### Visual Python, Numpy, Matplotlib

田浦健次朗 電子情報工学科

東京大学

#### Contents

- 1 イントロ
- 2 Visual Python
- 3 Numpy & Scipy
- 4 Scipy
- 5 Matplotlib

#### Contents

- 1 イントロ
- 2 Visual Python
- 3 Numpy & Scipy
- 4 Scipy
- 5 Matplotlib

#### 3つの飛び道具

- Visual Python: 3D アニメーションを超お手軽に
- Numpy, Scipy: 高度な行列・ベクトル計算や数値計算を一言で呼び出し
- Matplotlib: 関数やデータの可視化 (グラフ化)

#### Contents

- 1 イントロ
- 2 Visual Python
- 3 Numpy & Scipy
- 4 Scipy
- 5 Matplotlib

#### シミュレーションから可視化まで

- 1 シミュレーション (数値計算)をする
- 2 vector で 3D 世界の計算にする
- 3 Visual Python のオブジェを作ればできあがり

#### 1つの質点のシミュレーションのテンプレート

#### 要するにこれだけ

```
n_steps = ステップ数

dt = (終了時刻 - 開始時刻) / n_steps # 時間の刻み幅

x = 初期位置

v = 初速

t = 開始時刻

for i in range(n_steps):

alpha = 力 / 質量 # 加速度

x += v * dt # 位置 += 速度 * 時間

v += alpha * dt # 速度 += 加速度 * 時間

t += dt
```

- 赤字が問題によって本質的に変わる部分. 力を, t, x, v の式で書ければ実質的な仕事は終了
- 青字は問題設定によって決まる
- ステップ数は、欲しい精度に応じて決める

#### 適用例:吊るされたバネ

- バネが自然長のときの重りの位置を y=0 とする
- 時刻 t = 0 から 10 までシミュレーションするとする
- 初期位置 y = 0, 初速 v = 0 とする
- 注: 以下の例で t は力の計算に不要なので、計算から削除している

```
_{1} k = 1.0
g = -9.8
_{3} m = 1.0
4 n_steps = 1000
_{5} dt = (10.0 - 0) / n_steps
  y = 0.0
v = 0.0
  for i in range(n_steps):
       alpha = -k * y / m + g
   v += v * dt
10
    v += alpha * dt
11
```

#### 3D世界の計算にする

- 数値の代わりに Visual Python O vector を使う  $\rightarrow$  ほとんど変更な く各値をベクトルにできる
- 注: もちろんこの例においては運動自身は一次元内の運動なので、 本質的な意味はない

```
from vpython import *
_{2} k = 1.0
g = vector(0.0, -9.8, 0.0)
   m = 1.0
   n_{steps} = 1000
   dt = (10.0 - 0) / n_steps
   y = vector(0.0, 0.0, 0.0)
   v = vector(0.0, 0.0, 0.0)
   for i in range(n_steps):
       alpha = -k * y /m + g
10
       v += v * dt
11
       v += alpha * dt
12
```

#### アニメ化

- 位置を Visual Python のオブジェクトの pos にセットするだけ
- 速度や加速度も適宜オブジェクトの属性にするとわかりやすい
- 注: 以下ではバネ (helix) は表示していない

```
from vpython import *
2 k = 1.0
g = \text{vector}(0.0, -9.8, 0.0)
   m = 1.0
5 n_steps = 1000
_6 dt = (10.0 - 0) / n_steps
\gamma cv = canvas()
   s = sphere(pos=vector(0.0, 0.0, 0.0))
   s.vel = vector(0.0, 0.0, 0.0)
   cv.autoscale = 0 # 場合によりけり
   cv.autocenter = 0 # 場合によりけり
   for i in range(n_steps):
12
       rate(1.0/dt)
1.9
       s.alpha = -k * s.pos /m + g
14
       s.pos += s.vel * dt
15
       s.vel += s.alpha * dt
16
```

#### アニメーション化する際のいくつかのトラップ

- rate(f): これを時々よばないと (pos を変更しても) 画面は更新されない
  - f: 更新頻度が1秒 f 程度になるよう時間調整
- カメラの自動追随機能により、動いているオブジェクトが動いているように見えないことがある (例えば1個しかオブジェクトがない場合に顕著)
  - 解 1: 動かないオブジェクト (板とか) も何か表示する
  - 解 2: 初期状態を表示し終えたところで、以下のおまじないをとな える

```
cv = canvas()
...

# 初期配置完了したあたりで
cv.autocenter = 0
cv.autoscale = 0
```

