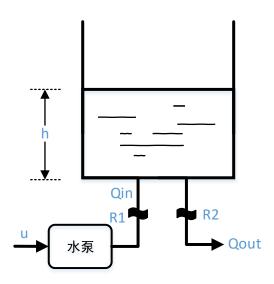
# 利用相关分析法辨识单容水箱模型

## 1 实验目的

通过单容水箱的建模和系统辨识,掌握相关分析法的原理和应用以及系统辨识的具体步骤。

## 2 实验步骤

#### 2.1 单容水箱系统描述



简单的单容水箱模型如上图所示。首先,打开开关 R1,将 R2 打开一定开度后保持不变,给定水泵的输入电压 u,水箱从无水开始注水,液面逐渐升高,出水流量 $Q_{out}$ 逐渐增大,一定时间后出水流量 $Q_{out}$ 和水箱液位 h 达到稳态。此时,在上述工作点电压上附加小的增量  $\Delta u$ ,水泵输出的入水流量 $Q_{in}$ 随之改变(简单起见,假设 $Q_{in}$ 与 u 呈线性关系),从而导致液位 h、出水流量 $Q_{out}$ 的波动。假定可测的是液位 h,可控的是电压 u,并且建立模型的目的是为了控制液位 h。

#### 2.2 系统分析

1. 确定水箱系统的输入和输出,然后根据给出的单容水箱的物理量和方程,建立机理模型, 并在其稳态工作点附近对模型线性化,得到输入输出增量之间的变化关系。 需要考虑的物理量和物理模型有:

水泵电压  $\mathbf{u}$  (单位  $\mathbf{V}$ )、水箱液面高度  $\mathbf{h}$  (单位  $\mathbf{m}$ )、水箱的流入量 $\mathbf{Q}_{in}$  (单位  $\mathbf{m}^3/s$ )、流出量  $\mathbf{Q}_{out}$  (单位  $\mathbf{m}^3/s$ )、水箱横截面积  $\mathbf{A}$ 、泄水阀门流量与压强比例系数  $\mathbf{k}$  物料平衡:

$$A\frac{dh}{dt} = Q_{in} - Q_{out}$$

假设电机输入电压与流入量成正比:

$$Q_{in} = k_2 u$$

出水量与液位满足:

$$Q_{\text{out}} = k\sqrt{\rho gh}$$

2. 请用框图表示系统,标明其输入、输出(注意:输入、输出均应为稳态工作点基础上的增量)。并进一步用脉冲响应函数表达上述系统。

#### 2.3 相关分析法辨识

请写出用相关分析法辨识上述系统时的模型类,并说明模型和系统的区别。

#### 2.3.1 分析系统的过渡过程时间T<sub>s</sub>

可以对系统进行阶跃响应实验(一阶惯性系统的过渡过程时间可由时间常数 T 间接求得:  $T_s \approx 3T$ ,其中 T 为系统阶跃响应到达稳态值的 63.2% 处的时间)。

#### 2.3.2 设计 M 序列u<sub>M</sub>

本实验中,分别将系统的采样时间设定为 $\Delta t$ =25s 和 50s,因此需要分别确定两组 M 序列的参数,并相应的进行两组不同的实验。

M 序列待确定的参数包括:周期  $N_p$  ,幅度 a ,M 序列的总长度 L ,可以参考下式进行选择

$$N_p = (1.2 \sim 1.5) \cdot \frac{T_s}{\Delta t}$$

$$L \geq 3N_p$$

由于不同水箱的水泵特性差异较大, M 序列的幅度 a 需要在实验中合理选择, 较小的 a 会导致输出偏小,辨识结果不准确; 较大的 a 会导致输出偏离平衡点太远,系统呈现非线性。

#### 2.3.3 在实验台上进行单容水箱系统辨识的数据采集

提前准备好生成 M 序列的.txt 文件, M 序列输入为 $\{-1,1\}$ 的二值变量,每个输入间以 Tab 分隔符分隔,比如 1 -1 1 1 -1 (生成一个周期的 M 序列即可,系统会自动循环调用)。具体实验流程见附录 2。

#### 2.3.4 根据相关分析法辨识离散化系统的脉冲响应

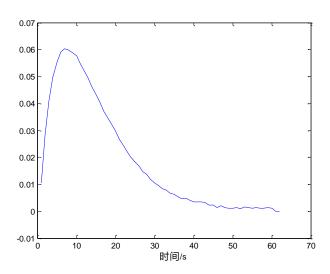
保存 M 序列施加于输入电压后单容水箱的液面高度变化曲线的结果(包括输入和输出两个文件),通过附录 3 中 matlab 程序得到离散化的系统输入输出数据,利用相关分析法辨识离散化系统的脉冲响应。

