

# Вычисления на видеокартах

## Лекция 7

- Merge sort
- Merge path
- Coarse to fine схема
- Patch Match (Depth Maps)
- Look Up Tables (LUT)



NVIDIA  
CUDA





Task04: Префиксные суммы на **Tesla T4 (320 GB/s)**

🥇 [Роберт Смайт](#) - команда СПбГУ - **108.15 GB/s**, CUDA

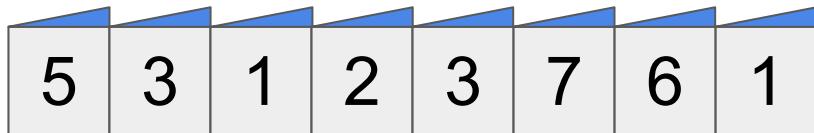
🥈 [Илья Коннов](#) - команда ИТМО / Яндекс - **92.98 GB/s**, OpenCL

🥉 [Mikhail Stulov](#) - команда МФТИ / ТБанк - **89.48 GB/s**, OpenCL

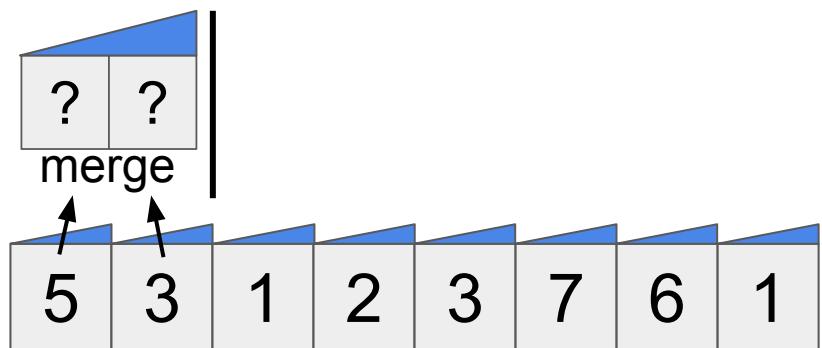
P.S. мое baseline решение - **10.68 GB/s**

# Глава 1: Merge sort

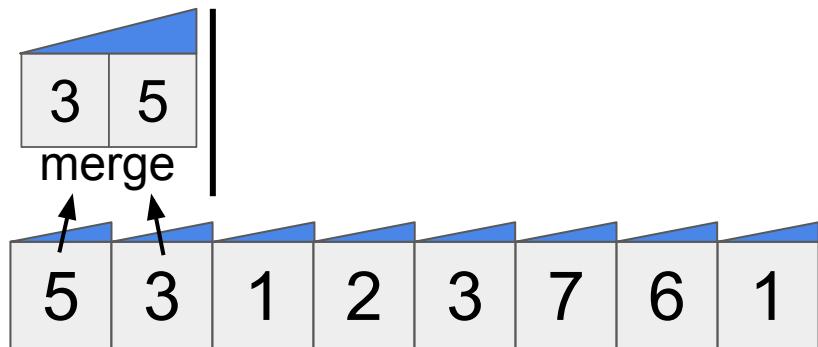
# Merge sort



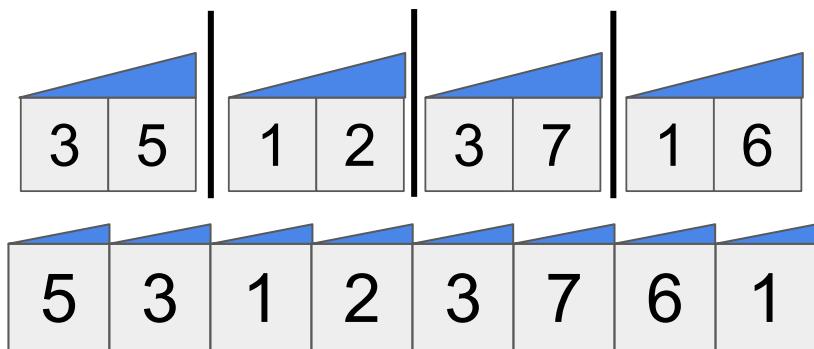
# Merge sort



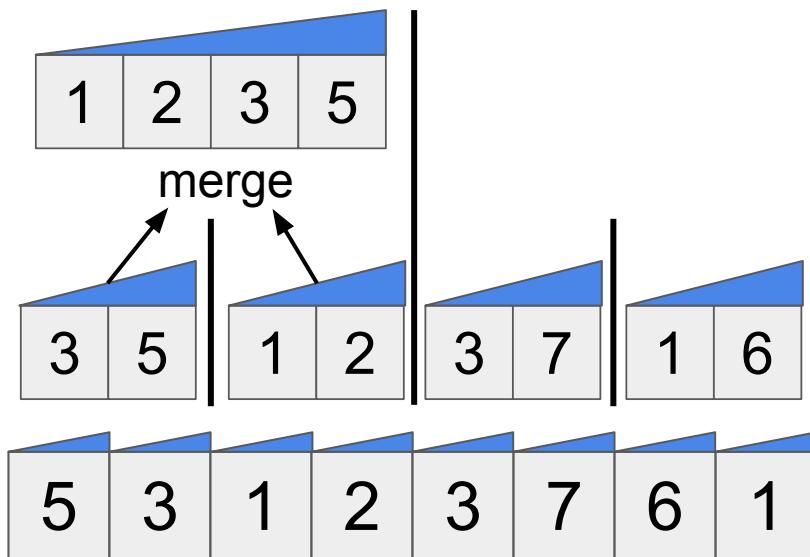
# Merge sort



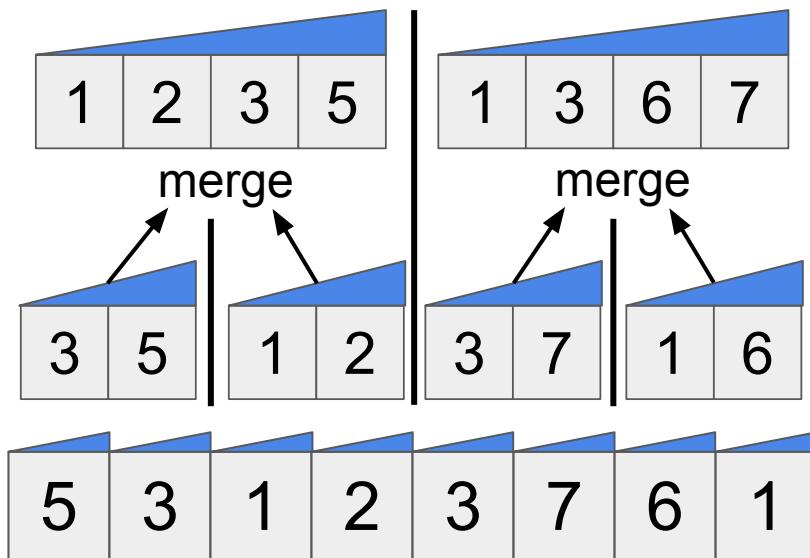
# Merge sort



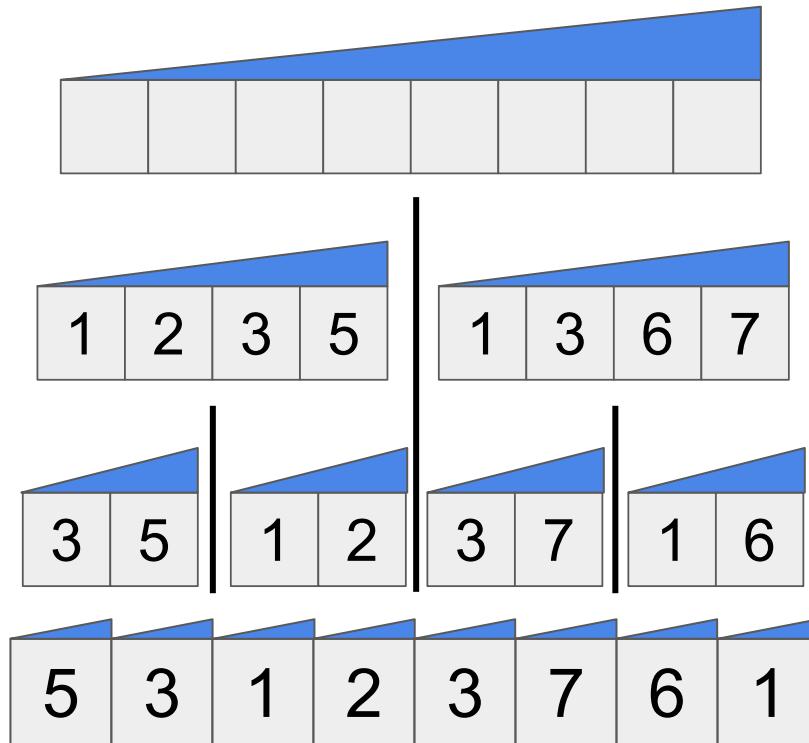
# Merge sort



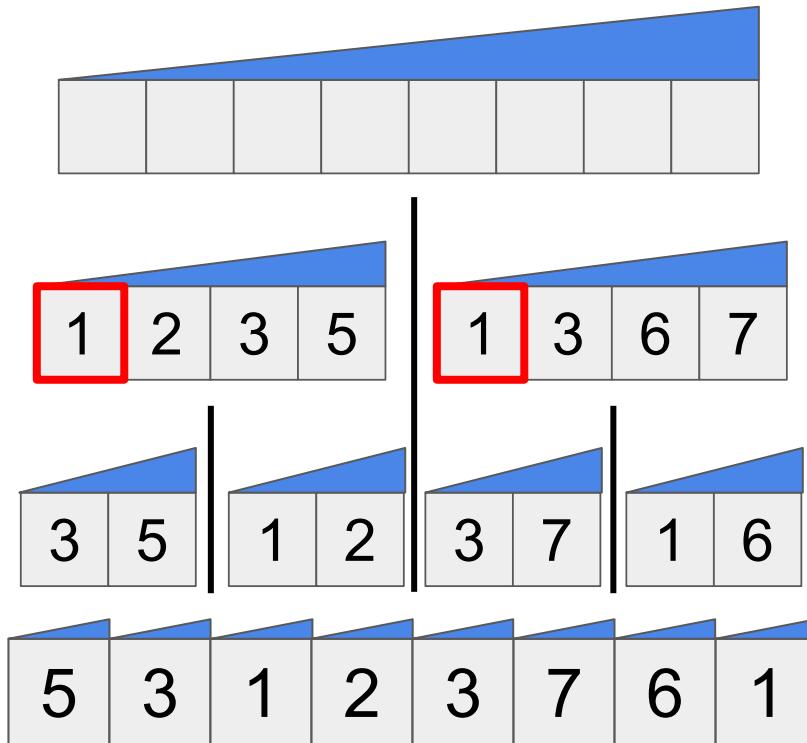
# Merge sort



# Merge sort: алгоритм слияния (merge)

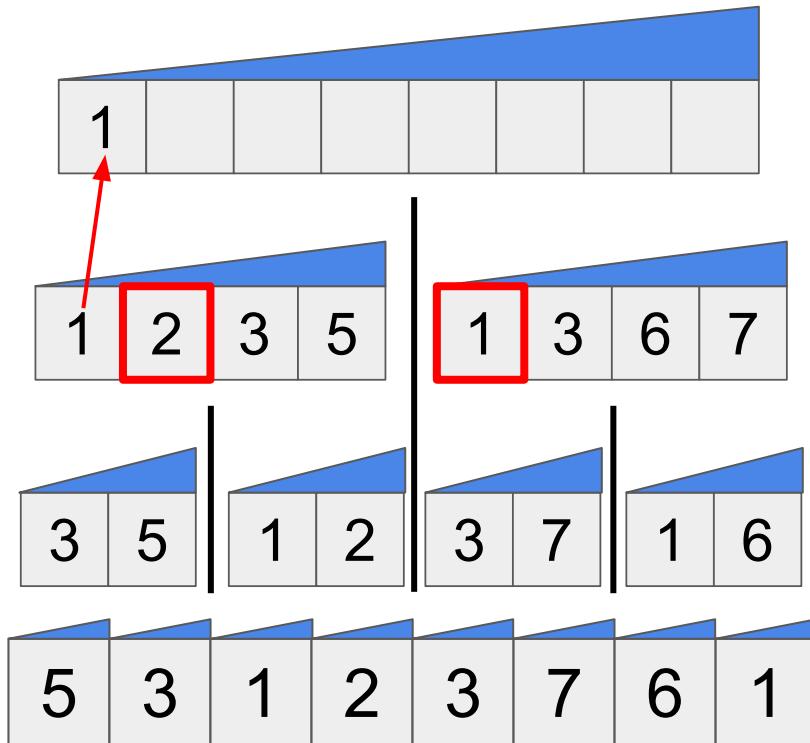


# Merge sort: алгоритм слияния (merge)



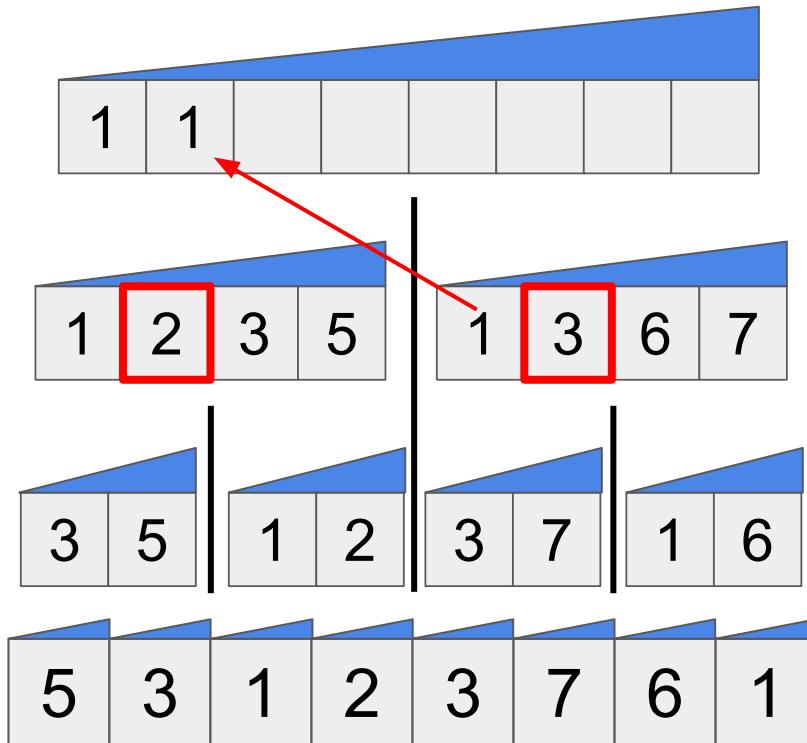
1) **Два указателя** - следующие кандидаты

# Merge sort: алгоритм слияния (merge)



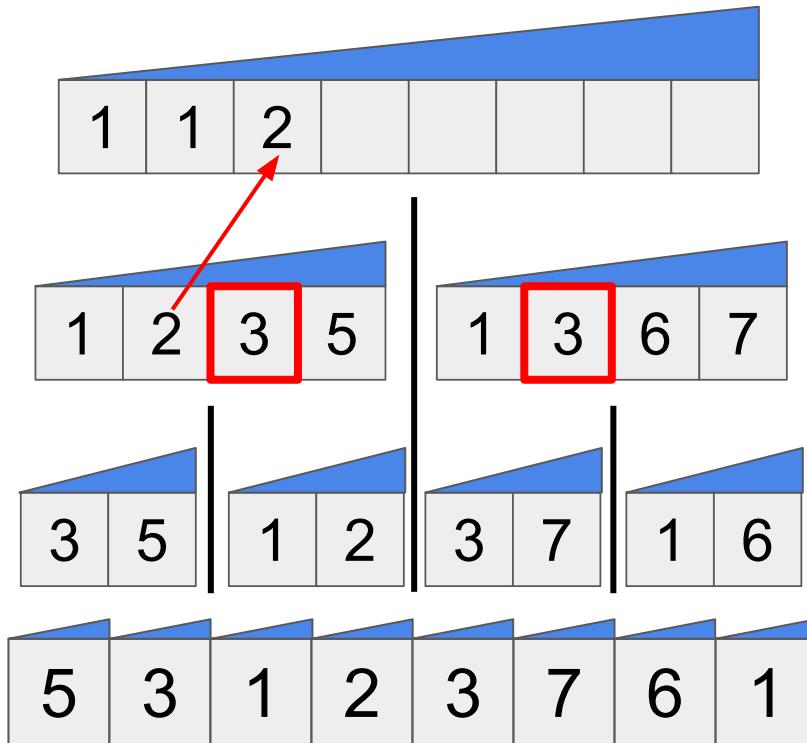
- 1) **Два указателя** - следующие кандидаты
- 2) Берем **минимум**

# Merge sort: алгоритм слияния (merge)



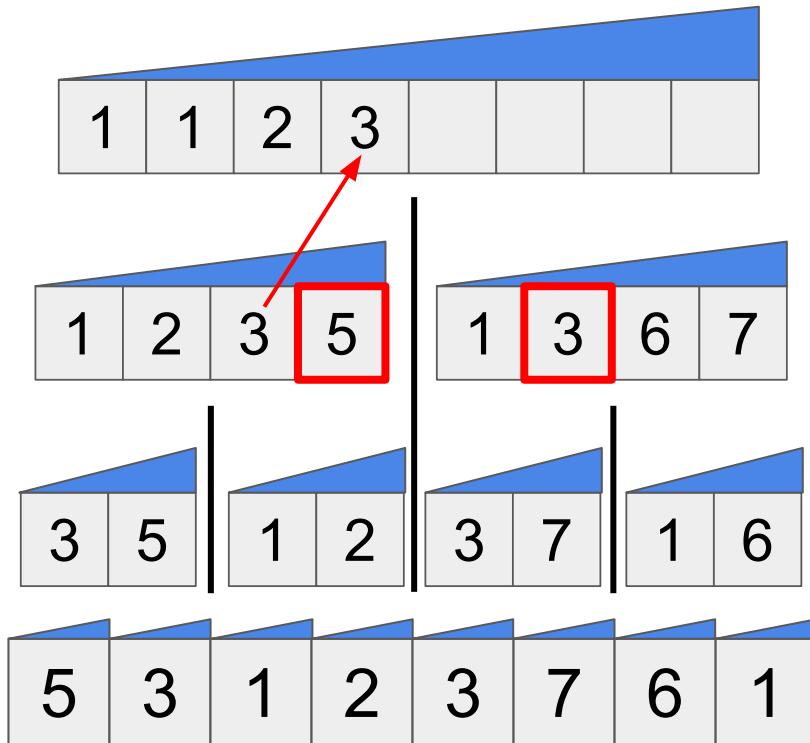
- 1) **Два указателя** - следующие кандидаты
- 2) Берем **минимум**

# Merge sort: алгоритм слияния (merge)



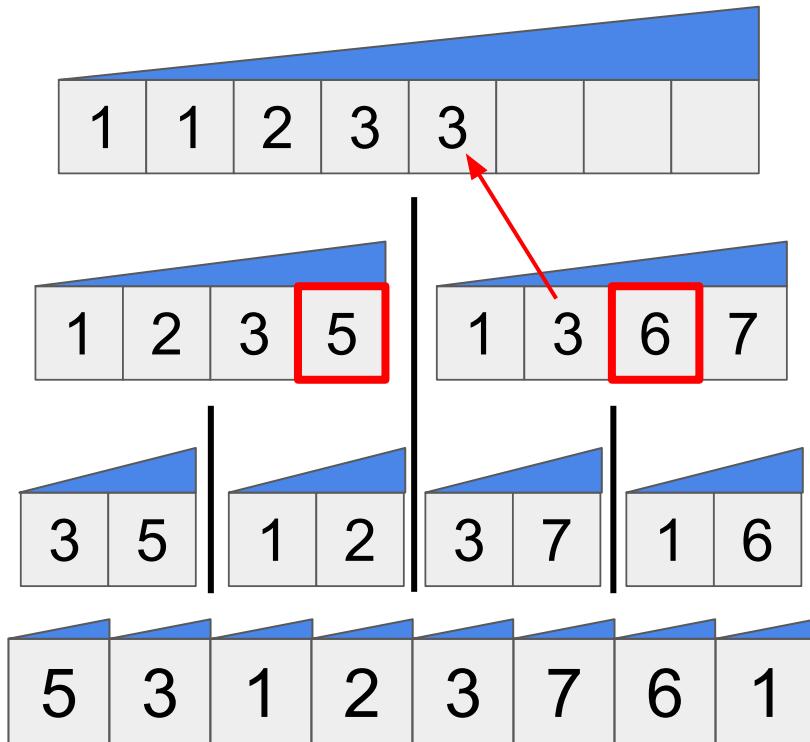
- 1) **Два указателя** - следующие кандидаты
- 2) Берем **минимум**

# Merge sort: алгоритм слияния (merge)



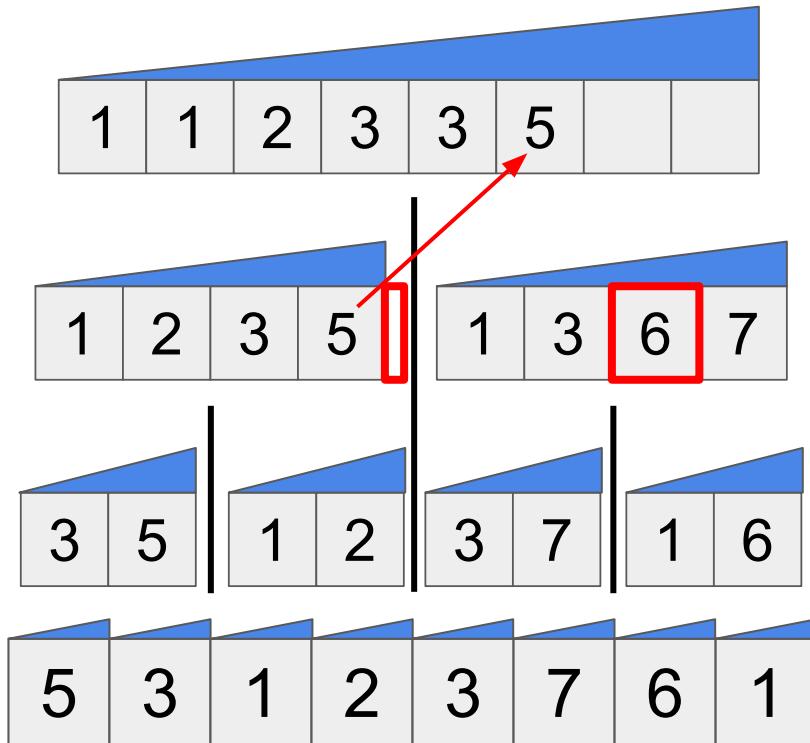
- 1) **Два указателя** - следующие кандидаты
- 2) Берем **минимум**

# Merge sort: алгоритм слияния (merge)



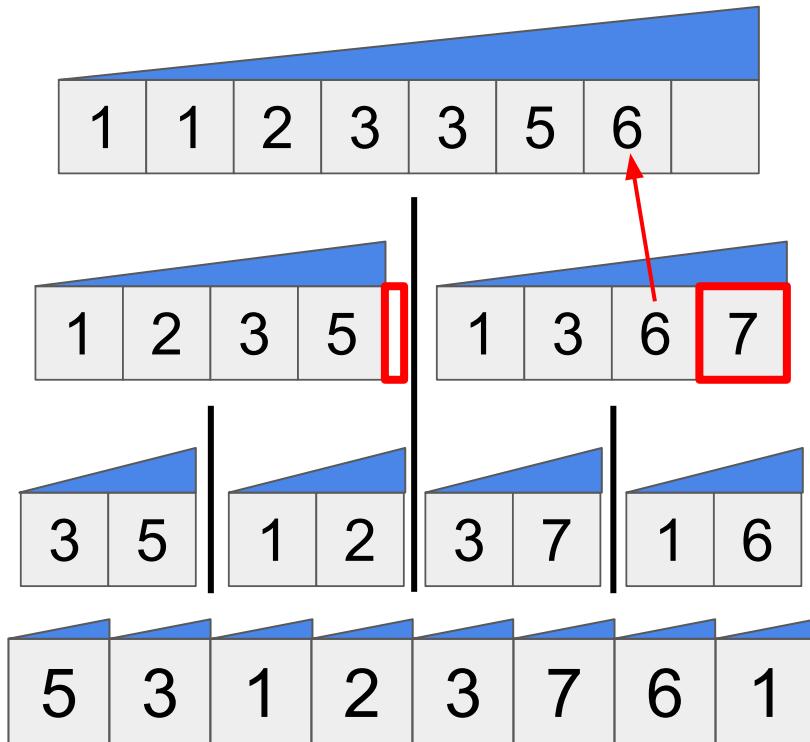
- 1) **Два указателя** - следующие кандидаты
- 2) Берем **минимум**

# Merge sort: алгоритм слияния (merge)



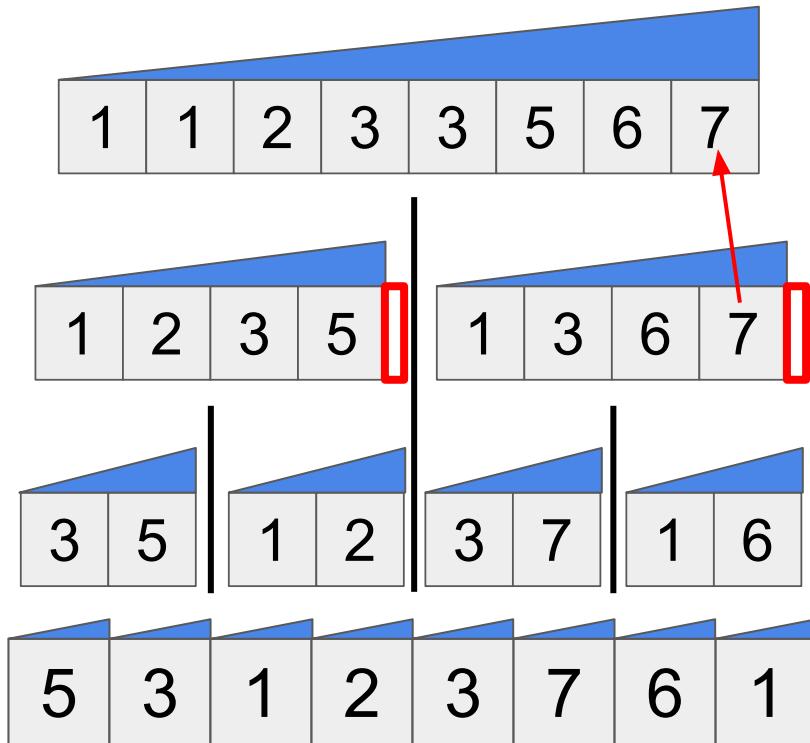
- 1) **Два указателя** - следующие кандидаты
- 2) Берем **минимум**

# Merge sort: алгоритм слияния (merge)



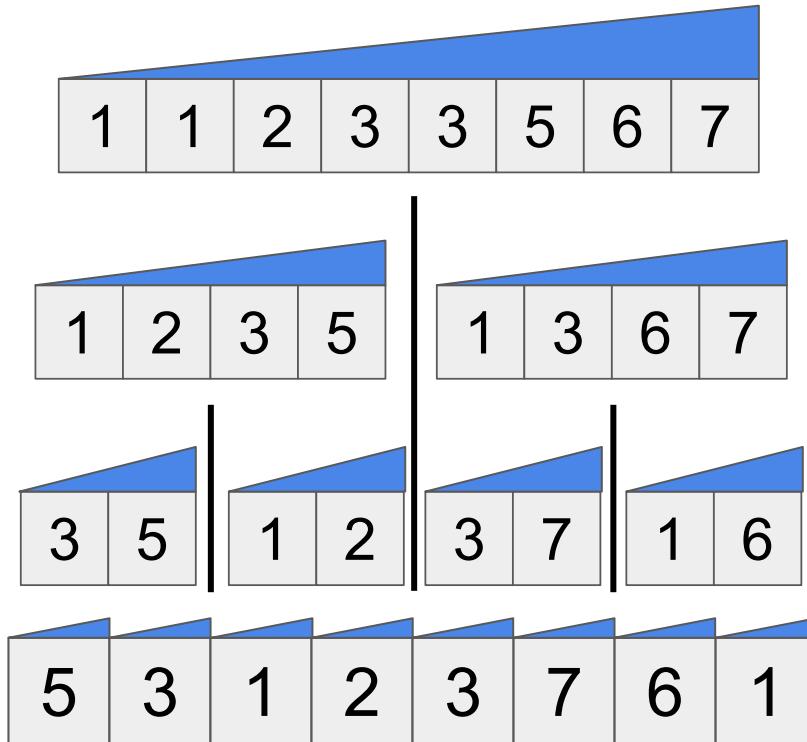
- 1) **Два указателя** - следующие кандидаты
- 2) Берем **минимум**

# Merge sort: алгоритм слияния (merge)



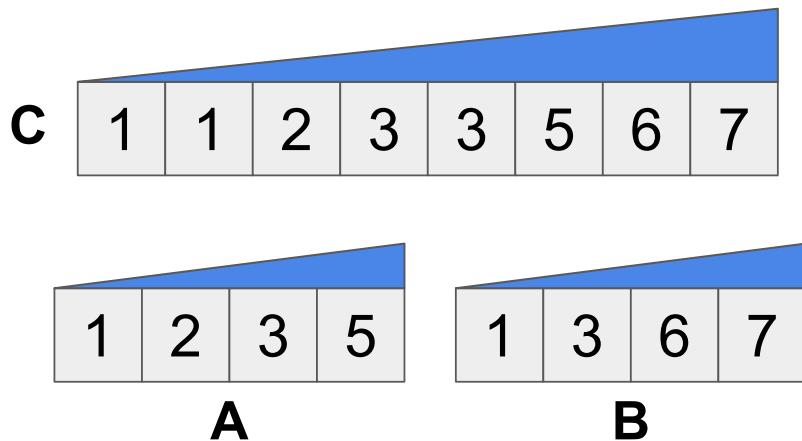
- 1) **Два указателя** - следующие кандидаты
- 2) Берем **минимум**

# Merge sort: алгоритм слияния (merge)



Как отсортировать на видеокарте?  
Т.е. как отсортировать супер многопоточно?

