الجممورية الجزائرية الديمقراطية الضبية

الديوان الوطني الامتدانات والمسابقات

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

* دورة جوان 2008 *

الشعبة: آداب وفلسفة + لغات أجنبية

المدة :02 سا و 30 د

اختبار في مادة الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول

الترين الأول (6 نقط)

وزارة التربية الوطنية

a = 1428 ، b = 2006 حيث عددان طبيعيان حيث a

9 عين باقي القسمة الإقليدية للعدد a على a

 $b \equiv -1[9]$: بيّن أن

جـ) هل العددان a وَ b متو افقان بتردید p برتر إجابتك .

 $(a+b^2)$ على على $(a+b^2)$ على 9 على 9 على 9 على 9 على 9 على 9

على 3 على $\left(a+b^2\right)$ على 3

التعرين الثاني (5 نقط)

 $u_n = 3n + 1$: کما یلی $\mathbb N$ متتالیة معرفة علی معرفة علی

 $u_2, u_1, u_0 + 1$

. (u_n) بين أن (u_n) حسابية يطلب تعيين أساسها (u_n) عين اتجاه تغير (u_n)

(u_n) ما رتبته λ ما رتبته أن العدد 2008 حدّ من حدود المتتالية

 $S = u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_{669}$: | $A = u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_{669}$

الترين الثالث (9 نقط)

 $f(x) = x^3 - 3x$: كما يلي \mathbb{R} كما على f

. $\left(O; \vec{i}, \vec{j}\right)$ المنحنى الممثل للدالة f في مستو منسوب إلى معلم متعامد متجانس $\left(C_{f}\right)$

. f(-1) , f(-2) | (1)

 $\lim_{x\to +\infty} f(x) \cdot \lim_{x\to -\infty} f(x) \leftarrow 0$ (2)

ب) احسب f'(x) ثم أدرس إشارتها.

- شكّل جدول تغيرات الدالة f.

. f(x)=0 أ) حل في \mathbb{R} المعادلة (3

. استنتج أن المنحنى (C_f) يقطع محور الفواصل في ثلاث نقاط يطلب تعيين إحداثيي كل منها

. 0 المنتقيم المستقيم (Δ) مماس المنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها

الرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى (Δ) ماذا تستنتج

 (Δ) و (C_f) د) ارسم

الموضوع الثاني

التمرين الأول (6 نقط)

$$u_{n+1}=2u_n+1$$
: n متتالية عددية معرفة بحدها الأول $u_1=7$ و من اجل كل عدد طبيعي غير معدوم (u_n)

 u_4 , u_3 , u_2 u_3 (1)

$$v_n = u_n + 1$$
 : كما يأتي عير معدوم n ، نعرف المتتالية (v_n) كما يأتي غير معدوم $(2$

أ - أثبت أن (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها q وحدها الأول v_1

 \cdot n بدلالة u_n بدلالة u_n بدلالة v_n بدلالة v_n

.n بدلالة $S_n = v_1 + v_2 + ... + v_n$ بدلالة -

 $S_n = 1016$ د – عين n علما أن

التمرين الثاني (4 نقط)

.7 على 3 $^{\circ}$, 3° , 3° , 3° , 3° , على 1 – 1

2 _ عين باقي قسمة كل من : 3^{6n} و 3^{6n+4} على 7 حيث n عدد طبيعي غير معدوم. استنتج باقي قسمة 3^{2008} على 7.

3 _ بين أن العدد:

n يقبل القسمة على 7 من أجل كل عدد طبيعي $3 \times 3^{6n+4} - 2 \times 3^{6n} + 4$

التمرين الثالث (10 نقط)

المنحنى (C) المرسوم في الشكل المقابل هو لدالة

(C) معرفة على المجال $[-1,+\infty[$ و (Δ) مماس للمنحنى f عند النقطة التي فاصلتها 2.

خمن نهایه f عند ∞ + ثم بقراءة بیانیة f

 $-1,+\infty$ عين اتجاه تغير f على المجال

f شکل جدول تغیر ات

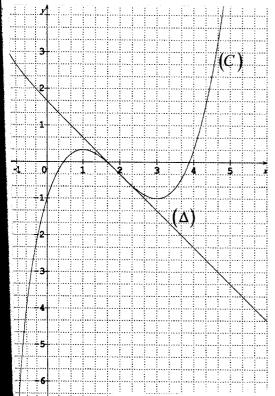
2) من العبارات الأتية:

$$f_2(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x - 1$$
 $f_1(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x + 1$

$$f_3(x) = -\frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x - 1$$

عين العبارة المناسبة للدالة f مبررًا ذلك .

