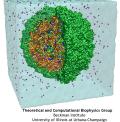
## 数学・物理をプログラミングで考える

水 2: 田浦健次朗 TA 平岡拓海 (修士1年)

# 計算が支える科学, 工学, AI, ... の例

創薬, 医学, 材料 (分子, 量子力学)

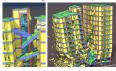


http://www.ks.uiuc.edu/Research/STMV/

http://primeurmagazine.com/flash/AE-PF-09-15-28.html

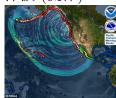
# 計算が支える科学, 工学, AI, ... の例

• 設計 (構造物, 剛体)



https://www.youtube.com/watch?v=yu2bQtIS69g

• 津波 (流体)

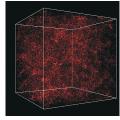


https://www.dailymail.co.uk/sciencetech/article-3480680/

 ${\tt Terrifying-simulation-shows-Pacific-Northwest-decimated-megaquake-Cascadia-fault.html}$ 

# 計算が支える科学, 工学, AI, ... の例

• 宇宙 (粒子)



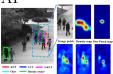
http://chronicle.uchicago.edu/060713/darkmatter.shtml

ゲノム・遺伝子



https://phys.org/news/2015-04-online-bioinformatics-tool-significantly-multiple.html

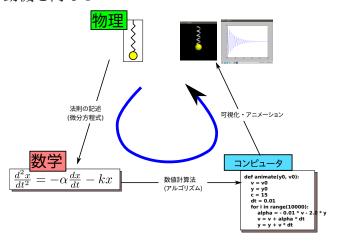
• AI



4 / 1

#### ゼミのねらい

- 実際の問題を解くことを通して、プログラミングを学ぶ動機 を高める
- その過程で必要な、数学・物理を知ることで、数学・物理を 学ぶ動機を高める



### ゼミのロードマップ

- コンピュータで問題を解くって?
- ② 道具 (Python プログラミング言語) の紹介
- 3 道具の練習
- チームの結成 (3人一組)
- ⑤ 問題を解く、発展させる by チーム
- ◎ 発表

コンピュータで問題を解くって?

### コンピュータにやらせやすい計算

- 具体的な数値を用いた,近似的な計算
- 記号的な計算 (人間が普段やっている多くの計算) はやらせに くい (「難しいプログラミングが必要」)

### 例: 微分

$$f(x) = x^2$$
の微分

- (記号微分)  $f'(x) = 2x \Rightarrow$  難しい
- (数値的な微分)  $f'(3) \approx 6 \Rightarrow 易しい$

$$f'(3) \approx \frac{f(3+0.0001) - f(3)}{0.0001} = 6.0001$$

$$g(x)=e^{\sin x^{\sin x}}+\frac{\arcsin x}{x^3-x^2+4x+8}$$
 でも、数値的な微分なら同じくらい易しい

## 例: 積分

$$\int_{2}^{3} \log x \, dx$$

• (記号積分)

$$\int_{2}^{3} \log x \, dx = [x \log x - x]_{2}^{3} = \dots$$

⇒ 難しい

• (数値積分)  $x_i = 2 + i/100000$  として,

$$\int_{2}^{3} \log x \, dx \approx \sum_{i=0}^{99999} \log x_{i} (x_{i+1} - x_{i})$$

### 例: 運動方程式

空気抵抗 + バネの力の運動方程式:

$$\ddot{x(t)} = -\dot{x}(t) - x(t)$$

• (記号積分)

$$x(t) = \dots$$
 なんだったっけ ...

• (数值積分)

```
x = 初期状態の位置;
v = 初期状態の速度;
以下を繰り返す {
加速度 = - v - x;
v = v + 加速度 × 0.001;
x = x + v × 0.001;
```

これが「常微分方程式を解く」基本

### 例: 〇〇方程式

- 現実に求めたいものの多くは「場所と時間の関数」
- 例: 温度の分布, 電場, 磁場, 流速の分布, 圧力の分布, 電子の密度, ...
- T(x,t) の「一瞬あとの値」 $T(x,t+\Delta t)$  は, T(x,t) や, そのまわりの値  $T(x\pm\Delta x,t)$  などから影響を受ける
- これが「偏微分方程式」
- コンピュータで解く場合は、たくさんの変数の「一瞬後の値」 を計算していく
- 「定常状態 (変化のなくなった状態)」を求める場合, 巨大な連立一次方程式がでてくる

#### 例: 確率

あるテニスの対戦では、各ポイントで、プレイヤー A, B がポイントを取る確率がそれぞれ 0.52, 0.48 である。A が 1 ゲーム (4 ポイント先取、3-3 になったら 2 ポイント差がつくまで)とる確率は?

- 乱数という便利な道具
- 1 ゲームのシミュレーション:

```
a = 0
b = 0
ゲームの決着がつくまで以下を繰り返す {
if (乱数が0.52以下) a = a + 1
else b = b + 1
}
```

• これを何度も何度も繰り返して、Aがゲームを取る確率を求める

#### 頭の使いどころ

- 計算に誤差がつきまとう
  - 最悪の場合、定性的に全く違う答えを出してしまうこともある
  - 原理的にそれが回避できないような系 (カオス) もある
- いくらコンピュータが速くても、たちまち計算時間が膨大になる
  - 1次元の積分 100000 等分?
  - 2次元の積分 100000 × 100000 等分?
  - 3次元の積分 ...

同じ誤差で、より計算量の少ない計算法を考えるのは、知的・チャレンジング・数学や物理を学ぶ意欲を高める (と僕は思う)