

# Suivi et modélisation de l'évolution d'un système chimique

(P1-1B)

### Extrait du programme

Partie : Constitution et transformations de la matière.

Sous-Partie : Suivi de l'évolution d'un système, siège d'une transformation. Chapitre : Suivi et modélisation de l'évolution d'un système chimique.

Notions et contenus	Capacités exigibles
Transformation modélisée par une réaction d'oxydoréduction : oxydant, réducteur, couple oxydant/réducteur, demi-équation électronique.	À partir de données expérimentales, identifier le transfert d'électrons entre deux réactifs et le modéliser par des demi-équations électroniques et par une réaction d'oxydoréduction. Établir une équation de la réaction entre un oxydant et un réducteur, les couples oxydant-réducteur étant donnés.
Evolution des quantités de matière lors d'une transformation.	Mettre en œuvre des transformations modélisées par des réactions d'oxydo-réduction.
État initial, notion d'avancement (mol), tableau d'avancement, état final. Avancement final, avancement maximal. Transformations totale et non totale. Mélanges stœchiométriques.	Décrire qualitativement l'évolution des quantités de matière des espèces chimiques lors d'une transformation. Établir le tableau d'avancement d'une transformation chimique à partir de l'équation de la réaction et des quantités de matière initiales des espèces chimiques. Déterminer l'avancement final d'une réaction à partir de la description de l'état final et comparer à l'avancement maximal. Déterminer la composition de l'état final d'un système et l'avancement final d'une réaction.  Capacité numérique : Déterminer la composition de l'état final d'un système siège d'une transformation chimique totale à l'aide d'un lan-
	gage de programmation.  Capacité mathématique : Utiliser une équation linéaire du premier degré.

# 1 Réaction d'oxydo-réduction

#### 1.1 Définitions et concepts

Un couple oxydant/réducteur (Ox/Red) est un couple formé par deux espèces susceptibles de se transformer l'une en l'autre par gain ou perte d'électrons.

L'oxydant est l'espèce chimique capable de **gagner** un ou plusieurs électrons. Le **réducteur** est l'espèce chimique capable de **perdre** un ou plusieurs électrons.

Une demi-équation électronique rend compte de cet échange.

Elle s'écrit toujours sous la forme suivante :

$$Ox + n \ e^{-} \xrightarrow{reduction} Red$$

Exemples:

couple  ${\rm Fe^{3+}/Fe:Fe^{3+}+3e^-}{=}{\rm Fe}$  couple  ${\rm I_2/I^-:I_2+2e^-}{=}{\rm 2I^-}$ 

Une transformation chimique qui est modélisée par une **réaction d'oxydoréduction** met en jeux **deux couples** oxydant/réducteur.

Elle fait intervenir deux demi-équations électroniques : l'une témoigne de la perte d'électrons du réducteur du 1er couple, et l'autre du gain d'électrons de l'oxydant du 2nd couple.

On obtient l'équation bilan de la transformation chimique en additionnant les deux demi-équations.

(P1-1B)

Exemple: Les ions cuivre (II) son réduits en cuivre métallique par l'aluminium métallique qui s'oxyde alors en ions aluminium (III).

Les couples mis en jeu sont  $Cu^{2+}/Cu$  et  $Al^{3+}/Al$ .

réduction 
$$Cu^{2+} + 2e^{-} \longrightarrow Cu$$
 (×3)

oxydation Al 
$$\longrightarrow$$
 Al<sup>3+</sup> + 3e<sup>-</sup> (×2)

(le sens choisi pour la demi-équation dépend de l'expérience et de la nature effective des réactifs). Les électrons perdus par l'aluminium sont transférés aux ions cuivre, il faut donc multiplier par 3 et par 2 les demi-équations pour que le nombre d'électrons soit le même dans chaque demi-équation. L'équation bilan de la réaction d'oxydoréduction est donc :

$$3Cu_{(aq)}^{2+} + 2Al_{(s)} \longrightarrow 3Cu_{(s)} + 2Al_{(aq)}^{3+}$$

#### 1.2 Complément : écrire une demi-équation électronique dans le cas général

La procédure est la suivante :

- 1. équilibrer l'élément qui subit l'oxydoréduction.
- 2. équilibrer l'élément oxygène avec des molécules d'eau (travail en solution aqueuse).
- 3. équilibrer l'élément hydrogène avec des ions H<sup>+</sup> (toujours présents en solution aqueuse).
- 4. équilibrer la charge électrique avec des électrons.

