Segment Tree Lazy

Enzo Vivallo

enzovivallo@estudiante.uc.cl

Se te entrega una lista de enteros a de tamaño n ($1 \le n \le 10^5$), y cada elemento cumple $1 \le a_i \le 10^5$. Nos piden responder q ($1 \le q \le 10^5$) consultas del tipo:

- ¿Cuál es el mínimo en el rango [left, right]?
- ullet Suma en todos los elementos del rango [left, right] el valor x



Solución con Segment Tree

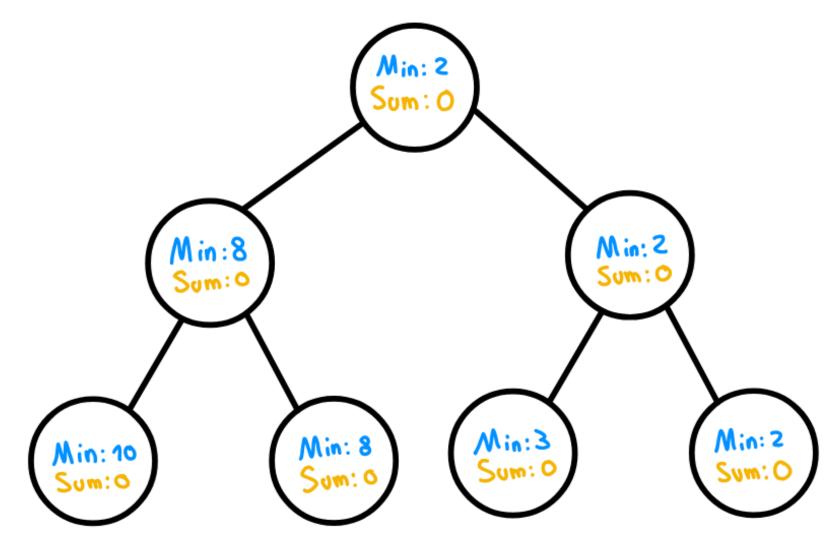
Hacemos un Segment Tree y por cada query de actualización iteramos sobre el rango [left, right], por cada índice i del rango actualizamos esa posición sumándole x. En el peor caso el rango es de tamaño n, entonces la complejidad es $O(n\log n)$ por actualización.

El Segment Tree Lazy es una variación que permite reducir la complejidad de las actualizaciones a $O(\log n)$.

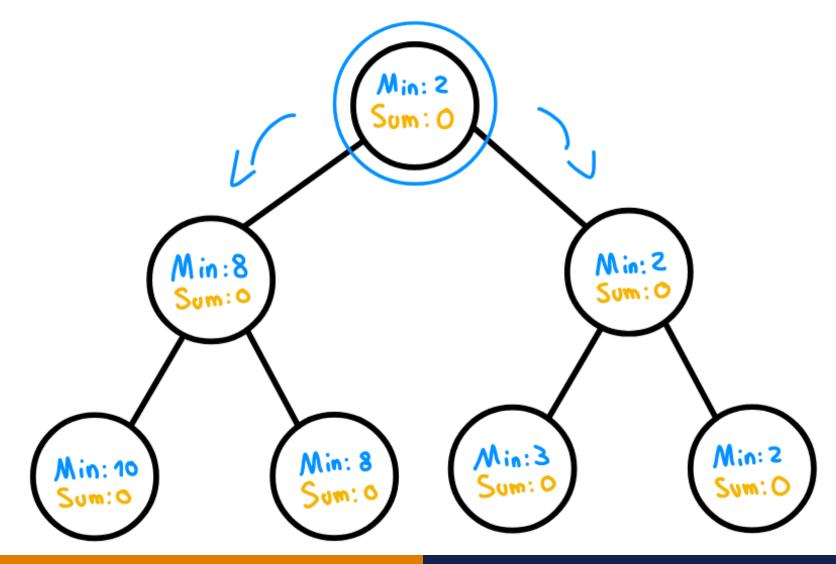
La idea de esta modificación es posponer las actualizaciones hasta que sea necesario. En vez de actualizar inmediatamente los nodos del **Segment Tree**, guardamos la información de las actualizaciones en un arreglo adicional llamado *lazy*, que nos indica el valor de la actualización pendiente para cada nodo, cuando se accede al nodo en el **Segment Tree** se aplica la actualización y se propaga a los hijos. También marcamos los hijos como pendientes de actualización con otro arreglo adicional.



