الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: جوان 2012

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعب: آداب وفلسفة + لغات أجنبية

المدة: ساعتان ونصف

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين الموضوع الأول

التمرين الأول: (06 نقاط)

اذكر في كل حالة من الحالات الآتية إن كانت العبارة المقترحة صحيحة أو خاطئة مع التّعليل.

n و n على 3 هو 3. n على 3 هو 5. n على 3 هو 5. n

 $(2012 = 3 \times 670 + 2)$ على 7 هو 4. (الحظ أن: $2 + 670 \times 6 = 2012$).

.10 هو 11 على 11 على 11 هو n=2 على 11 هو 10 معدد صحيح حيث : n=2 القسمة الإقليدية للعدد n=2

 $g(x) = \frac{2x+1}{x+1}$: بالعبارة $g(x) = \frac{2x+1}{x+1}$ الدالة المعرفة على المجال $g(x) = \frac{2x+1}{x+1}$

. $\left(O; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}\right)$ التمثيل البياني للدالة g في مستو منسوب إلى معلم البياني للدالة

 $A\left(\frac{1}{2},\frac{4}{3}\right)$ يشمل النقطة $\left(C_{g}\right)$ (أ

. -2 يقبل مماسا معامل توجيهه يساوي (C_{p}) المنحنى

التمرين الثاني: (06 نقاط)

a+b+c=9 : شلاثة حدود متتابعة لمتتالية حسابية متزايدة أساسها c ، b ، a

c و a بدلالة b بدلالة b احسب.

 $a \times c = -16$: إن علمًا أن ب

 \cdot c و a شم استنتج r و r

. 5 ساسها $u_0 = -2$ و أساسها $u_0 = 0$.2

n بدلالة u_n بدلالة أ) عبر عن الحدّ العام

 $S = u_0 + u_1 + \dots + u_{15}$: ب) احسب ثم استنتج المجموع (ب

 $8\ v_{_n}-u_{_n}=0$: بالعلاقة : معرفة على متتالية عددية معرفة على .3

 $S' = v_0 + v_1 + \dots + v_{15} : e^{-1}$

التمرين الثالث: (08 نقاط)

 $f(x) = -x^3 + 3x^2 - 4$ نعتبر الدّالة $f(x) = -x^3 + 3x^2 - 4$ بالعبارة:

. $\left(O;\vec{i}\,,\vec{j}\,\right)$ تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $\left(C\,\right)$

- 1. احسب نهایة الدالة f عند ∞ وعند $\infty+$.
- (f الدالة المشتقة للدالة f') . الدالة المشتقة الدالة f'(x) . 2
 - f شكّل جدول تغيّرات الدالة f
- . 1 في النقطة ذات الفاصلة (C) المماس للمنحنى (C)

$$f(x) - (3x - 5) = -(x - 1)^3$$
 : x عدد حقیقی عدد عن أجل كل عدد عن أجل كل عدد عن أبين أنّه من أجل كل عدد عن أبين أنّه من أجل كل عدد عقبة x

- ج) ادرس الوضع النسبي للمنحني (C) و المستقيم
- . (C) قمّ أنشئ المماس (Δ) و المنحنى f(-1)

الموضوع الثانى

التمرين الأول: (06 نقاط)

$$a-b\equiv 5igl[11igr]$$
 و $a+b\equiv 7igl[11igr]$: و عددان طبیعیان بحیث a

. 11 عيّن باقي القسمة الإقليدية للعدد a^2-b^2 على العدد 11 .1

$$b\equiv 1[11]$$
 و $a\equiv 6[11]$ ثم استنتج أنّ: $a\equiv 6[11]$ و $a\equiv 1[11]$ و $a\equiv 1[11]$

$$a^5 \equiv -1[11]$$
: أنْ : 2

$$a^{10k} \equiv 1[11] : k$$
 عدد طبیعي (ب

$$2012 = 10 \times 201 + 2$$
 : نأ تحقّق أنّ : 3

. 11 عين باقى القسمة الإقليدية للعدد a^{2012} على العدد (ب

التمرين الثاني: (06 نقاط)

. $u_{\scriptscriptstyle 3}=7$ و $u_{\scriptscriptstyle 1}$ متتالية حسابية متزايدة ، أساسها r ، حدّها الأول $u_{\scriptscriptstyle n}$

$$T_2 = u_2 \times u_4$$
 و $T_1 = u_1 \times u_5$: الجدائين r الجدائين : 1.1

$$T_2 - T_1 = 27$$
 : بين الأساس r بحيث بين الأساس

r = 3 نضع 2

 \cdot ، u_n بدلالة الحدّ العام u_n بدلالة

$$S_n=u_1+u_2+\cdots+u_n$$
 : غير معدوم غير عدد طبيعي n غير عدد عدد عبي (ب
$$S_n=\frac{3n^2-n}{2}$$
 : بيّن أنّ

