





# UNIVERSIDADE DE BRASÍLIA INSTITUTO DE FÍSICA PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO DE MESTRADO PROFISSIONAL EM ENSINO DE FÍSICA MESTRADO NACIONAL PROFISSIONAL EM ENSINO DE FÍSICA

Games Digitais: Uma Abordagem de Física de Partículas Elementares no Ensino Médio

Jefferson Rodrigues de Oliveira







# Games Digitais: Uma Abordagem de Física de Partículas Elementares no Ensino Médio

#### Jefferson Rodrigues de Oliveira

Dissertação de Mestrado apresentada ao Programa de Pós-Graduação da Universidade de Brasília (UNB) no Curso de Mestrado Profissional de Ensino de Física (MNPEF), como parte dos requisitos necessários à obtenção do título de Mestre em Ensino de Física.

Prof. Dr. Vanessa Carvalho de Andrade Orientadora

### FOLHA DE APROVAÇÃO

#### Jefferson Rodrigues de Oliveira

# Games Digitais: Uma Abordagem de Física de Partículas Elementares no Ensino Médio

Dissertação de Mestrado apresentada ao Programa de Pós-Graduação da Universidade de Brasília (UNB) no Curso de Mestrado Profissional de Ensino de Física (MNPEF), como parte dos requisitos necessários à obtenção do título de Mestre em Ensino de Física.

Aprovada em: 10/01/2017

#### BANCA EXAMINADORA:

Prof<sup>a</sup>. Dra. Vanessa Carvalho de Andrade (Presidente IF-UNB)

Prof. Dr. Isaac Newton (Membro interno vinculado ao programa IF-UNB)

Prof. Dr. Albert Einstein (Membro interno vinculado ao programa IF-UNB)

Prof. Dr. Richard Feynman (Membro interno vinculado ao programa IF-UNB)

#### Dados Internacionais de Catalogação-na-Publicação (CIP) Divisão de Informação e Documentação

Oliveira, Jefferson Rodrigues de

Games Digitais: Uma Abordagem de Física de Partículas Elementares no Ensino Médio / Jefferson Rodrigues de Oliveira.

Brasília 2017.

17f.

Dissertação de Mestrado – Curso de Física. Área de Ensino de Física – Universidade de Brasília, 2017. Orientadora: Prof<sup>a</sup>. Dra. Vanessa Carvalho de Andrade.

1. Cupim. 2. Dilema. 3. Construção. I. Universidade de Brasília. II. Título.

#### REFERÊNCIA BIBLIOGRÁFICA

OLIVEIRA, Jefferson Rodrigues de. **Games Digitais: Uma Abordagem de Física de Partículas Elementares no Ensino Médio**. 2017. 17f. Dissertação de Mestrado – Universidade de Brasília.

#### CESSÃO DE DIREITOS

NOME DO AUTOR: Jefferson Rodrigues de Oliveira

TITULO DO TRABALHO: Games Digitais: Uma Abordagem de Física de Partículas

Elementares no Ensino Médio.

TIPO DO TRABALHO/ANO: Dissertação / 2017

É concedida à Universidade de Brasília permissão para reproduzir cópias desta dissertação e para emprestar ou vender cópias somente para propósitos acadêmicos e científicos. O autor reserva outros direitos de publicação e nenhuma parte desta dissertação pode ser reproduzida sem a autorização do autor.

Ao meu filho Davi Eduardo, fonte da minha inspiração...

# Agradecimentos

Agradecimentos aqui.

# Resumo

Resumo do trabalho

# Abstract

Abstract here.

LISTA DE FIGURAS

# Lista de Figuras

FIGURA 1.1 –	Proibido estacionar cupins. Legenda grande, com o objetivo de de-	
	monstrar a indentação na lista de figuras	2
FIGURA 1.2 –	Exemplo real de cupim frente ao seu dilema	3
FIGURA 2.1 –	Cupim cibernético	7
FIGURA A 1 -	-Uma figura que está no apêndice	16

# Lista de Tabelas

ΓABELA 2.1 – Exemplo de uma Tabela	 6
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	

# Lista de Abreviaturas e Siglas

FPE Física de Partículas Elementares

EM Ensino Médio

# Lista de Símbolos

a	Distancia
ล	Vetor de distâncias

 $\mathbf{e}_{j}$  Vetor unitário de dimensão n e com o j-ésimo componente igual a 1

 $\mathbf{K}$  Matriz de rigidez  $m_1$  Massa do cumpim

 $\delta_{k-k_f}$  Delta de Kronecker no instante  $k_f$ 

# Lista de Quadros

QUADRO 1	l.1 -	Teste .			•								•	•	•		•			5
QUADRO 4	1.1 -	Teste2																	10	)