## 物体が複数の場合

- 基本: 物体一つにつき位置, 速度などの変数を1セット
- 簡単な場合は、物体1つ = Visual Python のオブジェクトーつ
- 物体が増えてきたらリストなどを使う

#### Contents

- 1 イントロ
- 2 Visual Python
- 3 Numpy & Scipy
- 4 Scipy
- 5 Matplotlib

## Numpy & Scipy

- SciPv
- NumPy (Numerical Python)
- NumPy ⊂ SciPy ということのようだ
- numpy で提供されている機能はそのまま, scipy でも提供されている
- なので scipy だけで押し通しても良さそうだが、世の中の説明は numpy が主流なので、それに合わせて、基本は numpy、scipy だけで 提供されている機能は scipy を使う

#### 有用なチュートリアル

- 以下では speed learning のために基本を駆け足で説明する
- 適宜,以下のページなどを参照すると良い http://wiki.scipy.org/Tentative\_NumPy\_Tutorial

# array: numpyの基本データ

- numpyの中心データは, array
- array を作る:

```
import numpy as np np.array(リスト)
```

■ 例:

```
import numpy as np
x = np.array([2,0,1,4])
print(x)
print(len(x))
print(x[1])
```

■ 出力:

```
1 [2 0 1 4]
2 4
3 0
```

# 多次元の array

■ 例:

```
import numpy as np
A = np.array([[1,2,3],[4,5,6]])
print(A)
print(len(A))
print(A[1][1])
```

■ 出力:

```
[[1 2 3]
2 [4 5 6]]
3 2
4 5
```

■ 想像通り, 3 次元, 4 次元, ...の array も作れる

# array の演算

```
import numpy as np
x = np.array([2,0,1,4])
y = np.array([5,6,7,8])
print(x + y)
print(x * y) # 注意
print(x.dot(y))

[ 7 6 8 12]
[10 0 7 32] # 要素ごとの *
49 # 内積
```

## arrayの演算 (続)

■ 行列 × ベクトル:

```
import numpy
A = numpy.array([[1,2,3],[4,5,6]])
x = numpy.array([2,4,6])
print(A.dot(x))
```

[28 64]

■ 行列 × 行列

```
import numpy
A = numpy.array([[1,2,3],[4,5,6]])
B = numpy.array([[2,3],[4,5],[6,7]])
print(A.dot(B))

[[28 34]
[64 79]]
```

#### matrix: '\*' で行列積がしたければ

- array は任意の次元のデータの集まりを表す, 汎用的なデータで, 「行列」専用というわけではない (その意味で, \*の動作は自然)
- 「行列」を使いたければ matrix を使う

```
import numpy as np
A = np.matrix([[1,2,3],[4,5,6]])
B = np.matrix([[2,3],[4,5],[6,7]])
print(A * B)

[[28 34]
[64 79]]
```

■ そして、array を受け付ける関数の殆どは、matrix も受け付ける

## array の色々な作り方 (1) よく使う基本形

■ 等差数列 (公差を指定)

```
p.arange(2,3,0.2)
array([ 2. , 2.2, 2.4, 2.6, 2.8])
```

■ 等差数列 (点数を指定)

```
1 >>> np.linspace(2,3,6)
2 array([ 2. , 2.2, 2.4, 2.6, 2.8, 3. ])
```

0や1を並べる

# array の色々な作り方 (2) つぶしの効くやり方

■ ややこしい物を作りたければ, zeros などで形だけ作り, 各要素に値 を代入すれば良い

```
import numpy as np
1
2
  def make_diag(n):
3
      A = np.zeros((n,n))
      for i in range(n):
5
          A[i,i] = i + 1
      return A
7
  print(make_diag(4))
  [[ 1. 0. 0. 0.]
  [0. 2. 0. 0.]
   [ 0. 0. 3. 0.]
   [0. 0. 0. 4.]]
```

# array の色々な作り方 (3) reshape

[12 13 14]]

- 要素の並びはそのままにして、形 (次元や縦横の要素数) を変える
  - ベクトル (1 次元) ↔ 行列 (2 次元) など

A = np.arange(0, 15, 1).reshape(3, 5)