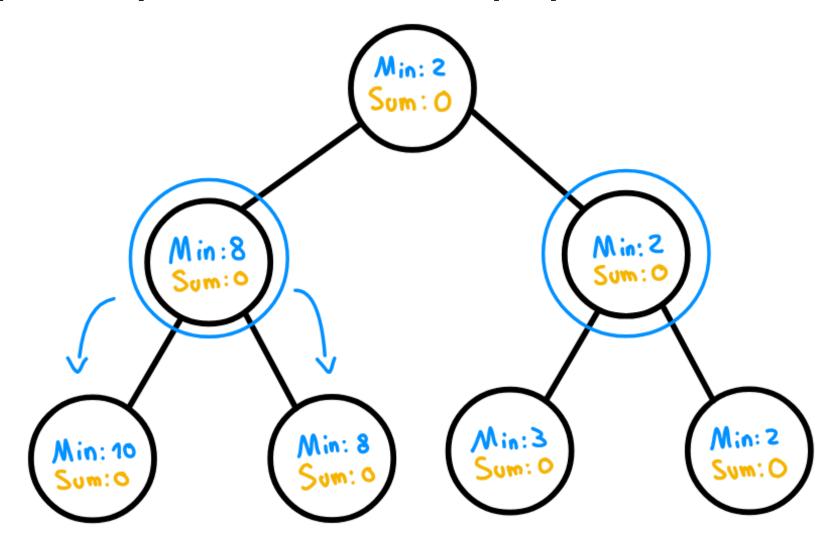
Para a=[10,5,2,1] y suma de 2 en el rango [1,3]:



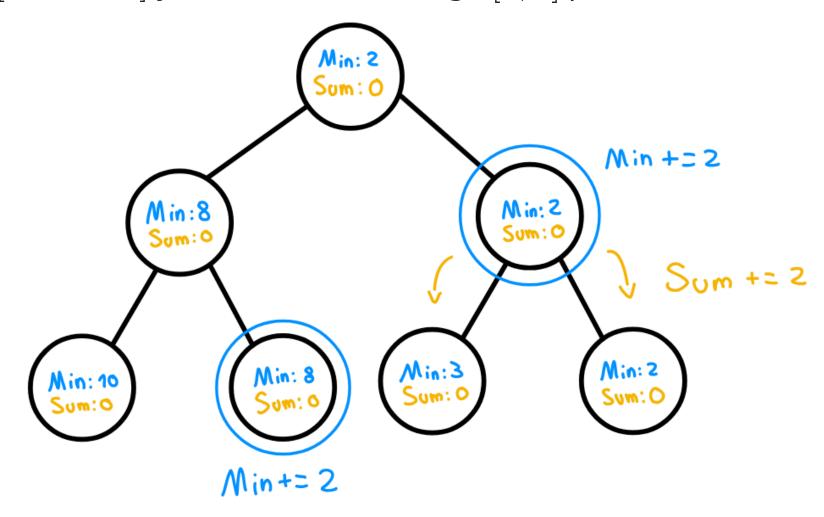




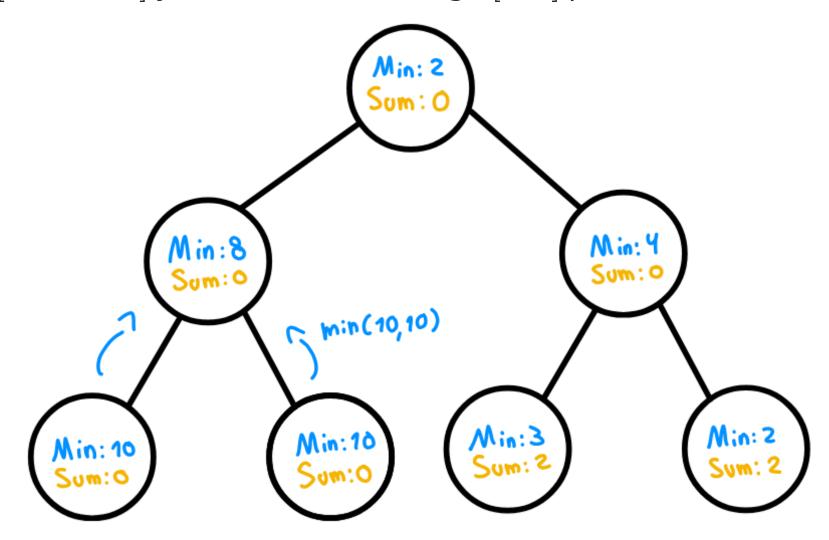




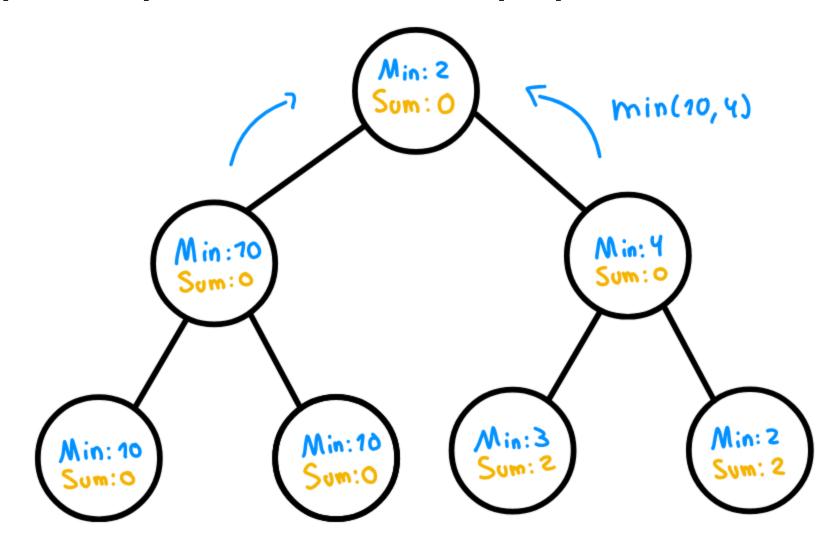




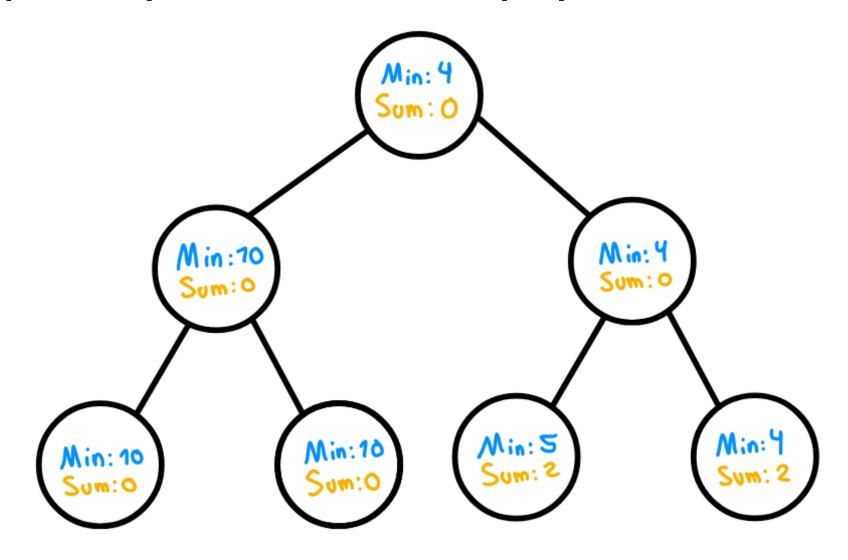




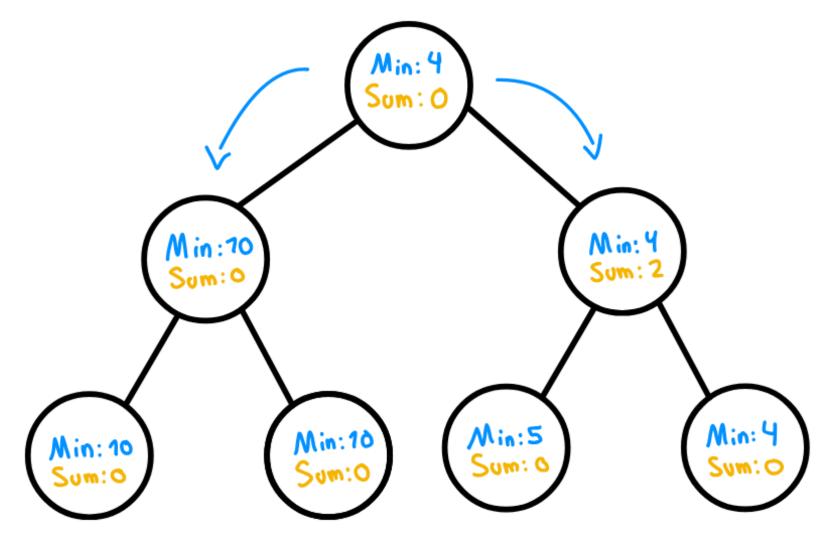




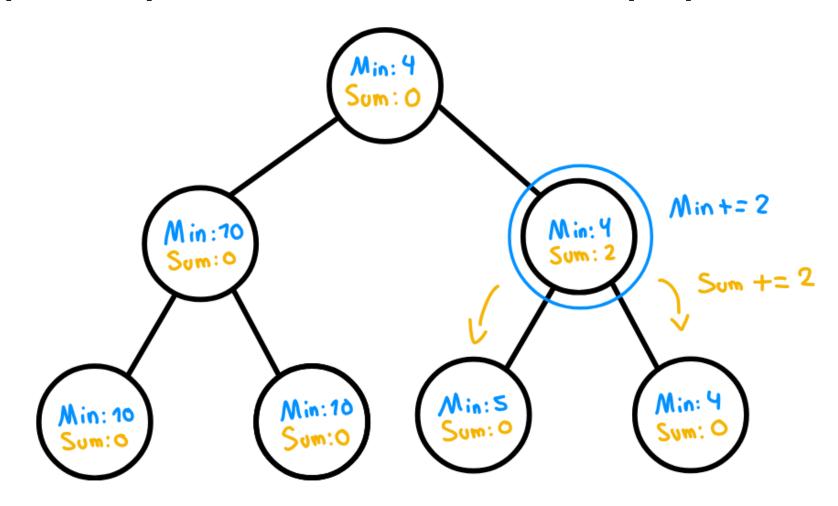




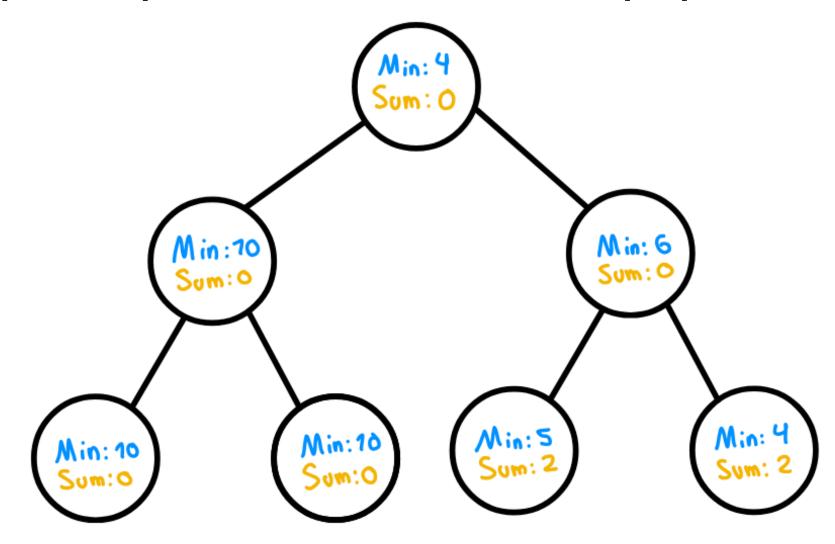




