

## Laboratorium 3.

### 0) Przygotowanie środowiska

W konsoli/terminalu wpisujemy kolejno

```
$ cd
$ mkdir haskell-lab3
$ cd haskell-lab3
```

### 1) Funkcje anonimowe i currying

1. W konsoli GHCi wpisujemy kolejno

```
ghci> :t (\x -> \y -> x + y)
ghci> :t (\x y -> x + y) -- porównujemy wynik z poprzednim

ghci> :t (\x -> \y -> x + y) 1
ghci> :t (\x y -> x + y) 1 -- porównujemy wynik z poprzednim

ghci> :t (\x -> \y -> x + y) 1 2
ghci> :t (\x y -> x + y) 1 2 -- porównujemy wynik z poprzednim

ghci> (\x -> \y -> x + y) 1 2
ghci> (\x y -> x + y) 1 2 -- porównujemy wynik z poprzednim

ghci> let f1 = \x -> \y -> x + y
ghci> :t f1
ghci> f1 1 2

ghci> let f2 = \x y -> x + y
ghci> :t f2 -- porównujemy z wynikiem dla f1
ghci> f2 1 2 -- porównujemy z wynikiem dla f1

ghci> let f3 x = \y -> x + y
ghci> :t f3 -- porównujemy z wynikami dla f1 i f2
ghci> f3 1 2 -- porównujemy z wynikami dla f1 i f2

ghci> let f4 x y = x + y
ghci> :t f4 -- porównujemy z wynikami dla f1, f2 i f3
ghci> f4 1 2 -- porównujemy z wynikami dla f1, f2 i f3

ghci> let f5 = \(x,y) -> x + y
ghci> :t f5 -- porównujemy z wynikami dla f1, ... , f4
ghci> f5 1
```

```
ghci> f5 (1,2) -- porównujemy z wynikami dla f1, ... , f4

ghci> let f6 (x,y) = x + y
ghci> :t f6 -- porównujemy z wynikami dla f1, ... , f5
ghci> f6 1
ghci> f6 (1,2) -- porównujemy z wynikami dla f1, ... , f5

ghci> :t (\x y -> x + y) :: Int -> Int -> Int
ghci> :t (\x y -> x + y)
ghci> ((\x y -> x + y) :: Int -> Int -> Int) 1 2
```

### 2. Zadania:

1. Napisać funkcje anonimowe (wyrażenia lambda) odpowiadające:

- $f_1(x) = x - 2; x \in \mathbb{R}$
- $f_2(x, y) = \sqrt{x^2 + y^2}; x, y \in \mathbb{R}$
- $f_3(x, y, z) = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}; x, y, z \in \mathbb{Z}$

Uwaga: Sprawdzić działanie dla wybranych wartości argumentów

2. Napisać funkcje anonimowe (wyrażenia lambda) odpowiadające:

$(2^*), (*2), (2^{\wedge}), (^2), (2/), (/3), (4-)$

Uwaga: jw.

3. (opcjonalne) Napisać funkcje anonimowe (wyrażenia lambda) odpowiadające:

`sqrt, abs, log, id, const`

Uwaga: jw.

4. Napisać funkcje anonimowe (wyrażenia lambda) odpowiadające:

```
f7 x = if x `mod` 2 == 0 then True else False

f8 x = let y = sqrt x in 2 * y^3 * (y + 1)

f9 1 = 3
f9 _ = 0
```

Uwaga: jw.

### 2) Funkcje wyższego rzędu: funkcje jako parametry/argumenty

1. W pliku ex2.hs wpisujemy

```
sum' :: Num a => [a] -> a
sum' [] = 0
sum' (x:xs) = x + sum' xs
```

zapisujemy zmiany i sprawdzamy działanie funkcji

2. **Zadania:**

1. Na podstawie powyższej definicji napisać funkcję `sumSqr'` (sumującą kwadraty elementów listy)
2. Zdefiniować funkcję

```
sumWith :: Num a => (a -> a) -> [a] -> a
sumWith f ...
```

uogólniając `sum` i `sumSqr'`

3. Wykorzystując funkcję `sumWith` zdefiniować

```
sum = sumWith ...
sumSqr = sumWith ...
sumCube = sumWith ...
sumAbs = sumWith ...
```

