Einführung in die Programmierung

Prof. Dr. Peter Thiemann Marius Weidner, Hannes Saffrich Simon Dorer, Sebastian Klähn Universität Freiburg Institut für Informatik Wintersemester 2024

Übungsblatt 12

Abgabe: Montag, 20.01.2024, 9:00 Uhr

Hinweis: Funktionen mit nur einem Ausdruck

In einigen Aufgaben auf diesem Blatt müssen Sie Funktionen definieren, deren Rumpf aus nur einem einzigen Ausdruck bestehen. Zum Beispiel:

```
def inc(x: int) -> int:
    return x + 1

def prepend[T](xs: list[T], x: T) -> list[T]:
    return [x] + xs
```

Für Funktionen höherer Ordnung verwendet man meist lambda-Funktionen innerhalb des Funktionsrumpfes, da diese in vielen Fällen besser zu lesen sind:

```
def add(x: int) -> Callable[[int], int]:
    return lambda y: x + y
```

Alternativ dürfen Sie aber auch normale Funktionen verwenden:

```
def add(x: int) -> Callable[[int], int]:
    def add_inner(y: int) -> int:
        return x + y
    return add_inner
```

Hinweis: Variablen und lambda-Funktionen

Wie in der Vorlesung erläutert, werden lambda-Funktionen typischerweise ohne Namen verwendet. Vermeiden Sie es daher Variablen eine anonyme Funktion zuzuweisen. Wenn Sie Funktionen mit einem Namen benötigen, greifen Sie stattdessen auf die übliche def-Syntax zurück.

```
# Nicht erlaubt:
inc: Callable[[int], int] = lambda x: x + 1

# Erlaubt:
def inc(x: int) -> int:
    return x + 1

# Auch erlaubt:
def add(x: int) -> Callable[[int], int]:
    return lambda y: x + y
```

Hinweis: n-stellige Funktionen

Eine n-stellige Funktion ist eine Funktion, die n Argumente entgegen nimmt. In den Beispielen oben ist inc eine einstellige und prepend zweistellige Funktion.

Aufgabe 12.1 (Funktionale Programmierung; 6 Punkte; Datei: functional.py) In dieser Aufgabe sollen alle Ihre Funktionsdefinitionen nur einen Ausdruck enthalten. Zudem dürfen Sie keine Komprehensionen benutzen.

(a) only_positive; 2 Punkte

Schreiben Sie eine Funktion only_positive, die eine Liste xs von Ganzzahlen als Argument nimmt und genau dann True zurückgibt, wenn xs keine negativen Zahlen enthält.

```
>>> only_positive([1, 2, 3, 4, 5, -1])
False
>>> only_positive([1, 2, 3, 4])
True
>>> only_positive([])
True
```

(b) sum_even_squares; 2 Punkte

Schreiben Sie eine Funktion sum_even_squares, die eine Liste xs von Ganzzahlen als Argument nimmt und die Summe der Quadratzahlen von jedem geraden Element zurück gibt.

```
>>> sum_even_squares([1, 2, 3, 4, 5, 6])
56
>>> sum_even_squares([2, 3])
4
>>> sum_even_squares([])
0
```

(c) extract_prefixes; 2 Punkte

In real-world Projekten kommt es häufiger vor, dass man komplexe Datentypen auf einfache Werte reduzieren will. In dieser Aufgabe bekommen Sie eine Liste von Tupeln (bool, str). Die Funktion <code>extract_prefixes</code> soll zuerst überprüfen, ob das erste (bool) Argument True ist. Falls ja, soll das Präfix der E-Mail-Adresse (alles bis zum ersten '@') des zweiten Felds extrahiert werden. Schlussendlich soll eine String zurückgegeben werden, der alle extrahierten Prefixe als komma-seperierte Liste enthält.

Tipp: verwenden Sie split, filter und join.

```
>>> extract_prefixes([
... (True, "max@mustermann.de"),
... (False, "franka2001@musterfrau.org"),
... (True, "jürgen@uni-erlangen.edu")
... ])
'max,jürgen'
```

```
>>> extract_prefixes([])
```

Aufgabe 12.2 (Comprehensions; 6 Punkte; Datei: comprehensions.py)

In dieser Aufgabe sollen Sie Komprehensionen schreiben. Ihre Funktionsdefinitionen sollen dabei nur einen Ausdruck enthalten. Verwenden Sie nicht die filter, map oder reduce-Funktionen der Standard-Library.