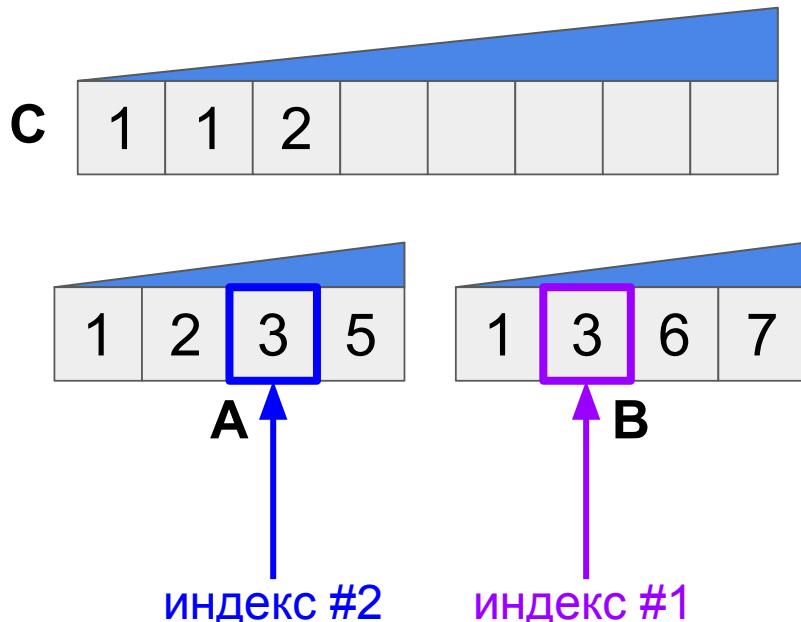
# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



Как отсортировать на видеокарте?  
Т.е. как отсортировать супер многопоточно?

Достаточно научиться делать merge!

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



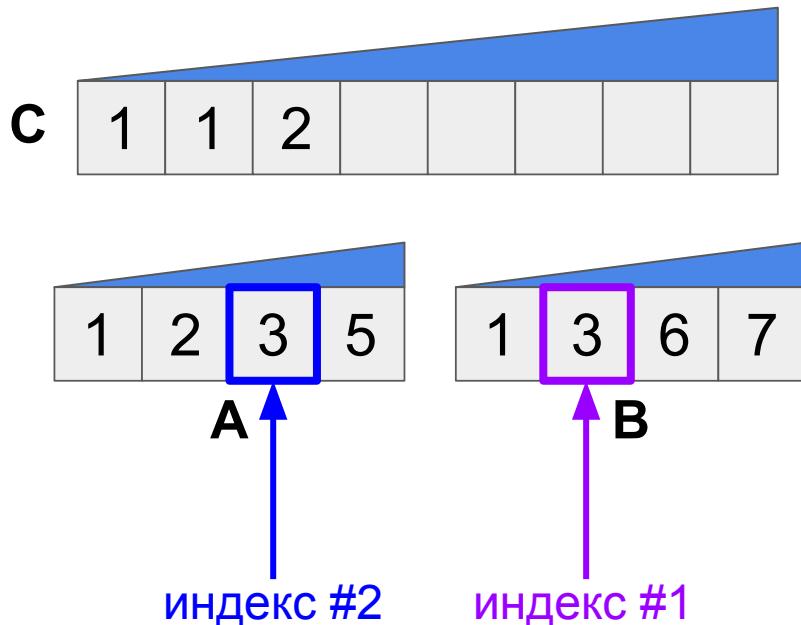
Как отсортировать на видеокарте?  
Т.е. как отсортировать супер многопоточно?

Достаточно научиться делать merge!

Операция слияния тривиальна если

- 1) знаем **указатель** в А
- 2) знаем **указатель** в В

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



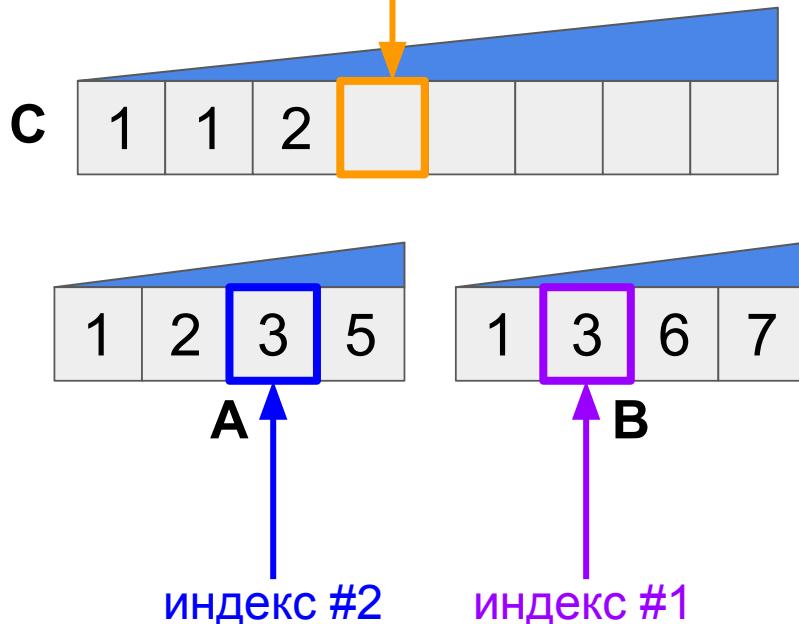
Как отсортировать на видеокарте?  
Т.е. как отсортировать супер многопоточно?

Достаточно научиться делать merge!

Операция слияния тривиальна если

- 1) знаем **указатель** в А
- 2) знаем **указатель** в В
- 3) ???

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



Как отсортировать на видеокарте?  
Т.е. как отсортировать супер многопоточно?

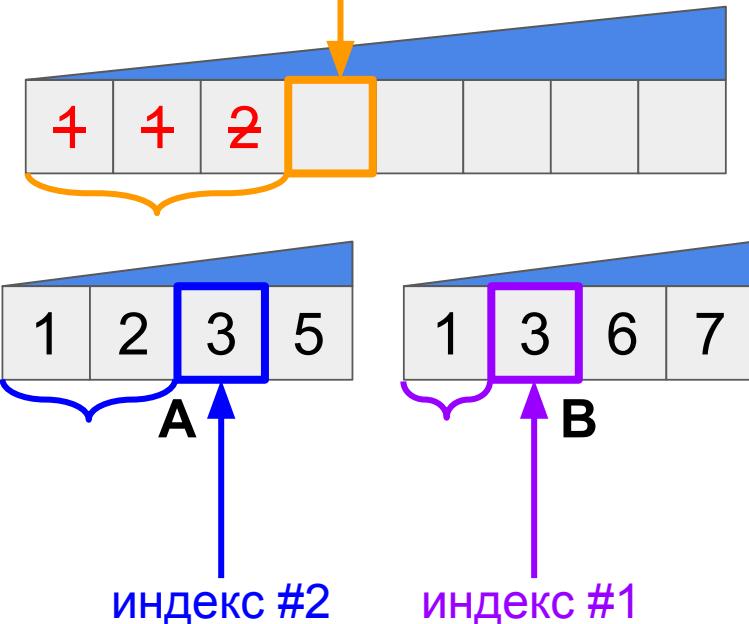
Достаточно научиться делать merge!

Операция слияния тривиальна если

- 1) знаем **указатель** в А
- 2) знаем **указатель** в В
- 3) можем найти на какой **индекс** в С записать минимум?

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)

С



Как отсортировать на видеокарте?  
Т.е. как отсортировать супер многопоточно?

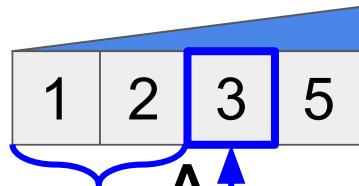
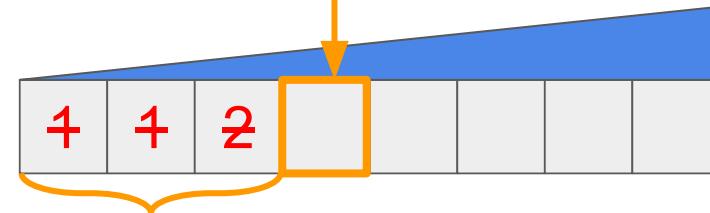
Достаточно научиться делать merge!

Операция слияния тривиальна если

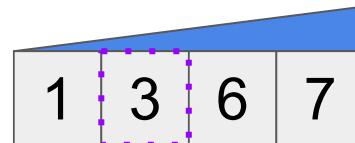
- 1) знаем **указатель** в А
- 2) знаем **указатель** в В
- 3) можем найти на какой **индекс** в С записать минимум?

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)

C



индекс #2  
пусть это наш  
WorkItem



индекс #1

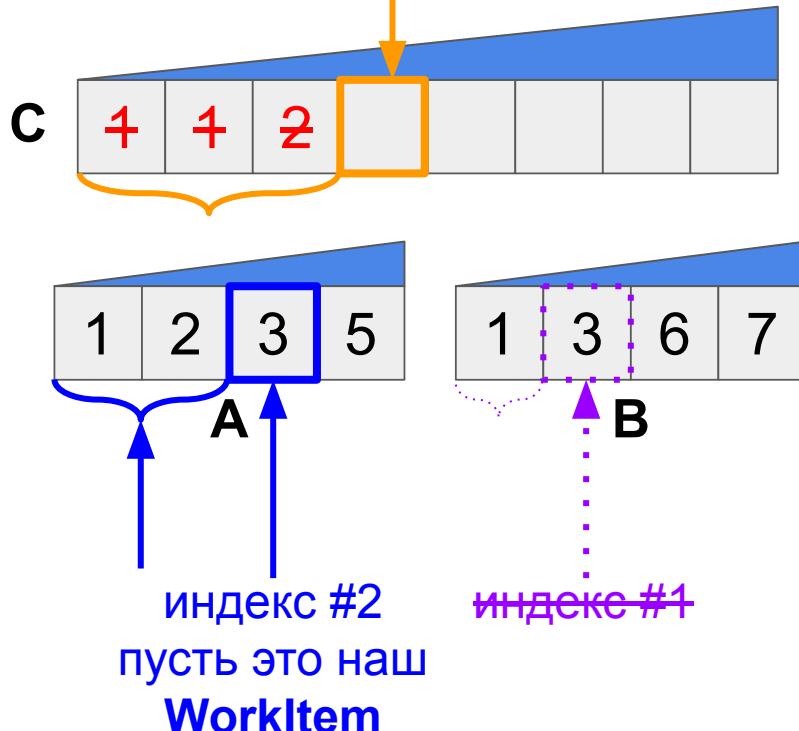
Как отсортировать на видеокарте?  
Т.е. как отсортировать супер  
многопоточно?

Достаточно научиться делать merge!

Операция слияния тривиальна если

- 1) знаем **указатель** в A
- 2) знаем **указатель** в B
- 3) можем найти на какой **индекс** в C записать минимум?

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



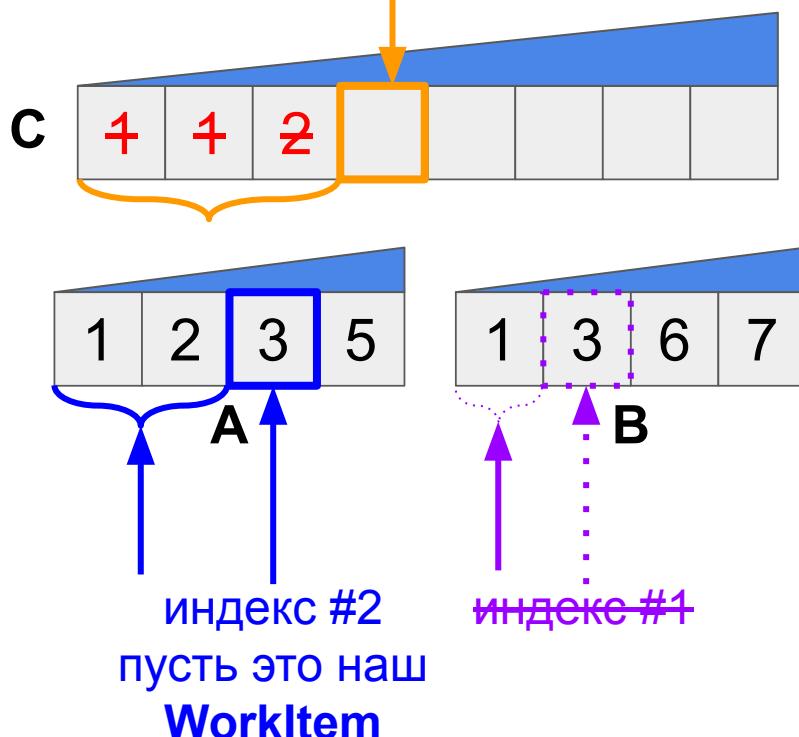
Как отсортировать на видеокарте?  
Т.е. как отсортировать супер многопоточно?

Достаточно научиться делать merge!

Операция слияния тривиальна если

- 1) знаем **указатель** в А
- 2) знаем **указатель** в В
- 3) можем найти на какой **индекс** в С записать минимум?

Знаем ли мы сколько чисел до нас в А?



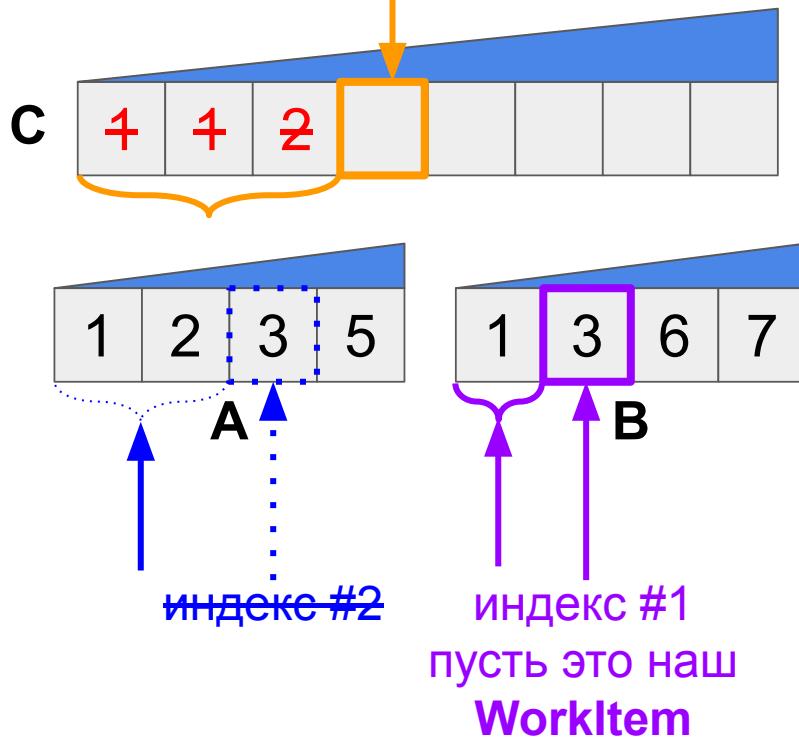
Как отсортировать на видеокарте?  
Т.е. как отсортировать супер многопоточно?

Достаточно научиться делать merge!

Операция слияния тривиальна если

- 1) знаем **указатель** в A
- 2) знаем **указатель** в B
- 3) можем найти на какой **индекс** в C записать минимум?

Как найти **сколько** чисел до нас в B?  
Бинарный поиск!  $O(\log N)$



Знаем ли мы сколько чисел до нас в A?  
Бинарный поиск!  $O(\log N)$

Как отсортировать на видеокарте?  
Т.е. как отсортировать супер многопоточно?

Достаточно научиться делать merge!

Операция слияния тривиальна если

- 1) знаем **указатель** в A
- 2) знаем **указатель** в B
- 3) можем найти на какой **индекс** в C записать минимум?

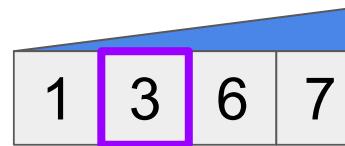
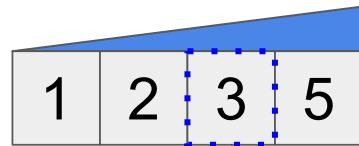
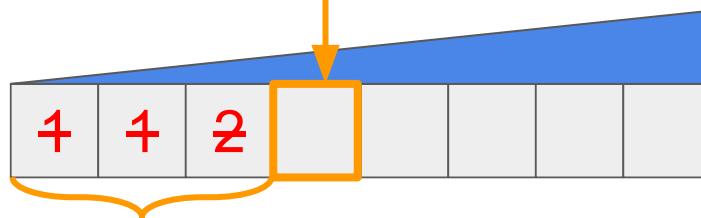
Как найти сколько чисел до нас в B?

Есть ли разница в случае когда наш WorkItem в А или в В?

[neerc.ifmo.ru](http://neerc.ifmo.ru): двоичный поиск на вики ИТМО

## Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)

С



индексе #2

индексе #2

пусть это наш  
WorkItem

Знаем ли мы сколько чисел до нас в А?  
Бинарный поиск!  $O(\log N)$

Как отсортировать на видеокарте?

Т.е. как отсортировать супер многопоточно?

Достаточно научиться делать merge!

Операция слияния тривиальна если

- 1) знаем **указатель** в А
- 2) знаем **указатель** в В
- 3) можем найти на какой **индекс** в С записать минимум?

Как найти сколько чисел до нас в В?

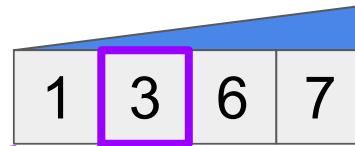
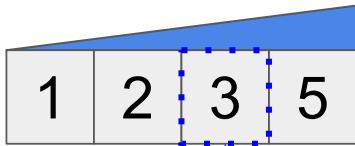
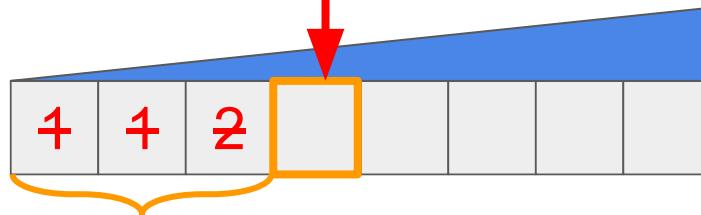
Есть ли разница в случае когда наш WorkItem в А или в В?

Кто окажется тут?

[neerc.ifmo.ru](http://neerc.ifmo.ru): двоичный поиск на вики ИТМО

Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)

С



↑

А

индексе #2

пусть это наш  
WorkItem

Знаем ли мы сколько чисел до нас в А?  
Бинарный поиск!  $O(\log N)$

Как отсортировать на видеокарте?

Т.е. как отсортировать супер многопоточно?

Достаточно научиться делать merge!

Операция слияния тривиальна если

- 1) знаем **указатель** в А
- 2) знаем **указатель** в В
- 3) можем найти на какой **индекс** в С записать минимум?

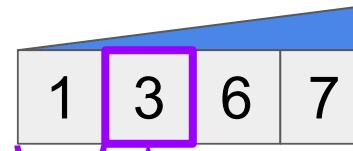
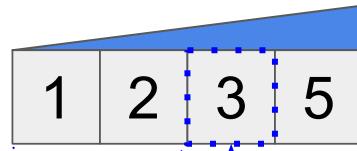
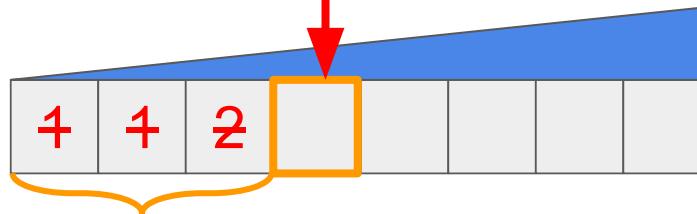
Как найти сколько чисел до нас в В?

Есть ли разница в случае когда наш WorkItem в А или в В?

Кто окажется тут? Как реализовать два разных бин. поиска без code divergence?

Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)

С



А

индексе #2

индекс #1  
пусть это наш  
WorkItem

Знаем ли мы сколько чисел до нас в А?  
Бинарный поиск!  $O(\log N)$

Как отсортировать на видеокарте?

Т.е. как отсортировать супер многопоточно?

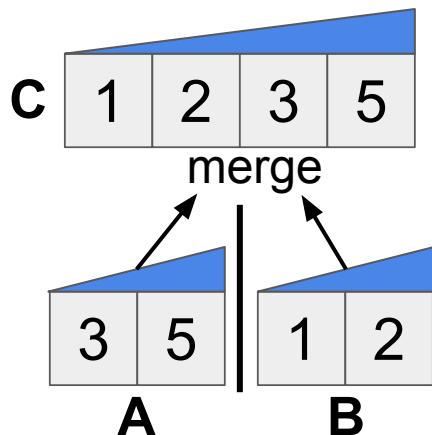
Достаточно научиться делать merge!

Операция слияния тривиальна если

- 1) знаем **указатель** в А
- 2) знаем **указатель** в В
- 3) можем найти на какой **индекс** в С записать минимум?

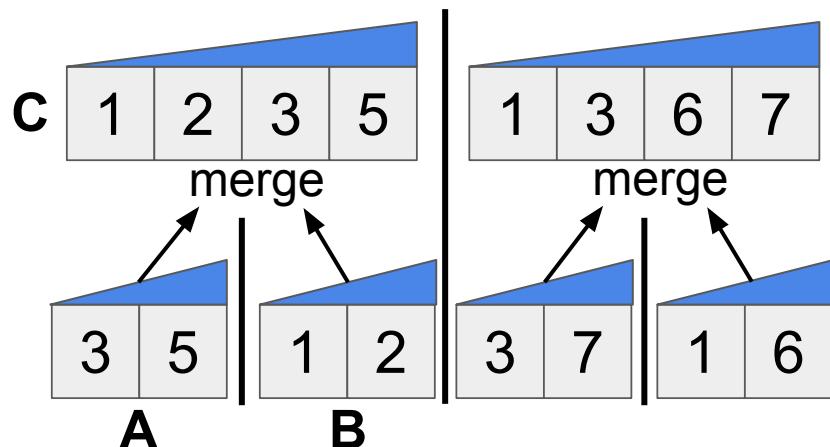
Как найти сколько чисел до нас в В?

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



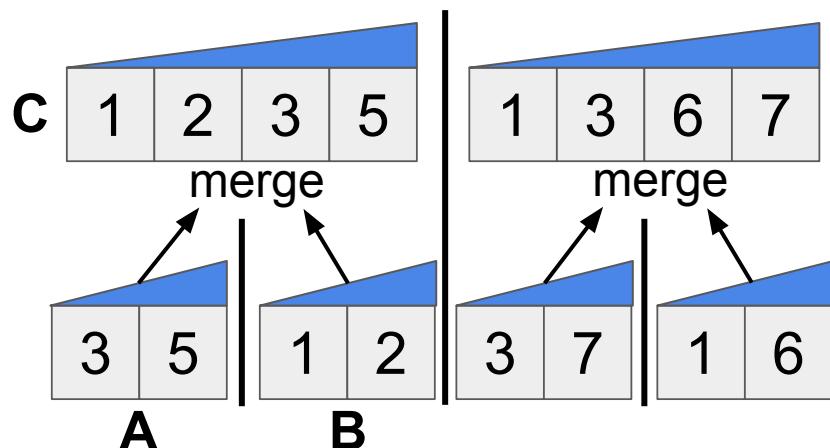
Есть ли здесь отличия в реализации?

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



Есть ли здесь отличия в реализации?

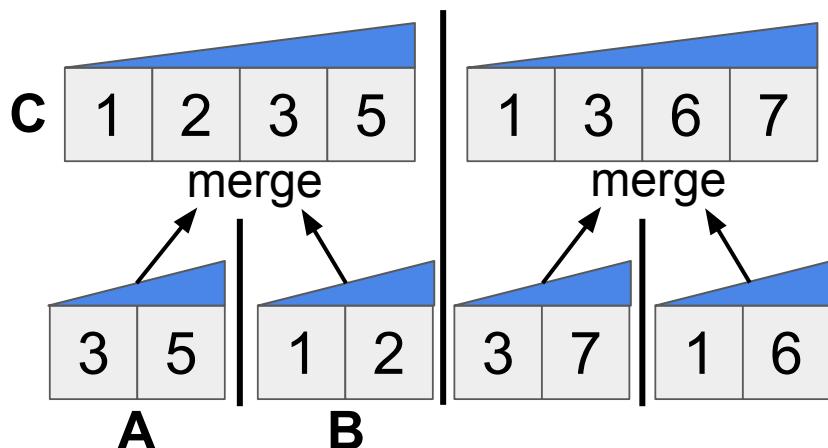
# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



Есть ли здесь отличия в реализации?

Сколько **WorkItems** запускаем?

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)

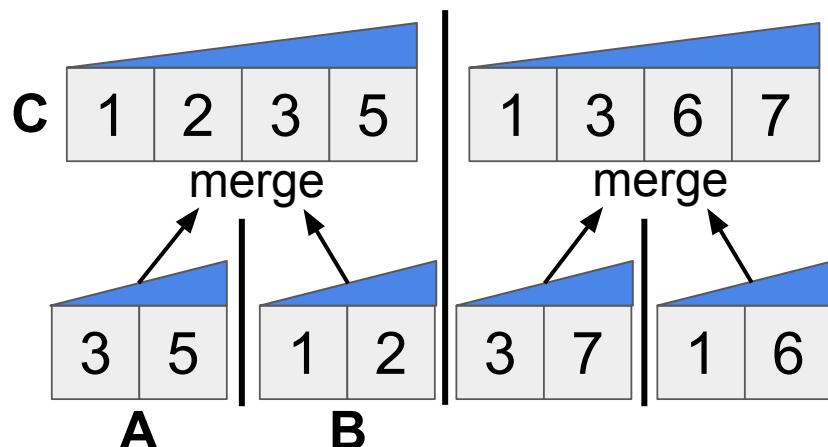


Есть ли здесь отличия в реализации?

Сколько **WorkItems** запускаем?

Что делает каждый **WorkItem**?

