МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

НИЖЕГОРОДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. Р.Е.АЛЕКСЕЕВА

Институт радиоэлектроники и информационных технологий Кафедра вычислительные системы и технологии

Лабораторная работа № 7 Определение собственных векторов матрицы методом Крылова Вариант №15

ОТЧЕТ

по лабораторной работе

по дисциплине

Вычислительная математика

РУКОВОДИТЕЛЬ:	
	Суркова А.С.
СТУДЕНТ:	
	Сапожников В.О.
	19-ИВТ-3
Работа защищена «_	<u></u> »
С оценкой	

Содержание

1.	Цель	3
	Постановка задачи	
	Теоретические сведения	
	Расчётные данные	
	Листинг разработанной программы	
	Результаты работы программы	
	Вывод	

1. Цель

Закрепление знаний и умений определения собственных числе и векторов матрицы методом Крылова.

2. Постановка задачи

Используя метод Крылова, найти собственные числа и собственные векторы матрицы. Собственные числа определить с четырьмя верными цифрами, а собственные векторы — с тремя десятичными знаками.

$$15. A = \begin{pmatrix} 0.5 & 1.2 & 2 & 1 \\ 1.2 & 2 & 0.5 & 1.2 \\ 2 & 0.5 & 1 & 0.5 \\ 1 & 1.2 & 0.5 & 1.6 \end{pmatrix}$$

3. Теоретические сведения

Пусть

$$D(\lambda) \equiv \det(\lambda E - A) = \lambda^n + p_1 \lambda^{n-1} + \dots + p_n$$

- характеристический полином (с точность до знака) матрицы А. Согласно тождеству Гамильтона-Кели, матрица А обращает в нуль свой характеристический полином; поэтому

$$A^n + p_1 A^{n-1} + \dots + p_n E = 0.$$

Возьмем теперь произвольный ненулевой вектор

$$y^{0} = \begin{bmatrix} y_{1}^{(0)} \\ \vdots \\ y_{n}^{(0)} \end{bmatrix}$$

Умножая обе части равенства справа на $y_n^{(0)}$, получим: $A^n + p_1 A^{n-1} y^{(0)} + \dots + p_n E = 0$

$$A^n + p_1 A^{n-1} y^{(0)} + \dots + p_n E = 0$$

Положим:

$$A^k y^{(0)} = y^{(k)}$$
 $(k = 1, 2, ..., n)$

Тогда равенство приобретает вид:

$$y^{(n)} + p_1 y^{(n-1)} + \dots + p_n y^{(0)} = 0$$

или

$$\begin{bmatrix} y_1^{(n-1)} & y_1^{(n-2)} & y_1^{(0)} \\ y_2^{(n-1)} & y_2^{(n-2)} & y_2^{(0)} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ y_n^{(n-1)} & y_n^{(n-2)} & y_n^{(0)} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} p_1 \\ p_2 \\ \vdots \\ p_n \end{bmatrix} = - \begin{bmatrix} y_1^{(n)} \\ y_2^{(n)} \\ \vdots \\ y_n^{(n)} \end{bmatrix}$$

где

$$y^{(k)} = \begin{bmatrix} y_1^{(k)} \\ y_2^{(k)} \\ \vdots \\ \vdots \\ y_n^{(k)} \end{bmatrix} \qquad (k = 0, 1, 2, \dots, n)$$

Следовательно, векторное равенство эквивалентно системе уравнений:
$$p_1y_i^{(n-1)}+p_2y_i^{(n-2)}+\cdots+p_ny_i^{(0)}=-p_1y_i^{(n-1)} \qquad (i=1,2,\ldots,n)$$

из которой, вообще говоря, можно определить неизвестный коэффициенты $p_1, p_2, ..., p_n$.

