Лабораторная работа 4. Выполнил Зоров Владислав Витальевич ИУ5-22м

На основе рассмотренного на лекции примера реализуйте алгоритм Policy Iteration для любой среды обучения с подкреплением (кроме рассмотренной на лекции среды Toy Text / Frozen Lake) из библиотеки Gym (или аналогичной библиотеки).

```
In [1]:
    !pip install pygame
    import gym
    import numpy as np
    from pprint import pprint
    from IPython.display import clear_output
    from time import sleep
    import matplotlib.pyplot as plt
```

Defaulting to user installation because normal site-packages is not writeable Requirement already satisfied: pygame in /home/user/.local/lib/python3.10/site-packages (2.1.0)

```
In [43]:
         class PolicyIterationAgent:
             def init (self, env):
                 self.env = env
                 self.observation dim = env.observation space.n
                 self.actions variants = np.arange(env.action space.n)
                 self.policy probs = np.full((self.observation dim, len(self.actions variants)), 1
                 self.state values = np.zeros(self.observation dim)
                 self.maxNumberOfIterations = 1000
                 self.theta = 1e-6
                 self.gamma = 0.99
             def print policy(self):
                 print('Policy:')
                 pprint(self.policy probs)
             def policy evaluation(self):
                 value function vector = self.state values.copy()
                 for in range(self.maxNumberOfIterations):
                     value function vector next iteration = np.zeros(self.observation dim)
                     for state in range(self.observation dim):
                         action probabilities = self.policy probs[state]
                         for action in self.actions variants:
                              inner sum = 0
                              for probability, next state, reward, in self.env.P[state][action]:
                                 inner sum += probability * (reward + self.gamma * self.state value)
                             value function vector next iteration[state] += action probabilities[action]
                     if np.max(np.abs(value function vector next iteration - value function vector)
                         value function vector = value function vector next iteration
                     value function vector = value function vector next iteration
                 return value function vector
             def policy improvement(self):
```

```
q values matrix = np.zeros((self.observation dim, len(self.actions variants)))
        improved policy = np.zeros((self.observation dim, len(self.actions variants)))
        for state in range(self.observation dim):
             for action in self.actions variants:
                 for probability, next state, reward, in self.env.P[state][action]:
                     q values matrix[state, action] += probability * (reward + self.gamma ')
            best action index = np.where(q values matrix[state, :] == np.max(q values matrix
             improved policy[state, best action index] = 1.0 / len(best action index)
        return improved policy
    def policy iteration(self, num iterations):
        for i in range(1, num iterations + 1):
             self.state values = self.policy evaluation()
             self.policy probs = self.policy improvement()
        print(f'Algorithm completed in {i} iterations.')
    def visualize policy(self):
        state_labels = ['R', 'G', 'Y', 'B', 'T', 'D'] # Labels for states
        action labels = ['\downarrow', '\uparrow', '\leftarrow', '\rightarrow', 'P', 'D'] # Labels for actions
        fig, ax = plt.subplots(figsize=(6, 8))
        ax.set title('Policy Iteration - Taxi-v3')
        ax.axis('off')
        table = ax.table(cellText=np.round(self.policy probs, 2), cellLoc='center', colLak
                          loc='center')
        table.scale(1, 2)
        table.set fontsize(14)
        table.auto set column width(col=list(range(6)))
        plt.show()
# Create the environment and agent
env = gym.make('Taxi-v3')
agent = PolicyIterationAgent(env)
# Perform policy iteration
```

Algorithm completed in 1000 iterations.

agent.policy iteration(1000)

Visualize the final policy
agent.visualize policy()

In [44]:

1	1	1	→	Р	D
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0

0.5					
0.5	0.0	0.5		0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0		0.0
0.5	0.0	0.5	0.0		0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0		0.0
1.0	0.0	0.0	0.0		0.0
1.0	0.0	0.0	0.0		0.0
1.0	0.0	0.0	0.0		0.0
0.0	0.0	1.0	0.0		0.0
0.0	0.0	1.0	0.0		0.0
0.0	0.0	1.0		0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0		0.0
1.0	0.0	0.0	0.0		0.0
1.0	0.0	0.0	0.0		0.0
1.0	0.0	0.0	0.0		0.0
1.0	0.0	0.0	0.0		0.0
0.5	0.0	0.5	0.0		0.0
0.5					\vdash
	0.0	0.5	0.0		0.0
0.5	0.0	0.5		0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0

1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0		0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0		0.0	0.0
0.0	0.0	1.0		0.0	0.0
0.0	0.0	1.0		0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0		0.0	0.0
0.5	0.0	0.0		0.0	0.0
0.5	0.0	0.0		0.0	0.0
1.0	0.0	0.0		0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0
0.5	0.0	0.0		0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0

<u> </u>		0.0			\vdash
0.0		0.0			\square
0.0	1.0	0.0		0.0	
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0

0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0

0 E	0.0	0.0	0 F	0.0	0.0
0.5		0.0		0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0		0.0	0.5	0.0	0.0
0.0		1.0		0.0	0.0
0.0		1.0		0.0	0.0
0.0		1.0		0.0	0.0
0.0		1.0	0.0		0.0
0.0	0.0	0.0		0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0		0.0		0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0

0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0 erat	0.0	0.0 Taxi	0.0
Ö.Ö	0.0	0.0	1.0	Ö.Ö'	Ŏ.Ŏ
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
<u> </u>	0.5	0.5		0.0	0.0
0.0		0.0	1.0		0.0
0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0		0.5	0.0	0.0	0.0
0.0		0.5	0.0	0.0	0.0
0.0					\vdash
		0.5	0.0	0.0	0.0
0.0		0.0	1.0	0.0	0.0
0.0		0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0		0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0		0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0

0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5		0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0

0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0					0.0
0.0	1.0	0.0		0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0		0.0	0.5	0.0	0.0
0.0		0.0	0.5	0.0	0.0
0.0		0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0		0.0	0.0
0.0		0.0	0.0		0.0
0.0	1.0	0.0		0.0	0.0
0.0		0.0		0.0	0.0
0.0		0.0		0.0	0.0
0.0		0.0		0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0		0.0		0.0	0.0
0.0	1.0	0.0		0.0	0.0
0.0		0.0	0.0		0.0
<u> </u>					
0.0	1.0	0.0		0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0

0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.5	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0

0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0

0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
\vdash				0.0	
0.0	1.0	0.0			0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.5	0.5	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
0.0	1.0	0.0		0.0	0.0
0.0		0.0	0.0		0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0		0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
0.0		0.0	0.5	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0
0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0

Ī						
	0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
	0.0	0.5	0.0	0.5	0.0	0.0
	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0