## Programación 1 **Tema 5**





Escuela de Ingeniería y Arquitectura Universidad Zaragoza



#### Índice

- El tipo entero
  - Dominio de valores
  - Representación
  - Operaciones
  - Limitaciones
- Resolución de problemas iterativos con enteros
  - Relativos a cifras
  - Relativos a divisibilidad

#### **Tipos enteros**

- Dominio de valores
  - Subconjunto de N o Z
    - necesidades de representación interna
- □ Representación externa en C++

  - <signo> ::= "+" | "-"
  - <dígito-no-nulo> ::=
     "1"|"2"|"3"|"4"|"5"|"6"|"7"|"8"|"9"
  - <dígito> ::= "0" | <dígito-no-nulo>



#### **Tipos enteros**

- Representación interna (en la memoria del computador)
  - □ Tipos sin signo: en binario
  - □ Tipos con signo: en binario con complemento a 2



## Dominio de valores de tipos enteros en C++ (GNU y MinGW)

-32768 .. 32767 short int int -2147483648 .. 2147483647 -2147483648 .. 2147483647 long int  $-9\times10^{18}...9\times10^{18}$ long long int unsigned short int 0..65535 0..4294967295 unsigned int unsigned long int 0..4294967295 unsigned long long int  $0...18\times10^{18}$ 



## Dominio de valores de tipos enteros en C++ (GNU y MinGW)

-32768 .. 32767 short int int -2147483648 .. 2147483647 -2147483648 .. 2147483647 long int  $-9\times10^{18}...9\times10^{18}$ long long int unsigned short int 0..65535 0..4294967295 unsigned int 0..4294967295 unsigned long int unsigned long long int  $0...18\times10^{18}$ 



## Dominio de valores de los tipos int y unsigned en C++(GNU y MinGW)

| Codificación binaria                    | Como unsigned | Comoint |
|---|---------------|---------|
| 000000000000000000000000000000000000000 |               |         |
| 000000000000000000000000000000000000000 |               |         |
| 000000000000000000000000000000000000000 |               |         |
| 00000000000000000000000000000000011     |               |         |
| •••                                     |               |         |
| 011111111111111111111111111111111111111 |               |         |
| 011111111111111111111111111111111111111 |               |         |
| 100000000000000000000000000000000000000 |               |         |
| 100000000000000000000000000000000000000 |               |         |
| •••                                     |               |         |
| 111111111111111111111111111111111111111 |               |         |
| 111111111111111111111111111111111111111 |               |         |
| 111111111111111111111111111111111111111 |               |         |



# Dominio de valores de los tipos int y unsigned en C++(GNU y MinGW)

| Codificación binaria                    | Como unsigned | Como int |
|---|---------------|----------|
| 000000000000000000000000000000000000000 | 0             |          |
| 000000000000000000000000000000000000000 | 1             |          |
| 000000000000000000000000000000000000000 | 2             |          |
| 000000000000000000000000000000011       | 3             |          |
| •••                                     |               |          |
| 01111111111111111111111111111111        | 2 147 483 646 |          |
| 011111111111111111111111111111111111111 | 2 147 483 647 |          |
| 100000000000000000000000000000000000000 | 2 147 483 648 |          |
| 100000000000000000000000000000000000000 | 2 147 483 649 |          |
| •••                                     |               |          |
| 111111111111111111111111111111111111111 | 4 294 967 293 |          |
| 111111111111111111111111111111111111111 | 4 294 967 294 |          |
| 111111111111111111111111111111111111111 | 4 294 967 295 |          |



# Dominio de valores de los tipos int y unsigned en C++(GNU y MinGW)

| Codificación binaria                    | Como unsigned | <b>Como</b> int |
|---|---------------|-----------------|
| 000000000000000000000000000000000000000 | 0             | 0               |
| 000000000000000000000000000000000000000 | 1             | 1               |
| 000000000000000000000000000000000000000 | 2             | 2               |
| 000000000000000000000000000000011       | 3             | 3               |
|   |               | •••             |
| 0111111111111111111111111111111         | 2 147 483 646 | 2 147 483 646   |
| 011111111111111111111111111111111111111 | 2 147 483 647 | 2 147 483 647   |
| 100000000000000000000000000000000000000 | 2 147 483 648 | -2 147 483 648  |
| 100000000000000000000000000000000000000 | 2 147 483 649 | -2 147 483 647  |
| •••                                     |               | •••             |
| 111111111111111111111111111111111111111 | 4 294 967 293 | -3              |
| 111111111111111111111111111111111111111 | 4 294 967 294 | -2              |
| 111111111111111111111111111111111111111 | 4 294 967 295 | -1              |

