



دورة: 2019

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية وزارة التربية الوطنية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: آداب وفلسفة، لغات أجنبية

الحتبار في مادة: الرياضيات المدة: 02 سا و30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

التمرين الأول: (06 نقاط)

b = 2969 و a = 2019 و طعددان طبیعیان حیث: a = a = 2019

.7 عيّن باقي القسمة الاقليدية لكل من العددين a و dعلى a

ب) استنتج أن العددين a و a متوافقان بترديد a

 $9a + b \equiv 0[7]$ بيّن أنّ: (2

 $2^{2969} imes a^{2969}$ على 1a=-1 تحقق أنّ: a=-1 ثم استنتج باقي القسمة الاقليدية للعدد a=-1

. $b^n + an + 2 \equiv 0$ [7] عيّن قيم العدد الطبيعي n حيث (4

التمرين الثاني: (06 نقاط)

 $u_n = \frac{2}{5}n - 1$:ب \mathbb{N}^* بنالیة عددیة معرفة علی (u_n)

 u_1 بيّن أنّ المتتالية (u_n) حسابية أساسها $\frac{2}{5}$ يطلب حساب حدها الأول (1

2) عين رتبة الحد الذي قيمته 575.

 $S = u_1 + u_2 + \dots + u_{1440}$: حيث $S = u_1 + u_2 + \dots + u_{1440}$ احسب قيمة المجموع

. $v_n = 4^{5u_n+6}$: كما يلي \mathbb{N}^* كما المتتالية المعرفة على (v_n) (4

. v_1 هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول (v_n)

 $S_n = v_1 + v_2 + ... + v_n$: المجموع المجموع (ب

التمرين الثالث: (08 نقاط)

. عدد حقیقی، $f(x) = a - \frac{1}{x+2}$ بـ: $\mathbb{R} - \{-2\}$ عدد حقیقی f (I



اختبار في مادة: الرياضيات // الشعبة: آداب وفلسفة، لغات أجنبية / بكالوريا 2019

- . $(O; \vec{i}, \vec{j})$ المتعامد و المتجانس إلى المعلم المتعامد و المتجانس (C_f)
- . $\frac{1}{2}$ عيّن قيمة a حتى يقطع المنحنى (C_f) حامل محور التراتيب في النقطة ذات الترتيبة a
 - II) نضع a=1 نضع
 - $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ ثم $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ و (1)
 - ب) فسر النتائج المحصل عليها بيانيا.
 - .]-2 ; $+\infty$ [و] $-\infty$; -2[و] $-\infty$; -2 و] $-\infty$) أ) بيّن أن الدالة f متزايدة تماما على كل من المجالين f .
- (C_f) عيّن إحداثيي A نقطة تقاطع المستقيمين المقاربين، ثم بيّن أنها مركز تناظر للمنحنى (3
 - . 0 الماصلة (C_f) المنحنى (Δ) الماصلة (Δ) اكتب معادلة للمماس
 - . (C_f) ثمّ المنحنى (Δ) أحسب والمماس (Δ) ثمّ المنحنى المستقيمين المقاربين والمماس (Δ) أحسب
 - $1 \le \frac{1}{x+2}$ التالية: x = 1 التالية: (6

انتهى الموضوع الأول



الموضوع الثانى

التمرين الأول: (06 نقاط)

b = 1441 ، a = 2019 و d العددان الطبيعيان حيث a

- **1**] : تحقق أنّ (1 [17] . 13 ـ **1**
- متوافقان بترديد 17، ثمّ استنتج باقي القسمة الإقليدية للعدد b على 17. a : a أنّ a : a
 - . $3a^2 \times b^2 + 14 \equiv 0$ [17] تمّ استنتج أنّ $a \times b \equiv -1$ [17] بيّن أنّ (3
 - 4) أدرس تبعا لقيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية للعدد 13^n على 17.
 - . $2019^{1954} + 169^{2n} + 1441^{2969} 13 \equiv 0[17]$: بيّن أنّ (5
 - $n + 1954^{1962} + 16 \equiv 0[17]$ عيّن قيم العدد الطبيعي n التي تحقق: (6

التمرين الثاني: (06 نقاط)