## 3 实验报告要求

### 3.1 给出分析系统的过渡过程时间 $T_s$ 的过程和结果

## 3.2 辨识得到离散化系统的脉冲响应 $\hat{g}_0(k)$

假设系统没有干扰噪声。需要给出所得到的  $\hat{g}_0(k)$  和相应的时间时刻 k ,并用画图  $\operatorname{plot}(k,\hat{g}_0(k))$ ,比如给出如下的脉冲响应曲线。



说明:在离散化的系统中是可以不需要准确的时间t,只需要知道当前的采样是第k次采样即可。但在本实验中,给出的时刻k是包含采样时间的(即 $k=[0\Delta t \ 1\Delta t \ \cdots \ L\Delta t]$ ),主要的目的是保证辨识得到的脉冲响应曲线也是包含时间信息的,这样便于对比在选取不同  $deltaT(\Delta t)$  时辨识得到的脉冲响应。

#### 3.3 模型校验

即用辨识出的模型生成预测曲线,并与真实输出曲线对比。

- 3.4 分析对比两种采样频率下的系统辨识结果,说明二者关系
- 3.5 分析 M 序列的周期  $N_{_p}$  、时间间隔  $\Delta t$  、幅度 a ,以及 M 序列的总长度 L 对脉冲响应辨识的影响

说明: 所有的曲线图的横坐标需要标明时间(单位 s),这样方便与真实的脉冲响应曲线进行对比。

## 4 实验提交要求

文件夹1: 以学号命名

文件夹 1 中包含实验报告(word 格式): 以"学号\_姓名"命名

文件夹1中包含文件夹2:以"程序"命名

文件夹 2 中包含 m 文件,以 work1.m 命名。要求 work1.m 必须可以直接点击运行的,work1.m 需要的其他相关的文件和数据可以放到文件夹 2 中,详情参考 WorkPresent.m。

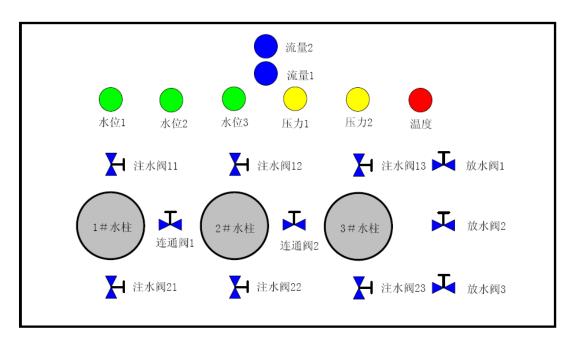
最后对文件夹1打包上传网络学堂作业中。

#### 附1:实验环境

三容水箱如下图所示,本次实验只需用到第3个水箱,故需要把前两个水箱的开关关闭。

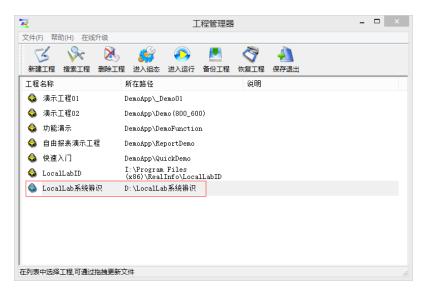


台面设置如下图所示,具体结构详见"过程控制指示书"的附录一



附 2: 实验流程

开机后,点击"开始→程序→紫光桥组态软件→工程管理器",双击打开系统辨识工程



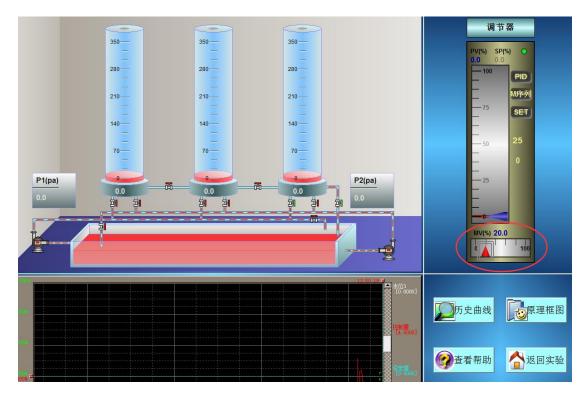
进入工程后,点击上方绿色三角形箭头运行工程:



