Sistemas Inteligentes

Practica 1

Pablo José Rocamora Zamora G3.2

9 de Diciembre de 2017

Índice general

Explicación breve y completa de la técnica Algoritmo Genético (AG).	3
Explicación detallada de todas las preguntas realizadas.	4
Tablas con los resultados de las ejecuciones.	6
Análisis de las pruebas de ajuste.	8
Manual-Asignación.	10
Casos del Usuario	10
Bibliografía	12

Explicación breve y completa de la técnica Algoritmo Genético (AG).

Un algoritmo genético (AG) es una variante de la búsqueda de haz estocástica en la que los estados sucesores se generan combinando a dos estados padres, más que modificar un solo estado.

El algoritmo genético trata de encontrar la mejor solución por comparación de un conjunto de soluciones.

Las soluciones se generan a través del cruzamiento de generaciones o soluciones anteriores; está cruzando generaciones para obtener una nueva generación, de manera que podamos compararla para ver si estamos acercándonos a la solución final [1].

Elementos

Tenemos diferentes formas de codificar una población:

- Codificación binaria
- Codificación entera
- Codificación real
- Codificación en orden

Tenemos distintos operadores genéticos:

- Selección: (escoge que individuos se reproducirán y cuales no)
 - Ruleta: Se eligen con probabilidad proporcional a su función de idoneidad.
 - Torneo: Se establecen k torneos aleatorios entre parejas de individuos y se eligen los que ganan en cada torneo (mejor función idoneidad).
- Cruce: (recombina individuos para producir descendencia)
 - Cruce por un punto: dos padres a partir de un gen, se intercambian el resto de genes, creando 2 hijos nuevos
 - Cruce por dos puntos: dos padres a partir de un rango de genes, se intercambian los genes de ese rango, creando dos hijos nuevos
- Mutación: (provoca el cambio de valor de algunos genes del individuo)
 - Cambio de un gen aleatorio
 - Intercambio entre dos genes

Tenemos que definir la función objetivo

Es necesario crear la función fitness; es una función de adaptación que tiene que retornar un numero n: n>0, es la forma de evaluar la población.

Proceso

- 1. Codificamos el problema (en nuestro caso en forma de *Integer*).
- 2. Generanos una población inicial aleatoriamente de k estados.
- 3. Seleccionamos k individuos a través del operador de selección para crear una nueva población.
- 4. Elegimos individuos con una probabilidad (p_c) para ser cruzados y crear una nueva población.
- 5. Con una probabilidad (p_m) mutamos los genes de los individuos de la población actual.

6. Esta nueva población sustituye a la original y forma la nueva población inicial que se usará en la siguiente generación, volvemos al paso 3

Explicación detallada de todas las preguntas realizadas.

Explica de qué manera se están inicializando los individuos en el AG propuesto.

La población se inicializada cogiendo la plantilla, y poniendo sus valores, cuando un valor es 0 significa que no esta, por lo que añade un numero aleatorio del rango 1-9.

Explica el funcionamiento de los operadores de selección indicados en la sección "Ajuste del Algoritmo Genético".

Tenemos disponibles en este caso 2 operadores de Selección:

- GARouletteWheelSelector: Se asigna una probabilidad de selección proporcional al valor del fitness del cromosoma.
- GATournamentSelector: Escoge al individuo de mejor fitness de entre N_{ts} individuos seleccionados aleatoriamente con reemplazamiento ($N_{ts}=2,3,...$).

[2]

Explica de qué manera se están cruzando los individuos.

Se hace un cruce por 2 puntos; el primer rango de genes corresponde a p1 y el segundo rango a p2. El tamaño de los rangos es aleatorio, por lo que a veces será mas grande p1 y otras más pequeño.

Explica de qué manera se están mutando los individuos.

No lo se.

Define y explica la condición de parada que utilizarás.

