



Tecnun
Universidad
de Navarra

Proyecto Fin de Grado

INGENIERÍA ELÉCTRICA

Diseño y desarrollo de una lanzadera electromagnética

Pedro José Romero Gombau

Donostia-San Sebastián, mayo 2024

Resumen

Este trabajo de fin de grado trata acerca del diseño y la implementación de una lanzadora electromagnética, centrándose en el uso de ANSYS Maxwell para la simulación y el desarrollo de un prototipo funcional. Si bien el campo de la tecnología de las lanzadoras electromagnéticas está bien establecido, el objetivo principal de este proyecto es el diseño de una práctica universitaria en la que los alumnos dispongan de las fórmulas necesarias para optimizar la geometría y alimentación de la bobina y logren una mayor velocidad y fuerza de lanzamiento del proyectil. Los métodos empleados incluyen la creación de geometría en ANSYS Maxwell y simulaciones transitorias para analizar el comportamiento de la bobina, con énfasis en los parámetros dinámicos del proyectil. Además, se realizarán cálculos analíticos manuales para derivar relaciones electromagnéticas que rigen la interacción entre la bobina y el proyectil. En resumen, esta tesis presenta una exploración exhaustiva de las técnicas de diseño y simulación de una lanzadora electromagnética, con un enfoque en el aprendizaje de ANSYS Maxwell y la optimización de la geometría de la bobina para mejorar el rendimiento del proyectil.

Palabras clave: Lanzadera electromagnética, ANSYS Maxwell, Simulación, Prototipo, Optimización.

Abstract

This undergraduate thesis focuses on the design and implementation of an electromagnetic launcher, emphasizing the use of ANSYS Maxwell for simulation and the development of a functional prototype. Although the field of electromagnetic launcher technology is well-established, the primary objective of this project is to design a university practical exercise in which students have the necessary formulas to optimize the geometry and power supply of the coil, achieving higher speed and force in projectile launch. The methods employed include creating geometry in ANSYS Maxwell and transient simulations to analyze the coil's behavior, with an emphasis on the dynamic parameters of the projectile. Additionally, manual analytical calculations will be conducted to derive electromagnetic relationships governing the interaction between the coil and the projectile. In summary, this thesis presents a comprehensive exploration of the design and simulation techniques for an electromagnetic launcher, focusing on learning ANSYS Maxwell and optimizing coil geometry to improve projectile performance.

Key words:Coilgun, ANSYS Maxwell, Simulation, Prototype, Optimization.

Índice

1. Introducción	8
1.1. Objetivos y métodos	9
1.2. Motivación	10
2. Marco teórico	11
3. Desarrollo	17
3.1. Desarrollo teórico	17
3.2. Simulaciones	21
3.3. Prototipo	22
4. Resultados	23
5. Discusión y conclusiones	24

Índice de figuras

1.	Cañón de Gauss. Imagen tomada de http://www.coilgun.eclipse.co.uk/ . . .	8
2.	Ecuaciones de Maxwell.[6]	11
3.	Visualización del campo magnético de un conductor. Elaboración propia. .	12
4.	Curva \vec{C} para la cual realizaremos los cálculos. Imagen tomada de https://artpictures.club/autumn2023.html	12
5.	Visualización del campo magnético de una bobina energizada. Imagen tomada de https://ece.northeastern.edu/fac-ece/nian/mom/electromagnets.html . 14	
6.	Esquema cualitativo de la lanzadera electromagnética. Elaboración propia. 14	
7.	Esquema de una bobina con un core ferromagnético y su circuito magnético equivalente. Elaboración propia.	16
8.	Esquema geométrico del sistema. Elaboración propia.	18
9.	Vista de planta del sistema. Elaboración propia.	19
10.	Circuito magnético del sistema. Elaboración propia.	19
11.	Aplicación de cálculos de MATLAB. Elaboración propia.	20

Índice de cuadros

1. Introducción

En el ámbito de la ingeniería y la física aplicada, las *coilguns*, también conocidas como *lanzaderas electromagnéticas*, representan una tecnología de creciente interés debido a su potencial en aplicaciones tanto industriales como militares. El concepto de las lanzaderas electromagnéticas se origina en el siglo XIX, cuando se empiezan a explorar las propiedades del electromagnetismo y sus potenciales aplicaciones. Uno de los nombres con los que uno se puede referir a esta tecnología es *Cañones de Gauss*, debido a que fue el matemático Carl Friedrich Gauss quién desarrolló en esta época las ecuaciones que regían el comportamiento del dispositivo. Sin embargo, no es hasta los tempranos años del siglo XX cuando se construye la primera lanzadera funcional, producto del ingenio del científico noruego Kristian Birkeland.[5]

