# Sistemas Inteligentes

## Practica 1

Pablo José Rocamora Zamora G3.2

9 de Diciembre de 2017

## Contents

Explicación breve y completa de la técnica Algoritmo Genético (AG).	3
Explicación detallada de todas las preguntas realizadas.	4
Tablas con los resultados de las ejecuciones.	6
Análisis de las pruebas de ajuste.	6
Manual-Asignación.	9
Casos del Usuario	9
Bibliografía	11

## Explicación breve y completa de la técnica Algoritmo Genético (AG).

Un algoritmo genético (AG) es una variante de la búsqueda de haz estocástica en la que los estados sucesores se generan combinando a dos estados padres, más que modificar un solo estado.

El algoritmo genético trata de encontrar la mejor solución por comparación de un conjunto de soluciones.

Las soluciones se generan a través del cruzamiento de generaciones o soluciones anteriores; está cruzando generaciones para obtener una nueva generación, de manera que podamos compararla para ver si estamos acercándonos a la solución final (Castillo 2016).

#### **Elementos**

#### Tenemos diferentes formas de codificar una población:

- Codificación binaria
- Codificación entera
- Codificación real
- Codificación en orden

#### Tenemos distintos operadores genéticos:

- Selección: (escoge que individuos se reproducirán y cuales no)
  - Ruleta: Se eligen con probabilidad proporcional a su función de idoneidad.
  - **Torneo**: Se establecen k torneos aleatorios entre parejas de individuos y se eligen los que ganan en cada torneo (mejor función idoneidad).
- Cruce: (recombina individuos para producir descendencia)
  - Cruce por un punto: dos padres a partir de un gen, se intercambian el resto de genes, creando 2 hijos nuevos
  - Cruce por dos puntos: dos padres a partir de un rango de genes, se intercambian los genes de ese rango, creando dos hijos nuevos
- Mutación: (provoca el cambio de valor de algunos genes del individuo)
  - Cambio de un gen aleatorio
  - Intercambio entre dos genes

#### Tenemos que definir la función objetivo

Es necesario crear la función fitness; es una función de adaptación que tiene que retornar: >0, es la forma de evaluar la población.

#### **Proceso**

- 1. Codificamos el problema (en nuestro caso en forma de *Integer*).
- 2. Generanos una población inicial aleatoriamente de k estados.
- 3. Seleccionamos k individuos a través del operador de selección para crear una nueva población.
- 4. Elegimos individuos con una probabilidad (p<sub>c</sub>) para ser cruzados y crear una nueva población
- 5. Con una probabilidad (p<sub>m</sub>) mutamos los genes de los individuos de la población actual.

6. Esta nueva población sustituye a la original y forma la nueva población inicial que se usará en la siguiente generación, volvemos al paso 3

## Explicación detallada de todas las preguntas realizadas.

Explica de qué manera se están inicializando los individuos en el AG propuesto.

# Explica el funcionamiento de los operadores de selección indicados en la sección "Ajuste del Algoritmo Genético".

Tenemos disponibles en este caso 2 operadores de Selección:

- GARouletteWheelSelector: Se asigna una probabilidad de selección proporcional al valor del fitness del cromosoma.
- GATournamentSelector: Escoge al individuo de mejor fitness de entre  $N_{ts}$  individuos seleccionados aleatoriamente con reemplazamiento  $(N_{ts}=2,3,...)$ .

(José Manuel Cadenas Figueredo 2016)

#### Explica de qué manera se están cruzando los individuos.

Se hace un cruce por 2 puntos; el primer rango de genes corresponde a p1 y el segundo rango a p2. El tamaño de los rangos es aleatorio, por lo que a veces será mas grande p1 y otras más pequeño.

#### Explica de qué manera se están mutando los individuos.

#### Define y explica la condición de parada que utilizarás.

Tenemos 2 condiciones de parada posibles:

- 1. La óptima es que el fitness sea 0, lo que significa que el problema ha encontrado la solución y termina correctamente.
- 2. Se ha llegado al número máximo de generaciones, que en este caso son 12000; aquí llegaremos cuando no lleguemos a un fitness 0 y significará que la configuración que hayamos usado no es correcta.