Tenemos 2 condiciones de parada posibles:

- 1. La óptima es que el fitness sea 0, lo que significa que el problema ha encontrado la solución y termina correctamente.
- 2. Se ha llegado al número máximo de generaciones, que en este caso son 12000; aquí llegaremos cuando no lleguemos a un fitness 0 y significará que la configuración que hayamos usado no es correcta.

Diseña y explica la función fitness que utilizarás.

La función fitness se compone de 3 partes: comprobar las filas, comprobar las columnas y comprobar las subcuadrículas

- Comprobar Filas: Recorre todas las filas; para cada fila crea un array en el que introduce el número que lee, usando como índice el valor del número, por lo que al acabar de leer la fila tendremos un array de números ordenados en el que sí están todos los números la fila es correcta y si falta algún número habrá un 0 en el array, la cantidad de 0 indican la cantidad de números que hay mal en la fila. Una vez rellenado el array, llama a la función compruebaHuecosVacios() para que calcule la cantidad de números que hay mal en la fila y aumentar nuestro contador global de fallos.
- Comprobar columnas: Recorre todas las columnas; para cada columna crea un array en el que introduce el número que lee, usando como índice el valor del número, por lo que al acabar de leer la columna tendremos un array de números ordenados en el que si están todos los números la columnas es correcta y si falta algún numero habrá un 0 en el array, la cantidad de 0 indican la cantidad de números que hay mal en la columna. Una vez rellenado el array, llama a la función compruebaHuecosVacios() para que calcule la cantidad de números que hay mal en la columna y aumentar nuestro contador global de fallos.
- Comprobar subcuadriculas: Recorre todas las subcuadrículas; para cada subcuadrícula crea un array en el que introduce el número que lee, usando como índice el valor del número, por lo que al acabar de leer la subcuadrícula tendremos un array de números ordenados en el que sí están todos los números. La subcuadrícula es correcta, y si falta algún número, habrá un 0 en el array. La cantidad de 0 indican la cantidad de números que hay mal en la subcuadrícula. Una vez rellenado el array, llama a la función compruebaHuecosVacios() para que calcule la cantidad de números que hay mal en la subcuadrícula y así aumentar nuestro contador global de fallos.
- Función compruebaHuecosVacios: Función que recibe un array con los valores de una fila, columna o subcuadrícula. Lo recorre, y por cada 0 que encuentre, aumenta el contador. Finalmente, lo retorna para aumentar el contador general de la función fitness.

```
/**
    * Metodo que comprueba la cantidad de huecos que tiene el array con un 0
    */
int compruebaHuecosVacios(int *array, int tamSudoku) {
    int huecosVacios = 0;
    for (int i = 1; i <= tamSudoku; i++)
        if (array[i] == 0)
        huecosVacios++;

return huecosVacios;
}</pre>
```

Ejemplo 1: Tenemos una fila con valores (7, 1, 3, 2, 5, 4, 6, 8, 9); al llamar a *calculaFilas()*, obtenemos el array ordenado. Posteriormente, llamamos a *compruebaHuecosVacios()* y comprobamos el número de 0 que haya; en este caso, como no hay repeticiones, tampoco hay 0 y, por tanto, la fila es correcta.

7	1	3	2	5	4	6	8	9
1	2	3	4	5	6	7	8	9

Ejemplo 2: Tenemos una columna los valores (7, 1, 3, 3, 5, 5, 6, 8, 9); al llamar a calcula Columnas () obtenemos el array ordenado. Posteriormente, llamamos a comprueba Huecos Vacios () y comprobamos el número de 0 que hay; en este caso, como están repetidos tanto el 3 como el

5, faltan 2 números que son el 2 y el 4, con lo que el número de fallos son 2.

7	1	3	3	5	5	6	8	9
1	0	3	0	5	6	7	8	9

Tablas con los resultados de las ejecuciones.

Vamos a realizar el ajuste de parámetros de la siguiente manera:

- Conjunto de casos del problema: Casos 1-5.
- Métodos/parámetros fijos: Nº generaciones = 12000, operador de cruce y operador de mutación.
- Métodos/parámetros ajustables: Tam Población, pc, pm, Selector.