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



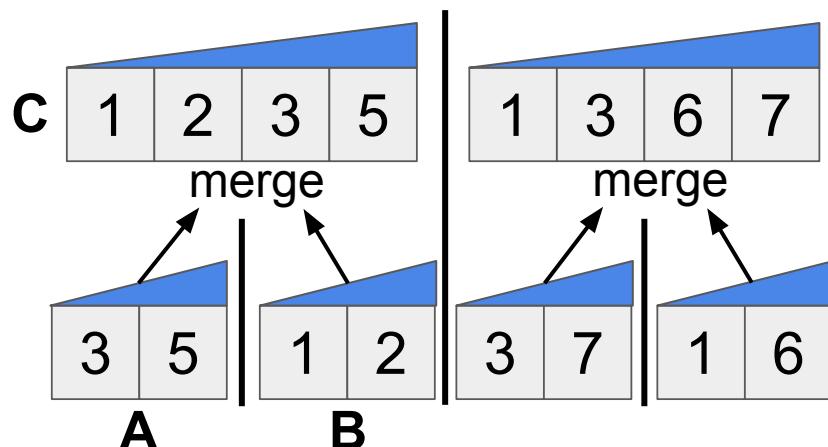
Есть ли здесь отличия в реализации?

Сколько **WorkItems** запускаем?

Что делает каждый **WorkItem**?

Какая асимптотика на CPU?

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



Есть ли здесь отличия в реализации?

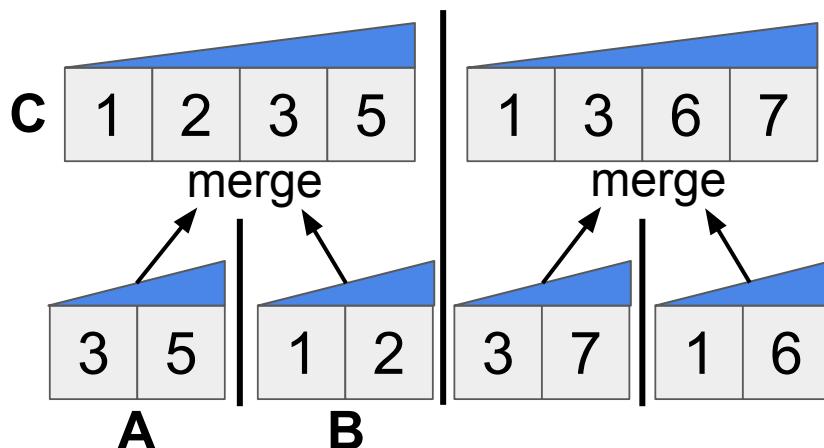
Сколько **WorkItems** запускаем?

Что делает каждый **WorkItem**?

Какая асимптотика на CPU?

$O(N * \log N)$

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



Есть ли здесь отличия в реализации?

Сколько **WorkItems** запускаем?

Что делает каждый **WorkItem**?

Какая асимптотика на CPU?

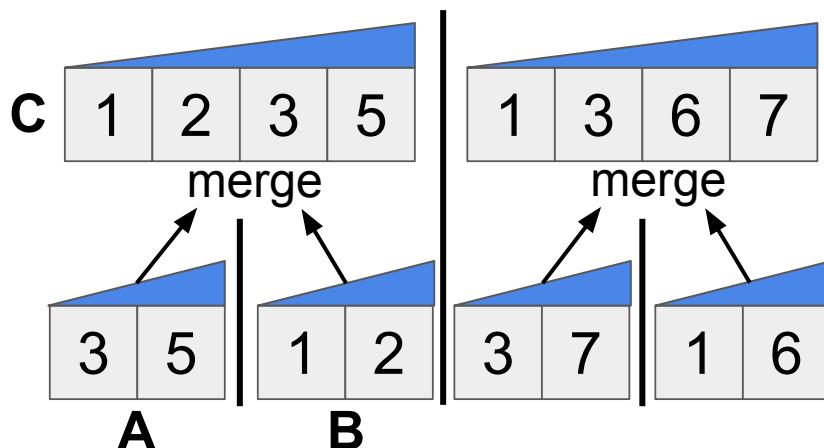
$O(N * \log N)$

Сколько запусков кернелов?

Сколько итого сравнений на GPU?

$O(N * \log N * \log N)$

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



Есть ли здесь отличия в реализации?

Сколько *WorkItems* запускаем?

Что делает каждый *WorkItem*?

Какая асимптотика на CPU?

$O(N * \log N)$

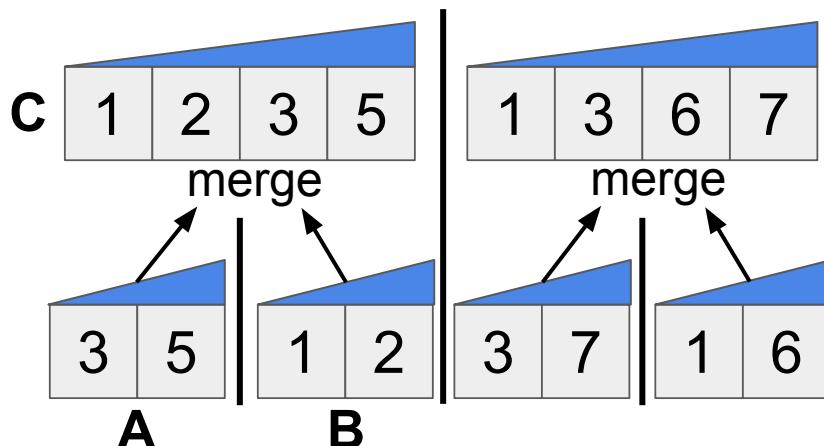
Сколько запусков кернелов?

Сколько итого сравнений на GPU?

Какая итого скорость на GPU?

$O(N * \log N * \log N / K)$

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



Стабильная ли это сортировка?

Есть ли здесь отличия в реализации?

Сколько **WorkItems** запускаем?

Что делает каждый **WorkItem**?

Какая асимптотика на CPU?  
 $O(N * \log N)$

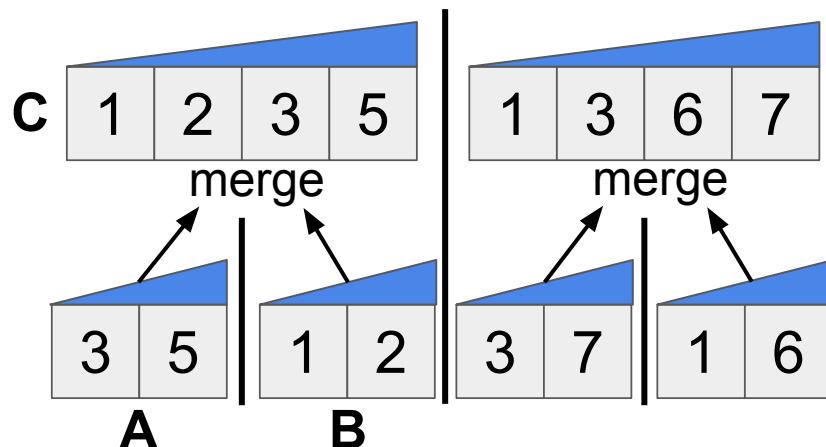
Сколько запусков кернелов?

Сколько итого сравнений на GPU?

Какая итого скорость на GPU?

$O(N * \log N * \log N / K)$

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)



Стабильная ли это сортировка?

Какие отличия в свойствах от radix?

Есть ли здесь отличия в реализации?

Сколько **WorkItems** запускаем?

Что делает каждый **WorkItem**?

Какая асимптотика на CPU?

$O(N * \log N)$

Сколько запусков кернелов?

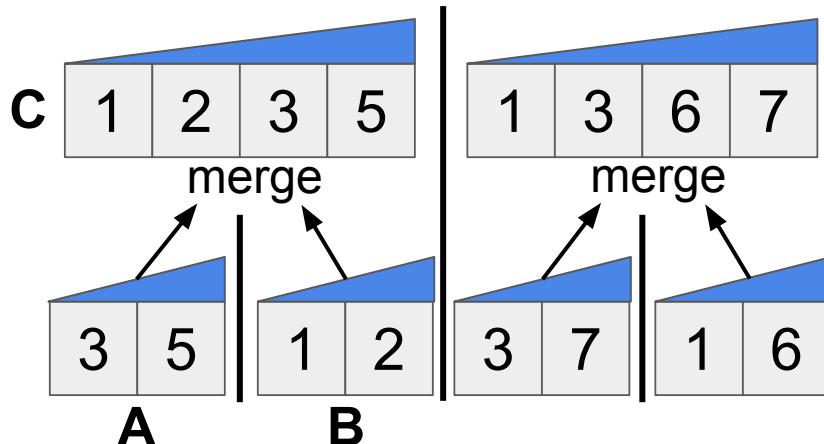
Сколько итого сравнений на GPU?

Какая итого скорость на GPU?

$O(N * \log N * \log N / K)$

# Merge sort: параллельный алгоритм слияния (merge)

Как ускорить?  
Двухуровневая иерархия!



Стабильная ли это сортировка?

Какие отличия в свойствах от radix?

Есть ли здесь отличия в реализации?

Сколько **WorkItems** запускаем?

Что делает каждый **WorkItem**?

Какая асимптотика на CPU?

$O(N * \log N)$

Сколько запусков кернелов?

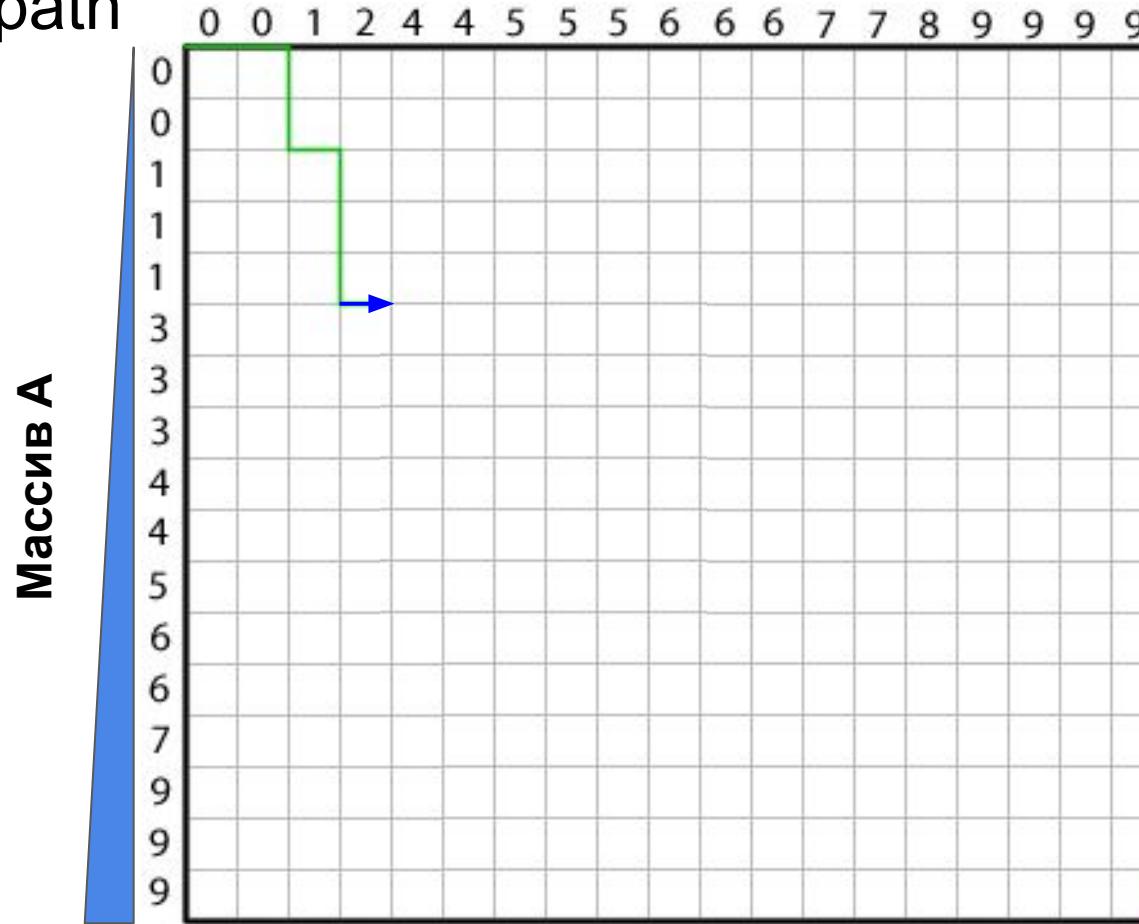
Сколько итого сравнений на GPU?

Какая итого скорость на GPU?

$O(N * \log N * \log N / K)$

# Глава 2: Merge path

# Merge path



## Массив B

# Merge path

## Массив А

## Массив B



## Массив В

Merge path

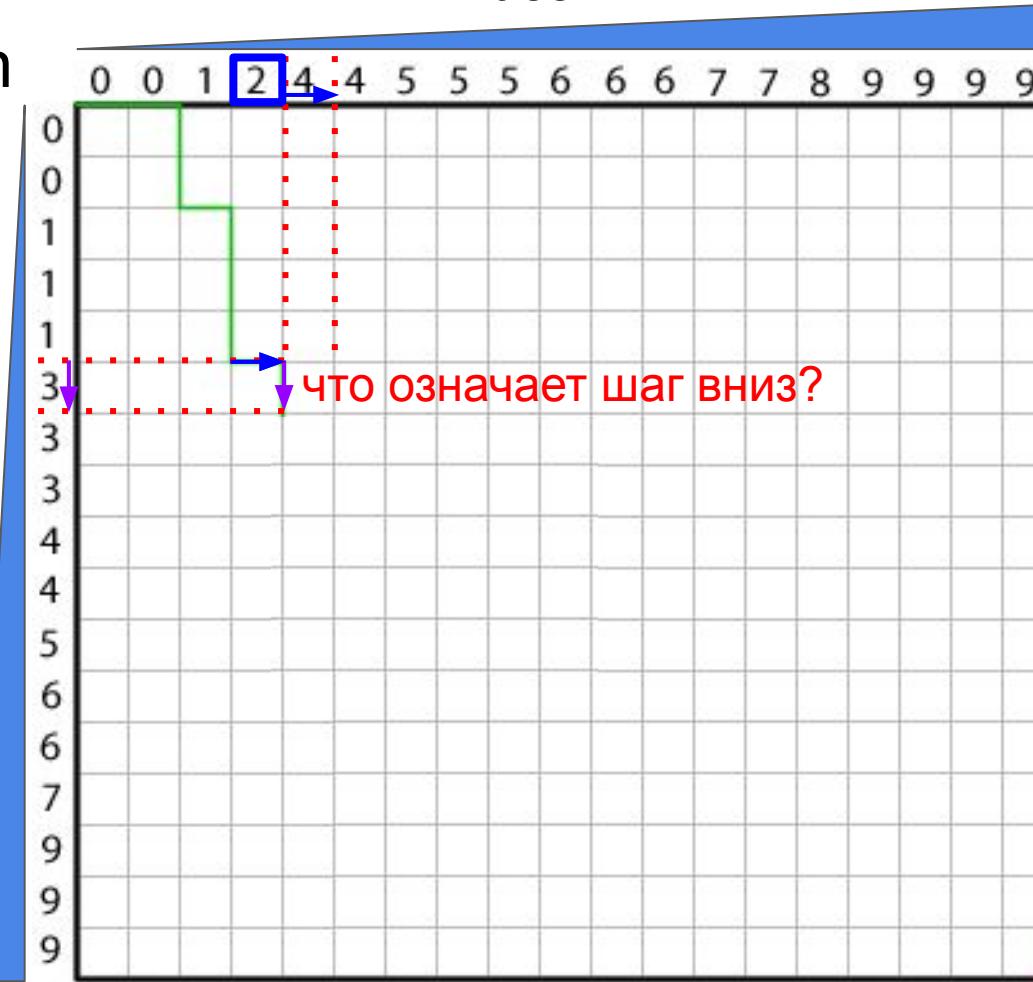
## Массив А



# Массив В

Merge path

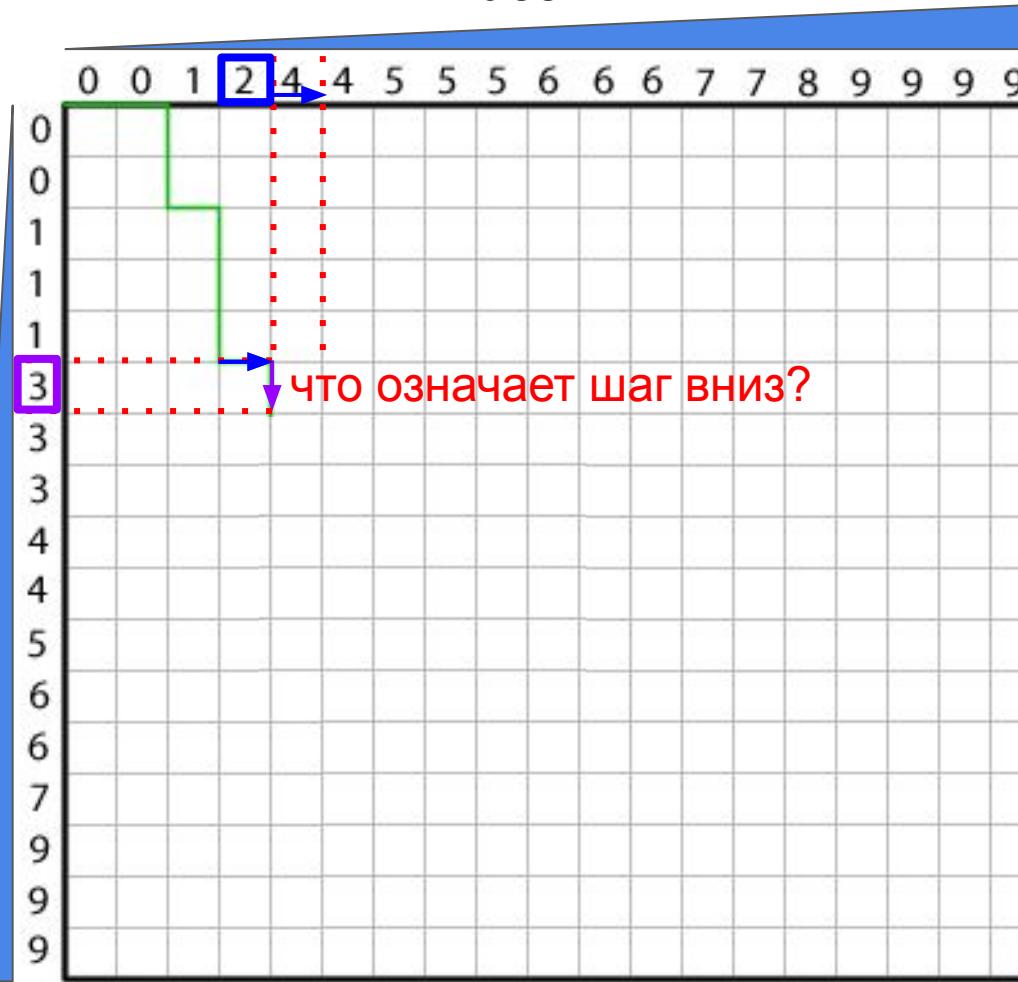
# Массив А



# Массив В

Merge path

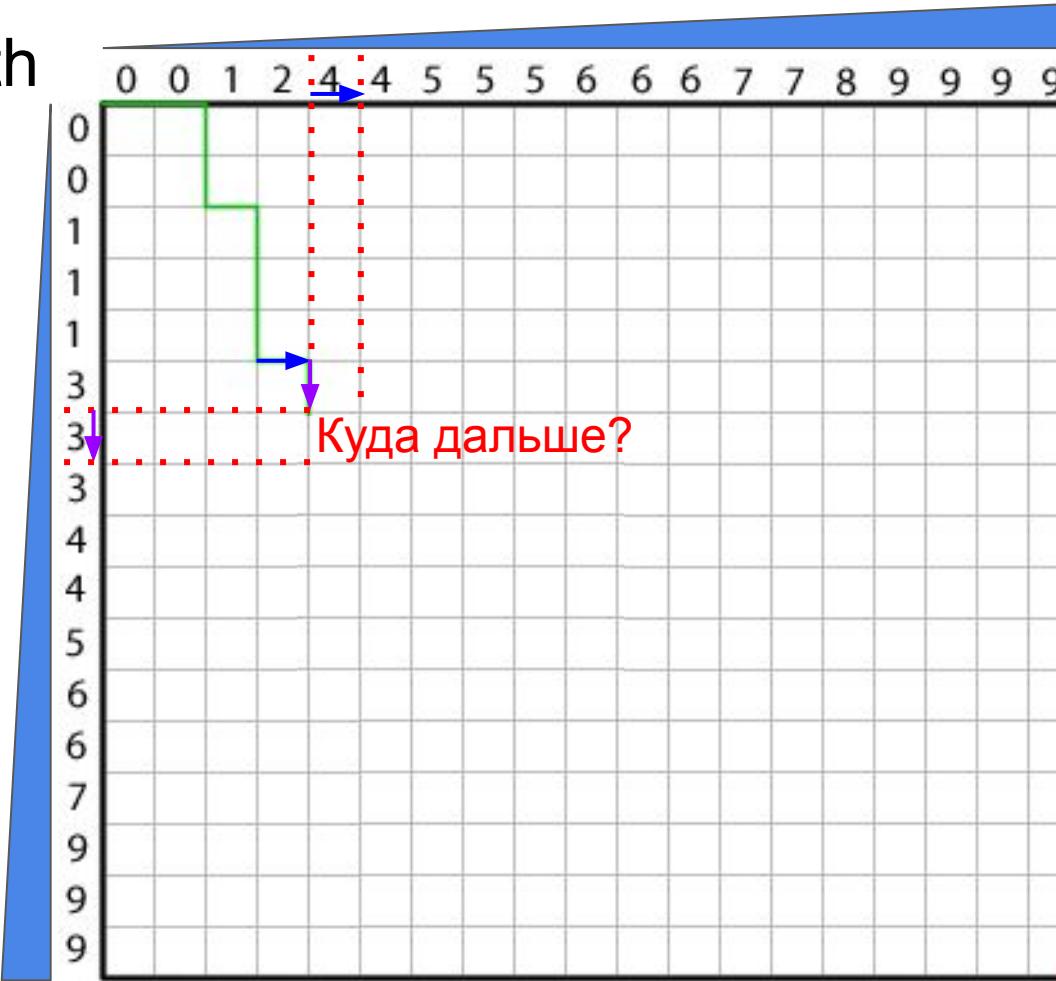
# Массив А



# Массив В

Merge path

# Массив А



# Массив В

Merge path

# Массив А



Массив В

Merge path

Массив А



Массив В

Merge path

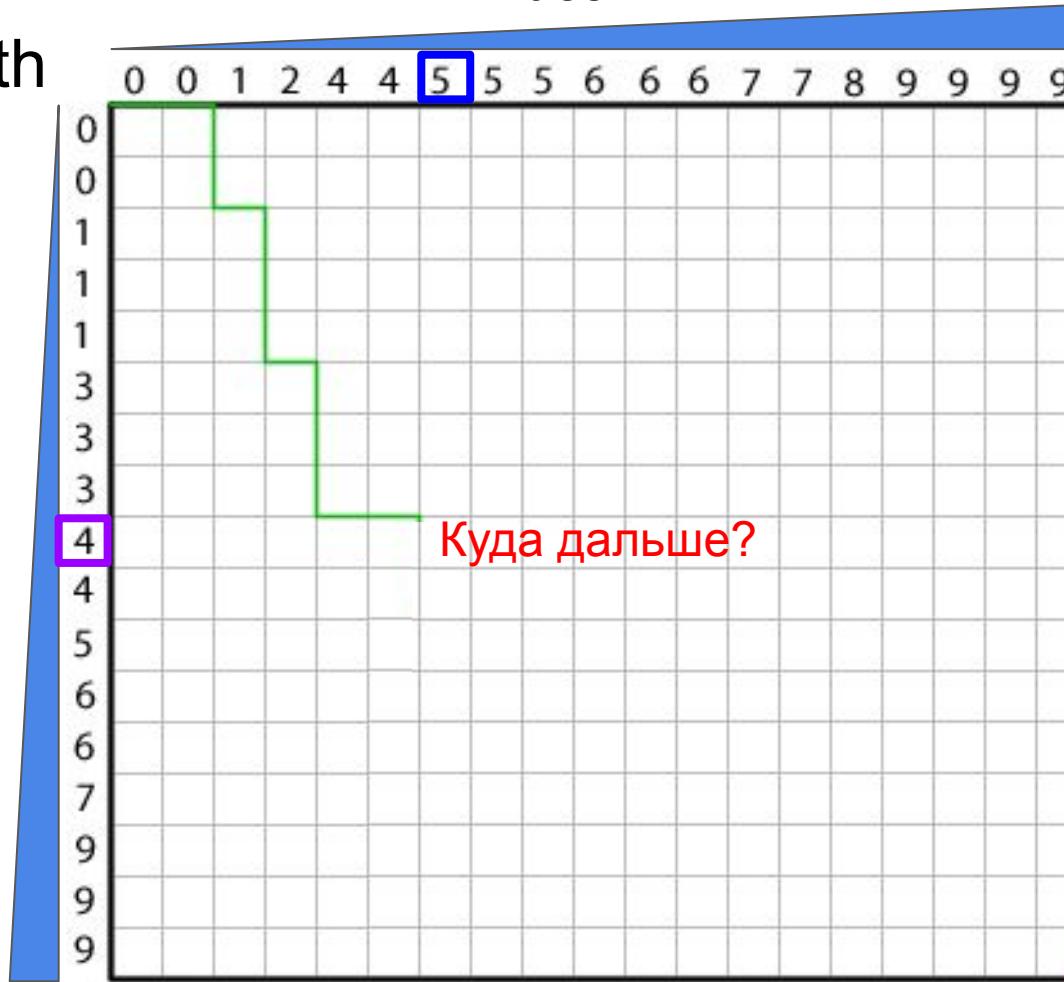
Массив А



# Массив В

Merge path

# Массив А



## Массив В

Merge path

## Массив А



## Массив В

Merge path

## Массив А



## Массив В

Merge path

## Массив А



Массив В

Merge path



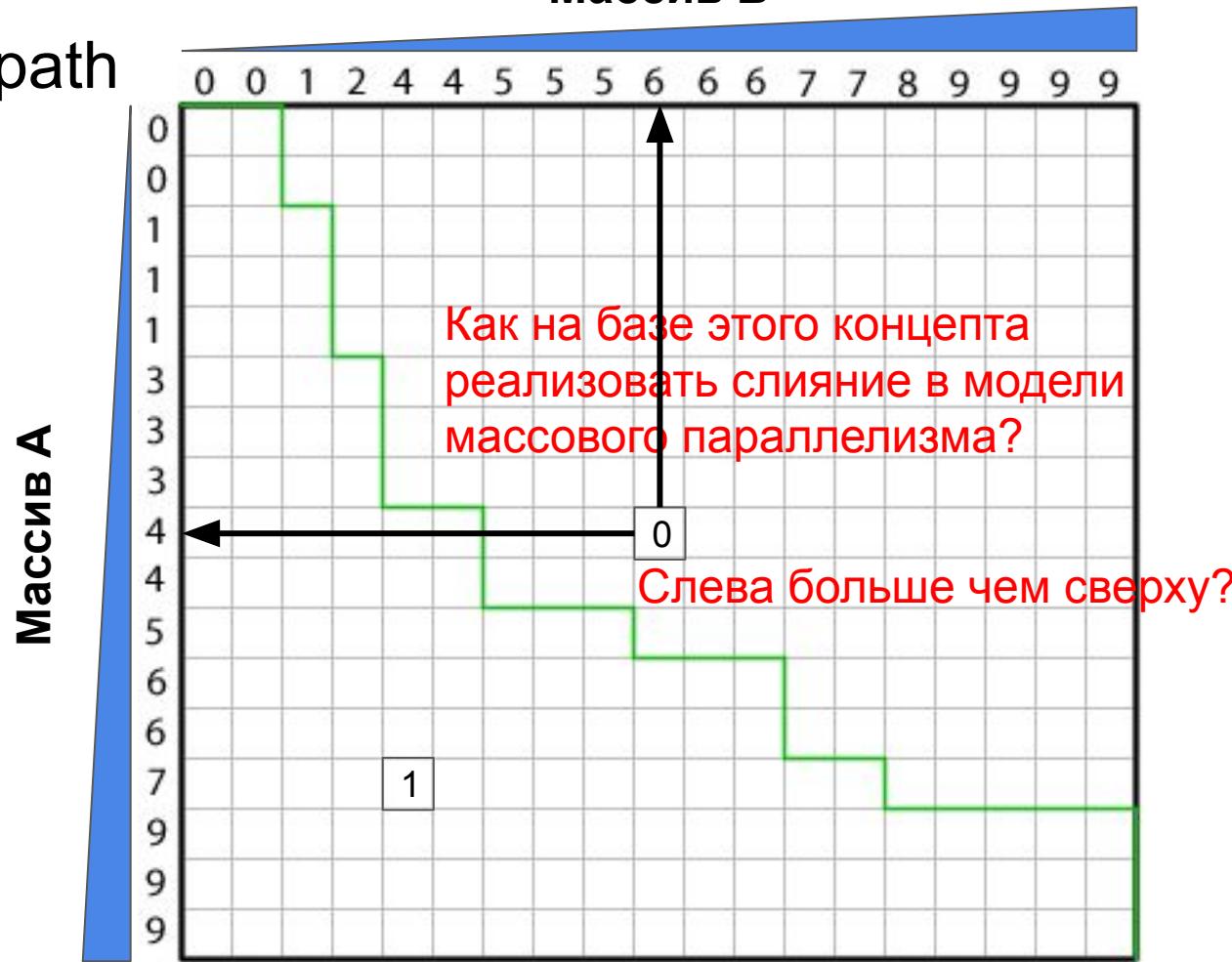
Массив В

Merge path



Массив В

Merge path



## Массив В

Merge path



## Массив В

Merge path

## Массив А

Как на базе этого концепта  
реализовать слияние в модели  
массового параллелизма?

