14. Арифметические и геометрические прогрессии Блок 1. ФИПИ ПРИМЕРЫ

Задание 1. В амфитеатре 15 рядов. В первом ряду 28 мест, а в каждом следующем на 3 места больше, чем в предыдущем. Сколько мест в двенадцатом ряду амфитеатра?

<u>Дано:</u>	<u>Решение:</u>	Провери	<u> </u>	
$a_1 = 28$	$a_n = a_1 + d(n-1)$	$a_1 = 28$	$a_5 = 40$	a_9 = 52
d=3	$a_{12} = a_1 + d \cdot 11$	$a_2 = 31$	$a_6 = 43$	$a_{10} = 55$
<u>Найти:</u>	$a_{12} = 28 + 3.11 = 61$	$a_3 = 34$	$a_7 = 46$	$a_{11} = 58$
a ₁₂ -?		$a_4 = 37$	$a_8 = 49$	$a_{12} = 61$

Ответ: 61

Задание 2. При проведении опыта вещество равномерно охлаждали в течение 10 минут. При этом каждую минуту температура вещества уменьшалась на 7° С. Найдите температуру вещества (в градусах Цельсия) через 4 минуты после начала проведения опыта, если его начальная температура составляла –13° С.

<u>Дано:</u>	<u>Решение:</u>	Проверка:
d = -7	$a_1 = a_{\text{Hay}} + d$	$a_{\text{\tiny Hau}} = -13$ $a_3 = -34$
$a_{\scriptscriptstyle \mathrm{Ha}}=-13$	$a_1 = -13 - 7 = -20$	$a_1 = -20$ $a_4 = -41$
	$a_n = a_1 + d(n-1)$	$a_2 = -27$
<u>Найти:</u>	$a_4 = a_1 + d \cdot 3$	-
a_4 -?	$a_4 = -20 - 7 \cdot 3 = -20 - 21 = -41$	Ответ: -41

Задание 3. В амфитеатре 16 рядов, причём в каждом следующем ряду на одно и то же число мест больше, чем в предыдущем. В пятом ряду 17 мест, а в девятом ряду 25 мест. Сколько мест в последнем ряду амфитеатра?

<u>Дано:</u>	<u>Решение:</u>	<u>.</u>	Проверка:	<u>.</u>
n = 16		$a_9 = a_5 + 4d$	$a_5 = 17$	$a_{11} = 29$
$a_5 = 17$		25=17+4 <i>d</i>	$a_6 = 19$	$a_{12} = 31$
$a_9 = 25$	I способ	4 <i>d</i> = 25 – 17	$a_7 = 21$	$a_{13} = 33$
Uover		4d=8 $d=8:4=2$	$a_8 = 23$	$a_{14} = 35$
Найти:		$a_{16} = a_9 + 7d$	$a_9 = 25$	$a_{15} = 37$
<i>a</i> ₁₆ -?		$a_{16} = 25 + 7 \cdot 2 = 25 + 14 = 39$	$a_{10} = 27$	$a_{16} = 39$
II способ	$\int 25 = a_1$	+8 <i>d</i>	a = a + d(n-1)	
$a_n = a_1 + d(n-1)$	$-17 = a_1$	$+4d$ $1/=0.+4\cdot2$	$a_n = a_1 + d(n-1)$	
$\int a_9 = a_1 + d \cdot 8,$	8=4 <i>d</i>	$u_1 - 11 - 0 - 9$	$a_{16} = a_1 + d \cdot 15$	20 - 20
$a_5 = a_1 + d \cdot 4$	d = 8:4		$a_{16} = 9 + 2.15 = 9 +$	30=39

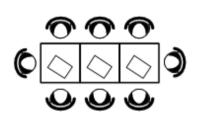
Задание 4. В амфитеатре 14 рядов. В первом ряду 24 места, а в каждом следующем на 2 места больше, чем в предыдущем. Сколько всего мест в амфитеатре?

