UNI

Informatik I: Einführung in die Programmierung

19. Automaten, Zustandsmodellierung mit abstrakten und generischen Klassen



Prof. Dr. Peter Thiemann



Deterministische endliche Automaten

Deterministische endliche Automaten

Motivierendes

Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von

Automaten

Abstrakte generische Klassen

Welt & Modell

Vorweg ...





Vor kurzem fand ich auf dem Dachboden eines Kollegen einen Würfel und einen Brief.

Deterministische endliche

Automaten Motivierendes Beispiel

Formale Grundlagen Verhalten eines

Automaten Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

> Welt & Modell

Vorweg ...



A H

Vor kurzem fand ich auf dem Dachboden eines Kollegen einen Würfel und einen Brief.



Deterministische endliche Automaten

Motivierendes Beispiel

Formale

Verhalten eines Automaten

Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Klassen Welt & Modell

Vorweg ...



Vor kurzem fand ich auf dem Dachboden eines Kollegen einen Würfel und einen Brief.





Deterministische endliche Automaten

Motivierendes Beispiel

ormale irundlagen

Verhalten eine:

Teilwort-Erkennung

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

Was steckt in dem Würfel?



In dem Würfel gibt es einen Mechanismus, der die Abfolge der nach oben gerichteten Würfelseiten erkennt. Deterministi sche endliche

endliche Automaten Motivierendes

Beispiel Formale

Verhalten eines Automaten

Transdukto-

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



Nachdem die richtige Folge "gewürfelt" wurde, klopft von innen ein Hämmerchen die Koordinaten.

sche Automaten

Motivierendes Beispiel

Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte generische Klassen

Welt & Modell

fassung & Ausblick





Motivierendes Beispiel

Grundlagen Verhalten eine

Teilwort-Erkennu

Transdukto-

ren Modellierung

von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

Zusammer fassung & Ausblick

In dem Würfel gibt es einen Mechanismus, der die Abfolge der nach oben gerichteten Würfelseiten erkennt.

- Nachdem die richtige Folge "gewürfelt" wurde, klopft von innen ein Hämmerchen die Koordinaten.
- Wie erkennt der Würfel solche Folgen von Ereignissen?





- In dem Würfel gibt es einen Mechanismus, der die Abfolge der nach oben gerichteten Würfelseiten erkennt.
- Nachdem die richtige Folge "gewürfelt" wurde, klopft von innen ein Hämmerchen die Koordinaten.
- Wie erkennt der Würfel solche Folgen von Ereignissen?
- Hierfür ist ein endlicher Automat geeignet.

Determinist sche endliche Automaten

Motivierendes Beisniel

Grundlagen Verhalten eine

Teilwort-Erkennur

Transdukto-

Modellierung von

Automaten Abstrakte

und generische Klassen

Welt & Modell



- In dem Würfel gibt es einen Mechanismus, der die Abfolge der nach oben gerichteten Würfelseiten erkennt.
- Nachdem die richtige Folge "gewürfelt" wurde, klopft von innen ein Hämmerchen die Koordinaten.
- Wie erkennt der Würfel solche Folgen von Ereignissen?
- Hierfür ist ein endlicher Automat geeignet.
- Ein endlicher Automat ist ein sehr einfaches und eingeschränktes Berechnungsmodell, das für viele Anwendungen adäquat ist.

Determinist sche endliche Automaten

Motivierendes Beispiel

Grundlagen Verhalten eine Automaten

Teilwort-Erkennu

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte

generische Klassen

Welt & Modell



Motivierendes Beispiel

Grundlagen Verhalten eines

Teilwort-Erkennu

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Welt &

Zusammenfassung & Ausblick

In dem Würfel gibt es einen Mechanismus, der die Abfolge der nach oben gerichteten Würfelseiten erkennt.

- Nachdem die richtige Folge "gewürfelt" wurde, klopft von innen ein Hämmerchen die Koordinaten.
- Wie erkennt der Würfel solche Folgen von Ereignissen?
- Hierfür ist ein endlicher Automat geeignet.
- Ein endlicher Automat ist ein sehr einfaches und eingeschränktes Berechnungsmodell, das für viele Anwendungen adäquat ist.
- Wir können ihn durch eine Klasse definieren.

Automaten akzeptieren Sprachen



Ein deterministischer Automat ist ein Quintupel (Q, E, δ, q_0, F)

```
@dataclass(frozen=True)
class Automaton[0.
                                 # Menge von Zuständen
                El:
                                  # Eingabealphabet
 delta : Callable[[Q, E], Q]
                                 # Transitions funktion
 start : 0
                                 # Startzustand q0
 finals : frozenset[0]
                                 # Menge von Endzuständen F
 def accept (self, input: Iterable[E]) -> bool:
    state = self.start
    for c in input:
      state = self.delta(state, c)
    return state in self finals
```

Die accept Methode nimmt ein Eingabewort, lässt den Automaten vom Startzustand bis zum Ende des Worts laufen. Das Wort wird akzeptiert, wenn der Automat einen Endzustand erreicht.

Determinist sche endliche Automaten

> Formale Grundlagen

Verhalten eines Automaten Teilwort-Erkennung

Transdukto-

ren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

fassung & Ausblick

6 / 52





Die Transitionsfunktion wird entweder durch eine Transitionstabelle oder durch ein Transitionsdiagramm (Transitionsdiagramm) angegeben.

Beispiel: Transitionsfunktion zur Erkennung von 5156

 $(q_e$ bezeichnet einen Fehlerzustand und $F = \{q_f\}$).

Determinist sche endliche Automaten

> Beispiel Formale

Grundlagen

Verhalten ein

Teilwort-Erkennung

Transdukto-

Modellierung von

von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



Die Transitionsfunktion wird entweder durch eine Transitionstabelle oder durch ein Transitionsdiagramm (Transitionsdiagramm) angegeben.

Beispiel: Transitionsfunktion zur Erkennung von 5156

 $(q_e$ bezeichnet einen Fehlerzustand und $F = \{q_f\}$).

	1	2	3	4	5	6
q_0	qe	q _e	q _e	q _e	<i>q</i> ₁	q _e
<i>q</i> ₁	q_2	qe	qe	qe	qe	qe
q_2	q _e	q _e	q _e	q _e	q_3	q _e
q_3	q _e	q_f				
q_f	qe	q _e	q _e	qe	q _e	qe
a _o	a _o	a _o	a _o	ao	a _o	a _o

Determinist sche endliche Automaten

> Beispiel Formale

Grundlagen

erhalten eines

Teilwort-Erkennung

Transdukto-

ren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

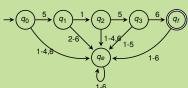
NE L

Die Transitionsfunktion wird entweder durch eine Transitionstabelle oder durch ein Transitionsdiagramm (Transitionsdiagramm) angegeben.

Beispiel: Transitionsfunktion zur Erkennung von 5156

 $(q_e$ bezeichnet einen Fehlerzustand und $F = \{q_f\}$).