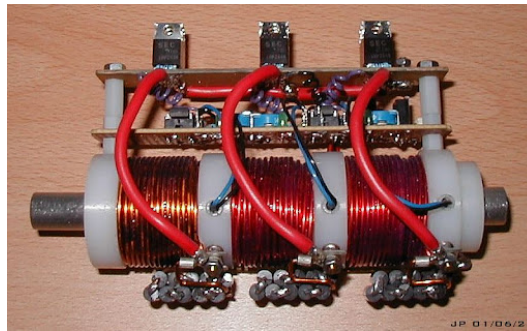


Figura 1: Cañón de Gauss. Imagen tomada de <http://www.coilgun.eclipse.co.uk/>

Las principales aplicaciones de las lanzaderas electromagnéticas se encuentran en el ámbito militar, donde se utilizan para el lanzamiento de proyectiles a alta velocidad sin la necesidad de explosivos químicos. Esta tecnología ofrece ventajas significativas, como la reducción del desgaste mecánico y la capacidad de ajustar la fuerza de lanzamiento con precisión. Además, en el sector aeroespacial, las lanzaderas electromagnéticas se consideran una alternativa prometedora para el lanzamiento de satélites y otros objetos al espacio, debido a su eficiencia energética y menor impacto ambiental en comparación con los cohetes tradicionales. También encontramos varias aplicaciones en la industria, como por ejemplo en procesos de manufactura que requieren la propulsión de materiales a altas velocidades. También se están explorando aplicaciones en el campo de la medicina, como en dispositivos de resonancia magnética y aceleradores de partículas para tratamientos médicos avanzados. [4]

Para finalizar con la introducción, se presentará brevemente el funcionamiento básico de estos cañones. El objetivo físico de una lanzadera electromagnética es la creación de un campo magnético mediante el paso de una corriente eléctrica a través de una bobina de cobre. Cuando se aplica corriente a la bobina, se genera un campo magnético que ejerce una fuerza sobre el proyectil, generalmente una barra de material ferromagnético, a la que me referiré durante este proyecto como **vástago**. El proceso de aceleración comienza cuando la corriente eléctrica, controlada por un circuito electrónico, fluye a través de la bobina, creando un campo magnético que atrae el proyectil hacia el centro de la bobina. Antes de que los centros de la bobina y el vástago estén alineados, la corriente se corta, provocando que este último continúe su movimiento hacia adelante debido a su inercia. A lo largo de este documento, se desarrollarán con detalle los diferentes aspectos teóricos y constructivos de una lanzadera electromagnética, llegando a desarrollar un prototipo con el objetivo de preparar una práctica universitaria para el departamento de Ingeniería Eléctrica de Tecnum.

1.1. Objetivos y métodos

Exploraremos ahora los principales objetivos del proyecto, desglosando cada parte constituyente y su resultado esperado. El principal propósito de este trabajo es el diseño de una práctica universitaria que se pueda realizar durante el primer o segundo curso, con la idea de atraer a nuevos ingenieros hacia el campo de la electricidad. Para lograr este objetivo principal, el trabajo se dividirá en cuatro partes: desarrollo teórico, simulaciones, desarrollo de un prototipo y desarrollo de la práctica. Los objetivos y resultados esperados de cada parte son:

1. **Desarrollo teórico:** Este apartado tiene como objetivo explorar las fórmulas que describen el comportamiento del vástago dentro de la bobina cuando es alimentada con corriente continua. El desarrollo resultará en una serie de fórmulas que constituirán un modelo del sistema, así como un programa que las implemente en una aplicación de *MatLAB®*.
2. **Simulaciones:** Las simulaciones tienen como objetivo obtener otro modelo físico del sistema, utilizando el método de los elementos finitos a través del software *ANSYS Maxwell®*. El resultado esperado es un modelo paramétrico que permita introducir los valores de la geometría de la bobina y su alimentación, y devuelva los valores dinámicos del vástago. Se espera que estos resultados sean más precisos que los obtenidos mediante el desarrollo teórico y se pretende probar diferentes configuraciones hasta llegar a la más óptima.
3. **Prototipo:** Esta parte tiene como objetivo el diseño y desarrollo de un prototipo funcional de lanzadera que permita comparar los resultados teóricos con los físicos. Será necesario diseñar un circuito electrónico de control con *Arduino®* y un medio físico para sujetar y alimentar la bobina. El resultado esperado es un prototipo manejable y modular, con el cual se puedan probar diferentes configuraciones.
4. **Desarrollo de la práctica:** Con los resultados obtenidos en los apartados anteriores, se desarrollará un documento que presente un problema de optimización a resolver por los alumnos que realicen la práctica. Se fijarán los parámetros objetivos y se especificará los valores que pueden modificar, así como las relaciones entre ellos, definidas por las ecuaciones obtenidas en el desarrollo teórico (3.1).

