$$p(x_{0:N}, y_{0:N}) = \prod_{n=0}^{N} g(y_n | x_{0:n}) f(x_n | x_{0:n-1})$$