Так как на основании формулы

$$y^{(k)} = Ay^{(k-1)}$$
 $(k = 1, 2, ..., n)$

 $y^{(k)} = Ay^{(k-1)} \qquad (k=1,2,...,n)$ то координаты $y_1^{(k)},y_2^{(k)},...,y_n^{(k)}$ вектора $y^{(k)}$ последовательно вычисляются по формулам:

$$\begin{cases} y_i^{(1)} = \sum_{j=1}^n a_{ij} y_i^{(0)} \\ y_i^{(n)} = \sum_{j=1}^n a_{ij} y_i^{(n-1)} \end{cases}$$

таким образом, определение коэффициентов p_i характеристического полинома методом А.Н Крылова сводится к решению линейной системы уравнений, коэффициенты которой вычисляются по формулам, причем координаты начального вектора

$$y^{(0)} = \begin{bmatrix} y_1^{(0)} \\ y_2^{(0)} \\ \vdots \\ \vdots \\ y_n^{(0)} \end{bmatrix}$$

произвольны. Если система имеет единственное решение, то ее корни $p_1, p_2, ..., p_n$ являются коэффициентами характеристического полинома. Это решение может быть найдено, например методом Гаусса. Если система не имеет единственного решения, то задача усложняется. В этом случае рекомендуется изменить начальный вектор.

Определение собственных векторов:

$$c_i \varphi_i(\lambda_i) x^{(i)} = y^{(n-1)} + q_{1,i} y^{(n-2)} + \dots + q_{n-1,i} y^{(0)} \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$

Таким образом, если $c_i \neq 0$, то полученная линейная комбинация векторов $y^{(n-1)}$, $y^{(n-2)}$, ..., $y^{(0)}$ дает собственный вектор $x^{(i)}$ с точностью до числового множителя. Коэффициенты $q_{j,\ i}\ (j=1,2,...,n-1)$ могут быть легко определены по схеме Горнера

$$\begin{cases} q_{0i} = 1 \\ q_{ji} = \lambda_i q_{j-1,i} + p_j \end{cases}$$

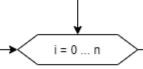


Решение полученной системы уравнений методом Гаусса

Решение полученной системы уравнении методом гаусстве
$$\begin{bmatrix} y_1^{(n-1)} & y_1^{(n-2)} & y_1^{(0)} \\ y_2^{(n-1)} & y_2^{(n-2)} & y_2^{(0)} \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ y_n^{(n-1)} & y_n^{(n-2)} & y_n^{(0)} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} p_1 \\ p_2 \\ \vdots \\ p_n \end{bmatrix} = - \begin{bmatrix} y_1^{(n)} \\ y_2^{(n)} \\ \vdots \\ y_n^{(n)} \end{bmatrix}$$

Решение полученного уравнения методом Биссекции

$$\lambda^n + p_1 \lambda^{n-1} + \dots + p_n = 0$$



Вычисление собственных векторов по схеме Горнера

$$X^{(i)} = q_{0i}Y^{(n-1)} + q_{1i}Y^{(n-2)} + \dots + q_{n-1i}Y^{(0)}$$

4. Расчетные данные Значения, полученные другим способом:

Собственные числа

λ1	4,50527
λ2	1,40817
λ3	-1,39636
λ4	0,582923

Собственные вектора

u1	(1.05279, 1.16478, 0.90948, 1)
u2	(-0.941398, 1.34812, -1.73635, 1)
u3	(-7.84415, 1.53217, 6.01838, 1)
u4	(-0.0453245, -0.800903, -0.0213372, 1)

Значения, полученные в ходе лабораторной работы:

Собственные числа

λ1	-1,3964
λ2	0,5830
λ3	1,4082
λ4	4,5053

Собственные вектора

v1	$(3.8944, -0.7607, -2.9888, -0.4965) \approx u3 * -0.4965$
v2	$(0.1415, 2.4994, 0.0668, -3.1212)$ $\approx u4 * (-3.1212)$
v3	$(1.3541, -1.9391, 2.4975, -1.4383)$ $\approx u2 * (-1.4383)$
v4	$(20.4822, 22.6613, 17.6940, 19.4552) \approx u1 * 19.4552$

