Informatik I: Einführung in die Programmierung

3. Werte, Typen, Variablen und Ausdrücke



Albert-Ludwigs-Universität Freiburg

Prof. Dr. Peter Thiemann

22. Oktober 2024

Exkursion: Datenrepräsentation

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

- Der Computer repräsentiert Daten als Folgen von Bits.
- Ein Bit (binary digit) ist die kleinste Informationseinheit.
- Zwei mögliche Werte: 0 oder 1
- Technische Realisierung: Schalter ein / Schalter aus bzw. geladen / entladen.
- Logische Interpretation: Wahrheitswerte 0 = falsch, 1 = wahr

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Grundoperationen auf Bits

Logische Operationen

■ Logisches Und: b₁ ∧ b₂

Ergebnis ist 1, falls $b_1 = 1$ und $b_2 = 1$, sonst 0.

 $1 \wedge 1 = 1$, $1 \wedge 0 = 0$, $0 \wedge 1 = 0$, $0 \wedge 0 = 0$

■ Logisches Oder: $b_1 \lor b_2$

Ergebnis ist 1, falls $b_1 = 1$ **oder** $b_2 = 1$, sonst 0.

$$1 \lor 1 = 1$$
, $1 \lor 0 = 1$, $0 \lor 1 = 1$, $0 \lor 0 = 0$

■ Logisches Nicht, Negation, Komplement: ¬b

Ergebnis ist 1, falls b = 0. Ergebnis ist 0, falls b = 1.

$$\neg 1 = 0$$
, $\neg 0 = 1$

- Mit diesen drei Grundoperationen k\u00f6nnen alle m\u00f6glichen Operationen auf Bits definiert werden.
- Die Variablen b, b_1 , b_2 stehen für Bits.

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Jede Operation auf zwei Bits ist durch ihre Wertetabelle bestimmt. Es gibt 16 mögliche Wertetabellen. Die Wertetabelle umfasst vier Bits.

b_1	b ₂	$f(b_1,b_2)$	f ₈	f ₁₁
0	0		0	1
0	1		0	1
1	0		0	0
1	1		1	1

b_1	<i>b</i> ₂	$f(b_1,b_2)$	f ₈	f ₁₁
0	0		0	1
0	1		0	1
1	0		0	0
1	1		1	1

Aufgabe

Schreibe f_8 und f_{11} mit Hilfe von Und, Oder, Nicht.

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Beispiel



Jede Operation auf zwei Bits ist durch ihre Wertetabelle bestimmt. Es gibt 16 mögliche Wertetabellen. Die Wertetabelle umfasst vier Bits.

b_1	b ₂	$f(b_1,b_2)$	f ₈	f ₁₁
0	0		0	1
0	1		0	1
1	0		0	0
1	1		1	1

Aufgabe

Schreibe f_8 und f_{11} mit Hilfe von Und, Oder, Nicht.

Auflösung

$$f_8(b_1, b_2) = b_1 \wedge b_2$$

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Beispiel



Jede Operation auf zwei Bits ist durch ihre Wertetabelle bestimmt. Es gibt 16 mögliche Wertetabellen. Die Wertetabelle umfasst vier Bits.

b_1	b ₂	$f(b_1,b_2)$	f_8	f ₁₁
0	0		0	1
0	1		0	1
1	0		0	0
1	1		1	1

Aufgabe

Schreibe f_8 und f_{11} mit Hilfe von Und, Oder, Nicht.

Auflösung

$$f_8(b_1, b_2) = b_1 \wedge b_2$$

Auflösung

$$f_{11}(b_1,b_2) = (b_1 \wedge b_2) \vee \neg b_1 = \neg b_1 \vee b_2$$

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

- Bechnen mit einem Bit ist zu ineffizient.
- Die meisten klassischen Computer rechnen mit Bitvektoren der Breite 8 (ein Byte auch Octet), 16, 32 oder 64.
- Letztere heißen auch 16-Bit (bzw. 32-Bit, 64-Bit) Worte (bzw. Doppelworte, Quadworte). Daher auch Wortbreite.
- Der Aufbau des Computers (genauer gesagt, des Prozessors) ist auf eine Wortbreite ausgerichtet, die durch Bezeichnungen wie 32-Bit-Architektur bzw. 64-Bit-Architektur zum Ausdruck kommt.