Слева больше чем сверху?

## Массив В

Merge path

## Массив А



## Массив B

# Merge path

## Массив А

Массив В

Merge path

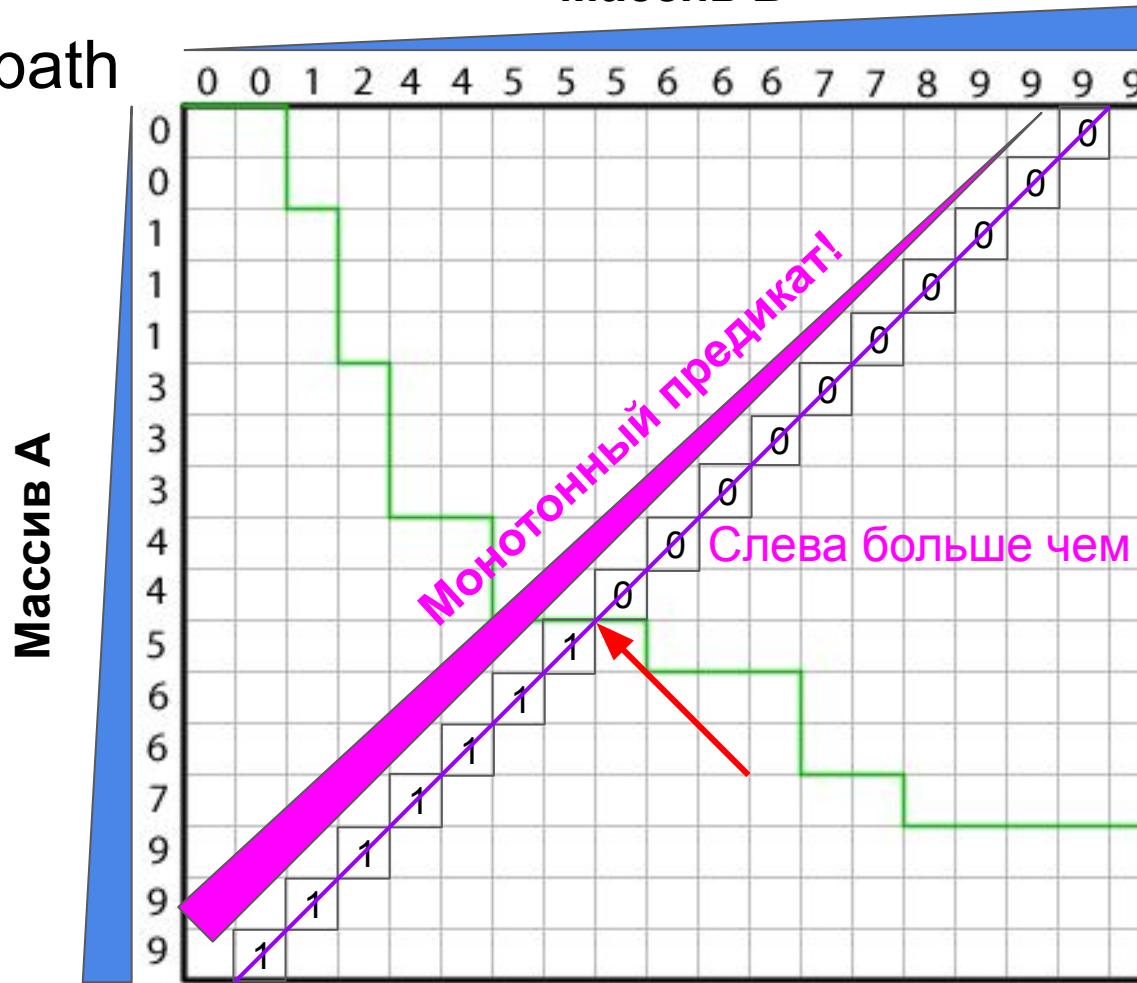
Массив А

Монотонный предикат!

Слева больше чем сверху?

## Массив В

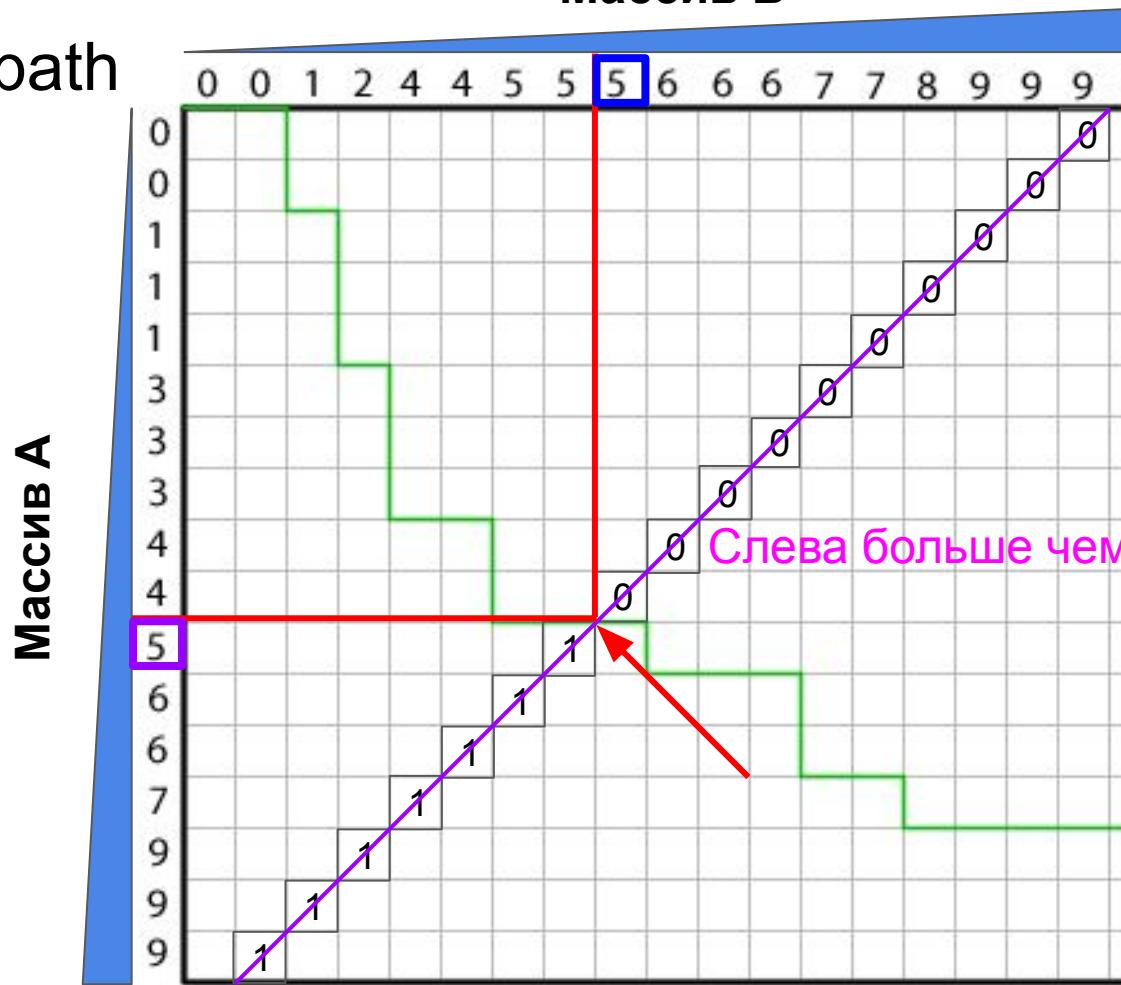
Merge path



Как реализовать  
слияние двух  
отсортированных  
массивов на GPU?

## Массив B

# Merge path

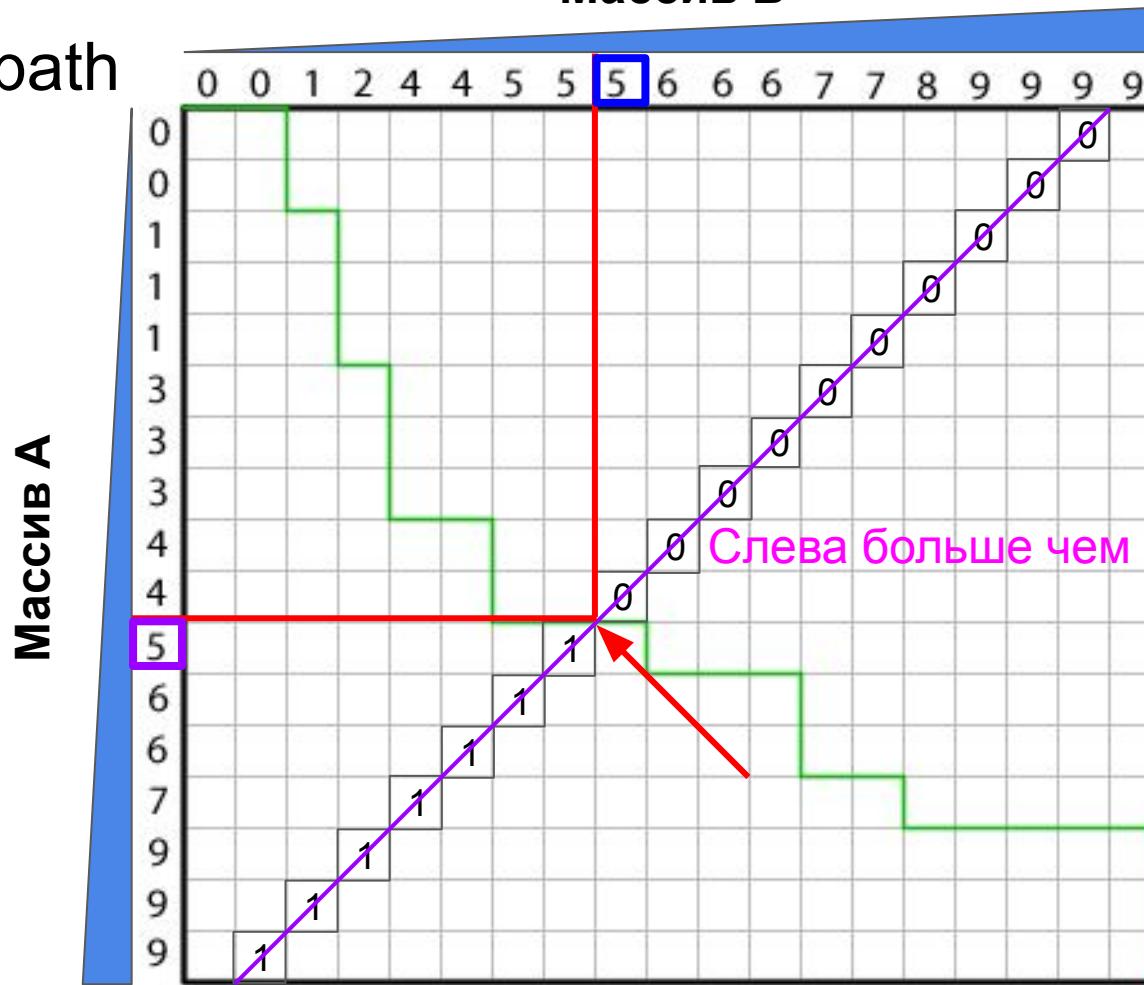


## Как реализовать слияние двух отсортированныхм ассивов на GPU?

Слева больше чем сверху?

## Массив B

# Merge path



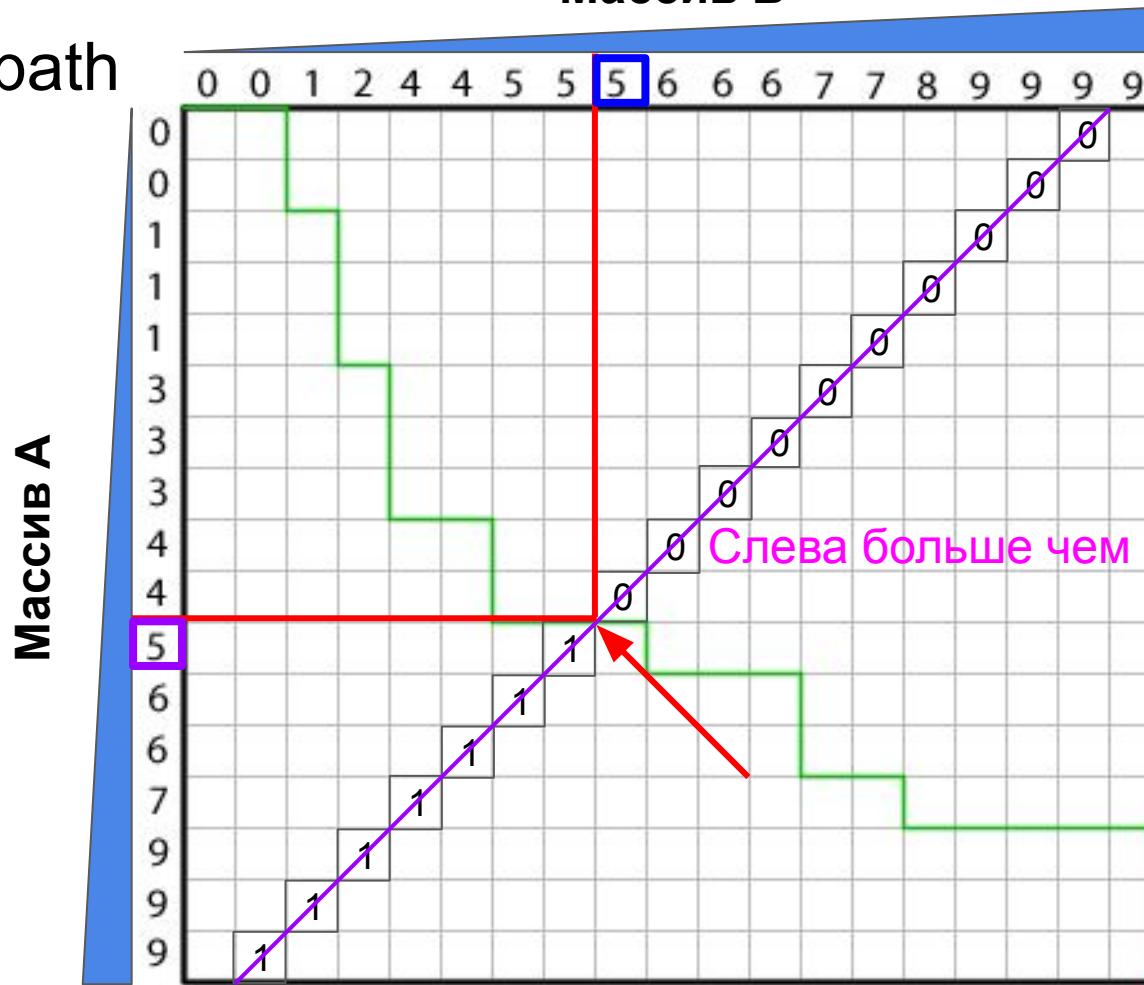
## Как реализовать слияние двух отсортированных массивов на GPU?

## Слева больше чем сверху?

## На какой индекс в С записать?

## Массив B

# Merge path



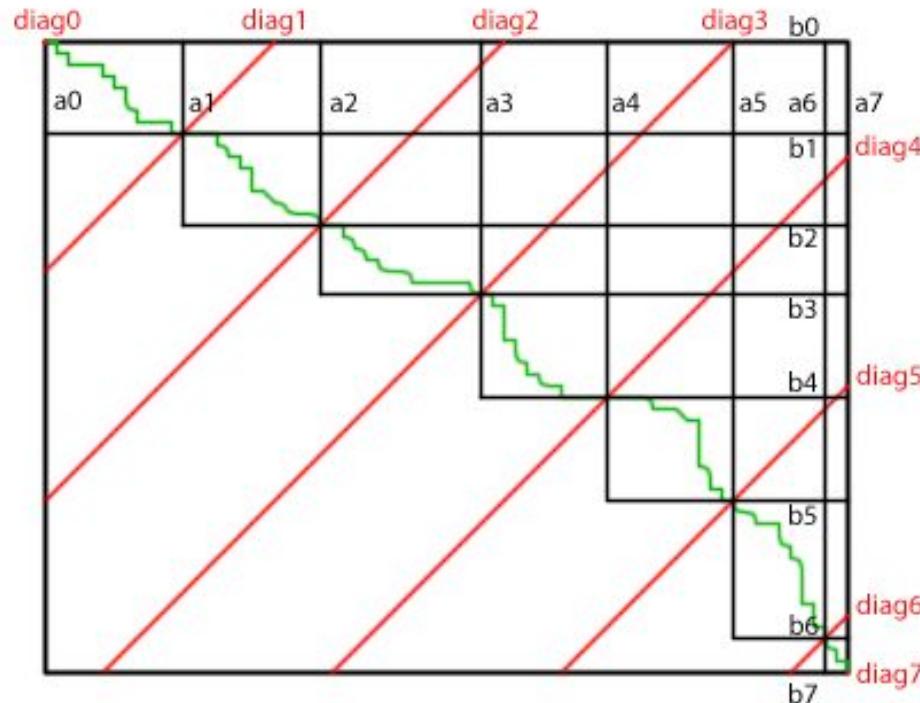
# Как реализовать слияние двух отсортированных массивов на GPU?

## 0 Слева больше чем сверху?

## На какой индекс в С записать?

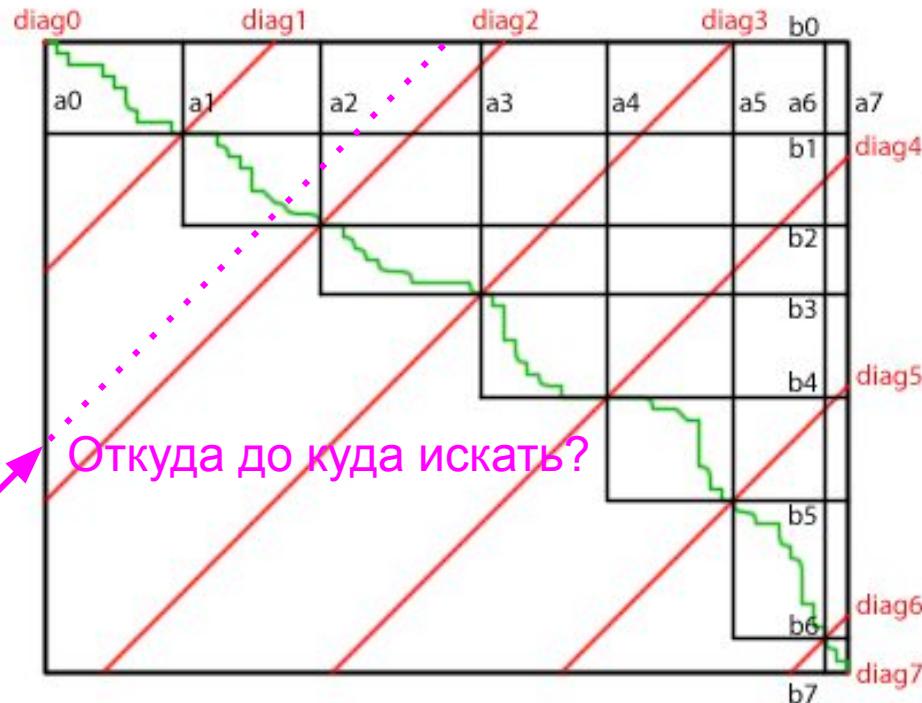
## Как ускорить?

# Merge path + двухуровневая иерархия



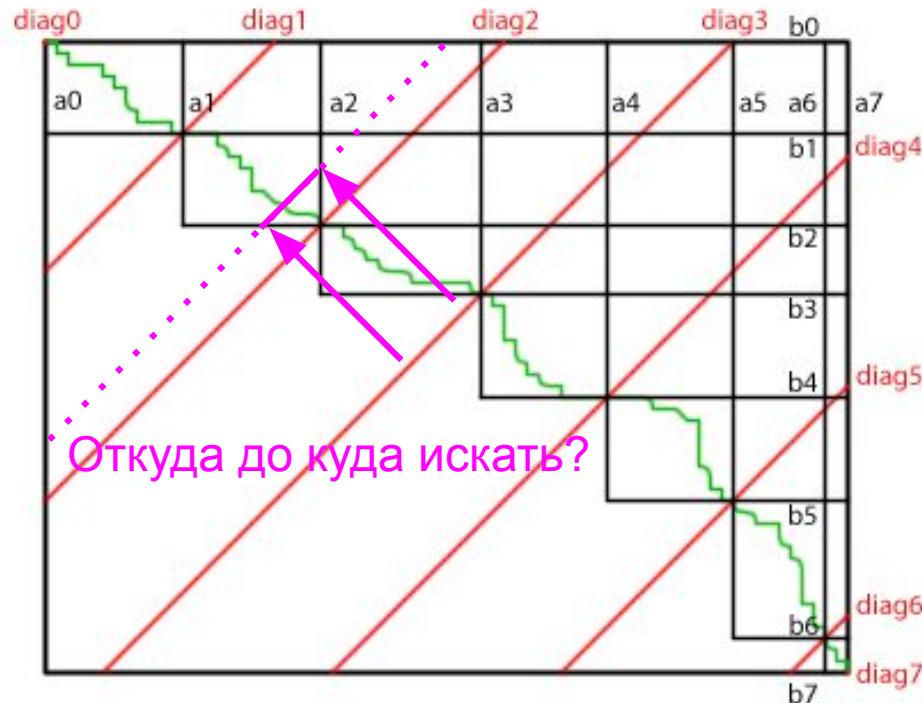
- <https://moderngpu.github.io/bulkinsert.html>
- <https://moderngpu.github.io/merge.html>
- Merge Path - Parallel Merging Made Simple, Odeh et al., 2012

# Merge path + двухуровневая иерархия



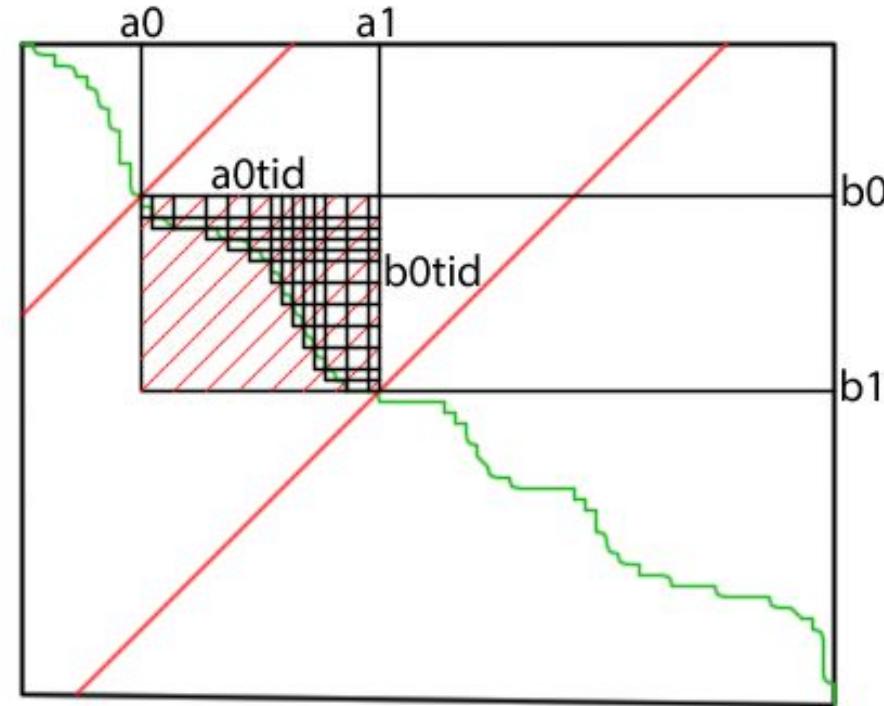
- <https://moderngpu.github.io/bulkinsert.html>
- <https://moderngpu.github.io/merge.html>
- Merge Path - Parallel Merging Made Simple, Odeh et al., 2012

# Merge path + двухуровневая иерархия



- <https://moderngpu.github.io/bulkinsert.html>
- <https://moderngpu.github.io/merge.html>
- Merge Path - Parallel Merging Made Simple, Odeh et al., 2012

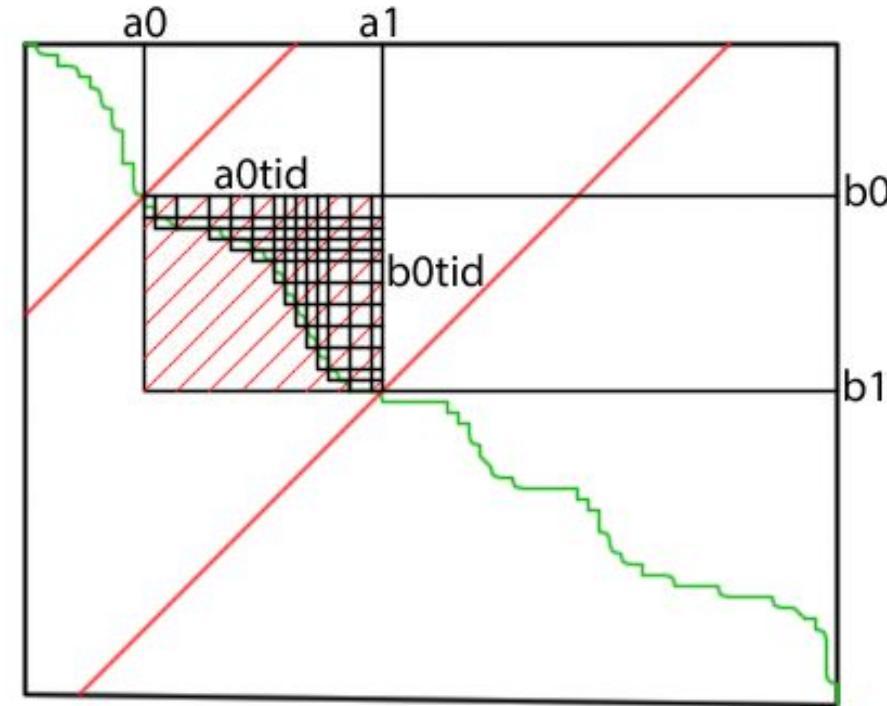
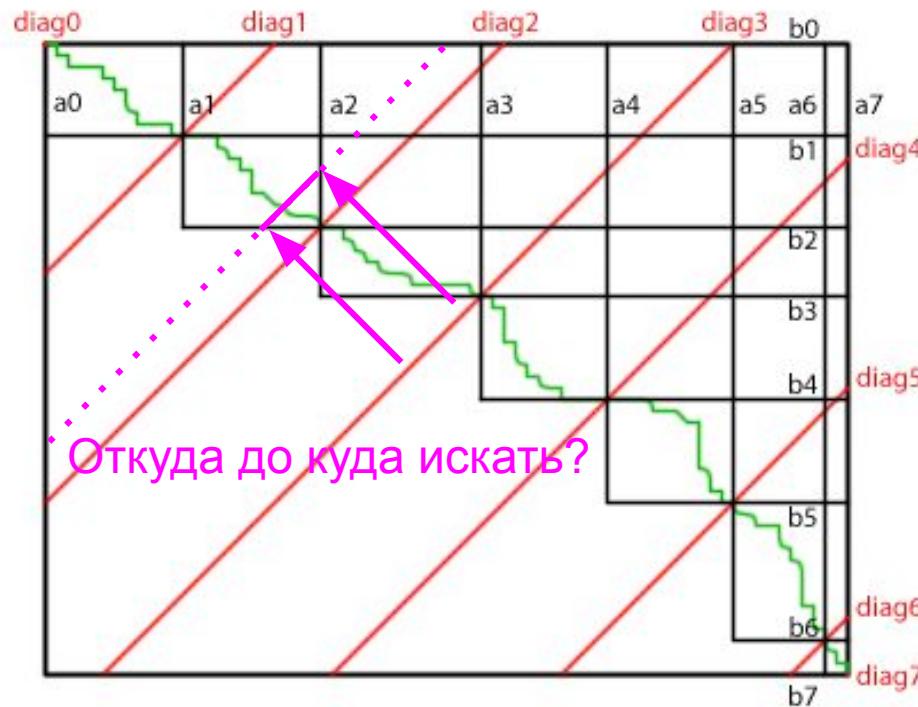
# Merge path + двухуровневая иерархия



- <https://moderngpu.github.io/bulkinser.html>
  - <https://moderngpu.github.io/merge.html>
  - Merge Path - Parallel Merging Made Simple, Odeh et al., 2012

# Ничего не напоминает?

## Merge path + двухуровневая иерархия



- <https://moderngpu.github.io/bulkinsert.html>
- <https://moderngpu.github.io/merge.html>
- Merge Path - Parallel Merging Made Simple, Odeh et al., 2012

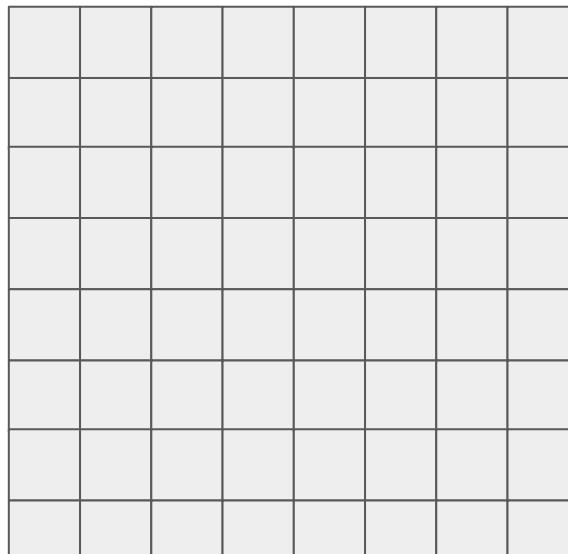
# Перерыв!