5. Листинг разработанной программы

Main.java

```
import equation.FourthDegreePolynomial;
import equation_solution.BisectionSolution;
import equation system.SystemOfEquations;
import equation_system.SystemOfFourEquations;
import equation_system_solution.GaussSolution;
import matrix.Matrix;
import matrix.Matrix4x4;
import java.util.List;
/**
 * Класс, содержащий точку входа в программу - метод main.
 * Язык: java
 * Реализация седьмой лабораторной работы
 * по дисциплине: Вычислительная математика
 * Вариант №15
 * Текст задания:
 * Используя метод Крылова, найти собственные числа и собственные
   векторы матрицы. Собственные числа определить с четырьмя верными
   цифрами, а собственные векторы - с тремя десятичными знаками.
    Исходная матрица:
     0.5 1.2 2
                     1
     1.2 2 0.5 1.2
     2 0.5 1
                    0.5
     1
         1.2 0.5 1.6
 * @release:
                10.05.21
 * @last_update: 10.05.21
 * @author Vladislav Sapozhnikov 19-IVT-3
 */
public class Main
   public static void main(String[] args)
        double[] y0, y1, y2, y3, y4;
        //задаем вектор у0
        y0 = \text{new double}[]{0.0, 1.0, 0.0, 0.0};
```

```
//создаем объект матрица, передаем туда исходные данные
Matrix matrix2 = new Matrix4x4(new double[][]
        \{\{0.5, 1.2, 2.0, 1.0\},\
         \{1.2, 2.0, 0.5, 1.2\},\
         {2.0, 0.5, 1.0, 0.5},
         \{1.0, 1.2, 0.5, 1.6\}\}\
System.out.println("Исходная матрица:");
System.out.println(matrix2);
System.out.println();
//вывод вектор у0
System.out.println("Вектор у0:");
printVector(y0);
System.out.println();
//вычсиление вектор у1 и его вывод
y1 = matrix2.multiplyByVector(y0);
System.out.println("Вектор y1:");
printVector(y1);
System.out.println();
//вычсиление вектор у2 и его вывод
y2 = matrix2.multiplyByVector(y1);
System.out.println("Вектор y2:");
printVector(y2);
System.out.println();
//вычсиление вектор у3 и его вывод
y3 = matrix2.multiplyByVector(y2);
System.out.println("Вектор y3:");
printVector(y3);
System.out.println();
//вычсиление вектор у4 и его вывод
y4 = matrix2.multiplyByVector(y3);
System.out.println("Вектор y4:");
printVector(y4);
System.out.println();
//Создание объекта - система уравнений, на основе полученных векторов
System.out.println("Полученная система уравнений:");
SystemOfEquations system = new SystemOfFourEquations(
        new double[][]{y3[0], y2[0], y1[0], y0[0]},
        {y3[1], y2[1], y1[1], y0[1]},
        {y3[2], y2[2], y1[2], y0[2]},
```

```
{y3[3], y2[3], y1[3], y0[3]}},
        new double[]\{-y4[0], -y4[1], -y4[2], -y4[3]\}
);
system.printSystem();
System.out.println();
//нахождение корней системы методом Гаусса
System.out.println("Решение системы уравнений при помощи метода Гаусса:");
double[] p = new GaussSolution().getSolution(system);
printVector(p);
//Создаем объект уравнение на основе полученных
//решений системы
System.out.println();
System.out.println("Полученное уравнение P(\lambda):");
FourthDegreePolynomial equation = new FourthDegreePolynomial();
equation.setCoefficients(p);
equation.printEquation();
//Получение собственных чисел - решений полученного уравнения
System.out.println();
System.out.println();
List<Double> res = new BisectionSolution().getSolution(equation);
System.out.println("Решения уравнения: ");
System.out.printf("\lambda 1 = \%.4f\n", res.get(0));
System.out.printf("\lambda2 = %.4f\n", res.get(1));
System.out.printf("\lambda3 = %.4f\n", res.get(2));
System.out.printf("\lambda 4 = \%.4f\n", res.get(3));
System.out.println();
System.out.println();
//На основе полученных собственных чисел
//векторов р и векторов у0-у4 чеез схему Горнера
System.out.println("Нахождение собсвтенных векторов:");
double[][] ownVectors = new double[4][4];
for (int k = 0; k < 4; k++)
    double[] q = new double[5];
    q[0] = 1.0;
    //объединяем все значения у0-у4 в один массив
    double[][] tempArr = new double[4][4];
    System.arraycopy(y0, 0, tempArr[0], 0, y0.length);
    System.arraycopy(y1, 0, tempArr[1], 0, y1.length);
```

```
System.arraycopy(y2, 0, tempArr[2], 0, y2.length);
System.arraycopy(y3, 0, tempArr[3], 0, y3.length);
//вычисление значения qi
for (int j = 1, i = 0; i < p.length; i++, j++)
{
    q[j] = res.get(k) * q[j - 1] + p[i];
}
//умножаем вектор Y3 на q0
for (int j = 0; j < y3.length; j++)
{
    tempArr[3][j] *= q[0];
}
//умножаем вектор Y2 на q1
for (int j = 0; j < y3.length; j++)
{
    tempArr[2][j] *= q[1];
}
//умножаем вектор Y1 на q2
for (int j = 0; j < y3.length; j++)
{
    tempArr[1][j] *= q[2];
}
//умножаем вектор Y0 на q3
for (int j = 0; j < y3.length; j++)
{
    tempArr[0][j] *= q[3];
}
//Получаем собтсвенный вектор путем сложения
//произвдеений qi на вектор Yj
ownVectors[k][0] = tempArr[0][0] + tempArr[1][0] + tempArr[2][0]
                 + tempArr[3][0];
ownVectors[k][1] = tempArr[0][1] + tempArr[1][1] + tempArr[2][1]
                 + tempArr[3][1];
ownVectors[k][2] = tempArr[0][2] + tempArr[1][2] + tempArr[2][2]
                 + tempArr[3][2];
ownVectors[k][3] = tempArr[0][3] + tempArr[1][3] + tempArr[2][3]
                 + tempArr[3][3];
System.out.println("Собственный вектор V" + (k + 1) + ": ");
printVector(ownVectors[k]);
System.out.println();
```

