## 12. Расчёты по формулам Блок 1. ФИПИ ПРИМЕРЫ

- **Задание 1.** В фирме «Родник» стоимость (в рублях) колодца из железобетонных колец рассчитывается по формуле  $C = 6000 + 4100 \cdot n$ , где n число колец, установленных при рытье колодца. Пользуясь этой формулой, рассчитайте стоимость колодца из 7 колец.
- **Задание 2.** В фирме «Эх, прокачу!» стоимость поездки на такси (в рублях) рассчитывается по формуле  $C=150+12\cdot(t-5)$ , где t длительность поездки, выраженная в минутах (t>5). Пользуясь этой формулой, рассчитайте стоимость 11-минутной поездки.
- **Задание 3.** Чтобы перевести значение температуры по шкале Цельсия в шкалу Фаренгейта, пользуются формулой  $t_F = 1.8t_C + 32$ , где  $t_C$  градусы Цельсия,  $t_F$  градусы Фаренгейта. Скольким градусам по шкале Фаренгейта соответствует 45 градусов по шкале Цельсия?
- **Задание 4.** Чтобы перевести значение температуры по шкале Фаренгейта в шкалу Цельсия позволяет формула  $t_C = \frac{5}{9}(t_F 32)$ , где  $t_C$  температура в градусах Цельсия,  $t_F$  температура в градусах Фаренгейта. Скольким градусам по шкале Цельсия соответствует 113 градусов по шкале Фаренгейта?
- **Задание 5.** Мощность постоянного тока (в ваттах) вычисляется по формуле  $P = I^2R$ , где I сила тока (в амперах), R сопротивление (в омах). Пользуясь этой формулой, найдите сопротивление R, если мощность составляет 101,25~BT, а сила тока равна 4,5~A. Ответ дайте в омах.
- **Задание 6.** Центростремительное ускорение при движении по окружности (в м/с²) можно вычислить по формуле  $a = \omega^2 R$ , где  $\omega$  угловая скорость (в с¹), а R радиус окружности. Пользуясь этой формулой, найдите радиус R (в метрах), если угловая скорость равна 7.5 с¹, а центростремительное ускорение равно 337.5 м/с². Ответ дайте в метрах.
- **Задание 7.** Площадь четырёхугольника можно вычислить по формуле  $S = \frac{d_1 d_2 \sin \alpha}{2}$ , где  $d_1$  и  $d_2$  длины диагоналей четырёхугольника,  $\alpha$  угол между диагоналями. Пользуясь этой формулой, найдите длину диагонали  $d_2$ , если  $d_1$ =12,  $\sin \alpha = \frac{7}{9}$ , а S=46,2.

## Блок 2. ФИПИ. Расширенная версия ПРИМЕРЫ

- **Задание 8.** Зная длину своего шага, человек может приближённо подсчитать пройденное им расстояние s по формуле s=nl, где n число шагов, l длина шага. Какое расстояние прошёл человек, если l = 60 см, n = 1300? Ответ выразите в километрах.
- **Задание 9.** Период колебания математического маятника T (в секундах) приближенно можно вычислить по формуле  $T = 2\sqrt{l}$ , где l длина нити (в метрах). Пользуясь этой формулой, найдите длину нити маятника (в метрах), период колебаний которого составляет 11 секунд.
- **Задание 10.** Закон Кулона можно записать в виде  $F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$ , где F сила взаимодействия зарядов (в ньютонах),  $q_1$  и  $q_2$  величины зарядов (в кулонах), k коэффициент пропорциональности (в  $H \cdot m^2 / K \Lambda^2$ ), а r расстояние между зарядами (в метрах). Пользуясь формулой, найдите величину заряда  $q_2$  (в кулонах), если  $k = 9 \cdot 10^9$   $H \cdot m^2 / K \Lambda^2$ ,  $q_1 = 0,008$  Кл, r = 400 м, а F = 0,225 H.
- **Задание 11.** Закон всемирного тяготения можно записать в виде  $F = \gamma \frac{m_1 m_2}{r^2}$ , где F сила притяжения между телами (в ньютонах),  $m_1$  и  $m_2$  массы тел (в килограммах), r расстояние между центрами масс (в метрах), а  $\gamma$  гравитационная постоянная, равная  $6.67 \cdot 10^{-11} \; \text{H·m}^2/\text{kr}^2$ . Пользуясь формулой, найдите массу тела  $m_1$  (в килограммах), если  $F = 0.64032 \; \text{H}$ ,  $m_2 = 4 \cdot 10^9 \; \text{kr}$ , а  $r = 5 \; \text{m}$ .
- **Задание 12.** Закон Менделеева-Клапейрона можно записать в виде  $PV = \nu RT$ , где P -давление (в паскалях), V -объём (в  $M^3$ ), V -количество вещества (в молях), T -температура (в градусах Кельвина), а R -универсальная газовая постоянная, равная  $8,31 \ Дж/(K\cdot моль)$ . Пользуясь этой формулой, найдите объём V (в  $M^3$ ), если  $T = 300 \ K$ ,  $P = 53 \ 848,8 \ Па, <math>\nu = 32,4 \ моль$ .
- **Задание 13.** Закон Менделеева-Клапейрона можно записать в виде  $PV = \nu RT$ , где P давление (в паскалях), V объём (в м³),  $\nu -$  количество вещества (в молях), T температура (в градусах Кельвина), а R универсальная газовая постоянная, равная  $8,31 \, \text{Дж/(K·моль)}$ . Пользуясь формулой, найдите температуру T (в градусах Кельвина), если  $P = 70\,219,5$  Па,  $\nu = 29,9$  моль, V = 2,3 м³.

