Экстракция кода из Agda в Haskell

Шабалин Александр

научный руководитель доц. Москвин Д. Н.

Академический университет 2013 г.

Мотивирующий пример

TODO: Пример, который легко ломается в хаскеле и легко чинится зависимыми типами.

Зависимые типы

System F:

```
Term ::= Var \mid \lambda x. Term(x) \mid Term Term

Type ::= TVar \mid Type \rightarrow Type \mid \forall x. Type(x)

\Gamma \vdash Term : Type, \Gamma = Var : Type, . . .
```

Зависимые типы

System F:

```
Term ::= Var \mid \lambda x. Term(x) \mid Term Term
Type ::= TVar \mid Type \rightarrow Type \mid \forall x. Type(x)
\Gamma \vdash Term : Type, \Gamma = Var : Type, . . .
```

Зависимые типы:

```
Term ::= Var \mid \mathsf{Term} \; \mathsf{Term}  \mid \lambda x. \; \mathsf{Term}(x) \mid (x : \mathsf{Term}) \to \mathsf{Term}(x)  \mid (\mathsf{Term}, \mathsf{Term}) \mid (x : \mathsf{Term}) \times \mathsf{Term}(x)  \mid \mathsf{Set}  \Gamma \vdash \mathsf{Term} : \mathsf{Term}, \quad \Gamma = \mathsf{Var} : \mathsf{Term}, \dots
```

Agda

Язык с зависимыми типами и синтаксисом, похожим на Haskell.

Agda - примеры

```
data работает аналогично GADT в Haskell
data List (A : Set) : Set where
  <> : List A
  :: A \rightarrow List A \rightarrow List A
{ ...} — необязательный аргумент(компилятор сам подставит)
list-length : \{A : Set\} \rightarrow List \ A \rightarrow Nat
list-length <> = 0
list-length (x :: xs) = \text{list-length } xs + 1
```

Agda - примеры

```
data Vec\ (A:Set): Nat \to Set\ where nil: Vec\ A\ 0 cons: \{n:Nat\} \to A \to Vec\ A\ n \to Vec\ A\ (n+1) list-to-vec: \{A:Set\} \to (xs:List\ A) \to Vec\ A\ (list-length\ xs) list-to-vec: <>=nil list-to-vec: (x::xs) = cons\ x\ (list-to-vec\ xs)
```

Agda - примеры

```
\{a_1 \ a_2 : A\}(b : B) \to C — синтаксический сахар для
                         \{a_1 : A\} \to \{a_2 : A\} \to (b : B) \to C
 zip-vec: \{A \ B: Set\}\{n: Nat\} \rightarrow Vec \ A \ n \rightarrow Vec \ B \ n \rightarrow Vec \ A \ n \rightarrow Vec \ B \ n \rightarrow Vec \ A \ n \rightarrow Vec \ B \ n \rightarrow Vec \ A \ n \rightarrow Vec \ B \ n \rightarrow Vec \ A \ n \rightarrow Vec \ B \ n \rightarrow Vec \ A \ n \rightarrow Vec \ B \ 
                           Vec (A \times B) n
 zip-vec nil nil = nil
zip-vec (cons x xs) (cons y ys) = cons (x, y) (zip-vec xs ys)
 zip-vec nil (cons y ys) = ...
 zip-vec (cons x xs) nil = ...
 эти 2 клоза даже написать нельзя - типы не сойдутся
```

Agda

TODO: Пример с первого слайда

Компилятор MAlonzo

```
data Vec(A : Set) : Nat \rightarrow Set where
   nil: Vec A 0
   cons : \{n : Nat\} \rightarrow A \rightarrow Vec \ A \ n \rightarrow Vec \ A \ (n+1)
vec-map : \{A \ B : Set\}\{n : Nat\} \rightarrow (A \rightarrow B) \rightarrow Vec \ A \ n \rightarrow Vec \ B \ n
vec-map f nil = nil
vec-map f (cons x xs) = cons (f x) (vec-map f xs)
data T_1 a_0 a_1 a_2 = C_2 | C_3 a_0 a_1 a_2
d_4 v_0 v_1 v_2 v_3 (C_2) = \text{cast } C_2
d_4 \ v_0 \ v_1 \ v_2 \ v_3 \ (C_3 \ v_4 \ v_5 \ v_6) = cast \ (C_3 \ (cast \ v_4) \ (cast \ (v_3 \ (cast \ v_5)))
   (cast (d_4 (cast v_0) (cast v_1) (cast v_4) (cast v_3) (cast v_6))))
ghci>:t d<sub>4</sub>
d_4 :: a \rightarrow a_1 \rightarrow a_2 \rightarrow a_3 \rightarrow (T_1 \ t \ t_1 \ t_2) \rightarrow b
                                                                4□ > 4□ > 4□ > 4□ > □ ×900
```

```
Inductive vec (A : Set) : nat \rightarrow Set := nil : vec A 0
 cons: \forall n: nat, A \rightarrow \text{vec } A \ n \rightarrow \text{vec } A \ (n+1).
Fixpoint vMap (A : Set) (B : Set) n (f : A \rightarrow B)
   (v : \text{vec } A \ n) : \text{vec } B \ n :=
       match v with nil \Rightarrow nil
       | cons \quad x \quad xs \Rightarrow cons \quad (f \quad x) \quad (vMap \quad f \quad xs)
end.
data Vec a = Nil \mid Cons\ Nat\ a\ (Vec\ a)
vMap :: Nat \rightarrow (a_1 \rightarrow a_2) \rightarrow Vec a_1 \rightarrow Vec a_2
vMap n f v = \mathbf{case} v \mathbf{of}
   Nil \rightarrow Nil
   Cons n_0 \times xs \to \text{Cons } n_0 \ (f \ x) \ (vMap \ n_0 \ f \ xs)
```

Что хочется

Идея: Экспортировать только то, что при преобразовании типов не потеряет информацию (инварианты).

Сначала разрешаем только типы, которые имеют полный аналог в Haskell. Потом добавляем отдельные случаи зависимых типов, представляемых в Haskell.

Что сделано

С помощью прагм {-# EXPORT agda-name haskell-name #-} можно экспортировать типы и функции(тип которых выводится автоматически).

Но типы экспортируются только как абстрактные (newtype), а не с конструкторами (data).

TODO: go into detail here

А что можно попробовать

- 1. разрешить экспортировать типы с конструкторами
- 2. зависимые типы вроде $f:\{A \ B: Set\}\{n: Nat\} \to Vec \ A \ n \to Vec \ B \ n \to Vec \ (A \times B) \ n$ могут быть экспортированы, если n не используется внутри f
- 3. есть трюк, позволяющий экспортировать типы вроде $f: \{A: Set\}(n: Nat) \to A \to Vec \ a \ n$

Q&A