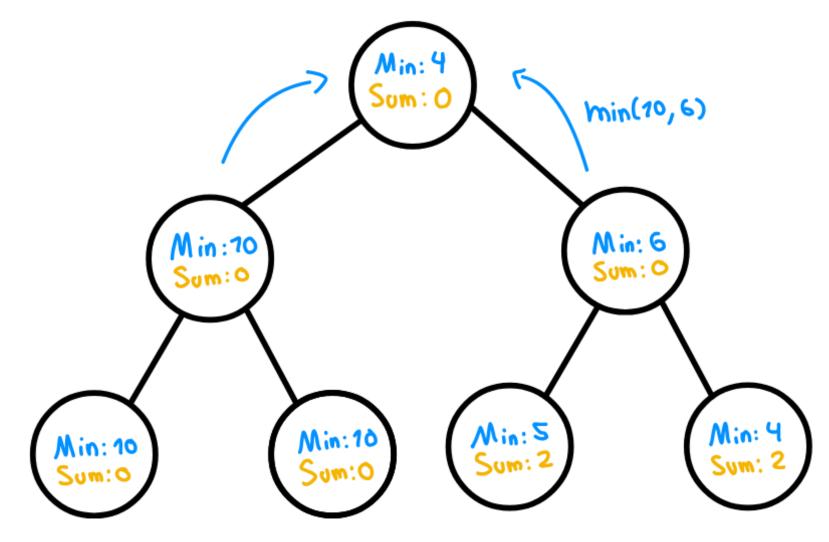




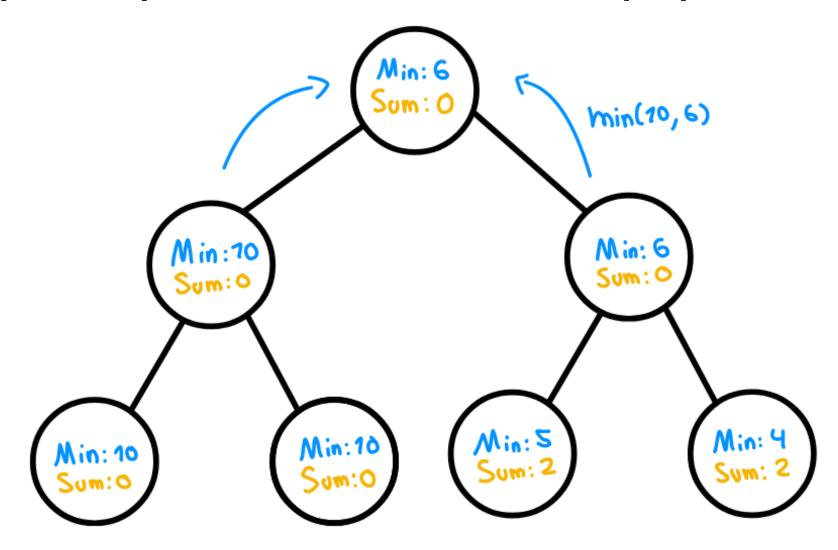












- T1 es el tipo de dato del Segment Tree, T2 es el tipo de dato de la actualización.
 - T1 merge(T1, T1): Es el mismo merge del Segment Tree normal.
 - void pushUpdate(T2 parent, T2 &child, int leftParent, int rightParent, int leftChild, int rightChild): Aplica la actualización del padre al hijo. Los parámetros leftParent, rightParent, leftChild, rightChild son los rangos de los nodos padre e hijo respectivamente.
 - void applyUpdate(T2 update, T1 &node, int left, int right): Aplica la actualización al nodo. Los parámetros left y right son el rango del nodo.



