

[2pkt.] **Zadanie 1.**

Szablon rozwiązania: zad1.py

Żab Zbigniew skacze po osi liczbowej. Ma się dostać z zera do $n - 1$, skacząc wyłącznie w kierunku większych liczb. Skok z liczby i do liczby j ($j > i$) kosztuje Zbigniewa $j - i$ jednostek energii, a jego energia nigdy nie może spaść poniżej zera. Na początku Zbigniew ma 0 jednostek energii, ale na szczęście na niektórych liczbach—także na zerze—leżą przekąski o określonej wartości energetycznej (wartość przekąski dodaje się do aktualnej energii Zbigniewa).

Proszę zaimplementować funkcję `zbigniew(A)`, która otrzymuje na wejściu tablicę `A` długości `len(A) = n`, gdzie każde pole zawiera wartość energetyczną przekąski leżącej na odpowiedniej liczbie. Funkcja powinna zwrócić minimalną liczbę skoków potrzebną, żeby Zbigniew dotarł z zera do $n-1$ lub -1 jeśli nie jest to możliwe.

Podpowiedź. Warto rozważyć funkcję $f(i, y)$ zwracającą minimalną liczbę skoków potrzebną by dotrzeć do liczby i mając w zapasie dokładnie y jednostek energii.

Przykład. Dla tablicy `A = [2,2,1,0,0,0]` wynikiem jest 3 (Zbigniew skacze z 0 na 1, z 1 na 2 i z 2 na 5, kończąc z zerową energią). Dla tablicy `A = [4,5,2,4,1,2,1,0]` wynikiem jest 2 (Zbigniew skacze z 0 na 3 i z 3 na 7, kończąc z jedną jednostką energii).

[2pkt.] **Zadanie 2.**

Szablon rozwiązania: zad2.py

W pewnym państwie, w którym znajduje się N miast, postanowiono połączyć wszystkie miasta siecią autostrad, tak aby możliwe było dotarcie autostradą do każdego miasta. Ponieważ kontynent, na którym leży państwo jest płaski położenie każdego z miast opisują dwie liczby x, y , a odległość w linii prostej pomiędzy miastami liczona w kilometrach wyraża się wzorem $len = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$. Z uwagi na oszczędności materiałów autostrada łączy dwa miasta w linii prostej.

Ponieważ zbliżają się wybory prezydenta, wszystkie autostrady zaczęto budować równocześnie i jako cel postanowiono zminimalizować czas pomiędzy otwarciem pierwszej i ostatniej autostrady. Czas budowy autostrady wyrażony w dniach wynosi $\lceil len \rceil$ (sufit z długości autostrady wyrażonej w km).

Proszę zaimplementować funkcję `highway(A)`, która dla danych położzeń miast wyznacza minimalną liczbę dni dzielącą otwarcie pierwszej i ostatniej autostrady.

Przykład Dla tablicy $A = [(10, 10), (15, 25), (20, 20), (30, 40)]$ wynikiem jest 7 (Autostrady pomiędzy miastami 0-1, 0-2, 1-3).

[2pkt.] Zadanie 3.

Szablon rozwiązania: zad3.py

Dany jest zbiór N zadań, gdzie niektóre zadania muszą być wykonane przed innymi zadaniami. Wzajemne kolejności zadań opisuje dwuwymiarowa tablica $T[N][N]$. Jeżeli $T[a][b] = 1$ to wykonanie zadania a musi poprzedzać wykonanie zadania b . W przypadku gdy $T[a][b] = 2$ zadanie b musi być wykonane wcześniej, a gdy $T[a][b] = 0$ kolejność zadań a i b jest obojętna. Proszę zaimplementować funkcję `tasks(T)`, która dla danej tablicy T , zwraca tablicę z kolejnymi numerami zadań do wykonania.

Przykład Dla tablicy $T = \begin{bmatrix} [0,2,1,1], & [1,0,1,1], & [2,2,0,1], & [2,2,2,0] \end{bmatrix}$ wynikiem jest tablica $[1,0,2,3]$.