Exkursion: Datenrepräsentation

> Werte und Typen

Variable

- Definiert auf Worten gleicher Breite.
- Wendet die logischen Bit-Operationen auf die entsprechenden Positionen der Argumente an.
- Und: $w_1 \wedge w_2$

Beispiel: $1100 \land 1010 = (1 \land 1)(1 \land 0)(0 \land 1)(0 \land 0) = 1000$

■ Oder: $w_1 \vee w_2$

Beispiel: $1100 \lor 1010 = (1 \lor 1)(1 \lor 0)(0 \lor 1)(0 \lor 0) = 1110$

■ Negation: ¬w

Beispiel: $\neg 10 = (\neg 1)(\neg 0) = 01$

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

variable

- Alle Daten werden im Computer durch Bitvektoren dargestellt
- Die Interpretation des Bitvektors hängt vom angenommenen Typ ab

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Mensch: Dezimalsystem

- Stellenwertsystem mit Basis 10: Zehn Ziffern— 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
- Dezimaldarstellung einer Zahl ist Vektor von Ziffern
- Jede Stelle in der Dezimaldarstellung einer Zahl entspricht einer 10er-Potenz
- Beginnend von rechts mit 10⁰

Beispiel

$$\frac{4711}{10} = \mathbf{4} * 10^3 + \mathbf{7} * 10^2 + \mathbf{1} * 10^1 + \mathbf{1} * 10^0$$
$$= 4000 + 700 + 10 + 1$$
$$= 4711$$

Computer: Dual- oder Binärsystem (Gottfried Wilhelm Leibniz ~1700)

- Stellenwertsystem mit Basis 2: Zwei Ziffern— 0, 1 eine Ziffer = ein Bit!
- Binärdarstellung einer Zahl ist Vektor von Bits
- Jede Stelle in der Binärdarstellung einer Zahl entspricht einer 2er-Potenz
- Beginnend von rechts mit 20

Beispiel

$$\underline{101010}_2 = \mathbf{1} * 2^5 + \mathbf{0} * 2^4 + \mathbf{1} * 2^3 + \mathbf{0} * 2^2 + \mathbf{1} * 2^1 + \mathbf{0} * 2^0
= 32 + 0 + 8 + 0 + 2 + 0
= 42$$

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Programmierer: Hexadezimalsystem

- Stellenwertsystem mit Basis 16 (4 Bit pro Stelle)
 16 Ziffern— 0. 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. a. b. c. d. e. f
- Die Hexadezimaldarstellung ist ein Vektor von Hexadezimalziffern
- Jede Stelle in der Hexdarstellung einer Zahl entspricht einer 16er-Potenz
- Beginnend von rechts mit 16⁰

Beispiel

$$\underline{beef}_{16} = \mathbf{11} * 16^{3} + \mathbf{14} * 16^{2} + \mathbf{14} * 16^{1} + \mathbf{15} * 16^{0}$$
$$= 11 * 4096 + 14 * 256 + 14 * 16 + 15$$
$$= 48879$$

Wertebereiche

N

Welche natürlichen Zahlen lassen sich mit gegebener Wortbreite darstellen?

Wortbreite	Wertebereich
1	0 1
2	0 3
4	0 15
8	0 255
16	0 65.535
32	0 4.294.967.295
64	018.446.744.073.709.551.615
n	0 $2^n - 1$

■ Typischerweise wird die Hälfte des Bereichs für negative Zahlen verwendet

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

N N

- Eingabe: natürliche Zahl n
- Ausgabe: Darstellung von n im Stellenwertsystem mit Basis $B \ge 2$
- Verwende als Ziffern 0, 1, ..., B-1
- Schreibe von rechts nach links in die Ausgabe

Algorithmus

- Berechne $q \leftarrow n//B$ und $r \leftarrow n\%B$ (Quotient und Divisionsrest von n/B).
- 2 Schreibe den Rest *r* links an die Ausgabe.
- Falls $q \neq 0$, weiter bei Punkt 1 mit $n \leftarrow q$.
- Sonst fertig.

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Beispiel: Darstellung in Basis B



Bestimme die Binärdarstellung (B = 2) von n = 42.

■
$$10//2 = 5 \text{ Rest } \mathbf{0}$$

$$2//2 = 1 \text{ Rest } 0$$

$$1//2 = 0 \text{ Rest } 1$$

Fertig, weil
$$q = 0$$
.