_		1	2	3	4	5	6
	<i>q</i> ₀	q _e	q _e	q _e	q _e	<i>q</i> ₁	q _e
	q_1	q_2	qe	qe	qe	qe	qe
	q_2	q _e	q _e	q _e	q _e	q_3	q _e
	q_3	q _e	q_f				
	q_f	qe	q _e	q _e	qe	q _e	qe
	qe	q _e	q _e	q _e	qe	q _e	q _e



Determinist sche endliche Automaten

> Beispiel Formale

Grundlagen

Verhalten eine Automaten

Teilwort-Erkennur

Transduktoren

Modellierung von

von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

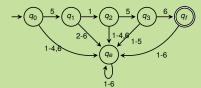
Welt & Modell

Die Transitionsfunktion wird entweder durch eine Transitionstabelle oder durch ein Transitionsdiagramm (Transitionsdiagramm) angegeben.

Beispiel: Transitionsfunktion zur Erkennung von 5156

 $(q_e$ bezeichnet einen Fehlerzustand und $F = \{q_f\}$).

	1	2	3	4	5	6
q_0	q _e	q _e	q _e	q _e	<i>q</i> ₁	q _e
	q_2	q _e	q _e	qe	q _e	qe
q_2	q _e	q _e	q _e	q _e	q_3	q _e
q_3	q _e	q_f				
q_f	qe	q _e	q _e	qe	q _e	qe
q _e	q _e					



Beachte: Im Transitionsdiagramm wird der absorbierende Fehlerzustand q_e mit allen Übergängen dorthin in der Regel nicht angegeben.

Determinist sche endliche Automaten

> Beispiel Formale

Grundlagen

Verhalten eines Automaten

reliwort-Erkennul

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Welt &



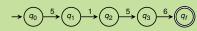
UN FREIB

Die Transitionsfunktion wird entweder durch eine Transitionstabelle oder durch ein Transitionsdiagramm (Transitionsdiagramm) angegeben.

Beispiel: Transitionsfunktion zur Erkennung von 5156

 $(q_e$ bezeichnet einen Fehlerzustand und $F = \{q_f\}$).

	1	2	3	4	5	6
$\overline{q_0}$	q _e	q _e	q _e	q _e	q_1	q _e
	q_2	q _e	q _e	qe	q _e	q _e
q_2	q _e	q _e	q _e	q _e	q_3	q _e
q_3	q _e	q_f				
q_f	qe	qe	qe	qe	qe	qe
q _e	q _e	q _e	qe	q _e	q _e	qe



Beachte: Im Transitionsdiagramm wird der absorbierende Fehlerzustand q_e mit allen Übergängen dorthin in der Regel nicht angegeben.

Determinist sche endliche

Beispiel Formale

Grundlagen

Verhalten eine Automaten

Teilwort-Erkennur

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

```
Determinist sche
```

endliche Automaten

Formale

Grundlagen

Automaten Teilwort-Erkenni

Transduktoren

Modellierung

von Automaten

Abstrakte und

generische Klassen

Welt & Modell

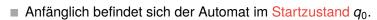
8 / 52

fassung & Ausblick

```
class State (Enum):
 Q0 = auto(); Q1 = auto(); Q2 = auto(); Q3 = auto()
 Qf = auto(); Qe = auto()
type Alphabet = Literal['1','2','3','4','5','6']
def delta_dice (q:State, c:Alphabet) -> State:
 match (q, c):
    case (State.Q0, '5'):
      return State.Q1
    case (State.Q1, '1'):
      return State.02
    case (State.Q2, '5'):
      return State.Q3
    case (State.Q3, '6'):
     return State.Of
    case :
     return State.Qe
```

Der Typ Literal['1','2','3','4','5','6'] bestimmt das





Deterministische

endliche Automaten Motivierendes

Beispiel Formale Grundlagen

Verhalten eines Automaten Teilwort-Erkennung

Transdukto-

ren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

> Welt & Modell





- Anfänglich befindet sich der Automat im Startzustand q_0 .
- Der Automat erhält ein Wort $w = "a_1 a_2 \dots a_n"$ als Eingabe (darf auch leer sein, d.h. $n \ge 0$).

Determinist sche endliche Automaten

Beispiel Formale

Formale Grundlagen Verhalten eines Automaten

Teilwort-Erkennur

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell





- Anfänglich befindet sich der Automat im Startzustand q_0 .
- Der Automat erhält ein Wort $w = "a_1 a_2 ... a_n"$ als Eingabe (darf auch leer sein, d.h. n > 0).
- Der Automat liest im Zustand q_i das Eingabesymbol a_{i+1} und wechselt in den Folgezustand $q_{i+1} = \delta(q_i, a_{i+1})$.

Determinist sche endliche Automaten

> Beispiel Formale

Verhalten eines Automaten

Teilwort-Erkennung

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell





- Anfänglich befindet sich der Automat im Startzustand q_0 .
- Der Automat erhält ein Wort $w = "a_1 a_2 \dots a_n"$ als Eingabe (darf auch leer sein, d.h. $n \ge 0$).
- Der Automat liest im Zustand q_i das Eingabesymbol a_{i+1} und wechselt in den Folgezustand $q_{i+1} = \delta(q_i, a_{i+1})$.
- Das macht der Automat, so lange Eingabezeichen gelesen werden können, das heißt für $i \in \{0, 1, ..., n-1\}$.

Determinist sche endliche Automaten

> Beispiel Formale

Verhalten eines Automaten

Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell





- Anfänglich befindet sich der Automat im Startzustand q_0 .
- Der Automat erhält ein Wort $w = "a_1 a_2 \dots a_n"$ als Eingabe (darf auch leer sein, d.h. $n \ge 0$).
- Der Automat liest im Zustand q_i das Eingabesymbol a_{i+1} und wechselt in den Folgezustand $q_{i+1} = \delta(q_i, a_{i+1})$.
- Das macht der Automat, so lange Eingabezeichen gelesen werden können, das heißt für $i \in \{0, 1, ..., n-1\}$.
- Am Ende der Eingabe befindet sich der Automat in einem Zustand q_n . Das Eingabewort w wird genau dann akzeptiert, wenn $q_n \in F$ ein Endzustand ist.

Determinist sche endliche Automaten

> Beispiel Formale

Verhalten eines Automaten Teilwort-Erkennung

Teilwort-Erkennur

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell





- Anfänglich befindet sich der Automat im Startzustand q_0 .
- Der Automat erhält ein Wort $w = "a_1 a_2 \dots a_n"$ als Eingabe (darf auch leer sein, d.h. $n \ge 0$).
- Der Automat liest im Zustand q_i das Eingabesymbol a_{i+1} und wechselt in den Folgezustand $q_{i+1} = \delta(q_i, a_{i+1})$.
- Das macht der Automat, so lange Eingabezeichen gelesen werden können, das heißt für $i \in \{0, 1, ..., n-1\}$.
- Am Ende der Eingabe befindet sich der Automat in einem Zustand q_n. Das Eingabewort w wird genau dann akzeptiert, wenn q_n ∈ F ein Endzustand ist.
- Die Sprache von A, $\mathcal{L}(A)$, ist die Menge aller von A akzeptierten Worte.

