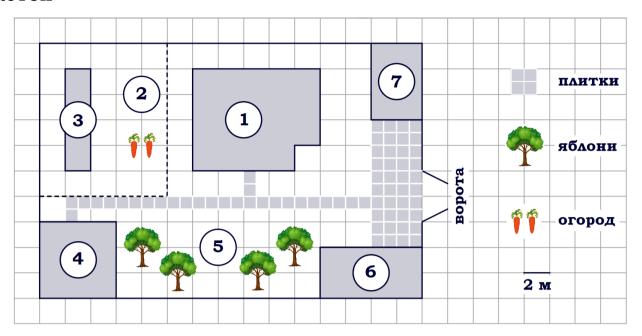
E. А. Ширяева Задачник (**ОГЭ 2024**)

## 01-05. Задачи с практическим содержанием примеры

## «Участок»



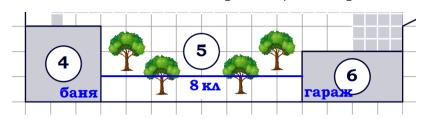
Задание 1. На плане изображён дачный участок по адресу: п. Синицыно, ул. Красная, д. 34 (сторона каждой клетки на плане равна 2 м). Участок имеет прямоугольную форму. Выезд и въезд осуществляются через единственные ворота. При входе на участок слева от ворот находится гараж. Справа от ворот находится сарай площадью 24 кв. м, а чуть подальше — жилой дом. Напротив жилого дома расположены яблоневые посадки. Также на участке есть баня, к которой ведёт дорожка, выложенная плиткой, и огород с теплицей внутри (огород отмечен на плане цифрой 2). Все дорожки внутри участка имеют ширину 1 м и вымощены тротуарной плиткой размером 1 м х 1 м. Между гаражом и сараем находится площадка, вымощенная такой же плиткой. К участку подведено электричество. Имеется магистральное газоснабжение.

**1.** Для объектов, указанных в таблице, определите, какими цифрами они обозначены на плане. Заполните таблицу, в бланк ответов перенесите последовательность четырёх цифр без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Объекты	теплица	баня	сарай	яблони
Цифры				

Работаем с текстом. Справа от ворот находится **сарай**, значит, он обозначен цифрой **7**. Чуть дальше от ворот находится жилой дом (цифра 1), напротив которого расположены **яблоневые посадки**, следовательно, они обозначены цифрой **5**. К бане ведет дорожка, выложенная плиткой, тогда **баня** отмечена цифрой **4**. Огород отмечен цифрой 2, тогда **теплица** – цифрой **3**.

2. Найдите расстояние от гаража до бани (расстояние между двумя ближайшими точками по прямой) в метрах.

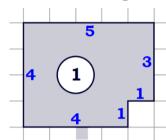


Расстояние между гаражом (объект 6) и баней (объект 4) составляет 8 клеток.

Сторона каждой клетки на плане равна 2 м. Найдем расстояние (в метрах): 2.8=16 (м).

Ответ: 16

3. Найдите периметр фундамента жилого дома. Ответ дайте в метрах.



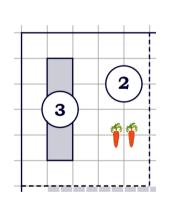
Периметр – сумма длин всех сторон.

Сумма длин всех сторон жилого дома:

Сторона каждой клетки на плане равна 2 м, тогда периметр P = 2.18 = 36 (м).

Ответ: 36

**4.** Найдите площадь открытого грунта огорода (вне теплицы). Ответ дайте в квадратных метрах.



Площадь всего огорода:  $S_{ozopoòa} = 6.5 = 30$  (клеток).

Площадь теплицы:  $S_{mennuusi} = 4.1 = 4$  (клетки).

Площадь открытого грунта:

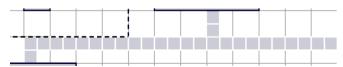
$$S_{omkpыmozo\ zpyнma} = S_{ozopoda} - S_{menzuuu} = 30 - 4 = 26$$
 (клеток).

Сторона каждой клетки на плане равна 2 м, тогда площадь одной клетки  $S_{\kappa_{nem\kappa u}}$  =  $2\cdot 2$  = 4 (м $^2$ ).

$$S_{omkpыmoro\ rpyhma} = 4.26 = 104 \, (\text{m}^2).$$

Ответ: **104** 

**5.** Плитки для садовых дорожек продаются в упаковках по 8 штук. Сколько упаковок плиток понадобилось, чтобы выложить все дорожки?

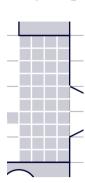


Для того, чтобы выложить все дорожки понадобится  $3+2\cdot12=27$  (плиток).