SUMÁRIO

# Sumário

QUADRO 1 - Introdução	1
QUADRO 1.1 - Questão de Pesquisa	1
QUADRO 1.2 - Objetivo	1
QUADRO 1.3 - Motivação	1
QUADRO 1.4 - Importância e Justificativa	4
QUADRO 1.5 - Delimitação da Pesquisa	4
QUADRO 1.6 - Organização do trabalho	4
QUADRO 1.6.1 - Sub-organização	4
QUADRO 2 - Fundamentação Teórica	6
QUADRO 2.1 - Base Legal	6
QUADRO 2.2 - Revisão Literária	7
QUADRO 2.3 - Referenciais Teóricos	7
QUADRO 2.3.1 - David Ausubel - Aprendizagem Significativa	7
QUADRO 2.3.2 - Marc Prensk - Aprendizagem Baseada em Jogos Digitais $$ .	7
QUADRO 3 - Descrição do Produto Educacional	8
QUADRO 3.1 - A Sequ $\tilde{A}^a$ ncia Did $\tilde{A}$ įtica	8
QUADRO 3.2 - O Jogo Digital	8
QUADRO 4 - Aplicação do Produto Educacional	9
QUADRO 4.1 - Metodologia	9
QUADRO 4.2 - Relato de Aplicação	10
QUADRO 4.2.1 - Aula 1	10

SUMÁRIO	XV

QUADRO 4.2.2 - Aula 2	10
QUADRO 4.2.3 - Aula 3	10
QUADRO 4.2.4 - Aula 4	10
QUADRO 4.2.5 - Aula 5	10
QUADRO 4.2.6 - Aula 6	10
QUADRO 4.2.7 - Aula 7	10
QUADRO 4.2.8 - Aula 8	10
QUADRO 4.2.9 - Aula 9	10
QUADRO 4.2.10 - Aula 10	10
QUADRO 5 - Resultados e Discussões	11
QUADRO 5.1 - Análise da Pesquisa Inicial	11
QUADRO 5.2 - Análise da Pesquisa Inicial	12
QUADRO 5.3 - Análise do Teste Inicial	12
QUADRO 5.4 - Análise da Primeira Aplicação do Jogo	12
QUADRO 5.5 - Análise da Apresentação do Vídeo	12
QUADRO 5.6 - Análise da Aula Expositiva 1 e 2	12
QUADRO 5.7 - Análise da Segunda Aplicação do Jogo	12
QUADRO 5.8 - Análise do Teste Final	12
QUADRO 5.9 - Análise da Pesquisa Final	12
QUADRO 6 - Conclusão	13
QUADRO 6.1 - Conclusão	13
Referências	14
Apêndice A – Tópicos de Dilema Linear	16
QUADRO A.1 - Uma Primeira Seção para o Apêndice	16
Anexo A – Exemplo de um Primeiro Anexo	17
QUADRO A.1 - Uma Seção do Primeiro Anexo	17

# 1 Introdução

### 1.1 Questão de Pesquisa

### 1.2 Objetivo

O objetivo deste projeto de mestrado é desenvolver técnicas de controle automação subótimo das juntas passivas (não atuadas) de um robô subatuado física de partículas, incluindo o estudo teórico do tema, proposição de um método de controle e sua verificação experimental em um manipulador de três graus de liberdade (NASCIMENTO, 1971).

O teste (PATAGONIOS, 2001) e validação das técnicas de controle propostas foram realizados em um ambiente de simulação e no manipulador experimental, adquirido através do projeto FAPESP  $N^{\circ}$  98/00649-5, que se encontra em funcionamento no Laboratório de Sistemas Inteligentes (LASI) do Departamento de Engenharia Elétrica da USP em São Carlos. Pode-se citar (FURMENTO et al., 1995):

- Isso;
- Aquilo; e
- Aquele outro.

### 1.3 Motivação

Manipuladores mecânicos (SBORNIAN, 2002) vêm sendo utilizados há várias décadas para a automação de tarefas repetitivas em ambientes industriais, ambientes estes de fácil acesso tanto em termos físicos quanto em termos de baixo risco à saúde humana. Nos últimos anos, verifica-se uma utilização cada vez maior de manipuladores em ambientes de difícil acesso ou inóspitos, como no interior de usinas nucleares, no fundo dos oceanos e no espaço. A localização dos manipuladores nesta nova gama de aplicações faz com que sua manutenção, Dpós uma falha mecânica ou elétrica, seja custosa e demorada,

portanto estes mecanismos requerem sofisticadas metodologias de controle tolerante a falhas (ITALUS, 2004).