}

```
}
    /**
     * Вспомогательный метод для вывода вектора.
     * @param vector - вектор, который необходимо вывести
   public static void printVector(double[] vector)
   {
        for (double v : vector)
        {
           if (v < 0.0)
                System.out.printf("%.4f\n", v);
            }
            else
            {
                System.out.printf(" %.4f\n", v);
       }
   }
}
                               equation/Equation.java
package equation;
import java.util.List;
/**
 * Интерфейс реализующий основные методы уравнений любого вида.
 * Общий вид уравнения:
        a*x^n + b*x^n(n-1) + c*x^n(n-1) + ... + d*x^0 = 0
 * Содержит 4 метода необходимых для данной лабораторной работы:
   - задание коэффициентов уравнения
   - получение значения функции в точке
    - получение интервалов монотонности
 * @author Vladislav Sapozhnikov 19-IVT-3
 * @see FourthDegreePolynomial
public interface Equation
     * Метод для задания коэффициентов
     * @param coefficients - массив коэффициентов при членах уравнения.
```

```
* */
    void setCoefficients(double[] coefficients);
     * Метод для получения значения уравнения в заданной точке.
    * @рагаm x - точка, в которой необходимо получить значение функции.
    * @return значение функции в данной точке
     * */
    double getValueAtX(double x);
    /**
     * Метод для получения списка интервалов, где функция меняет знак.
     * @return список из чисел, которые составляют отрезки монотонности
               типа [i; i+1]
    List<List<Double>> getIntervals();
    /**
     * Метод вывода уравнения в консоль
   void printEquation();
}
```