#### Diseña y explica la función fitness que utilizarás.

La función fitness se compone de 3 partes: comprobar las filas, comprobar las columnas y comprobar las subcuadrículas

• Comprobar Filas: Recorre todas las filas; para cada fila crea un array en el que introduce el número que lee, usando como índice el valor del número, por lo que al acabar de leer la fila tendremos un array de números ordenados en el que sí están todos los números la fila es correcta y si falta algún número habrá un 0 en el array, la cantidad de 0 indican la cantidad de números que hay mal en la fila. Una vez rellenado el array, llama a la función compruebaHuecosVacios() para que calcule la cantidad de números que hay mal en la fila y aumentar nuestro contador global de fallos.

- Comprobar columnas: Recorre todas las columnas; para cada columna crea un array en el que introduce el número que lee, usando como índice el valor del número, por lo que al acabar de leer la columna tendremos un array de números ordenados en el que si están todos los números la columnas es correcta y si falta algún numero habrá un 0 en el array, la cantidad de 0 indican la cantidad de números que hay mal en la columna. Una vez rellenado el array, llama a la función compruebaHuecosVacios() para que calcule la cantidad de números que hay mal en la columna y aumentar nuestro contador global de fallos.
- Comprobar subcuadriculas: Recorre todas las subcuadrículas; para cada subcuadrícula crea un array en el que introduce el número que lee, usando como índice el valor del número, por lo que al acabar de leer la subcuadrícula tendremos un array de números ordenados en el que sí están todos los números. La subcuadrícula es correcta, y si falta algún número, habrá un 0 en el array. La cantidad de 0 indican la cantidad de números que hay mal en la subcuadrícula. Una vez rellenado el array, llama a la función compruebaHuecosVacios() para que calcule la cantidad de números que hay mal en la subcuadrícula y así aumentar nuestro contador global de fallos.
- Función compruebaHuecosVacios: Función que recibe un array con los valores de una fila, columna o subcuadrícula. Lo recorre, y por cada 0 que encuentre, aumenta el contador. Finalmente, lo retorna para aumentar el contador general de la función fitness.

Ejemplo 1: Tenemos una fila con los valores (7, 1, 3, 2, 5, 4, 6, 8, 9); al llamar a calculaFilas  $\hookrightarrow$  (), obtenemos el array ordenado. Posteriormente, llamamos a compruebaHuecosVacios() y comprobamos el número de 0 que haya; en este caso, como no hay repeticiones, tampoco hay 0 y, por tanto, la fila es correcta.

7	1	3	2	5	4	6	8	9
1	2	3	4	5	6	7	8	9

Ejemplo 2: Tenemos una columna con los valores (7, 1, 3, 3, 5, 5, 6, 8, 9); al llamar a calculaColumnas() obtenemos el array ordenado. Posteriormente, llamamos a compruebaHuecosVacios() y comprobamos el número de 0 que hay; en este caso, como están repetidos tanto el 3 como el 5, faltan 2 números que son el 2 y el 4, con lo que el número de fallos son 2.

7	1	3	3	5	5	6	8	9
1	0	3	0	5	6	7	8	9

## Tablas con los resultados de las ejecuciones.

Vamos a realizar el ajuste de parámetros de la siguiente manera: Conjunto de casos del problema: Casos 1-5. Métodos/parámetros fijos: Nº generaciones = 12000, operador de cruce y operador de mutación. Métodos/parámetros ajustables: Tam Población, pc, pm, Selector.

Para un mejor ajuste se ha añadido un sudoku extra de una complejidad superior al resto; en la siguiente sección se hablará de él.