Посчитаем количество упаковок:  $27:8=3\frac{3}{8}\approx 4$  (упаковки).

Округляем в большую сторону!

**6.** Тротуарная плитка продаётся в упаковках, рассчитанных на 3,5 м<sup>2</sup>. Сколько упаковок такой плитки понадобилось, чтобы выложить площадку между гаражом и сараем?



$$S_{nnouqa\partial \kappa u} = 2.5 = 10$$
 (клеток).

$$S_{\kappa nemku} = 2 \cdot 2 = 4 \text{ (m}^2\text{)}.$$

$$S_{nnouadku} = 4.10 = 40 \, (\text{m}^2).$$

$$S_{nnowadku} = 10.4 = 40$$
 (плиток)

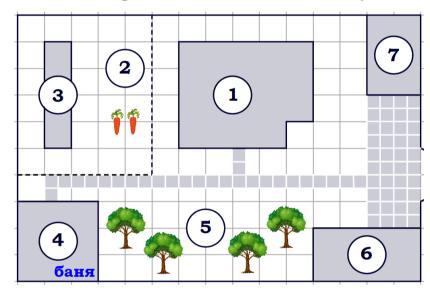
$$S_{n\pi u m \kappa u} = 1 \text{ m}^2 \Rightarrow S_{n\pi o u a \partial \kappa u} = 40 \text{ m}^2$$

Количество упаковок: 
$$40:3,5 = \frac{400}{35} = \frac{80}{7} = 11\frac{3}{7} \approx 12$$
 (упаковок).

Округляем всегда в большую сторону!

Ответ: 12

7. Сколько процентов площади всего участка занимает баня?



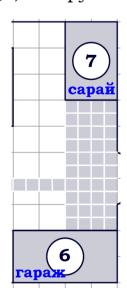
$$S_{yuacmka} = 10.15 = 150$$
 (клеток)  $S_{\delta ahu} = 3.3 = 9$  (клеток)

$$\frac{150}{9} = \frac{100}{x}$$

$$x = \frac{9.100}{150} = \frac{9.2}{3} = 6 \, (\%)$$

Ответ: 6

8. На сколько процентов площадь, которую занимает сарай, меньше площади, которую занимает гараж?



$$S_{capaxa} = 2 \cdot 4 = 8$$
 (клеток)

$$S_{capas} = 3 \cdot 2 = 6$$
 (клеток)

Гараж – 8 клеток Сарай - 6 клеток



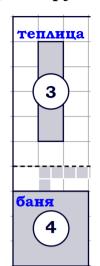
на сколько % меньше?

$$\frac{8}{6} = \frac{100}{x}$$

$$\frac{8}{6} = \frac{100}{x}$$
  $x = \frac{6.100}{8} = \frac{3.100}{4} = 75 \, (\%)$ 

$$100-75=25 (\%)$$

**9.** На сколько процентов площадь, которую занимает баня, больше площади, которую занимает теплица?



$$S_{mennuqua} = 4 \cdot 1 = 4$$
 (клетки)  
 $S_{famu} = 3 \cdot 3 = 9$  (клеток)

Теплица – 4 клетки ← на сколько % больше?

$$9 - x\%$$

$$\frac{4}{9} = \frac{100}{x}$$
  $x = \frac{9.100}{4} = \frac{9.25}{1} = 225 \, (\%)$ 

Ответ: 125

**10.** Хозяин участка планирует установить в жилом доме систему отопления. Он рассматривает два варианта: электрическое или газовое отопление. Цены на оборудование и стоимость его установки, данные о расходе газа, электроэнергии и их стоимости даны в таблице.

	Нагреватель (котёл)	Прочее оборудова- ние и монтаж	Средн. расход газа/ средн. потребл. мощность	Стоимость газа/электро- энергии
Газовое отопление	24 000 руб.	14 316 руб.	1,1 куб. м/ч	4,4 руб./куб. м
Электр. отопление	19 000 руб.	11 000 руб.	4,4 кВт	5,3 руб./(кВт·ч)

Обдумав оба варианта, хозяин решил установить газовое отопление. Через сколько часов непрерывной работы отопления экономия от использования газа вместо электричества компенсирует разницу в стоимости покупки и установки газового и электрического оборудования?

Вложения в газовое отопление: 24 000+14 316 = 38 316 (руб.) Вложения в электрическое отопление: 19 000+11 000 = 30 000 (руб.) Разница (переплата): 38 316-30 000 = 8 316 (руб.)

Стоимость газа (за час):  $1,1\cdot4,4=4,84$  (руб./ч), стоимость электричества (за час):  $4,4\cdot5,3=23,32$  (руб./ч), экономия составит 23,32-4,84=18,48 (руб./ч).