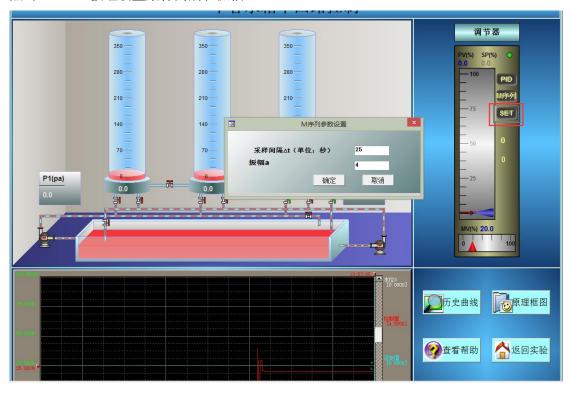
选择单回路控制→单容水箱



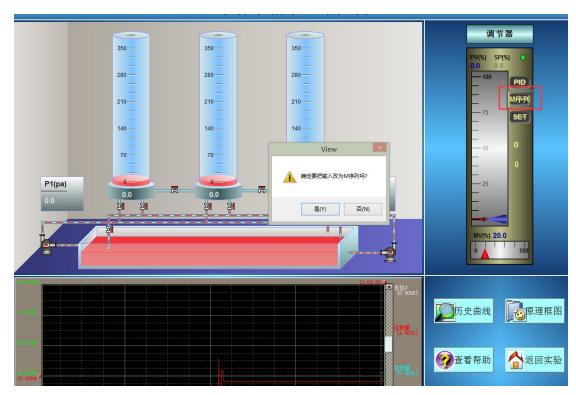
进入实验环境后,调整好单容水箱的各个开关,然后拖动下图的小红三角形来调整电机输入电压,水箱开始注水,液面开始上升。



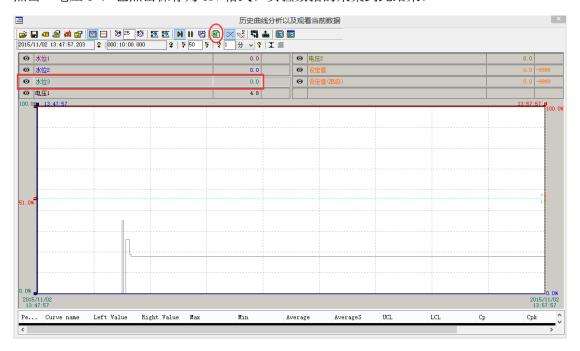
点击"SET"按钮设置采样间隔和振幅。



等单容水箱达到稳态后(约 10min 后,以液面高度不再变化为准),再点击"M 序列",则系统会从"D://data.txt"文件中读取 M 序列,并循环施加于输入电压上,实验需进行约三个周期。

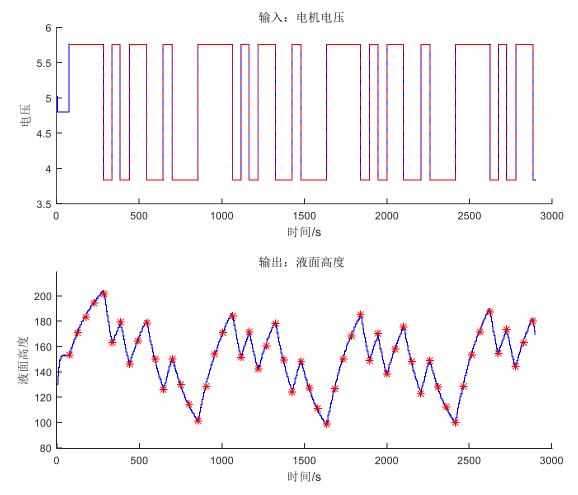


实验完成后,点击"历史曲线"会弹出下图,点击"水位 3",然后点击保存为 csv 格式,再点击"电压 1",也点击保存为 csv 格式。实验数据的采集到此结束。



#### 附 3: 基于 matlab 处理实验数据

从导出的电压 1 和水位 3 的.csv 文件中分别提取时间和观测值两列数据到新建的两个.csv 文件中,比如' data\_d1\_50s15.csv'和' data\_s3\_50s15.csv' (注意: 不要存为.xlsx 格式)。 修改 preprocess.m 文件中的 deltat 和 Np,然后运行该文件,会得到下图:



如果红色的虚线和点与蓝色曲线吻合得很好,则说明成功提取了离散化数据,提取的数据自动保存在了 data.mat 文件中,可以在之后用 load('data.mat')命令提取输入输出数据,然后再进行系统辨识。