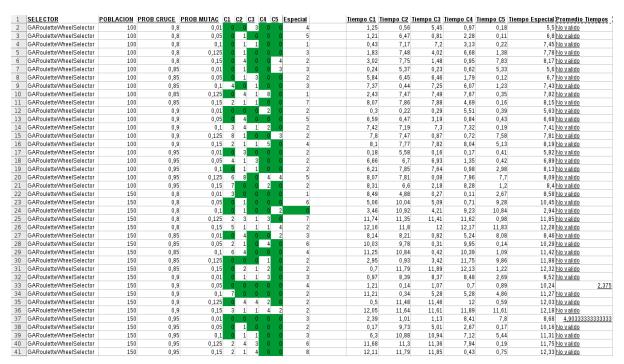


Figure 1: Tabla con selector GARouletteWheelSelector para casos de ajuste

## Análisis de las pruebas de ajuste.

Para un mejor ajuste se ha añadido un sudoku extra; este sudoku es diferente al de los casos de ajuste porque en vez de tener 30 o 33 números iniciales solo tiene 28, por lo que tiene una complejidad superior. En este análisis primero se observarán los 5 casos de ajuste y, por último, se hará un análisis individual del sudoku extra.

#### Sudokus de caso de ajuste

Estos sudokus tienen inicialmente 30 y 33 números.

Observando las soluciones vemos que el selector GARouletteWheelSelector consigue en muy pocas ocasiones resolver los 5 casos, por lo que usaremos el selector GATournamentSelector.

En cuanto al tamaño de la población, no se aprecian diferencias significativas, por lo que podríamos usar cualquiera de los dos para comparar.

Mirando la figura 3 podemos apreciar que el pc de 0.9 es negativo, ya que solo consigue resolver el sudoku del Caso 1; por el contrario, 0.8 y 0.95 consiguen resolver todos los casos, por lo que los usaremos para comparar.

