## プログラミング

DFT の演算中には複素数が含まれていますので、C 言語などでプログラミングして DFT 係数を求めるためには

$$C[k] = A[k] + j \cdot B[k]$$

の様に DFT 係数 C[k] を実数成分 A[k] と虚数成分 B[k] に分けて求めると楽です。

そこでオイラー公式を使って DFT の演算中に含まれる複素数を  $\sin$  と  $\cos$  の和に分解してみると、A[k] と B[k] は次のようになります。

## DFT をプログラミングで求める

$$A[k] = \frac{1}{N} \sum_{i=0}^{N-1} \left\{ f[i] \cdot \cos(k \cdot \frac{2\pi}{N} \cdot i) \right\} , (k = 0, 1, 2, \dots, N-1)$$

$$B[k] = -\frac{1}{N} \sum_{i=0}^{N-1} \left\{ f[i] \cdot \sin(k \cdot \frac{2\pi}{N} \cdot i) \right\} , (k = 0, 1, 2, \dots, N-1)$$

f[i] … 周期 N [点] の周期性ディジタル信号

A[k]  $\cdots$  k 番目の DFT 係数の実数成分、実数の 定数、個数は  $A[0], A[1], \cdots, A[N-1]$  の N 個

B[k]  $\cdots$  k 番目の DFT 係数の虚数成分、実数の 定数、個数は  $B[0], B[1], \cdots, B[N-1]$  の N 個

このようにすると DFT の演算中に複素数が含まれなくなるので、普通に外側が k、内側が i の 2 重 for ループを作って A[k] と B[k] を求められます。また

$$|C[k]| = \sqrt{A^2[k] + B^2[k]}$$

$$\angle C[k] = \operatorname{atan2}(B[k], A[k])$$

より DFT 係数 C[k] の絶対値と偏角も求まります。

同様に IDFT を A[k] と B[k] を使って書き直すと次のようになります。

## IDFT をプログラミングで求める

$$f[i] = \sum_{k=0}^{N-1} \left\{ A[k] \cdot \cos(k \cdot \frac{2\pi}{N} \cdot i) - B[k] \cdot \sin(k \cdot \frac{2\pi}{N} \cdot i) \right\} , (i = 0, 1, 2, \dots, N-1)$$

f[i] … 周期 N [点] の周期性ディジタル信号

A[k]  $\cdots$  k 番目の DFT 係数の実数成分、実数の 定数、個数は  $A[0], A[1], \cdots, A[N-1]$  の N 個

B[k] … k 番目の DFT 係数の虚数成分、実数の 定数、個数は  $B[0], B[1], \dots, B[N-1]$  の N 個

この場合は外側がi、内側がkの2重 for ループを作ってA[k]とB[k]からf[i]を復元できます。