الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

الدورة الاستثنائية: 2017



وزارة التربية الوطنية

امتحان شهادة البكالوريا

الشعبة: الآداب والفلسفة، لغات أجنبية

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 02 سا و30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

التمرين الأول: (06 نقاط)

- 1) أ) عين باقي القسمة الإقليدية لكل من الأعداد 4، 4^3 و 4^3 على 9.
 - \cdot 4³ⁿ \equiv 1[9]، \cdot 1 عدد طبیعی من أجّل كل عدد طبیعی بيّن أنّ: من أجل كل عدد طبیعی
 - $4^{3n+1} \equiv 4[9]$ ، ستنتج أنّ: من أجل كل عدد طبيعي أبّ
 - $.2020^{1438} = 4[9]$ تحقّق أنّ: (2
- .9 بيّن أنّ العدد $\left(2020^{1438} 2017^2 + 1995\right)$ يقبل القسمة على 9.

التمرين الثاني: (06 نقاط)

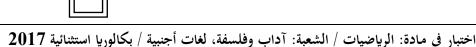
 \cdot r المعرّفة على $\mathbb N$ بحدها الأول u_n و أساسها

- . $u_3 + u_5 = 20$ احسب الحد u_4 علما أنّ (1
- . $2u_4 u_5 = 7$: قام الحد u_5 علما الحد (2
 - u_0 استنتج قیمة r و احسب (3
- $u_n=3n-2$ ، n عدد طبیعی (4
- $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$: المجموع المجموع الطبيعي المجموع (5
 - . $S_n = 33$: حيث العدد الطبيعي (6

التمرين الثالث: (08 نقاط)

. عدد حقیقی $f(x)=-2+\frac{a}{x+3}$ بـ: $\mathbb{R}-\left\{-3\right\}$ عدد حقیقی و نعتبر الداله $f(x)=-2+\frac{a}{x+3}$

 (C_f) . وليكن وراي تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد المتجانس وليكن



- . (C_f) إلى المنحنى A(-2;5) النقطة a حتى تنتمي النقطة a إلى المنحنى (I
 - . a=7: نضع في كل ما يلي (II
 - $f(x) = \frac{-2x+1}{x+3}$ ، $\mathbb{R} \{-3\}$ من $f(x) = \frac{-2x+1}{x+3}$ ، $\mathbb{R} \{-3\}$ من أجل كل
- احسب النهايات الآتية : $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x\to -3} f(x)$ ، $\lim_{x\to -3} f(x)$ ، $\lim_{x\to -\infty} f(x)$ احسب النهايات الآتية (2
 - . (C_f) المستقيمين المقاربين للمنحنى
 - . f أحسب (f'(x) ثم استنتج اتجاه تغير الدالة
 - f شكّل جدول تغيرات الدالة f
 - . $-\frac{7}{4}$ واصل النّقط من المنحنى (C_f) التي يكون عندها معامل توجيه المماس يساوي (C_f)
 - . جد إحداثيي نقطتي تقاطع المنحنى (C_f) مع حاملي محوري الإحداثيات ($\mathbf{6}$
 - (C_f) ارسم المستقيمين المقاربين و المنحنى (7

الموضوع الثانى

التمرين الأول: (06 نقاط)

 $.b \equiv -1[13]$ و $a \equiv 14[13]$ و عددان صحیحان حیث: $a \equiv a$

. الترتيب القسمة الإقليدية للعددين a و b على a الترتيب (1a و 1a الترتيب) بيّن أنّ باقي القسمة الإقليدية للعددين a

. 13 على a-b و a-b على 13 على 13 على 14 و a-b و a-b على 13 على 14 و a-b

 $a^{1438} + b^{2017}$ بيّن أنّ العدد $a^{1438} + b^{2017}$ يقبل القسمة على (2

. $b^{2017} + n + 1438 \equiv 0$ [13]: ميّن الأعداد الطبيعية n بحيث (3

التمرين الثاني: (06 نقاط)

في كل حالة من الحالات الأربع الآتية اقتُرحت ثلاث إجابات، واحدة فقط منها صحيحة، يطلب تحديدها مع التعليل.

1) الحد السّادس لمتتالية حسابية أساسها 3 وحدها الأول 1 هو:

-11 (\div -14 (\div -17 (\dagger

2) مجموع 100 حد الأولى لمتتالية هندسية حدّها الأول هو 1 وأساسها 3 هو:

$$\frac{3^{100}-1}{2}$$
 (\Rightarrow $\frac{1-3^{100}}{2}$ (\Rightarrow $\frac{3^{101}-1}{2}$ (\uparrow

c = 4x ، b = 6x - 3 ، a = 2x + 2: x عدد حقیقی (3

$$x = \frac{3}{4} \quad (\Rightarrow \qquad x = 0 \qquad (\Rightarrow \qquad x = \frac{4}{3} \quad (\uparrow)$$

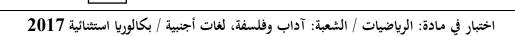
 $u_{n+1} = \frac{1}{2} u_n + 1$ ، n ومن أجل كل عدد طبيعي $u_0 = 1 : u_0 = 1$ المعرّفة ب $u_n = 1$ المعرّفة ب $u_n = 1$ المعرّفة ب $u_n = 1$ المعرّفة بعد طبيعي $u_n = 1$ المعرّفة بعد طبيعي عبد المعرّفة بعد المعرّفة بعد

أ) حسابية أساسها 1 ب) هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ جسابية و X هندسية.