1	SELECTOR	POBLACION PRO	B CRUCE PRO	B MUTAC	C1 C2	C3	C4 (	C5 Espe	cial	Tiempo C1 Tier	mpo C2 Ti	empo C3 Tie	mpo C4 Tie	mpo C5 Tien	npo Especial Promedio Tie	empo C Promedio Tiem	po Total
2	GATournamentSelector	100	0.8	0,01		4 5			3	5,41	5,11	5,16	5,32	5,14	5,29 No valido	No valido	
3	GATournamentSelector	100	0,8	0,05	0 1	0 0	0	0	1	1,96	4,91	0,03	0,02	0,17	6,13	1,418 No valido	
4	GATournamentSelector	100	0,8	0,1	0 (	0 0	0	0	1	0,09	1,48	1,65	0,1	0,13	7,29	0,69 No valido	
5	GATournamentSelector	100	0,8	0,125	0 (	0 0	0	0	4	0,11	0,13	0,85	0,17	0,03	7,73	0,258 No valido	
6	GATournamentSelector	100	0,8	0,15	0 (	0 0	0	0	3	0,17	0,07	0,31	0,58	0,05	7,97	0,236 No valido	
7	GATournamentSelector	100	0,85	0,01	5 :	3 2	2	3	6	5,44	5,22	5,3	5,26	5,2	5,38 No valido	No valido	
8	GATournamentSelector	100	0,85	0,05	3	0 0	0	0	3	6,25	0,18	0,02	0,16	2,98	6,27 No valido	No valido	
9	GATournamentSelector	100	0,85	0,1	0 (	0 0	0	0	3	0,08	5,06	0,08	0,03	0,04	7,12	1,058 No valido	
10	GATournamentSelector	100	0,85	0,125	0 (	0 0	0	0	2	0,16	1,31	2,55	0,87	0,03	7,7	0,984 No valido	
11	GATournamentSelector	100	0,85	0,15	0 (	0 0		0	2	0,12	0,41	3,51	0,66	0,13	8,08	0,966 No valido	
12	GATournamentSelector	100	0,9	0,01	3	7 8	2	2	4	5,4	5,37	5,43	5,34	5,24	5,53 No valido	No valido	
13	GATournamentSelector	100	0,9	0,05	0 :	1 0	2	0	4	0,44	5,96	0,01	6,14	0,04	6,24 No valido	No valido	
14	GATournamentSelector	100	0,9	0,1	0 (	0 0	0	0	3	0,11	4,05	1,32	0,05	0,03	7,29	1,112 No valido	
15	GATournamentSelector	100	0,9	0,125	0	1 0	0	0	3	0,07	7,32	0,16	0,46	0,27	7,69 No valido	No valido	
16	GATournamentSelector	100	0,9	0,15	0 1	0 0	0	0	2	0,65	1,48	1,14	2,6	0,2	7,96	1,214 No valido	
17	GATournamentSelector	100	0,95	0,01	5 !	5 0	0	4	8	5,6	5,47	0,83	5,13	5,41	5,63 No valido	No valido	
18	GATournamentSelector	100	0,95	0,05	0 1	0 0	0	0	1	0,44	0,37	0,01	0,07	0,02	6,24	0,182 No valido	
19	GATournamentSelector	100	0,95	0,1	0 (	0 0	0	0	2	0,02	0,04	0,03	0,28	0,02	7,23	0,078 No valido	
20	GATournamentSelector	100	0,95	0,125	0 (	0 0	0	0	4	0,91	3,4	0,04	0,75	0,03	7,78	1,026 No valido	
21	GATournamentSelector	100	0,95	0,15	0 (	0 0	0	0	0	1,29	1,47	0,1	0,09	0,05	2,46	0,6	0,91
22	GATournamentSelector	150	0,8	0,01	2 :	1 0	6	4	3	7,79	7,68	0,19	7,85	7,74	7,88 No valido	No valido	
23	GATournamentSelector	150	0,8	0,05	0 :	1 1	0	0	3	1,11	9,1	8,96	0,15	1,69	9,36 No valido	No valido	
24	GATournamentSelector	150	0,8	0,1	0 1	0 0	0	0	3	0,08	0,03	0,95	0,15	0,06	11,03	0,254 No valido	
25	GATournamentSelector	150	0,8	0,125	0 (	0 0	0	0	3	0,08	3,09	0,03	0,08	0,61	11,59	0,778 No valido	
26	GATournamentSelector	150	0,8	0,15	0 (	0 0	0	0	4	0,85	0,59	0,13	0,34	0,21	12,03	0,424 No valido	
27	GATournamentSelector	150	0,85	0,01	0	1 1	6	5	2	0,04	7,75	7,84	8,03	7,91	8,09 No valido	No valido	
28	GATournamentSelector	150	0,85	0,05	0	1 0	0	0	1	0,04	8,97	0,11	0,04	0,73	9,37 No valido	No valido	
29	GATournamentSelector	150	0,85	0,1	0 1	0 0	0	0	0	0,06	0,06	0,03	0,24	0,12	0,2	0,102 0,1183333	133333333
30	GATournamentSelector	150	0,85	0,125	0 (	0 0	0	0	2	0,06	0,65	0,08	0,09	0,06	11,65	0,188 No valido	
31	GATournamentSelector	150	0,85	0,15	0	1 0	0	0	3	2,88	11,6	0,24	0,22	0,2	12,24 No valido	No valido	
32	GATournamentSelector	150	0,9	0,01	3 .	4 0	0	0	5	8,25	8	0,14	0,15	0,05	8,31 No valido	No valido	
33	GATournamentSelector	150	0,9	0,05	0 :	3 0	0	0	2	0,07	9,18	0,04	0,34	0,41	9,69 No valido	No valido	
34	GATournamentSelector	150	0,9	0,1	0	0 0	0	0	2	0,07	1,88	0,08	0,05	0,03	11,03	0,422 No valido	
35	GATournamentSelector	150	0,9	0,125	0 (	0 0	0	0	4	0,23	2,26	0,06	0,1	0,66	11,81	0,662 No valido	
36	GATournamentSelector	150	0,9	0,15	0 (	0 0	0	0	2	0,29	0,08	0,1	0,15	0,06	12,26	0,136 No valido	
37	GATournamentSelector	150	0,95	0,01	2	6 7	2	3	3	8,27	8,19	8,28	8,18	8,53	8,58 No valido	No valido	
38	GATournamentSelector	150	0,95	0,05	0 1	1	2	0	1	0,04	0,07	9,29	9,2	0,22	9,44 No valido	No valido	
39	GATournamentSelector	150	0,95	0,1	0 (	0 0	0	0	2	0,04	0,07	0,13	0,22	0,03	10,76	0,098 No valido	
40	GATournamentSelector	150	0,95	0,125	0 (	0 0	0	0	0	0,12	0,19	2,16	0,19	0,13	6,42	0,558	1,535
41	GATournamentSelector	150	0.95	0.15	0 1	0 0	0	0	3	0,49	1.34	0.13	0.31	0.06	12.5	0.466 No valido	