1.2. Motivación

Trataré en este subapartado las motivaciones que han impulsado este proyecto y justifican el área de estudio del mismo. El desarrollo de este proyecto está justificado por los siguientes puntos, que van a ser las principales áreas de influencia de este trabajo de final de grado:

1. **Vanguardia Tecnológica:** La investigación y desarrollo en tecnologías como la tratada en este trabajo representan una oportunidad para estar a la vanguardia en el campo de la ingeniería electromagnética. Este proyecto permite explorar y comprender los principios fundamentales del electromagnetismo aplicados a un sistema real y funcional.
2. **Aplicación de Conocimientos Teóricos:** La creación de una *lanzadera electromagnética* requiere la aplicación de conocimientos avanzados en física, matemáticas e ingeniería eléctrica. Este proyecto proporciona un contexto práctico en el que tanto yo como alumno, como los futuros estudiantes que lo utilicen, emplearán teorías y conceptos aprendidos en las aulas para fortalecer su entendimiento de los fenómenos electromagnéticos a un nivel visual y palpable.
3. **Desarrollo de Competencias Técnicas:** La construcción de la *lanzadera* involucra diversas habilidades técnicas, desde el diseño y simulación en software especializado hasta la fabricación y prueba de placas electrónicas y prototipos funcionales. Este proceso mejora significativamente las competencias prácticas en el laboratorio, una habilidad esencial para cualquier ingeniero eléctrico.
4. **Fomento de la Innovación Educativa:** El desarrollo de este proyecto no solo busca aportar al conocimiento técnico, sino también servir como una herramienta educativa innovadora. La práctica universitaria diseñada a partir de este proyecto permitirá a los estudiantes experimentar directamente con la optimización de parámetros electromagnéticos, desarrollando habilidades críticas y fomentando una mentalidad innovadora.

Con esto queda justificada la realización de este proyecto de fin de grado, y podemos empezar a desarrollar el proceso de creación de la **lanzadera electromagnética**.

2. Marco teórico

En esta sección se desarrollarán los principios teóricos que permiten el funcionamiento de las lanzaderas electromagnéticas. Para entender estos principios, es esencial comprender los fundamentos del electromagnetismo, el concepto de bobina, su relación con la generación de campos magnéticos y la forma de modelar estos.

El electromagnetismo es una rama fundamental de la física que estudia las interacciones entre los campos eléctricos y magnéticos. Su desarrollo ha sido crucial para el avance de la tecnología, desde la generación y transmisión de electricidad hasta las comunicaciones inalámbricas. Aunque la raza humana conoce los fenómenos eléctricos y magnéticos desde la historia antigua, estos no fueron estudiados hasta el siglo XVII, y se consideraban fenómenos independientes hasta que Hans Christian Ørsted descubrió en 1820 que una corriente eléctrica puede generar un campo magnético. Mientras el físico danés preparaba los equipos para dar una conferencia en la Universidad de Copenhague, observó que la aguja de una brújula cercana se desviaba cuando la corriente fluía a través de un alambre conductor. Este accidental descubrimiento le llevó a publicar el artículo *CIRCA EFFECTUM CONFLICTUS ELECTRICI IN ACUM MAGNETICAM*, en el que se describieron los fenómenos electromagnéticos por primera vez, aunque de manera cualitativa. En la siguiente década, Ampère y Faraday describirían matemáticamente el descubrimiento de Ørsted, dando lugar al electromagnetismo como lo conocemos hoy en día. [2]

El trabajo de James Clerk Maxwell en la década de 1860 unificó estos descubrimientos en un marco teórico coherente. Maxwell formuló un conjunto de ecuaciones que describen cómo los campos eléctricos y magnéticos interactúan y se propagan. Estas ecuaciones, conocidas como las ecuaciones de Maxwell, son la base del electromagnetismo clásico.

$$\begin{aligned}\vec{\nabla} \cdot \vec{E} &= \frac{\rho}{\epsilon_0} & \vec{\nabla} \cdot \vec{B} &= 0 \\ \vec{\nabla} \times \vec{E} &= -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} & \vec{\nabla} \times \vec{B} &= \mu_0 \vec{J} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}\end{aligned}$$

Figura 2: Ecuaciones de Maxwell.[6]

En el caso de este proyecto, la ley de Maxwell de mayor interés es la de Ampère. Esta ley es la que define la relación entre un campo magnético y uno eléctrico, y partir de las ecuaciones anteriores se puede definir la ley integral de Ampère como:

”La integral de línea del campo magnético \mathbf{B} alrededor de un lazo cerrado es igual a μ_0 multiplicado por la corriente total I_{enc} que pasa a través de cualquier superficie delimitada por el lazo. Matemáticamente, esto se expresa como:

$$\oint_{\partial S} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{l} = \mu_0 I_{enc}$$

donde μ_0 es la permeabilidad del vacío.”