#### Tipos enteros en C++

- Operadores asociados
  - Aritméticos
    - □ Binarios: +, -, \*, /, %
    - □ Unarios: +, −
  - Relacionales
    - □ ==, !=
    - □ <, <=, >, >=

#### Desbordamiento

```
#include <iostream>
using namespace std;
 * Programa que muestra los efectos de un desbordamiento.
int main() {
                                   // factorial = 0!
  unsigned factorial = 1;
  for (unsigned i = 1; i <= 18; i++) {</pre>
     factorial = i * factorial;  // factorial = i!
     cout << i << "! = " << factorial << endl;</pre>
```



#### Desbordamiento

```
1!
   = 1
2!
   = 2
  = 6
  = 24
  = 120
   = 720
   = 5040
8!
   = 40320
9!
   = 362880
10! = 3628800
    = 39916800
11!
12!
    = 479001600
13!
    = 1932053504
    = 1278945280
14!
15!
    = 2004310016
16!
    = 2004189184
17!
    = 4006445056
                                                                   12
18!
    = 3396534272
```



#### Desbordamiento

```
1!
   = 1
2!
   = 2
  = 6
  = 24
   = 120
   = 720
   = 5040
8!
   = 40320
9!
   = 362880
10! = 3628800
    = 39916800
11!
12!
    = 479001600
    = 1932053504
    = 1278945280
14!
    = 2004310016
    = 2004189184
16!
    = 4006445056
                                                                    13
18!
    = 3396534272
```

#### **Desbordamiento negativo**

```
* Programa que muestra los efectos de un
 * desbordamiento negativo.
 */
int main() {
                              // 2^{31} - 1
    int i = 2147483647;
    i++;
    cout << i << endl;</pre>
```

### Desbordamiento negativo

-2147483648

#### Otro desbordamiento negativo

```
* Programa que muestra los efectos de un desbordamiento
 * negativo con datos de tipo unsigned.
 */
int main() {
   // UINT_MAX es mayor entero sin signo representable
   // como unsigned int. Está definido en <climits>.
    unsigned i = UINT_MAX;
    cout << "i = " << i << endl;
    cout << "¿¡i == -1??: "
         << boolalpha << (i == -1) << endl;
```

#### Otro desbordamiento negativo

```
i = 4294967295
¿¿i == -1??: true
```



#### Aritmética de enteros con y sin signo

Cuando el entero con signo es negativo

```
* Programa que muestra resultados de una suma y una
 * multiplicación utilizando enteros con y sin
 * signo.
 */
int main() {
    int a = -8;
    unsigned b = 3;
              Suma a + b: " << a + b << endl;
    cout << "
    cout << "Producto a * b: " << a * b << endl;</pre>
```



#### Aritmética de enteros con y sin signo

Cuando el entero con signo es negativo

```
Suma a + b: 4294967291
```

Producto a \* b: 4294967272



#### Aritmética de enteros con y sin signo

Cuando el entero con signo es negativo

```
/*
 * Programa que muestra resultados más lógicos de una suma
 * y una multiplicación utilizando enteros con y sin
 * signo.
 */
int main() {
    int a = -8;
    unsigned b = 3;
    cout << " Suma a + int(b): " << a + int(b) << endl;</pre>
    cout << "Producto a * int(b): " << a * int(b) << endl;</pre>
```



#### **Problemas con enteros**

- □ Tratamiento de cifras
  - Número de cifras
  - Suma de cifras
  - Cálculo de la i-ésima cifra
  - Imagen especular
- Divisibilidad
  - Primalidad
  - Máximo común divisor



Escriba un número entero: <u>14063</u> El número 14063 tiene 5 cifras.

Escriba un número entero: <u>-984</u> El número -984 tiene 3 cifras.