Após a ocorrência de uma falha em um de seus atuadores, o manipulador tornase um sistema subatuado. Um sistema também pode se tornar subatuado quando é projetado dessa maneira, ou quando o operador deliberadamente mantém um ou mais atuadores disponíveis inoperantes durante uma tarefa. Reduzindo o número de atuadores sem reduzir o número de graus de liberdade e ajustando-se o sistema de controle adequado, pode-se obter um mecanismo cujo consumo de energia é menor, mas cujas propriedades são mantidas (ARYSTIDES; MEDEIROS, 1995).



FIGURA 1.1 – Proibido estacionar cupins. Legenda grande, com o objetivo de demonstrar a indentação na lista de figuras.

Controle do manipulador após uma falha é fundamental do ponto de vista de operação, principalmente nos casos descritos acima, em que a localização do manipulador impede sua manutenção de forma fácil. Recentemente tem havido a combinação de algorítmos de detecção e isolação de falhas com os de controle pós-falha em um método unificado. Uma extensão desse trabalho, que vê o problema de controle tolerante a falhas através de uma perspectiva integrada, foi proposta por marcel4. Os autores apresentam um ambiente híbrido consistindo de três unidades básicas que garantem a compleição de tarefas na presença de qualquer número de juntas falhas (Figura 1.1). A primeira unidade é um esquema de detecção e isolação de falhas que continuamente monitora o manipulador para detectar e identificar possíveis falhas nas juntas. A segunda unidade é responsável pela reconfiguração do controle. A terceira unidade é composta de algorítmos de controle apropriados para cada tipo de configuração do robô, baseado na informação da unidade de reconfiguração (CONFERENCE ON COFFEE IMPORTANCE, 2000).

No presente trabalho nos concentramos na unidade de algorítmo de controle, e mais

especificamente no problema de controle da posição angular de uma junta falha para qualquer posição desejada de uma maneira subótima, quando dispomos de redundância de atuação para a realização dessa tarefa. O termo subótimo se deve ao fato de que não há garantias de otimalidade em vista das não-linearidades inerentes ao sistema e de outros fatores que serão abordados nos capítulos posteriores. Ao longo do texto, para simplificação, usaremos tanto o termo subótimo como ótimo para nos referirmos à metodologia utilizada. (ALMEIDA JUNIOR; OLIVEIRA, 2011)

Segundo, o critério de otimização utilizado será o acoplamento entre as juntas do manipulador e neste caso, temos um sistema redundante quando ocorre falha de uma das juntas do manipulador de três juntas, e seu posicionamento é controlado pelas duas restantes. Nossa solução para o problema é baseada na formulação de redundância local, extensivamente estudada no contexto de cinemática inversa (nakamura). A principal contribuição deste trabalho é a extensão deste método usando as equações dinâmicas de manipuladores subatuados e a utilização do índice de acoplamento como um critério para a minimização do torque e da energia gasta pelo sistema durante o controle das juntas falhas. (SANTOSA; MAGALHÃES, 2009); (FREIRE; LIMA, 2012); (BARSOTTI, 2012); (MACÊDO et al., 2012); (GRABOWSKI, 2006); (RAMOS, 2008); (FILHO, 2010); (SANTOS et al., 2010); (MENDES, 2009).



FIGURA 1.2 – Exemplo real de cupim frente ao seu dilema.

### 1.4 Importância e Justificativa

### 1.5 Delimitação da Pesquisa

### 1.6 Organização do trabalho

#### 1.6.1 Sub-organização

O capítulo 1 contém a introdução do trabalho, onde são expostos o objetivo, a motivação do mesmo, a descrição do sistema e a formulação do problema com a nomenclatura utilizada; além de uma revisão bibliográfica da literatura relacionada ao tema do trabalho.

#### 1.6.1.1 SubSub-organização

No capítulo 2 apresentamos a modelagem dinâmica de um manipulador subatuado e o conceito de índice de acoplamento para medir o acoplamento dinâmico entre as juntas ativas e passivas. Este índice é utilizado para a análise e projeto de uma metodologia de controle subótimo do manipulador.

#### 1.6.1.2 Outra subsub-organização

O capítulo 3 apresenta o controle subótimo de manipuladores através de redundância de atuação. Descreve-se a técnica de controle ponto a ponto de manipuladores subatuados. A seguir mostramos a linearização destes por realimentação, cujo efeito é linearizar e desacoplar o sistema não linear. Finalmente é proposta uma sequência de controle subótimo local das juntas passivas visando a minimização de certos critérios como torque, velocidade e em particular a energia consumida pelo sistema. Este é de fato o tema principal deste mestrado.