Sprawdzić działanie powyższych funkcji, dla wybranych danych wejściowych, np.

```
sumSqr [1..10]
```

4. Wykorzystując `sumWith` (bez definiowania nowej funkcji) obliczyć w GHCi

$$\sum_{i=1}^{15} i^5$$

5. Wykorzystując funkcję `sumWidth` zdefiniować

```
listLength = sumWith ...
```

6. (opcjonalne) Na podstawie (schematu) definicji `sum'` napisać funkcję

```
prod' :: Num a => [a] -> a
```

obliczając iloczyn elementów listy

7. (opcjonalne) Na podstawie definicji `sumWith` napisać funkcję

```
prodWith :: Num a => (a -> a) -> [a] -> a
```

a następnie funkcje

```
prod = prodWith ...
prodSqr = prodWith ...
prodCube = prodWith ...
prodAbs = prodWith ...
```

8. (opcjonalne) W jaki sposób można uogólnić funkcje `sumWith` i `prodWith` ?

9. (opcjonalne) Zmodyfikować deklaracje

```
sumWith :: Num a => (a -> a) -> [a] -> a
prodWith :: Num a => (a -> a) -> [a] -> a
```

tak, aby można było (na ich podstawie) zdefiniować funkcje

```
sumSqrt = sumWith ... -- suma pierwiastków (kwadratowych) elementów listy
prodSqrt = prodWith ... -- iloczyn pierwiastków (kwadratowych) elementów listy
```

### 3) Funkcje wyższego rzędu: funkcje jako wyniki

1. W pliku ex3.hs wpisujemy

```
sqr x = x^2

funcFactory n = case n of
  1 -> id
  2 -> sqr
  3 -> (^3)
  4 -> \x -> x^4
  5 -> intFunc
  _ -> const n
where
  intFunc x = x^5
```

zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi i sprawdzamy działanie funkcji `funcFactory`, np.

```
ghci> let cub = funcFactory 3
ghci> cub 4
```

Sprawdzamy typy `funcFactory` i `funcFactory 3`

2. **Zadania:**

1. Napisać funkcję

```
expApproxUpTo :: Int -> Double -> Double
expApproxUpTo n = ...
```

zwracającą rozwinięcie funkcji  $e^x$  w szereg MacLaurina o długości  $n+1$ ,  $n < 6$ , tzn.  $\text{expApproxUpTo } n = \sum_{k=0}^n \frac{x^k}{k!}$ .

Czy da się to rozwiązanie uogólnić tak, aby funkcja `expApproxUpTo` zwracała rozwinięcia dla dowolnego  $n$ ?

2. (*opcjonalne*) Napisać funkcję

```
dfr :: (Double -> Double) -> Double -> (Double -> Double)
dfr f h = ...
```

zwracającą dla zadanej funkcji  $f$  przybliżenie jej pochodnej obliczone wg schematu różnicowego  $f'(x_0, h) \approx \frac{f(x_0+h)-f(x_0)}{h}$ .

Sprawdzić dokładność uzyskiwanych wyników w zależności od wartości  $h$ .

3. (*opcjonalne*) Napisać funkcję

```
dfc :: (Double -> Double) -> Double -> (Double -> Double)
dfc f h = ...
```

zwracającą dla zadanej funkcji  $f$  przybliżenie jej pochodnej obliczone wg schematu różnicowego  $f'(x_0, h) \approx \frac{f(x_0+h)-f(x_0-h)}{2h}$ .

Sprawdzić dokładność uzyskiwanych wyników w zależności od wartości  $h$  i porównać z poprzednimi.