Para un mejor ajuste se ha añadido un sudoku extra de una complejidad superior al resto; en la siguiente sección se hablará de él. En la tabla también aparecen:

- Especial: sudoku extra.
- Valido?: que es la suma de los fitness de los 5 casos, si es 0 ese ajuste funciona con todos los casos.
- Tiempo: C1-5: Tiempo de ejecución del caso indicado.
- Promedio Tiempo: Promedio de tiempo de ejecuciones de todos los casos.

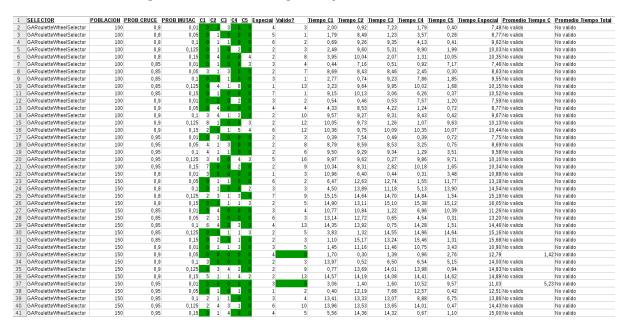


Figura 1: Tabla con selector GARouletteWheelSelector para casos de ajuste

1 SELECTOR	POBLACION	PROB CRUCE	PROB MUTAC	<u>C1</u> <u>C</u>	2 C	3 <u>C4</u>	C5	Especial	Valido?	Ti	empo C1 I	iempo C2	Tiempo C3	Tiempo C4	Tiempo C5	Tiempo Especial Promedio Ti	empo C Promedio Tie	empo Total
2 GATournamentSelector	100	0,8	0,01	1 5	4	5	5	3 3	3	22	6,78	6,47	6,48	6,75	7,14	6,87 No valido	No valido	
3 GATournamentSelector	100	0,8	0,05	0	0	0	0	0 1	į	0	2,59	6,20	0,24	0,28	0,52	7,95	1,97 No valido	
4 GATournamentSelector	100	0,8	0,1	. 0	0	0	0	0 2	2	0	0,40	2,04	2,26	0,38	0,45	8,91	1,11 No valido	
5 GATournamentSelector	100	0,8	0,125	0	0	0	0	0 4	ļ	0	0,34	0,37	1,22	0,37	0,25	9,75	0,51 No valido	
6 GATournamentSelector	100	8,0	0,15	0	0	0	0	0 3	3	0	0,44	0,23	0,60	0,87	0,25	9,85	0,48 No valido	
7 GATournamentSelector	100	0,85	0,01	1 5	3	2	2	3 6	3	15	7,18	6,84	6,83	6,81	6,66	6,87 No valido	No valido	
8 GATournamentSelector	100	0,85	0,05	3	0	0	0	0 3	3	3	7,91	0,40	0,34	0,39	3,92	8,07 No valido	No valido	
9 GATournamentSelector	100	0,85	0,1	0	0	0	0	0 3	3	0	0,24	7,53	0,35	0,18	0,28	8,92	1,72 No valido	
10 GATournamentSelector	100	0,85	0,125	0	0	0	0	0 2	2	0	0,40	1,76	3,37	1,23	0,18	9,53	1,39 No valido	
11 GATournamentSelector	100	0,85	0,15	0	0	0	0	0 2	2	0	0,39	0,70	4,48	1,02	0,33	9,83	1,38 No valido	
12 GATournamentSelector	100	0,9	0,01	1 3	7	8	2	2 4	1	22	7,15	6,88	7,01	6,91	6,66	7,30 No valido	No valido	
13 GATournamentSelector	100	0,9	0,05	0	1	0	0	0 4	1	1	0,82	7,77	0,24	5,09	0,29	7,81 No valido	No valido	
14 GATournamentSelector	100	0,9	0,1	0	0	0	0	0 3	3	0	0,35	5,10	1,98	0,25	0,26	9,02	1,58 No valido	
15 GATournamentSelector	100	0,9	0,125	0	1	0	0	0 3	3	1	0,40	9,12	0,36	0,69	0,59	9,37 No valido	No valido	
16 GATournamentSelector	100	0,9	0,15	0	0	0	0	0 2	2	0	0,99	2,01	1,59	3,27	0,41	10,00	1,65 No valido	
17 GATournamentSelector	100	0,95	0,01	5	5	0	0	4 8	3	14	7,27	7,15	1,27	7,64	7,13	7,32 No valido	No valido	