Determinist sche endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Verhalten eines Automaten

Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von Automaten

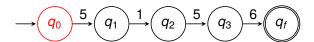
Abstrakte und generische

Welt & Modell





Eingabe: 5156



Determinist sche endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Formale Grundlagen Verhalten eines

Automaten Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und

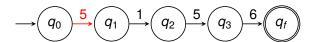
generische Klassen

Welt & Modell





Eingabe: 5156



Deterministische endliche Automaten

Motivierendes Beispiel Formale

Formale Grundlagen Verhalten eines

Automaten Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von Automaten

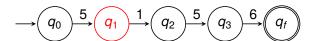
Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



R = =

Resteingabe: 156



Determinist sche endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Formale Grundlagen Verhalten eines

Automaten Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



sche endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Grundlagen Verhalten eines

Automaten Teilwort-Erkennung

Transdukto-

ren Modellierung

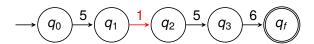
von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

Zusammen-Ausblick

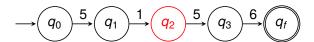
Resteingabe: 156





REIBUR

Resteingabe: 56



Determinist sche endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Formale Grundlagen Verhalten eines

Automaten
Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von

Automaten Abstrakte

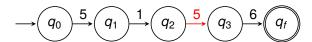
und generische Klassen

Welt & Modell



NI REIBURG

Resteingabe: 56



Deterministi sche endliche Automaten

Motivierendes Beispiel Formale

Grundlagen
Verhalten eines

Automaten Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von Automaten

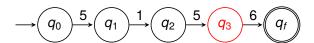
Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



FRE

Resteingabe: 6



Determinist sche endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Formale Grundlagen Verhalten eines

Automaten Teilwort-Erkennung

Transdukto-

Modellierung von

ren

von Automaten

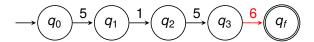
Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



Ž

Resteingabe: 6



Determinist sche endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Formale Grundlagen Verhalten eines

Automaten
Teilwort-Erkennung

Transdukto-

ren

Modellierung von Automaten

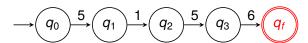
Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



Resteingabe:

Eingabe akzeptiert



Determinist sche endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Formale Grundlagen Verhalten eines

Automaten Teilwort-Erkennung

Transdukto-

ren Modellierung

von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

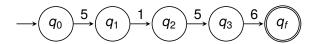
Welt & Modell



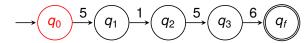
REIBUR

Resteingabe:

Eingabe akzeptiert



Eingabe: 515156



Deterministische endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Formale Grundlagen Verhalten eines

Automaten
Teilwort-Erkennung

Transdukto-

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

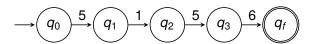
Welt & Modell



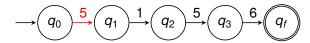
AR EB

Resteingabe:

Eingabe akzeptiert



Eingabe: 515156



Deterministische endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Grundlagen
Verhalten eines

Automaten
Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von

von Automaten

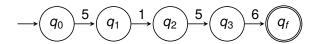
Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

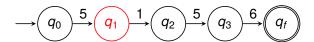


Resteingabe:

Eingabe akzeptiert



Resteingabe: 15156



Deterministische endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Verhalten eines

Automaten Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte

generische Klassen

Welt & Modell

10 / 52



Deterministische endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Verhalten eines

Automaten Teilwort-Erkennung

Transdukto-

ren

Modellierung von Automaten

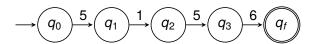
Abstrakte generische Klassen

Welt & Modell

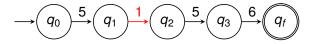
Zusammenfassung & Ausblick

Resteingabe:

Eingabe akzeptiert



Resteingabe: 15156





Deterministische endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Verhalten eines

Automaten Teilwort-Erkennung

Transdukto-

ren

Modellierung von Automaten

Abstrakte

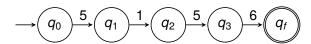
generische Klassen

Welt & Modell

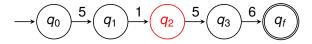
Zusammenfassung & Ausblick

Resteingabe:

Eingabe akzeptiert



Resteingabe: 5156

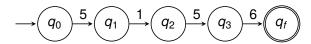




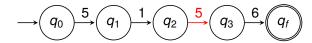
REIBURG

Resteingabe:

Eingabe akzeptiert



Resteingabe: 5156



Deterministische endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Formale Grundlagen Verhalten eines

Automaten
Teilwort-Erkennung

Transdukto-

ren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

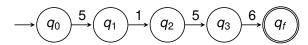
10 / 52



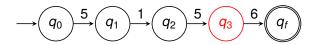
A E

Resteingabe:

Eingabe akzeptiert



Resteingabe: 156



Deterministische endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

Formale Grundlagen Verhalten eines

Automaten Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte

generische Klassen

Welt & Modell

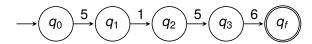
10 / 52



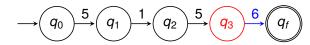
FREIBL

Resteingabe:

Eingabe akzeptiert



Resteingabe: 156



Deterministische endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel Formale

> Formale Grundlagen Verhalten eines

Automaten Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von Automaten

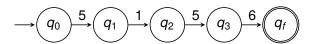
Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



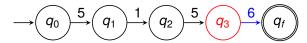
Resteingabe:

Eingabe akzeptiert



Resteingabe: 156

Kein Transition von q_3 aus möglich! Eingabe nicht akzeptiert.



Deterministi sche endliche Automaten

Motivierendes Beispiel Formale

Formale Grundlagen Verhalten eines

Automaten

Transdukto-

ren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &

Implementierung des Automaten



```
REIBURG
```

```
dice : Automaton[State, Alphabet] = Automaton(
  delta = delta_dice,
  start = State.Q0,
  finals = frozenset ({State.Qf})
)
print(dice.accept("5156"))
```

Ausgabe: True

```
print(dice.accept("5155"))
```

Ausgabe: False

Determinist sche endliche Automaten

> Beispiel Formale

Verhalten eines Automaten Teilwort-Erkennung

Transdukto-

ren

Modellierung von Automaten

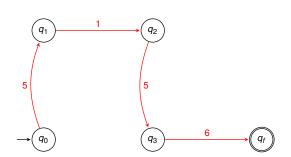
Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



REB

Der Würfel soll letztlich alle Folgen akzeptieren, die 5156 als Teilwort enthalten



