الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: جوان 2011

وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعب(ة): آداب وفلسفة ، لغات أجنبية

المدة: ساعتان ونصف

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين الموضوع الأول

التمرين الأول: (06 نقاط)

b=2124 و a=619 عنتبر العددين الطبيعيين a و b حيث: a=619

1. بيّن أنّ العددين a و b متوافقان بترديد c . 1

2. أ) بيّن أنّ: [5] - = 2124.

- ستنتج باقي القسمة الإقليدية لكلّ من العددين 2124⁷²⁰ و 619⁷²¹ على 5.
 - $-2124^{2n} \equiv 1[5]$ فإنّ: $[5] \equiv n$ عدد طبیعی من أجل كلّ عدد طبیعی
 - د) عين قيم العدد الطبيعي n حتّى يكون: $n = 124^{4n} + 619^{4n+1} + n = 0$ د) عين قيم العدد الطبيعي n



التمرين الثاني: (06 نقاط)

 $u_0 + u_3 = 28$ بحيث: $u_0 + u_3 = 28$ بحيث: $u_0 + u_3 = 28$ بحيث: $u_0 + u_3 = 28$

- . n بدلالة u_n الحد العام u_n بدلالة 1
 - . $S_1 = u_0 + u_1 + \dots + u_9$: 2.
- . $v_n = 1 5n$ بحدّها العام: $v_n = 1 5n$ بحدّها العام:
- 1. بيّن أنّ (v_n) متتالية حسابية يطلب تعيين أساسها ثمّ استنتج اتجاه تغيّرها.
 - . $S_2 = v_0 + v_1 + \dots + v_9$: Lewey large 2.
- $k_n=1+3^n-5n$: بعتبر المتتالية $\binom{k_n}{k_n}$ المعرّفة على $\binom{k_n}{k_n}$ المعرّفة على $\binom{k_n}{k_n}$ المعرّفة على $\binom{k_n}{k_n}$ المعرّفة $\binom{k_n}{k_n}$ المعرّفة على $\binom{k_n}{k_n}$ المعرّفة على $\binom{k_n}{k_n}$ المعرّفة على $\binom{k_n}{k_n}$

التمرين الثالث: (88 نقاط)

 $f(x) = \frac{x+2}{x-2}$ المعرفة على $]2;+\infty[$ بالعبارة: $f(x) = \frac{x+2}{x-2}$

- $(O;\vec{i},\vec{j})$ التّمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس (C)
- 1. احسب نهایات الدالة f عند الأطراف المفتوحة لمجموعة تعریفها، ثمّ استنتج أنّ (C) یقبل مستقیمین مقاربین یطلب تعیین معادلة لکل منهما.
 - 2. احسب f'(x) ثمّ ادرس إشارتها.
 - 3. شكّل جدول تغيّرات الدالة f.
 - 4. عين إحداثيات نقط تقاطع المنحنى (C) مع محوري الإحداثيات.
- 5. اكتب معادلة لــ (Δ) مماس المنحنى (C) عند النقطة ذات الفاصلة 4 .
 - 6. أنشئ (a) و (C).



الموضوع الثاني

التمرين الأول: (06 نقاط)

ه ، a و c أعداد صحيحة بحيث باقي القسمة الإقليدية للعدد a على c هو c ، باقي القسمة c ، d و d ، و d على d هو d . الإقليدية للعدد d على d هو d .

 a^2-b^2 ، a imes b : عيّن باقي القسمة الإقايدية على 7 لكلّ من العددين a^2-b^2 ، a imes b

ر البت أنّه من أجل كل عدد طبيعي $c^{2n} \equiv 1$: n عدد طبيعي (أ -2) أثبت أنّه من أجل كل عدد طبيعي

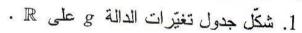
ب) تحقق أنّ [7] 6 ≡ 48 ثم استنتج باقي القسمة الإقليدية لكل من العددين: و معملاً

48²⁰¹⁰ و 48²⁰¹¹ على 7.



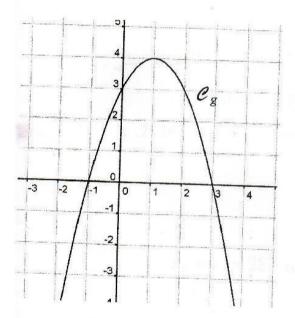
التمرين الثاني: (08 نقاط)

أ) في الشكل المقابل، Q_g هو التمثيل البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس للدالة g المعرقة على $g(x) = -x^2 + 2x + 3$ بالعبارة: $g(x) = -x^2 + 2x + 3$ بوراءة بيانية:



 \mathbb{R} عين حسب قيم x إشارة g(x) على g(x)

ب) لتكن الدالة f المعرقة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = \frac{1}{2}x^3 - x^2 - 3x + 3$



 $\left(O;ec{i}\,,ec{j}\,
ight)$ التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس \mathcal{C}_f

 \cdot R على f'(x) على f'(x) = -g(x) على 1.

