# Metoda stycznych (Newtona)

Kamil Górny, Wojciech Jachimowski, Mateusz Jendernal, Dominika Glugla

# Spis treści

1	$\mathbf{W}\mathbf{s}^{\dagger}$	tęp Opis implementacji algorytmu realizującego metodę
2	Dzi	ałanie programu
3		s programu
	3.1	Struktura programu
	3.2	Wejście-wyjście
	3.3	Kod programu
		3.3.1 JavaScript
		3.3.2 HTML
		3.3.3 CSS - fragment

## 1 Wstęp

Treść zadania: "Napisz program, który rozwiązuje równanie:  $-x^3+x^2+5x-1=0$  metodą stycznych (Newtona).

Dane wejściowe:

a. Przybliżone rozwiązanie równania  $\epsilon \in (0,1)$ 

Dane wyjściowe:

- a. Dokładność rozwiązania  $\boldsymbol{x}_k$
- b. liczba wykonanych kroków "

Wykorzystywana metoda numeryczna: metoda stycznych (Newtona).

Metoda stycznych (Newtona) pozwala zestymować z dowolnie wybranym przybliżeniem miejsca zerowe (współrzędna x punktów przecięcia z osią x) dowolnie wybranej funkcji znając jej pierwszą pochodną.

Znając funkcję f, która jest ciągła na odcinku [a,b] i jej pochodna na podanym odcinku w żadnym miejscu nie jest równa 0. Ciąg Newtona dla równania funkcji f jest postaci:

$$x_{k+1} = x_k - \frac{f(x_k)}{f'(x_k)}$$
, gdzie  $k \ge 0$ 

Dzięki metodzie Newtona możemy zastąpić problem znalezienia miejsca zerowego funkcji na problem znalezienia miejsca zerowego stycznej do funkcji f w punkcie  $(x_k, f(x_k)$  Miejscem zerowym możemy nazwać  $x_{k+1}$  które obliczamy ze wzoru podanego powyżej.

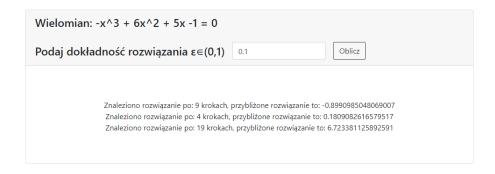
## 1.1 Opis implementacji algorytmu realizującego metodę

Implementacja algorytmu skupia się w dużej mierze na obliczeniu  $x_{k+1}$  z podanego powyżej wzoru. Narzędziem programistycznym do osiągnięcia tego celu jest pętla while, która działa do momentu osiągnięcia zadowalającego przybliżenia obliczając w każdym kroku  $x_{k+1}$  wykorzystując odpowiednio podaną funkcję i jej pochodną.

Przykład.  $F(x) = -x^3 + x^2 + 5x - 1 = 0$ . Po zastosowaniu algorytmu numerycznego otrzymujemy:  $x_1 = -0.8990985048069007$ ,  $x_2 = 0.1809082616579517$ ,  $x_3 = 6.723381125892591$ , gdzie  $x_i$  jest wyestymowanym miejscem zerowym.

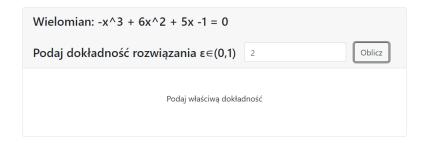
## 2 Działanie programu

## Przybliżone rozwiązywanie równań nieliniowych



Rys. 1: Po podaniu dokładności z przedziału

# Przybliżone rozwiązywanie równań nieliniowych



Rys. 2: Podanie dokładności spoza przedziału

## 3 Opis programu

### 3.1 Struktura programu

Program napisany jest w JavaScript, wykorzystuje HTML, CSS, Bootstrap. W celu realizowania zadania program wykorzystuje pętle, listy i funkcje. Program można wyświetlić w przeglądarce uruchamiając plik index.html. Można pobrać kod źródłowy z GitHuba: https://github.com/projekt-zespolowy-rodeo/rownania-nieliniowe.

## 3.2 Wejście-wyjście

Wejście programu to dokładność, z którą program ma wyestymować miejsca zerowe. Wyjściem natomiast są miejsca zerowe, które zostały wyestymowane metodą Newtona. Dane mogą zostać wprowadzone poprzez formularz przeglądarki. Aby przeciwdziałać wprowadzeniu nieprawidłowych danych nałożone zostało ograniczenie niepozwalające na wprowadzenie danych spoza danego przedziału. Dane dodawane i wyświetlane są po wciśnięciu przycisku "Oblicz". Miejsca zerowe wyświetlane są w przeglądarce.