Deterministische endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel

Formale Grundlagen

Verhalten eines Automaten

Teilwort-Erkennung

Transduktoren

Modellierung von

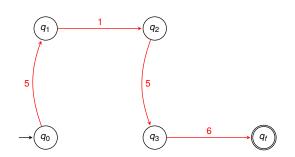
Automaten Abstrakte

und generische Klassen

> Welt & Modell



Der Würfel soll letztlich alle Folgen akzeptieren, die 5156 als Teilwort enthalten, z.B. auch 55156



Deterministische endliche Automaten

Beispiel

Formale Grundlagen Verhalten eines

Teilwort-Erkennung

Transdukto-

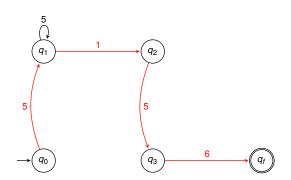
Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &

NE NE

Der Würfel soll letztlich alle Folgen akzeptieren, die 5156 als Teilwort enthalten, z.B. auch 55156



Deterministische endliche Automaten

Beispiel

Formale Grundlagen

Verhalten eines Automaten

Teilwort-Erkennung

Transdukto-

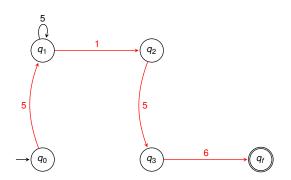
Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Klassen

Welt & Modell

Der Würfel soll letztlich alle Folgen akzeptieren, die 5156 als Teilwort enthalten, z.B. auch 55156, oder 5155156



Deterministische endliche Automaten

> Motivierendes Beispiel

> Formale Grundlagen

Automaten

Teilwort-Erkennung

Transdukto-

Modellierung von Automaten

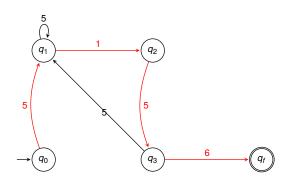
Abstrakte

generische Klassen

Welt & Modell



Der Würfel soll letztlich alle Folgen akzeptieren, die 5156 als Teilwort enthalten, z.B. auch 55156, oder 5155156



Deterministische endliche Automaten

Beispiel

Formale Grundlagen

Verhalten ei Automaten

Teilwort-Erkennung

Transdukto-

Modellierung von Automaten

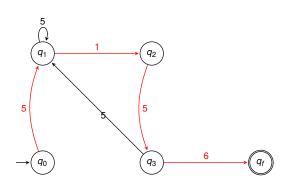
Abstrakte und

generische Klassen

Welt & Modell



Der Würfel soll letztlich alle Folgen akzeptieren, die 5156 als Teilwort enthalten, z.B. auch 55156, oder 5155156, oder 515156



Deterministische endliche Automaten

Beispiel

Formale Grundlagen

Teilwort-Erkennung

Transdukto-

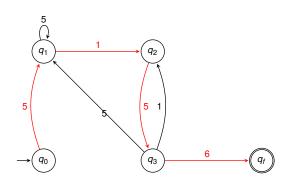
Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &



Der Würfel soll letztlich alle Folgen akzeptieren, die 5156 als Teilwort enthalten, z.B. auch 55156, oder 5155156, oder 515156



Deterministische endliche Automaten

Beispiel

Formale Grundlagen

Automaten

Teilwort-Erkennung

Transduktoren

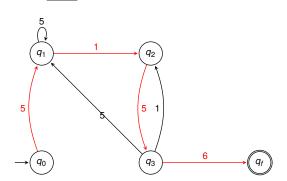
Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

N N

Der Würfel soll letztlich alle Folgen akzeptieren, die 5156 als Teilwort enthalten, z.B. auch 55156, oder 5155156, oder 515156 oder ... 5156...



Deterministische endliche Automaten

Beispiel

Formale Grundlagen

Teilwort-Erkennung

Transdukto-

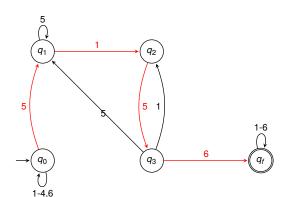
Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &



Der Würfel soll letztlich alle Folgen akzeptieren, die 5156 als Teilwort enthalten, z.B. auch 55156, oder 5155156, oder 515156 oder ... 5156...



Deterministische endliche Automaten

Motivierendes Beispiel

Formale Grundlagen

Verhalten ei Automaten

Teilwort-Erkennung

Transdukto-

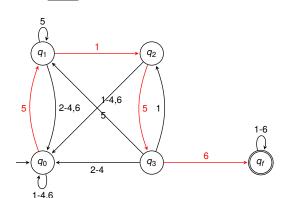
Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &



Der Würfel soll letztlich alle Folgen akzeptieren, die 5156 als Teilwort enthalten, z.B. auch 55156, oder 5155156, oder 515156 oder ... 5156...



Deterministi sche endliche Automaten

Beispiel

Formale Grundlagen

Automaten Teilwort-Erkennung

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

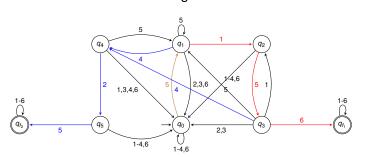
Welt &

Nord- und Ostkode integrieren



A -

Zusätzlich muss der Würfel noch 5425 als Teilstring erkennen! Der Automat ändert sich wie folgt:



Deterministische endliche Automaten

> Beispiel Formale

Grundlagen

Teilwort-Erkennung

Transdukto-

ren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

> Welt & Modell



Deterministische endliche Automaten

Transduktoren

Moore-Automat
Umsetzung
Python-Skript für
Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

Zusammenfassung & Ausblick

Transduktoren

Nach der Akzeptanz ist vor der Akzeptanz!



Determin

Der bisher konstruierte Automat akzeptiert alle Wörter, die 5156 oder 5425 als Teilwort enthalten. Deterministische endliche Automaten

Transduktoren

Moore-Automat Umsetzung Python-Skript fü Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

Transduktoren

Moore-Automa Umsetzung

Python-Skript I Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &

- Der bisher konstruierte Automat akzeptiert alle Wörter, die 5156 oder 5425 als Teilwort enthalten.
- Eigentlich ist eine Maschine gesucht, die "ewig" läuft und die jeweils nach einem akzeptierten Teilwort eine Ausgabe macht.



Transduktoren

Moore-Automa
Umsetzung
Python-Skript f

Python-Skript f Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &

- Der bisher konstruierte Automat akzeptiert alle Wörter, die 5156 oder 5425 als Teilwort enthalten.
- Eigentlich ist eine Maschine gesucht, die "ewig" läuft und die jeweils nach einem akzeptierten Teilwort eine Ausgabe macht.
- Eine solche Maschine heißt Transduktor, das ist ein Automat, der auch Ausgaben macht.