equation/FourthDegreePolymonial.java

```
package equation;

import java.util.*;

/**

* Класс уравнений четвертой степени.

* Реализует интерфейс Equation

*

* @author Vladislav Sapozhnikov 19-IVT-3

* @see Equation

* */

public class FourthDegreePolynomial implements Equation

{

    //переменная для хранения коэффициентов уравнения
    private final double[] coefficients = new double[4];

    /**

    * Метод для задания коэффициентов.

*

* @param coefficients - коэффициенты, которые необходимо задать

* */
```

```
@Override
    public void setCoefficients(double[] coefficients)
    {
        System.arraycopy(coefficients, 0, this.coefficients, 0, coefficients.length);
    }
    /**
     * Метод для получения значения функции в заданной точке
     * @param x - точка, в которой необходимо получить значение функции
     * @return значение функции в заданной точке
     * */
    @Override
    public double getValueAtX(double x)
        return Math.pow(x, 4) + coefficients[0]*Math.pow(x, 3) +
coefficients[1]*Math.pow(x, 2) +
                coefficients[2]*x + coefficients[3];
    }
    /**
     * Метод для получения интервалов смены знаков функции.
     * @return список пар чисел - интервалов, в которых функция меняет знак.
    public List<List<Double>> getIntervals()
        List<Double> xList = new LinkedList<>();
        List<Double> yList = new LinkedList<>();
        //Задаем интервал иксов от -100 до 100
        for (double i = -100.0; i <= 100; i++)
        {
            xList.add(i);
        }
        //Получаем значения функии в каждой точке интервала
        //от -100 до 100
        for (Double aDouble : xList)
            yList.add(getValueAtX(aDouble));
        }
        //В коллекцию, которая может содержать только уникальные элементы
        //вносим значения при которых функция меняет знак
        List<Double> newList = new ArrayList<>();
        for (int i = 0; i < yList.size() - 1; i++)</pre>
```

```
{
            if (yList.get(i) * yList.get(i+1) < 0)</pre>
            {
                newList.add(xList.get(i));
                newList.add(xList.get(i+1));
            }
        }
        //Сортировка по возрастанию
        Collections.sort(newList);
        //Записываем по парам полученные значения
        List<List<Double>> cordList = new ArrayList<>();
        for (int i = 0; i < newList.size(); i += 2)</pre>
        {
            List<Double> temp = new ArrayList<>();
            temp.add(newList.get(i));
            temp.add(newList.get(i + 1));
            cordList.add(temp);
        }
        return cordList;
    }
    /**
     * Конуструктор без параметров
    public FourthDegreePolynomial()
    }
     * Метод для вывода уравнения в консоль.
     * */
    @Override
    public void printEquation()
        System.out.printf("\lambda^4 %.4f\lambda^3 + %.4f\lambda^2 + %.4f\lambda %.4f = 0", coefficients[0],
                                   coefficients[1], coefficients[2], coefficients[3]);
    }
}
```

equation solution/SolutionStrategy.java

```
package equation_solution;
import equation.Equation;
import java.util.List;
/**
 * Общий интерфейс всех стратегий решения.
 * @author Vladislav Sapozhnikov 19-IVT-3
 * @see BisectionSolution
public interface SolutionStrategy
{
    /**
     * Метод для вызова той или иной стратегии решения.
     * @param equation - ур-ие, которое необходимо решить
     * @return список значений, которые являются решениями данного
               ур-ия
     * */
    List<Double> getSolution(Equation equation);
}
```

equation solution/BisectionSolution.java

```
package equation_solution;

import equation.Equation;

import java.util.LinkedList;

import java.util.List;

/**

* Класс реализующий решение методом биссекций.

* Реализует интерфейс SolutionStrategy

*

* @author Vladislav Sapozhnikov 19-IVT-3

* @see SolutionStrategy

* */

public class BisectionSolution implements SolutionStrategy

{
    /**

    * Метод для получения решений методом бисекции.

*

* @param equation - ур-ие, которое необходимо решить

* @return список значений, являющимися решениями данного уравнения.
```

```
* */
@Override
public List<Double> getSolution(Equation equation)
    //список, в который будут заноится ответы
    List<Double> resList = new LinkedList<>();
    //Переменная для хранения значения Хі
    double xI;
    //Получение списка интервалов монотонности, которые содержат
    //решения
    List<List<Double>> intervals = equation.getIntervals();
    //Проход по каждому интервалу [a;b]
    for (List<Double> interval: intervals)
        //Изначально задается такое значение, которое не пройдет условие валидатора
        xI = 0;
        //Пока не сработает условие валидатора
        //В предыдущее значение записываем текущее значение Xi
        //Получаем новое значение Xi = (a+b)/2
        while (!(Math.abs(equation.getValueAtX(xI)) < 0.001))</pre>
        {
            xI = ((interval.get(0)) + interval.get(1)) / 2.0;
            //Если значение функии при Xi и при X=а имеет разные знаки,
            //то меняем b из промежутка [a;b] на Xi
            //иначе меняем а на Хі
            if (equation.getValueAtX(xI) * equation.getValueAtX(interval.get(0)) < 0)
                interval.set(1, xI);
            }
            else
            {
                interval.set(0, xI);
            }
        }
        //Записываем полученный ответ в результирующий список
        resList.add(xI);
    }
    return resList;
}
 * Конструктор без параметров.
```

```
* */
public BisectionSolution()
{
}
```

