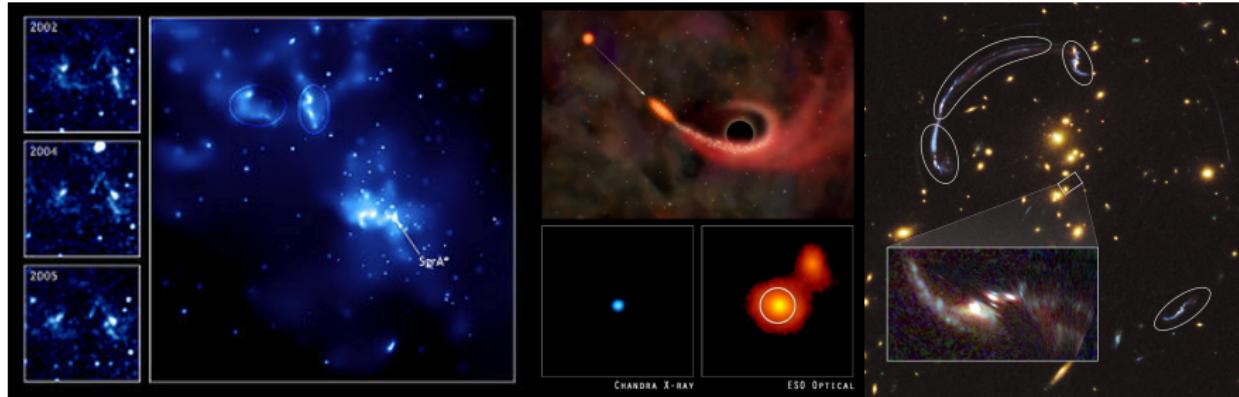
This was suggested at the American

Modern tools, such as telescopes on an orbiting space platform, may be used to detect such black holes and to help determine

- ▶ On estime à 100 millions de trou noir d'une masse solaire dans notre galaxie
- ▶ La région de l'Univers visible de la Terre contient environ 100 milliard de galaxies
- ▶ On estime à 100 milliard le nombre de trou noir supermassifs (millions ou de milliard de masse solaire) dans l'univers
- ▶ Le trou noir connu le plus proche est à 1600 années lumières de la Terre

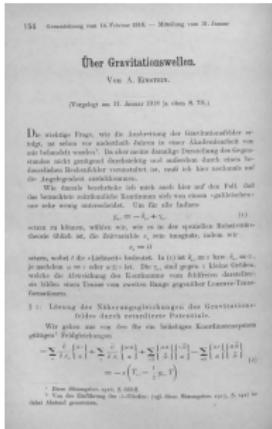
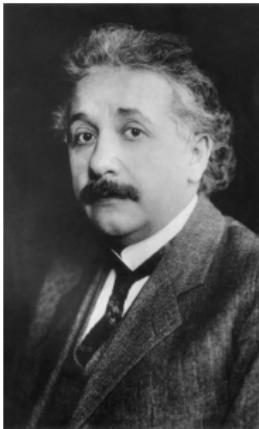
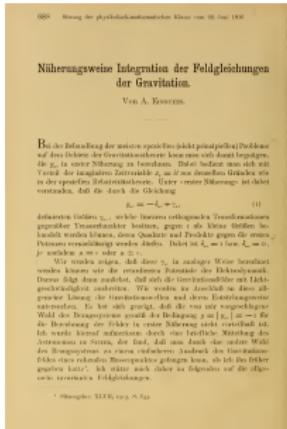
Voir les trous noirs

Sagittarius A* au centre de notre galaxie d'une masse M_{\odot} de 4.1 millions de masses solaires M_{\odot}



Vu en observant la matière attirée par le trou noir ou par la déformation des étoiles et effet de lentilles gravitationnelles

Einstein et les ondes gravitationnelles



Entre 1916 et 1918 Einstein détermine l'intensité de production d'ondes gravitationnelles

$$L = \frac{G_N}{3c^5} \left(\frac{d^3}{dt^3} Q_{ab} \right)^2$$

Il trouva une luminosité rayonnée très faible

Einstein et les ondes gravitationnelles

En 1936 dans un article intitulé « Do Gravitational Waves Exist? » Il argumente contre la réalité physique des ondes.

