

VAK

SIRK

Dva hráči A a B.

Hráč A vyhraje vždy na předpokladu, že má $3k+1/3k+2$ sítí. Tedy hráči B bude $3k$ sítí, což je prokermi pozio. (Indukce se hráč A ovaž: dostal hráč B na $3k$ sítí \Rightarrow pak hráč A rovněž vyhraje)

Ok: MIT Hráč A vyhraje na předpokladu, že hráč B má $3k$ sítí

IP: $3k \% 3 = 0$ pro hráče B \Rightarrow hráč A vyhraje. Hráč B je na $3k$ sítí.
přijímá $k=0/3(0)$ $k=1/3(1)$ $k=2/3(2)$
Hráč A má: $0 \% 3 = 0$ $3 \% 3 = 0$ $6 \% 3 = 0$
 \Rightarrow hráč A vyhraje \Rightarrow hráč B vyhraje \Rightarrow hráč B vyhraje

pro $k=k+1$ a $k=k+2$

① a) $3k+1 \% 3$ a $3k+2 \% 3$

↓

a) v případě, kdy hráč A má $3k+1$ sítí, můžeme vst 1 sítí, čím hráč B bude na $3k$ sítí, což podle IP je výhra pro hráče A

b) a v druhém případě, kdy máme $3k+2$ sítí, přičemž můžeme vst 1/2 sítí, tedy hráč B bude na $3k$ (odebereme 2 sítí), což opět podle IP je výhra pro hráče A.

Q.E.D.