<u>Дано:</u>	Решение:	Проверк	<u>a:</u>
n = 14	$a_n = a_1 + d(n-1)$	$a_1 = 24$	$a_9 = 40$
$a_1 = 24$	$a_{14} = 24 + 2.13 = 24 + 26 = 50$	$a_2 = 26$	$a_{10} = 42$
d=2	$a_1 + a_n$	$a_3 = 28$	$a_{11} = 44$
Найти:	$S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n$	$a_4 = 30$	$a_{12} = 46$
S ₁₄ -?	$S_{14} = \frac{a_1 + a_{14}}{2} \cdot 14$	$a_{5} = 32$	$a_{13} = 48$
~ ₁₄ ·	4	$a_6 = 34$	$a_{14} = 50$
	$S_{14} = \frac{24+50}{2} \cdot 14 = 74 \cdot 7 = 518$	$a_7 = 36$	$S_{14} = (24 + 50) \cdot 7$
	Ответ: 518	$a_8 = 38$	$S_{14} = 518$

Задание 5. Камень бросают в глубокое ущелье. При этом в первую секунду он пролетает 6 метров, а в каждую следующую секунду на 10 метров больше, чем в предыдущую, до тех пор, пока не достигнет дна ущелья. Сколько метров пролетит камень за первые восемь секунд?

O	$^{\circ}$ 2		Ответ: 328
S ₈ -?	$S_8 = \frac{6+76}{2} \cdot 8 = 82 \cdot 4 = 328$	$a_5 = 46$	$S_8 = 328$
<u>Найти:</u>	$S_8 = \frac{a_1 + a_8}{2} \cdot 8$	$a_4 = 36$	$S_8 = (6+76)\cdot 4$
n = 8		$a_3 = 26$	$a_8 = 76$
d = 10	$a_8 = 6 + 10.7 = 6 + 70 = 76$	a_2 = 16	$a_7 = 66$
$a_1 = 6$	$a_n = a_1 + d(n-1)$ $S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n$	$a_1 = 6$	$a_6 = 56$
<u>Дано:</u>	<u>Решение:</u>	<u>Проверк</u>	a:

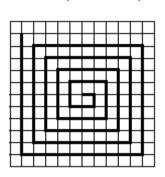
Задание 6. В кафе есть только квадратные столики, за каждый из которых могут сесть 4 человека. Если сдвинуть два квадратных столика, то получится стол, за который могут сесть 6 человек. На рисунке изображён случай, когда сдвинули 3 квадратных столика вдоль одной

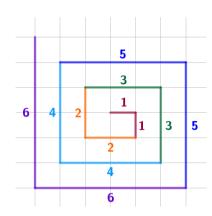


линии. В этом случае получился стол, за который могут сесть 8 человек. Сколько человек может сесть за стол, который получится, если сдвинуть 15 квадратных столиков вдоль одной линии?

<u>Дано:</u>	<u>Решение:</u>	Проверк	<u>ta:</u>	
$a_1 = 4$	$d = a_2 - a_1 = 6 - 4 = 2$	$a_1 = 4$	$a_6 = 14$	$a_{11} = 24$
$a_2 = 6$		$a_2 = 6$	$a_7 = 16$	$a_{12} = 26$
$a_3 = 8$	$a_n = a_1 + d(n-1)$	$a_3 = 8$	$a_{8} = 18$	$a_{13} = 28$
<u>Найти:</u>	$a_{15} = 4 + 2 \cdot 14 = 4 + 28 = 32$	$a_4 = 10$	$a_9 = 20$	$a_{14} = 30$
<i>a</i> ₁₅ -?	Ответ: 32	$a_{5} = 12$	$a_{10} = 22$	$a_{15} = 32$

Задание 7. На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 нарисована «змейка», представляющая из себя ломаную, состоящую из чётного числа звеньев, идущих по линиям сетки. На рисунке изображён случай, когда последнее звено имеет длину 10. Найдите длину ломаной, построенной аналогичным образом, последнее звено которой имеет длину 120.





$$n=10 l_{10} = 1+1+2+2+3+3+...+9+9+10+10 =$$

$$= (1+2+3+...+9+10) \cdot 2 = S_{10} \cdot 2$$

$$n=120 l_{120} = (1+2+3+...+119+120) \cdot 2 = S_{120} \cdot 2$$

$$S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n a_1 = 1 a_n = 120 n = 120$$

$$S_{120} = \frac{1+120}{2} \cdot 120 = 121 \cdot 60 = 7260$$

Ответ: 14520

Задание 8. У Тани есть теннисный мячик. Она со всей силы бросила его об асфальт. После первого отскока мячик подлетел на высоту 270 см, а после каждого следующего отскока от асфальта подлетал на высоту в три раза меньше предыдущей. После какого по счёту отскока высота, на которую подлетит мячик, станет меньше 10 см?