- Der bisher konstruierte Automat akzeptiert alle Wörter, die 5156 oder 5425 als Teilwort enthalten.
- Eigentlich ist eine Maschine gesucht, die "ewig" läuft und die jeweils nach einem akzeptierten Teilwort eine Ausgabe macht.
- Eine solche Maschine heißt Transduktor, das ist ein Automat, der auch Ausgaben macht.
- Transduktoren werden oft verwendet um das Verhalten eingebetteter Systeme zu beschreiben.

Determinist sche endliche Automaten

Transduktoren

Moore-Automat Umsetzung

Beispiel Modellierung

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &

Moore-Automaten



```
Determinis
```

```
@dataclass(frozen=True)
class MooreAutomaton[Q,
                             # Menge von Zuständen
                             # Eingabealphabet
                     A]:
                             # Ausgabealphabet
 dl : Callable[[Q, E], Q]
                             # Transitionsfunktion
 lm : Callable[[Q], A]
                             # Ausqabefunktion
                             # Startzustand
 st: Q
 def translate (self, input: Iterable[E]) -> Iterator[A]:
    state = self st
    yield self.lm(state)
    for c in input:
      state = self.dl(state. c)
     yield self.lm(state)
    return
```

Determinist sche endliche Automaten

Transduktoren

Moore-Automat

Umsetzung
Python-Skript fü

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &

Verhalten des Moore-Automaten





■ Im Startzustand q_0 gibt der Automat $\lambda(q_0)$ aus.

Deterministische endliche Automaten

Transduktoren

Moore-Automat

Umsetzung Python-Skript f Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

Verhalten des Moore-Automaten





- Im Startzustand q_0 gibt der Automat $\lambda(q_0)$ aus.
- Der Automat erhält ein Wort $w = a_1 a_2 \dots$ als Eingabe.

Determinist sche endliche Automaten

Transduktoren

Moore-Automat

Umsetzung Python-Skript fi Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



- Im Startzustand q_0 gibt der Automat $\lambda(q_0)$ aus.
- Der Automat erhält ein Wort $w = a_1 a_2 \dots$ als Eingabe.
- Der Automat liest im Zustand q_i das Eingabesymbol a_{i+1} , wechselt in den Folgezustand $q_{i+1} = \delta(q_i, a_{i+1})$ und gibt dann $\lambda(q_{i+1})$ aus.

Determinist sche endliche Automaten

Transdukto-

Moore-Automat

Umsetzung
Python-Skript fü

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell





- Im Startzustand q_0 gibt der Automat $\lambda(q_0)$ aus.
- Der Automat erhält ein Wort $w = a_1 a_2 \dots$ als Eingabe.
- Der Automat liest im Zustand q_i das Eingabesymbol a_{i+1} , wechselt in den Folgezustand $q_{i+1} = \delta(q_i, a_{i+1})$ und gibt dann $\lambda(q_{i+1})$ aus.
- Das macht der Automat, so lange wie Eingabezeichen verfügbar sind. (Ggf. mit offenem Ende.)

Determinist sche endliche Automaten

Transdukto-

Moore-Automat

Umsetzung
Python-Skript fü

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

Verhalten des Moore-Automaten



Determinis sche

- Im Startzustand q_0 gibt der Automat $\lambda(q_0)$ aus.
- Der Automat erhält ein Wort $w = a_1 a_2 \dots$ als Eingabe.
- Der Automat liest im Zustand q_i das Eingabesymbol a_{i+1} , wechselt in den Folgezustand $q_{i+1} = \delta(q_i, a_{i+1})$ und gibt dann $\lambda(q_{i+1})$ aus.
- Das macht der Automat, so lange wie Eingabezeichen verfügbar sind. (Ggf. mit offenem Ende.)
- Dabei wird das Eingabewort w in das Ausgabewort $\lambda(q_0)\lambda(q_1)\dots$ übersetzt. Daher auch der Name Transduktor.

Determinist sche endliche Automaten

Transduktoren

Moore-Automat

Umsetzung
Python-Skript fü
Beisniel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Welt &

Beispiel: Ein hypothetische Motorsteuerung



UNI FREIBU

 $E = \{e, a, g, b, n\}$, wobei e für "ein", a für "aus", g für "Gas geben", b für "bremsen", n für "nicht drehende Räder" steht. $A = \{\text{off,low,full}\}.$

Determinist sche endliche Automaten

> Transduktoren

Moore-Automat

Umsetzung Python-Skript fi Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

Beispiel: Ein hypothetische Motorsteuerung



 $E = \{e, a, g, b, n\}$, wobei e für "ein", a für "aus", g für "Gas geben", b für "bremsen", n für "nicht drehende Räder" steht. $A = \{\text{off,low,full}\}.$

Deterministi sche endliche Automaten

> Transduktoren

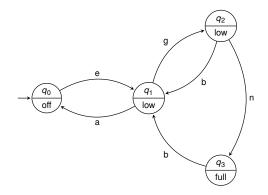
Moore-Automat

Umsetzung Python-Skript

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &



Implementierung der Motorsteuerung

```
Determinis
```

Deterministi sche endliche Automaten

Transduktoren

Moore-Automat

Umsetzung
Python-Skript fü

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Klassen Welt & Modell

```
class MState (Enum):
 Q0 = auto(): Q1 = auto(): Q2 = auto(): Q3 = auto()
type Input = Literal['e','g','a','b','n']
type Output = Literal['off','low','full']
def delta_m (q : MState, c : Input) -> MState:
 match (q, c):
    case (MState.QO, "e"): return MState.Q1
    case (MState.Q1, "g"): return MState.Q2
    case (MState.Q1, "a"): return MState.Q0
    case (MState.Q2, "b"): return MState.Q1
    case (MState.Q2, "n"): return MState.Q3
    case (MState.Q3, "b"): return MState.Q1
                          return q
    case :
def lambda m (q : MState) -> Output:
 match q:
    case MState.Q0:
                    return "off"
    case MState.Q1 | MState.Q2: return "low"
                             return "full"
    case MState.03:
```

Implementierung der Motorsteuerung (2)



```
Determinist sche
```

```
endliche
Automaten
Transdukto-
```

ren

Moore-Automat Umsetzung

Python-Skript fü Beispiel

Modellierung von

Automaten Abstrakte

und generische Klassen

Welt & Modell

```
mcontrol : MooreAutomaton[MState, Input, Output] = MooreAutomaton(
    dl= delta_m,
    lm= lambda_m,
    st= MState.Q0
)
Ein Testlauf:
output = mcontrol.translate ("egbgnba")
print (list (output))
Ausgabe:
['off', 'low', 'low', 'low', 'full', 'low', 'off']
```

Beispiel: Der Würfel-Moore-Automat

NA Detection

Deterministische endliche Automaten

Transduktoren

Moore-Automat

Umsetzung Python-Skript f Beispiel

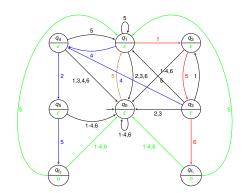
Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &

Zusammenfassung & Ausblick

Sei $A = \{n, o, \varepsilon\}$, dann könnte der Würfelautomat so ausschauen (die grünen Teile sind neu):



Die Innereien des Würfels



■ Wie sieht die Implementierung eines solchen abstrakten Automaten aus?