4. (*opcjonalne*) Napisać funkcję

```
d2f :: (Double -> Double) -> Double -> (Double -> Double)
d2f f h = ...
```

obliczającą przybliżenie drugiej pochodnej funkcji  $f$

#### 4) Funkcje jako elementy struktur danych

1. W pliku `ex4.hs` wpisujemy

```
funcList :: [ Double -> Double ]
funcList = [ \x -> (sin x)/x, \x -> log x + sqrt x + 1, \x -> (exp 1)
  ** x ]

evalFuncListAt :: a -> [a -> b] -> [b]
```

```
evalFuncListAt x [] = []
evalFuncListAt x (f:fs) = f x : evalFuncListAt x fs
```

zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi i wpisujemy w konsoli

```
ghci> evalFuncListAt 1 funcList
ghci> evalFuncListAt (-3) [ id, abs, const 5, \y -> 2 * y + 8 ]
```

2. W pliku `ex4.hs` dodajemy

```
displEqs :: (Double -> Double, Double -> Double)
displEqs = (\t -> 4 * t^2 + 2 * t, \t -> 3 * t^2)
```

zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi i wpisujemy w konsoli

```
ghci> let (x_t, y_t) = (fst displEqs, snd displEqs)

ghci> x_t 1
ghci> y_t 1
```

3. **Zadania:**

1. (*opcjonalne*) W GHCi utworzyć nową listę funkcji `funcListExt` poprzez dodanie do `funcList` funkcji  $f(x) = \sqrt{1+x}$ ; sprawdzić rozmiar `funcListExt` i wywołać `evalFuncListAt` (dla wybranego punktu i listy `funcListExt`)
2. (*opcjonalne*) Wykorzystując zdefiniowane wcześniej funkcje `dfc` i `d2f` w konsoli GHCi obliczyć wektory reprezentujące prędkości (`velocEqs`) i przyspieszenia (`accelEqs`)

#### 5) Operator złożenia funkcji `(.)` (i notacja *point-free*)

1. W konsoli GHCi wpisujemy kolejno następujące wyrażenia i analizujemy wyniki

```
ghci> :t (.)
ghci> :i (.) -- co oznacza "infixr 9"?

ghci> let f = (+1) -- vs. let f x = x + 1 vs. let f x = (+1) x
ghci> let g = (*2) -- vs. let g x = x * 2 vs. let g x = (*2) x
ghci> let h = (^3) -- vs. let h x = x ^ 3 vs. let h x = (^3) x

ghci> let fg = f . g -- vs. let fg x = (f . g) x
ghci> let gh = g . h -- vs. let gh x = (g . h) x
ghci> let fgh = f . g . h -- vs. let fgh x = (f . g . h) x

ghci> fgh 3
ghci> f . g . h 3
```

```
ghci> (f . g . h) 3
ghci> (f . g . h) 3 == f (g (h (3)))

ghci> (f . id) 3 == (id . f) 3
ghci> (f . id) 3 == f 3

ghci> (f . gh) 3 == (fg . h) 3
ghci> (f . (g . h)) 3 == ((f . g) . h) 3
ghci> fgh 3 == (f . gh) 3
ghci> (f . g) 3 == (.) f g 3

ghci> let u2 x y = x^2 + y^2

ghci> (f . (u2 4) . g) 3
ghci> (f . u2 4 . g) 3
ghci> :t u2 4

ghci> ((u2 1) . (u2 2) . (u2 3)) 1
ghci> (u2 1 . u2 2 . u2 3) 1

ghci> ((+) 2 . g . h) 3
ghci> ((2+) . g . h) 3
```

## 2. Zadania:

1. Wykorzystując funkcje `sort` i `reverse` oraz operator `.` napisać funkcję sortującą malejąco podaną listę

```
sortDesc :: Ord a => [a] -> [a]
sortDesc xs = ...
```

*Uwaga:* potrzebny będzie `import Data.List`

2. Przepisać funkcję `sortDesc` do wersji *point-free*
3. W GHCi zdefiniować funkcję

```
let w3 = \x y z -> sqrt (x^2 + y^2 + z^2)
```

a następnie uzupełnić poniższe wyrażenie

```
(f . w3 ____ . h) 3
```

4. (opcjonalne) Napisać funkcję

```
are2FunsEqAt :: Eq a => (t -> a) -> (t -> a) -> [t] -> Bool
are2FunsEqAt f g xs = ... -- are2FunsEqAt (+2) (\x -> x + 2) [1.
.1000] = True
```

sprawdzając, czy funkcje `f` i `g` mają równe wartości we wszystkich punktach podanych w liście `xs`