Figure 2: Tabla con selector GATournamentSelector para casos de ajuste

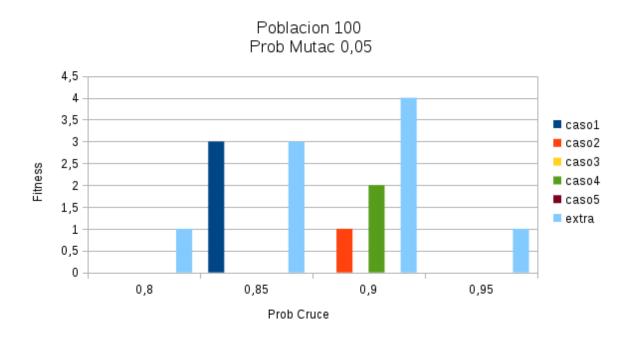


Figure 3: Gráfica comparando Probabilidades de Cruce

## Poblacion 100 Prob Cruce 0,95

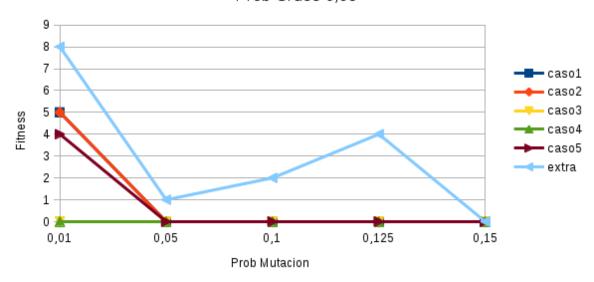


Figure 4: Gráfica comparando Probabilidades de Mutación

Mirando la figura 4 podemos apreciar que un pm de 0.01 es negativo, ya que solo consigue resolver el Caso 3 y Caso 4; por el contrario, el resto sí consigue resolver todos los sudokus, por lo que usaremos para comparar 0.05, 0.1 y 0.125.

Dado que hay gran cantidad de soluciones válidas para resolver los casos, vamos a añadir también el promedio de los tiempos de ejecución de todos los casos, ya que además de buscar solucionar un sudoku buscamos hacerlo en el menor tiempo posible.

Por lo que al final tenemos:

Selector	Población	pc	pm	Tiempo Ejecución
GATournamentSelector	100	0,8	0,125	0,258
GATournamentSelector	100	0,8	$0,\!15$	0,236
GATournament Selector	100	0,95	0,05	0,182
GATournament Selector	100	0,95	0,1	0,078
GATournamentSelector	100	0,95	$0,\!125$	1,026
GATournament Selector	100	0,95	$0,\!15$	0,6
GATournament Selector	150	0,8	0,1	$0,\!254$
GATournament Selector	150	0,8	$0,\!125$	0,778
GATournamentSelector	150	0,8	$0,\!15$	0,424
GATournamentSelector	150	0,95	0,1	0,098
GATournamentSelector	150	0,95	$0,\!125$	0,558
GA Tournament Selector	150	0,95	0,15	0,466

Tenemos el promedio de los tiempos de ejecución de los casos de ajuste; en ellos, podemos apreciar que un pm de 0.1 suele ofrecer menores tiempos de ejecución. Observando los tiempos de ejecución de cada pc comprobamos que pc=0.95 con población=100 es mucho mas rápido que el resto de configuraciones validas, por lo que nuestra configuración final será:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	100	0.95	0.1

En esta ocasión, como mejor configuración, tomaremos:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	150	0.85	0.1

## Manual-Asignación.

Para sudokus que tengan 30 o mas números iniciales usaremos:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	100	0.95	0.1

Para sudokus de menos de 30 números iniciales usaremos:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	150	0.85	0.1

Los parámetros que hay que pasarle al binario son:

UM-SSII Caso-X.txt población selector pc pm

Ejemplo de uso: UM-SSII Sudoku-1.txt 100 GATournamentSelector 1.95 0.1

### Casos del Usuario

#### Caso 1

Como tiene 33 números iniciales usaremos:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	100	0.95	0.1

Ejecución: UM-SSII Sudoku-1.txt 100 GATournamentSelector 1.95 0.1

Solución:

```
El GA encuentra la solución ( 4 5 8 3 6 7 9 1 2 1 6 3 9 2 5 7 4 8 2 9 7 8 4 1 5 6 3 8 4 5 

$\to 2 9 6 3 7 1 7 3 2 5 1 8 6 9 4 6 1 9 4 7 3 2 8 5 5 7 1 6 8 2 4 3 9 9 2 6 1 3 4 8 5 7 

$\to 3 8 4 7 5 9 1 2 6 \)
fitness: 0
```

Como podemos observar, resuelve el sudoku (fitness 0) y ofrece su solución de forma lineal. Si queremos verlo en un formato mas amigable, tendríamos:

```
 \begin{bmatrix} 4 & 5 & 8 & 3 & 6 & 7 & 9 & 1 & 2 \\ 1 & 6 & 3 & 9 & 2 & 5 & 7 & 4 & 8 \\ 2 & 9 & 7 & 8 & 4 & 1 & 5 & 6 & 3 \end{bmatrix}
```

```
4 8 4 5 2 9 6 3 7 1
7 3 2 5 1 8 6 9 4
6 6 1 9 4 7 3 2 8 5
5 7 1 6 8 2 4 3 9
8 9 2 6 1 3 4 8 5 7
3 8 4 7 5 9 1 2 6
```

#### Caso 2

Como tiene 33 números iniciales usaremos:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	100	0.95	0.1

Ejecución: UM-SSII Sudoku-2.txt 100 GATournamentSelector 1.95 0.1

Solución:

```
El GA encuentra la solución (671892354859413726324657189436

$\iff 785291512369847987124563763548912245971638$

$\iff 198236475$)

fitness: 0
```

Como podemos observar, resuelve el sudoku (fitness 0) y ofrece su solución de forma lineal. Si queremos verlo en un formato mas amigable, tendríamos:

```
6 7 1 8 9 2 3 5 4

2 8 5 9 4 1 3 7 2 6

3 2 4 6 5 7 1 8 9

4 3 6 7 8 5 2 9 1

5 1 2 3 6 9 8 4 7

6 9 8 7 1 2 4 5 6 3

7 6 3 5 4 8 9 1 2

8 2 4 5 9 7 1 6 3 8

1 9 8 2 3 6 4 7 5
```

#### Caso 3

Como tiene 33 números iniciales usaremos:

Selector	Población	pc	pm
GATournamentSelector	100	0.95	0.1

Ejecución: UM-SSII Sudoku-3.txt 100 GATournamentSelector 1.95 0.1

Solución:

Como podemos observar, resuelve el sudoku (fitness 0) y ofrece su solución de forma lineal. Si queremos verlo en un formato mas amigable, tendríamos:

```
1 5 9 7 2 4 8 6 3
2 8 2 4 1 3 6 5 9 7
7 6 3 9 8 5 1 2 4
4 9 4 2 3 6 8 7 1 5
3 7 8 5 1 9 2 4 6
6 5 1 6 2 4 7 9 3 8
4 8 7 6 9 1 3 5 2
8 6 3 1 8 5 2 4 7 9
2 9 5 4 7 3 6 8 1
```

## Bibliografía

Castillo, Jose Miguel. 2016. "5. Algoritmos Genéticos." Usado para explicar el funcionamiento del algoritmo genetico. https://www.youtube.com/watch?v=-rxGSe2ROX4.

José Manuel Cadenas Figueredo, Raquel Martínez España, María del Carmen Garrido Carrera. 2016. "Material Didáctico Para La Asignatura Sistemas Inteligentes de 3º de Grado En Informática." http://ocw.um.es/ingenierias/material-de-practicas-de-sistemas-inteligentes/material-clase/materialssii.pdf.