Cet article rejeté par Physical Review apparaitra dans le *Journal of the Franklin Institute* sous le titre « On Gravitational Waves »

ON GRAVITATIONAL WAVES.

BY

A. EINSTEIN and N. ROSEN.

ABSTRACT.

The rigorous solution for cylindrical gravitational waves is given. For the convenience of the reader the theory of gravitational waves and their production, already known in principle, is given in the first part of this paper. After encountering relationships which cast doubt on the existence of *rigorous* solutions for undulatory gravitational fields, we investigate rigorously the case of cylindrical gravitational waves. It turns out that rigorous solutions exist and that the problem reduces to the usual cylindrical waves in euclidean space.

Einstein et les ondes gravitationnelles

En 1936 dans un article intitulé « Do Gravitational Waves Exist? » Il argumente contre la réalité physique des ondes.

Cet article rejeté par Physical Review apparaitra dans le *Journal of the Franklin Institute* sous le titre « On Gravitational Waves »

ON GRAVITATIONAL WAVES.

BY

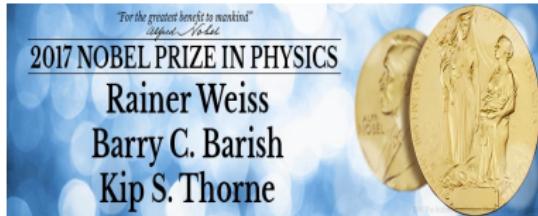
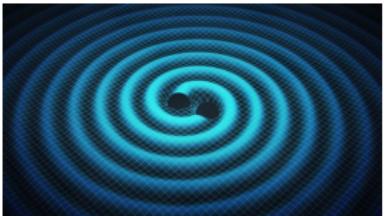
A. EINSTEIN and N. ROSEN.

ABSTRACT.

The rigorous solution for cylindrical gravitational waves is given. For the convenience of the reader the theory of gravitational waves and their production, already known in principle, is given in the first part of this paper. After encountering relationships which cast doubt on the existence of *rigorous* solutions for undulatory gravitational fields, we investigate rigorously the case of cylindrical gravitational waves. It turns out that *rigorous* solutions exist and that the problem reduces to the usual cylindrical waves in euclidean space.

Einstein posait la question importante : Sont-elles des manifestations de l'espace-temps ou des ondes mathématiques de coordonnées ?

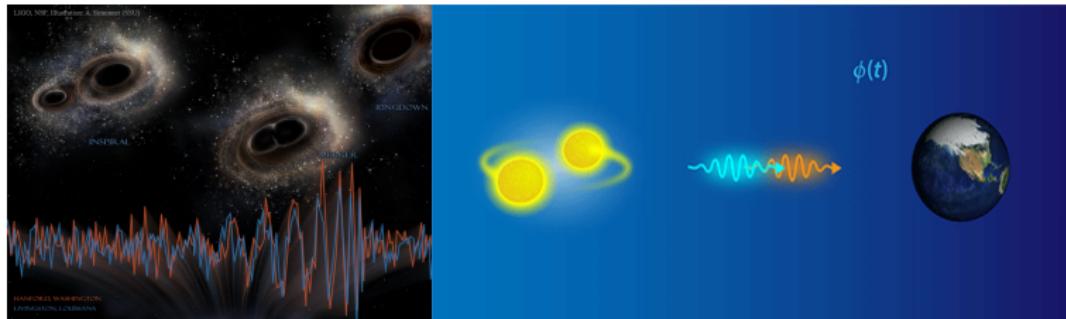
Danse des trous noirs : Ondes gravitationnelles



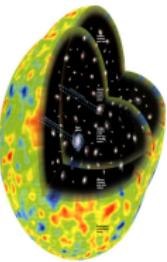
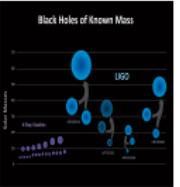
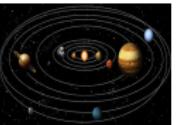
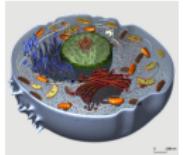
Le 14 septembre 2015 détection d'ondes gravitationnelles émises par un système binaire de trous noirs par LIGO