Exemple: demi-équation électronique du couple Cr<sub>2</sub>O<sub>7</sub><sup>2-</sup>/Cr<sup>3+</sup>:

$$\operatorname{Cr_2O_7}^{2-} \Longrightarrow 2\operatorname{Cr}^{3+}$$

$$\operatorname{Cr_2O_7}^{2-} \Longrightarrow 2\operatorname{Cr}^{3+} + 7\operatorname{H_2O}$$

$$\operatorname{Cr_2O_7}^{2-} + 14\operatorname{H}^+ \Longrightarrow 2\operatorname{Cr}^{3+} + 7\operatorname{H_2O}$$

$$\operatorname{Cr_2O_7}^{2-} + 14\operatorname{H}^+ + 6\operatorname{e}^- \Longrightarrow 2\operatorname{Cr}^{3+} + 7\operatorname{H_2O}$$

#### 2 Avancement de réaction

#### 2.1 Principe

Suivre l'avancement d'une réaction consiste à établir un bilan de matière (connaître les quantités de chaque espèce réactif ou produit) au cours de la transformation chimique entre l'état initial du système et son état final (en passant par tous les états intermédiaires).

L'avancement, noté x et exprimé en mol, est la grandeur qui permet de suivre l'évolution des quantités de matière de chaque espèce.

Pour une transformation chimique **totale**, la réaction s'arrête lorsqu'un réactif vient à manquer : c'est le **réactif limitant**. Dans ce cas, l'avancement final  $x_f$  est égal à l'avancement maximum  $x_{max}$ .

Attention : il existe aussi des transformations **non totales** pour lesquelles l'avancement final est inférieur à l'avancement maximum :  $x_f < x_{max}$ .

(P1-1B)

#### 2.2 Tableau d'avancement

Le **tableau d'avancement** est un outil permettant d'aider le suivi d'une transformation chimique. Dans ce tableau, on exprime les **quantités de matière** de chaque espèce de la réaction chimique dans l'état initial d'avancement nul x=0 mol, dans un état intermédiaire d'avancement quelconque x, et dans l'état final d'avancement  $x_f$  (ou  $x_{max}$  pour une réaction totale).

Exemple: oxydation de l'aluminium métallique en milieu acide (réaction totale):

Équation de réaction		$2Al_{(s)} + 6H_{(aq)}^{+} \longrightarrow 2Al_{(aq)}^{3+} + 3H_{2(g)}$			
État initial	x = 0	10	50	0	0
État intermédiaire	x	10 - 2x	50 - 6x	0+2x	0+3x
État final	$x = x_f = x_{max}$	$10 - 2x_{max}$	$50 - 6x_{max}$	$2x_{max}$	$3x_{max}$
	$x_{max} = 5$	=0	= 20	= 10	=15

**Problème** : comment trouver la valeur de  $x_{max}$  et le réactif limitant?

Comme les quantités de matières ne peuvent pas être négatives, il faut chercher quel est le plus petit avancement qui annule la quantité de matière d'un réactif (il faut donc résoudre des équations linéaires du 1er degré).

Dans notre exemple, on teste 2 hypothèses :

1. Si Al est le réactif limitant : 
$$10 - 2x_{max} = 0 \implies 2x_{max} = 10 \implies x_{max} = \frac{10}{2} = 5 \text{ mol.}$$

2. Si H<sup>+</sup> est le réactif limitant : 
$$50 - 6x_{max} = 0 \implies 6x_{max} = 50 \implies x_{max} = \frac{50}{6} = 8, 3 \text{ mol.}$$

On retient parmi ces 2 hypothèses celle qui donne la plus petite valeur de  $x_{max}$ .

En notant  $n_A^i$  et  $n_B^i$  les quantités initiales des réactifs, et a et b leur nombre stœchiométrique, on peut écrire :

$$x_{max} = mini\left(rac{n_A^i}{a} \; ou \; rac{n_B^i}{b}
ight)$$

En langage Python, cela pourrait s'écrire : x\_max = min(niA/a, niB/b).

### 2.3 Cas particulier : mélange stœchiométrique

Si les réactifs sont introduits dans les proportions correspondant aux nombres stœchiométriques de la réaction, alors ils sont tous limitants et pour une réaction totale, il ne reste aucun réactif en fin de transformation : on parle dans ce cas de mélange stœchiométrique.

En notant  $n_A^i$  et  $n_B^i$  les quantités initiales des réactifs, et a et b leur nombre stœchiométrique, on peut écrire pour un mélange stœchiométrique :

$$x_{max} = rac{n_A^i}{a} = rac{n_B^i}{b}$$