## 12. Расчёты по формулам Блок 3. Типовые экзаменационные варианты примеры

- **Задание 14.** Высота деревянного стеллажа для книг равна h = (a+b)n + a миллиметров, где a толщина одной доски (в мм), b высота одной полки (в миллиметрах), n число таких полок. Найдите высоту книжного стеллажа из 8 полок, если a = 18 мм, b = 310 мм. Ответ выразите в миллиметрах.
- **Задание 15.** Закон Гука можно записать в виде F = kx, где F cила (в ньютонах), с которой сжимают пружину, x -абсолютное удлинение (сжатие) пружины (в метрах), а k -коэффициент упругости. Пользуясь этой формулой, найдите x (в метрах), если  $F = 80 \, \text{H}$  и  $k = 5 \, \frac{\text{H}}{\text{M}}$ .
- **Задание 16.** Закон Джоуля–Ленца можно записать в виде  $Q = I^2Rt$ , где Q количество теплоты (в джоулях), I сила тока (в амперах), R сопротивление цепи (в омах), а t время (в секундах). Пользуясь этой формулой, найдите время t (в секундах), если Q = 816,75 Дж, I = 5,5 A, R = 9 Ом .
- **Задание 17.** Мощность постоянного тока (в ваттах) вычисляется по формуле  $P = \frac{U^2}{R}$ , где U напряжение (в вольтах), R сопротивление (в омах). Пользуясь этой формулой, найдите P (в ваттах), если R=9 Ом, U=18 B.
- **Задание 18.** Работа постоянного тока (в джоулях) вычисляется по формуле  $A = \frac{U^2t}{R}$ , где U напряжение (в вольтах), R сопротивление (в омах), t время (в секундах). Пользуясь этой формулой, найдите A (в джоулях), если t = 8 с, U = 6 В, R = 2 Ом.
- **Задание 19.** Кинетическая энергия тела (в джоулях) вычисляется по формуле  $E = \frac{mv^2}{2}$ , где m масса тела (в килограммах), а v его скорость (в метрах в секунду). Пользуясь этой формулой, найдите E (в джоулях), если  $v = 5 \, \text{m/c}$  и m =  $12 \, \text{kr}$ .
- **Задание 20.** Энергия заряженного конденсатора W (в Дж) вычисляется по формуле  $W = \frac{\text{CU}^2}{2}$ , где C ёмкость конденсатора (в Ф), а U разность потенциалов на обкладках конденсатора (в В). Найдите энергию конденсатора W (в Дж) ёмкостью  $10^{-4}$  Ф, если разность потенциалов U на обкладках конденсатора равна 8 В.

**Задание 21.** Площадь треугольника можно вычислить по формуле  $S = \frac{abc}{4R}$ , где a, b и c – стороны треугольника, а R – радиус окружности, описанной около этого треугольника. Пользуясь этой формулой, найдите S, если a = 11, b = 13, c = 20 и  $R = \frac{65}{6}$ .

**Задание 22.** Радиус вписанной в прямоугольный треугольник окружности можно найти по формуле  $r = \frac{a+b-c}{2}$ , где a и b – катеты, а c – гипотенуза треугольника. Пользуясь этой формулой, найдите c, если a=12, b=35 и r=5.

**Задание 23.** Теорему косинусов можно записать в виде  $\cos \alpha = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab}$ , где a, b и c – стороны треугольника, а  $\alpha$  – угол между сторонами a и b. Пользуясь этой формулой, найдите величину  $\cos \alpha$ , если a = 3, b = 8 и c = 7.

**Задание 24.** Длина медианы  $m_c$ , проведённой к стороне с треугольника со сторонами a, b и c, вычисляется по формуле  $m_c = \frac{\sqrt{2a^2 + 2b^2 - c^2}}{2}$ . Найдите медиану  $m_c$ , если a = 4, b = 7 и c = 9.

**Задание 25.** Длина биссектрисы  $l_c$ , проведённой к стороне с треугольника со сторонами a, b и c, вычисляется по формуле  $l_c = \frac{1}{a+b} \sqrt{ab((a+b)^2 - c^2)}$ . Найдите длину биссектрисы  $l_c$ , если a=7, b=21 и c=26.

**Задание 26.** Площадь треугольника вычисляется по формуле  $S = \frac{1}{2}bcsin\alpha$ , где b и c – две стороны треугольника, а  $\alpha$  – угол между ними. Пользуясь этой формулой, найдите  $sin\alpha$ , если b=10, c=5 и S=20.

**Задание 27.** Радиус описанной около треугольника окружности можно найти по формуле  $R = \frac{a}{2\sin\alpha}$ , где a – сторона треугольника,  $\alpha$  – противолежащий этой стороне угол, а R – радиус описанной около этого треугольника окружности. Пользуясь этой формулой, найдите R, если a = 7, а  $\sin\alpha = \frac{5}{14}$ .

**Задание 28.** Теорему синусов можно записать в виде  $\frac{\alpha}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta}$ , где a и b – две стороны треугольников, а  $\alpha$  и  $\beta$  – углы треугольника, лежащие против них соответственно. Пользуясь этой формулой, найдите величину a, если b = 15,  $\sin \alpha = \frac{4}{5}$  и  $\sin \beta = \frac{12}{13}$ .

**Задание 29.** Площадь прямоугольника можно вычислить по формуле  $S = \frac{d^2 \sin \alpha}{2}$ , где d – длина диагонали,  $\alpha$  – угол между диагоналями. Пользуясь этой формулой, найдите площадь S, d = 12 и  $\sin \alpha = \frac{5}{6}$ .