Deterministische endliche Automaten

Transdukto-

Moore-Automat Umsetzung

Python-Skript fü Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &



- Wie sieht die Implementierung eines solchen abstrakten Automaten aus?
- Das Innere des Würfels:



Deterministische endliche Automaten

Transdukto-

Moore-Automat Umsetzung

Python-Skript fü Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &

Die Innereien des Würfels

- - 2 K
- Wie sieht die Implementierung eines solchen abstrakten Automaten aus?
- Das Innere des Würfels:



■ Batterien (4×AA-Akkus, also 4,5-6 Volt),

Determinist sche endliche Automaten

> Transduktoren

Moore-Automat
Umsetzung

Python-Skript fü Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Klassen Welt & Modell

Die Innereien des Würfels

- Wie sieht die Implementierung eines solchen abstrakten Automaten aus?
- Das Innere des Würfels:



- Batterien (4×AA-Akkus, also 4,5-6 Volt),
- Servomotor,

sche endliche Automaten

Transduktoren

Moore-Automat Umsetzuna

Beispiel

Automaten

Abstrakte generische Klassen

Welt & Modell

Die Innereien des Würfels

- - EIBUR
 - SE SE
- Wie sieht die Implementierung eines solchen abstrakten Automaten aus?
- Das Innere des Würfels:



- Batterien (4×AA-Akkus, also 4,5-6 Volt),
- Servomotor,
- pyboard (mit einem ARM-5 Prozessor, Beschleunigungsmesser, usw.), auf dem Micropython läuft

Determinist sche endliche Automaten

Transduktoren

Moore-Automat
Umsetzung

Python-Skript fü Beispiel

Modellierung

Automaten
Abstrakte

generische Klassen

Welt & Modell



■ side_up():

Bestimmt mit Hilfe des Beschleunigsmessers, welche Seite oben liegt. Bei unklaren Werten wartet die Funktion, bis eine stabile Lage eingetreten ist.

Deterministi sche endliche Automaten

Transdukto-

Moore-Automat
Umsetzung

Python-Skript fü Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &

Welt &

Zusammen fassung & Ausblick

side_up(): Bestimmt mit Hilfe des Beschleunigsmessers, welche Seite oben liegt. Bei unklaren Werten wartet die Funktion, bis eine stabile Lage eingetreten ist.

new_input():Erzeugt ein neues Eingabesymbol (Zahl zwischen 1 und 6), wenn der Würfel 500 Millisekunden stabil lag.



ZE ZE

- side_up():
 - Bestimmt mit Hilfe des Beschleunigsmessers, welche Seite oben liegt. Bei unklaren Werten wartet die Funktion, bis eine stabile Lage eingetreten ist.
- new_input():
 Erzeugt ein neues Eingabesymbol (Zahl zwischen 1 und 6), wenn der Würfel 500 Millisekunden stabil lag.
- next_state(state, input):
 Die Transitionsfunktion

Deterministi sche endliche Automaten

Transduktoren

Moore-Automat Umsetzung

Python-Skript fi Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Klassen Welt & Modell





■ side_up():

Bestimmt mit Hilfe des Beschleunigsmessers, welche Seite oben liegt. Bei unklaren Werten wartet die Funktion, bis eine stabile Lage eingetreten ist.

new_input():Erzeugt ein neues Eingabesymbol (Zahl zwischen 1 und 6), wenn der Würfel 500 Millisekunden stabil lag.

next_state(state, input):
Die Transitionsfunktion.

output_symbol(state):Berechnet das zum Zustand gehörige Ausgabesymbol.

Determinis sche endliche Automaten

Transduktoren

Moore-Automat
Umsetzung
Python-Skript fü

Python-Skript fü Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Welt &



NE NE

■ side_up():

Bestimmt mit Hilfe des Beschleunigsmessers, welche Seite oben liegt. Bei unklaren Werten wartet die Funktion, bis eine stabile Lage eingetreten ist.

new_input():
 Erzeugt ein neues Eingabesymbol (Zahl zwischen 1 und 6), wenn der Würfel 500 Millisekunden stabil lag.

■ next_state(state, input):
Die Transitionsfunktion.

output_symbol(state): Berechnet das zum Zustand gehörige Ausgabesymbol.

automaton():Die Endlosschleife zur Ausführung des Automaten.

Determinis sche endliche Automaten

> Transduktoren

Umsetzung Pvthon-Skript für

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Klassen Welt &

Zusammen-

fassung & Ausblick



24 / 52

ZE Z

- side_up():
 - Bestimmt mit Hilfe des Beschleunigsmessers, welche Seite oben liegt. Bei unklaren Werten wartet die Funktion, bis eine stabile Lage eingetreten ist.
- new_input():
 Erzeugt ein neues Eingabesymbol (Zahl zwischen 1 und 6), wenn der Würfel 500 Millisekunden stabil lag.
- next_state(state, input):
 Die Transitionsfunktion.
- output_symbol(state): Berechnet das zum Zustand gehörige Ausgabesymbol.
- automaton():
 Die Endlosschleife zur Ausführung des Automaten.
- code_knock(code):
 Klopft entsprechend dem angeforderten Code.

Determinist sche endliche Automaten

Transdukto-

Umsetzung
Python-Skript fü

Python-Skript für Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &





Die Erdbeschleunigung von 1g entspricht einem Messwert von rund 20.

```
Seitenerkenner
```

```
thres = 12
def side_up():
    while True:
        x = acc.x(); y = acc.y(); z = acc.z()
        if x > thres: return 5 #x up
        if x < -thres: return 2 #x down
        if y > thres: return 6 #y up
        if y < -thres: return 1 #y down
        if z > thres: return 3 #z up
        if z < -thres: return 4 #z down
        # no stable situation yet</pre>
```

Determinist sche endliche Automaten

> Transduktoren

Moore-Automat Umsetzung Python-Skript für Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

Zusammenfassung & Ausblick

Symbolerzeugung

Erzeugt ca. alle 0,5 Sekunden ein neues Eingabesymbol. Nicht nur, wenn die Seite gewechselt wird. Daher muss der Automat etwas anders aussehen!

Transduktoren Moore-Automat

Umsetzung
Python-Skript für
Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &

Zusammenfassung & Ausblick

Transitionsfunktion

```
def next state(state, input):
    if state == 0: # intial state
        if input == 5: return 1
        return 0
    elif state == 1: # '5' read
        if input == 5: return 1
        if input == 1: return 2
        if input == 4: return 4
        return 0
    elif state == 2: # '51' read
        if input == 1: return 2 # repetition!
        if input == 5: return 3
        return 0
    elif ...
```

Beachte: Jeder Zustand hat eine Schleife für das Zeichen, das dafür notwendig war, in den Zustand zu kommen.



REB.