 $l_{120} = S_{120} \cdot 2 = 7260 \cdot 2 = 14520$

<u>Дано:</u>	Решение:	Проверка:
$b_1 = 270$	$b_n = b_1 \cdot q^{n-1} = 270 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^{n-1} < 10$	$b_1 = 270$
$q=\frac{1}{3}$		$b_2 = 90$
$b_n < 10$	$270 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^{n-1} < 10 :270$	$b_3 = 30$
		$b_4 = 10$
<u>Найти:</u> n-?	$\left(\frac{1}{3}\right)^{n-1} < \frac{10}{270}$	$b_5 = 3\frac{1}{3} < 10$
/l-r	$\left(\frac{1}{3}\right)^{n-1} < \frac{1}{27}$	<i>n</i> = 5
	при $n=3$: $\left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{1}{9} > \frac{1}{27}$	
	при $n=4$: $\left(\frac{1}{3}\right)^3 = \frac{1}{27} = \frac{1}{27}$	
	при $n=5: \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{1}{81} < \frac{1}{27} \Rightarrow n=5$	Ответ: 5

Комментарий: данную задачу проще решать подбором (см. проверку).

Задание 9. У Яны есть попрыгунчик (каучуковый шарик). Она со всей силы бросила его об асфальт. После первого отскока попрыгунчик подлетел на высоту 320 см, а после каждого следующего отскока от асфальта подлетал на высоту в два раза меньше предыдущей. После какого по счёту отскока высота, на которую подлетит попрыгунчик, станет меньше 6 см?

<u>Дано:</u>	Решение:	Проверка:
$b_1 = 320$ $q = \frac{1}{2}$ $b_n < 6$	$b_n = b_1 \cdot q^{n-1} = 320 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{n-1} < 6$ $320 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{n-1} < 6 \qquad :320$	$b_1 = 320$ $b_2 = 160$ $b_3 = 80$ $b_4 = 40$
<u>Найти:</u> n-?	$\left(\frac{1}{2}\right)^{n-1} < \frac{6}{320}$ $\left(\frac{1}{2}\right)^{n-1} < \frac{3}{160} < \frac{4}{160}$ $\left(\frac{1}{2}\right)^{n-1} < \frac{1}{40}$ при $n = 6$: $\left(\frac{1}{2}\right)^5 = \frac{1}{32} > \frac{1}{40}$	$b_5 = 20$ $b_6 = 10$ $b_7 = 5 < 6$ $n = 7$
	при $n = 7: \left(\frac{1}{2}\right)^6 = \frac{1}{64} < \frac{1}{40} \Rightarrow n = 7$	Ответ: 7

Комментарий: данную задачу проще решать подбором (см. проверку).

Задание 10. В ходе распада радиоактивного изотопа его масса уменьшается вдвое каждые 6 минут. В начальный момент масса изотопа составляла 480 мг. Найдите массу изотопа через 36 минут. Ответ дайте в миллиграммах.