■ 3×5 行列 ↔ 5×3 行列など

```
print(A)
B = A.reshape(5, 3)
print(B)

[[0 1 2 3 4]
[5 6 7 8 9]
[10 11 12 13 14]]
[[0 1 2]
[3 4 5]
[6 [6 7 8]
[9 10 11]
```

## array の色々な作り方 (4)

#### その他たまに便利なもの

■乱数

#### 関数で作る

```
1  >>> def f(I,J):
2    ...    return I + J
3    ...
4  >>> np.fromfunction(f, (3,3))
5    array([[ 0.,  1.,  2.],
        [ 1.,  2.,  3.],
        [ 2.,  3.,  4.]])
```

## 要素, 行, 列の取り出し

■ 特定の行、特定の列など、自由に切り出すことが可能

## 要素, 行, 列の取り出し

```
>>> A[1:3,:] # = A[1:3,0:5]
2 array([[ 5, 6, 7, 8, 9],
      [10, 11, 12, 13, 14]])
  >>> A[:,2:4] # = A[0:3,2:4]
  array([[ 2, 3],
       [7, 8],
       [12, 13]])
s >>> A[:,2]
  array([ 2, 7, 12])
  >>> A[:,:]
10
  array([[ 0, 1, 2, 3, 4],
       [5, 6, 7, 8, 9],
12
        [10, 11, 12, 13, 14]])
13
```

## Universal 関数 (1)

■ 数値に対する演算の多くがひとりでに、array に拡張されている

## Universal 関数 (2)

■ また、sin、cos など一部の数学関数は、math で提供されているもの は array に適用不可だが、array にも適用可なものが numpy で同名 で提供されている

```
>>> import numpy as np
   >>> import math
   >>> r = np.linspace(0, 0.5 * math.pi, 6)
4 | >>> math.sin(r)
   Traceback (most recent call last):
     File "<stdin>", line 1, in <module>
   TypeError: only length-1 arrays can be converted to
            Python scalars
   >>> np.sin(0.5 * math.pi)
   1.0
   >>> np.sin(r)
10
   array([ 0., 0.30901699, 0.58778525, 0.80901699,
11
           0.95105652, 1.
                                  ])
```

## Numpy に備わる飛び道具

■ 連立一次方程式 (Ax = b) を解く

```
x = \text{np.linalg.solve}(A, b)
```

■ 固有値, 固有ベクトル

```
d,p = np.linalg.eig(A)
```

■ 行列式

```
rank = np.linalg.det(A)
```

■ ランク

```
rank = np.linalg.matrix_rank(A)
```

■ その他いっぱい...

#### Contents

- 1 イントロ
- 2 Visual Python
- 3 Numpy & Scipy
- 4 Scipy
- 5 Matplotlib

## Scipy

- とにかく色々なことが一撃でできるようになっている
- 積分 (scipy.integrate)
- 常微分方程式 (scipy.odeint)
- 関数の最大最小 (scipy.optimize)
- . . . .
- 仮に今回使わなくても scipy という単語を覚えておくだけで、将来 きっと役に立つ
- http://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/

#### Contents

- 1 イントロ
- 2 Visual Python
- 3 Numpy & Scipy
- 4 Scipy
- 5 Matplotlib

## Matplotlib

- データの可視化
- Visual のような物体の可視化, アニメーションではなく, データの可視化 (グラフ表示) を得意とする
- Matplotlib にデータを渡すのに, numpy の array 形式で渡す
- 機能が豊富で、十数枚のスライドで多くをカバーするのは無謀
- 基本概念 + 最小限の例を説明する

## Matplotlib

後は、以下のページなどを適宜参照. おそらくこのスライドよりもよほど有用.