É também apresentado no capítulo 4 um resumo do projeto de controladores  $H_2$  e  $H_{\infty}$ , cuja principal vantagem é a robustez na presença de incertezas paramétricas e distúrbios externos.

O capítulo 5 mostra as características e a operação do robô e do ambiente de simulação utilizados nos testes e experimentação da metodologia apresentada.

Os procedimentos da metodologia e os resultados obtidos para algumas configurações e diferentes controladores encontram-se no capítulo 6.

No capítulo 7 são apresentadas as conclusões do trabalho.

Quatro apêndices fazem parte do trabalho. O apêndice A apresenta alguns tópicos de álgebra linear que são a base do método proposto. No apêndice B são mostradas as equações da matriz de inércia e do vetor de torques não-inerciais utilizados na modelagem dinâmica do manipulador. No apêndice C temos as expressões literais dessas equações feitas no software MAPLE e no apêndice D alguns programas feitos no software MATLAB utilizados no projeto (FURMENTO et al., 1995)(MORGADO, 2003).

QUADRO 1.1 – Teste

Coluna 1	amp; Coluna 2
Conteúdo 1	amp; Conteúdo 2

# 2 Fundamentação Teórica

### 2.1 Base Legal

Manipuladores subatuados diferem dos totalmente atuados pois são equipados com um número de atuadores que é sempre menor que o número de graus de liberdade (GDL). Portanto, nem todos os GDL podem ser controlados ativamente ao mesmo tempo (SBORNIAN, 2004). Por exemplo, com um manipulador planar de 3 juntas equipado com dois atuadores, ou seja, duas juntas ativas e uma passiva, pode-se controlar ao mesmo tempo duas das juntas a qualquer instante, mas não todas. Para controlar todas as juntas de um manipulador subatuado, deve-se usar um controle sequencial. Este princípio foi provado pela primeira vez por arai usando argumentos dinâmicos linearizados (JOEA; JOHN, 2003), e é a base para a modelagem no espaço das juntas e no espaço Cartesiano. A Tabela 2.1 apresenta os resultados (ASSENMACHER et al., 1993; SILBERSCHATZ et al., 1991; CAROMEL et al., 1998, p. 50).

Devido ao fato de que no máximo  $n_a$  coordenadas generalizadas (ângulos das juntas ou variáveis cartesianas) podem ser controladas num dado instante, o vetor de coordenadas generalizadas é dividido em duas partes, representando as coordenadas generalizadas ativas e as coordenadas generalizadas passivas (CALLAGHAN et al., 1995).

Considerando um robô manipulador rígido, malha aberta, e de n-juntas em série. Seja q a representação de seu vetor de posição angular das juntas e  $\tau$  a representação de seu vetor de torque. A equação dinâmica pelo método de Lagrange é dada por:

$$\frac{d}{dt}(\frac{\partial L}{\partial \dot{q}}) - \frac{\partial L}{\partial q} = \tau^{T}.$$
(2.1)

TABELA 2.1 – Exemplo de uma Tabela

Parâmetro	Unidade	Valor da simulação	Valor experimental
Comprimento, $\alpha$	m	8, 23	8,54
Altura, $\beta$	m	29, 1	28, 3
Velocidade, $v$	m/s	60, 2	67,3



FIGURA 2.1 – Cupim cibernético.

O Lagrangiano L é definido como a diferença entre as energias cinética e potencial do sistema:

$$L = T - P \tag{2.2}$$

A energia cinética total dos ligamentos é representada:

$$T = \frac{1}{2}\dot{q}^T M(q)\dot{q} \tag{2.3}$$

### 2.2 Revisão Literária

### 2.3 Referenciais Teóricos

### 2.3.1 David Ausubel - Aprendizagem Significativa

## 2.3.2 Marc Prensk - Aprendizagem Baseada em Jogos Digitais

# 3 Descrição do Produto Educacional

# 3.1 A SequÃ<sup>a</sup>ncia Didática

Conforme vimos na se $\tilde{A}$ § $\tilde{A}$ £o 3.1 podemos controlar um sistema nao linear como atrav $\tilde{A}$ ( $\tilde{C}$ )s da t $\tilde{A}$ ( $\tilde{C}$ )cnica do torque computado, usando um controlador PD dado por:

$$\tau' = \ddot{q}_d + K_v(\dot{q}_d - \dot{q}) + K_p(q_d - q) , \qquad (3.1)$$

sendo  $q_d$ ,  $\dot{q}_d$  e  $\ddot{q}_d$  a posição desejada, a velocidade desejada e a aceleração desejada;  $K_p$  e  $K_v$  são matrizes diagonais  $n \times n$ , sendo que cada elemento da diagonal Ãⓒ um ganho positivo e escalar.