	$b_6 = 240 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^5 = \frac{240}{1} \cdot \frac{1}{32} = \frac{15}{2} = \frac{75}{10} = 7,5$		Ответ: 7,5
b_n - ?	$(1)^5$ 240 1 15 75	6	6 , 9
<u></u>	$b_6 = b_1 \cdot q^5$	$t_6 = 36$:	$b_6 = 7,5$
Найти:	$b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$	$t_5 = 30$:	$b_5 = 15$
$t_n = 36$	1. 1n-1	$t_4 = 24$:	$b_4 = 30$
$b_{\text{Hau}} = 480$	$\frac{1}{2}$	$t_3 = 18$:	$b_3 = 60$
$t_1 = 6$	$b_1 = 480 \cdot \frac{1}{2} = 240$	$t_2 = 12$:	$b_2 = 120$
4	$b_1 = b_{\text{\tiny HAY}} \cdot q$	$t_1 = 6$:	$b_1 = 240$
$q=\frac{1}{2}$	$n = t_n : t_1 = 36 : 6 = 6$		$b_{\text{\tiny HAY}} = 480$
<u>Дано:</u>	<u>Решение:</u>	Провері	<u>ka:</u>

Комментарий: данную задачу проще решать подбором (см. проверку).

Задание 11. В ходе биологического эксперимента в чашку Петри с питательной средой поместили колонию микроорганизмов массой 12 мг. За каждые 20 минут масса колонии увеличивается в 3 раза. Найдите массу колонии микроорганизмов через 100 минут после начала эксперимента. Ответ дайте в миллиграммах.

<u>Дано:</u>	Решение:	Проверк	<u>a:</u>
$b_{\text{\tiny HAY}} = 12$	$n = t_n : t_1 = 100 : 20 = 5$		$b_{\text{\tiny HAY}} = 12$
$t_1 = 20$	$b_1 = b_{\text{\tiny HAH}} \cdot q$	$t_1 = 20$:	$b_1 = 36$
q = 3	$b_1 = 12 \cdot 3 = 36$	$t_2 = 40$:	$b_2 = 108$
$t_n = 100$		$t_3 = 60$:	$b_3 = 324$
Найти:	$b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$	$t_4 = 80$:	$b_4 = 972$
b_n -?	$b_5 = b_1 \cdot q^4$	$t_5 = 100$:	$b_5 = 2916$
D_n -:	$b_6 = 36 \cdot 3^4 = 36 \cdot 81 = 2916$		Ответ: 2916

Задание 12. В ходе бета-распада радиоактивного изотопа А каждые 7 минут половина его атомов без потери массы преобразуются в атомы стабильного изотопа Б. В начальный момент масса изотопа А составляла 960 мг. Найдите массу образовавшегося изотопа Б через 42 минуты. Ответ дайте в миллиграммах.

<u>Дано:</u>	Решение:	Провер	<u>ка:</u>	
$t_1 = 7$	$n = t_n : t_1 = 42 : 7 = 6$		$m_{_{ m A}}$	$m_{_{ m B}}$
$q=\frac{1}{2}$	$b_1 = b_{\text{Hay}} \cdot q$	нач	960	0
$b_{\text{Hay}} = m_{\text{A}} = 960$	$b_1 = 960 \cdot \frac{1}{2} = 480$	$t_1 = 7$	480	480
$t_n = 42$	$b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$	$t_2 = 14$	240	720
II.o vy myy	$b_n - b_1 \cdot q$ $b_6 = b_1 \cdot q^5$	$t_3 = 21$	120	840
<u>Найти:</u>	_	$t_4 = 28$	60	900
<i>m</i> _B −?	$b_6 = 480 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^5 = \frac{480}{1} \cdot \frac{1}{32} = \frac{15}{1} = 15$	$t_5 = 35$	30	930
	$m_{\rm B} = 960 - b_6 = 960 - 15 = 945$	$t_6 = 42$	15	945

14. Арифметические и геометрические прогрессии Блок 2. ФИПИ. Расширенная версия ОГЭ + ЕГЭ

ПРИМЕРЫ

Числовые последовательности

Задание 1.1.

Последовательность задана условиями: $a_1 = -7$, $a_{n+1} = a_n + 5$. Найдите a_5 .

Дано:

Решение:

$$a_1 = -7$$

$$a_1 = -7$$

$$a_{n+1} = a_n + 5$$

$$a_2 = a_1 + 5 = -7 + 5 = -2$$

Найти:

$$a_3 = a_2 + 5 = -2 + 5 = 3$$

 $a_4 = a_2 + 5 = 3 + 5 = 8$

$$a_{5}$$
 -?

$$a_5 = a_4 + 5 = 8 + 5 = 13$$

Ответ: 13

Задание 1.2.