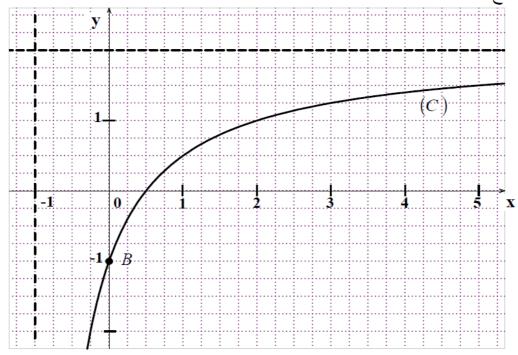
- $S_n = 145$: بحيث n بحيث ج) جد العدد الطبيعي
- . n بدلالة العدد الطبيعى u_{n+5} اكتب الحدّ

$$\frac{u_{n+5}}{n} = 3 + \frac{13}{n}$$
 : غير معدوم غير عدد طبيعي عدد طبيعي عدد طبيعي ب غير معدوم

. التي $\frac{u_{n+5}}{n}$ التي يكون من أجلها العدد n طبيعيا طبيعيا (ج

التمرين الثالث: (08 نقاط)

ورد الدالة المعرّفة على المجال a عدد حقيقي. a عدد حقيقي. f الدالة المعرّفة على المجال a عدد a عدد حقيقي. a الدالة المعرّفة على المجال a المعام المتعامد والمتجانس a المعام المعام المتعامد والمتجانس a المعام المعام



a=3 : اعتمادا على التمثيل البياني (C) بيّن أنّ

2. أ) احسب النهايتين f(x) و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ قمّ فسر النتيجتين هندسيا.

(f الدالة المشتقة للدالة f').]-1; + ∞ [على f على الدالة المشتقة للدالة المشتقة الدالة f'(x)

 $f'(x) = \frac{3}{4}$: المعادلة : -1; +∞[المجال 3.3]

 $y = \frac{3}{4}x - 1$: ب) مستقیم معادلته (D) (ب

. (D) المستقيم (Δ) المماس للمنحنى (C) المماس للمنحنى (Δ) المستقيم

 $f(x) \ge 0$ أمّ حلّ بيانيا المتراجحة $f\left(\frac{1}{2}\right)$ على .4

دورة: جوان 2012

المدة: ساعتان و نصف

ُ الإجابة النموذجية وسلم التنقيط لموضوع امتحان/ مسابقة: البكالوريا

الشعبة/السلك (*): آداب وفلسفة+لغات أجنبية

اختبار مادة: الرياضيات

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	الإجابة
		الموضوع الأول
		التمرين الأول : (06 نقاط)
	0.5	1. خاطئة
	0.75	د الباقي هو 2. $n=3(n'+1)+2$
	0.5	2. صحيحة
	0.75	$2^{2012} \equiv 4[7]$ و $2^{2012} \equiv 2^{2012} \equiv 2^{2012} \equiv 2^{2012}$ عندند $2^3 \equiv 1[7]$ و $2^{2012} = 2^{3 \times 670 + 2}$
	0.5	3. صحيحة
	075	$2n^2 - 9 \equiv 10[11]$ ومنه $2n^2 - 9 \equiv -1[11]$
	0.5	4.أ) صحيحة
06	0.5	$g\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{4}{3}$
	0.5	ب) خاطئة
	0.75	$g'(x) = \frac{1}{(x+1)^2} > 0$
		التمرين الثاني: (06 نقاط)
	2×025+0.5	$c = 3 + r$ g $a = 3 - r$ g $b = 3$ (i.1)
	2×025+0.5	ب) $r^2 = 25$ ، الحلول : $r = 5$ و $r = 5$
	2×0.25	r=-5 مرفوض ومنه $r=5$ مقبول
0.6	2×0.25	c = 8 $a = -2$
06	0.5+0.25	$\dots u_n = -2 + 5n u_n = u_0 + nr (5.2)$
	0.5	$u_{15} = 73$ (ب
	0.5+0.25	$S = 568$ ومنه $S = \frac{16}{2}(u_0 + u_{15})$
	05+05	$S' = \frac{1}{8}S$.3
458	74	
L.		

صفحة ... 1... / ... 4...