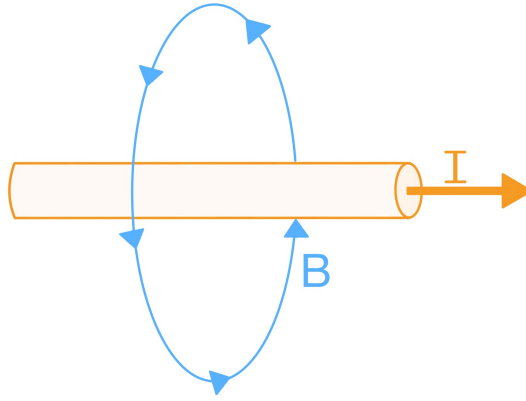


Figura 3: Visualización del campo magnético de un conductor. Elaboración propia.

Una vez entendido el comportamiento en un conductor, el siguiente paso es analizar el componente principal de la lanzadera: la **bobina**. Una bobina, o solenoide, es un conductor enrollado de manera cilíndrica alrededor de un núcleo de algún material. El número de vueltas que da el conductor alrededor del núcleo se define como espiras y se denota como N , y el núcleo posee un parámetro físico llamado permeabilidad relativa μ_r , que indica su capacidad para permitir el paso del flujo magnético. Se llegará a continuación a una expresión para el campo magnético alrededor de un solenoide. Para ello, partiremos de la ley integral de Ampère y consideraremos un solenoide con N espiras y longitud l , por el cual pasa una corriente I . Elegimos una trayectoria rectangular \vec{C} que va parcialmente dentro y fuera del solenoide, la cual es conveniente porque simplifica los cálculos del campo magnético.

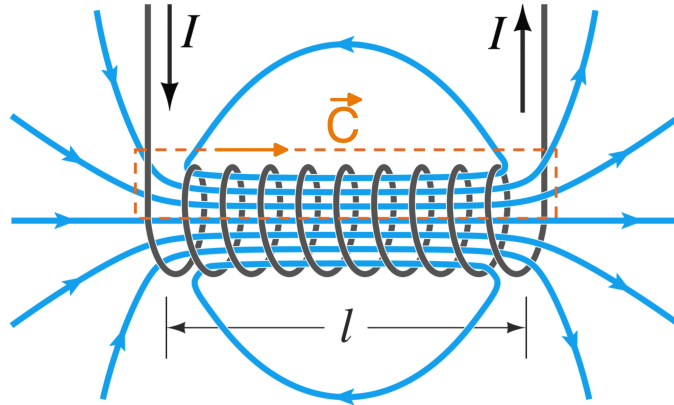


Figura 4: Curva \vec{C} para la cual realizaremos los cálculos. Imagen tomada de <https://artpictures.club/autumn-2023.html>.

La integral de línea del campo magnético B en la trayectoria rectangular \vec{C} se puede dividir en cuatro segmentos:

- Dentro del solenoide, paralelo al eje del solenoide, longitud l .
- Fuera del solenoide, paralelo al eje del solenoide, longitud l .
- Dos segmentos perpendiculares al eje del solenoide, cada uno de longitud w .

Debido a la simetría y a que el solenoide es muy largo, asumimos que el campo magnético fuera del solenoide es despreciable, y el campo dentro es uniforme y paralelo al eje del solenoide. Así, la integral se simplifica a:

$$\oint_c \vec{B} d\vec{l} = Bl$$

Analizando ahora la corriente encerrada total, se observa que será igual a la corriente que fluye por las N espiras:

$$I_{encerrada} = NI$$

En una longitud cualquiera, l , se puede hablar de una densidad de espiras igual a $n = \frac{N}{l}$, por lo que en la curva \vec{C} tendremos:

$$I_{encerrada} = nIl$$

Con lo que se obtienen los dos términos de la ecuación integral de Ampère, por lo que podemos igualar:

$$Bl = \mu_0 nIl \rightarrow B = \mu_0 nI \quad \forall n = \frac{N}{l} \rightarrow B = \mu_0 \frac{NI}{l}$$

Que es la expresión para la inducción electromagnética en un solenoide.

El siguiente punto de interés es la forma del campo magnético del solenoide. La geometría del mismo juega un papel crucial en la distribución del campo magnético. Debido a su forma cilíndrica y a la disposición de las espiras, el campo magnético generado en el interior del solenoide es casi uniforme y paralelo al eje del cilindro, variando solo en los extremos donde se curva hacia el núcleo para cumplir la ley de Gauss para el campo magnético ($\nabla \cdot \vec{B} = 0$). Esta uniformidad del campo magnético es una característica deseable en muchas aplicaciones, como en el diseño de inductores o transformadores. En nuestro caso, la uniformidad del campo nos va a permitir acelerar el proyectil de la lanzadera de manera rectilínea hacia el centro de la bobina.[6] [1][7].