Последовательность задана условиями: $b_1 = 9$, $b_{n+1} = -4 \cdot \frac{1}{h}$. Найдите b_3 .

Дано:

Решение:

$$b_1 = 9$$

$$b_1 = 9$$

$$b_{n+1} = -4 \cdot \frac{1}{b_n}$$

$$b_2 = -4 \cdot \frac{1}{b_1} = -4 \cdot \frac{1}{9} = -\frac{4}{9}$$

Найти:

$$b_3 = -4 \cdot \frac{1}{b_2} = -4 \cdot \frac{1}{\left(-\frac{4}{9}\right)} = -4 \cdot \left(-\frac{9}{4}\right) = 9$$

 b_{3} -?

Ответ: 9

II) Арифметическая прогрессия

Задание 2. Дана арифметическая прогрессия (a_n), разность которой равна $2,1, a_1 = -4,3$. Найдите a_6 .

Да	ιнο	<u>:</u>
d=	=2,	,1

$$d = 2,1$$

$$a_n = a_1 + d(n-1)$$

$$a_1 = -4.3$$
 $a_4 = 2.0$

$$a_1 = -4,3$$

$$a_6 = a_1 + d \cdot 5$$

$$a_2 = -2.2$$
 $a_5 = 4.1$

$$a_6 = -4.3 + 2.1 \cdot 5 = 6.2$$

$$a_3 = -0.1$$
 $a_6 = 6.2$

$$a_6$$
 -?

Ответ: 6,2

Задание 3. Выписаны первые три члена арифметической прогрессии: 10; 13; 16; ... Найдите 10-й член этой прогрессии.

<u>Дано:</u>	<u>Решение:</u>	Проверка	<u>a:</u>
$a_1 = 10$	$d = a_2 - a_1$	$a_1 = 10$	$a_6 = 25$
$a_2 = 13$	d=13-10=3	a_2 = 13	$a_7 = 28$
$a_3 = 16$	$a_n = a_1 + d(n-1)$	$a_3 = 16$	$a_8 = 31$
Найти:	$a_{10} = a_1 + d \cdot 9$	$a_4 = 19$	$a_9 = 34$
a ₁₀ -?	$a_{10} = 10 + 3.9 = 37$	$a_5 = 22$	$a_{10} = 37$

Ответ: 37

Задание 4. Дана арифметическая прогрессия (a_n), разность которой равна -3,5 и a_1 = 5,2. Найдите сумму первых восьми её членов.

<u>Дано:</u>	<u>Решение:</u>	Проверка:
d = -3.5	$a_n = a_1 + d(n-1)$	$a_1 = 5.2$ $a_5 = -8.8$
$a_1 = 5,2$	$a_8 = a_1 + d \cdot 7$	$a_2 = 1.7$ $a_6 = -12.3$
Найти:	$a_8 = 5,2 + (-3,5) \cdot 7$	$a_3 = -1.8$ $a_7 = -15.8$
<u>паити.</u> S ₈ -?	$a_8 = 5,2-24,5 = -19,3$	$a_4 = -5,3$ $a_8 = -19,3$
3	$S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n$	$S_8 = 5,2+1,7-1,8-5,3-$
	$S_8 = \frac{a_1 + a_8}{2} \cdot 8 = (a_1 + a_8) \cdot 4$	-8,8-12,3-15,8-19,3= =6,9-63,3=-56,4
	$S_8 = (5, 2-19, 3) \cdot 4 = -56, 4$	Ответ: -56,4

Задание 5. Выписаны первые три члена арифметической прогрессии: -13; -9; -5; ... Найдите сумму первых семи её членов.

