« « » 1

по направлению 01.03.04 « »

Студент		· ·
Руководитель,		
, <del>-</del>		· .

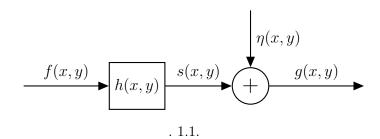
## Оглавление

Введени	ie												•																					ę
1		 •																																4
1.1.																																		4
1.2.																																		Ę
	1.2.1.																																	6
	1.2.2.		_				_	_	_							_		_			_						_		_		_		_	(
	1.2.3.	-		-	 -	-	-				 -	-		-		-		-				-			-	-	-	-		-	-		-	
	1.2.4.	-	-	-	 -	-	-			-	 -		-		-	-		-	-	-				-	-		-	-		-				
1.3.																																		
1.3.		 •	•	•	 •	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	(
2.																																		Ć
2.1.																																		Ç
	2.1.1.																																	
	2.1.2.																																	
2.2		•	•	•	 ·	Ī	Ī		•	•		·	·	•	•	•	•	 •	·	•				•	·	·	Ī	•	•	•	•	•	•	
2.2.	2.2.1.																																	
	2.2.1.	·		·	 ·	٠	•	•	•	•	 ٠	٠	•	٠	٠	•	•	 ·	•	٠	•			·	•	·	•	·	•	٠	•	•	•	
	2.2.3.	-		·	 ·	٠	•	•	•	•	 ٠	٠	•	٠	٠	•	•	 ·	•	٠	•			·	•	·	•	·	•	٠	•	•	•	
	2.2.3.	•		·	 ·	٠	•	•	•	•	 ٠	٠	•	٠	٠	•	•	 ·	•	٠	•			·	•	·	•	·	•	٠	•	•	•	
0.0		-	-															·															-	
2.3.		 •	•	•	 •	•	•	•	•	•	 •	•	•	٠	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	,
3																																		1(
3.1.																																		
3.2.																																		
0.2.	3.2.1.																																	
	3.2.2.																																	
2.2																																		
3.3.		 •	•	•	 •	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1(
Заключ	ение .																																	11

## Введение

1.1.

$$- \qquad . \qquad () \qquad - \qquad f(x,y), \quad 0 \leqslant x \leqslant M, \quad 0 \leqslant y \leqslant N \quad (M,N-) \qquad ).$$
 
$$0 \leqslant f(x,y) \leqslant 1.$$



 $f(x,y) - \; ; \; g(x,y) - \; \; ; \; h(x,y) - \; \; () \; \; ; \; \hat{f}(x,y) - \; \; f(x,y); \; \eta(x,y) - \; \; . \; \; F(u,v), \; G(u,v), \\ H(u,v), \; N(u,v) - \; f(x,y), \; g(x,y), \; h(x,y) \; \; \eta(x,y) \; , \quad \text{[gonsales Digital 2012]}. \; , \qquad g(x,y) \\ [\text{gonsales Digital 2012}]$ 

$$g(x,y) = h(x,y) **f(x,y) + \eta(x,y), \tag{1.1}$$

 $< **> - f(x,y) M \times N h(x,y) m \times n,$  [gonsalesDigital2012]:

$$h(x,y) **f(x,y) = \sum_{s=-a}^{a} \sum_{t=-b}^{b} h(s,t) f(x-s,y-t), \tag{1.2}$$

a = (m-1)/2 b = (n-1)/2.

1. ( -,) .

$$\delta(n,m) = \begin{cases} 1, n = m = 0 \\ 0, n \neq 0, m \neq 0 \end{cases}$$

.

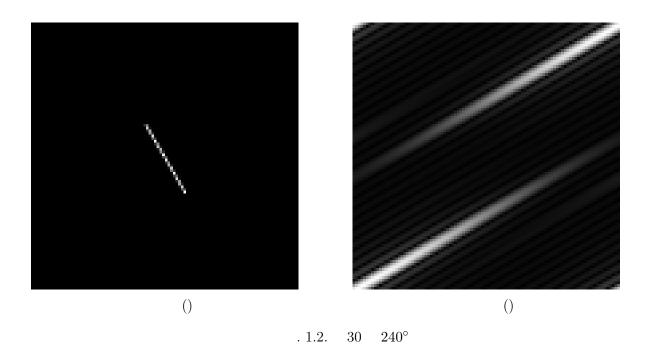
$$f(x,y) - 1.1. \ f(x,y) \qquad h(x,y) , \qquad . - \qquad , \qquad , \qquad (1.1) :$$

$$G(u, v) = H(u, v) \cdot F(u, v) + N(u, v),$$
 (1.3)