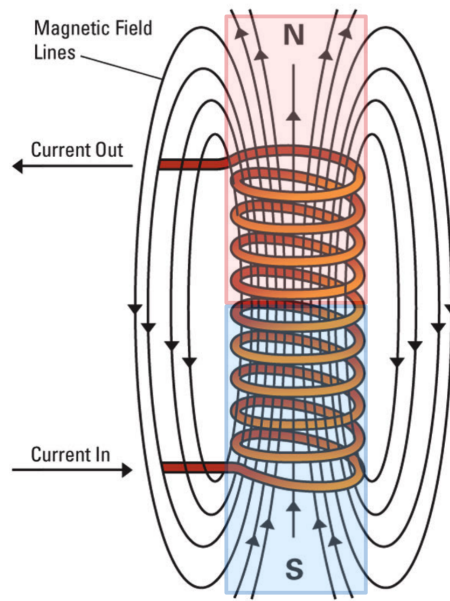


Figura 5: Visualización del campo magnético de una bobina energizada. Imagen tomada de <https://ece.northeastern.edu/fac-ece/nian/mom/electromagnets.html>.

La forma en que este fenómeno será aprovechado para construir la lanzadera consiste en colocar un proyectil de material ferromagnético en el extremo de una bobina energizada, el cual será atraído hacia el centro debido al campo magnético. Justo cuando los centros del proyectil y la bobina se encuentren alineados, la corriente se interrumpirá, evitando que el proyectil siga siendo atraído por el electroimán y permitiéndole avanzar por inercia. Esto se logrará mediante un circuito electrónico que energizará la bobina durante el tiempo necesario para que el proyectil alcance la máxima velocidad posible. Este circuito será desarrollado en la sección de prototipo (3.3).

La figura 7 a continuación es un esquema sencillo en el que se visualizan las partes esenciales de una lanzadera electromagnética:

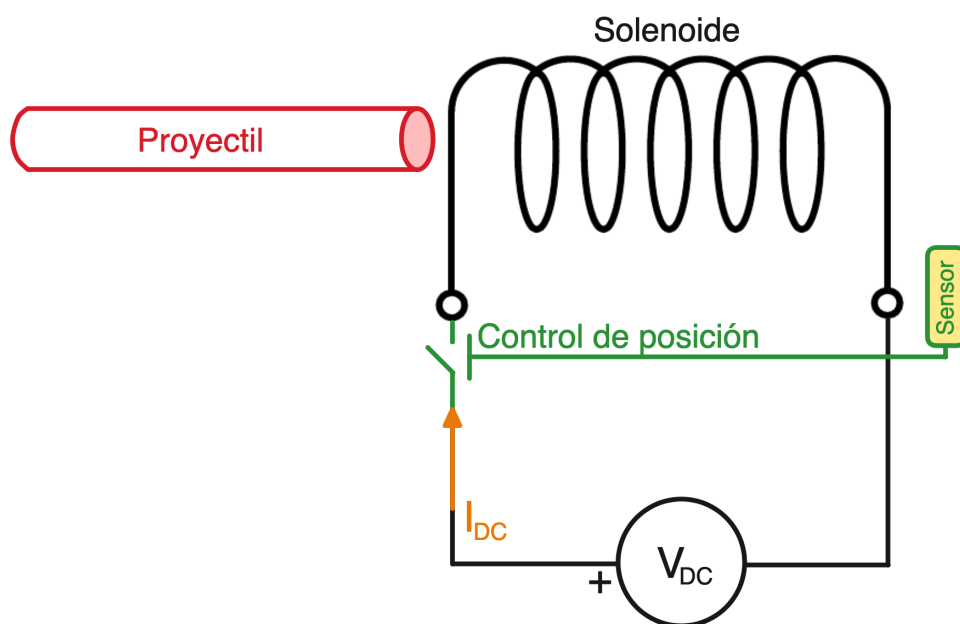


Figura 6: Esquema cualitativo de la lanzadera electromagnética. Elaboración propia.

Antes de finalizar el marco teórico, es necesario definir la manera en la que se va a representar el sistema de manera computable. Para ello, se utiliza el análisis del circuito magnético del sistema. Un circuito magnético se puede analizar de manera análoga a un circuito eléctrico, utilizando los conceptos de reluctancia, fuerza magnetomotriz (FMM) y flujo magnético. A continuación, se describen estos conceptos y sus relaciones entre sí.

- **Reluctancia** La reluctancia \mathcal{R} es una medida de la oposición que ofrece un material al paso del flujo magnético. Es análoga a la resistencia en un circuito eléctrico y su unidad es $[H^{-1}]$. La fórmula para la reluctancia es:

$$\mathcal{R} = \frac{l_{car}}{\mu_0 \mu_r A}$$

Donde:

$\mu_0 \mu_r$ es la permeabilidad del material $[NA^2]$.

l_{car} es la longitud característica del camino magnético $[m]$.

A es el área de la sección transversal del camino magnético $[m^2]$.