18 GATournamentSelector	100	0,95	0,05	0	0	0	0	0 1		0	0,92	0,77	0,32	0,28	0,29	8,12	0,52 No valido	
19 GATournamentSelector	100	0,95	0,1	0	0	0	0	0 2	2	0	0,24	0,21	0,23	0,51	0,55	9,13	0,35 No valido	
20 GATournamentSelector	100	0,95	0,125	0	0	0	0	0 4	ı	0	1,36	2,27	0,26	1,12	0,27	9,88	1,06 No valido	
21 GATournamentSelector	100	0,95	0,15	0	0	0	0	0 0)	0	1,94	6,34	0,44	0,36	0,42	3,50	1,90	2,1
22 GATournamentSelector	150	0,8	0,01	1 2	1	0	6	4 3	3	13	10,62	10,15	0,54	10,19	10,17	10,42 No valido	No valido	
23 GATournamentSelector	150	0,8	0,05	0	1	1	0	0 3	3	2	1,70	11,53	11,70	0,45	3,82	11,79 No valido	No valido	
24 GATournamentSelector	150	0,8	0,1	0	0	0	0	0 4	ļ	0	0,28	0,23	1,46	0,29	0,25	13,55	0,50 No valido	
25 GATournamentSelector	150	0,8	0,125	0	0	0	0	0 3	3	0	0,29	3,96	0,26	0,37	1,05	14,37	1,19 No valido	
26 GATournamentSelector	150	0,8	0,15	0	0	0	0	0 2	2	0	1,18	0,82	0,36	0,59	0,46	14,93	0,68 No valido	
27 GATournamentSelector	150	0,85	0,01	. 0	1	1	6	5 2	2	13	0,26	10,09	10,36	10,65	10,17	10,21 No valido	No valido	
28 GATournamentSelector	150	0,85	0,05	0	1	0	0	0 1	L	1	0,22	11,44	0,30	0,26	3,97	11,76 No valido	No valido	
29 GATournamentSelector	150	0,85	0,1	0	0	0	0	0 0)	0	1,87	0,28	0,22	0,40	0,36	0,38	0,63	0,5
30 GATournamentSelector	150	0.85	0.125	0	0	0	0	0 3	3	0	0.23	0.94	0.25	0.24	0.26	14,32	0.38 No valido	
31 GATournamentSelector	150	0,85	0.15	0	0	0	0	0 3	3	0	3,65	4.27	0.42	0.42	0.39	14.83	1,83 No valido	
32 GATournamentSelector	150	0.9	0,01	3	4	0	0	0 5	5	7	10,44	10,36	0,35	0,51	0,21	10,49 No valido	No valido	
33 GATournamentSelector	150	0,9	0,05	0	3	0	0	0 2	2	3	0,26	11,41	0,20	0,54	0,69	11,89 No valido	No valido	
34 GATournamentSelector	150			0	0	0	ō	0 2	2	0	0,24	2,46	0.30	0,32		13,60	0.70 No valido	
35 GATournamentSelector	150				0	0	0	0 4	1	0	0,44	2,94		0,29			0,87 No valido	
36 GATournamentSelector	150				ō	ō	ō	0 2	2	0	0.54	0.30		0.36		14.74	0.34 No valido	
37 GATournamentSelector	150				6	7	2	3 3	3	20	10.93	10.84		10.82	10.78	11.09 No valido	No valido	
38 GATournamentSelector	150					1	2	0 1	L	3	0.24	0.27		11.90	0.50	12.08 No valido	No valido	
39 GATournamentSelector	150				0	0	0	0 2	2	0	0.18	0.26		0.46			0,30 No valido	
40 GATournamentSelector	150				ō	0		0 ()	0	0.37	0.45		0.39	0.37	8,17	0,75	1,9
41 GATournamentSelector	150				0	ō		0	2	-	0,77	1,87	0.38	0,54			0.76 No valido	2,0