- Ergebnis 101010₂
- von unten nach oben abgelesen

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

- Wortbreite 1: 0+0=0; 0+1=1; 1+0=1; 1+1=?
- 1+1=0 mit Übertrag 1

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

- Wortbreite 1: 0+0=0; 0+1=1; 1+0=1; 1+1=?
- 1+1=0 mit Übertrag 1
- Damit weiter wie schriftliche Addition

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

- Wortbreite 1: 0+0=0; 0+1=1; 1+0=1; 1+1=?
- 1+1=0 mit Übertrag 1
- Damit weiter wie schriftliche Addition
- Beispiel: 42 + 6 (in Binärdarstellung: 101010_2 und 110_2)

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

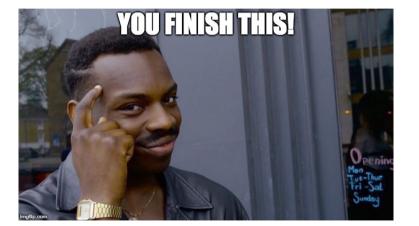
Variable



Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable





Rechnerarithmetik

- Darstellung negativer Zahlen
- Subtraktion
- Multiplikation
- Division
- und Schaltungen dafür

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable



Evkurgion: Datenreprä-

Werte und

Ausdrücke

sentation

Rechnerarithmetik

- Darstellung negativer Zahlen
- Subtraktion
- Multiplikation
- Division
- und Schaltungen dafür

Zum Nachdenken

Definiere Ergebnis und Übertrag der 1-Bit Addition mit Hilfe der Grundoperationen (und. oder. nicht).

Werte und Typen

Exkursion:
Datenrepräsentation
Werte und

Typen

Variable

Datentypen — Syntax und Semantik

Jede Programmiersprache unterstützt verschiedene Datentypen

UNI FREBURG

- Semantik eines Datentyps
 - Menge von Werten und Operationen auf diesen Werten.
- In einem Programmtext müssen wir diese Werte und Operationen als Zeichenketten aufschreiben können.
- Syntax
 - Ein Literal ist die Darstellung eines Wertes.
 - Ein Operationssymbol ist die Darstellung einer Operation.
- Pragmatik
 - Syntax und Semantik entsprechen den üblichen Konventionen bzw. mathematischen Definitionen
 - Konsistenz

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

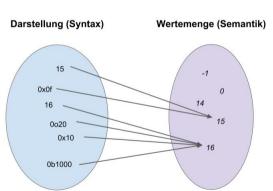
- UNI
- Die ganze Zahl 16 als Wert wird z.B. durch das Literal 16 dargestellt, aber auch durch 0x10 (hexadezimale Darstellung) und 0b10000 (binäre Darstellung).
- Die Zeichenkette (der String) *nuqneH* als Wert wird durch die Literale 'nugneH', "nugneH" und '''nugneH''' dargestellt.
- Die Zahl 0.2 wird durch 0.2 dargestellt, aber auch durch 2.0e-1, 0.02e1, 2000e-4 usw (Exponentialschreibweise 2.0 * 10⁻¹).

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable



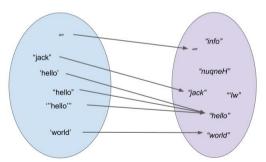


Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Darstellung (Syntax) Wertemenge (Semantik)



Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Werte und Typen

In Python besteht jeder Wert aus zwei Teilen:

Typ Interne Repräsentation des Wertes

- Die interne Repräsentation ist ein Bitvektor, der entsprechend des (Bitvektors des) Typs interpretiert wird.
- Beispiele

16	\leftrightarrow	int	0x10
2.24E44	\leftrightarrow	float	0x10
3.14159	\leftrightarrow	float	0x40490fd0
1078530000	\leftrightarrow	int	0x40490fd0
"hello"	\leftrightarrow	string	0x68656c6c6f00

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

Variable

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

```
spam = 111
print(spam)
```

Eine Zuweisung versieht einen Wert mit einem Namen (Variablennamen, Bezeichner, Identifier). Dazu wird der Bezeichner (spam) auf der linken Seite und ein Ausdruck (111) auf der rechten Seite eines Gleichheitszeichens geschrieben.

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

```
spam = 111
print(spam)
```

- Eine Zuweisung versieht einen Wert mit einem Namen (Variablennamen, Bezeichner, Identifier). Dazu wird der Bezeichner (spam) auf der linken Seite und ein Ausdruck (111) auf der rechten Seite eines Gleichheitszeichens geschrieben.
- Im Beispiel: "Die Variable spam erhält den Wert von 111."