Aqui  $M_{est}$  e  $b_{est}$  são modelos estimados da matriz de inércia, M, e do vetor de torques não inerciais, b, do robÃ′ real, respectivamente. A equação de malha fechada do sistema é:

$$\ddot{e} + K_v \dot{e} + K_p e = M_{est}^{-1} [(M - M_{est}) \ddot{q} + (b - b_{est})].$$
(3.2)

$$\ddot{e} + K_v \dot{e} + K_p e = M_{est}^{-1} [(M - M_{est}) \ddot{q} + (b - b_{est}) + d_{ext}]. \tag{3.3}$$

### 3.2 O Jogo Digital

O jogo tem um estilo RPG/Aventura, no qual o jogador controla o personagem principal. O jogo uma sua forma principal um quiz (pergunjtas e resposta) com um total de 20 perguntas pertinentes à FPE. o foco das perguntas é a teoria, não foi abordado a matemática

# 4 Aplicação do Produto Educacional

### 4.1 Metodologia

Neste trabalho realizou-se o projeto de uma metodologia de controle subótimo redundante da junta passiva de um manipulador com três graus de liberdade instantaneamente. Para este propósito usou-se nas formulações o vetor gradiente de uma função escalar que estima o acoplamento entre a junta passiva e as ativas desse manipulador. Aqui a redundância foi usada da melhor maneira possível sem focalizar o efeito global. Portanto, este método deve ser denominado de controle ótimo local por redundância. A principal vantagem dessa formulação é a computação em tempo real, que é necessária para o controle do manipulador experimental. Além disso esse método pode ser usado com diferentes tipos de controladores, uma vez que as alterações são feitas nas equações dinâmicas do manipulador.

A consequência direta observada nessa formulação é a redução dos torques na fase de controle da junta passiva, e consequente redução da energia elétrica gasta. Isso ocorre devido ao fato de que ao longo da trajetória do manipulador o índice de acoplamento de torque tende a ser maximizado, e portanto, menor é o torque necessário nos atuadores para se conseguir o posicionamento da junta passiva do manipulador.

Outros resultados indiretos obtidos são: um movimento mais uniforme e suave do manipulador e um tempo de acomodação menor tanto no posicionamento da junta passiva quanto das ativas, conforme podemos obervar nos gráficos de desempenho dos resultados apresentados. Isso ocorre porque a maximização do acoplamento entre as juntas facilita o controle. Assim ocorrem menos picos de torque, e como as juntas ativas tem "menos trabalho" para posicionar a passiva estas se movem menos na direção contrária ao movimento daquelas, diminuindo assim as velocidades alcançadas e os tempos de posicionamento.

Uma extensão deste trabalho pode ser a implementação de um controle ótimo global por redundância da junta passiva do manipulador. Para isto pode-se fazer o planejamento off-line da trajetória das juntas de modo a minimizar a energia consumida. Alguns estudos foram feitos nesse sentido, usando o Princípio Mínimo de Pontryagin, mas sem resultados satisfatórios até o momento.

 $QUADRO\ 4.1-Teste2$ 

Coluna 1	amp; Coluna 2
Conteúdo 1	amp; Conteúdo 2

# 4.2 Relato de Aplicação

- 4.2.1 Aula 1
- 4.2.2 Aula 2
- 4.2.3 Aula 3
- 4.2.4 Aula 4
- 4.2.5 Aula 5
- 4.2.6 Aula 6
- 4.2.7 Aula 7
- 4.2.8 Aula 8
- 4.2.9 Aula 9
- 4.2.10 Aula 10

# 5 Resultados e Discussões

### 5.1 Análise da Pesquisa Inicial

Neste trabalho realizou-se o projeto de uma metodologia de controle subótimo redundante da junta passiva de um manipulador com três graus de liberdade instantaneamente. Para este propósito usou-se nas formulações o vetor gradiente de uma função escalar que estima o acoplamento entre a junta passiva e as ativas desse manipulador. Aqui a redundância foi usada da melhor maneira possível sem focalizar o efeito global. Portanto, este método deve ser denominado de controle ótimo local por redundância. A principal vantagem dessa formulação é a computação em tempo real, que é necessária para o controle do manipulador experimental. Além disso esse método pode ser usado com diferentes tipos de controladores, uma vez que as alterações são feitas nas equações dinâmicas do manipulador.