Figura 2: Tabla con selector GATournamentSelector para casos de ajuste

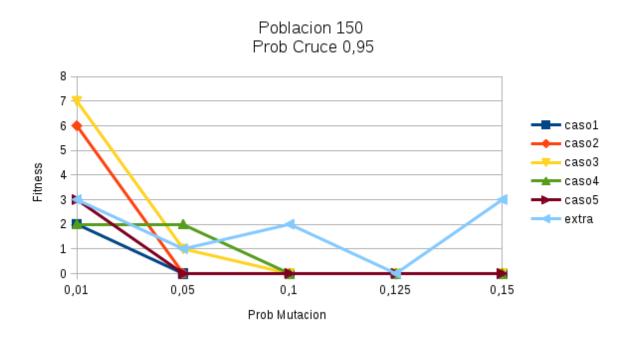


Figura 3: Gráfica comparando Probabilidades de Mutación

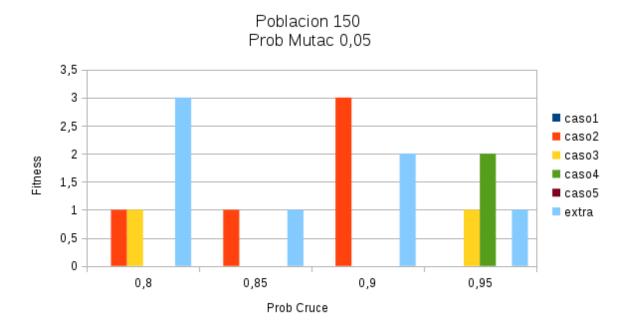


Figura 4: Gráfica comparando Probabilidades de Cruce

Análisis de las pruebas de ajuste.

Para un mejor ajuste se ha añadido un sudoku extra; este sudoku es diferente al de los casos de ajuste porque en vez de tener 30 o 33 números iniciales solo tiene 28, por lo que tiene una complejidad superior. En este análisis primero se observarán los 5 casos de ajuste y, por último, se hará un análisis individual del sudoku extra.

Sudokus de caso de ajuste

Estos sudokus tienen inicialmente 30 y 33 números.

Observando las soluciones vemos que el selector GARouletteWheelSelector consigue en muy pocas ocasiones resolver los 5 casos, por lo que usaremos el selector GATournamentSelector.

En cuanto al tamaño de la población, no se aprecian diferencias significativas, por lo que podríamos usar cualquiera de los dos para comparar.

Mirando la Figura 3 podemos apreciar que un $p_m=0.01$ es negativo, ya que solo consigue resolver algunos casos; por el contrario, el resto sí consigue resolver la mayoría de los sudokus, por lo que usaremos para comparar 0.05, 0.1, 0.125 u 0.15. También observamos que un $p_m=0.05$ solo funciona bien con una población de 100.

Mirando la Figura 4 podemos apreciar que $p_m=0.05$ con población=150 no funciona bien independientemente de la probabilidad de cruce, pero no podemos sacar mas información al respecto, por lo que no filtraremos ninguna probabilidad de cruce por el momento.

Dado que hay gran cantidad de soluciones válidas para resolver los casos, vamos a añadir también el promedio de los tiempos de ejecución de todos los casos, ya que además de buscar solucionar un sudoku buscamos hacerlo en el menor tiempo posible.