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

Ausdrücke

22. Oktober 2024 P. Thiemann – Info I 28 / 41

```
spam = 111
print(spam)
```

- Eine Zuweisung versieht einen Wert mit einem Namen (Variablennamen, Bezeichner, Identifier). Dazu wird der Bezeichner (spam) auf der linken Seite und ein Ausdruck (111) auf der rechten Seite eines Gleichheitszeichens geschrieben.
- Im Beispiel: "Die Variable spam erhält den Wert von 111."
- Syntax der Zuweisung: Variable = Ausdruck

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

```
spam = 111
print(spam)
```

- Eine Zuweisung versieht einen Wert mit einem Namen (Variablennamen, Bezeichner, Identifier). Dazu wird der Bezeichner (spam) auf der linken Seite und ein Ausdruck (111) auf der rechten Seite eines Gleichheitszeichens geschrieben.
- Im Beispiel: "Die Variable spam erhält den Wert von 111."
- Syntax der Zuweisung: Variable = Ausdruck
- Ausführung durch python3 spam.py

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

Variable und Speicher



Exkursion: Datenrepräsentation Werte und Typen Variable Ausdrücke

Aternal Indren

Image by https://pixabay.com/users/annaer-35513/?utm_source=link-attribution&utm_medium=referral&utm_campaign=image&utm_content=187777Anna from https://pixabay.com//?utm_source=link-attribution&utm_medium=referral&utm_campaign=image

Belegung

 Der Zustand eines Programms wird vollständig durch die Belegung der Variablen mit Werten und den aktuellen Ausführungspunkt beschrieben.

spam-egg.py

```
spam = 123
egg = 'spam'
```

Variablenbelegung nach der Ausführung:

```
Global frame
spam 123
egg "spam"
```

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

N

■ Ein Bezeichner besteht aus Buchstaben, Unterstrichen und Ziffern. Das erste Zeichen darf keine Ziffer sein.

Exkursion: Datenreprä sentation

> Werte und Typen

Variable

 Ein Bezeichner besteht aus Buchstaben, Unterstrichen und Ziffern. Das erste Zeichen darf keine Ziffer sein.

Ok

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

Syntax von Bezeichnern

A N

 Ein Bezeichner besteht aus Buchstaben, Unterstrichen und Ziffern. Das erste Zeichen darf keine Ziffer sein.

Ok

$$Kaltes Wasser = 2$$

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

Syntax von Bezeichnern

N

 Ein Bezeichner besteht aus Buchstaben, Unterstrichen und Ziffern. Das erste Zeichen darf keine Ziffer sein.

Ok

^^^^

SyntaxError: invalid syntax. Perhaps you forgot a comma?

$$2you = 3$$

Exkursion: Datenrepräsentation

туреп

Variable

Syntax von Bezeichnern



Ein Bezeichner besteht aus Buchstaben, Unterstrichen und Ziffern. Das erste Zeichen darf keine Ziffer sein

Ok

.

SyntaxError: invalid syntax. Perhaps you forgot a comma?

$$2you = 3$$

SyntaxError: invalid decimal literal

Evkursion: sentation

Werte und

Variable

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

SyntaxError: invalid syntax

Schlüsselwörter können nicht als Bezeichner benutzt werden:

False	class	finally	is	return
None	continue	for	lambda	try
True	def	from	nonlocal	while
and	del	global	not	with
as	elif	if	or	yield
assert	else	import	pass	
break	except	in	raise	

■ Groß-/Kleinschreibung macht einen Unterschied

```
spam = 3
print(spam)
```

Werte und Typen

Variable

- Variablen sind erst verwendbar, nachdem ihnen ein Wert zugewiesen wurde.
- Groß-/Kleinschreibung macht einen Unterschied

```
spam = 3
print(spam)
```

Ok. Druckt 3.

Exkursion: Datenreprasentation

Werte und Typen

Variable

■ Groß-/Kleinschreibung macht einen Unterschied

```
spam = 3
print(spam)
```

Ok. Druckt 3.

```
egg
```

Exkursion: Datenreprasentation

Werte und Typen

Variable

■ Groß-/Kleinschreibung macht einen Unterschied

```
spam = 3
print(spam)
```

Ok. Druckt 3.

```
egg
```

NameError: name 'egg' is not defined

Exkursion: Datenreprasentation

Werte und Typen

Variable

- Variablen sind erst verwendbar, nachdem ihnen ein Wert zugewiesen wurde.
- Groß-/Kleinschreibung macht einen Unterschied

```
spam = 3
print(spam)
```

Ok. Druckt 3.

```
egg
```

NameError: name 'egg' is not defined

```
Spam
```

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

Variablennutzung vor Zuweisung



- Variablen sind erst verwendbar, nachdem ihnen ein Wert zugewiesen wurde.
- Groß-/Kleinschreibung macht einen Unterschied

```
spam = 3
print(spam)
```

Ok. Druckt 3.

```
egg
```

NameError: name 'egg' is not defined

Spam

NameError: name 'Spam' is not defined. Did you mean: 'spam'?