Cómo usarlo

```
int merge(int a, int b) { return min(a, b); };
void pushUpdate(int parent, int &child, int leftParent, int rightParent,
                int leftChild, int rightChild) {
 child += parent;
};
void applyUpdate(int update, int &node, int, int) { node += update; }
int main() {
 vector<int> values = {10, 5, 2, 1, 5, 6};
  SegmentTree<int, merge, pushUpdate, applyUpdate> SegmentTreeLazy(values);
  int result = segmentTree.query(1, 4); // Minimo en el rango [1, 4]
  segmentTree.update(1, 2, 3); // Suma 3 en el rango [1, 2]
```



Circular RMQ

Tienes un arreglo circular de tamaño n ($1 \le n \le 2*10^5$) de enteros entre 1 y 10^6 . Se te piden realizar hasta $2*10^5$ operaciones de dos tipos: Operaciones:

- inc(left, right, v): Aumenta en v ($1 \le v \le 10^6$) todos los elementos del arreglo desde el índice left hasta right (ambos incluidos).
- ullet rmq(left,right): Devuelve el valor mínimo en el segmento circular $\lceil left,right \rceil$.

El intervalo puede ser circular: si left>right, se considera que pasa por el final y sigue desde el principio.

- Link del problema: codeforces.com/contest/52/problem/C
- Link del código solución: miniurl.cl/oaj8s5

Tienes un arreglo de n ($1 \le n \le 10^5$) enteros en el rango $[1,10^6]$ y m ($1 \le m \le 5*10^4$) operaciones. Cada operación puede ser de dos tipos:

- Tipo 1: Pedir la suma de los elementos entre las posiciones [left, right].
- Tipo 2: Aplicar **XOR** con un valor x a todos los elementos entre [left, right].

Debes procesar todas las operaciones en orden. Para cada consulta de tipo 1, debes imprimir el resultado de la suma correspondiente.

- Link del problema: codeforces.com/contest/242/problem/E
- Link del código solución: miniurl.cl/kl8zd3



Lazy Segment Tree

Se te entrega un arreglo binario A de largo N ($1 \le N \le 2 \times 10^5$), donde cada elemento A[i] es 0 o 1. Además, recibirás Q consultas ($1 \le Q \le 2 \times 10^5$), cada una de las siguientes dos formas:

- $T_i=1$ L_i R_i : Invierte los bits entre las posiciones L_i y R_i (es decir, cambia 0 por 1 y 1 por 0).
- $T_i=2$ L_i R_i : Calcula cuántas inversiones hay en el subarreglo $A[L_i\ldots R_i]$, donde una inversión es un par de índices i< j tal que A[i]>A[j].
- Link del problema: atcoder.jp/contests/practice2/tasks/practice2_l
- Link del código solución: miniurl.cl/6awpyr



Sum of Squares with Segment Tree

Te dan un arreglo a de hasta 10^5 elementos y debes responder hasta 10^5 consultas sobre él usando un Segment Tree con Lazy Propagation. Las consultas pueden ser de tres tipos:

- $0\ l\ r\ x$: Asignar todos los elementos entre los índices $l\ y\ r$ al valor x ($-10^{\scriptscriptstyle 3}\ \le x \le 10^{\scriptscriptstyle 3}$).
- $1\ l\ r\ x$: Incrementar todos los elementos entre los índices $l\ y\ r$ en x ($-10^{\scriptscriptstyle 3}\ < x < 10^{\scriptscriptstyle 3}$).
- 2 l r: Calcular la suma de cuadrados de los elementos entre los índices l y r.

Todos los índices están en el rango $1 \le l \le r \le 10^5$, y los valores iniciales del arreglo están acotados por $|a_i| \le 10^3$.