# Глава 3: Coarse to fine схема

# Coarse to fine схема: задачи на регулярной решетке

Есть дискретизация 2D пространства

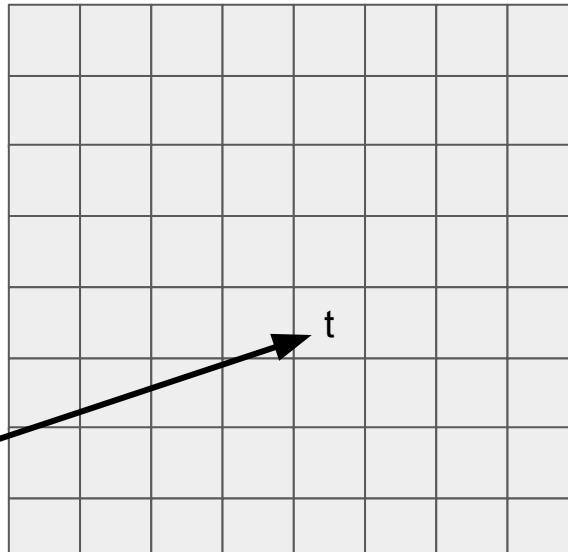


1024

1024

# Coarse to fine схема: задачи на регулярной решетке

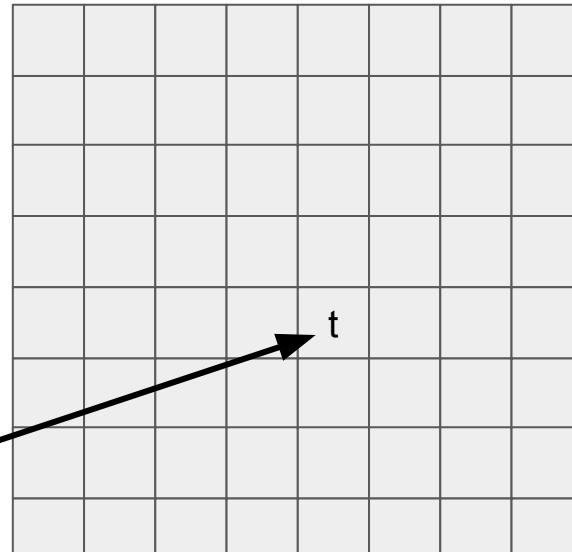
Есть дискретизация 2D пространства



в каждой точке/ячейке  
хотим найти индикаторное значение какими-  
то численными методами  
**(много итераций**  
с частичными производными)

# Coarse to fine схема: задачи на регулярной решетке

Есть дискретизация 2D пространства

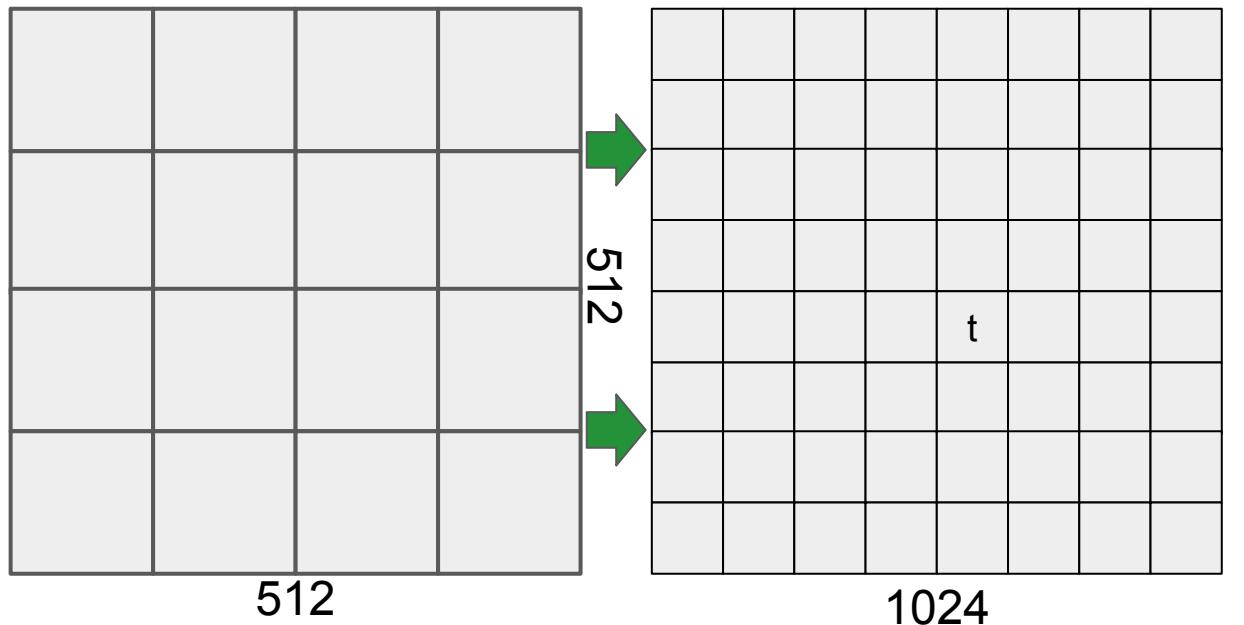


как ускорить расчеты?  
как потратить меньше GFlops но так же  
дойти до сходимости?

в каждой точке/ячейке  
хотим найти индикаторное значение какими-  
то численными методами  
(**много итераций**  
с частичными производными)

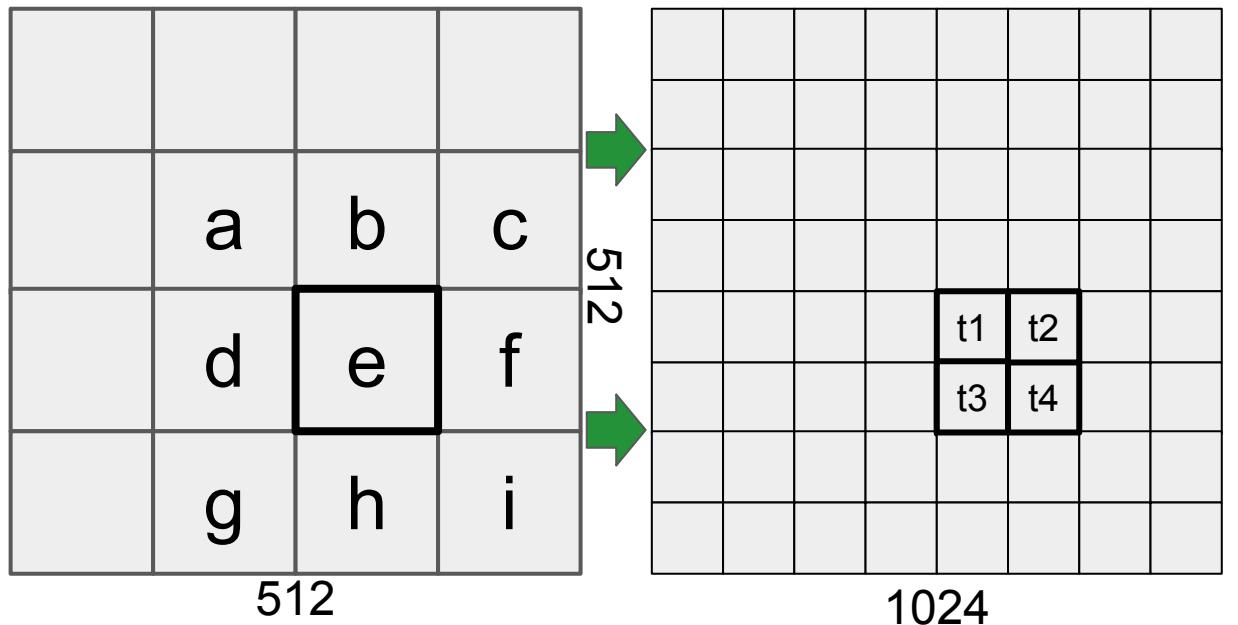
# Coarse to fine схема: задачи на регулярной решетке

Есть дискретизация 2D пространства



# Coarse to fine схема: задачи на регулярной решетке

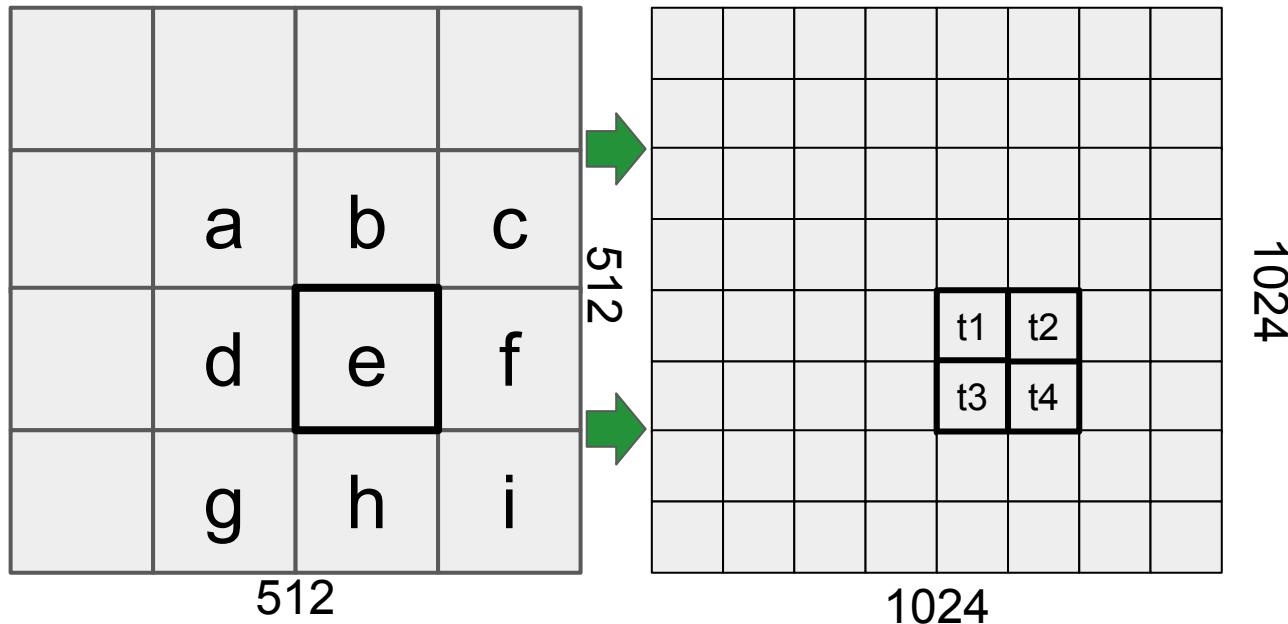
Есть дискретизация 2D пространства



С чего начинать итерацию после перехода детализации?

# Coarse to fine схема: задачи на регулярной решетке

Есть дискретизация 2D пространства



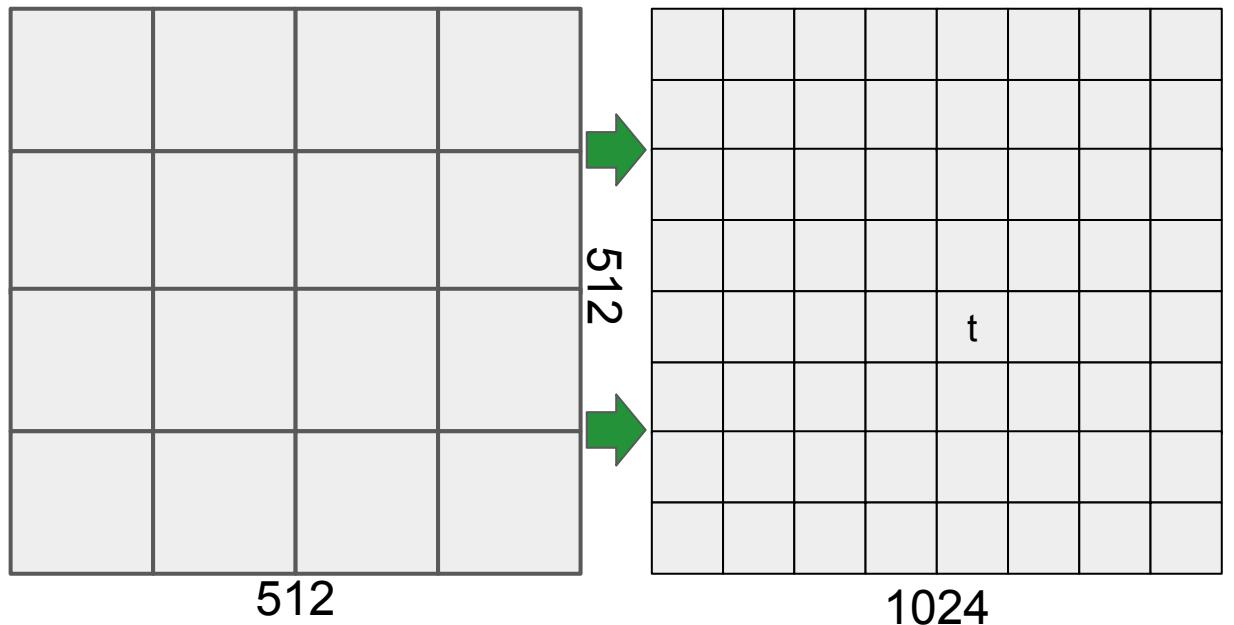
С чего начинать итерацию после перехода детализации?

Например билинейная интерполяция!

# Coarse to fine схема: задачи на регулярной решетке

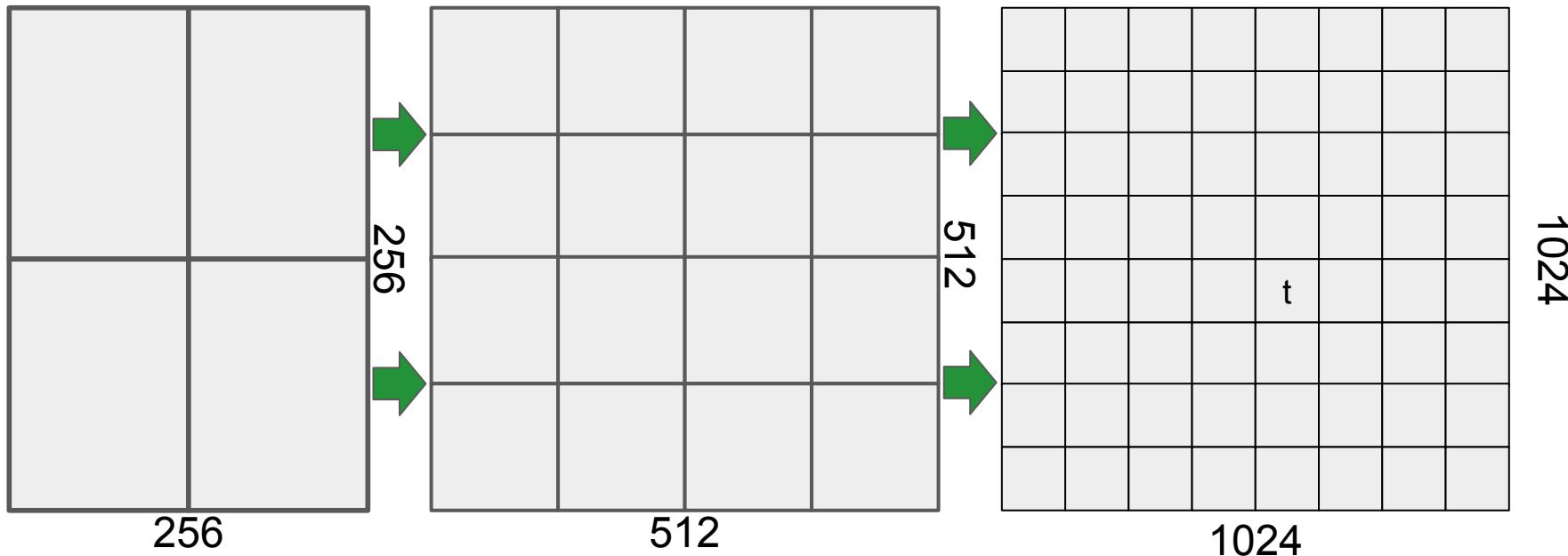
как еще ускорить?

Есть дискретизация 2D пространства



# Coarse to fine схема: задачи на регулярной решетке

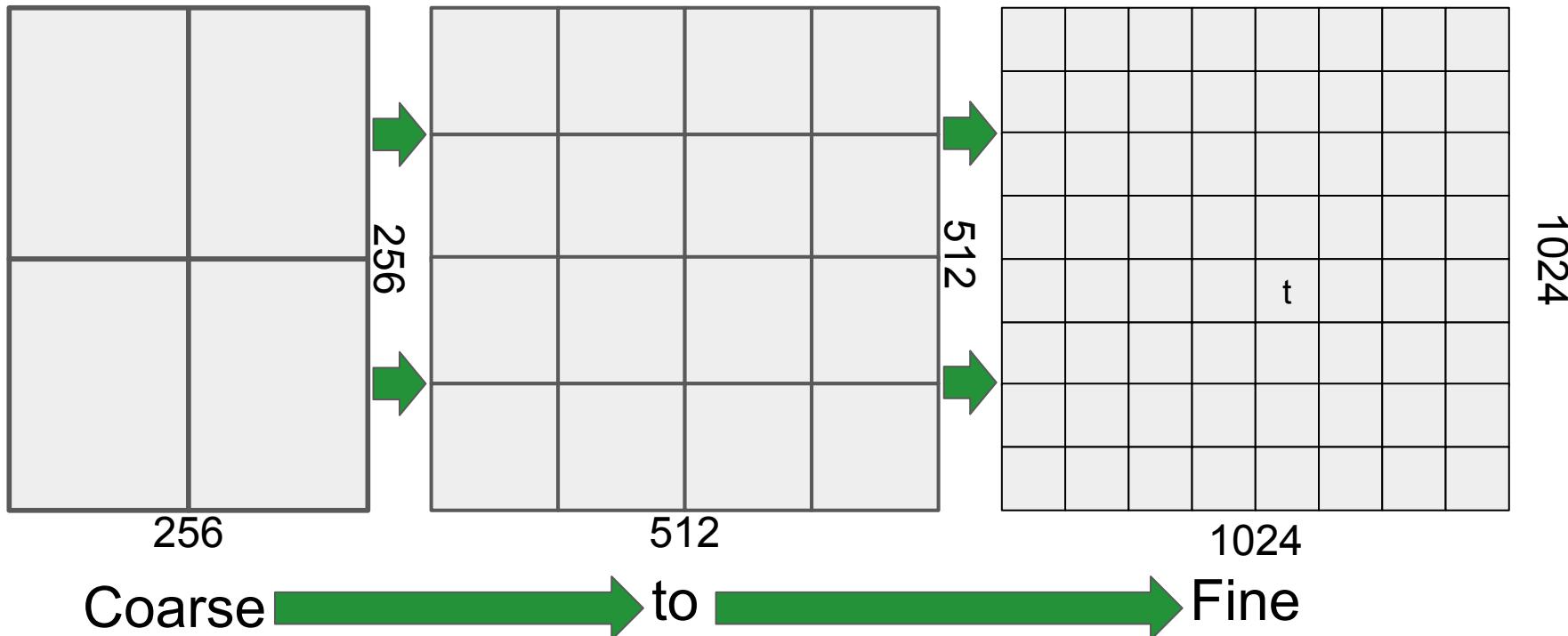
Есть дискретизация 2D пространства



Почему так названо?

# Coarse to fine схема: задачи на регулярной решетке

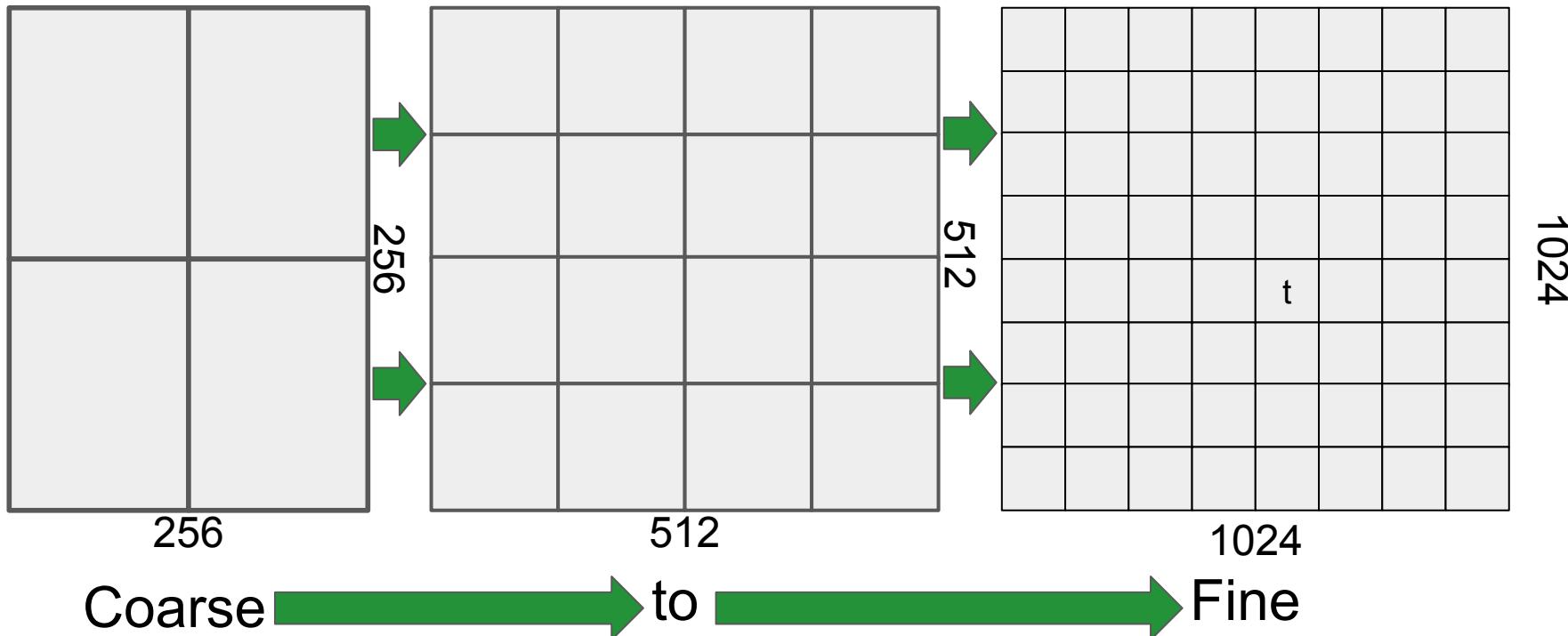
Есть дискретизация 2D пространства



# Coarse to fine схема: задачи на регулярной решетке

Обязательно 2D?

Есть дискретизация 2D пространства

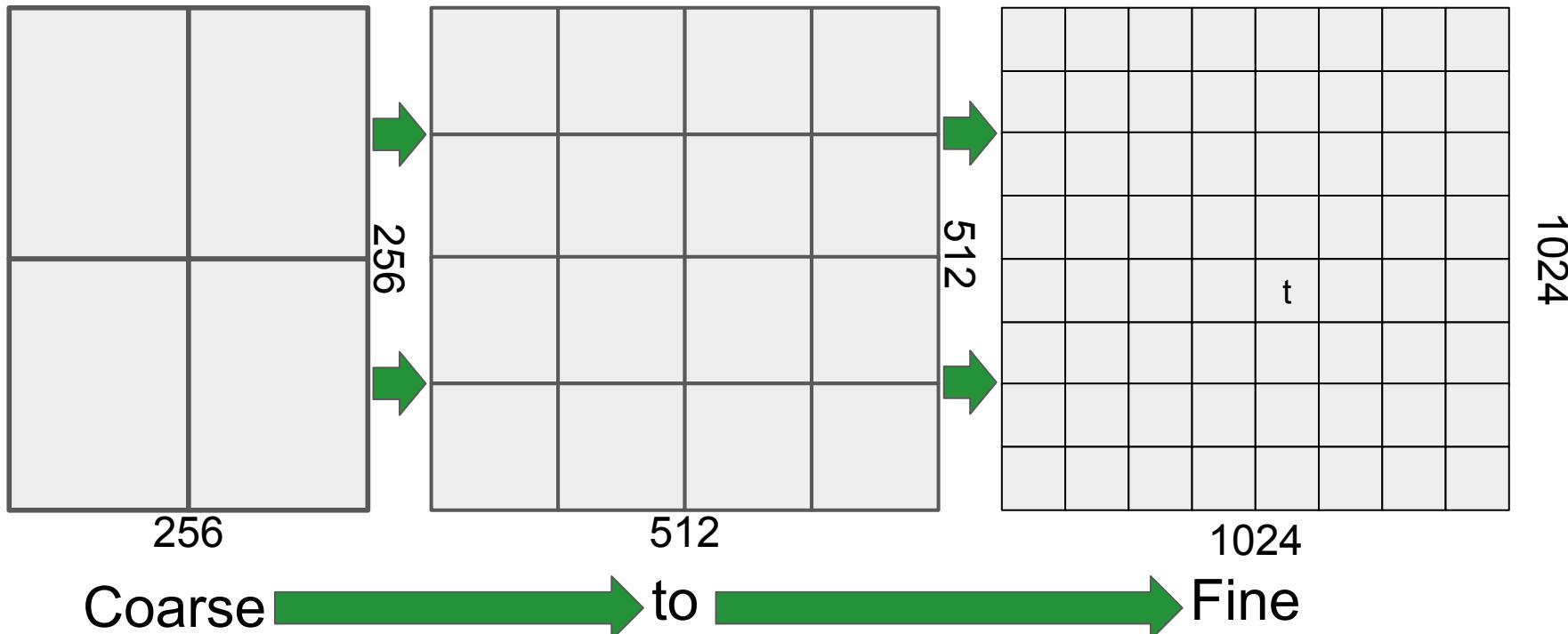


Обязательно регулярная решетка?