 $-\infty$ عند ∞ + و عند ∞ -.

f (3) ، f (-1) د ثمّ شكّل جدول تغيّرات الدالة f

. 5. بيّن أنّه يوجد مماستان للمنحنى \mathcal{C}_f معامل توجيه كلّ منهما يساوي 4.

 e_f و e_g و و تقاطع المنحنيين \mathbb{R} و المعادلة: f(x) = g(x) ثم استنتج احداثيات نقط تقاطع المنحنيين \mathbb{R}

التمرين الثالث: (06 نقاط)

 $v_n = 3^{-2n}$ و $u_n = -2n$ المتتاليتان العدديتان المعرّفتان على \mathbb{N} بحدّيهما العام: $u_n = -2n$ و u_n عيّن في كلّ حالة من الحالات الخمس في الجدول أدناه الاقتراح الصحيح من بين الاقتراحات الثلاث مع التعليل.

اقتراح 3	اقتراح 2	اقتراح 1	المالين. أن يد الأعلام المعالم فيطاله المعالم	
لا حسابية ولا هندسية	حسابية	هندسية	هي متتالية (u_n)	1
-88	-92	-90	الحد الخامس والأربعون للمتتالية (u_n) يساوي	2
$-n^2-1$	$-n^2-n$	n^2+1	المجموع $u_0 + u_1 + \dots + u_n$ يساوي	3
<u>-9</u>	9	$\frac{1}{9}$	هي متتالية هندسية أساسها (v_n)	4
ليست رتيبة	متناقصة	متزايدة	(v_n) المتتالية	



الشعبة/السلك (*): آداب وفلسفة + لغات أجنبية المدة: 02 سا و 30د

اختيار مادة: الرياضيات

العلامة		21.00		
مجموع	مجزأة	عاصر الإجابة المساول المامة المساولات المساولا		
	4.00	ع الموضوع الأول المالي		
		لتمرين الأول: (6 نقاط)		
	2×0.5	b-a=1505 (1 ومنه a و a متوافقان بتردید 5 $b-a=1505$ (1		
	2×0.5	2124+1≡0[5] (أ (2 ومنه [5] = -1[5] ومنه 2124=1		
6	2×0.5	ب) [5] 1 = 12124 ⁷²⁰ إذن الباقي المطلوب هو: 1		
	2×0.5	ومنه الباقي هو: 4 $-1[5]$ أو $[5] = 4[5]$ ومنه الباقي هو: 4		
	2×0.5	ج) [5] اي: [2124 ²ⁿ = 1] أي: [2124 ²ⁿ اي: [2124 ²ⁿ زوجي		
	-	$n \equiv 0[5]$: $1+4+n \equiv 0[5]$ معناه $2124^{4n}+619^{4n+1}+n \equiv 0[5]$ (د)		
	2×0.5	ومنه: $n=5k$ حیث: $k\in\mathbb{N}$		
		لتمرين الثاني: (6 نقاط)		
	4×0.25	$u_0 = 1$ ابن $u_0 = 28$ ابن $u_3 = 27u_0$ ابن $u_3 = u_0 q^3$.1 (آ		
	2×0.25	$u_n = 3^n$ و منه $u_n = u_0 q^n$ عبارة الحد العام $u_n = u_0 q^n$		
	0.5+0.5	$S_1 = \frac{3^{10} - 1}{2} = 29524$ و منه $S_1 = \frac{1 - q^{10}}{1 - q}$.2		
6	0.25+0.5	ب) 1. (V_n) متثالیهٔ حسابیهٔ لأن: 5 $-v_n = -V_n = -5$ اساسها 5		
	0.5	ب) 1. (v_n) متثالیهٔ حسابیهٔ لأن: 5 $-v_n = -V$ ، أساسها 5 $-v_n = -V$. الاستثناج : متناقصهٔ تماما لأن الأساس سالب		
	2×0.5	$S_2 = -215$ و منه $S_2 = \frac{10}{2}(V_0 + V_9)$,2		
	2×0.5	$ S = S_1 + S_2 $ $ K_n = u_n + v_n $ $ (E $		
	0.25	$S = -215 + \frac{1}{2}(3^{10} - 1) = 29309$		
		الدراسة الجزائري www.eddirasa.com		