equation system/SystemOfEquations.java

```
package equation_system;
/**
 * Интерфейс системы уравнений.
 * @see SystemOfFourEquations
 * */
public interface SystemOfEquations
    /**
     * Получение двумерного массива коэфициентов системы.
     * @return двумерный массив коэфифицентов системы.
    double[][] getCoefficients();
     ^{*} Получение вектора В (вектор числе с правой стороны от '=')
    * @return вектор В
     * */
    double[] getVectorB();
    /**
     * Метод вывода системы уравненийи в консоль.
    void printSystem();
}
```

equation system/SystemOfFourEquations.java

```
package equation_system;

/**
    * Система из 4ex уравнений
    *
    * @see SystemOfEquations
    * */
public class SystemOfFourEquations implements SystemOfEquations
{
```

```
//Переменные для хранения коэффициентов и вектора В
private final double[][] coefficients;
private final double[] vectorB;
/**
 * Конструктор с параметрами.
 * @param coefficients - массив коэффициентов
 * @param vectorB
                     - вектор В
public SystemOfFourEquations(double[][] coefficients, double[] vectorB)
{
    this.coefficients = coefficients;
    this.vectorB = vectorB;
}
/**
 * Метод получение двумерного массива коэффициентов
 * системы уравнений.
 * @return двумерный массив коэффициентов системы уравнений
public double[][] getCoefficients()
    return coefficients;
}
 * Метод получение вектора В системы уравнений.
* @return вектор В
public double[] getVectorB()
    return vectorB;
}
/**
 * Метод вывода системы уравнений в консоль.
public void printSystem()
{
    System.out.printf("%.4fp1 + %.4fp2 + %.4fp3 + %.4fp4 = %.4f\n", coefficients[0][0],
               coefficients[0][1], coefficients[0][2], coefficients[0][3], vectorB[0]);
    System.out.printf("%.4fp1 + \%.4fp2 + \%.4fp3 + \%.4fp4 = \%.4f\n", coefficients[1][0],
               coefficients[1][1], coefficients[1][2], coefficients[1][3], vectorB[1]);
    System.out.printf("%.4fp1 + \%.4fp2 + \%.4fp3 + \%.4fp4 = \%.4f\n", coefficients[2][0],
               coefficients[2][1], coefficients[2][2], coefficients[2][3], vectorB[2]);
```

equation system solution/SolutionStrategy.java

```
package equation_system_solution;

import equation_system.SystemOfEquations;

/**

* Общий интерфейс всех стратегий решения.

*

* @author Vladislav Sapozhnikov 19-IVT-3

* @see GaussSolution

* */

public interface SolutionStrategy

{

    /**

    * Метод для вызова той или иной стратегии решения.

*

* @param system - система, которую необходимо решить

* @return список значений, являющимися решениями данной системы уравнений.

* */

double[] getSolution(SystemOfEquations system);
}
```