- document 全体: http://matplotlib.org/contents.html
- user's guide: http://matplotlib.org/users/index.html
  - Pyplot tutorial (一変数関数 y = f(x) の表示)
  - mplot3d (3D で表示したい場合のキーワード)
- Gallery (こんな絵はどう書くんだろうと思ったらここから探す) https://matplotlib.org/gallery/
- Plotting Command Summary (色々なグラフの書き方の総覧) https://matplotlib.org/3.2.1/api/pyplot\_summary.html

### 1変数関数 (y = f(x)) をプロットする

- 最低限覚えるべき関数: matplotlib.pyplot というモジュールの, plot と show
- 長すぎるので普通は、

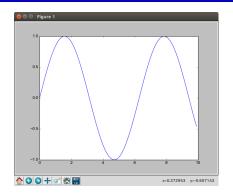
```
import matplotlib.pyplot as plt
plt.plot(...)
plt.show(...)
```

■ 基本概念: プロットしたいデータの x 座標, y 座標をそれぞれリストや array として, plot 関数に渡し, show 関数で画面に表示

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
x = np.arange(0, 10, 0.1) # [0 0.1 0.2 0.3 .. ]
y = np.sin(x) # universal 関数
y = [sin(0) sin(0.1) sin(0.2) ... ]
plt.plot(x, y)
plt.show()
```

## 1変数関数 (y = f(x)) のプロット例

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
x = np.arange(0, 10, 0.1) # [0 0.1 0.2 0.3 .. ]
y = np.sin(x) # universal 関数
# y = [sin(0) sin(0.1) sin(0.2) ... ]
plt.plot(x, y)
plt.show()
```



#### 色々な表示の仕方

- とにかく色々な表示の種類 (棒グラフ、散布図,...etc.) があります
- plot 関数の代わりに別の関数を使えば良い
  - 棒グラフ →bar, 散布図 →scatter
  - pyplot tutorial, gallery を参照
- 線の色とかスタイルを変えたい? 個々の関数のマニュアルを読む, ググる, もしくは help

```
propert import matplotlib.pyplot as plt
propert import impor
```

## 2変数関数 (z = f(x, y)) を表示する

- 基本概念:
  - plot に変わる,2変数用の関数を呼ぶ
    - 1 pcolor (色表示)
    - 2 contour (等高線表示)
    - 3 etc. (gallery 冷 plotting command summary 参照)
  - ② プロットしたいデータ  $(x_i,y_i,z_i)$  を,  $x_i$  だけ,  $y_i$  だけ,  $z_i$  だけの 2 次元配列にして渡す
- $(x,y) \in [0,2] \times [0,3]$  内の格子点上で, $x^2 y^2$  を色表示

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

X = np.array([[0,0,0,0],[1,1,1,1],[2,2,2,2]])

Y = np.array([[0,1,2,3],[0,1,2,3],[0,1,2,3]])

Z = X ** 2 - Y ** 2 # universal 関数

# Z = array([[0,-1,-4,-9],[1,0,-3,-8],[4,3,0,-5]])

plt.pcolor(X, Y, Z)

plt.show()
```

■ X, Y の作り方が面倒 (冗長) なのでなんとかしたい

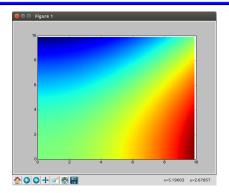
# 2変数関数 (z = f(x, y)) をプロットする

- 格子点を作る便利な関数に、np.meshgrid がある
- 先と同じ例

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
X = np.array([0,1,2])
Y = np.array([0,1,2,3])
X,Y = np.meshgrid(X, Y)
Z = X ** 2 - Y ** 2
plt.pcolor(X, Y, Z)
plt.show()
```

# 2変数関数 (y = f(x, y)) のプロット例

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
X = np.arange(0, 10, 0.1)
Y = np.arange(0, 10, 0.1)
X,Y = np.meshgrid(X, Y)
Z = X ** 2 - Y ** 2
plt.pcolor(X, Y, Z)
plt.show()
```



#### もう少し柔軟なプロットの仕方

■ 複数のグラフを表示したい, 3D で表示したいという時には, 以下 のスタイルで

```
import matplotlib.pyplot as plt
fig = plt.figure() # windows 全体
ax = fig.add_subplot(行数, 列数, 通し番号) # 一つのグラフ
ax.plot(...)
fig.show(...)
```

■ 例 (3x2 のタイルで表示)