Количество часов, необходимое для компенсации разницы, составит 8 316:18,48 = 450 (ч).

В задании N = 10 для облегчения вычислений можно составить выражение:

$$\frac{38\,316 - 30\,000}{4,4 \cdot 5,3 - 1,1 \cdot 4,4} = \frac{8\,316}{4,4(5,3 - 1,1)} = \frac{8\,316}{4,4 \cdot 4,2} = \frac{8\,316 \cdot 100}{44 \cdot 4,2} = \frac{189 \cdot 100}{1 \cdot 42} = \frac{189 \cdot 50}{1 \cdot 21} = 450 \, \text{(y)}.$$

**11.** Хозяин участка решил покрасить весь забор вокруг участка (только с внешней стороны) в зелёный цвет. Площадь забора равна 232 кв. м, а купить краску можно в одном из двух ближайших магазинов. Цены и характеристики краски и стоимость доставки заказа даны в таблице.

Номер магазина	Расход краски	Масса краски в одной банке	Стоимость одной банки краски	Стоимость доставки заказа
1	0,6 кг/кв. м	5 кг	2400 руб.	400 руб.
2	0,4 кг/кв. м	4 кг	2300 руб.	600 руб.

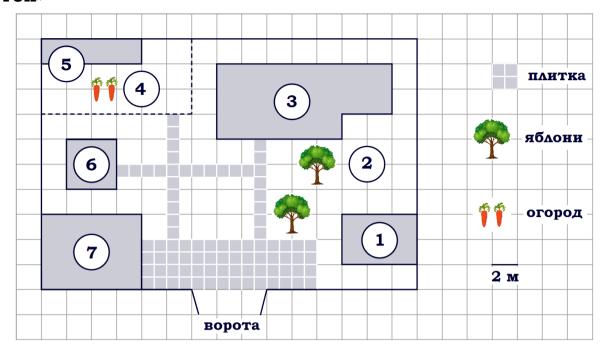
Во сколько рублей обойдётся наиболее дешёвый вариант покупки с доставкой?

Площадь забора – 232 м<sup>2</sup>

<b>N</b> º	Расход краски	Необходимое количество краски	Масса краски в одной банке	Количество ба- нок
1	0,6 кг/м²	$0,6.232=139,2\approx140 \text{ (kg)}$	5 кг	140:5=28
2	0,4 кг/ м²	$0,4.232 = 92,8 \approx 93 \text{ (Kr)}$	4 кг	93:4=23,25≈24

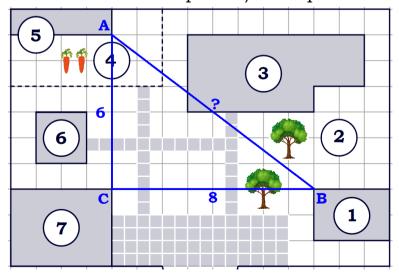
Nº	Количе- ство банок	Стоимость од- ной банки краски	Стоимость до- ставки заказа	Стоимость покупки (руб.)
1	28	2400 руб.	400 руб.	2400.28+400=67 600
2	24	2300 руб.	600 руб.	2300.24+600 €55 800

## «Участок»



Задание 2. На плане изображено домохозяйство по адресу: с. Ласточкино, ул. Школьная, д. 18 (сторона каждой клетки на плане равна 2 м). Участок имеет прямоугольную форму. Выезд и въезд осуществляются через единственные ворота. При входе на участок справа от ворот находится баня, а слева – гараж, отмеченный на плане цифрой 7. Жилой дом находится в глубине территории. Помимо гаража, жилого дома и бани, на участке имеется сарай, расположенный рядом с гаражом, и теплица, построенная на территории огорода (отмечен цифрой 4). Перед жилым домом имеются яблоневые посадки. Все дорожки внутри участка имеют ширину 1 м и вымощены тротуарной плиткой размером 1 м х 1 м. Между баней и гаражом имеется площадка площадью 56 кв. м, вымощенная плиткой такого же размера, но другой фактуры и цвета. К домохозяйству подведено электричество. Имеется магистральное газоснабжение.

Найдите расстояние от теплицы до бани (расстояние между двумя ближайшими точками по прямой) в метрах.



Для определения расстояния между теплицей (объект 5) и баней (объект 1) найдем длину отрезка AB в клетках:

△ABC – прямоугольный, по теореме Пифагора:

$$AB^2 = BC^2 + AC^2$$

$$AB^2 = 8^2 + 6^2$$

$$AB^2 = 100$$

Сторона каждой клетки равна 2 м  $\Rightarrow$  AB =  $2 \cdot 10 = 20$  (м).