- (3) ادرس تغیرات الدالة f . هل تخمیناتك و قراعتك السابقة صحیحة f
 - (Δ) عين معادلة للمستقيم
 - (C) عين إحداثيي نقطة الانعطاف للمنحنى
- f(x) < -1: x ارسم المستقيم y = -1 ، ثم حل بيانيا المتراجحة ذات المجهول الحقيقي (6
 - y=3x-1 : عين نقطتي تقاطع المنحنى (C) مع المستقيم (D) ذي المعادلة (C)



الإجابة النموذجية و سلم التنقيط المادة :الرياضيات الشعبة : آداب و فلسفة + نغات أجنبية بكالوريا جوان 2008

ة بكالوريا جوان 2008 العلامة		المائل	محاور
المجموع	مجزاة	الموضوع الأول عناصر الإجابة	الموضوع
		التمرين الأول : (06 ن)	لموافقة
	b = 2006, $a = 142$		
		1428 = 9(158) + 6 (i (1)	
	1	$1482 \equiv 6[9]$ أي	
		و منه باقي قسمة a على 9 هو 6	
06		$b - (-1) = 2007 = 9 \times 223 (4)$	
	4	$b - (-1) \equiv 0[9]$ $b \equiv -1[9]$ $b \equiv -1[9]$	
	1	اي $b = -1[9]$ اي $b = -1[9]$ فإن $b = 8$ فإن $b = -1[9]$ و منه باقي قسمة $b = -1[9]$ هو 8	1
	1	بما أن العددين b و a ليس لهما نفس الباقى على b	
	0,5	فإنهما غير متوافقين على 9.	
	0,5	$a+b^2 \equiv 6+(-1)^2[9]$ (i (2)	
	0.5	$a+b^2 \equiv 7[9] \tag{7.2}$	
	0,5	باقي قسمة $a+b^2$ على 9 هو 7 .	1
	0,5	ب) حسب نتيجة السؤال (أ)	
	0,5	$a+b^2=9k+7 \qquad (k\in\mathbb{N})$	
	0,5	=3(3k+2)+1	
	0,5	$=3k+1$ $(k'=3k+2)$ ياقي قسمة $a+b^2$ على 3 هو 1	
	0,5	التمرين الثاني: 05 ن	
			فليدية
		$u_n = 3n + 1$	
	3×0,25	$u_0 = 1$ $u_1 = 4$ $u_2 = 7$ (1	
05	0,5	$u_{n+1} = 3(n+1) + 1 = 3n + 4 \tag{2}$	
	0,5	$u_{n+1} - u_n = (3n+4) - (3n+1) = 3$	
	0,5	. 3 حسابیة أساسها (u_n) اذن	
	0,5	و هي متتالية متزايدة تماما لأن أساسها موجب.	
	0,5	$u_n = 2008 \\ u_{n+1} = 2008 $ (3)	3
	0,3	$u_{n+1} = 2008$ $n = 669$	
	0,5	بما أن 669 عدد طبيعي فإن 2008 حد من المتتالية و رتبته 670.	
		69	
]]

المجمو	مجزأة	عناصر الإجابة	محاور موضوع
		· 6 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	روحوح
		$s = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{669}$	
	0,5	(u_n) مجموع 670 حدا الأولى للمتتالية (u_n)	
	0,5	$s = \frac{670}{2} \left(u_0 + u_{669} \right)$	
		=335(1+2008)	
		$=335 \times 2009$	
	0,25	s= 673015	
		$f(x) = x^3 - 3x$ (09 ن)	دو آل
0,5	2×0,25		
	-		
0,5	0,25 0,25	$\lim_{x \to -\infty} f(x) = \lim_{x \to -\infty} (x^3) = -\infty$ $\lim_{x \to -\infty} f(x) = +\infty$ (i (2)	
	•	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty \tag{1(2)}$	
1	1	$f'(x) = 3x^2 - 3$ فإن $x \in \mathbb{R}$ من اجل كل	
1		f'(x) = 0	
		$3x^2 - 3 = 0$ $f'(x)$ إشارة	
1	0,5 0,25	$(x=1) \mathfrak{I} (x=-1)$	
	0,23	$x \in]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[$ من أجل $f'(x) > 0$	
	0,25	$x \in]-1,1[$ من اجل $f'(x) < 0$	
		(->	
		$x -\infty$ -1 +1 + ∞	
0,5	0.5	f'(x) + 0 - 0 +	
0,0	0,5	f yièi	
		$x^3 - 3x = 0$ axis $f(x) = 0$ (1) (3)	
1	0,25	و منه $x(x^2-3)=0$ اذن	
	0,75	مجموعة الحلول هي : $\{0, -\sqrt{3}, \sqrt{3}\}$	
		ب حلول المعادلة $f(x) = 0$ هي فواصل نقط تقاطع المنحنى C_f) مع	
1,5	0.5	ب) عنول (معدد ٥ = (٨) و عني عود و عند عند و (و) ع	
	0,5×3	محور العواصل . احداثیات النقط هي $(0,0)$, $(0,-\sqrt{3},0)$, $(0,0)$	
	0,75	$y = -3x$ (Δ) asich $(0,0)$, $(0,0)$, $(0,0)$, $(0,0)$, $(0,0)$	
1,5	0,5	$y = -3x (\Delta)$ $f(x) - y$ $f(x) = 0$	
	0,25		
1,5	1,5	$(\Delta) \cdot (C_f)$ (Δ)	••