الشعبة/السلك (*): آداب وفلسفة+لغات أجنبية

اختبار مادة: الرياضيات

		التمرين الثالث: (08 نقاط)
	2×0.5	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = -\infty \lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty .1$
	1	$f'(x) = -3x^2 + 6x \cdot 2$
	0.5	الإشارة:
		$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
		f'(x) - 0 + 0 -
	1	3. جدول التغيّر ات
		$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
		$f(x)$ $+\infty$ 0
		-4
8	0.25	y = f'(1)(x-1) + f(1) (1.4)
	0.75	$(\Delta): y = 3x - 5$
	0.5	
	0.5	$ -(x-1)^3 = -x^3 + 3x^2 - 3x + 1 $
	0,75	ج) الوضعية:
		$x < 1$ فوق المستقيم (Δ) إذا كان (C)
		$x>1$ تحت المستقيم (Δ) إذا كان (C)
		$x=1$ إذا كان (C) يقطع المستقيم (Δ)
	0.25	f(-1) = 0.5
	1+05	رسم $(C)_{\mathfrak{g}}$ (Δ) رسم

الشعبة/السلك (*): آداب وفلسفة+لغات أجنبية

اختبار مادة: الرياضيات

		الموضوع الثاني
		التمرين الأول : (06 نقاط)
	2×0.5	$a^2 - b^2 \equiv 2[11]$ ومنه $a^2 - b^2 \equiv 35[11]$ ومنه (1.1)
	2×0.5	ب) بالطرح $2b \equiv 2[11]$ ومنه $b \equiv 1[11]$ ومنه
	3×0.5	$a \equiv 6[11]$ ومنه $2a \equiv 1[11]$ ومنه $2a \equiv 12[11]$
	0.5	$a^5 \equiv -1[11]$ (أ.2) أي $a^5 \equiv 10[11]$
6	1	$a^{10k} \equiv 1[11]$ (ب
	0.25	3. أ) التحقق : 2012 = 10 × 2011 + 2
	0.75	$a^{2012} \equiv 3[11]$ و منه $a^2 \equiv 3[11]$ و $a^{2012} \equiv a^2[11]$ (ب)
		/ bis: 06 \· : : : : : : : : : : : : : : : : : :
		التمرين الثاني : (06 نقاط)
	0.75	$T_1 = 49 - 4r^2$ ومنه $u_5 = 7 + 2r$ و $u_1 = 7 - 2r$.I
	0.75	$ T_2 = 49 - r^2 \text{ each } u_4 = 7 + r \text{ or } u_2 = 7 - r$
	3×0.25	$r = 3$ و $r = 3$ أو $r = 3$ مرفوض $T_2 - T_1 = 3r^2$.
	0.5+0.25	$u_n = 3n - 2$ $u_n = u_3 + (n - 3)r$ (5.1.II)
6	0.5+0.25	
	3×0.25	ج) $\sqrt{\Delta} = 59$ و $n_1 = 10$ أو $n_2 = -\frac{29}{3}$ أو $\sqrt{\Delta} = 59$ (مرفوض)
10	0.5	$u_{n+5} = 3n+13 \text{ (i.2)}$
	0.5	$\frac{u_{n+5}}{n} = 3 + \frac{13}{n}$: ب) التحقق
	0.5	n = 1 for n = 1
	100 Per 1	
	73	

صفحة3... مفحة

الشعبة/السلك (*): آداب وفلسفة+لغات أجنبية

اختبار مادة: الرياضيات

		التمرين الثالث : (08 نقاط)
	075+025	a=3 أي $a=-1$ ومنه $a=-1$ أي $a=3$ أي $a=-1$ أي $a=3$
	2×0.5	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 2 \lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty \text{(i)} (2)$
	2×0.5	التفسير الهندسي : $x=-1$ و $y=2$ مستقيمان مقاربان
	1	$f'(x) = \frac{3}{(x+1)^2} (-1)$
	1	جُدُول الْتَغَيِّر اتَ
8		$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	0.5	$x^2 + 2x - 3 = 0$ تكافئ $f'(x) = \frac{3}{4}$ (أ (3)
	0.5	$x_1 = 1$ الحلول : $x_1 = 1$ أو $x_2 = -3$ (مرفوض) $\Delta = 16$
	0.25	y = f'(1)(x-1) + f(1) (
	0.75	$y = \frac{3}{4}x - \frac{1}{4}$
	2×0.5	$S = \left[\frac{1}{2}; +\infty\right] \cdot f\left(\frac{1}{2}\right) = 0 (4)$
		74