### 3.3 Kod programu

#### 3.3.1 JavaScript

```
let calculateButton = document.getElementById("calculate");
1
2
3
   function newtonsMethod(func, derivative, epsilon){
4
        let solution = document.getElementById("solution");
5
6
       let iterations = 0;
7
       let przedzial = -5;
       let counter = 20;
8
       let output = '
9
       for(let i=-47; i<=przedzial; i++){</pre>
10
            if(i==-47){
11
12
                solution.innerHTML = "";
13
14
            counter = 20:
            let xn = i;
16
            iterations = 0;
17
            while(counter>0){
18
                let f = func(xn);
                let df = derivative(xn);
19
20
                if (Math.abs(f) <= epsilon){</pre>
21
22
                    console.log(x0 = +i+ xn = +xn);
                    let newline = document.createElement("br");
23
24
                    let textnode = document.createTextNode("Znaleziono
                         rozwiązanie po: "+iterations+" krokach,
                         przybliżone rozwiązanie to: "+xn+"\n")
25
26
                    solution.appendChild(newline);
```

```
27
                    solution.appendChild(textnode);
28
29
                    break;
30
                if(df == 0){
31
32
                    console.log("Zerowa pochodna, nie znaleziono
                        rozwiązania.");
33
                    break;
34
35
                }
36
                iterations += 1;
37
38
                xn = xn - f/df;
39
                counter --;
40
            }
41
42
            console.log("wykonano")
43
44
45
46
   function func(x){
47
48
        return (-1)*x**3+6*x**2+5*x-1;
49
50
   function derivative(x){
51
52
       return (-1)*3*x**2-12*x+5;
53
54
55
   calculateButton.addEventListener("click", function(e){
56
        e.preventDefault
57
        let accuracy = document.getElementById("accuracy").value;
        let solution = document.getElementById("solution");
58
59
        if(accuracy == "" || accuracy <= 0 || accuracy >= 1) {
60
            solution.innerHTML = "Podaj właściwą dokładność"
61
62
        else{
63
            newtonsMethod(func, derivative, accuracy);
64
65
66
   })
```

#### 3.3.2 HTML

```
1 <!DOCTYPE html>
   <html lang="en">
3
   <head>
       <meta charset="UTF-8">
4
       <meta name="viewport" content="width=device-width, initial-</pre>
5
           scale=1.0">
6
       <link rel="stylesheet" href="css/bootstrap.css">
7
8
       <title>Przybliżone rozwiązywanie równań nieliniowych</title>
9
   </head>
10
   <body>
```

```
11
       <nav class="navbar navbar-dark bg-dark">
12
           <span class="navbar-text text-white mx-auto h2">
13
             Przybliżone rozwiązywanie równań nieliniowych
14
           </span>
15
       </nav>
16
       <div class="card mt-5 w-50 mx-auto">
17
18
           <div class="card-header h4">
19
               <div>Wielomian: -x^3 + 6x^2 + 5x -1 = 0</div>
20
               <br>>
21
               <div class="inline-block">
22
                 <form class="form-inline">
23
                   <div class="form-group">
24
                     <label for="accuracy">Podaj dokładność
                         rozwiązania ε∈(0,1)</label>
25
                     <input type="text" id="accuracy" class="form-</pre>
                         control mx-sm-3">
26
                     <button class="btn btn-outline-dark my-2 my-sm-0"</pre>
                          id="calculate" type="button">Oblicz</button>
27
                   </div>
28
                 </form>
29
               </div>
30
             </div>
31
32
           <div class="card-body p-5">
               33
                   Naciśnij przycisk aby uzyskać przybliżone
                   rozwiązywanie 
34
           </div>
35
         </div>
36
         <script src="script.js"></script>
37
   </body>
   </html>
```

## 3.3.3 CSS - fragment

```
1 *,
   *::before,
2
3
   *::after {
4
     box-sizing: border-box;
5
7
   html {
8
    font-family: sans-serif;
9
     line-height: 1.15;
10
     -webkit-text-size-adjust: 100%;
11
     -webkit-tap-highlight-color: rgba(0, 0, 0, 0);
12 }
13
   article, aside, figcaption, figure, footer, header, hgroup, main,
14
      nav, section {
     display: block;
15
16
17
18
   body {
   margin: 0;
```

```
20
      font-family: -apple-system, BlinkMacSystemFont, "Segoe UI",
          Roboto, "Helvetica Neue", Arial, "Noto Sans", sans-serif, "Apple Color Emoji", "Segoe UI Emoji", "Segoe UI Symbol", "
          Noto Color Emoji";
21
     font-size: 1rem;
22
      font-weight: 400;
     line-height: 1.5;
23
24
     color: #212529;
25
     text-align: left;
26
     background-color: #fff;
27
28
29
   [tabindex="-1"]:focus:not(:focus-visible) {
30
     outline: 0 !important;
31
32
33 hr {
34
   box-sizing: content-box;
35
     height: 0;
36
     overflow: visible;
37
38
39 h1, h2, h3, h4, h5, h6 {
40
   margin-top: 0;
41
     margin-bottom: 0.5rem;
42
43
44 p {
45
     margin-top: 0;
46
     margin-bottom: 1rem;
47
48
49
   abbr[title],
50 abbr[data-original-title] {
51
     text-decoration: underline;
     -webkit-text-decoration: underline dotted;
52
53
    text-decoration: underline dotted;
54
     cursor: help;
     border-bottom: 0;
55
56
      -webkit-text-decoration-skip-ink: none;
57
      text-decoration-skip-ink: none;
58 }
59
60
   address {
61
     margin-bottom: 1rem;
62
     font-style: normal;
    line-height: inherit;
64 }
65
66
   ol,
67
   ul,
   d1 {
    margin-top: 0;
69
70
     margin-bottom: 1rem;
71 }
72
73 ol ol,
```

```
74 ul ul,
75 ol ul,
76 ul ol {
77 margin-bottom: 0;
78 }
```