Der Automat & die Ausgabefunktion

```
def automaton():
    state = 0
    while True:
        if sw(): return # if switch is pressed, exit
        state = next state(state, new input())
        code knock(output symbol(state))
def output_symbol(state):
    if state == 10:
        return "north"
    elif state == 11:
        return "east"
    else:
        return None
```

Determinist sche endliche Automaten

> Transduktoren Moore-Automat

Umsetzung Python-Skript für Beispiel

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



Deterministische endliche Automaten

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

Zusammenfassung & Ausblick

Modellierung von Automaten



NI REIBURG

Determinist sche endliche

Automaten
Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Klassen Welt & Modell

Zusammen fassung & Ausblick

- Im Vergleich zu Standard-Python hat Micropython einige Einschränkungen.
- Die Modellierung der Zustände durch Zahlen ist kompakt und effizient, aber fehleranfällig.
- Besserer Ansatz: Verwende Aufzählungstypen.

22.01.2025 P. Thiemann – Info I 31 / 52

Zustandstyp



```
from enum import Enum, auto

class State(Enum):
    INIT = auto()
    AFTER_5 = auto()
    AFTER_51 = auto()
    AFTER_515 = auto()
    AFTER_5156 = auto()
    AFTER_54 = auto()
    AFTER_542 = auto()
    AFTER_5425 = auto()
```

- Bessere Dokumentation f
 ür die Zustände.
- enum.auto() erzeugt automatisch einen neuen internen Code, sodass die Zustände durchnummeriert werden.

Determinist sche endliche Automaten

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

Transitionsfunktion



```
Determin
```

Deterministi sche endliche Automaten

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

> Welt & Modell

Zusammenfassung & Ausblick

```
S = State
def next state(q: State, i: int) -> State:
   match (q, i):
       case (S.INIT, 5): return S.AFTER 5
       case (S.AFTER 5, 1): return S.AFTER 51
       case (S.AFTER_5, 4): return S.AFTER_54
       case (S.AFTER 5, 5): return S.AFTER 5
       case (S.AFTER 51, 5): return S.AFTER 515
       case (S.AFTER 515, 6): return S.AFTER 5156
       case (S.AFTER 515, 1): return S.AFTER 51
       case (S.AFTER_515, 4): return S.AFTER_54
       case (S.AFTER 54, 2): return S.AFTER 542
       case (S.AFTER 542, 5): return S.AFTER 5425
   return S.INIT
```

Hier ist ein Fehler!

Allgemeiner Ansatz: Das Zustandsmuster



- Determinis sche endliche Automaten
 - Transdukto-
 - Modellierung von Automaten
 - Abstrakte und generische Klassen
 - Welt & Modell

Zusammen fassung & Ausblick

Falls die Zustände selbst noch weitere Information beinhalten, können sie als "richtige" Objekte betrachtet werden.

- Die Zustandsfunktion wird nun als Methode implementiert.
- So ist auch die Menge der Zustände einfach erweiterbar.
- Wegen des Speicherbedarfs allerdings für eingebettete Systeme weniger geeignet.
- Das Zustandsmuster ist ein sogenanntes design pattern.
- Siehe Design Patterns: Elements of Reusable Object-Oriented Software von der "Gang of Four" (Gamma, Helm, Johnson, Vlissides).

Zustandsmuster: Basisklasse



```
# base class for all states
@dataclass
class State:
    def next(self, input: int) -> 'State':
        return self
    @abstractmethod
    def output(self) -> str:
        ...
```

- Die Basisklasse State dient nur als Superklasse, von der konkrete Zustandsklassen erben.
- Sie soll nicht instanziert werden, d.h. State() soll nicht verwendet werden.
- Auch die Methoden sollen eigentlich nicht verwendet werden, sondern nur anzeigen, was in den Subklassen implementiert werden soll.
- Eine solche Klasse heißt abstrakte Klasse und die Methoden

Deterministi sche endliche Automaten

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



```
NA
NA
```

```
@dataclass
class S_Init(State):
    def next(self, input: int) -> State:
        match input:
        case 5:
        return S_After([5])
    return self
```

- Subklasse von State.
- Methode next() wird überschrieben.
- Methode output() wird aus der Superklasse übernommen (keine Ausgabe).

Determinist sche endliche Automaten

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

> Welt & Modell



UNI FREIB

```
@dataclass
```

```
class S After(State):
    prefix: list[int]
    def next(self, input: int) -> State:
        self.prefix = self.prefix + [input]
        match self.prefix:
            case ([5, 1] | [5, 1, 5] | [5, 1, 5, 6] |
                  [5, 4] \mid [5, 4, 2] \mid [5, 4, 2, 5]:
                return self
        match self.prefix[-1:]:
            case [5]:
                return S_After(self.prefix[-1:])
        match self.prefix[-2:]:
            case [5, 1] | [5, 4]:
                return S After(self.prefix[-2:])
        return S Init()
```

Deterministi sche endliche Automaten

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

> Welt & Modell



```
Determini
```

```
def output(self) -> str:
    match self.prefix:
    case [5, 1, 5, 6]:
        return "north"
    case [5, 4, 2, 5]:
        return "east"
    case _:
        return ""
```

- Die Klasse S_After verwaltet das bisher gelesene Präfix der Eingabe im Feld prefix.
- Zustandsübergang durch Änderung des Präfixes (soweit möglich).

Determinist sche endliche Automaten

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



Abstrakte und generische Klassen

Deterministische endliche Automaten

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Modellierung mit abstrakter, generischer Klasse

Welt &



Die Basisklasse State hat einige Nachteile, die dazu führen, dass der Code schlecht wiederverwendbar ist.

Zu konkret

- Die Klasse sollte abstrakt sein, aber wir konnten das nicht ausdrücken.
- D.h., direkte Instanzen von State sind nicht erwünscht und jede Subklasse muss die Methoden next und output überschreiben.

sche endliche Automaten

> Transduktoren

Automaten

Abstrakte generische Klassen

Modellierung mit

generischer Klasse

Welt & Modell

fassung & Ausblick

Modellierung mit abstrakter, generischer Klasse



Die Basisklasse State hat einige Nachteile, die dazu führen, dass der Code schlecht wiederverwendbar ist.

Zu konkret

- Die Klasse sollte abstrakt sein, aber wir konnten das nicht ausdrücken.
- D.h., direkte Instanzen von State sind nicht erwünscht und jede Subklasse muss die Methoden next und output überschreiben.

Zu spezifisch

- Die Klasse legt die Typen von Eingabe und Ausgabe bereits fest, obwohl diese Typen den Code nicht beeinflussen.
- Sie muss kopiert werden um einen Automatenzustand in einem anderen Automaten zu verwenden.

EIBUR

Determini

sche endliche Automaten

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Modellierung mit abstrakter, generischer Klasse

Welt & Modell



ZE

Abstrakte Klasse

- Eine abstrakte Klasse besitzt keine eigenen Instanzen, sondern dient nur als Muster für Subklassen.
- Sie kann die Signaturen von abstrakte Methoden definieren, aber ohne eine Implementierung anzugeben. Daher muss jede (konkrete) Subklasse alle abstrakten Methoden implementieren.