5. (opcjonalne) Napisać funkcję

```
infixl 9 >.>
(>.>) :: (a -> b) -> (b -> c) -> (a -> c)
g >.> f = ...
```

i sprawdzić jej działanie

6. (opcjonalne) Napisać funkcję (kompozycja/złożenie listy funkcji)

```
composeFunList :: [a -> a] -> (a -> a)
composeFunList ...
```

7. (opcjonalne) Przeanalizować typ operatora `(.)`, a następnie zastosować go do złożenia wybranych funkcji (odpowiedniego typu)

## 6) Operator “aplikacji” funkcji (\$)

1. W konsoli GHCi wpisujemy kolejno następujące wyrażenia i analizujemy wyniki

```
ghci> :t ($)
ghci> :i ($) -- porównujemy z wynikiem ":i (.)"
ghci> :t ($!)
ghci> :i ($!)

ghci> ($) f 3 == f $ 3
ghci> (($) f 3) == (f $ 3)
ghci> ($) f 3 == (f $ 3)
ghci> f (g (h (3)))
ghci> f (g (h $ 3))
ghci> f (g $ h $ 3)
ghci> f $ g $ h $ 3
```

```
ghci> (f $ g $ h $ 3) == (f $ (g $ (h $ 3)))
ghci> f $ g $ h $ 3 == (f $ (g $ (h $ 3)))
ghci> (f $ g $ h $ 3) == f $ (g $ (h $ 3))
ghci> :i (==) -- porównujemy z wynikiem ":i ($)"
```

```
ghci> _3 = ($3)
ghci> f 3
ghci> _3 f -- :)
ghci> f 3 == _3 f
```

```
ghci> ((,) $ 1) 2
```

## 2. Zadania:

1. Dodać nawiasy w wyrażeniu `(,) $ 1 $ 2`, aby otrzymać wynik `(1,2)`
2. Sprawdzić (eksperymentalnie) równoważność poniższych wyrażeń

```
f $ g $ h 3
(f . g . h) 3
f . g . h $ 3
```

Które z nich jest najbardziej czytelne?

3. (opcjonalne) Dodać nawiasy w wyrażeniu `f . $ g . h 3`, aby otrzymać wynik 55

## 7) Funkcje wyższego rzędu: filter

1. W pliku `ex7.hs` wpisujemy funkcję

```
onlyEven [] = []
onlyEven (x:xs)
  | x `mod` 2 == 0 = x : onlyEven xs
  | otherwise     = onlyEven xs
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi) i sprawdzamy jej działanie

## 2. Zadania:

1. (opcjonalne) Napisać (wg podanego schematu) definicje funkcji `onlyOdd` i `onlyUpper`

```
ghci> onlyOdd [1..10] -- [1,3,5,7,9]
ghci> onlyUpper "My name is Inigo Montoya. You killed my father.
Prepare to die." -- "MIMYP"
```

2. Uogólnić poprzednie rozwiązania wprowadzając funkcję `filter'`

```
filter' :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
filter' p ...

onlyEven = filter' ...
onlyOdd  = filter' ...
onlyUpper = filter' ...
```

3. Porównać czasy wykonania (opcja `:set +s`)

```
ghci> length (onlyEven [1..10^6])
ghci> length (filter even [1..10^6]) -- filter z biblioteki stan
dardowej
```

4. Zmodyfikować powyższe wyrażenia tak, aby nie zawierały nawiasów (użyć `.` i/lub `$`)
5. Przepisać używając *list comprehensions*

```
length (filter even [1..10^6])
```

Zmierzyć czas wykonania i porównać go z uzyskanym w poprzednim zadaniu

6. Obliczyć w GHCi i przeanalizować poniższe wyrażenia

```
ghci> filter (\s -> length s == 2) ["a", "aa", "aaa", "b", "bb"]
ghci> filter \(x,y) -> x > y [(1,2), (2,2), (2,1), (2,2), (3,2)
)]
ghci> filter (\xs -> sum xs > 300) [[1..5], [56..60], [101..105]
]
ghci> length . filter (\f -> f 2 > 10) $ [(+5), (*5), (^5), \x -
> 3 * x + 7]
```

## 8) Funkcje wyższego rzędu: map

1. W pliku `ex8.hs` wpisujemy funkcję