Une nouvelle fenêtre d'observation sur l'Univers



- ▶ Première détection de la dynamique des trous noirs
- ▶ Nouvelle fenêtre multimessagers sur notre Universe
 - ▶ fusion étoiles à neutrons (GW170817) : signaux GW, X-rays, γ , ...
 - ▶ Contraint fortement des modèles alternatif de la gravitation
- ▶ On pourrait avoir jusqu'à une détection par jour de coalescence de trous noirs



10^{-35} m 10^{-6} m 1 m 10^9 m 10^{19} m 10^{25} m 10^{27} m



connaissance
faible

assez
correcte

bonne

données
peu précises

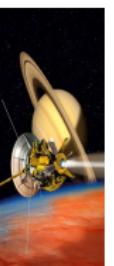
faible

expériences de laboratoire

sondes
spatiales

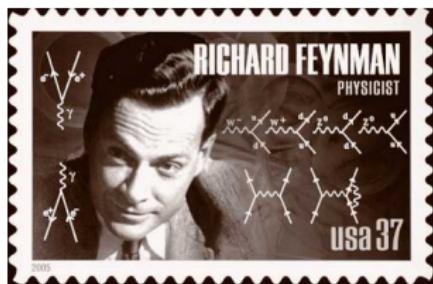
astronomie

cosmologie



Troisième partie III

Gravitation et Mécanique quantique

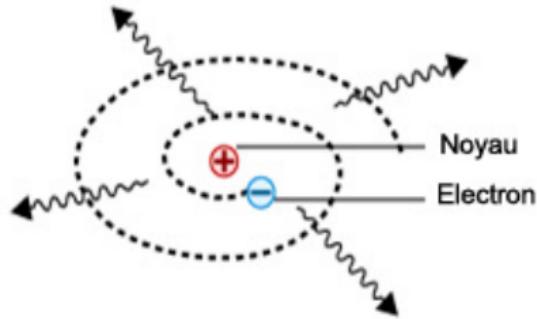
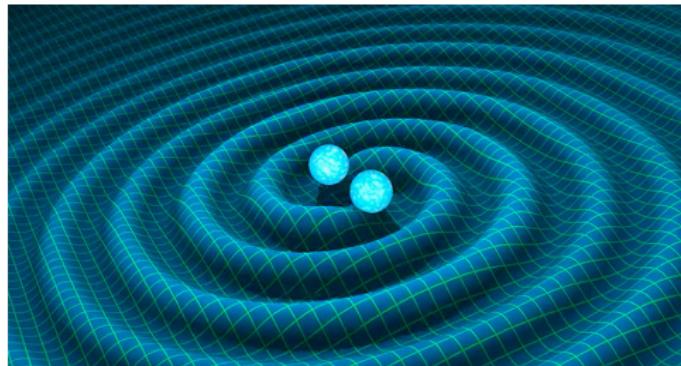


My subject is the quantum theory of gravity.
My interest in it is primarily in the relation of
one part of nature to another.

There's a certain irrationality to any work in
gravitation, so it's hard to explain why you
do any of it; ...

Richard Feynman Jablonna, 1962

Gravitation et mécanique quantique

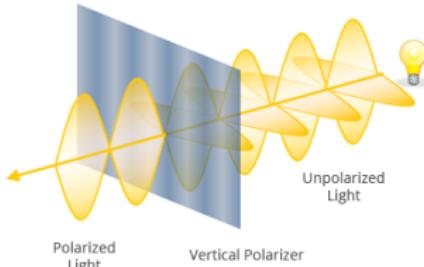
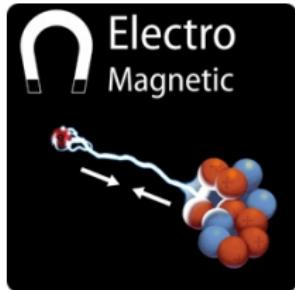


En 1916 Einstein écrit

À cause des mouvements intra-atomiques, l'atome doit rayonner (...) de l'énergie gravitationnelle, même en très faibles quantités.

Comme cela ne peut être le cas dans la nature, il apparaît alors que la théorie quantique doit modifier (...) la nouvelle théorie de la gravitation.