التمرين الثالث: (08 نقاط)

 $f(x) = -x^3 - 3x^2 + 4$ به المعرّفة على \mathbb{R} بعتبر الدالة f المعرّفة على

 $(O; \vec{i}, \vec{j})$ التّمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (C_f)



- $\lim_{x\to+\infty} f(x) \cdot \lim_{x\to-\infty} f(x) \leftarrow (1$
- (C_f) تحقّق أنّ: من أجل كل عدد حقيقي x ، x عدد حقيقي أنّ : من أجل كل عدد حقيقي x ، x عدد الله عدد عقيقي (2) مع حاملي محوري الإحداثيات .
 - درس اتجاه تغیر الدالهٔ f ثم شکّل جدول تغیّراتها.
 - .(-1;2) المِيّن أنّ (C_f) يقبل نقطة انعطاف (E_f) بيّن أنّ (C_f) .
 - $\cdot E$ اكتب معادلة للمماس (Δ) للمنحني (C_f) في النقطة (Δ
 - $oldsymbol{(C_f)}$ و (Δ) ارسم ($oldsymbol{\delta}$

الموضوع الأول

العلامة						
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة				
	التمرين الأول: (06ن)					
	3×0.50	$4^3 \equiv 1$ $[9]$ ، ، $4^2 \equiv 7$ $[9]$ $4^1 \equiv 4$ $[9]$ القسمة الاقليدية الاقليدية (1) الماء أي القسمة الاقليدية الاقليدية (1) الماء أي القسمة الاقليدية (1) الماء أي الماء ا				
03.00	0.50	$4^{3n}\equiv 1$ [9]: n عدد طبیعي تبیان أنه من أجل كل عدد طبیعي تبیان أنه من أجل كل عدد البیعي				
	01.00	$4^{3n+1} \equiv 4[9]:n$ جـ) استنتاج أنه من أجل كل عدد طبيعي $n=4^{3n+1}$				
01.50	1.50	$2020^{1438} = 2020^{3(479)+1} \equiv 4^{3(479)+1} [9] \equiv 4[9]$ التحقق أن				
01.50	1.50	3) [9] ≡ 9[9] = 4-1² + 6[9] على 9 يقبل القسمة على 9 يقبل القسمة على 9 يقبل القسمة على 9				
		ين الثاني : (06 <i>ن</i>)	التمر			
01.00	01.00	$u_4 = 10$ (1)				
00.50	00.50	$u_5 = 13$ (2)				
01.00	0.50	r=3 (3				
	0.50	$u_0 = -2$				
01.00	01.00	$u_n=3n-2$ ، التحقق أنّ: من أجل كل عدد طبيعي (4)				
01.00	01.00	$S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n = \frac{(n+1)(3n-4)}{2}$: (5)				
	0.50	$3n^2 - n - 70 = 0$ يعني $S_n = 33$ يعني $S_n = 33$ يعني $S_n = 33$ (6				
01.50	0.50	$\Delta = 841 = 29^2$				
	0.50	$n=5$ الحل $-\frac{14}{3}$ مرفوض ومنه				
	مرين الثالث: (08 نقاط)					
0.50	0.50	$a=7$: a تعيين العدد الحقيقي (1 $\alpha=7$				
0.50	0.50	$f(x) = rac{-2x+1}{x+3}$ ، $\mathbb{R} - \{-3\}$ من $f(x) = rac{-2x+1}{x+3}$ ، $\mathbb{R} - \{-3\}$ من أجل كل $f(x) = \frac{-2x+1}{x+3}$ ، $f(x) = \frac{-2x+1}{x+3}$.	П			
	4×0.25	$\lim_{\substack{x \to -3 \\ x \to -3}} f(x) = +\infty, \lim_{\substack{x \to -\infty \\ x \to -3}} f(x) = -\infty, \lim_{\substack{x \to -\infty \\ x \to -\infty}} f(x) = -2, \lim_{\substack{x \to +\infty \\ x \to -\infty}} f(x) = -2$ (2)				
02.00	2×0.50	y=-2 , $x=-3$: الاستنتاج معادلتي المستقيمين المقاربين للمنحنى هما				
01.00	0.50	$f'(x) = \frac{-7}{(x+3)^2} $ (3				
	0.50	$]-3;+\infty$ و $[g]-\infty;-3$ الدالة $[g]$ متناقصة تماما على المجالين $[g]$				

