## الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: جوان 2009

إلرة التربية الوطنية

حان بكالوريا التعليم الثانوي

معة: آداب و فلسلفة + لغات أجنبية

المدة: ساعتان ونصف

حبار في مادة: الرياضيات

### على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

# الموضوع الأول

# مرين الأول: (06 نقاط)

 $u_2-2u_5=19$  متتالية حسابية معرفة على  $\mathbb{N}^*$  بحدها الأول  $u_1=2$  و بالعلاقة  $(u_n)$ 

 $(u_n)$  أحسب الأساس r للمتتالية الم

ب- أحسب الحد العاشر

n اکتب عبارهٔ  $u_n$  بدلالهٔ (2

(3) بيّن أن العدد (2008) هو حدا من حدود  $(u_n)$ . محدّدا رتبته.

$$S = u_1 + u_2 + \dots + u_{671}$$
 (4)

## تمرين الثاتي: ( 05 نقاط )

a=25 ليكن العدد الطبيعي

a = 1[3] : نحقق ان . 1

على 3 على  $2a^2 + 4$  على 3 القسمة الإقليدية للعدد

$$a^{360} - 5 \equiv 2[3]$$
 : ج – بین أن

2. أ) ادرس ، حسب قيم العدد الطبيعي n، بواقي قسمة العدد "5 على 3

 $5^n + a^2 \equiv 0$ [3] : بعين قيم العدد الطبيعي n بحيث (ب

#### التمرين الثالث: ( 09 نقاط)

$$f(x) = \frac{x-3}{x+1}$$
 :ب  $\mathbb{R} - \{-1\}$  معرفة على  $f$ 

 $(o,ec{i}\,,ec{j}\,)$  تمثیلها البیانی فی مستوی منسوب إلی معلم متعامد و متجانس  $(c_f)$ 

بیّن أن الدالة f تکتب علی الشکل:  $f(x) = 1 + \frac{a}{x+1}$  عدد حقیقی یطلب تعیینه. (1

2) أحسب نهاية الدالة f عند f عند f عند f و f أحسب نهاية الدالة عند f عند النتائج المحصل عليها بيانيا.

f'(x) أحسب f'(x) ثم شكّل جدول تغيرات

.3 اكتب معادلة للمماس ( $\Delta$ ) للمنحنى ( $C_f$ ) عند النقطة التي فاصلتها (4

5) عيّن إحداثيي نقط تقاطع المنحنى  $(c_f)$  مع حاملي محور الإحداثيات

 $(c_f)$  أرسم كلا من  $(\Delta)$  و  $(\delta)$ 

## الموضوع الثاني

## التمرين الأول: (08 نقاط)

 $f(x) = -2 + \frac{3}{2}$  نتكن f دالة عديية معرفة على المجال  $f(x) = -2 + \frac{3}{2}$  بينة معرفة على المجال

- كل سؤال من الأسئلة الخمسة التالية يتضمن إجابة واحدة صحيحة، تعرف عليها، مع التبرير.

m1) يمكن كتابة الدالة f على الشكل:

3) 
$$f(x) = \frac{-2x-7}{x-2}$$
 2)  $f(x) = \frac{-2x+7}{x-2}$  1)  $f(x) = \frac{7+2x}{x-2}$ 

2) 
$$f(x) = \frac{-2x+7}{x-2}$$

1) 
$$f(x) = \frac{7+2x}{x-2}$$

f'(x) المشتقة الدالة f على المجال  $\infty$  ,  $+\infty$  وعبارتها (x) هي:

3) 
$$f'(x) = \frac{-3}{(x-2)^2}$$
 2)  $f'(x) = \frac{-2}{(x-2)^2}$  1)  $f'(x) = \frac{3}{(x-2)^2}$ 

2) 
$$f'(x) = \frac{-2}{(x-2)^2}$$

1) 
$$f'(x) = \frac{3}{(x-2)^2}$$

 $(+\infty)$  عند  $(+\infty)$  هي:

$$-2$$

$$3) -2$$
  $2) +3$ 

$$1) + \infty$$

س 4) المنحنى  $(c_r)$  يقبل مستقيما مقاربا معادلته هي:

3) 
$$y = 2$$
 2)  $x = 3$  1)  $x = 2$ 

1) 
$$x = 2$$

 $x_0=3$  المنحنى ( $c_f$ ) يقبل مماسا عند النقطة ذات الفاصلة المنحنى المنحنى المنحنى

3) 
$$y = 3x - 10$$

3) 
$$y = 3x - 10$$
 2)  $y + 3x - 10 = 0$  1)  $y = -\frac{1}{3}x + 10$ 

$$1) y = -\frac{1}{3}x + 10$$

## التمرين الثاني: (07 نقاط)

متتالیة هندسیة معرفة علی  $\mathbb{N}$  و أساسها موجب.

 $u_5 = 576$  و  $u_3 = 144$  أن:  $u_0$  إذا علمت أن:  $u_3 = 576$  و  $u_3 = 144$ 

 $u_n = 18 \times 2^n$ : محقق أنه من أجل كل عدد طبيعي -2

 $S_n = 1134$  : ميث: n المجموع:  $n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ ، ثم استنتج قيمة العدد الطبيعي n حيث: -3

## التمرين الثالث: (05) نقاط)

1°) أدرس تبعا لقيم العدد الطبيعي n بواقى القسمة الإقليدية للعدد  $7^n$  على 9.