الإجابة

محاور الموضوع

المتتاليات

الموافقات

الصفحة 4/2

	بكالوريا جوان العلامة	المادة :الرياضيات الشعبة : آداب و فلسفة + لغات أجنبية	موذجية و سلم التنقيط	إجابة النه
المجموع	مجزأة	عناصر الإجابة	الموضوع الثاني	داور رضوع
	3×0,5	L	التمرين الأول : 06 نق	تاليات
	3×0,5	$u_4 = 63$, $u_3 = 31$, $u_2 = 15$	(1	
	2×0,5	$v_1 = 8$ $q = 2$ $v_{n+1} = 2v_n$	(1 (2	
06	2 0,5	$u_n = 8 \times 2^{n-1} - 1$ \mathbf{g} $v_n = 8 \times 2^{n-1}$	('	
	0,25+0,75	$S_n = v_1 \frac{q^n - 1}{q - 1}$	$S_n = 8\left(2^n - 1\right) \ (\ \mathbf{z} $	
	0,5+0,5	$2^n = 128$	n=7 ()	
			التمرين الثاني: 04 نا	افقات
	0,25×5	36,35,34,33 على 7.		
	0,5	1 , 5 , 4, 6 , 2 :		
			$3^6 \equiv 1[7] - 2$	
	0,5		$3^{6n+4} \equiv 4[7]$ g	
04	0,25		باقي قسمة "36 هو 1	
	0,25 0,5	هو 4 د د خ خ خ ع 2008 کا 7 د د 4	و باقي قسمة 3 ⁶ⁿ⁺⁴	
	0,5	و منه با قي قسمة 3 ²⁰⁰⁸ على 7 هو 4		
		$3 \times 3^{6n+4} - 2 \times 3^{6n} + 4 \equiv (3^{6n+4} - 2 \times 3^{6n}) = (3^{6n+4} $		
,	0.05		L 3	
	0,25	. 2 $ imes$ يقبل القسمة على $ imes$ يقبل القسمة على $ imes$	$-2\times3^{6n}+4$) leave	
	0,25	قاط	التمرين الثالث: 10 ن	
	0,25	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$	/ 1	
	0,25	$\begin{bmatrix} -1,1 \end{bmatrix}$	f متزایدة تماما علی	
	0,25		f متناقصة تماما عل	
	0,25		متزایدة تماما علی f	
10	0,5		جدول التغيرات	
	0,5	بة لأن $f\left(0\right)=1$ غير صحيح)	غیر مناسب $f_1(x)/2$	
	0,5	$(x) = -\infty$ الأن $f(x) = -\infty$		
	0,5	1 7 + ∞	$(x) = f_2(x) \text{a.s.}$	
		۔ پر آخر صحیح	ملحظة : يُقبل أي تبر	,
	0,5+0,5	$f(-1) = -\frac{19}{3} \qquad \int_{x \to +\infty} \lim_{x \to +\infty} \frac{1}{x} dx$	$\inf_{x} f(x) = +\infty /3$	
	0,25		م قابلة للاشتقاق على الم	
	0,5		$=x^2-4x+3$	
	0,5	71	اشارتها	4
	0,25		جذول التغيرات	

الصفحة 4/3

بكالوريا جوان 2008 العلامة		النموذجية و سلم التنقيط المادة :الرياضيات الشعبة : آداب و فلسفة + لغات أجنبية	تابع الإجابة
المجموع	مجزأة	عناصر الإجابة	محاور الموضوع
	0,5	تعتبر إجابة التلميذ صحيحة إذا عبرت عن الإنسجام بين قراءته و تخميناته من جهة و بين نتائج دراسة تغيرات الدالة f التي اختارها في السؤال 2 .	
:	0,5+0,5	(الطريقة ثم النتيجة) ($(\Delta): y = -x + \frac{5}{3}$ (4)	
	0,5+0,5	(تقبل الحالتين الممكنتين : هندسيا و تحليليا) $S = [-1;0[$ $/6]$	
	0,25	f''(x) = 2x - 4	
	0,5	f''(x)تنعدم عند 2 و تغیّر اشارتها $f''(x)$	
	0,25		
:	0,5×2	منه C) يقبل ω $\left(2,-rac{1}{3} ight)$ نقطة انعطاف. $B\left(6,17 ight)$ و $A\left(0,-1 ight)$ في نقطتين هما $A\left(0,-1 ight)$ و $A\left(0,-1 ight)$ مع $A\left(0,-1 ight)$ في نقطتين هما $A\left(0,-1 ight)$ و $A\left(0,-1 ight)$	
•			·
:			
; ; ;			
		72	

4/4 3-4-11