- **Fuerza Magnetomotriz (FMM)** La fuerza magnetomotriz \mathcal{F} es la fuerza que impulsa el flujo magnético a través de un circuito magnético. Es análoga a la fuerza electromotriz (fem) en un circuito eléctrico y su unidad es $[A-v]$. La FMM se define como:

$$\mathcal{F} = NI$$

Donde:

N es el número de vueltas de la bobina $[v]$.

I es la corriente de alimentación de la bobina $[A]$.

- **Flujo Magnético** El flujo magnético ϕ es la cantidad de campo magnético que pasa a través de una superficie. Es análogo a la corriente eléctrica y su unidad es $[Wb]$. Se define como:

$$\phi = BA$$

Donde:

B es la densidad de flujo magnético $[T]$.

A es el área de la superficie perpendicular al campo magnético $[m^2]$.

- **Ley de Hopkinson** La Ley de Hopkinson establece la relación entre la FMM, el flujo magnético y la reluctancia en un circuito magnético, de manera análoga a la Ley de Ohm en los circuitos eléctricos:

$$\mathcal{F} = \mathcal{R}\phi$$

Como expresa la ley de Hopkinson, los conceptos de reluctancia, FMM y flujo magnético están interrelacionados en un circuito magnético. La FMM generada por una corriente que pasa a través de un devanado crea un flujo magnético que se opone a la reluctancia del material.[1][7]

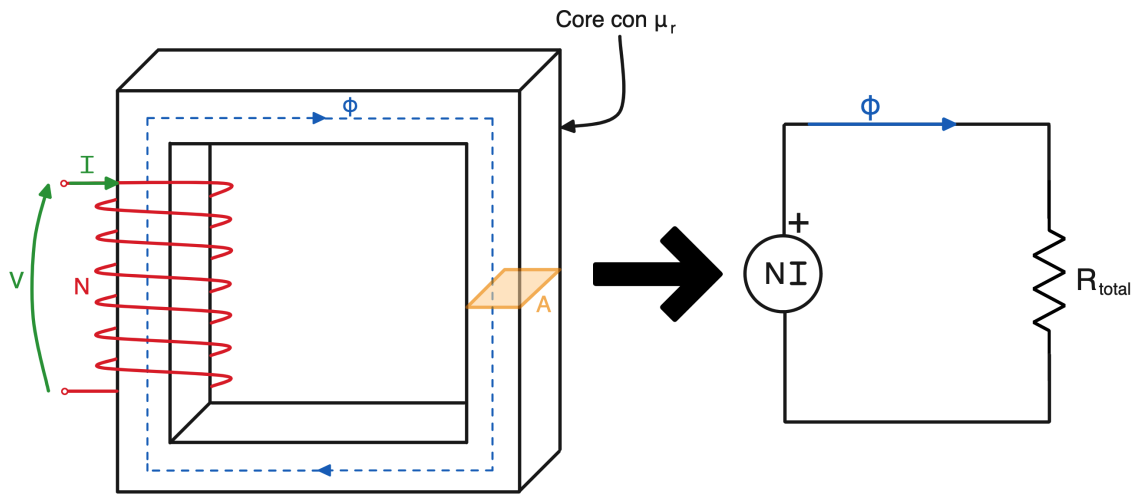


Figura 7: Esquema de una bobina con un core ferromagnético y su circuito magnético equivalente. Elaboración propia.

3. Desarrollo

En esta sección se detallarán los pasos llevados a cabo para la consecución del objetivo principal de este proyecto: el diseño y construcción de una *lanzadera electromagnética*. En los siguientes apartados, se describirán concisamente los procedimientos, herramientas y resultados obtenidos en cada una de estas fases del desarrollo.

3.1. Desarrollo teórico

En la sección de desarrollo teórico trataré de proporcionar un procedimiento mediante el cual los alumnos que realicen la práctica sean capaces de optimizar la velocidad y fuerza del proyectil a partir de los parámetros eléctricos y geométricos que definen el sistema. Estos parámetros de entrada serán:

- **Parámetros geométricos:**

- a. r_{cext} y r_{cint} : radios exterior e interior de la bobina, respectivamente.
- b. l_c : altura de la bobina.
- c. r_{fe} : radio del vástago.
- d. l_{fe} : longitud del vástago.
- e. k_{disp} : parámetro multiplicador para obtener la sección de dispersión.

- **Parámetros eléctricos:**

- a. N : número de espiras.
- b. I_{cc} : corriente de alimentación del solenoide.
- c. μ_{fe} : permeabilidad relativa del vástago ferromagnético.