Coarse to fine схема: задачи на регулярной решетке

Обязательно 2D?

Есть дискретизация 2D пространства



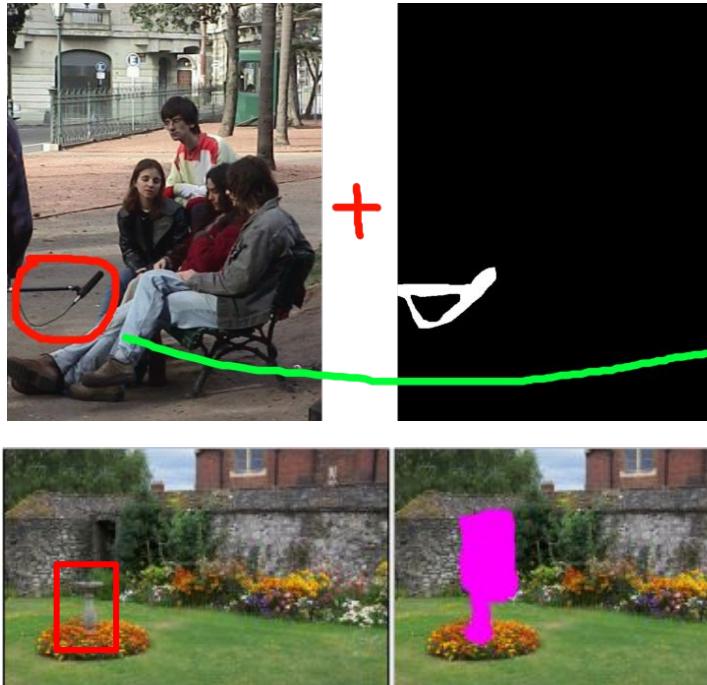
# Глава 4: Карты глубины - Patch Match

# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)



(d) input

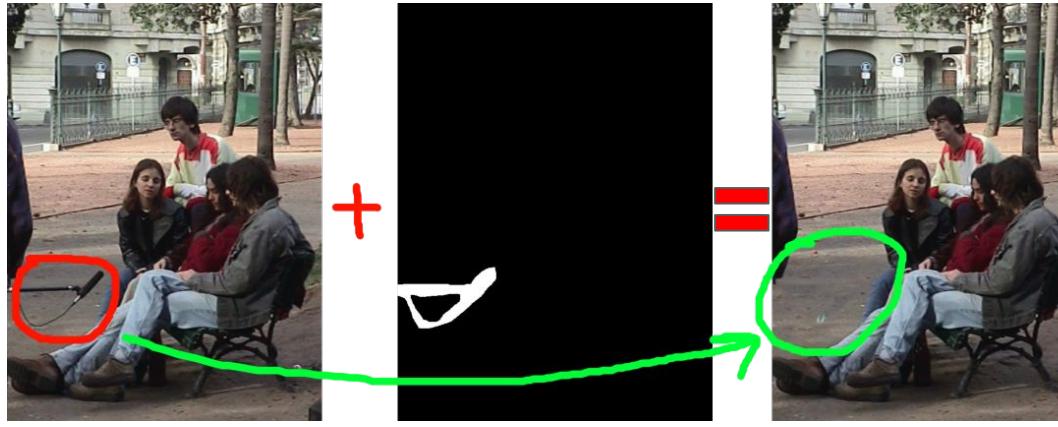
# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)



(d) input

(e) hole

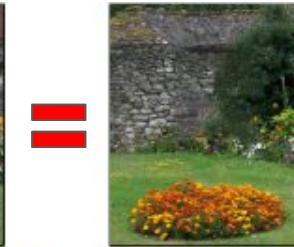
# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)



(d) input

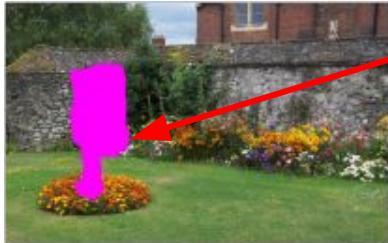


(e) hole



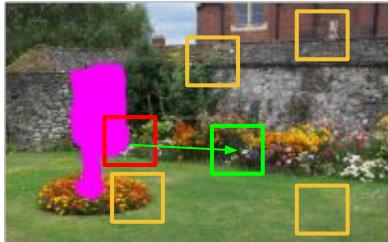
(f) completion (close up)

# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (*Barnes et. al., 2009*)



Как выбрать какой цвет у пикселя на краю удаленной зоны?

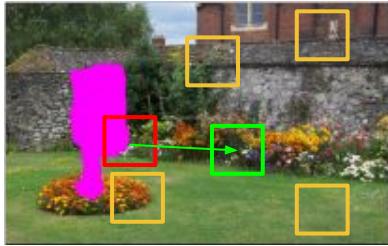
# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)



Найдем в другой части картинки патч, который больше всего похож на нас.

Как ускорить чтобы не перебирать все варианты патчей?

# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

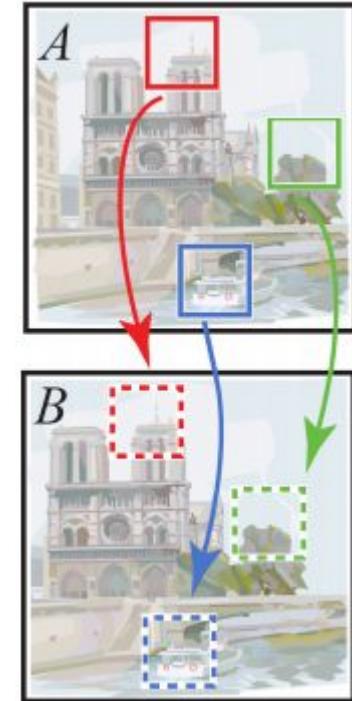


Найдем в другой части картинки патч, который больше всего похож на нас.

Как ускорить чтобы не перебирать все варианты патчей?  
(кроме конечно же **Coarse-to-Fine** схемы)

# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

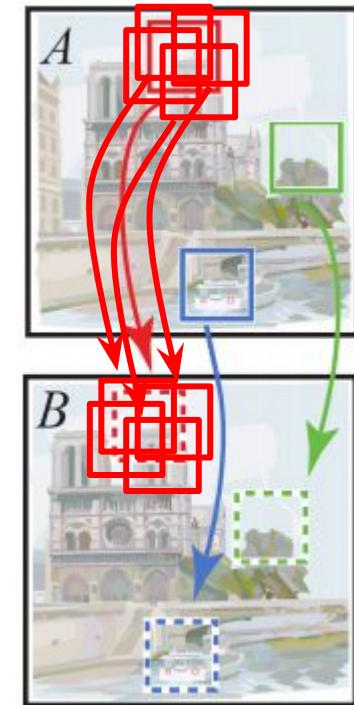
Хотим для каждого патча в А найти самый похожий патч в В.



# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

Хотим для каждого патча в А найти самый похожий патч в В.

**Natural structure of images:** правильный ответ обычно содержит большие связные регионы сопоставления. Можем увеличить эффективность выполняя поиск зависимо от соседей. Т.е. вдохновляясь их успехами.

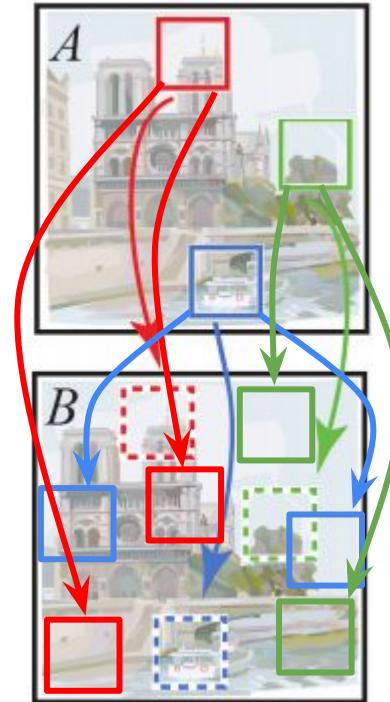


# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

Хотим для каждого патча в А найти самый похожий патч в В.

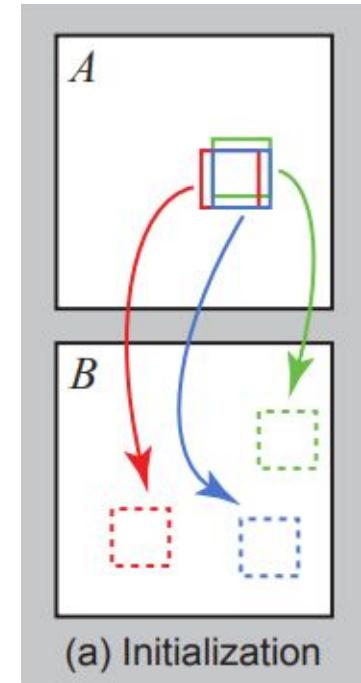
**Natural structure of images:** правильный ответ обычно содержит большие связные регионы сопоставления. Можем увеличить эффективность выполняя поиск зависимо от соседей. Т.е. вдохновляясь их успехами.

**The law of large numbers:** одна случайная гипотеза не угадает никогда. Но если каждый пиксель посмотрит в случайное место - кто-то да угадает! Дополнительные итерации увеличивают шансы еще больше.



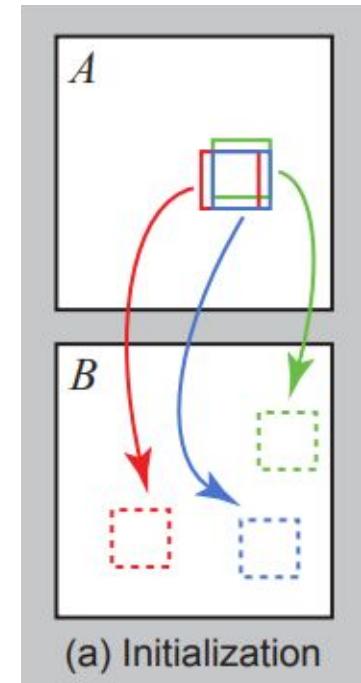
# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

- 1) В каждом пикселе случайная гипотеза  $(dx, dy)$



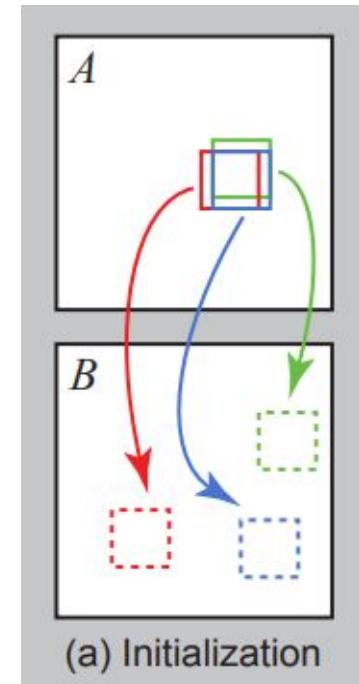
# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

- 1) В каждом пикселе случайная гипотеза  $(dx, dy)$
- 2) Несколько итераций делаем:



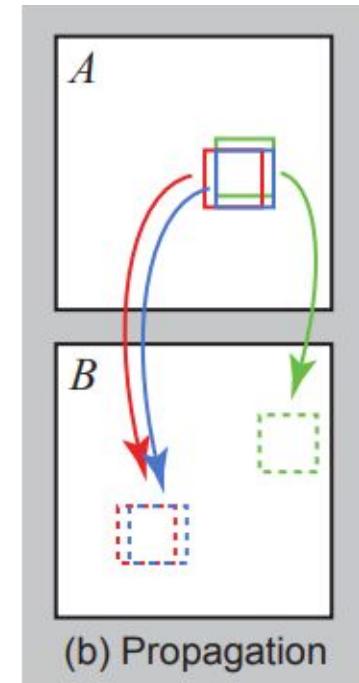
# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

- 1) В каждом пикселе случайная гипотеза  $(dx, dy)$
- 2) Несколько итераций делаем:
  - 2.1) **Propagation:** примеряем **на себя** гипотезы **соседей**.  
Т.е. используем их как источник хорошей идеи.



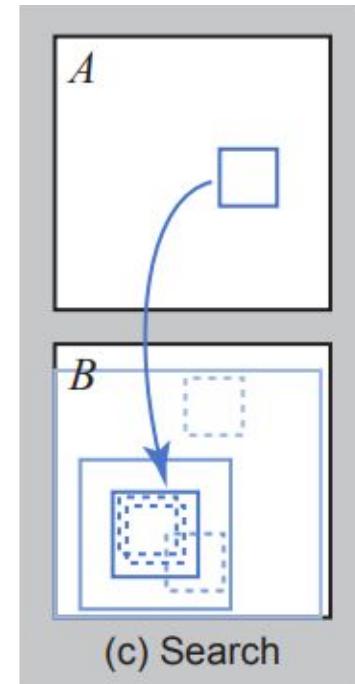
# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

- 1) В каждом пикселе случайная гипотеза  $(dx, dy)$
- 2) Несколько итераций делаем:
  - 2.1) **Propagation:** примеряем **на себя** гипотезы **соседей**.  
Т.е. используем их как источник **хорошой идеи**.



# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

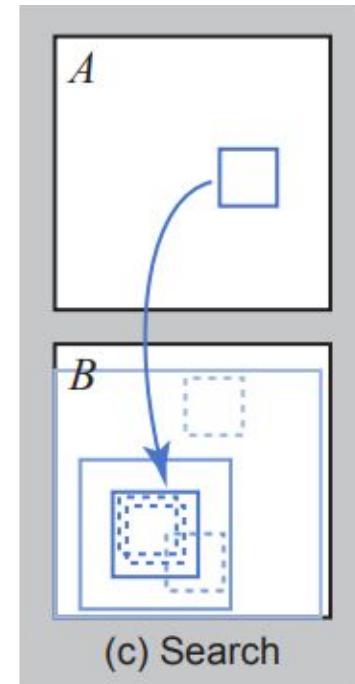
- 1) В каждом пикселе случайная гипотеза  $(dx, dy)$
- 2) Несколько итераций делаем:
  - 2.1) **Propagation:** примеряем на себя гипотезы соседей.  
Т.е. используем их как источник хорошей идеи.
  - 2.2) **Refinement:** пробуем улучшить/уточнить свою гипотезу случайными сдвигами.



# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

## Как ускорить сходимость?

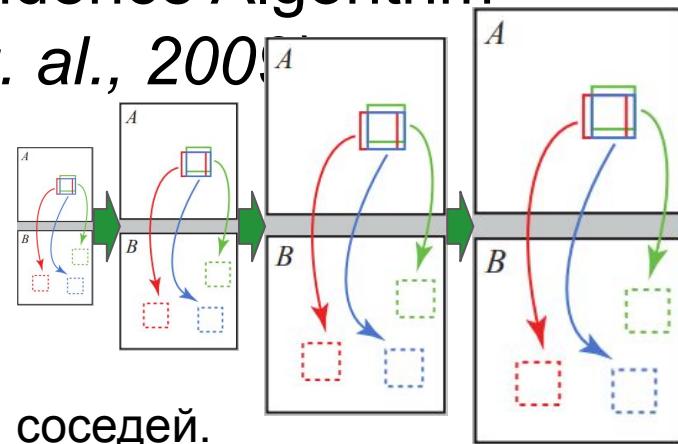
- 1) В каждом пикселе случайная гипотеза  $(dx, dy)$
- 2) Несколько итераций делаем:
  - 2.1) **Propagation:** примеряем на себя гипотезы соседей.  
Т.е. используем их как источник хорошей идеи.
  - 2.2) **Refinement:** пробуем улучшить/уточнить свою гипотезу случайными сдвигами.



# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

for **level** = 0 ... N (**Coarse-to-Fine**)

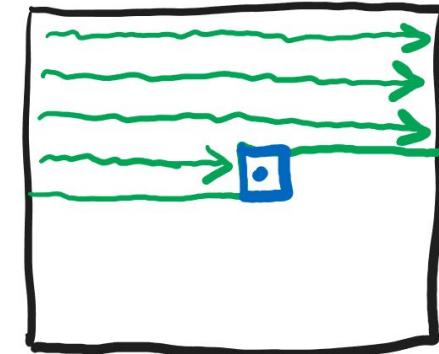
- 1) В каждом пикселе **upscale** / случайное (dx, dy)
- 2) Несколько итераций делаем:
  - 2.1) **Propagation**: примеряем на себя гипотезы соседей.  
Т.е. используем их как источник хорошей идеи.
  - 2.2) **Refinement**: пробуем улучшить/уточнить свою гипотезу случайными сдвигами.



# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

for **level** = 0 ... N (**Coarse-to-Fine**)

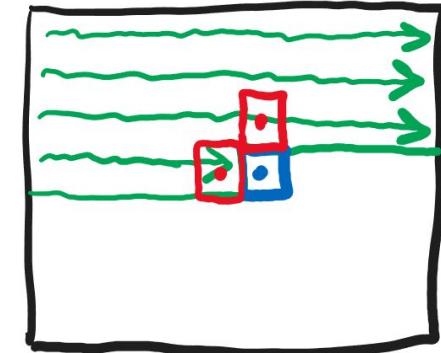
- 1) В каждом пикселе **upscale** / случайное (dx, dy)
- 2) Несколько итераций делаем:
  - 2.1) **Propagation**: примеряем на себя гипотезы соседей.  
Т.е. используем их как источник хорошей идеи.  
При прямом проходе - **???**
  - 2.2) **Refinement**: пробуем улучшить/уточнить свою гипотезу случайными сдвигами.



# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

for **level** = 0 ... N (**Coarse-to-Fine**)

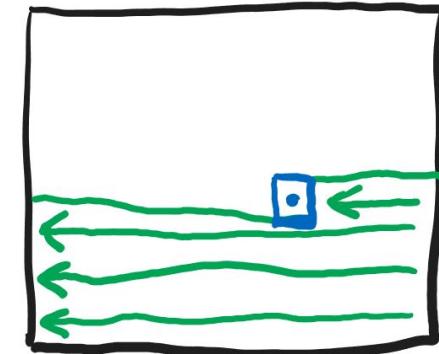
- 1) В каждом пикселе **upscale** / случайное (dx, dy)
- 2) Несколько итераций делаем:
  - 2.1) **Propagation**: примеряем на себя гипотезы соседей.  
Т.е. используем их как источник хорошей идеи.  
При прямом проходе - **соседи слева/сверху**.
  - 2.2) **Refinement**: пробуем улучшить/уточнить свою гипотезу случайными сдвигами.



# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

for **level** = 0 ... N (**Coarse-to-Fine**)

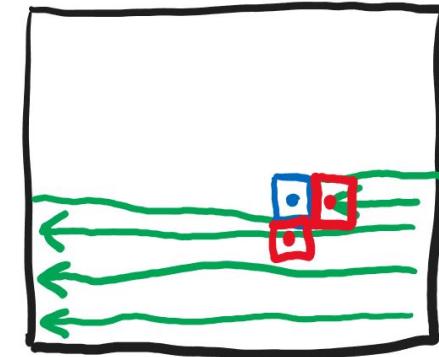
- 1) В каждом пикселе **upscale** / случайное (dx, dy)
- 2) Несколько итераций делаем:
  - 2.1) **Propagation**: примеряем на себя гипотезы соседей.  
Т.е. используем их как источник хорошей идеи.  
При прямом проходе - соседи слева/сверху.  
При обратном проходе - ???
  - 2.2) **Refinement**: пробуем улучшить/уточнить свою гипотезу случайными сдвигами.



# PatchMatch: A Randomized Correspondence Algorithm for Structural Image Editing (Barnes et. al., 2009)

for **level** = 0 ... N (**Coarse-to-Fine**)

- 1) В каждом пикселе **upscale** / случайное (dx, dy)
- 2) Несколько итераций делаем:
  - 2.1) **Propagation**: примеряем на себя гипотезы соседей.  
Т.е. используем их как источник хорошей идеи.  
При прямом проходе - соседи слева/сверху.  
При обратном проходе - **соседи справа/снизу**.
  - 2.2) **Refinement**: пробуем улучшить/уточнить свою гипотезу случайными сдвигами.

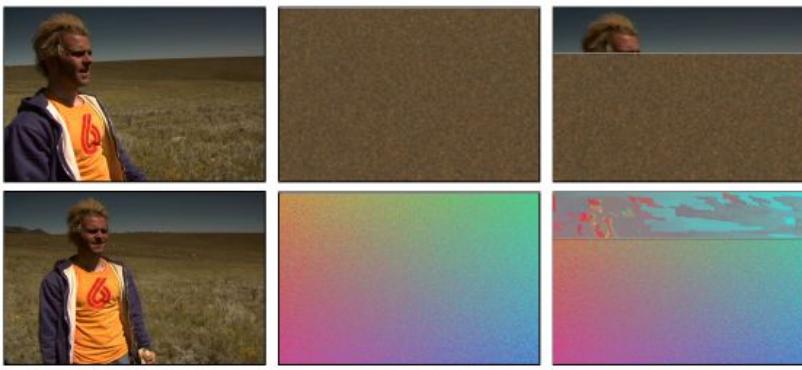




(a) originals



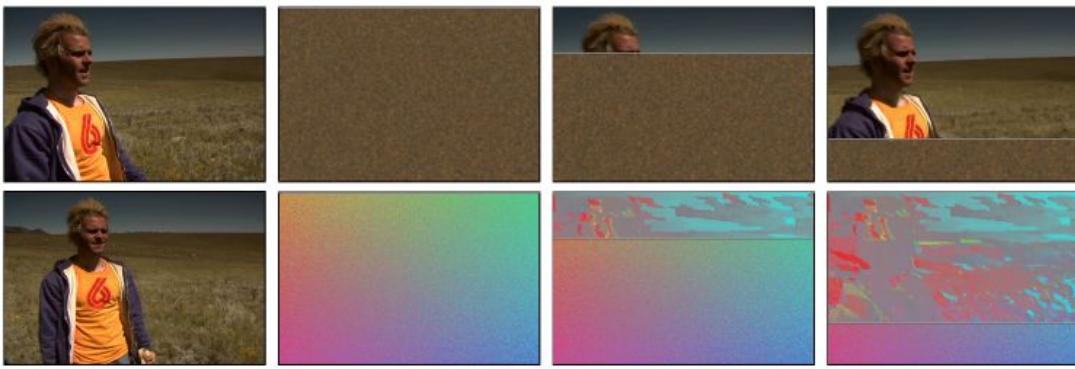
(b) random



(a) originals

(b) random

(c)  $\frac{1}{4}$  iteration

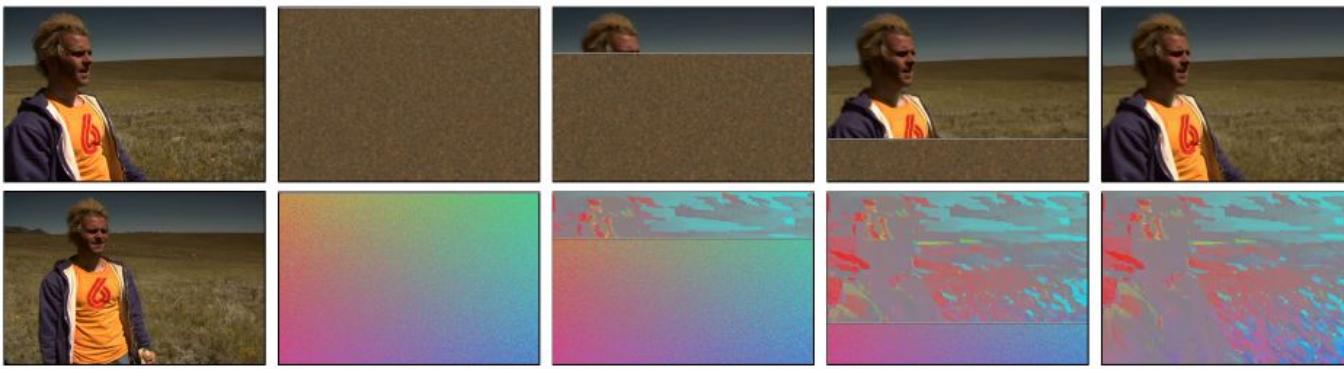


(a) originals

(b) random

(c)  $\frac{1}{4}$  iteration

(d)  $\frac{3}{4}$  iteration



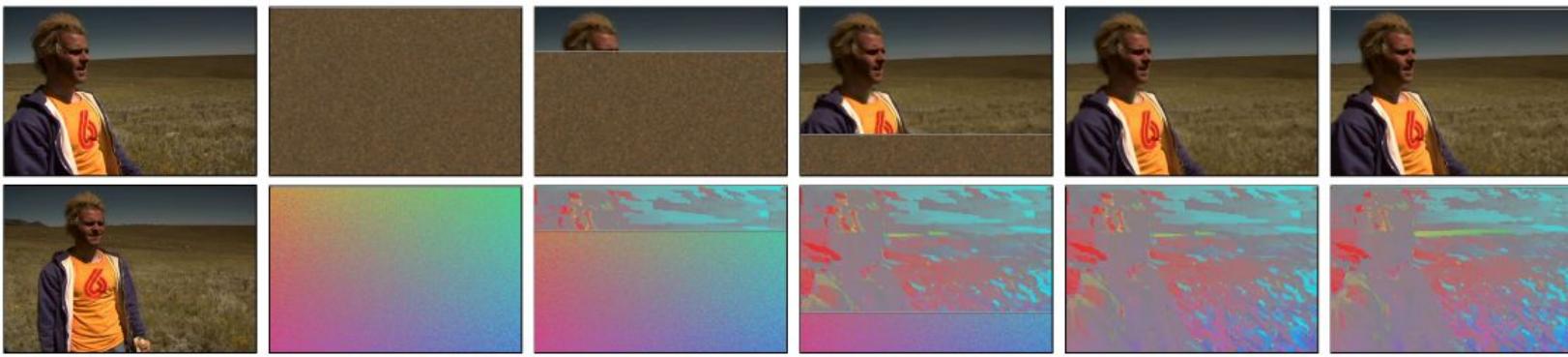
(a) originals

(b) random

(c)  $\frac{1}{4}$  iteration

(d)  $\frac{3}{4}$  iteration

(e) 1 iteration



(a) originals

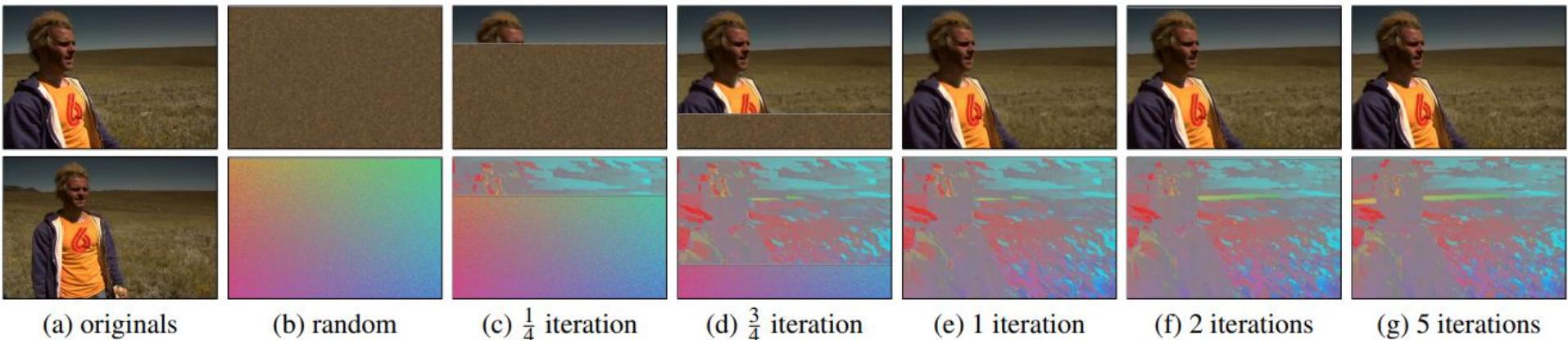
(b) random

(c)  $\frac{1}{4}$  iteration

(d)  $\frac{3}{4}$  iteration

(e) 1 iteration

(f) 2 iterations



(a) originals

(b) random

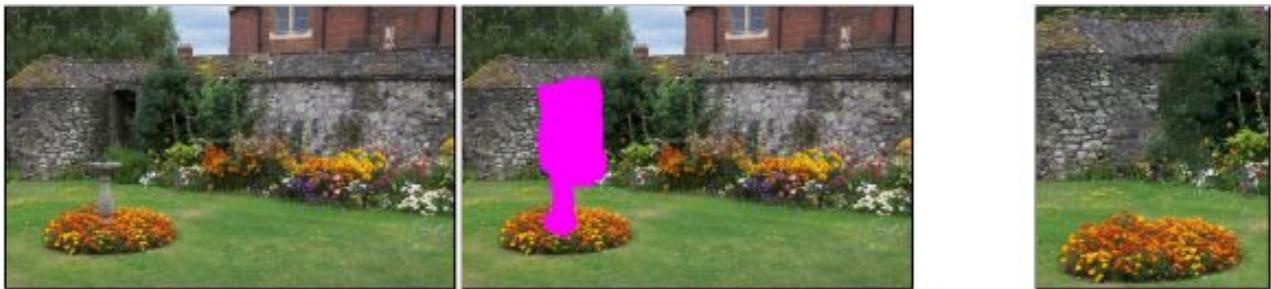
(c)  $\frac{1}{4}$  iteration(d)  $\frac{3}{4}$  iteration

(e) 1 iteration

(f) 2 iterations

(g) 5 iterations

**Figure 3: Illustration of convergence.** (a) The top image is reconstructed using only patches from the bottom image. (b) above: the reconstruction by the patch “voting” described in Section 4, below: a random initial offset field, with magnitude visualized as saturation and angle visualized as hue. (c) 1/4 of the way through the first iteration, high-quality offsets have been propagated in the region above the current scan line (denoted with the horizontal bar). (d) 3/4 of the way through the first iteration. (e) First iteration complete. (f) Two iterations. (g) After 5 iterations, almost all patches have stopped changing. The tiny orange flowers only find good correspondences in the later iterations.