. r المتتالية الحسابية التي حدها الأول u_0 و أساسها

- . u_1 عيّن ، $u_0 + u_1 + u_2 = 6$: عيّن (1
- (u_n) عين الحد الأول u_0 ، ثم استنتج قيمة $u_0 3u_1 = -10$ عين الحد (2 عين الحد الأول علم النتالية u_0
 - n اكتب عبارة الحد العام u_n بدلالة عبارة الحد
 - $u_n = 2018$ عيّن قيمة n حتى يكون (4
 - (u_n) أحسب الحد الخامس عشر للمتتالية
 - $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$: غيث $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$ أحسب بدلالة n المجموع (5
 - $S_n = 96$: عيّن العدد الطبيعي n حتى يكون (6

التمرين الثالث: (08 نقاط)

 $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 5$: ب \mathbb{R} بالدالة العددية المعرفة على الدالة العددية العددية

- $(O; ec{i} \ , ec{j} \)$ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس (C_f)
- (f الدالة المشتقة الأولى للدالة f). \mathbb{R} على على الدالة المشتقة الأولى للدالة f (f) احسب (f) و f0 ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة ولم تغيرات الدالة الدالة ولم تغيرات الدالة الدالة الدالة ولم تغيرات الدالة الدالة الدالة الدالة الدالة الدا



اختبار في مادة: الرياضيات // الشعبة: آداب وفلسفة، لغات أجنبية / بكالوريا 2019

- - . بين نقط تقاطع المنحنى $\left(C_{f}
 ight)$ مع حامل محور الفواصل
- بيّن أنّ المنحنى $\binom{C_f}{2}$ يقبل نقطة انعطاف A فاصلتها $\binom{1}{2}$ ثم أكتب معادلة لـ $\binom{1}{2}$ مماس المنحنى $\binom{C_f}{2}$ عند النقطة $\binom{C_f}{2}$ عند النقطة $\binom{C_f}{2}$
 - . (C_f) والمنحنى (T) انشئ المماس ($\mathbf{5}$
 - . $f(x) \ge 0$: حل بيانيا المتراجحة (6

انتهى الموضوع الثاني

العلامة		/ 1 km - 1 \ 7 1 \mathred 1 \ - 1 \					
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)					
التمرين الأول: (06 نقاط)							
		اً - تعيين باقي قسمة a و b على a :					
	2×0.75	$b \equiv 1[7] \qquad a \equiv 3[7]$					
02.5	2×0.5	$a-3b\equiv 0[7]$. ومنه: $a\equiv 3b[7]$					
01	+0.5	$9a + b \equiv 0$ [7] تبیان أن (2					
	0.5	$2a \equiv -1$ التحقق أن $[7]$ التحقق أن					
1.5	0.5	استنتاج باقی قسمة $a^{2969} imes a^{2969}$ علی 7. الباقی هو 6.					
01	0.5.5	تعيين قيم العدد الطبيعي n بحيث: $[7]$					
	+0.25	$b^{-} + a.n + 2 = 0$ [7] بکینی قیم العدد الطبیعي $n = -1$ ومنه: $n = -1$					
	0.5	$n = -1[7] \cdot 3n + 3 = 0[7]$ $[n = 7k + 6; k \in \mathbb{N}]$					
		وبالتالي: أو					
	0.25	$n=7k-1$; $\mathbf{k} \in \mathbb{N}^*$					
التمرين الثانى: (06 نقاط)							
03	1+1	(تقبل أي طريقة صحيحة $r=rac{2}{5}$ تبيان أن المتتالية (u_n) حسابية أساسها $r=rac{2}{5}$					
	+0.5	$u_1 = \frac{-3}{5}$:حدها الأول					
	0.5	$u_1 - \frac{1}{5}$					
4.05	2×0.5	2) تعيين رتبة الحد الذي قيمته 575.					
1.25	0.25	ومنه: $n=1440$ وبالتالي الرتبة هي $n=1440$					
	×0.25	S = S =					
0.5	×0.25 2	$S = 413568 \qquad S = \frac{1440}{2} (u_1 + u_{1440})$					
	0.25	(v_n) هندسية (v_n) هندسية					
01.25	2×0.25	الاساس 16 والحد الأول 64					
01.20	×0.25 2	$S_n = v_1 + v_2 + + v_n = \frac{64}{15} (16^n - 1)$ ب- حساب المجموع					