```
import matplotlib.pyplot as plt
fig = plt.figure()
ax0 = fig.add_subplot(3,2,1) # = fig.add_subplot(321)
ax1 = fig.add_subplot(3,2,2) # = fig.add_subplot(322)
...
ax0.plot(...)
ax1.plot(...)
fig.show(...)
```

## 2変数関数 (z = f(x,y)) をプロットする. ただし 3D で

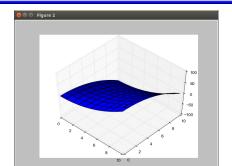
- 基本: plot にかわる「それ用の」関数を使う
  - plot\_surface
  - plot\_wireframe
  - etc.
- ただし, 二つほどまじないが必要

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
import mpl_toolkits.mplot3d.axes3d
fig = plt.figure()
ax = fig.add_subplot(1,1,1, projection='3d')
X = np.arange(0, 10, 0.1)
Y = np.arange(0, 10, 0.1)
X,Y = np.meshgrid(X, Y)
Z = X ** 2 - Y ** 2
ax.plot_surface(X, Y, Z)
plt.show()
```

■ http://matplotlib.org/1.3.1/gallery.html#mplot3d 参照

## 3D でプロットの例

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
import mpl_toolkits.mplot3d.axes3d
fig = plt.figure()
ax = fig.add_subplot(1,1,1, projection='3d')
X = np.arange(0, 10, 0.1)
Y = np.arange(0, 10, 0.1)
X,Y = np.meshgrid(X, Y)
Z = X ** 2 - Y ** 2
ax.plot_surface(X, Y, Z)
plt.show()
```



#### Matplotlib でのアニメーション

- 場が時間とともに発展するようなシミュレーションでは、最終結果 だけでなく、途中も表示したい
- 最終結果がおかしい時、その原因を究明するためにも重要
- いくつか方法があるのだが、Jupyter 環境のシステム上の問題で、動かないときが多い

## 例題

■ 問題:

$$y = \sin kx \quad (0 \le x \le 2\pi)$$

のグラフを,  $k = 1, 2, 3, \dots 5$  まで変えながら表示する

■ 復習: 固定した k (= 3) について表示するだけでよいのなら以下

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

x = np.linspace(0.0, 2.0 * np.pi, 100)
plt.plot(x, np.sin(3 * x))
plt.show()
```

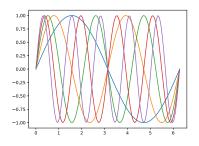


## 一見それらしいけど不正解な例

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

x = np.linspace(0.0, 2.0 * np.pi, 100)
for k in range(1, 6):
    plt.plot(x, np.sin(k * x))
plt.show()
```

■ おこること: 5 つのグラフが全部 (重ねて) 表示される



#### アニメーションの方法

- 以下にアニメーションの方法を3つ述べるが, (田浦の調べた限り), Jupyter 内でアニメーションができるのは、方法1だけ
- 他の方法は Jupyter 内では動かない
  - (授業ではやっていない) python コマンドで実行すれば動く

#### 方法1

- plt.plot(...) した結果は、「曲線」(のリスト)
- それらをリストに全て溜め (\*), animation. Artists Animation という関数に渡すと、それらを順にアニメーションしてくれる
- %matplotlib notebook というおまじないが必要

```
//matplotlib notebook
import matplotlib.pyplot as plt
import matplotlib.animation as animation
import numpy as np

x = np.linspace(0.0, 2.0 * np.pi, 100)
plots = []
for k in range(1, 6):
    plots.append(plt.plot(x, np.sin(k * x)))
a = animation.ArtistAnimation(plt.gcf(), plots, repeat=0)
plt.show()
```

## 注意

- 表示したい絵の数を無闇に大きくできない
- 例えば1万ステップのシミュレーションで全ステップの絵を表示するのは無謀
- リストの長さが適度になるように間引きする必要がある. 例えば以下は表示する絵を max\_frames 個以下に押さえる方法

```
n_steps = 123456
max_frames = 50
interval = math.ceil(n_steps / max_frames)
plots = []
for t in range(n_steps):
    if t % interval == 0:
        plots.append(...)
```

- また, この方法の欠点: 計算が全て完了してから結果が初めて表示 される
- 計算しながら表示するには方法 2,3 が必要だが,残念ながら Jupyter では動かない

## (参考) 方法2

- 最初に一度 plt.plot(...) して結果 (曲線) を変数に入れる (\*)
- その曲線のデータを set\_data で変更 (†)
- 必要に応じて pause で変更間隔を調整 (††)
- (田浦の知る限り) Jupyter 内では動かない (python のコマンドラインでなら動く. 詳細不明)