2	ﺎﺋﻴﻪ: 017	الإجابة النموذجية لموضوع امتحان مادة: الرياضيات/الشعبة: آداب وفلسفة لغات اجنبية/ بكالوريا استثنا
		. f شكّل جدول تغيرات الدالة f
0.50	0.50	$ \begin{array}{c cccc} x & -\infty & -3 & +\infty \\ f'(x) & - & - \\ \hline f(x) & -2 & +\infty \\ \hline & -\infty & -2 \end{array} $
01.00	01	-5 ; -1 :فواصل نقط المنحنى (C) التي يكون فيها معامل توجيه المماس يساوي -5 هي: -5 ; -5
01.00	2×0.50	$(C_f) \cap (y'y) = \left\{ B(0; \frac{1}{3}) \right\} (C_f) \cap (x'x) = \left\{ A(\frac{1}{2}; 0) \right\} $ (6)
	01	$\cdot(C_f)$ رسم المنحنى (7
01.50		
	0.50	رسم المقاربين
	Ċ	

	الموضوع الثاني				
	التمرين الأول: (06 نقاط)				
	0.5	a = I[13] ومنه $a = I[13]$ ومنه $a = 14[13]$	(1)		
01.00	0.5	b = 12[13] و $b = -1[13]$ و $b = -1[13]$			
	0.50	$a+b\equiv 0[13]$ الاستنتاج (13)	ب		
02.00	0.50	$a-b \equiv 2[13]$			
	01.00	$2a + b^2 \equiv 3[13]$			
01.50	1.50	$a^{1438}+b^{2017}$ ين أنّ العدد $a^{1438}+b^{2017}$ يقبل القسمة على	بي (2		
01.50	1.50	$n=13k+6$ $k\in\mathbb{N}$ ميين الأعداد الطبيعية n	ت (3		
		ن الثاني: (06 نقاط)	التمرير		
01.50	0.5	1) -الاجابة الصحيحة هي ب)	l		
01.30	01	$u_6 = u_1 + 5r = 1 + 5(-3) = -14$ التبرير			
	0.50	2) -الاجابة الصحيحة هي جـ)	2		
01.50		$S = 1 \times \frac{3^{100} - 1}{3 - 1} = \frac{3^{100} - 1}{2}$ التبرير –			
	01				
	0.50	3) - الاجابة الصحيحة هي أ)	3		
01.50	01	$x=rac{4}{3}$ اذن $(2x+2)+(4x)=2(6x-3)$ اذن $x:x=-1$			
	0.50	ر (4 الاجابة الصحيحة هي ج)	1		
	0.30	$u_{n+1}=u_n+1$ ، n عندما تكون حسابية أساسها 1 يكون : من اجل كل عدد طبيعي n			
01.50		1			
	01	$u_{n+1}=rac{1}{2}u_n$ ، n عندما تكون هندسية أساسها $rac{1}{2}$ يكون : من اجل كل عدد طبيعي			
		(يمكن حساب حدود ثلاثة حدود متتابعة من المتتالية و التحقق انها لا حسابية ولا هندسية)			
	1	ن الثالث: (08 نقاط)	التمرير		
01.00	0.50×2	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = -\infty \lim_{x \to -\infty} f(x) = +\infty (1)$	l		
	01	$f(x) = (-x+1)(x+2)^2$ ، التحقّق أنّ: من أجل كل عدد حقيقي x	2		
01.75	0.05.2				
	0.25x3	$(C_f) \cap (y'y) = \{C(0;4)\} \text{o} (C_f) \cap (x'x) = \{A(-2;0); B(1;0)\}$			
	0.50	f'(x) = -3x(x+2) (3	3		
	0.50	اشارة المشتقة			
	0.25	$[0;+\infty[$ و $]-\infty;-2]$ الدالة f متناقصة تماما على المجالين			
	0.25	ومتزايدة تماما على المجال $\left[-2;0 \right]$			

الإجابة النموذجية لموضوع امتحان مادة: الرياضيات/الشعبة: آداب وفلسفة لغات اجنبية/ بكالوريا استثنائية: 2017

		تشكيل جدول التغيرات
02.50	01	$x -\infty -2 0 +\infty$
02.30		f'(x) $ 0$ $+$ 0 $ 0$ $+$ 0 $ 0$ $+$ 0 $ 0$ $+$ 0 $ 0$ $ 0$ 0 0 0 0 0 0 0 0 0
		$f(x)$ 0 $-\infty$
		$\cdot (-1;2)$ يقبل نقطة انعطاف E إحداثياتها (C_f) تبيين أنّ (C_f)
	0.25	f''(x) = -6x - 6 لدينا
0.75	0.25	الدالة المشتقة الثانية f'' تنعدم عند -1 و تغير إشارتها
		إذن $(-1;2)$ إحداثيات نقطة الانعطاف
	0.25	
0.50	0.25	: معادلة للمماس $y = f'(-1)(x+1) + f(-1)$ لدينا
0.30	0.25	$y = y \cdot (-1)(x+1)+y \cdot (-1)$ این $y = 3x+5$ این
	0.50	$(\Delta) \cdot y = 3\lambda + 3 \cdot $ ارسم المماس (Δ) رسم المماس (Δ)
	0.30	
		5)
		3
01.50		2
		-4 -3 -2 -1 0 2 3
		-1 0 2 3
		-2
	01	(C_f) المنحنى