Por lo que al final tenemos:

Selector	Población	pc	pm	Tiempo Ejecución
GATournamentSelector	100	0,8	0,05	1,97
GATournament Selector	100	0,8	0,1	1,11
GATournamentSelector	100	0,8	$0,\!125$	0,51
GATournamentSelector	100	0,8	$0,\!15$	0,48
GATournament Selector	100	0,95	0,1	1,58
GATournament Selector	100	0,95	$0,\!15$	1,65
GATournament Selector	100	0,95	0,05	$0,\!52$
GATournamentSelector	100	0,95	0,1	$0,\!35$
GATournamentSelector	100	0,95	$0,\!125$	1,06
GATournamentSelector	100	0,95	$0,\!15$	1,90
GATournamentSelector	150	0,8	0,1	0,50
GATournamentSelector	150	0,8	$0,\!125$	1,19
GATournamentSelector	150	0,8	$0,\!15$	0,68
GATournamentSelector	150	0,95	0,1	0,7
GATournamentSelector	150	0,95	$0,\!125$	0,87
GATournamentSelector	150	0,95	$0,\!15$	0,34
GATournamentSelector	150	0,95	0,1	0,30
GATournament Selector	150	0,95	0,125	0,75
GAT our nament Selector	150	0,95	0,15	0,76

Una vez que hemos reducido nuestras posibles configuraciones podemos observar que la configuración con mejor rendimiento son las que tienen un $p_m=0.1$ junto con un $p_c=0.95$ sin tener demasiada relevancia el tamaño de la población, en esta ocasión escogemos población=150 porque es 5ms mas rápida, por lo que nuestra configuración final será:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	150	0,95	0,1

Mirando la configuración válida pero más lenta que tenemos, vemos que tarda 1.97 seg; si la comparamos con la elegida (que tarda 0.30 seg), podemos decir que es un 556.66% mas rápida que la solución más lenta.

$$\frac{1.97}{0.30} = 6.5666 == 556.66$$

Sudoku extra

Este sudoku, al tener menos números iniciales, es más complejo, y solo hay 3 configuraciones que sean capaces de resolverlo junto con el resto de casos:

Selector	Población	pc	pm	Tiempo Ejecución
GATournamentSelector	100	0.95	0.15	2,17
GATournamentSelector	150	0.85	0.1	0,59
GATournament Selector	150	0.95	0.125	1,98

En esta ocasión, como mejor configuración y mas eficiente en tiempo de ejecución, tomaremos:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	150	0.85	0.1

Manual-Asignación.

A la hora de elegir una configuración, si buscamos la mayor eficiencia en tiempo de ejecución, vemos que tenemos varias configuraciones fijas que son:

Selector	Población	pm
GATournamentSelector	150	0.1

y el valor que cambia es la probabilidad de cruce (p_c) que dependerá de la dificultad del problema.

Para sudokus que tengan 30 o mas números iniciales usaremos $p_c=0.95$:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	150	0.95	0.1

Para sudokus de menos de 30 números iniciales usaremos $p_c=0.85$:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	150	0.85	0.1

Los parámetros que hay que pasarle al binario son:

 ${\tt UM-SSII.exe~Caso-X.txt~poblaci\'{o}n~selector~pc~pm}$

Ejemplo de uso: UM-SSII.exe Sudoku-1.txt 150 GATournamentSelector 1.95 0.1

Casos del Usuario

Caso 1

Como tiene 33 números iniciales usaremos:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	150	0.95	0.1

Ejecución: UM-SSII.exe Sudoku-1.txt 150 GATournamentSelector 1.95 0.1

Solución:

```
El GA encuentra la solución ( 4 5 8 3 6 7 9 1 2 1 6 3 9 2 5 7 4 8 2 9 7 8 4 1 5 6 3 8 4 5 

$\to 2 9 6 3 7 1 7 3 2 5 1 8 6 9 4 6 1 9 4 7 3 2 8 5 5 7 1 6 8 2 4 3 9 9 2 6 1 3 4 8 5 7 

$\to 3 8 4 7 5 9 1 2 6 \)

fitness: 0
```