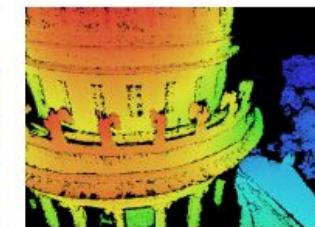
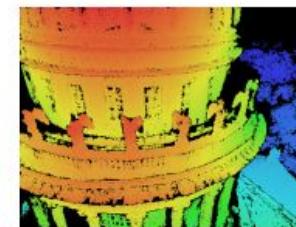
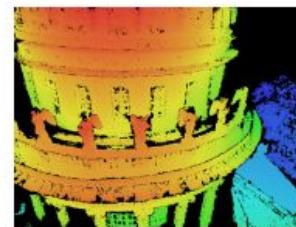


(d) input

(e) hole

(f) completion (close up)

# Построение карты глубины методом Patch Match



is\_copter-20180821-0-4041

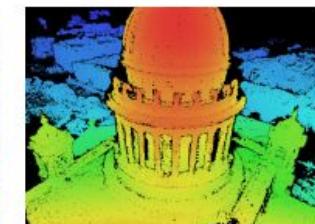
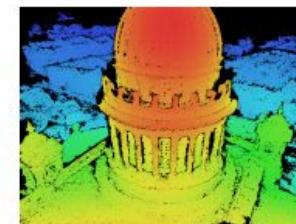
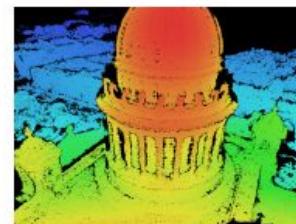
is\_copter-20180821-0-4042

is\_copter-20180821-0-4043

is\_copter-20180821-0-4044

is\_copter-20180821-0-4045

is\_copter-20180821-0-4046



is\_copter-20180823-0-0811

is\_copter-20180823-0-0812

is\_copter-20180823-0-0813

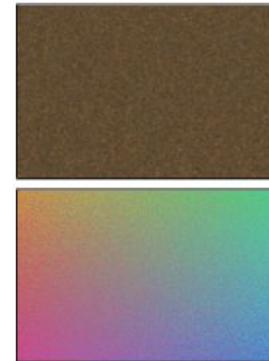
is\_copter-20180823-0-0814

is\_copter-20180823-0-0815

is\_copter-20180823-0-0816

# Построение карты глубины методом Patch Match

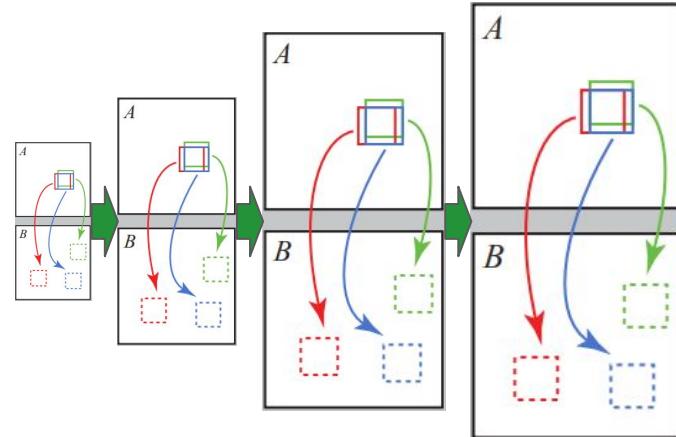
```
depth_map, normal_map = random()
```



# Построение карты глубины методом Patch Match

depth\_map, normal\_map = random()

for level = 0 ... N: (Coarse to Fine)

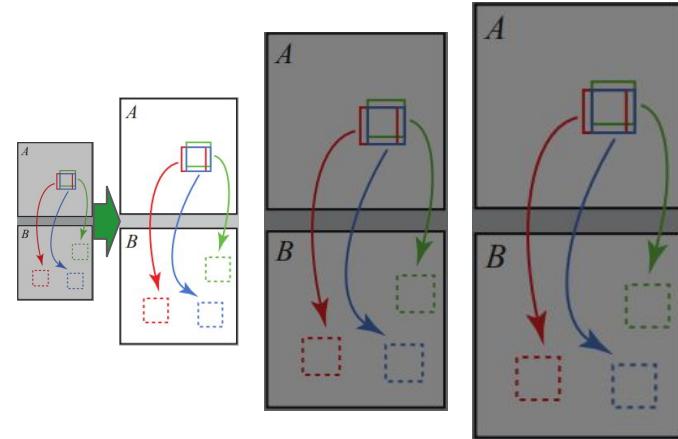


# Построение карты глубины методом Patch Match

```
depth_map, normal_map = random()
```

```
for level = 0 ... N:
```

```
    upscale(depth_map, normal_map)
```



# Построение карты глубины методом Patch Match

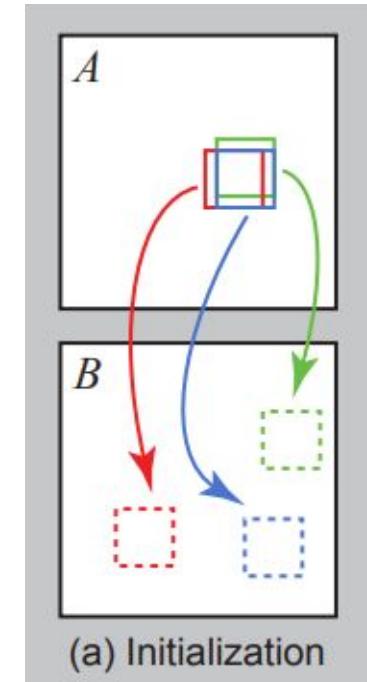
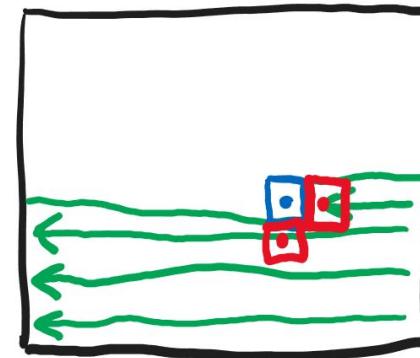
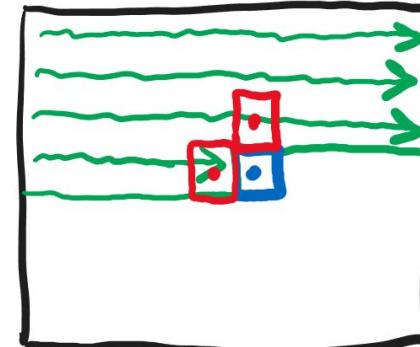
```
depth_map, normal_map = random()
```

```
for level = 0 ... N:
```

```
    upscale(depth_map, normal_map)
```

```
    for iteration = 0 ... 100:
```

```
        propagation()
```



# Построение карты глубины методом Patch Match

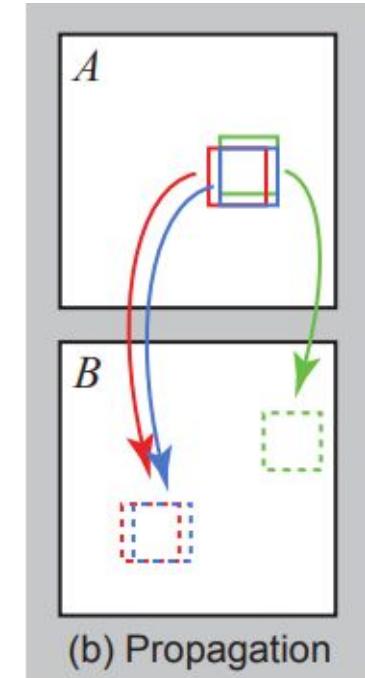
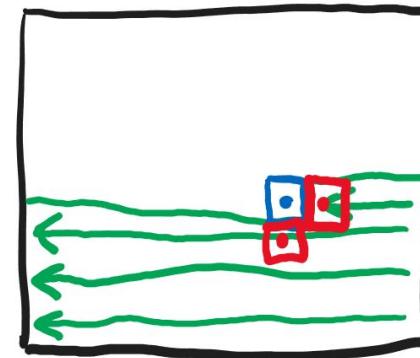
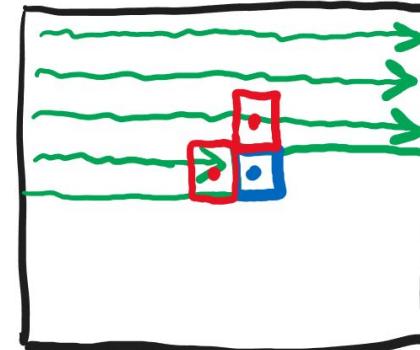
```
depth_map, normal_map = random()
```

```
for level = 0 ... N:
```

```
    upscale(depth_map, normal_map)
```

```
    for iteration = 0 ... 100:
```

```
        propagation()
```



# Построение карты глубины методом Patch Match

```
depth_map, normal_map = random()
```

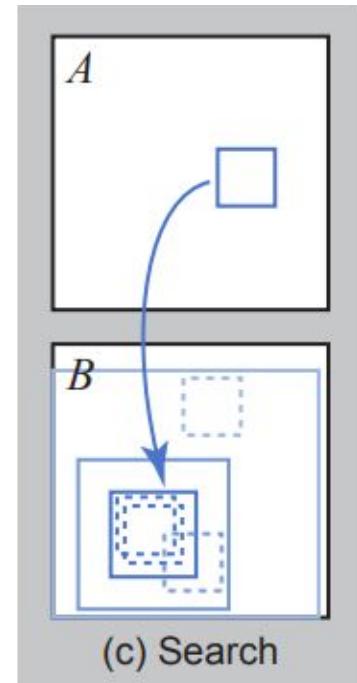
```
for level = 0 ... N:
```

```
    upscale(depth_map, normal_map)
```

```
    for iteration = 0 ... 100:
```

```
        propagation()
```

```
        refinement()
```



# Построение карты глубины методом Patch Match

```
depth_map, normal_map = random()
```

```
for level = 0 ... N:
```

```
    upscale(depth_map, normal_map)
```

```
    for iteration = 0 ... 100:
```

```
        propagation()
```

```
        refinement()
```

```
return depth_map, normal_map
```

# Построение карты глубины методом Patch Match

```
depth_map, normal_map = random()
```

```
for level = 0 ... N:
```

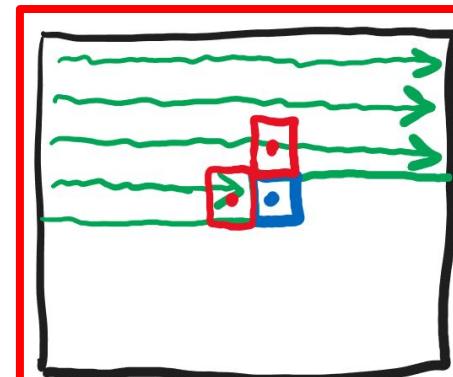
```
    upscale(depth_map, normal_map)
```

```
    for iteration = 0 ... 100:
```

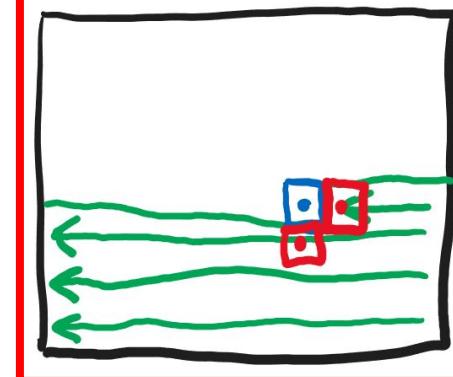
```
        propagation()
```

```
        refinement()
```

```
return depth_map, normal_map
```



Массовый  
параллелизм?



# Построение карты глубины методом Patch Match

```
depth_map, normal_map = random()
```

```
for level = 0 ... N:
```

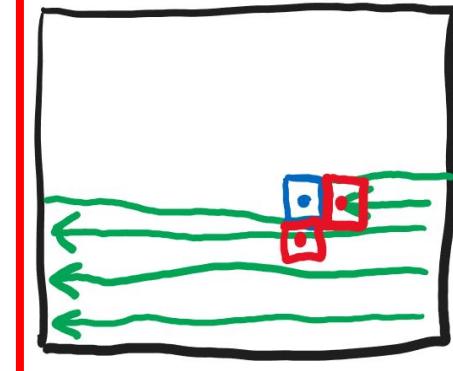
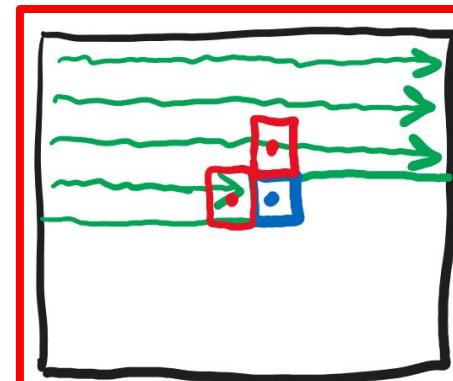
```
    upscale(depth_map, normal_map)
```

```
    for iteration = 0 ... 100:
```

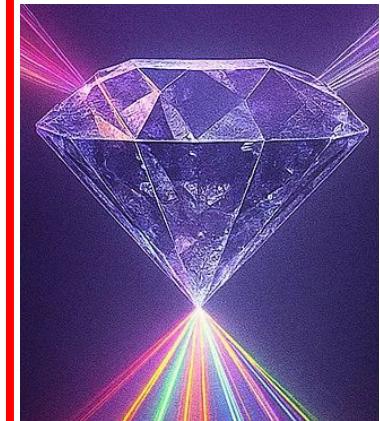
```
        propagation()
```

```
        refinement()
```

```
return depth_map, normal_map
```



Массовый параллелизм?



# Построение карты глубины методом Patch Match

```
depth_map, normal_map = random()
```

```
for level = 0 ... N:
```

```
    upscale(depth_map, normal_map)
```

```
    for iteration = 0 ... 100:
```

```
        propagation()
```

```
        refinement()
```

```
return depth_map, normal_map
```

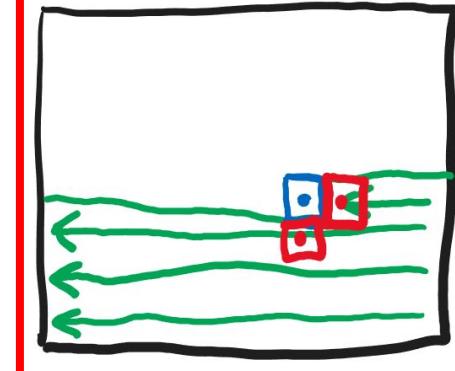
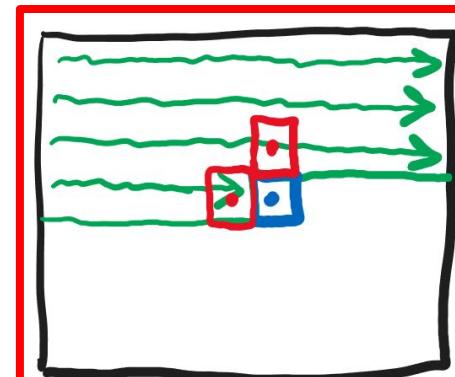


(a) originals

(b) random

(c)  $\frac{1}{4}$  iteration

(d)  $\frac{3}{4}$  iteration

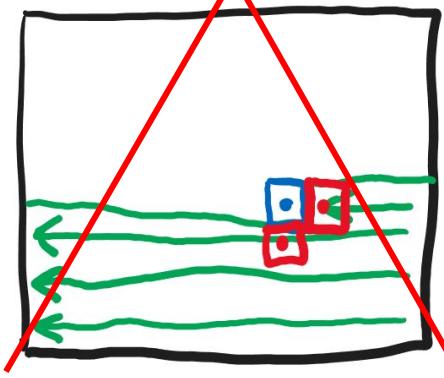
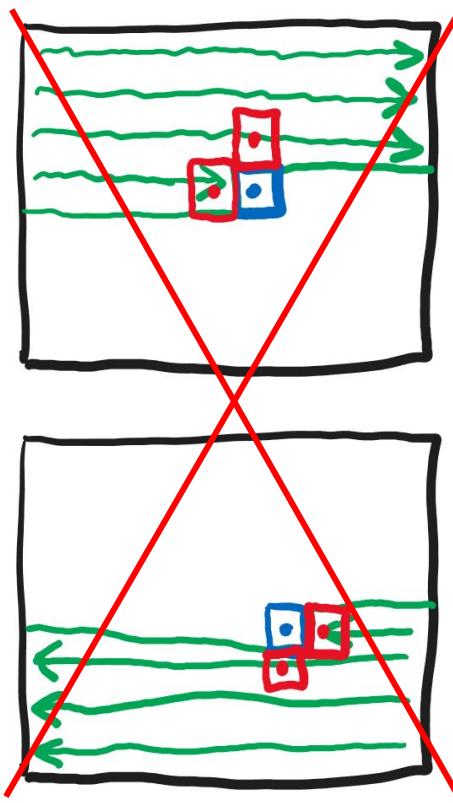


Массовый  
параллелизм?



# Gipuma

1) **propagation**: мы хотим массовый параллелизм (многоядерные CPU/GPU)



# Gipuma

1) **propagation**: мы хотим массовый параллелизм (многоядерные CPU/GPU)

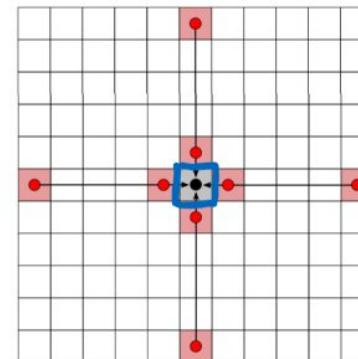
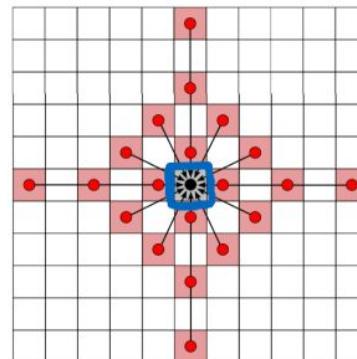
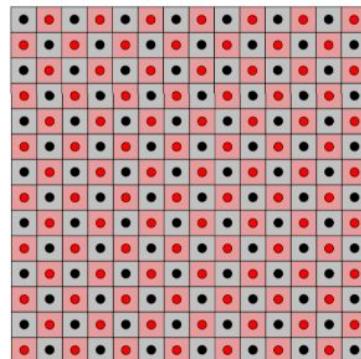
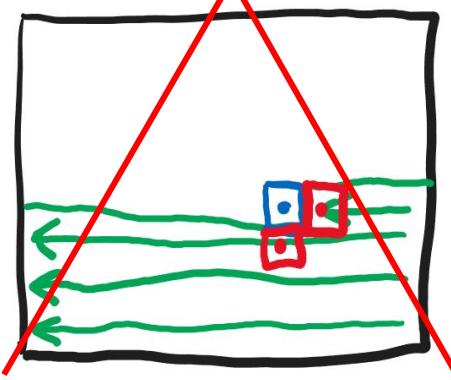
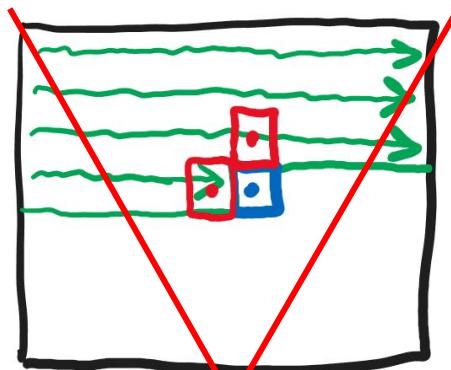


Figure 2: The propagation scheme: (a) Depth and normal are updated in parallel for all red pixels, using black pixels as candidates, and vice versa. (b) Planes from a local neighborhood (red points) serve as candidates to update a given pixel (black). (c) Modified scheme for speed setting, using only inner and outermost pixels of the pattern.

# Глава 5: Look Up Table (LUT)

# Примитивная Look Up Table (LUT)

Что если я хочу быстро (пусть и приближенно) считать сложную функцию  $f(x)$ ?

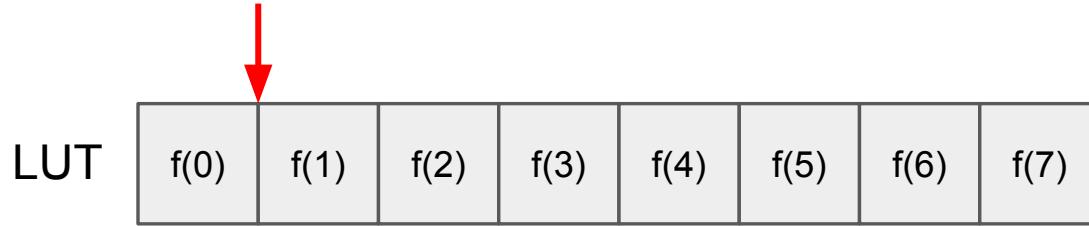
# Примитивная Look Up Table (LUT)

Что если я хочу быстро (пусть и приближенно) считать сложную функцию  $f(x)$ ?

LUT	f(0)	f(1)	f(2)	f(3)	f(4)	f(5)	f(6)	f(7)
-----	------	------	------	------	------	------	------	------

# Примитивная Look Up Table (LUT)

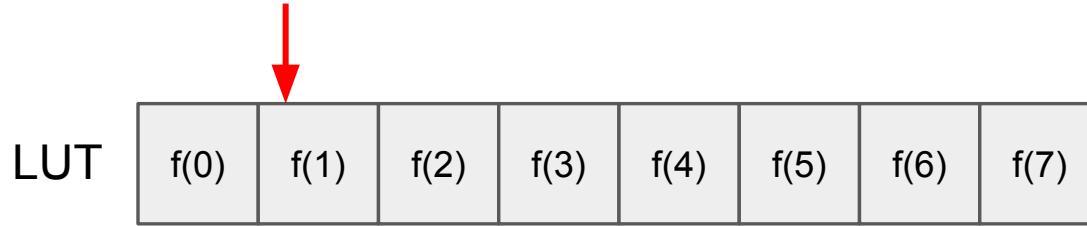
Что если я хочу быстро (пусть и приближенно) считать сложную функцию  $f(x)$ ?



Что если потребуется  $f(0.5)$ ?

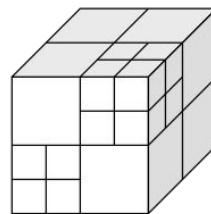
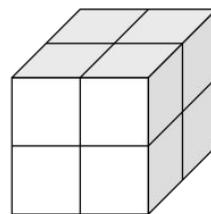
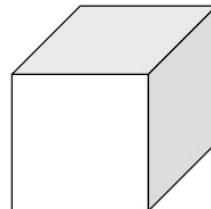
# Примитивная Look Up Table (LUT)

Что если я хочу быстро (пусть и приближенно) считать сложную функцию  $f(x)$ ?

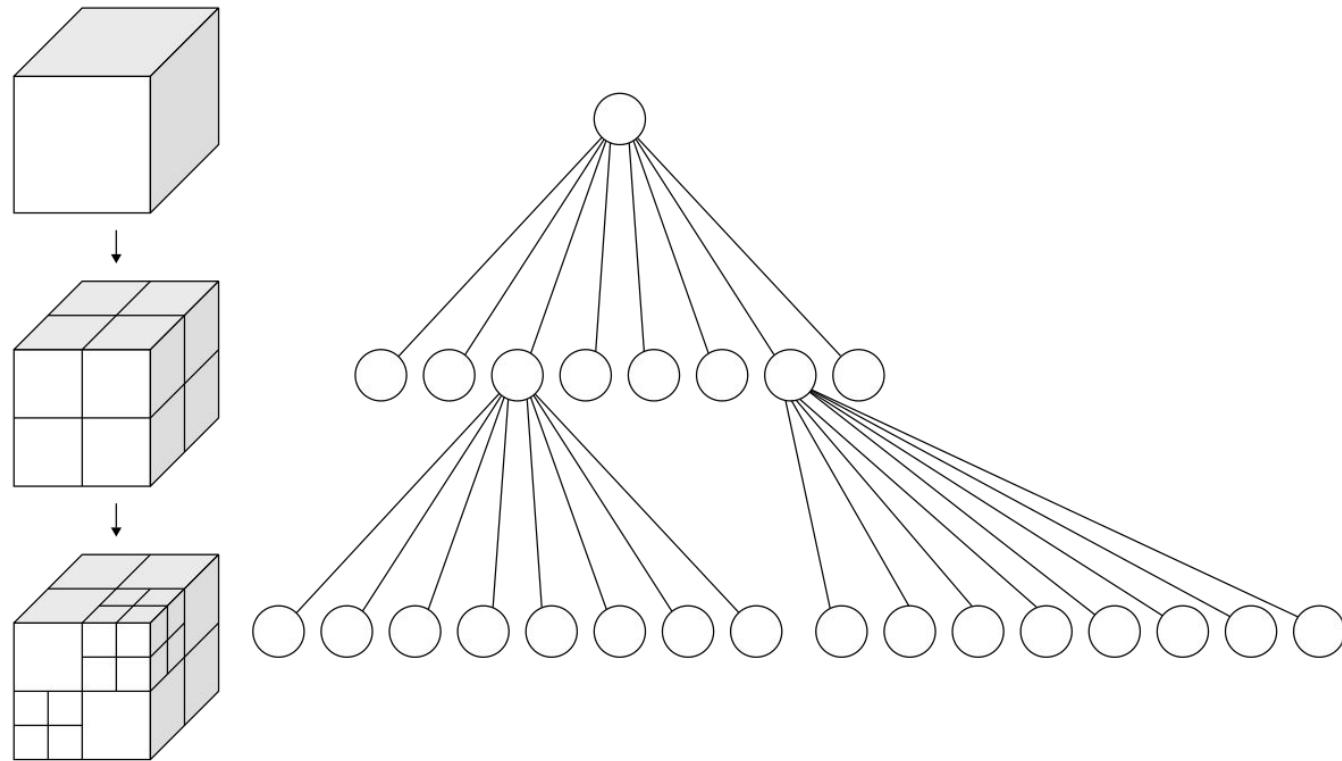


Что если потребуется  $f(0.75)$ ?