Exkursion: Datenreprasentation

Werte und Typen

Variable

Ausdrücke

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

UNI

- Wir kennen bereits Operatoren auf Zahlen: +, -, *, ...
- Ausdrücke werden aus Operatoren, Literalen und Variablen zusammengesetzt.
- Die Auswertung eines Ausdrucks liefert einen Wert oder bricht mit einer Fehlermeldung ab:
 - Variable ist nicht definiert
 - Operator ist auf Kombination von Werten nicht definiert (Bsp: 1/0)

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

- UNI FREIBURG
- Die Auswertung eines Ausdrucks beginnt bei den Literalen und Variablen.
- Wenn die Werte der Teilausdrücke vorliegen, wird die durch den Operator bezeichnete Operation auf sie angewendet.
- Bei arithmetischen Ausdrücken gelten die üblichen Präzedenzregeln:
 - zuerst die Klammerung,

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

Operatorpräzedenz (Operatorrangfolge)

- UNI FREBUR
- Die Auswertung eines Ausdrucks beginnt bei den Literalen und Variablen.
- Wenn die Werte der Teilausdrücke vorliegen, wird die durch den Operator bezeichnete Operation auf sie angewendet.
- Bei arithmetischen Ausdrücken gelten die üblichen Präzedenzregeln:
 - zuerst die Klammerung,
 - dann die Exponentiation (rechtsassoziativ!),

Exkursion: Datenreprasentation

Werte und Typen

Variable

Operatorpräzedenz (Operatorrangfolge)

UN FREIBURG

- Die Auswertung eines Ausdrucks beginnt bei den Literalen und Variablen.
- Wenn die Werte der Teilausdrücke vorliegen, wird die durch den Operator bezeichnete Operation auf sie angewendet.
- Bei arithmetischen Ausdrücken gelten die üblichen Präzedenzregeln:
 - zuerst die Klammerung,
 - dann die Exponentiation (rechtsassoziativ!),
 - dann Multiplikation und Division,

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

- UNI FREIBURG
- Die Auswertung eines Ausdrucks beginnt bei den Literalen und Variablen.
- Wenn die Werte der Teilausdrücke vorliegen, wird die durch den Operator bezeichnete Operation auf sie angewendet.
- Bei arithmetischen Ausdrücken gelten die üblichen Präzedenzregeln:
 - zuerst die Klammerung,
 - dann die Exponentiation (rechtsassoziativ!),
 - dann Multiplikation und Division,
 - dann Addition und Subtraktion,

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

Operatorpräzedenz (Operatorrangfolge)

- Wenn die Werte der Teilausdrücke vorliegen, wird die durch den Operator bezeichnete Operation auf sie angewendet.
- Bei arithmetischen Ausdrücken gelten die üblichen Präzedenzregeln:
 - zuerst die Klammerung,
 - dann die Exponentiation (rechtsassoziativ!),
 - dann Multiplikation und Division,
 - dann Addition und Subtraktion,
 - bei gleicher Präzedenz wird von links nach rechts geklammert (linksassoziativ), außer bei Exponentiation

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Ausdrücke

22. Oktober 2024 P. Thiemann – Info I 37 / 41

Werte und Typen

/ariable

```
spam = 3
print (3 * 1 ** spam)
# 3
print ((3 * 1) ** spam)
# 27
print (2 * spam - 1 // 2)
# 6
print (spam ** spam ** spam)
# 7625597484987
print ((spam ** spam) ** spam)
# 19683
```

```
print ('spam' + 'egg')
# spamegg
assert 'spam' + 'egg' == 'spamegg'
```

Strings mit ganzen Zahlen multiplizieren (Python spezifisch)

```
print (3 * 'spam')
# spamspamspam
assert 3 * 'spam' == 'spamspamspam'
print (0 * 'spam')
#
assert 0 * 'spam' == ''
print (-2 * 'spam')
#
assert -2 * 'spam' == ''
```

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

```
spam = 42
egg = spam // 7
print (egg)
# 6
```

■ Erst wird die rechte Seite ausgewertet, dann an die Variable zugewiesen:

```
spam = 42
spam = spam * 2
print (spam)
# 84
```

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

- Ein Datentyp ist bestimmt durch eine Menge von Werten und Operationen auf diesen Werten (Semantik).
- Literale sind die Darstellung von Werten eines Datentyps als Zeichenkette (Syntax).
- Jeder Wert hat einen bestimmten Typ.
- Werte erhalten durch Zuweisung einen Namen (Variable).
- Der Wert einer Variablen kann sich ändern.
- Ausdrücke werden aus Operatoren, Literalen und Variablen gebildet.
- Sie haben einen Wert!
- Eine Zuweisung wertet erst die rechte Seite aus und weist dann den Wert zu!

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

variable