<u>Дано:</u>	Решение:	Проверка:
$a_1 = -13$	$d = a_2 - a_1 = (-9) - (-13) = 4$	$a_1 = -13$ $a_5 = 3$
$a_2 = -9$	$a_n = a_1 + d(n-1)$	$a_2 = -9$ $a_6 = 7$
$a_3 = -5$	$a_7 = a_1 + d \cdot 6$	$a_3 = -5$ $a_7 = 11$
<u>Найти:</u>	$a_7 = -13 + 4 \cdot 6 = -13 + 24 = 11$	$a_4 = -1$
S ₇ -?	$S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n$	$S_7 = -13 - 9 - 5 - 1 + $ +3 + 7 + 11 = -7
	$S_7 = \frac{a_1 + a_7}{2} \cdot 7$	
	$S_7 = \frac{-13+11}{2} \cdot 7 = -7$	Отв

Ответ: -7

Задание 6. Арифметическая прогрессия (*a_n*) задана условиями:

 a_1 = 41, a_{n+1} = a_n – 6. Найдите сумму первых пяти её членов.

<u>Дано:</u>	Решение:	Проверка:
$a_1 = 41$	$a_{n+1} = a_n - 6$	$a_1 = 41$
$a_{n+1} = a_n - 6$	d = -6	$a_2 = a_1 - 6 = 41 - 6 = 35$
<u>Найти:</u> S ₅ -?	$a_n = a_1 + d(n-1)$ $a_5 = a_1 + d \cdot 4$ $a_5 = 41 + (-6) \cdot 4 = 17$	$a_3 = a_2 - 6 = 35 - 6 = 29$ $a_4 = a_2 - 6 = 29 - 6 = 23$ $a_5 = a_4 - 6 = 23 - 6 = 17$
	$S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n$ $S_5 = \frac{a_1 + a_5}{2} \cdot 5$	$S_5 = 41 + 35 + 29 + 23 + 17$ $S_5 = 145$
	$S_5 = \frac{41+17}{2} \cdot 5 = 145$	Ответ: 145

Задание 7. Выписано несколько последовательных членов арифметической прогрессии: ...; -1; x; -19; -28; ... Найдите член прогрессии, обозначенный буквой x.

a_2 - ?	-		OTRET' -1
a 2	$a_2 = -1 - 9 = -10$	2 2	
<u>паити.</u>	1 0 10	$a_0 = \frac{1}{2} = -10$	
Найти:	$a_2 = a_1 + d$	$a_2 = \frac{-1-19}{2} = -10$	
	. 1	- 2	
$a_4 = -28$	=-28+19=-9	$a_2 = \frac{a_1 + a_3}{2}$	
~ _ OO		$a_1 + a_2$	
$a_3 = -19$	$d = a_4 - a_3 = (-28) - (-19) =$. 2	
•		$a_n = \frac{a_{n-1} + a_{n+1}}{2}$	
$a_1 = -1$	I способ	$a_{n-1} + a_{n+1}$	
<u>Дано:</u>	Решение:	II способ	
	T.		

Ответ: -10

Задание 8. Найдите разность арифметической прогрессии (a_n), в которой a_7 = 8,4, a_{12} = 13,9.

<u>Дано:</u>	<u>Решение:</u>	$a_n = a_1 + d(n-1)$	Проверка:
$a_7 = 8,4$	I способ	$II\ cnoco\delta \int a_{12} = a_1 + d \cdot 11$	$a_7 = 8,4$
a_{12} = 13,9	$a_{12} = a_7 + 5d$	$a_7 = a_1 + d \cdot 6$	$a_8 = 9,5$
I I o vy myy	13,9=8,4+5 <i>d</i>	$(13,9=a_1+11d)$	$a_9 = 10,6$
<u>Найти:</u>	5 <i>d</i> =13,9–8,4	$-\begin{cases} 13,9 = a_1 + 11d \\ 8,4 = a_1 + 6d \end{cases}$	$a_{10} = 11,7$
<i>d</i> -?	5d = 5,5	$\frac{1}{5,5=5d}$	a_{11} = 12,8
	d=5,5:5=1,1	d=5,5:5=1,1	a_{12} = 13,9

Ответ: 1,1

<u>III) Геометрическая прогрессия</u>

Задание 9. Геометрическая прогрессия задана условиями:

$$b_1 = -2$$
, $b_{n+1} = 3b_n$. Найдите b_6 .