Quantum de lumière : Le photon

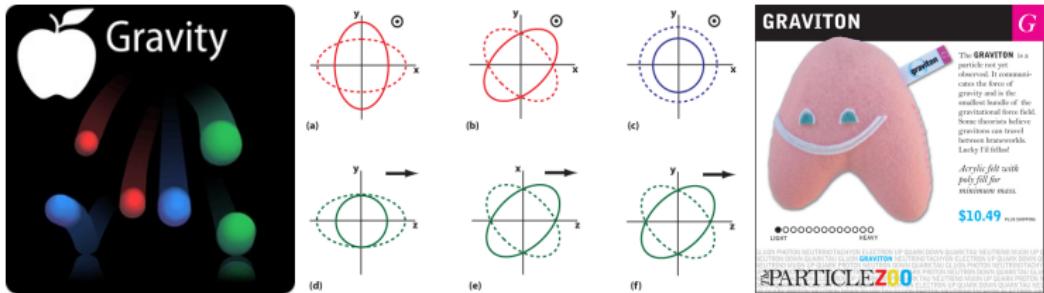


Le photon est la particule des ondes électromagnétiques

$$\gamma : \quad \epsilon_{\mu}^{+}, \quad \epsilon_{\mu}^{-}, \quad \text{masse} = 0$$

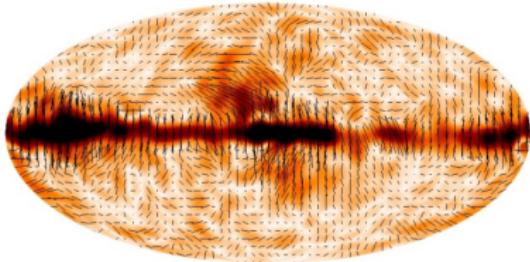


Quantum d'espace-temps : Le graviton

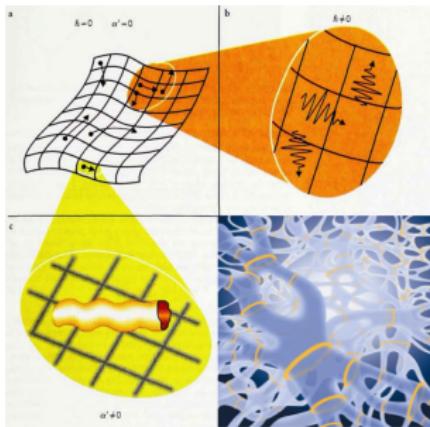


Le graviton est la particule des ondes d'espace-temps

$$h : \quad \epsilon_{\mu\nu}^{++}, \quad \epsilon_{\mu\nu}^{--}, \quad \text{masse} = 0$$

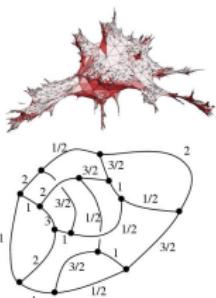
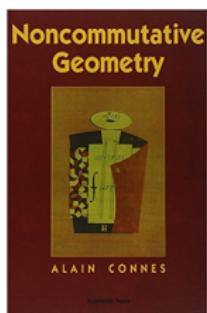


Gravitation et mécanique quantique



Faut-il modifier la théorie de la gravitation pour l'accorder avec la mécanique quantique ?

C'est ce que fait la théorie des cordes

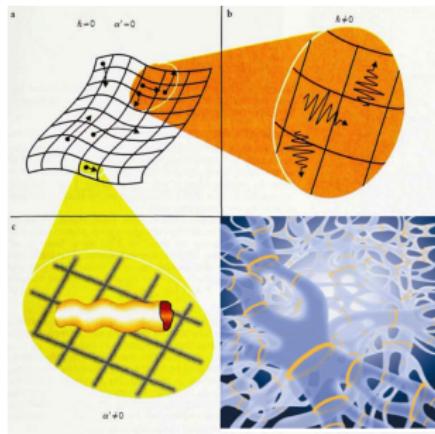
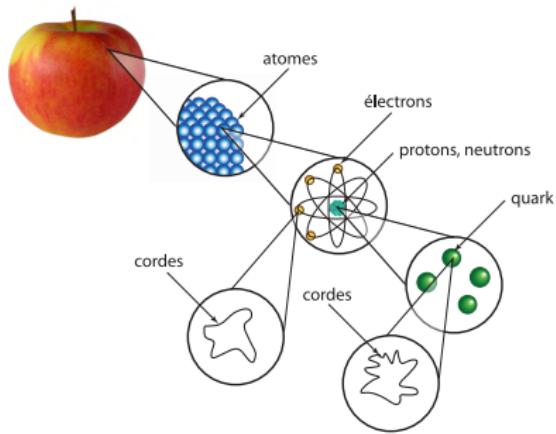


Faut-il préserver la gravitation d'Einstein et modifier les règles de quantification ?