2°) عين باقى القسمة الإقليدية للعدد:

$$9$$
 على  $\left(1429^{2009} + 2008^{1430}\right)$ 

3 ) بيّن أن العدد A حيث:

n يقبل القسمة على 9 من أجل كل عدد طبيعي  $A = 7^{3n} + 7^{3n+1} + 7^{3n+2} + 6$ 

العلامة		عناصر الاجابة	
المجموع	مجزأة	الموضوع الأول	وضوع
		التمرين الأول:	
	1	$(2+5)-2(2+45)=19$ معناه $u_2-2u_5=19$ (*) (1	
	0.75	$u_{10} = -25$ و منه: $u_{10} = u_1 + 9.r$ (ب $u_{10} = u_1 + 9.r$ (عبارة $u_n$ بدلالة $u_n$	
	1.25	$u_n = 5 - 3n$ ومنه: $u_n = u_1 + (n-1)r$ ومنه: $u_n = u_1 + (n-1)r$ (3) إثبات أن العدد (2008-) هو حدا من حدود	
	1.25	$(u_n)$ بيت بن العقد (2008-) هو كذا من كدود (3 $n = 2018$ و منه: $2013 = 3n = 2018$	
06	0.5	$u_{671} = -2008$ $S = u_1 + u_2 + \dots + u_{671} : (4)$	
	1.25	$S = \frac{671}{2}(u_1 + u_{671}) = 671 \times (-1003)$ = - 673013	
	0.5	التمرين الثاني: 1. أ) [3] a≡1[3] ب) باقي قسمة العدد 4 + 2a² على 3 هو 0	وافقات
05	1 1.5 1	$a^{360} - 5 = 2[3]$ (ج) $a^{360} - 5 = 2[3]$ (ج) 2. أ) بواقي قسمة $5^{2k+1}$ ، $5^{2k}$ على 3 هي 1 ، 2 على الترتيب $n = 2k + 1$ (ب)	

العلامة		عناصر الإجابة	
المجمو	مجزأة	الموضوع الأول	محاور لموضوع
09	0.5 4×0.5	$a = -4 \cdot f(x) = \frac{x-3}{x+1} $ $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 1 , \lim_{x \to -\infty} f(x) = 1$ $\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty, \lim_{x \to -1} f(x) = -\infty $ $\lim_{x \to -1} f(x) = +\infty, \lim_{x \to -1} f(x) = -\infty $ (2)	
	2×0.5	التفسير البياني: المنحنى $(c_f)$ يقبل مستقيمين مقاربين معادلتهما: $ x = -1  ,  y = 1 $ $ f'(x) = \frac{4}{(x+1)^2} : f'(x) $ حساب (3<)	
	2×0.5	$x - \infty$ $-1$ $3 + \infty$ $f(x)$ $+$ $+$ $f(x)$ $1$ $+ \infty$ $-\infty$ $1$ $+ \infty$ $+$	
	1	$y=\frac{1}{4}(x-3)$ هي: $y=\frac{1}{4}(x-3)$ هي: (4) هي:	
	2×0.5	B(0,-3), A(3,0) (5	
	1+0.5	$(c_f)$ و $(c_f)$ یسم ( $\Delta$ ) رسم ( $\Delta$ )	
08		الموضوع الثاني	
	1+0.5	التمرين الأول: $f(x) = \frac{-2x+7}{x-2} \qquad (1)$	
	1+0.5	$f'(x) = \frac{-3}{(x-2)^2}$ (2	
	1+0.5	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = -2  (3)$	
	1+0.5	x=2 المستقيم المقارب معادلته: $x=2$	
	2	y + 3x - 10 = 0   Mandim Material (5)	
	1	التمرين الثاني: $(q>0)$ $u_5=u_3q^2$ (1) $q>0$ و منه $q=2$	
		$ u_0 = 18 $	

العلامة		الإجابه و سلم التتقيط مادة: الرياضيات الشعبه: اداب وقلسفه + لغاد عناصر الإجابة	
المجموع	مجزأة	الموضوع الثاني	محاور <b>لموض</b> وع
	1+0.75	$u_n = u_1 \times q^n = 18 \times 2^n : n$ عبارة $u_n$ بدلالة $u_n = u_1 \times q^n = 18 \times 2^n : n$ عبارة (2	···········
		: $n$ حساب المجموع بدلالة $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$	
	1+0.75	$= u_0 \times \frac{2^{n+1} - 1}{2 - 1} = 18(2^{n+1} - 1)$	
07	0.5	$S_n = 1134$ استتناج قیمه $n$ بحیث $S_n = 1134$	
	01	$2^{n+1} = 64$ معناه $S_n = 1134$ $n = 5$	
		التمرين الثالث:	
		<ol> <li>دراسة بواقي "7 على 9</li> </ol>	
	4×0.25		
		k من أجل كل عدد طبيعي $k$	
	0.5+0.5	$7^{3k+2} \equiv 4[9]$ , $7^{3k+1} \equiv 7[9]$ , $7^{3k} \equiv 1[9]$	
		$9$ تعيين باقي قسمة العدد : $\left(1429^{2009} + 2008^{1430} ight)$ على و	
05	0.75	$ \lim_{k \to \infty} \begin{cases} 1429^{2009} \equiv 7^{3k+2} [9] \\ 1429^{2009} \equiv 4[9] \end{cases} $	
	0.5	2008 ≡ 1[9] و منه 1[9] ≡ 2008 ≡ 1[9]	
	0.5	$1429^{2009} + 2008^{1430} \equiv 5[9]$ ينن	
		$A = 7^{3n} + 7^{3n+1} + 7^{3n+2} + 6$ : $A = 7^{3n} + 7^{3n+1} + 7^{3n+2} + 6$ (3)	
		. $\mathbb N$ من القسم على $9$ من أجل كل عدد $n$ من	
	0.5	$A = 18[9]$ $\theta = (1+4+7+6)[9]$	
	0.5	$A \equiv 0[9]$	
	0.25	الآن $A$ يقبل القسمة على 9	