<u>Дано:</u>	Решение:	Проверка:
$b_1 = -2$	$b_{n+1} = 3b_n$	$b_1 = -2$
$b_{n+1} = 3b_n$	q=3	$b_2 = 3 \cdot (-2) = -6$
II o verne re	$b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$	$b_3 = 3 \cdot (-6) = -18$
Найти:	$b_6 = b_1 \cdot q^5$	$b_4 = 3 \cdot (-18) = -54$
<i>b</i> ₆ -?	$b_6 = -2.3^5 = -486$	$b_5 = 3 \cdot (-54) = -162$
	<i>b</i> ₆ 20 100	$b_6 = 3 \cdot (-162) = -486$

Ответ: -486

Задание 10. Выписаны первые три члена геометрической прогрессии: –150; 60; –24; ... Найдите её четвертый член.

<u>Дано:</u>	Решение:	Проверка:
$b_1 = -150$	$q = \frac{b_2}{b_1} = \frac{60}{-150} = -\frac{2}{5}$	$b_1 = -150$
$b_2 = 60$	$b_1 -150 5$	$b_2 = -150 \cdot \left(-\frac{2}{5}\right) = 60$
$b_3 = -24$	$b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$	
Найти:	$b_4 = b_1 \cdot q^3$	$b_3 = 60 \cdot \left(-\frac{2}{5}\right) = -24$
<i>b</i> ₄ -?	$b_4 = -150 \cdot \left(-\frac{2}{5}\right)^3 = 150 \cdot \frac{8}{125} = 9,6$	$b_4 = -24 \cdot \left(-\frac{2}{5}\right) = \frac{48}{5} = 9,6$
	или $b_4 = b_3 \cdot q = -24 \cdot \left(-\frac{2}{5}\right) = 9,6$	Ответ: 9,6

Задание 11. Выписаны первые три члена геометрической прогрессии: 3; -12; 48; ... Найдите сумму первых пяти её членов.

	-4-1 -5	Ответ: 615
	$S_5 = \frac{((-4)^5 - 1) \cdot 3}{-4 - 1} = \frac{-1025 \cdot 3}{-5} = 615$	=39+576=615
S ₅ -?	$S_5 - {q-1}$	$S_5 = 3 - 12 + 48 - 192 + 768 =$
<u>Найти:</u>	$S_5 = \frac{(q^5 - 1) \cdot b_1}{q - 1}$	$b_5 = -192 \cdot (-4) = 768$
II.a ~~~~.	$S_n = \frac{(q^n - 1) \cdot b_1}{q - 1}$	$b_4 = 48 \cdot (-4) = -192$
$b_3 = 48$	$(q^n-1)\cdot b_1$	$b_3 = -12 \cdot (-4) = 48$
$b_2 = -12$	b_1 3	$b_2 = 3 \cdot (-4) = -12$
$b_1 = 3$	$q = \frac{b_2}{b_1} = \frac{-12}{3} = -4$	$b_1 = 3$
<u>Дано:</u>	<u>Решение:</u>	<u>Проверка:</u>

Задание 12. Геометрическая прогрессия задана условиями:

 b_1 = -7, b_{n+1} = $2b_n$. Найдите сумму первых шести её членов.

<u>Дано:</u>	Решение:	Проверка:
$b_1 = -7$	$b_{n+1} = 2b_n$	$b_1 = -7$
$b_{n+1} = 2b_n$	q=2	$b_2 = -7 \cdot 2 = -14$
Найти:	$S_n = \frac{(q^n - 1) \cdot b_1}{q - 1}$	$b_3 = -14 \cdot 2 = -28$ $b_4 = -28 \cdot 2 = -56$
S ₆ -?	$S_6 = \frac{(q^6 - 1) \cdot b_1}{q - 1}$	$b_5 = -56 \cdot 2 = -112$ $b_6 = -112 \cdot 2 = -224$
	$S_6 = \frac{(2^6 - 1) \cdot (-7)}{2 - 1} = \frac{63 \cdot (-7)}{1} = -441$	$S_6 = -7 - 14 - 28 - 56 - 112 - 224 = -441$

Ответ: -441

Задание 13. Выписано несколько последовательных членов геометрической прогрессии: ...; $2,4;\ x;\ 60;\ 300;\ ...$ Найдите член прогрессии, обозначенный буквой x.