```
doubleElems [] = []
doubleElems (x:xs) = 2 * x : doubleElems xs
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi) i sprawdzamy jej działanie

## 2. Zadania:

1. (opcjonalne) Napisać (wg podanego schematu) definicje funkcji `sqrElems` i `lowerCase`

```
ghci> sqrElems [1..3] -- [1,4,9]
ghci> lowerCase "ABCD" -- "abcd", konieczny import Data.Char
```

2. Uogólnić poprzednie rozwiązania wprowadzając funkcję `map'`

```
map' :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map' f ...

doubleElems = map' ...
sqrElems     = map' ...
lowerCase    = map' ...
```

3. Przepisać powyższe funkcje używając *list comprehensions*

4. Porównać czasy wykonania (opcja :set +s )

```
ghci> length . filter even $ doubleElems [1..10^7]
ghci> length . filter even . map (*2) $ [1..10^7] -- map z bibli
oteki standardowej
```

5. (opcjonalne) Przepisać powyższe wyrażenia używając *list comprehensions*, a następnie zmierzyć czasy wykonania i porównać je z uzyskanymi w poprzednim zadaniu
6. Obliczyć w GHCi i przeanalizować poniższe wyrażenia

```
ghci> map (*2) [1..10]
ghci> map (^2) [1..10]
ghci> map toLower "ABCD" -- konieczny import Data.Char
ghci> length . filter (>10) . map ($ 2) $ [(+5), (*5), (^5), \x
-> 3 * x + 7]
ghci> map show [1..10]
ghci> map length [[1],[1,2],[1,2,3]]
ghci> map (map length) [ [[1],[1,2],[1,2,3]], [[1],[1,2]] ]
ghci> map (\(x,y) -> (y,x)) [(1,'a'), (2,'b'), (3,'c')]
ghci> map (\(x,y) -> y) [(1,'a'), (2,'b'), (3,'c')]
ghci> map (\s -> (s, length s)) ["manuscripts","do","not","burn"
]
```

7. (opcjonalne) Zdefiniować funkcję evalFuncListAt wykorzystując map

```
evalFuncListAt :: a -> [a -> b] -> [b]
evalFuncListAt x = map ...
```

8. (opcjonalne) Napisać *list comprehensions* odpowiadające powyższemu wyrażeniu
9. (opcjonalne) Przeanalizować z punktu widzenia złożoności obliczeniowej (czasowej i pamięciowej) dwa warianty połączenia operatorów map i filter

```
map f . filter p $ xs
filter p . map f $ xs
```

## 9) Funkcje wyższego rzędu: foldr i foldl

1. W pliku ex9.hs wpisujemy funkcje

```
sumWith g [] = 0
sumWith g (x:xs) = g x + sumWith g xs -- (+) (g x) (sumWith g xs)

prodWith g [] = 1
prodWith g (x:xs) = g x * prodWith g xs -- (*) (g x) (prodWith g xs)
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi) i sprawdzamy ich działanie

2. W pliku ex9.hs wpisujemy funkcje

```
sumWith' :: Num a => (a -> a) -> [a] -> a
sumWith' = go 0
where
    go acc g [] = acc
    go acc g (x:xs) = go (g x + acc) g xs

prodWith' :: Num a => (a -> a) -> [a] -> a
prodWith' = go 1
where
    go acc g [] = acc
    go acc g (x:xs) = go (g x * acc) g xs
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi) i sprawdzamy ich działanie

3. Zadania:

1. Uogólnić sumWith i prodWith wprowadzając funkcję foldr'

```
foldr' :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
foldr' f z ...

sumWith'' g = foldr' (\x acc -> g x + acc) 0
prodWith'' g = foldr' ...
```

Sprawdzić działanie nowych wersji sumWith i prodWith

2. Uogólnić sumWith' i prodWith' wprowadzając funkcję foldl'

```
foldl' :: (b -> a -> b) -> b -> [a] -> b
foldl' f z ...

sumWith''' g = foldl' (\acc x -> g x + acc) 0
prodWith''' g = foldl' ...
```