C'est la philosophie de la gravitation quantique à boucles, les triangulations dynamiques causales, la géométrie non-commutative, etc.

La théorie des cordes

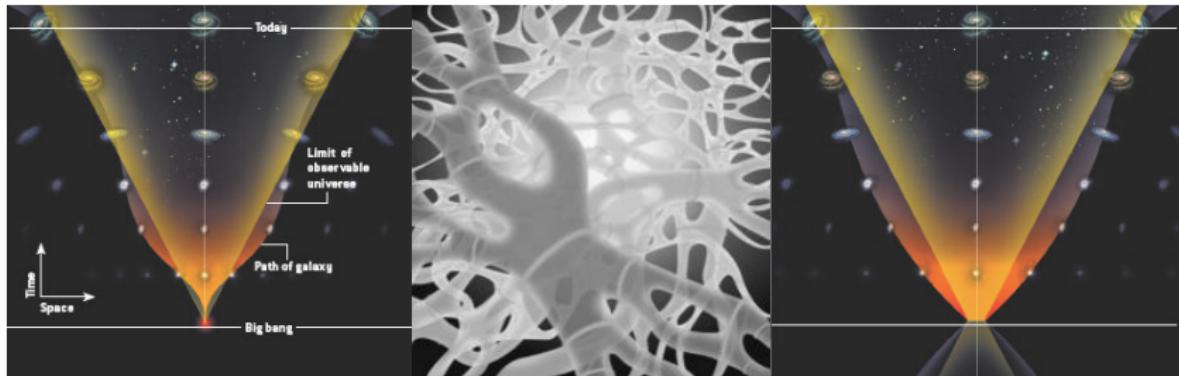
La théorie des cordes réalise le rêve d'Einstein d'une unification géométrique des lois de la physique



La théorie des cordes unifie la mécanique quantique et la théorie de la gravitation d'Einstein

La taille caractéristique des cordes est l'échelle de Planck
 $\ell_P \simeq 1.6 \cdot 10^{-35} m$

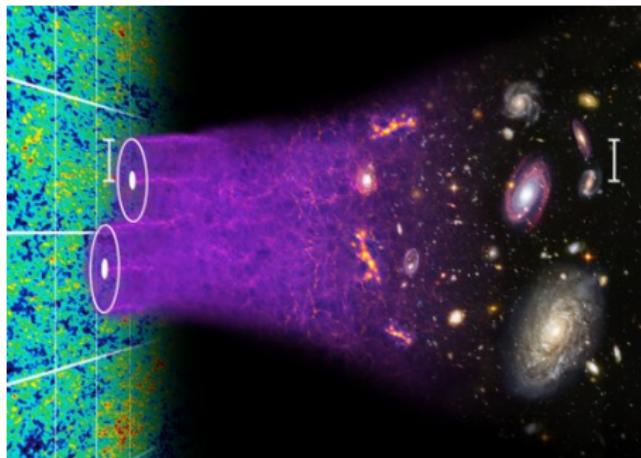
Quelques instants après le Big Bang, la théorie des cordes dominerait l'évolution de l'univers



Selon Gabriele Veneziano il existerait une phase de l'Univers avant le Big Bang

Ondes gravitationnelles primordiales

Les ondes gravitationnelles quantiques polarisent le fond cosmique diffus et dépendent des effets *quantique de l'univers primordial*



Ondes gravitationnelles primordiales

Liberation

{SCIENCES²}

Par Sylvestre Huet
Journaliste à Libération

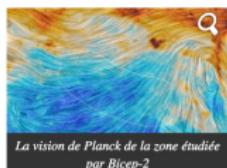
rechercher

À LIRE AUSSI

SUR LE BLOG SCIENCES

- L'essai nucléaire nord-coréen
- Novembre: la Terre au plus chaud
- Arianespace en plein broum
- Darwin l'original à la Cité des sciences
- Ravines de Mars : le CO₂, pas l'eau