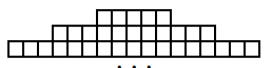
<u>Дано:</u>	Решение:	
$b_1 = 2,4$	I способ	II способ
$b_3 = 60$	$q = \frac{b_4}{b_3} = \frac{300}{60} = 5$	$b_n = \sqrt{b_{n-1} \cdot b_{n+1}}$
$b_4 = 300$	3	$b_2 = \sqrt{b_1 \cdot b_3}$
<u>Найти:</u>	$b_2 = 2, 4.5$ $b_2 = 12$	$b_2 = \sqrt{2,4.60} = \sqrt{144} = 12$
<i>b</i> ₂ -?	<i>b</i> ₂ 12	Ответ: 12

IV) Прикладные задачи

Задание 14. В первом ряду кинозала 30 мест, а в каждом следующем на 2 больше, чем в предыдущем. Сколько мест в пятнадцатом ряду?

<u>Дано:</u>	Решение:	Проверка	<u>a:</u>	
$a_1 = 30$	$a_n = a_1 + d(n-1)$	$a_1 = 30$	$a_6 = 40$	$a_{11} = 50$
d=2	$a_{15} = a_1 + d \cdot 14$	a_2 = 32	$a_7 = 42$	$a_{12} = 52$
<u>Найти:</u>	$a_{15} = 30 + 2.14 = 58$	$a_3 = 34$	$a_8 = 44$	$a_{13} = 54$
<i>a</i> ₁₅ -?		$a_4 = 36$	$a_9 = 46$	$a_{14} = 56$
10		$a_5 = 38$	$a_{10} = 48$	$a_{15} = 58$

Задание 15. Фигура составляется из квадратов так, как показано на ри-



сунке. В каждой следующей строке на 6 квадратов больше, чем в предыдущей. Сколько квадратов в 28-й строке?

<u>Дано:</u>	<u>Решение:</u>	Проверка	<u>a:</u>	
$a_1 = 5$	$a_n = a_1 + d(n-1)$	$a_1 = 5$	$a_{10} = 59$	$a_{20} = 119$
<i>d</i> = 6	$a_{28} = a_1 + d \cdot 27$	a_2 = 11	$a_{12} = 71$	a_{22} = 131
<u>Найти:</u>	$a_{28} = 5 + 6.27 = 167$	a_4 = 23	$a_{14} = 83$	a_{24} = 143
a ₂₈ -?		$a_6 = 35$	$a_{16} = 95$	a_{26} = 155
_0		$a_8 = 47$	$a_{18} = 107$	a_{28} = 167

Ответ: 167

Задание 16. Хозяин договорился с рабочими, что они выкопают ему колодец на следующих условиях: за первый метр он заплатит им 3800 рублей, а за каждый следующий метр будет платить на 1200 рублей больше, чем за предыдущий. Сколько рублей хозяин должен будет заплатить рабочим, если они выкопают колодец глубиной 9 метров?

<u>Дано:</u>	<u>Решение:</u>	Проверка:		
$a_1 = 3800$	$a_n = a_1 + d(n-1)$	$a_1 = 3800$ $a_6 = 9800$		
d = 1200	$a_9 = 3800 + 1200 \cdot 8 = 13400$	$a_2 = 5000$ $a_7 = 11000$		
Найти:	$S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n$	$a_3 = 6200$ $a_8 = 12200$		
S_{\circ} -?	4	$a_4 = 7400$ $a_9 = 13400$		
\mathcal{O}_9 :	$S_9 = \frac{a_1 + a_9}{2} \cdot 9$	$a_5 = 8600$		
	$S_9 = \frac{3800 + 13400}{2} \cdot 9 = 77400$	$S_9 = 3800 + 5000 + 6200 + 7400 +$		
	$\frac{3}{2}$	+8600+9800+11000+12200+		
		+13400=77400		