A consequência direta observada nessa formulação é a redução dos torques na fase de controle da junta passiva, e consequente redução da energia elétrica gasta. Isso ocorre devido ao fato de que ao longo da trajetória do manipulador o índice de acoplamento de torque tende a ser maximizado, e portanto, menor é o torque necessário nos atuadores para se conseguir o posicionamento da junta passiva do manipulador.

Outros resultados indiretos obtidos são: um movimento mais uniforme e suave do manipulador e um tempo de acomodação menor tanto no posicionamento da junta passiva quanto das ativas, conforme podemos obervar nos gráficos de desempenho dos resultados apresentados. Isso ocorre porque a maximização do acoplamento entre as juntas facilita o controle. Assim ocorrem menos picos de torque, e como as juntas ativas tem "menos trabalho" para posicionar a passiva estas se movem menos na direção contrária ao movimento daquelas, diminuindo assim as velocidades alcançadas e os tempos de posicionamento.

Uma extensão deste trabalho pode ser a implementação de um controle ótimo global por redundância da junta passiva do manipulador. Para isto pode-se fazer o planejamento off-line da trajetória das juntas de modo a minimizar a energia consumida. Alguns estudos foram feitos nesse sentido, usando o Princípio Mínimo de Pontryagin, mas sem resultados satisfatórios até o momento.

- 5.2 Análise da Pesquisa Inicial
- 5.3 Análise do Teste Inicial
- 5.4 Análise da Primeira Aplicação do Jogo
- 5.5 Análise da Apresentação do Vídeo
- 5.6 Análise da Aula Expositiva 1 e 2
- 5.7 Análise da Segunda Aplicação do Jogo
- 5.8 Análise do Teste Final
- 5.9 Análise da Pesquisa Final

# 6 Conclusão

#### 6.1 Conclusão

Neste trabalho realizou-se o projeto de uma metodologia de controle subótimo redundante da junta passiva de um manipulador com três graus de liberdade instantaneamente. Para este propósito usou-se nas formulações o vetor gradiente de uma função escalar que estima o acoplamento entre a junta passiva e as ativas desse manipulador. Aqui a redundância foi usada da melhor maneira possível sem focalizar o efeito global. Portanto, este método deve ser denominado de controle ótimo local por redundância. A principal vantagem dessa formulação é a computação em tempo real, que é necessária para o controle do manipulador experimental. Além disso esse método pode ser usado com diferentes tipos de controladores, uma vez que as alterações são feitas nas equações dinâmicas do manipulador.

A consequência direta observada nessa formulação é a redução dos torques na fase de controle da junta passiva, e consequente redução da energia elétrica gasta. Isso ocorre devido ao fato de que ao longo da trajetória do manipulador o índice de acoplamento de torque tende a ser maximizado, e portanto, menor é o torque necessário nos atuadores para se conseguir o posicionamento da junta passiva do manipulador.

Outros resultados indiretos obtidos são: um movimento mais uniforme e suave do manipulador e um tempo de acomodação menor tanto no posicionamento da junta passiva quanto das ativas, conforme podemos obervar nos gráficos de desempenho dos resultados apresentados. Isso ocorre porque a maximização do acoplamento entre as juntas facilita o controle. Assim ocorrem menos picos de torque, e como as juntas ativas tem "menos trabalho" para posicionar a passiva estas se movem menos na direção contrária ao movimento daquelas, diminuindo assim as velocidades alcançadas e os tempos de posicionamento.

Uma extensão deste trabalho pode ser a implementação de um controle ótimo global por redundância da junta passiva do manipulador. Para isto pode-se fazer o planejamento off-line da trajetória das juntas de modo a minimizar a energia consumida. Alguns estudos foram feitos nesse sentido, usando o Princípio Mínimo de Pontryagin, mas sem resultados satisfatórios até o momento.

REFERÊNCIAS 14

# Referências

ALMEIDA JUNIOR, E. R. d. B. de; OLIVEIRA, E. C. d. S. de. O uso do Scratch para o ensino de Física. 2011.

ARYSTIDES, B.; MEDEIROS, C. S. de. Incorporaï;  $\frac{1}{2}$ ï;  $\frac{1}{2}$ o de tempo em SGBD orientado a objeto. In: SIMPï;  $\frac{1}{2}$ SIO BRASILEIRO DE BANCO DE DADOS, 13., 1996, Petrolina. **Anais...** Petrolina: EMBRAPA, 1995. p. 90–98.