(a) flatten2D; 2 Punkte

Schreiben Sie eine Funktion flatten2D, die eine Liste von Listen 1s und eine natürliche Zahl n als Argumente nimmt und eine neue Liste zurückgibt, die alle Elemente der inneren Listen von 1s enthält, die mindestens n Elemente haben:

```
>>> flatten2D([], 0)
[]
>>> flatten2D([[], []], 1337)
[]
>>> flatten2D([[1, 2], [3, 4, 5], [], [6, 7, 8, 9]], 3)
[3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
>>> flatten2D([["Hallo", "Welt", "!"], ["HelloWorld"],

\( \to ["Bonjour", "le monde"]], 2)
['Hallo', 'Welt', '!', 'Bonjour', 'le monde']
```

(b) dot_product; 2 Punkte

Schreiben Sie eine Funktion dot_product, die zwei Vektoren a und b (Listen von Gleitkommazahlen) als Argumente nimmt und das Skalarprodukt der beiden Vektoren berechnet. Das Skalarprodukt zweier Vektoren $a,b \in \mathbb{R}^n$ ist wie folgt definiert:

$$\begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \\ \vdots \\ a_n \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \vdots \\ b_n \end{bmatrix} = \sum_{i=1}^n a_i \cdot b_i = a_1 \cdot b_1 + a_2 \cdot b_2 + \dots + a_n \cdot b_n$$

Sie dürfen davon ausgehen, dass die beiden Vektoren a und b gleich lang sind. Vermeiden Sie in Ihrer Implementierung das Erzeugen einer temporären Liste.

```
>>> dot_product([], [])
0
>>> dot_product([-3.3], [4.7])
-15.51
>>> dot_product([1., -2., 3., 4.], [-5., 6., 7., 8.])
36.0
```

(c) filter_map; 2 Punkte

Schreiben Sie eine Funktion filter_map, die zwei Funktionen f und g sowie eine Liste xs als Argumente erhält. Die Funktion soll eine Liste zurückgeben, in der f auf alle Elemente von xs angewendet wird, für die g, angewandt auf

das jeweilige Element, True liefert. Elemente, für die g False zurückgibt, sollen aus der Liste herausgefiltert werden.

```
>>> filter_map(lambda x: -x, lambda x: x < 3, [1, 3, 2, 4])
[-1, -2]
>>> filter_map(lambda x: -x, lambda x: x < 1, [1, 3, 2, 4])
[]
```

Aufgabe 12.3 (Fold; 8 Punkte; Datei: fold.py)

Sie haben Funktionen wie sum oder any kennengelernt. Diese Funktionen haben eins gemeinsam: Sie nehmen ein iterierbares Objekt, wie zum Beispiel eine Liste, und falten dieses zu einem einzelnen Wert zusammen. Wie die Werte zusammengefaltet werden, unterscheidet sich bei sum und any natürlich. Bei beiden kann man aber gleich vorgehen: Man wählt einen Startwert bzw. einen Zählwert und eine zweistellige Funktion. Solange es noch ein Element in der Liste gibt, wird die Funktion auf diesem Element und den Zählwert angewandt und das Ergebnis im Zählwert gemerkt. Gibt es keine Elemente mehr, wird der Zählwert zurückgeben.

Abhängig vom Startwert und der Funktion, kann es einen Unterschied¹ machen, ob man die Liste von links nach rechts (foldl²) oder von rechts nach links (foldr) zusammenfaltet.

Um diese Funktionen zu implementieren, verwenden wir die in der Funktionalen Programmierung übliche Unärbaum-Darstellung für Listen LList[T], die wie folgt definiert ist:

```
@dataclass
class Cons[T]:
    head: T
    tail: 'LList[T]' = None

type LList[T] = Optional[Cons[T]]
```

Leere Listen werden in dieser Darstellung mit None dargestellt. Instanzen von Cons [T] repräsentieren (Sub-) Listen, die aus mindestens einem Element (head) bestehen und zusätzlich einen optionalen Verweis auf auf die nächste Subliste (tail) haben. Die Python-Liste [] wird wird in dieser Darstellung als None, [-42] als Cons (-42) und [1, 2, 3] als Cons (1, Cons (2, Cons (3))) dargestellt.

Betrachten wir nun ein Beispiel für Faltung mit folgenden Werten:

```
>>> f = lambda x, y: x - y
>>> start = 0
>>> xs = Cons(1, Cons(2, Cons(3)))
```

¹Falls **f** eine assoziative und kommutative Operation ist und **start** ein neutrales Element bzgl. dieser Operation ist, berechnen diese Funktionen den gleichen Wert.