El objetivo de este desarrollo es crear un programa en MATLAB al que se le proporcionen estos datos, y que calcule automáticamente la fuerza que experimentará el proyectil. Como se muestra en la figura 5 el valor de B varía a lo largo del solenoide. Por lo tanto, además de los parámetros dados (que son constantes), será necesario parametrizar también la posición del vástago en cada momento (x en la figura 8) y calcular la fuerza que experimenta en cada una de esas posiciones. Con todo esto, he desarrollado el siguiente esquema que muestra las variables del sistema:

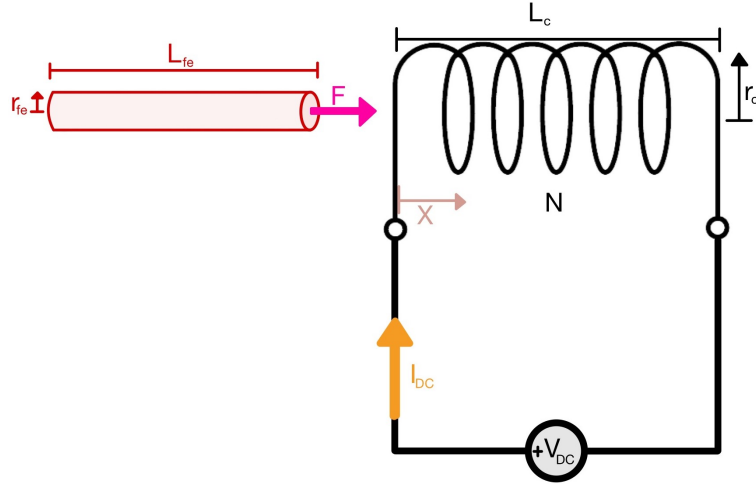


Figura 8: Esquema geométrico del sistema. Elaboración propia.

Antes de empezar a escribir el código, tenemos que realizar un desarrollo analítico partiendo de las fórmulas del marco teórico. Para ello, se realizará un análisis de las diferentes reluctancias del sistema para poder computar el circuito magnético y obtener así la fuerza de atracción que experimenta el vástago, que según Jerez viene dada por la expresión:

$$F = \frac{1}{2} \frac{B^2 * S}{\mu_0}$$

Para crear un modelo del sistema, se va a analizar el conjunto proyectil-bobina y se definirán los caminos por los que va a fluir el flujo magnético así como las reluctancias. Para conseguir esto último, será necesario definir claramente las diferentes áreas efectivas de los componentes del sistema, las cuales serán:

- $S_c = \pi * r_{cext}^2$: Esta superficie se corresponde con la sección delimitada por el radio exterior de la bobina, y es el área efectiva del flujo encerrado en su interior.
- $S_{fe} = \pi * r_{fe}^2$: Esta superficie se corresponde con la sección delimitada por el radio del vástago.
- $S_{disp} = \pi * r_{disp} \quad \forall r_{disp} = k_{disp} r_c$: Esta superficie se corresponde con el área de dispersión de flujo. La dispersión es la parte del flujo que abraza a la bobina y a la barra.

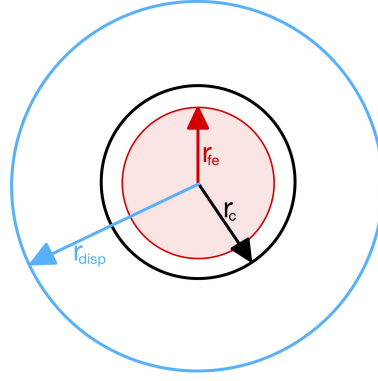


Figura 9: Vista de planta del sistema. Elaboración propia.

Teniendo en cuenta el razonamiento realizado en la sección del marco teórico (2) y lo expuesto en la figura 9, podemos concluir que existen cuatro principales reluctancias en el sistema de la figura 8:

- $\mathcal{R}_{disp\ c} = \frac{h_c}{\mu_0 * S_{disp}}$: Se corresponde a la reluctancia del aire que abraza la bobina. Esta reluctancia es fija ya que las dimensiones del solenoide son constantes.
- $\mathcal{R}_{fe} = \frac{l_{fe}}{\mu_0 * \mu_{fe} * S_{fe}}$: Se corresponde a la reluctancia de la barra. Esta reluctancia es fija ya que las dimensiones del vástago son constantes.
- $\mathcal{R}_{\phi} = \frac{(h_c + l_{fe}) - x}{\mu_0 * S_{disp}}$: Se corresponde a la reluctancia del aire del camino más largo del flujo magnético, y es la que provoca que el campo del electroimán interactúe con el vástago. Es variable ya que la posición del vástago es variable y el camino se reduce con el tiempo.
- $\mathcal{R}_{aire\ c} = \frac{h_c - x}{\mu_0 * S_c}$: Se corresponde a la reluctancia del aire en el interior de la bobina. Es variable ya que la cantidad de aire disminuye con la posición del vástago.