Deterministi sche endliche Automaten

Transdukto-

Modellierun von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Modellierung mit abstrakter, generischer Klasse

Welt &

Abstrakte Klassen und generische Klassen



ZE EB

Abstrakte Klasse

- Eine abstrakte Klasse besitzt keine eigenen Instanzen, sondern dient nur als Muster für Subklassen.
- Sie kann die Signaturen von abstrakte Methoden definieren, aber ohne eine Implementierung anzugeben. Daher muss jede (konkrete) Subklasse alle abstrakten Methoden implementieren.

Generische Klasse

- Eine generische Klasse besitzt einen oder mehrere Typparameter, angezeigt durch Typvariablen.
- Die Typparameter k\u00f6nnen als Typen von Feldern sowie Parametern und Ergebnissen von Methoden verwendet werden.
- Bei Verwendung einer generischen Klasse müssen die Typparameter in eckigen Klammeren angegeben werden.
- Beispiel: list ist generische Klasse mit einem Parameter; Verwendung als list[int], list[str] usw.

Deterministicsche endliche Automaten

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Modellierung mit abstrakter, generischer Klasse

Welt &

Eine abstrakte Klasse



```
from abc import ABC, abstractmethod
@dataclass
class State(ABC):
    def next(self, input: int) -> 'State':
        return self
    @abstractmethod
    def output(self) -> str:
        ...
```

Um State zur abstrakten Klasse zu machen...

- Zur Subklasse von abc . ABC (ABC = abstract base class) machen.
- Abstrakte Methoden mit @abstractmethod dekorieren.
- Als Rumpf einer abstrakten Methode dient die Ellipse ..., da unter Umständen kein sinnvoller Code möglich ist.

Deterministi sche endliche Automaten

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Modellierung mit abstrakter, generischer Klasse

Welt &



```
Determinis
```

```
from abc import ABC, abstractmethod
@dataclass
class State[INP,OUT](ABC):
    def next(self, input: INP) -> 'State':
        return self
    @abstractmethod
    def output(self) -> OUT:
        ...
```

 Die Typparameter der Klasse dürfen in den Typannotationen der Methoden verwendet werden. Determinist sche endliche Automaten

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Modellierung mit abstrakter, generischer Klasse

Welt &



FREB

@dataclass

```
class S_Init(State[int,str]):
    def next(self, input: int) -> State[int,str]:
        match input:
        case 5:
        return S_After([5])
    return self
    def output(self) -> str:
        return ""
```

- Erbt von State[int,str]. Dadurch wird INP = int und OUT = str eingesetzt.
- Methodensignaturen werden entsprechend eingesetzt.
- Der restliche Code der Implementierung ändert sich nicht.

Deterministi sche endliche Automaten

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Klassen Modellierung mit abstrakter, generischer Klasse

Welt &



```
Determinis
```

```
def moore_generator[I,0](
          state: State[I, 0], inp: Iterable[I]
        ) -> Iterable[0]:
    yield state.output()
    for x in inp:
        state = state.next(x)
        yield state.output()
```

Basis: die abstrakte Klasse State[I.0].

Determinist sche endliche Automaten

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Modellierung mit abstrakter, generischer Klasse

Welt &



Deterministische

endliche Automaten

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell

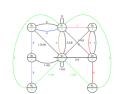
Zusammenfassung & Ausblick

Welt & Modell









Deterministische endliche Automaten

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell









Vor dem Einsatz formaler Modelle (wie Moore-Automaten) müssen die Messwerte/Eingaben interpretiert und in Symbole umgesetzt werden. Die Interpretation und das Modell beeinflussen sich dabei gegenseitig (Beispiel: Würfelseitenerkennung und Automat).

Determinist sche endliche Automaten

Transdukto-

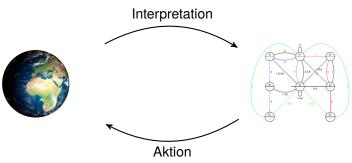
Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell







Vor dem Einsatz formaler Modelle (wie Moore-Automaten) müssen die Messwerte/Eingaben interpretiert und in Symbole umgesetzt werden. Die Interpretation und das Modell beeinflussen sich dabei gegenseitig (Beispiel: Würfelseitenerkennung und Automat).

Determinist sche endliche Automaten

Transdukto-

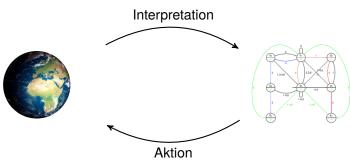
Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Welt & Modell







Vor dem Einsatz formaler Modelle (wie Moore-Automaten) müssen die Messwerte/Eingaben interpretiert und in Symbole umgesetzt werden. Die Interpretation und das Modell beeinflussen sich dabei gegenseitig (Beispiel: Würfelseitenerkennung und Automat).

⇒ Siehe Vorlesung Embedded Systems.

Determinist sche endliche Automaten

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische

Welt &



Zusammenfassung & Ausblick

Deterministische endliche Automaten

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



■ Eine formale Sprache ist eine Menge von Wörtern.

Deterministische endliche Automaten

Transduktoren

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



- Eine formale Sprache ist eine Menge von Wörtern.
- Automaten sind ein einfaches Berechnungsmodell.

Deterministische endliche Automaten

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &



UNI FREIBU

■ Eine formale Sprache ist eine Menge von Wörtern.

Automaten sind ein einfaches Berechnungsmodell.

Sie k\u00f6nnen Sprachen erkennen (Akzeptoren) und \u00fcbersetzen (Transduktoren). Determinist sche endliche Automaten

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt & Modell



sche endliche

Automaten Transduktoren

Automaten

Abstrakte generische Klassen

Welt &

7usammenfassung & Ausblick

Eine formale Sprache ist eine Menge von Wörtern.

Automaten sind ein einfaches Berechnungsmodell.

- Sie können Sprachen erkennen (Akzeptoren) und übersetzen (Transduktoren).
- Determinstische endliche Automaten (DEAs) und Transduktoren (Moore-Automaten) werden zur Beschreibung von eingebetteten Systemen verwendet.

P Thiemann - Info I 52 / 52



Determ

- Eine formale Sprache ist eine Menge von Wörtern.
- Automaten sind ein einfaches Berechnungsmodell.
- Sie k\u00f6nnen Sprachen erkennen (Akzeptoren) und \u00fcbersetzen (Transduktoren).
- Determinstische endliche Automaten (DEAs) und Transduktoren (Moore-Automaten) werden zur Beschreibung von eingebetteten Systemen verwendet.
- Einfache Implementierung.

Determinis sche endliche Automaten

Transdukto-

Modellierung von Automaten

Abstrakte und generische Klassen

Welt &