Sprawdzić działanie nowych wersji sumWith' i prodWith'

3. (opcjonalne) Porównać czasy wykonania (opcja :set +s )

```
ghci> foldr' (+) 0 [1..10^6]
ghci> foldr (+) 0 [1..10^6] -- foldr z biblioteki standardowej
```

4. (opcjonalne) Porównać czasy wykonania (opcja :set +s )

```
ghci> foldr (\x acc -> x + 1 + acc) 0 [1..10^6]
ghci> foldl (\acc x -> x + 1 + acc) 0 [1..10^6]
ghci> foldl' (\acc x -> x + 1 + acc) 0 [1..10^6] -- konieczny import Data.List
ghci> sum . map (+1) $ [1..10^6]
ghci> sum [x + 1 | x <- [1..10^6]]
```

5. Obliczyć w GHCi i przeanalizować poniższe wyrażenia

```
ghci> let strList1 = ["My", "name", "is", "Inigo", "Montoya"]
ghci> foldr (++) [] strList1
ghci> foldr (\x acc -> x ++ " " ++ acc) [] strList1
ghci> foldr1 (\x acc -> x ++ " " ++ acc) strList1

ghci> foldr (\_ acc -> 1 + acc) 0 list1To5

ghci> let list1To5 = [1..5]
ghci> foldr (:) [] list1To5
ghci> foldl (:) [] list1To5
ghci> foldl (\acc x -> x : acc) [] list1To5
ghci> foldr (\x xs -> xs ++ [x]) [] list1To5

ghci> let listRand = [1,4,2,6,5,3]
ghci> foldr1 max listRand
ghci> foldr1 min listRand

ghci> let listBool = [True, False, True, False]
ghci> foldr (||) False listBool
ghci> foldr (&&) True listBool

ghci> foldr (+) 0 list1To5 == foldl (+) 0 list1To5
ghci> foldr (*) 0 list1To5 == foldl (*) 0 list1To5
ghci> foldr (-) 0 list1To5 == foldl (-) 0 list1To5

ghci> let list321 = [3,2,1]
ghci> foldr (-) 0 list321
ghci> foldr1 (-) list321
ghci> foldl (-) 0 list321
ghci> foldl1 (-) 0 list321
```

6. Obliczyć w GHCi i przeanalizować wyrażenia

```
ghci> foldr (\x acc -> "(" ++ x ++ " f " ++ acc ++ ")") "z" ["1", "2", "3"]
ghci> foldr1 (\x acc -> "(" ++ x ++ " f " ++ acc ++ ")") ["1", "2", "3"]
```

```
ghci> foldl (\acc x -> "(" ++ acc ++ " f " ++ x ++ ")") "z" ["1", "2", "3"]
ghci> foldl1 (\acc x -> "(" ++ acc ++ " f " ++ x ++ ")") ["1", "2", "3"]
```

7. (opcjonalne) Napisać definicje funkcji:

- map wykorzystując foldr
- map wykorzystując foldl
- filter wykorzystując foldr
- filter wykorzystując foldl
- foldl wykorzystując foldr
- foldr wykorzystując foldl

## 10) Funkcje: zip, unzip i zipWith

1. W konsoli GHCi wpisujemy kolejno

```
ghci> zip [1,2,3] ['a','b']
ghci> unzip [(1,'a'),(2,'b')]
ghci> unzip (zip [1,2,3] ['a','b'])
ghci> zip [1,2] [10,20] == zipWith (,) [1,2] [10,20]

ghci> let endlessList = [1..]
ghci> take 5 (zip endlessList (tail endlessList))
```

i analizujemy wyniki

2. **Zadania:**

1. Wykorzystując zip lub zipWith napisać funkcję

```
isSortedAsc :: Ord a => [a] -> Bool
isSortedAsc xs ... -- isSortedAsc [1,2,2,3] -> True, isSortedAsc [1,2,1] -> False
```