اجنبيه	اختبار مادة: الرياضيات الشعبه: اداب وقلسفه + نعات
The Date Line	ين الثالث : (8 نقاط)
0.5 +0.5	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 1 \cdot \lim_{x \to +\infty} f(x) = 1$. Ilim $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 1$.
0.5 +0.5	
2×0.25	
0.5+1	المشتقة : $f'(x) = \frac{-4}{(x-2)^2}$ الإشارة 0 < $f'(x)$
Bearing in the	
8	x -∞ 2 +∞
0.5	4515 eac
0.5	$f(x)$ + ∞
121	The state of the s
Section Lines	
2×0.5	
The state of the s	 التقاطع مع المحاور : (1,-1) م و (2,0) B (−2,0) التقاطع مع المحاور : (1,0) م المحاور : (1,0)
2×0.5	y = -x + 7 أي $y = f'(4)(x - 4) + f(4)$: (Δ) أي $y = -x + 7$ معادلة المماس (Δ) أي
1+0.5). إنشاء (۵) و (C) · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
and the last	
A T	£490
	المراسة المزائري
- 81	www.eddirasa.com
	- 1/2 E - 1/2 C - 1/2
A 1 (2.9)	And a second of the second of
	(1) - 2 - 2 - 2 - 2 15 - 2 - 115 - 2 - 10°C
The same	A = 20, 20, 2 - 2 20 20 20

مة	العلا	HE STATE OF THE ST	14
مجموع	مجزاة	عناصر الإجابة	54.
3.15	9-10	الموضوع الثاني	5%
			لتمرين الأول: (06 نقط)
			$ab \equiv 5[7]$ (1) الباقي
	3×0.5	0: الباقي هو $a^2 - b^2 \equiv 0[7]$ $a^2 = 2[7]$	
	1.5	منه: $[7] = c^{2n} \equiv (-1)^{2n}$ و بالتالي: $[7] = c^{2n}$	• c ≡ -1[7]
6	USD		
	J5E	منه: [7] ≡ "48² إذن [7] ≡ 48²° وبالتالي:	ب) 48 = 6[7] و
	4×0.5		48 ²⁰¹¹ = 6[7]
	150.81		التمرين الثاني: (08 نقط
	de li	ALCO SALL AND ALCO SALL SALL SALL SALL SALL SALL SALL SAL	أ. 1. جدول التغيرا
	-	$x \rightarrow \infty$	+00
	0.5	g'(x) + 0 - $g(x)$ 4	
	Mai	8(4)	
	0.5	1 + 3 -	- () - 121 2
8		. [1; 3] و سالبة على]∞+ ; 3] ∪[3 ; +∞[2. إشارة (g(x): أي: موجية على
	2×0.5	$f'(x) = x^2 - 2x - 3$	$3 = -g(x) \cdot 1 \cdot u$
	0.5	$\cdots \cdots \xrightarrow{* -1 -3 x} f'(x) $	استنتاج إشار
	240 5	لبة على [3; 1-] و موجبة على]∞+; 3] ∪[3; -∞[Charles and the second of the second
	2×0.5	$ \lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty \lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty $	2. النهايات : œ
	2×0.5	f(3)=-6 g	$f(-1) = \frac{14}{3} \cdot 3$
			3
13.74		x -∞ -1 3 f'(x) + -	+00
	1	$f(x)$ $\frac{14}{3}$. #+00

ALCOHOL: N	4601	
#	2×0.5	4. المماسان : $f'(x) = 5$ تعني $x^2 - 2x - 8 = 0$ تعني $f'(x) = 5$ المماسان : $x' = -2$ ومنه يوجد مماسان لـ $x' = -2$
	.0.5	$x(\frac{1}{3}x^2-5)=0$: أي: $x(\frac{1}{3}x^2-5)=0$ ومنه: $f(x)=g(x)$ ومنه:
	THIS H	$x = -\sqrt{15} dx = \sqrt{15} dx = 0$
		إذن الإحداثيات: (3 ; 0)، (15×2+12+ ; 15√2)، (15×2-21- ; 15×-)
		التمرين الثالث:(06 نقط) - التمرين الثالث:(06 نقط) - التمرين الثالث:(10 نقط) - التمرين الثالث:(1
6	1	$U_{n+1} - U_n = -2$. الاقتراح 2: (U_n) متثالية حسابية لأن: 1
	- 1	2. الاقتراح 3: الحد الخامس والأربعون للمتتألية (U_n) هو: $U_{44} = -2(44) = -88$
	0.5+1	$S = \frac{n+1}{2}(0-2n) = -n^2 - n$: $V = -n^2 - n$
	1	$V_{n+1} = 3^{-2} = \frac{1}{9}$ لأن: $\frac{1}{9}$ الاقتراح 1: (V_n) متثالية هندسية أساسها $\frac{1}{9}$
	0.5+1	$V_{n+1}-V_n=-\frac{8}{9}3^{-2n}<0$ الاقتراح 2: (V_n) متتالیة متناقصة لأن 2: 100 متتالیة متناقصة الأن 3: 0
	430	£340 N/A