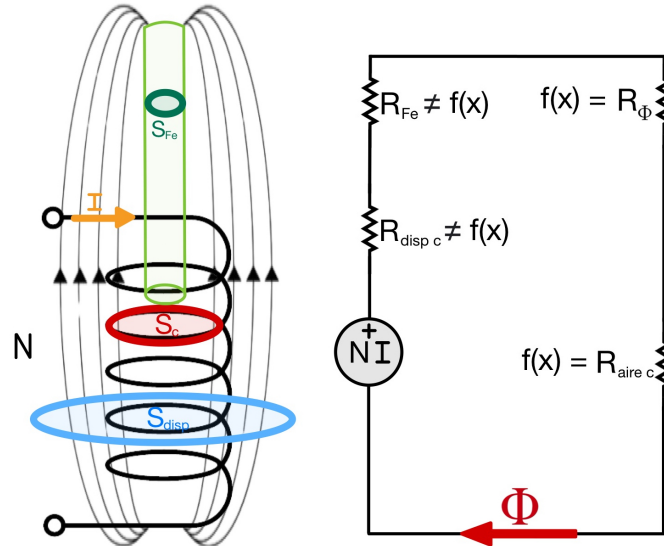


Figura 10: Circuito magnético del sistema. Elaboración propia.

Con el circuito magnético definido, el siguiente paso es programar las relaciones presentadas en esta sección en MATLAB y graficar los resultados en función de la posición.

El programa en MATLAB constará de tres secciones: definición, cálculos y graficación. El producto de este código es una calculadora” que devuelve la evolución de la fuerza con el parámetro x , y queda así:

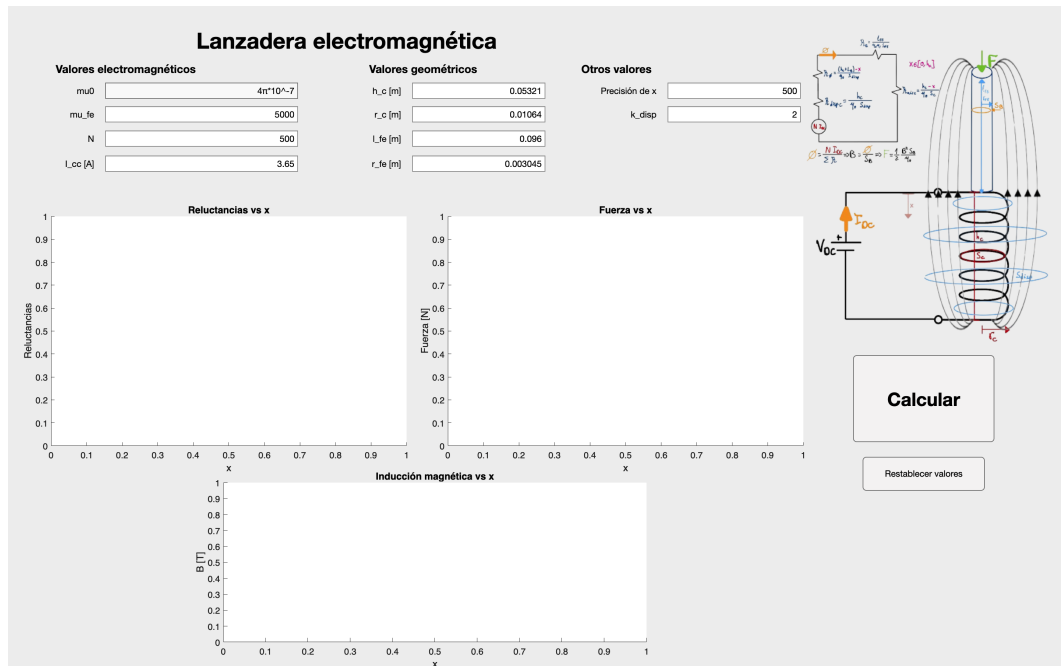


Figura 11: Aplicación de cálculos de MATLAB. Elaboración propia.

3.2. Simulaciones

3.3. Prototipo

4. Resultados

5. Discusión y conclusiones

Referencias

- [1] D. J. Griffiths. *Introduction to Electrodynamics*, 2005.
- [2] IEEE Spain. *Doscientos aniversario de Oersted y el descubrimiento del electromagnetismo*. URL <https://ieeespain.org/doscientos-aniversario-oersted-y-el-descubrimiento-del-electromagnetismo/>. Accedido: 24-06-2024.
- [3] N. Jerez. *Problemas de Máquinas Eléctricas*, 2016. URL <https://www.researchgate.net/profile/Nicolas-Jerez-3/>. Accedido: 2024-06-04.
- [4] R. Kaye, B. Turman, and S. Shope. *Applications of coilgun electromagnetic propulsion technology*, 08 2002. URL <https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/1189573>. Accedido: 05-06-2024.
- [5] V. K. Sai Chaithanya. *A Review on Technological Advancement in Electromagnetic Coil Gun System*, 2018. URL <https://www.ijert.org/>. Accedido: 05-06-2024.
- [6] Purcell, Edward M. and Morin, David J. *Electricidad y magnetismo*, 2013.
- [7] P. A. Tipler and G. Mosca. *Physics for Scientists and Engineers*. W. H. Freeman, New York, NY, 6th edition, 2008.