Como podemos observar, resuelve el sudoku (fitness 0) y ofrece su solución de forma lineal. Si queremos verlo en un formato mas amigable, tendríamos:

```
4 5 8 3 6 7 9 1 2

2 1 6 3 9 2 5 7 4 8

2 9 7 8 4 1 5 6 3

4 8 4 5 2 9 6 3 7 1

7 3 2 5 1 8 6 9 4

6 6 1 9 4 7 3 2 8 5

5 7 1 6 8 2 4 3 9

8 9 2 6 1 3 4 8 5 7

3 8 4 7 5 9 1 2 6
```

Caso 2

Como tiene 33 números iniciales usaremos:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	150	0.95	0.1

Ejecución: UM-SSII.exe Sudoku-2.txt 150 GATournamentSelector 1.95 0.1

Solución:

```
El GA encuentra la solución (671892354859413726324657189436

$\iff 785291512369847987124563763548912245971638$

$\iff 198236475$)

fitness: 0
```

Como podemos observar, resuelve el sudoku (fitness 0) y ofrece su solución de forma lineal. Si queremos verlo en un formato mas amigable, tendríamos:

```
6 7 1 8 9 2 3 5 4

2 8 5 9 4 1 3 7 2 6

3 2 4 6 5 7 1 8 9

4 4 3 6 7 8 5 2 9 1

5 1 2 3 6 9 8 4 7

6 9 8 7 1 2 4 5 6 3

7 6 3 5 4 8 9 1 2

8 2 4 5 9 7 1 6 3 8

1 9 8 2 3 6 4 7 5
```

Caso 3

Como tiene 33 números iniciales usaremos:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	150	0.95	0.1

Ejecución: UM-SSII.exe Sudoku-3.txt 150 GATournamentSelector 1.95 0.1

Solución:

```
El GA encuentra la solución ( 1 5 9 7 2 4 8 6 3 8 2 4 1 3 6 5 9 7 7 6 3 9 8 5 1 2 4 9 4 2

3 6 8 7 1 5 3 7 8 5 1 9 2 4 6 5 1 6 2 4 7 9 3 8 4 8 7 6 9 1 3 5 2 6 3 1 8 5 2 4 7 9

2 9 5 4 7 3 6 8 1 )

fitness: 0
```

Como podemos observar, resuelve el sudoku (fitness 0) y ofrece su solución de forma lineal. Si queremos verlo en un formato mas amigable, tendríamos:

```
1 5 9 7 2 4 8 6 3
2 8 2 4 1 3 6 5 9 7
7 6 3 9 8 5 1 2 4
4 9 4 2 3 6 8 7 1 5
3 7 8 5 1 9 2 4 6
6 5 1 6 2 4 7 9 3 8
4 8 7 6 9 1 3 5 2
8 6 3 1 8 5 2 4 7 9
2 9 5 4 7 3 6 8 1
```

Bibliografía

La referencia:

- 1: Es un video de youtube que explica el funcionamiento de un algoritmo genético, ha sido usado para explicar como funciona un algoritmo genético.
- 2: Es un manual antiguo de la asignatura, ha sido usado para explicar los operadores de selección y el uso de la librería GA.
- [1] J. M. Castillo, «5. Algoritmos genéticos», 2016 [Online]. Disponible en: https://www.youtube.com/watch?v=-rxGSe2ROX4
- [2] J. M. C. Figueredo, M. del Carmen Garrido Carrera, R. M. España, y S. P. Moreno, «Material didáctico para la asignatura Sistemas Inteligentes de 3º de Grado en Informática», pp. 65-98, 2016 [Online]. Disponible en: http://ocw.um.es/ingenierias/material-de-practicas-de-sistemas-inteligentes/material-clase/materialssii.pdf