2. Napisać funkcję

```
everySecond :: [t] -> [t]
everySecond xs = ... -- everySecond [1..8] -> [1,3,5,7]
```

3. (opcjonalne) Napisać funkcje

```
zip3' :: [a] -> [b] -> [c] -> [(a,b,c)]
zip3' ...
```

```
unzip3' :: [(a, b, c)] -> ([a], [b], [c])
unzip3' ...

isSortedDesc :: Ord a => [a] -> Bool
isSortedDesc xs ... -- isSortedDesc [3,2,2,1] -> True, isSortedDesc [1,2,3] -> False

isSorted :: Ord a => [a] -> Bool
isSorted xs ... -- isSorted [1,2,2,3] -> True, isSorted [3,2,1] -> False
```

4. (opcjonalne) Przeanalizować następującą definicję ciągu Fibonacciego

```
fibs = 0 : 1 : zipWith (+) fibs (tail fibs) :: [Int]
```

Uwaga: Pomocne może być porównanie z definicjami

```
ones = 1 : ones
nats = 1 : map (+1) nats
```

## 11) Funkcje concat i concatMap

1. W pliku ex11.hs definiujemy funkcję

```
concat' :: [[a]] -> [a]
concat' [] = []
concat' (x:xs) = x ++ concat' xs
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi) i sprawdzamy jej działanie

```
ghci> concat' ["abc", "def"]
ghci> concat' [[1,2],[3,4]]
ghci> (concat' . concat') [ [1,2], [3,4] ] , [ [5,6], [7,8] ]
```

2. W konsoli GHCi sprawdzamy typ funkcji bibliotecznej concat i sprawdzamy jej działanie, np.

```
ghci> concat' ["abc", "def"] == concat ["abc", "def"]
```

3. W konsoli GHCi sprawdzamy typ funkcji bibliotecznej concatMap. Jaki jest związek funkcji concatMap z funkcjami map i concat? Czy jest to zwykłe złożenie?

4. **Zadania:**

1. (opcjonalne) Napisać definicję funkcji concat wykorzystując
  - list comprehension
  - foldr

2. (opcjonalne) Uzupełnić poniższe wyrażenia

```
concat ____ map (____) ____ [1..5] -- [2,4,6,8,10]
concatMap (____) [1..5] -- [2,4,6,8,10]
concatMap (____) ["Ready", "Steady", "Go"] -- "Ready!Steady!Go!"
```

## 12) Wzorzec Collection pipeline

1. W pliku ex12.hs wpisujemy

```
import Data.Char
import Data.List

capitalize :: [Char] -> [Char]
capitalize [] = []
capitalize (x:xs) = toUpper x : (map toLower xs)

formatStr s = foldr1 (\w s -> w ++ " " ++ s) .
  map capitalize .
  filter (\x -> length x > 1) $
  words s
```

zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi i sprawdzamy działanie

```
ghci> formatStr "tomasz t , bogdan anna . Jerzy j maria"
```

2. W pliku ex12.hs wpisujemy

```
prodPrices p = case p of
  "A" -> 100
  "B" -> 500
  "C" -> 1000
  _ -> error "Unknown product"

products = ["A", "B", "C"]

-- basic discount strategy
discStr1 p
| price > 999 = 0.3 * price
| otherwise = 0.1 * price
where price = prodPrices p

-- flat discount strategy
discStr2 p = 0.2 * prodPrices p
```



```
totalDiscount discStr =  
  foldl1 (+) .  
  map discStr .  
  filter (\p -> prodPrices p > 499)
```

zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi i sprawdzamy działanie

```
ghci> totalDiscount discStr1 ["A", "B", "C"]  
ghci> totalDiscount discStr2 ["A", "B", "C"]
```

### 3. **Zadania:**

1. (*opcjonalne*) Poprawić (zrefaktoryzować) powyższy kod (aspekty: czytelności, ogólności, wydajności)
2. Obliczyć w GHCi i przeanalizować wyrażenia

```
ghci> replicate 2 . product . map (*3) $ zipWith max [4,2] [1,5]  
ghci> sum . takeWhile (<1000) . filter odd . map (^2) $ [1..]  
ghci> length . fromList . Prelude.map toLower $ "thirteen men must  
st go" -- potrzebny import Data.Set
```