```
x = np.linspace(0.0, 2.0 * np.pi, 100)
for k in range(1, 6):
    if k == 1:
        [ line ] = plt.plot(x, np.sin(k * x)) # (*)
    else:
        line.set_data(x, np.sin(k * x)) # (†)
    plt.pause(0.1) # (††)
```

■ 注: plt.plot(...) は, 描かれた曲線のリスト (普通は1要素) を返す; 実は一度に複数の曲線を描ける

## (参考) 方法3

- (Jupyter では動かない上, 難しいのであまり気にしないで)
- 方法 2 に似た方法. 但し以下のように「関数」にして, 書き直した いものを yield する (\*)

```
def generate_plots():
    x = np.linspace(0.0, 2.0 * np.pi, 100)
    for k in range(1, 6):
        if k == 1:
            [line] = plt.plot(x, np.sin(k * x))
        else:
            line.set_data(x, np.sin(k * x))
        yield [line] # (*)
```

その上で、

```
animate_iterator(generate_plots(), interval=100)
```

■ ただし animate iterator は次ページ

#### animate\_iterator

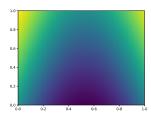
■ 以下はコピペでよい (説明は難しいので省略)

```
import matplotlib.pyplot as plt
   import matplotlib.animation as animation
3
   def animate_iterator(iterator, **kwargs):
       def fun(*args):
5
           try:
6
                return next(iterator)
            except StopIteration:
8
                return []
9
       ani = animation.FuncAnimation(plt.gcf(), fun,
10
                                       **kwargs)
11
       plt.show()
12
```

## 2次元 (pcolor) の場合

■ 復習: アニメーションなしで静止画  $(z = y - \sin 3x)$  を書くだけの例

```
%matplotlib notebook
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
x = np.linspace(0.0, 1.0, 100)
y = np.linspace(0.0, 1.0, 100)
x,y = np.meshgrid(x, y)
plt.pcolor(x, y, np.sin(y - np.sin(3 * x)))
plt.show()
```



## 2次元 (pcolor) 方法1

■ 1次元と考え方は同じ (pcolor の結果をリストにためて, animation.ArtistAnimation を呼び出す)

```
%matplotlib notebook
   import matplotlib.pyplot as plt
   import matplotlib.animation as animation
   import numpy as np
_{5} | x = np.linspace(0.0, 1.0, 100)
g = \text{np.linspace}(0.0, 1.0, 100)
   x,y = np.meshgrid(x, y)
   pcolors = []
   for k in range(1, 20):
       pcolors.append([ plt.pcolor(x,y,y-np.sin(k*x)) ])
10
   a = animation.ArtistAnimation(plt.gcf(), pcolors,
11
                                   repeat=0)
12
   plt.show()
```

■ plt.plot の結果はリストだったが、(ややこしいことに)plt.pcolor の結果はリストではないので、自分で1要素のリストにする(\*)

54 / 57

## (参考) 2次元 (pcolor) 方法 2

- 注: Jupyter では動かない
- 1次元 (plot) では set\_data を呼んだが, 2次元 (pcolor) では set\_array を呼ぶ
- ややこしいことに、 z 座標のデータを1ずつ削り、かつ1次元配列に 直して渡さないといけない(理由不明)

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
x = np.linspace(0.0, 1.0, 100)
y = np.linspace(0.0, 1.0, 100)
x,y = np.meshgrid(x, y)
for k in range(1, 20):
    if k == 1:
        f = plt.pcolor(x, y, y - np.sin(k * x))
else:
        f.set_array(shrink1(y - np.sin(k * x)))
plt.pause(0.1)
```

■ shrink1 は次ページ

#### shrink1

```
def shrink1(z):
    m,n = z.shape
    return z[:m-1,:n-1].flatten()
```

## (参考) 2次元 (pcolor) 方法3

■ (Jupyter では動かない上, 難しいのであまり気にしないで)

```
def generate_pcolors():
    x = np.linspace(0.0, 1.0, 100)
    y = np.linspace(0.0, 1.0, 100)
    x,y = np.meshgrid(x, y)
    for k in range(1, 20):
        if k == 1:
            f = plt.pcolor(x, y, y - np.sin(k * x))
        else:
            f.set_array(shrink1(y - np.sin(k * x)))
        yield [ f ]
```

その上で、

```
animate_iterator(generate_pcolors(), interval=100)
```

■ animate\_iterator は1次元の場合と同じ