ONDES GRAVITATIONNELLES: PLANCK DÉMOLIT BICEP-2



La vision de Planck de la zone étudiée par Bicep-2

LE FIGARO.fr

Premium Actualité Economie Sport Culture Lifestyle Madame ► FigaroTV +

11h14 FMI : les migrants «grave problème» pour l'UE

Tout le flash

« Nous ne pensions pas trouver les ondes gravitationnelles du big bang aussi vite »

ACTUALITÉ > SCIENCES & ENVIRONNEMENT Par [Tristan Vey](#) | [Cyrille Vanherberghe](#) | Publié le 18/04/2014 à 18:30

1 mois d'essai offert sans engagement

ES AUTEURS

UR LE MÊME SUJET

DÉGAGER (271)

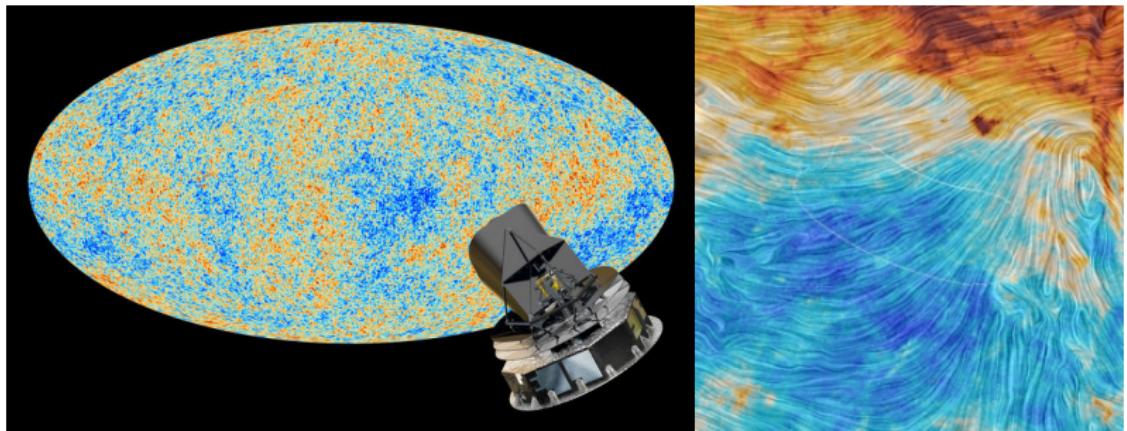
ARTICULER

MPRIMER

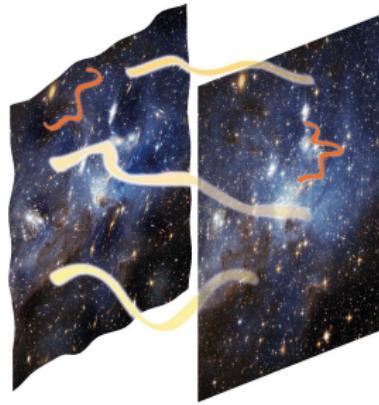
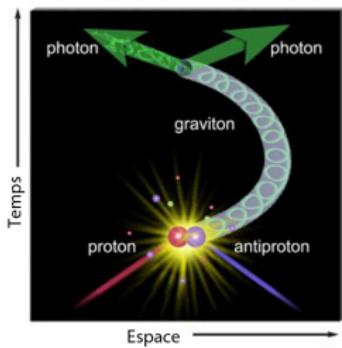
C'est ce matin les deux émissaires

Ondes gravitationnelles primordiales

Malgré de nombreux espoirs encore aucune détection



Expérience Planck 2015



Andreï Sakharov a suggéré que la gravitation pourrait être induite par des fluctuations quantiques dans des dimensions transverses microscopiques

La théorie des cordes permet de réaliser ce scénario expliquant pourquoi la gravitation est la plus faible des forces

Les trous noirs : la théorie poussée à sa limite



En questionnant la nature des trous noirs Stephen Hawking a profondément changé la manière de penser la relation entre gravitation et mécanique quantique

L'intérieur du trou noir est un modèle pour la cosmologie. Résoudre ces questions permettra de progresser sur des questions fondamentales de cosmologie primordiale

We remember Isaac Newton for answers, we remember Hawking for questions. (Kip Thorne)