Escriba un número entero: <u>0</u>
El número 0 tiene 1 cifras.



n



n

14063



n

14063

1406





| n     | cuenta |
|-------|--------|
| 14063 | 0      |
| 1406  | 1      |
| 140   | 2      |
| 14    | 3      |
| 1     | 4      |
| 0     | 5      |



```
#include <iostream>
using namespace std;
 * Programa que pide un número entero e informa sobre el número de cifras que
 * tiene este.
int main() {
   // Petición del dato
   // Cálculo del número de cifras
    // Escritura del resultado
```



```
int main() {
    // Petición del dato
    cout << "Escriba un número entero: ";</pre>
    int numero;
    cin >> numero;
```



```
int main() {
    // Cálculo del número de cifras
    unsigned cuenta = 1;
    int n = numero / 10;
    while (n != 0) {
        cuenta++;
        n = n / 10;
```



```
int main() {
    // Escritura del resultado
    cout << "El número " << numero
         << " tiene " << cuenta
         << " cifras." << endl;</pre>
```



Escriba un número entero: <u>14063</u> Las cifras de 14063 suman 14.

Escriba un número entero: <u>-984</u> Las cifras de -984 suman 21.

Escriba un número entero: <u>0</u>
Las cifras de 0 suman 0.



| n     |  |  |
|-------|--|--|
| 14063 |  |  |
| 14063 |  |  |
| 1406  |  |  |
| 140   |  |  |
| 14    |  |  |
| 1     |  |  |
| 0     |  |  |



| n     | n / 10 |  |  |
|-------|--------|--|--|
| 14063 |        |  |  |
| 14063 | 1406   |  |  |
| 1406  | 140    |  |  |
| 140   | 14     |  |  |
| 14    | 1      |  |  |
| 1     | 0      |  |  |
| 0     |        |  |  |



| n     | n / 10 | n % 10 |
|-------|--------|--------|
| 14063 |        |        |
| 14063 | 1406   | 3      |
| 1406  | 140    | 6      |
| 140   | 14     | 0      |
| 14    | 1      | 4      |
| 1     | 0      | 1      |
| 0     |        |        |



| n     | n/10 | n % 10 |           |  |
|-------|------|--------|-----------|--|
| 14063 |      |        |           |  |
| 14063 | 1406 | 3      | 3         |  |
| 1406  | 140  | 6      | 3+6       |  |
| 140   | 14   | 0      | 3+6+0     |  |
| 14    | 1    | 4      | 3+6+0+4   |  |
| 1     | 0    | 1      | 3+6+0+4+1 |  |
| 0     |      |        |           |  |



| n     | n / 10 | n % 10 | suma      |    |
|-------|--------|--------|-----------|----|
| 14063 |        |        |           | 0  |
| 14063 | 1406   | 3      | 3         | 3  |
| 1406  | 140    | 6      | 3+6       | 9  |
| 140   | 14     | 0      | 3+6+0     | 9  |
| 14    | 1      | 4      | 3+6+0+4   | 13 |
| 1     | 0      | 1      | 3+6+0+4+1 | 14 |
| 0     |        |        |           | 14 |



```
#include <iostream>
using namespace std;
 * Programa que pide un número entero e informa sobre la suma de las cifras
 * que lo componen.
int main() {
    // Petición del dato
    // Cálculo de la suma de las cifras
    // Escritura del resultado
    . . .
```



```
int main() {
    // Petición del dato
    cout << "Escriba un número entero: ";</pre>
    int numero;
    cin >> numero;
```



```
int main() {
    // Cálculo de la suma de las cifras
    int n = numero;
    if (n < 0) {
        n = -n;
    unsigned suma = 0;
    while (n != 0) {
        suma = suma + n \% 10;
        n = n / 10;
```



```
int main() {
    // Escritura del resultado
    cout << "Las cifras de "
         << numero << " suman</pre>
         << suma << "." << endl;
```



Escriba un número natural: 104683

El número 104683 es primo.

Escriba un número natural: 47019

El número 47019 no es primo.

Escriba un número natural: 1

El número 1 no es primo.



### Número primo

 Número natural mayor que 1 que tiene únicamente dos divisores distintos: él mismo y el 1

### Número compuesto

- Número natural que tiene algún divisor natural aparte de sí mismo y del 1
- □ **El número 1**, por convenio, no se considera ni primo ni compuesto.