equation system solution/GaussSolution.java

```
package equation_system_solution;

import equation_system.SystemOfEquations;

/**

* Класс, реализующий решение методом Гаусса.

* ВНИМАНИЕ!!! Данный метод подходит только для

* системы уравнений данного варианта!

*

* @see SolutionStrategy

* */

public class GaussSolution implements SolutionStrategy

{
    /**

    * Метод для получения решения системы уравнений

    * методом Гаусса

    *

    * @param system - система уравнений
```

```
* @return массив решений данной системы.
   @Override
   public double[] getSolution(SystemOfEquations system)
       double[][] tempMatrix = new double[4][4];
       double[] tempVectorB = new double[4];
       double[] result
                             = new double[4];
       for (int i = 0; i < 4; i++)
           System.arraycopy(system.getCoefficients()[i], 0, tempMatrix[i], 0,
system.getCoefficients()[i].length);
       System.arraycopy(system.getVectorB(), 0, tempVectorB, 0,
system.getVectorB().length);
       //Умножим первую строку на (-1.144565):
       for (int i = 0; i < tempMatrix.length; i++)</pre>
           tempMatrix[0][i] *= -1.145;
       tempVectorB[0] *= -1.144565;
       //Добавим 2-ю строку к 1ой:
       for (int i = 0; i < tempMatrix.length; i++)</pre>
           tempMatrix[0][i] += tempMatrix[1][i];
       tempVectorB[0] += tempVectorB[1];
       // 0 1.178 0.627
                                1 | 1.933
       // 0 -0.63 -0.939 -0.719 | -6.103
       // 21.35 4.5 0.5
                              0 | -100.658
       // 25.238 5.77 1.2
                                0 | -112.596
       //Умножим 2-ю строку на -0,719485
       for (int i = 0; i < tempMatrix.length; i++)</pre>
       {
           tempMatrix[1][i] *= -0.719485;
       tempVectorB[1] *= -0.719485;
       //Добавим 3-ю строку ко второй
       for (int i =0; i < tempMatrix.length; i++)</pre>
       {
           tempMatrix[1][i] += tempMatrix[2][i];
       }
```

```
tempVectorB[1] += tempVectorB[2];
// 0 1.78 0.627 1 |1.933
// 0 -0.63 -0.939 -0.719 |-6.103
                      0
// 21.35 4.5
              0.5
                           -100.658
// 25.238 5.77 1.2 0 | -112.596
//Умножим 3-ю строку на -1,182108
for (int i = 0; i < tempMatrix.length; i++)</pre>
   tempMatrix[2][i] *= -1.182108;
}
tempVectorB[2] *= -1.182108;
//Добавим 4-ю строку к 3-й
for (int i =0; i < tempMatrix.length; i++)</pre>
   tempMatrix[2][i] += tempMatrix[3][i];
tempVectorB[2] += tempVectorB[3];
// 0
        1.78 0.627 1 |1.933
        -0.63 -0.939 -0.719 |-6.103
// 0 0,451 0,609
                        0 | 6,393
// 25.238 5.77 1.2
                        0 | -112.596
//Умножим 1-ю строку на 0,534626
for (int i = 0; i < tempMatrix.length; i++)</pre>
   tempMatrix[0][i] *= 0.534626;
tempVectorB[0] *= 0.534626;
//Добавим 2-ю строку к 1-й
for (int i =0; i < tempMatrix.length; i++)</pre>
{
   tempMatrix[0][i] += tempMatrix[1][i];
tempVectorB[0] += tempVectorB[1];
                        1 |1.933
// 0
        1.78 0.627
// 0 -0.63 -0.939 -0.719 |-6.103
// 0
         0,451 0,609 0 | 6,393
// 25.238 5.77 1.2 0 | -112.596
//Умножим 2-ю строку на 0,715185
for (int i = 0; i < tempMatrix.length; i++)</pre>
{
```

```
tempMatrix[1][i] *= 0.715185;
}
tempVectorB[1] *= 0.715185;
//Добавим 3-ю строку к 2-й
for (int i =0; i < tempMatrix.length; i++)</pre>
{
    tempMatrix[1][i] += tempMatrix[2][i];
}
tempVectorB[1] += tempVectorB[2];
           0 -0.604 -0,185 |-5,07
// 0
           0 -0.0626 -0,515 |2,028
         0,451 0,609
                         0
                            6,393
// 25.238 5.77 1.2
                         0
                            -112.596
//Умножим 1-ю строку на -0,103625
for (int i = 0; i < tempMatrix.length; i++)</pre>
{
   tempMatrix[0][i] *= -0.103625;
tempVectorB[0] *= -0.103625;
//Добавим 2-ю строку к 1-й
for (int i =0; i < tempMatrix.length; i++)</pre>
   tempMatrix[0][i] += tempMatrix[1][i];
tempVectorB[0] += tempVectorB[1];
                 0
                      0.495 | 2.553
           0 -0.0626 -0,515 |2,028
// 0
         0,451 0,609
                         0
                            6,393
// 25.238 5.77 1.2
                             -112.596
//x4 = 2.553/(-0.495)
result[3] = tempVectorB[0]/tempMatrix[0][3];
//x3 = [2.028 - (-0.515x4)]/0.451
result[2] = (tempVectorB[1] - (tempMatrix[1][3] * result[3])) / tempMatrix[1][2];
//x2 = [6.393 - (0.609x3)]/0.451
result[1] = (tempVectorB[2] - (tempMatrix[2][2] * result[2])) / tempMatrix[2][1];
//x1 = [-112.596-(5.77*x2 + 1.2x3)]/25.238
result[0] = (tempVectorB[3] - (tempMatrix[3][1]*result[1] +
             tempMatrix[3][2]*result[2]))/tempMatrix[3][0];
return result;
```

```
}
                                  matrix/Matrix.java
package matrix;
 * Интерфейс матриц
 * @see Matrix4x4
 * */
public interface Matrix
     * Умножение матрицы на вектор.
     st @param vector - вектор, на который необходимо умножить матрицу
      * @return полученный вектор
     double[] multiplyByVector(double[] vector);
}
                                matrix/Matrix4x4.java
package matrix;
 * Класс матриц размером 4х4
 * @see Matrix
 * */
public class Matrix4x4 implements Matrix
   //поле для хранений значений матрицы
   private final double[][] matrix = new double[4][4];
    /**
     * Конструктор с параметрами.
     * @param matrix - массив значений матрицы
   public Matrix4x4(double[][] matrix)
       for (int i = 0; i < matrix.length; i++)</pre>
```