العلامة					
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)			
نمرين الثالث: (08 نقاط)					
0.5	2×0.25	$a=1$ ومنه: $f(0)=\frac{1}{2}$.			
02.5	0.5×4	$\lim_{x \to -\infty} f(x) = 1 \cdot \lim_{x \to -2} f(x) = +\infty \cdot \lim_{x \to -2} f(x) = -\infty -1$ $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 1$			
	2×0.25	y=1 ب- للمنحنى م.م. مواز لـ (xx') معادلته $x=-2$ و م.م. مواز لـ (yy') معادلته			
1.5	2×0.5	$f'(x) > 0$ $f'(x) = \frac{1}{(x+2)^2} - 1$ (2)			
	0.5	ب- جدول التغيرات.			
	0.25	A(-2;1) إحداثيي نقطة تقاطع المستقيمين المقاربين: (3			
0.5	0.25	$\cdot \left(C_f ight)$ مرکز تناظر للمنحنی A			
0.5	0.5	(Δ): $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{2}$:معادلة المماس (4			
02	0.5	f(-1)=0 (5			
	2×0.5	- رسم المقاربين والمماس (T)			
	0.5	$\left(C_{f} ight)$ رسم المنحنى $-$			
0.5	0.5	$S =]-2;-1]$ ، $f(x) \le 0$ معناه $1 \le \frac{1}{x+2}$ (6			

العلامة			
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)	
		تمرين الأول : (06 نقاط)	11
01	01	$a\equiv 13[17]$: التحقق أنّ	1
01.5	01	بيان أنّ $a:b$ و b متوافقان بترديد $a:a$	2
	0.5	$b \equiv 13[17]$	
01.5	0.75	$a imes b \equiv -1$ [17] ومنه $a imes b \equiv 16$ ومنه $a imes b \equiv 169$ [17] (2	3
	0.75	$3a^2 \times b^2 + 14 \equiv 0$ [17] ومنه $a^2 \times b^2 \equiv 1$ [17]	
01	0.5×2	·) دور بواقي القسمة هو 4 والبواقي هي : 1; 13; 16و 4	
0.5	0.25	$13^{1954} + (-1)^{2n} + 13^{2969} - 13 = 16 + 1 + 13 - 13[17]$ ومنه	5
	0.25	$2019^{1954} + 169^{2n} + 1441^{2969} - 13 = 0[17]$	_
0.5	0.25	يكافئ $n+1+16\equiv 0$ ومنه $n+1954^{1962}+16\equiv 0$ ومنه $n+1+16\equiv 0$	6
	0.25	$n = 17k / k \in \mathbb{N}$	tı
Λ1	01	تمرين الثاني : (06 نقاط) 2	_
01	01	$u_1 = 2 \qquad ($	_
02	2×1	$r = 4 \cdot u_0 = -2 \qquad (2)$	
01	01	$u_n = 4n - 2 \qquad (3)$	3
01	2×0.5	$u_{14} = 54$ (\Rightarrow $n = 505$ (\uparrow (\uparrow	4
0.5	0.5	$S_n = 2n^2 - 2 \qquad (8)$	5
0.5	0.5	$n=7$ يعني $n^2-49=0$ يعني $2n^2-2=96$ (6
		تمرين الثالث : (08 نقاط)	1
2	1×2	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty \text{i} \lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty $	1
	01.5	$f'(x) = 6x^2 + 6x$ (1)	2
03.5	0.5	f'(x) اشارة	
	3x0.5	ب) حساب القيمتين وتشكيل جدول التغيرات	
01	240.5	رًا) التحقق	3
01	2×0.5	ب) تعيين نقطة التقاطع مع حامل محور الفواصل	
	×0.25	,) – نقطة الإنعطاف	4
0.5	2	· - معادلة المماس	
0.75	×0.25	$\left(C_{f}^{} ight)$ انشاء المماس والمنحنى ($C_{f}^{}$	5
0.25	0.25	ا) حل المتراجحة	 6
		ا) کل المتراجحه	U