

ПРОГРАММА ЭКЗАМЕНА
по дисциплине
«Математический анализ»

3 семестр

Числовые ряды: определение, арифметические свойства, критерий Коши, необходимое условие сходимости. Ряд Лейбница. Признаки сходимости знакопостоянных рядов: признаки сравнения, признак Даламбера, радикальный признак Коши, признак Раабе. Абсолютно сходящиеся ряды. Признаки Абеля и Дирихле. Связь несобственных интегралов с рядами. Интегральный признак сходимости ряда.

Равномерная сходимость функциональных последовательностей, критерий равномерной сходимости, непрерывность предельной функции. Равномерная сходимость функциональных рядов: критерий Коши, признак Вейерштрасса, признаки Дирихле и Абеля. Операции над функциональными рядами. Степенные ряды: первая теорема Абеля, формулы для нахождения радиуса сходимости. Вторая теорема Абеля. Дифференцирование степенного ряда. Ряд Тейлора.

Элементарные множества и их свойства. Мера на классе элементарных множеств: корректность, свойства. Измеримые по Жордану множества. Множества жордановой меры нуль, их свойства. Критерий измеримости по Жордану. Свойства измеримых по Жордану множеств, измеримость криволинейной трапеции.

Определение кратного интеграла. Невырожденные множества. Невырожденность открытого измеримого множества. Связь между интегрируемостью и ограниченностью. Критерии интегрируемости. Эквивалентность интегрируемости функции и интегрируемости ее продолжения на замыкание. Свойства кратного интеграла (арифметические, связанные с неравенствами, аддитивность). Теорема о среднем. Связь кратного интеграла с повторным (2 случая). Изменение площади. Теорема о замене переменных в кратном интеграле. Геометрические приложения (площадь плоского множества, объем, площадь поверхности).

Гладкие кривые. Криволинейный интеграл первого рода. Криволинейный интеграл второго рода: задача, приводящая к понятию интеграла, определение, свойства. Потенциальные поля. Ориентация плоской области. Формула Грина.

Ротор. Связь между равенством нулю ротора и потенциальностью векторного поля (2 утверждения). Гладкие поверхности. Площадь гладкой поверхности. Поверхностный интеграл 1 рода. Поток векторного поля. Поверхностный интеграл 2 рода. Дивергенция векторного поля. Формула Гаусса-Остроградского. Формула Стокса.