System.arraycopy(matrix[i], 0, this.matrix[i], 0, matrix[i].length);

}

```
}
    /**
     * Умножение матрицы на вектор.
     * @param vector - вектор, на который необходимо умножить матрицу
    * @return полученный вектор
    public double[] multiplyByVector(double[] vector)
        double[] result = new double[vector.length];
        for (int i = 0; i < matrix.length; i++)</pre>
        {
            for (int j = 0; j < matrix[i].length; j++)</pre>
                result[i] += matrix[i][j] * vector[j];
            }
        return result;
    }
    /**
     * Перегруженный метод вывода матрицы в консоль.
    * */
    @Override
    public String toString()
    {
        return matrix[0][0] + " " + matrix[0][1] + " " + matrix[0][2] + " "
               + matrix[0][3] + "\n"
               + matrix[1][0] + " " + matrix[1][1] + " " + matrix[1][2] + " "
               + matrix[1][3] + "\n"
               + matrix[2][0] + " " + matrix[2][1] + " " + matrix[2][2] + " "
               + matrix[2][3] + "\n"
               + matrix[3][0] + " " + matrix[3][1] + " " + matrix[3][2] + " "
               + matrix[3][3] + "\n";
    }
}
```

6. Результаты работы программы

```
Лабораторная работа №7 <<Определение собственных чисел и собственных векторов матрицы методом Крылова»>>
 0.5 1.2 2.0 1.0
 1.0 1.2 0.5 1.6
Вектор у4:
 100,6580
 112,5906
29,6740p1 + 7,1300p2 + 2,0000p3 + 1,0000p4 = -131,4198
21,3500p1 + 4,5000p2 + 0,5000p3 + 0,0000p4 = -100,6580
Полученное уравнение Р(х):
```

```
Нахождение собсвтенных вектор V1:
3,8944
-8,7607
-2,9880
-8,4965

Собственный вектор V2:
8,1415
2,4994
8,9668
-3,1212

Собственный вектор V3:
1,3541
-1,9791
2,4975
-1,4383

Собственный вектор V4:
20,4822
22,6613
17,6946
19,4552
```

7. Вывод

В ходе данной работы были закреплены знания и умения по нахождение собственных чисел и собственных векторов методом Крылова.