ASSENMACHER, H.; BREITBACH, T.; BUHLER, P.; HÜBSCH, V.; SCHWARZ, R. Panda: supporting distributed programming in L++. In: EUROPEAN CONFERENCE ON OBJECT-ORIENTED PROGRAMMING, 7., 1993, Kaiserslautern. **Proceedings...** Berlin: Springer, 1993. p. 361–383. (Lecture Notes in Computer Science, v. 707).

BARSOTTI, D. C. USO DE FERRAMENTAS TECNOLÓGICAS NO ENSINO DE FÍSICA PARA O ENSINO MÉDIO: MODELAGEM MATEMÁTICA A PARTIR DO SOFTWARE MODELLUS. Tese (Doutorado) — UNIVERSIDADE DE FEDERAL DE SÃO CARLOS, 2012.

CALLAGHAN, B.; PAWLOWSKI, B.; STAUBACH, P. **NFS** version **3** protocol specification: RFC 1831. London, 1995. 68 p.

CAROMEL, D.; KLAUSER, W.; VAYSSIERE, J. Towards seamless computing and metacomputing in Java. **Concurrency in Practice and Experience**, v. 10, n. 11–13, p. 1043–1061, set./nov. 1998. Disponível em: <a href="http://www-sop.inria.fr/\~sloop/javall-/index.ht">http://www-sop.inria.fr/\~sloop/javall-/index.ht</a>. Acesso em: 20 fev. 2000.

CONFERENCE ON COFFEE IMPORTANCE, 1., 2000, Java Island. **Proceedings...** Java Island: Java Island Press, 2000.

FILHO, G. F. de S. Simuladores computacionais para o ensino de física básica: uma discussão sobre produção e uso. 2010.

FREIRE, S.; LIMA, N. Ensino médio articulado ao ensino profissionalizante: Novas perspectivas. **HOLOS**, v. 2, p. 105–113, 2012.

FURMENTO, N.; ROUDIER, Y.; SIEGEL, G. **Parallélisme et distribution en C++**: une revue des langages existants. Valbonne, 1995. (RR 95-02). Disponível em: <a href="http://www-sop.inria.br/science/skd.gz">http://www-sop.inria.br/science/skd.gz</a>. Acesso em: 29 fev. 2003.

GRABOWSKI, G. Ensino médio integrado à educação profissional. **BRASIL. Ministério da Educação. Secretaria de Educação à Distância. Ensino Médio integrado à Educação Profissional. Boletim, Brasília**, n. 7, p. 05–15, 2006.

REFERÊNCIAS 15

ITALUS: grupo de usuários LATEX do ITA. 2004. Disponível em: <a href="http://www.comp.ita-.br/italus/">http://www.comp.ita-.br/italus/</a>>. Acesso em: 22 jul. 2004.

- JOEA, J. G.; JOHN, J. G. Importance of coffee in computer sciences. In: CONFERENCE ON COFFEE IMPORTANCE, 1., 2000, Java Island. **Proceedings...** Java Island: Java Island Press, 2003. p. 99–100.
- MACÊDO, J. A. de; DICKMAN, A. G.; ANDRADE, I. S. F. de. Simulações computacionais como ferramentas para o ensino de conceitos básicos de eletricidade. **Caderno Brasileiro de Ensino de Física**, v. 29, p. 562–613, 2012.
- MENDES, J. F. O uso do software Modellus na integração entre conhecimentos teóricos e atividades experimentais de tópicos de Mecânica sob a perspectiva da aprendizagem significativa. Tese (Doutorado) UNIVERSIDADE DE BRASÍLIA, 2009.
- MORGADO, M. L. C. **Reimplante dentário**. Trabalho de Conclusão de Curso (Especialização do curso) Faculdade de Odontologia, Universidade Federal do Nananana, São Paulo, 2003.
- NASCIMENTO, E. A. do. **Análise de curvas curvilíneas da trajetória da bola**. 1970. 36 f. Dissertação (Mestrado em Ciência do Futebol) Cosmos University, Cidade do Cabo, 1971.
- PATAGONIOS, J. **Um exemplo de TG**. 98 p. Trabalho de Conclusão de Curso (Graduação em Engenharia de Computação) Instituto Teórico Aeroglifo, Santa Pindamonhangaba, 2001.
- RAMOS, M. Concepção do ensino médio integrado. Texto apresentado em seminário promovido pela Secretaria de Educação do Estado do Pará nos dias, v. 8, 2008.
- SANTOS, G. S.; MADUREIRA, R. B.; SILVA, V. A. da. O uso de recursos tecnológicos como metodologia de ensino em física: O que dizem os professores? 2010.
- SANTOSA, R. A. dos; MAGALHÃES, N. S. Desmonte tecnológico como ferramenta para o ensino de física. 2009.
- SBORNIAN, W. **Um exemplo de dissertação de mestrado**. 2002. 98 f. Dissertação (Mestrado em Ciência da Computação) Instituto de Alguma Coisa, Universidade Sei Lá de Onde, Santa Pindamonhangaba, 2002. Disponível em: <a href="http://www.santapinda-edu/~sbor/dissert.p">http://www.santapinda-edu/~sbor/dissert.p</a>. Acesso em: 25 fev. 2002.
- SBORNIAN, W. **Um exemplo de tese de doutorado**. 2004. 169 f. Tese (Doutorado em Aeronáutica) Instituto de Alguma Coisa, Universidade Sei Lá de Onde, Santo Antônio da Patrulha, 2004. 1 CD–ROM.
- SILBERSCHATZ, A.; PETERSON, J. L.; GALVIN, P. B. Operating system concepts. 3rd. ed. New York: Springer, 1991.