[basicsOfDigitalDataProcessing2016Umnyashkin]

. , , . [iterableImageRestorationBiemonLangdeik]:

$$h(x,y) = \begin{cases} \frac{1}{L+1}, & 0 \le y \le L, x = 0\\ 0, & \end{cases}$$
 (1.4)



L-, (), (1.4)-

[iterableImageRestorationBiemonLangdeik]:

$$H(u,v) = \frac{1}{L+1} e^{-i\frac{L\pi}{N}m} \frac{\sin\frac{\pi(L+1)u}{N}}{\sin\frac{\pi u}{N}}$$

$$\tag{1.5}$$

30°. - (1.5)  $\frac{N}{L+1}k, v, k = \pm 1, \pm 2, \dots, 1.2,$ (1.2)30  $240^{\circ}.$ 1/40.

1.2, [iterableImageRestorationBiemonLangdeik].

1.2.

$$MSE = \frac{1}{MN} \sum_{i=0}^{M-1} \sum_{j=0}^{N-1} |I_1(i,j) - I_2(i,j)|^2$$
(1.6)

PSNR(peak signal to noise ratio) , MSE:

$$PSNR = 20\log_{10}\left(\frac{MAX_I}{\sqrt{MSE}}\right),\tag{1.7}$$

 $MAX_I$  — .



() - () PSNR=19.21

. 1.3.  $~512 \times 512 \; {\rm c}~~.~:~-10 \;,~240^{\circ},~-\sigma_{\eta} = 10^{-3}$ 

1.2.1.

, (1.3)  $\hat{F}(u,v)$  [gonsalesDigital2012]:

(1.10), K, K

$$\hat{F}(u,v) = \frac{G(u,v)}{H(u,v)}. (1.8)$$

(1.3) (1.8), 
$$\hat{F}(u,v) = F(u,v) + \frac{N(u,v)}{H(u,v)}$$
:, (1.9) . , , . (1.9)

1.2.2.



() - () PSNR=16.51

. 1.4.  $512 \times 512 \text{ c}$  . : -15 ,  $240^{\circ}$ ,  $-\sigma_{\eta} = 10^{-3}$ 

1.2.3.

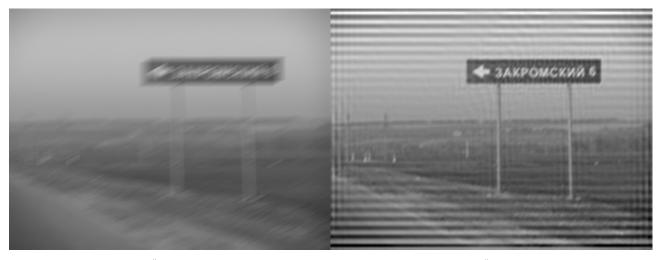
, . . . . [gonsales Digital2012]:

$$\hat{F}(u,v) = \left(\frac{H^*(u,v)}{|H(u,v)|^2 + \gamma |P(u,v)^2|}\right) G(u,v)$$
(1.11)

$$\gamma \ ( \ ) \ . \ P(u,v) - \ \nabla^2 = \left( \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} \right) :$$

$$p(x,y) = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$
 (1.12)

$$\hat{f}_{k+1}(x,y) = \hat{f}_k(x,y) \left( h(-x,-y) ** \frac{g(x,y)}{h(x,y) ** \hat{f}_k(x,y)} \right)$$
(1.13)



 $^{()}_{20}$ 

 $\stackrel{()}{{\rm PSNR}=45}$ 

. 1.5.  $450 \times 600 \text{ c}$  . : -20 ,  $56^{\circ}$ ,  $-\sigma_{\eta} = 0.003$ 

1.2.4. -

1.2.5.

1.3.

- 2.1.
- 2.1.1.
- 2.1.2.
- 2.2.
- 2.2.1.
- 2.2.2.
- 2.2.3.
- 2.2.4.
- 2.3.

- 3.1.
- 3.2.
- 3.2.1.
- 3.2.2. « »
- 3.3.

## Заключение

· , :, .