#### Análisis

- $\blacksquare$  n=0
- $\blacksquare$  n=1
- $\blacksquare$  n > 1
  - □ Hay un número en el intervalo [2,  $\sqrt{n}$ ] que divide a  $n \rightarrow n$  no es primo
  - □ No hay ningún número en  $[2, \sqrt{n}]$  que divide a  $n \rightarrow n$  es primo

 $\rightarrow n$  no es primo

 $\rightarrow n$  no es primo



- **Análisis** (distinguiendo pares e impares)
  - $\blacksquare$  n=0
  - $\blacksquare$  n=1
  - n=2
  - $\blacksquare$  n > 2
    - *n* par
    - $\rightarrow n$  no es primo *n* impar y hay otro impar en el intervalo
    - $[3, \sqrt{n}]$  que divide a  $n \rightarrow n$  no es primo
    - n impar y no hay otro impar en el intervalo  $[3, \sqrt{n}]$  que divide a  $n \rightarrow n$  es primo

- $\rightarrow n$  no es primo
- $\rightarrow n$  no es primo
- $\rightarrow n$  es primo

### ¿Es 437 primo?

- □ Mayor que 2 e impar
  - ¿Es divisible por 3? No
  - ¿Es divisible por 5? No
  - ¿Es divisible por 7? No
  - ¿Es divisible por 9? No
  - ¿Es divisible por 11? No
  - ¿Es divisible por 13? No
  - ¿Es divisible por 15? No
  - ¿Es divisible por 17? No
  - Es divisible por 19? Sí → No es primo

### ¿Es 443 primo?

- □ Mayor que 2 e impar
  - ¿Es divisible por 3? No
  - ¿Es divisible por 5? No
  - ¿Es divisible por 7? No
  - ¿Es divisible por 9? No
  - ¿Es divisible por 11? No
  - ¿Es divisible por 13? No
  - ¿Es divisible por 15? No
  - ¿Es divisible por 17? No
  - ¿Es divisible por 19? No
  - ¿Es divisible por 21? No
  - $23 > \sqrt{443} \rightarrow Es primo$



```
#include <iostream>
using namespace std;
 * Programa que pide un número natural y escribe en la pantalla
 * si es primo o no.
 */
int main() {
    // Petición del dato
    // Cálculo de la primalidad del número y escritura del
    // resultado
```



```
int main() {
    // Petición del dato
    cout << "Escriba un número natural: ";</pre>
    unsigned n;
    cin >> n;
```



```
int main() {
     // Cálculo de la primalidad del número y escritura del
     // resultado
     if (n == 2) {
          // «n» es igual a 2, luego es primo.
           cout << "El número " << n << " es primo." << endl;</pre>
     } else if (n < 2 || n % 2 == 0) {</pre>
          // «n» es menor que 2 o par mayor que 2.
           cout << "El número " << n << " no es primo." << endl;</pre>
     } else {
          // Se buscan posibles divisores impares a partir del 3:
                  Código completo en <a href="https://github.com/prog1-eina/tema-05-enteros/blob/master/6-numero-primo.cpp">https://github.com/prog1-eina/tema-05-enteros/blob/master/6-numero-primo.cpp</a> 50
```



```
int main() {
    // Se buscan posibles divisores impares a partir del 3:
    // «divisor» es el siguiente impar candidato a dividir «n».
    unsigned divisor = 3;  // Primer divisor impar a probar
    // «encontrado» indica si se ha encontrado ya un divisor
    bool encontrado = false;
    while (!encontrado && divisor * divisor <= n) {</pre>
        encontrado = n % divisor == 0;
        divisor = divisor + 2;
```



```
int main() {
    // Discriminación del resultado de la
    // búsqueda de un divisor
    if (encontrado) {
        cout << "El número " << n
             << " no es primo." << endl;
    } else {
        cout << "El número " << n
             << " es primo." << endl;</pre>
```



### ¿Cómo se puede estudiar este tema?

- Repasando estas transparencias
- Trabajando con el código de estas transparencias
  - https://github.com/prog1-eina/tema-05-enteros
- Leyendo el material adicional dispuesto en Moodle:
  - Capítulo 6 de los apuntes del profesor Martínez
  - Enlaces al tutorial de Tutorials Point
- Realizando los problemas de los temas 4, 5 y 6
- □ Realizando las prácticas 2 y 3