# Apêndice A - Tópicos de Dilema Linear

### A.1 Uma Primeira Seção para o Apêndice

A matriz de Dilema Linear M e o vetor de torques inerciais b, utilizados na simulação são calculados segundo a formulação abaixo:

$$M = \begin{bmatrix} M_{11} & M_{12} & M_{13} \\ M_{21} & M_{22} & M_{23} \\ M_{31} & M_{32} & M_{33} \end{bmatrix}$$
(A.1)



FIGURA A.1 – Uma figura que está no apêndice

# Anexo A - Exemplo de um Primeiro Anexo

# A.1 Uma Seção do Primeiro Anexo

Algum texto na primeira seção do primeiro anexo.

FOLHA DE REGISTRO DO DOCUMENTO										
1.	<sup>2.</sup> DATA	$3.$ DOCUMENTO Nï $\frac{1}{2}$	$^{4.}$ Nï $\stackrel{1}{\cancel{\i}}_{2}$ DE Pï $\stackrel{1}{\cancel{\i}}_{2}$ GINAS							
CLASSIFICA $\ddot{\imath}_{\dot{\iota}}$ $\ddot{1}\ddot{\imath}_{\dot{\iota}}$ $\ddot{1}$ O/TIPO $DM$	25 de março de 2015	DCTA/ITA/DM-018/2015	17							
$^5$ . Tĩ $_{\!\!\!\!i}\frac12$ TULO E SUBTĩ $_{\!\!\!i}\frac12$ TULO: Games Digitais: Uma Abordagem de Física de Partículas Elementares no Ensino Médio										
6. AUTOR(ES):  Jefferson Rodrigues de	Oliveira									
7. INSTITUI $\ddot{i}_{\dot{i}}$ $\frac{1}{2}\ddot{i}_{\dot{i}}$ $\frac{1}{2}$ O( $\ddot{i}_{\dot{i}}$ $\frac{1}{2}$ RG $\ddot{i}_{\dot{i}}$ $\frac{1}{2}$ O(S) INTERNO(S)/DIVIS $\ddot{i}_{\dot{i}}$ $\frac{1}{2}$ O( $\ddot{i}_{\dot{i}}$ $\frac{1}{2}$ ES): Instituto Tecnológico de Aeronáutica – ITA										
8. PALAVRAS-CHAVE SUGER Cupim; Cimento; Estrutura										
9. PALAVRAS-CHAVE RESUL Cupim; Dilema; Construção										
<ul> <li>10. APRESENTAï¿½π²¿½Ω:         <ul> <li>(X) Nacional () Internacional</li> </ul> </li> <li>ITA, São José dos Campos. Curso de Mestrado. Programa de Pós-Graduação em Engenharia Aeronáutica e Mecânica. Área de Sistemas Aeroespaciais e Mecatrônica. Orientador: Prof. Dr. Adalberto Santos Dupont. Coorientadora: Profª. Drª. Doralice Serra. Defesa em 05/03/2015. Publicada em 25/03/2015.</li> <li>Continuadora: Profª. Drª. Doralice Serra. Defesa em 05/03/2015. Publicada em 25/03/2015.</li> </ul>										
11. RESUMO: Resumo do trabalho										
12. GRAU DE SIGILO: (X) OSTEN	SIVO () RES	SERVADO ()	SECRETO							