²wie reduce aus dem Modul functools

Die Faltungen von links nach rechts und von rechts nach links lassen sich dann wie folgt berechnen:

```
>>> foldr(f, start, xs) == f(1, f(2, f(3, start))) == (1 - (2 - (3 - 0))) == 2
True
>>> foldl(f, start, xs) == f(f(f(start, 1), 2), 3) == (((0 - 1) - 2) - 3) == -6
True
```

(a) foldr; 2 Punkte

Implementieren Sie die Funktion foldr, die eine zweistellige Funktion f, einen Startwert start und eine LList xs als Argumente nimmt, die Liste xs von rechts nach links mithilfe von f zusammenfaltet und das Ergebnis zurückgibt. Sie dürfen keine for- oder while-Schleifen sowie if-Statements benutzen. Lösen Sie die Aufgabe stattdessen mithilfe von Pattern-Matching und Rekursion.

```
>>> foldr(lambda x, _: x, 0, xs)

1
>>> foldr(lambda _, y: y, 0, xs)

0
>>> foldr(lambda x, y: x + y / 2, 0, xs)

2.75
>>> foldr(lambda x, y: [x] + y, [5], xs)

[1, 2, 3, 5]
```

(b) foldl; 2 Punkte

Implementieren Sie die Funktion foldl, die eine zweistellige Funktion f, einen Startwert start und eine LList xs als Argumente nimmt, die Liste xs von links nach rechts mithilfe von f zusammenfaltet und das Ergebnis zurückgibt. Ein halber Punkt wird für die richtige Typannotation mit Typvariablen vergeben. Sie dürfen keine for- oder while-Schleifen sowie if-Statements benutzen. Lösen Sie die Aufgabe stattdessen mithilfe von Pattern-Matching und Rekursion.

```
>>> foldl(lambda x, _: x, 0, xs)
0
>>> foldl(lambda _, y: y, 0, xs)
3
>>> foldl(lambda x, y: x + y / 2, 0, xs)
3.0
>>> foldl(lambda x, y: x + [y], [5], xs)
[5, 1, 2, 3]
```

(c) sum; 2 Punkte

Implementieren Sie die Funktion sum, die eine LList xs von ganzen Zahlen als Argument nimmt und mithilfe von foldr oder foldl die Summe dieser Zahlen berechnet und zurückgibt. Ihre Funktionsdefinition soll dabei aus nur einem Ausdruck bestehen (siehe Hinweis oben).

```
>>> sum(xs)
6
>>> sum(None)
```

(d) any; 2 Punkte

Implementieren Sie die Funktion any, die eine LList xs von Wahrheitswerten als Argument nimmt und mithilfe von foldr oder fold1 berechnet und zurückgibt, ob mindestens ein Wahrheitswert True ist. Ihre Funktionsdefinition soll dabei aus nur einem Ausdruck bestehen (siehe Hinweis oben).

```
>>> any(Cons(False, Cons(False, Cons(True, Cons(False)))))
True
>>> any(None)
False
```

(e) map, filter; 0 Punkte (Knobelaufgabe)

Die Funktion map wendet eine einstellige Funktion auf jedes Element des angegebenen iterierbaren Objekts an und produziert der Reihe nach diese Funktionswerte. Die Funktion filter wendet eine einstellige Funktion auf jedes Element des gegebenen iterierbaren Objekts an und produziert die Elemente, bei denen der Funktionswert wahr ist. Beispielsweise:

```
>>> list(map(lambda x: -x, [1, 2, 3]))
[-1, -2, -3]
>>> list(filter(lambda x: x > 2, [1, 2, 3]))
[3]
```

Die Funktionen map und filter können wir nun auch analog für LList definieren. Diese nehmen jeweils eine einstellige Funktion f und eine LList xs als Argumente. map gibt eine neue LList mit den von f abgebildeten Werten zurück. filter gibt eine neue LList mit den Werten von xs zurück, für die f wahr ist. Schaffen Sie es, die Funktionen jeweils mit einem einzigen Aufruf von foldl oder foldr und ohne Rekursion zu schreiben?

```
>>> map(lambda x: -x, xs)
Cons(head=-1, tail=Cons(head=-2, tail=Cons(head=-3, tail=None)))
>>> map(lambda x: -x, None) # None
>>> filter(lambda x: x > 2, xs)
Cons(head=3, tail=None)
>>> filter(lambda x: x < 0, xs) # None
>>> filter(lambda x: x < 0, None) # None</pre>
```

Aufgabe 12.4 (Erfahrungen; 0 Punkte; Datei: NOTES.md)

Notieren Sie Ihre Erfahrungen mit diesem Übungsblatt (benötigter Zeitaufwand, Probleme, Bezug zur Vorlesung, Interessantes, etc.).

Editieren Sie hierzu die Datei NOTES.md im Abgabeordner dieses Übungsblattes auf unserer Webplatform. Halten Sie sich an das dort vorgegebene Format, da wir den Zeitbedarf mit einem Python-Skript automatisch statistisch auswerten. Die Zeitangabe 7.5 h steht dabei für 7 Stunden 30 Minuten.