# Октодеревья

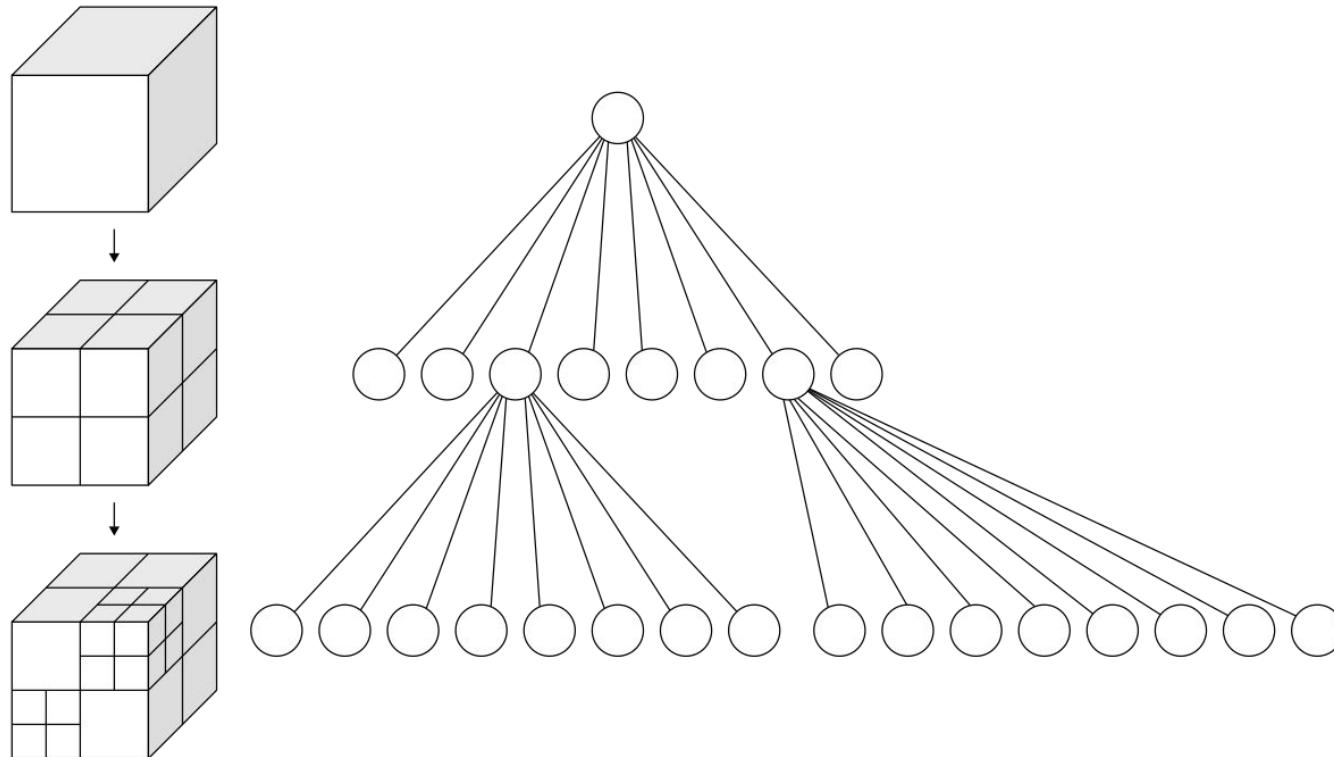


# Октодеревья



Что нам нужно уметь делать чтобы численную схему на октодереве исполнять?

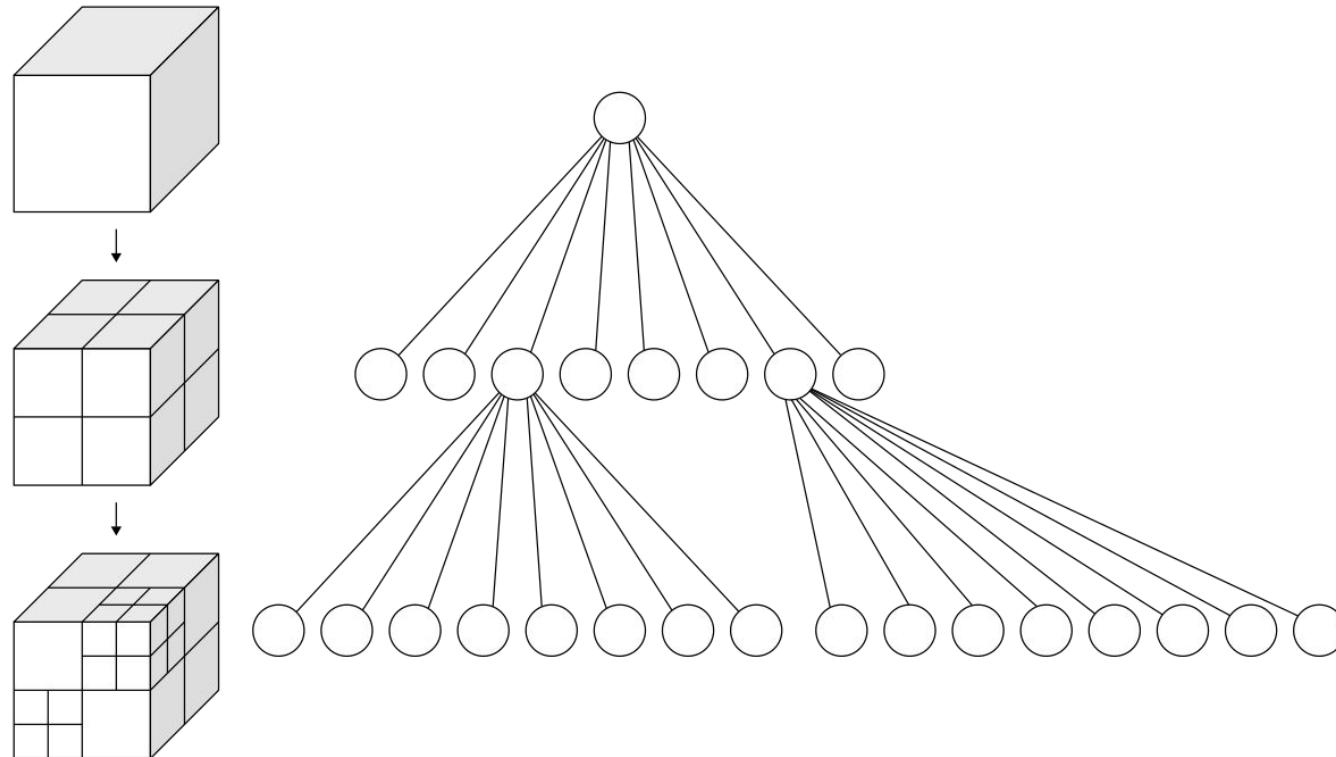
## Октодеревья



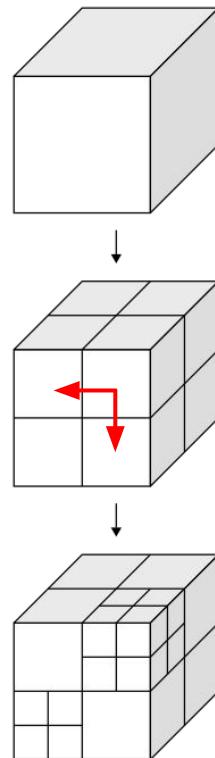
# Октодеревья

Что нам нужно уметь делать чтобы численную схему на октодереве исполнять?

Что нужно чтобы считать частичные производные?



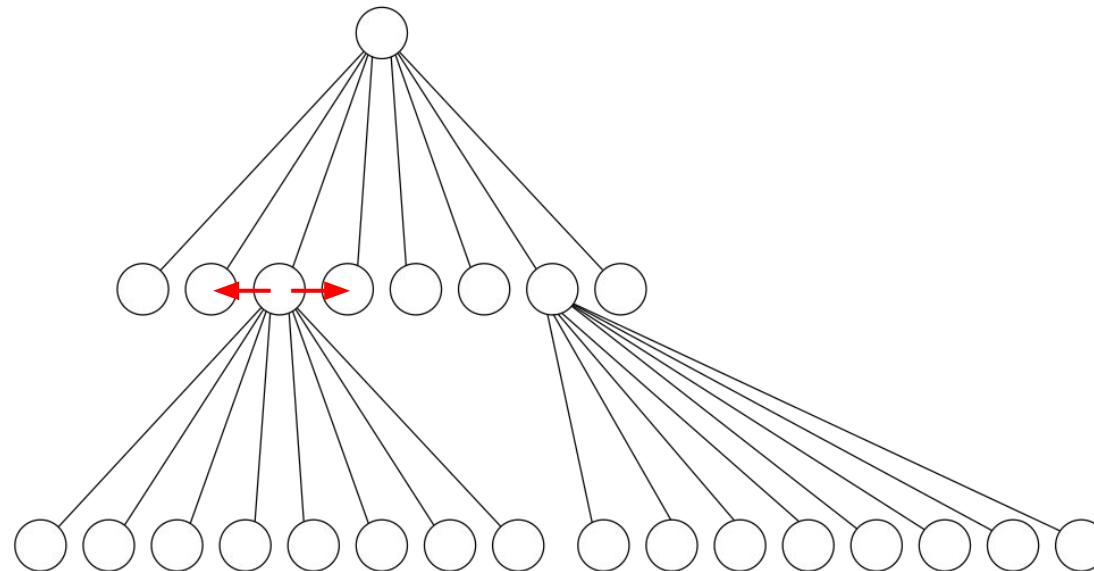
# Октодеревья



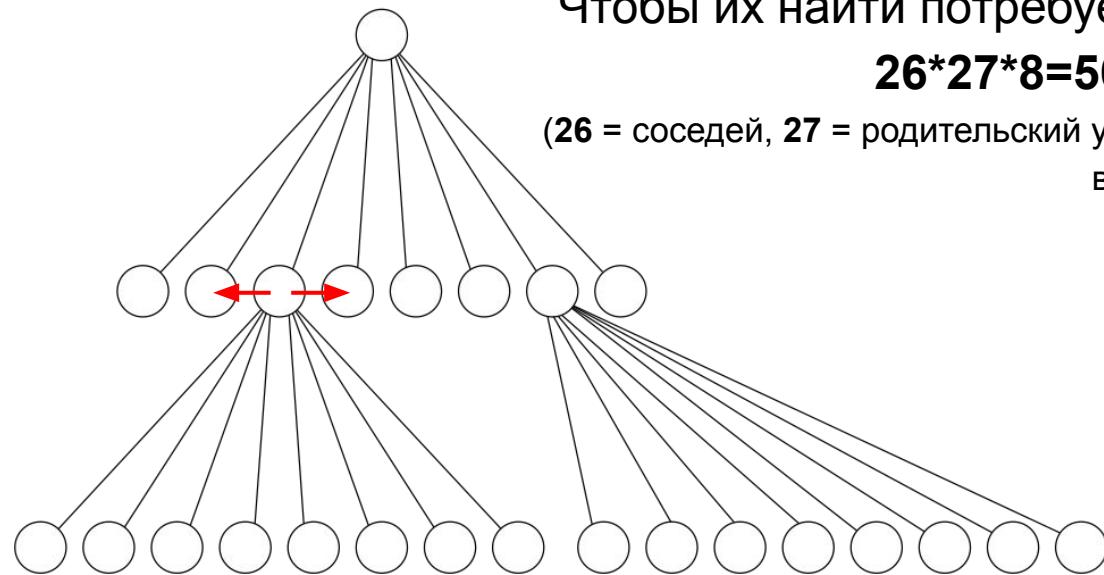
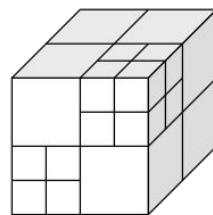
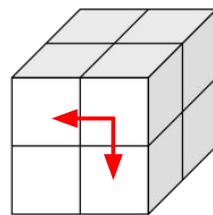
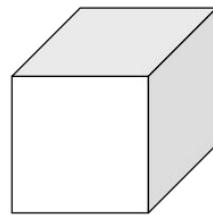
Что нам нужно уметь делать чтобы численную схему на октодереве исполнять?

Что нужно чтобы считать частичные производные?

Как для каждого узла записать **26 соседей**?



# Октодеревья



Что нам нужно уметь делать чтобы численную схему на октодереве исполнять?

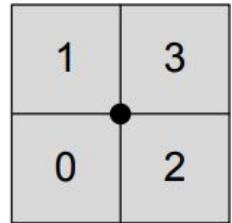
Что нужно чтобы считать частичные производные?

Как для каждого узла записать **26 соседей**?

Чтобы их найти потребуется сделать  
 **$26*27*8=5616$  поисков.**

(**26** = соседей, **27** = родительский узел + его соседи, в каждом **8** детей)

# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)



$LUTparent[4]$



Индекс ребенка

$LUTchild[4]$



# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)

1	3
0	2

$LUTparent[4][9]$



2	5	8
1	4	7
0	3	6

$LUTchild[4][9]$



Индекс Соседа

# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)

1	3
	●
0	2

```
LUTparent[4][9] = {  
    {0, 1, 1, 3, 4, 4, 3, 4, 4},  
    {1, 1, 2, 4, 4, 5, 4, 4, 5},  
    {3, 4, 4, 3, 4, 4, 6, 7, 7},  
    {4, 4, 5, 4, 4, 5, 7, 7, 8} };
```

2	5	8
1	4	7
0	3	6

```
LUTchild[4][9] = {  
    {3, 2, 3, 1, 0, 1, 3, 2, 3},  
    {2, 3, 2, 0, 1, 0, 2, 3, 2},  
    {1, 0, 1, 3, 2, 3, 1, 0, 1},  
    {0, 1, 0, 2, 3, 2, 0, 1, 0} };
```

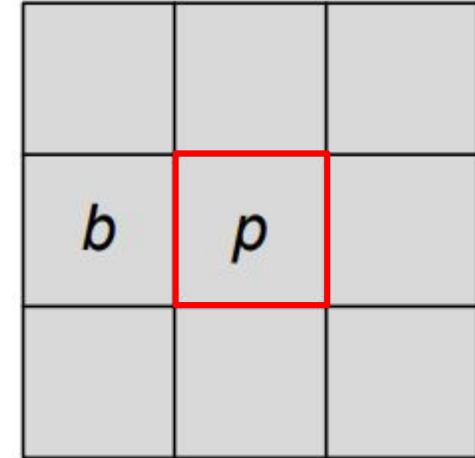
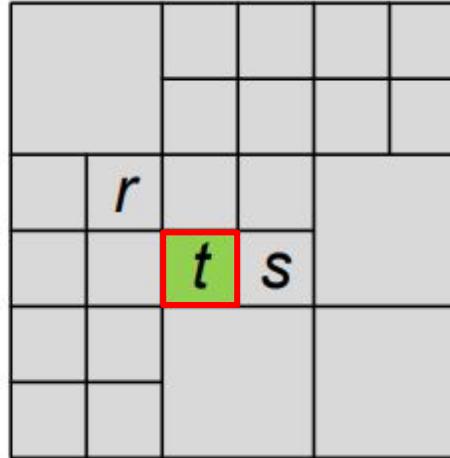
# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)

1	3
0	2

2	5	8
1	4	7
0	3	6

```
LUTparent[4][9] = {  
    {0, 1, 1, 3, 4, 4, 3, 4, 4},  
    {1, 1, 2, 4, 4, 5, 4, 4, 5},  
    {3, 4, 4, 3, 4, 4, 6, 7, 7},  
    {4, 4, 5, 4, 4, 5, 7, 7, 8} };
```

```
LUTchild[4][9] = {  
    {3, 2, 3, 1, 0, 1, 3, 2, 3},  
    {2, 3, 2, 0, 1, 0, 2, 3, 2},  
    {1, 0, 1, 3, 2, 3, 1, 0, 1},  
    {0, 1, 0, 2, 3, 2, 0, 1, 0} };
```



1) LUTparent: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ .

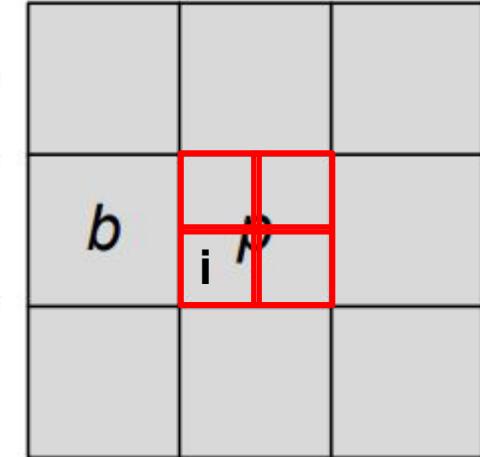
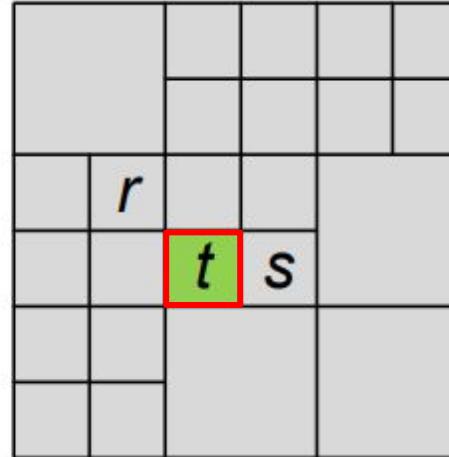
# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)

1	3
0	2

```
LUTparent[4][9] = {  
    {0, 1, 1, 3, 4, 4, 3, 4, 4},  
    {1, 1, 2, 4, 4, 5, 4, 4, 5},  
    {3, 4, 4, 3, 4, 4, 6, 7, 7},  
    {4, 4, 5, 4, 4, 5, 7, 7, 8} };
```

2	5	8
1	4	7
0	3	6

```
LUTchild[4][9] = {  
    {3, 2, 3, 1, 0, 1, 3, 2, 3},  
    {2, 3, 2, 0, 1, 0, 2, 3, 2},  
    {1, 0, 1, 3, 2, 3, 1, 0, 1},  
    {0, 1, 0, 2, 3, 2, 0, 1, 0} };
```



1) LUTparent: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ .

Пусть  $p.children[i] = t$ ,

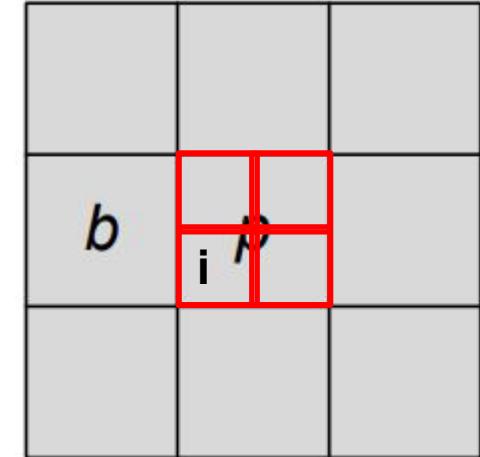
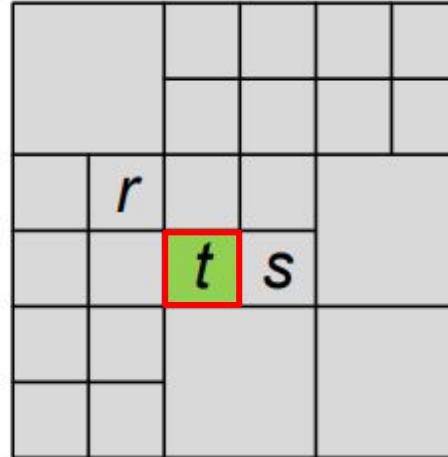
# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)

1	3
0	2

```
LUTparent[4][9] = {  
    {0, 1, 1, 3, 4, 4, 3, 4, 4},  
    {1, 1, 2, 4, 4, 5, 4, 4, 5},  
    {3, 4, 4, 3, 4, 4, 6, 7, 7},  
    {4, 4, 5, 4, 4, 5, 7, 7, 8} };
```

2	5	8
1	4	7
0	3	6

```
LUTchild[4][9] = {  
    {3, 2, 3, 1, 0, 1, 3, 2, 3},  
    {2, 3, 2, 0, 1, 0, 2, 3, 2},  
    {1, 0, 1, 3, 2, 3, 1, 0, 1},  
    {0, 1, 0, 2, 3, 2, 0, 1, 0} };
```



1) LUTparent: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ .

Пусть  $p.children[i] = t$ ,

Тогда  $parent(t.neighs[j]) = LUTparent[i][j]$ .

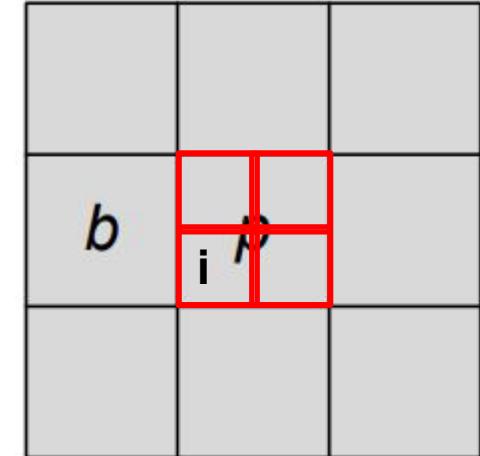
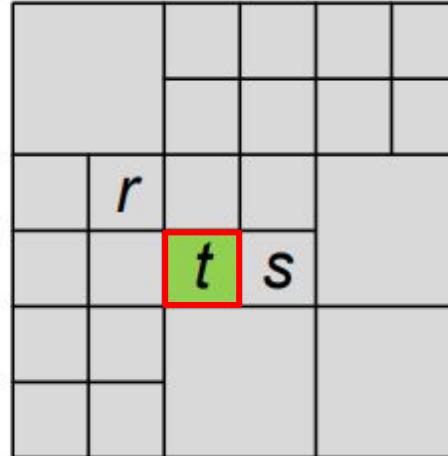
# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)

1	3
0	2

```
LUTparent[4][9] = {  
    {0, 1, 1, 3, 4, 4, 3, 4, 4},  
    {1, 1, 2, 4, 4, 5, 4, 4, 5},  
    {3, 4, 4, 3, 4, 4, 6, 7, 7},  
    {4, 4, 5, 4, 4, 5, 7, 7, 8} };
```

2	5	8
1	4	7
0	3	6

```
LUTchild[4][9] = {  
    {3, 2, 3, 1, 0, 1, 3, 2, 3},  
    {2, 3, 2, 0, 1, 0, 2, 3, 2},  
    {1, 0, 1, 3, 2, 3, 1, 0, 1},  
    {0, 1, 0, 2, 3, 2, 0, 1, 0} };
```



1) LUTparent: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ .

Пусть  $p.children[i] = t$ ,

Тогда  $parent(t.neighs[j]) = LUTparent[i][j]$ .

2) LUTchild: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ . Пусть  $p.children[i] = t$ .

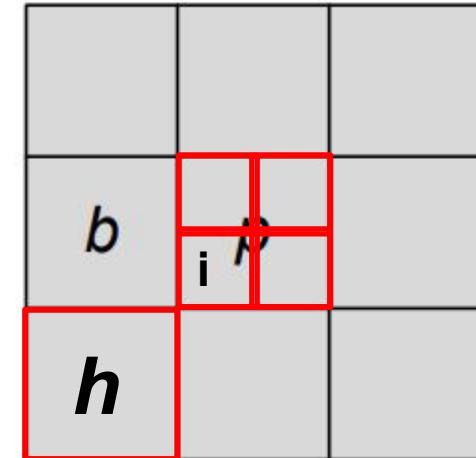
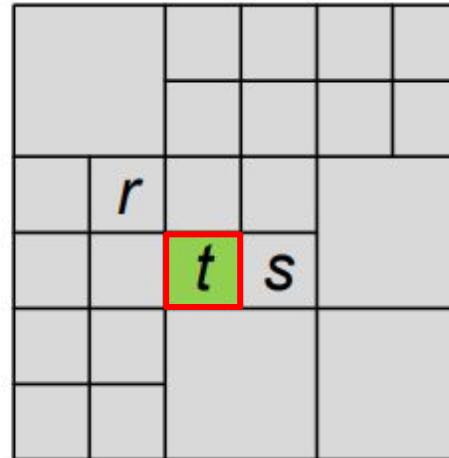
# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)

1	3
0	2

2	5	8
1	4	7
0	3	6

```
LUTparent[4][9] = {  
    {0, 1, 1, 3, 4, 4, 3, 4, 4},  
    {1, 1, 2, 4, 4, 5, 4, 4, 5},  
    {3, 4, 4, 3, 4, 4, 6, 7, 7},  
    {4, 4, 5, 4, 4, 5, 7, 7, 8} };
```

```
LUTchild[4][9] = {  
    {3, 2, 3, 1, 0, 1, 3, 2, 3},  
    {2, 3, 2, 0, 1, 0, 2, 3, 2},  
    {1, 0, 1, 3, 2, 3, 1, 0, 1},  
    {0, 1, 0, 2, 3, 2, 0, 1, 0} };
```



1) LUTparent: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ .

Пусть  $p.children[i] = t$ ,

Тогда  $parent(t.neighs[j]) = LUTparent[i][j]$ .

2) LUTchild: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ . Пусть  $p.children[i] = t$ .

Пусть  $parent(t.neighs[j]) = h$ ,

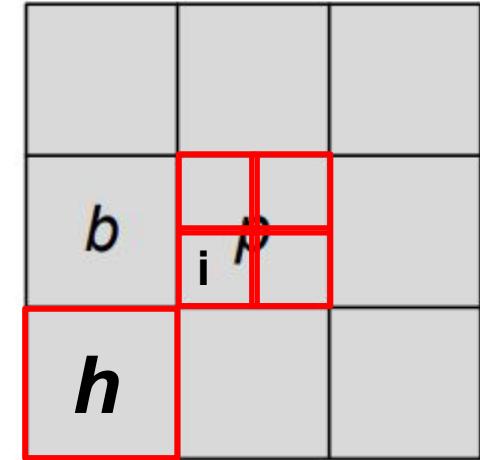
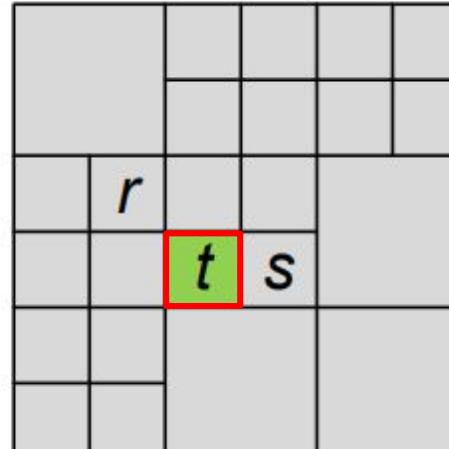
# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)

1	3
0	2

2	5	8
1	4	7
0	3	6

```
LUTparent[4][9] = {  
    {0, 1, 1, 3, 4, 4, 3, 4, 4},  
    {1, 1, 2, 4, 4, 5, 4, 4, 5},  
    {3, 4, 4, 3, 4, 4, 6, 7, 7},  
    {4, 4, 5, 4, 4, 5, 7, 7, 8} };
```

```
LUTchild[4][9] = {  
    {3, 2, 3, 1, 0, 1, 3, 2, 3},  
    {2, 3, 2, 0, 1, 0, 2, 3, 2},  
    {1, 0, 1, 3, 2, 3, 1, 0, 1},  
    {0, 1, 0, 2, 3, 2, 0, 1, 0} };
```



Где тогда наш сосед?

1) LUTparent: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ .

Пусть  $p.children[i] = t$ ,

Тогда  $parent(t.neighs[j]) = LUTparent[i][j]$ .

2) LUTchild: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ . Пусть  $p.children[i] = t$ .

Пусть  $parent(t.neighs[j]) = h$ ,

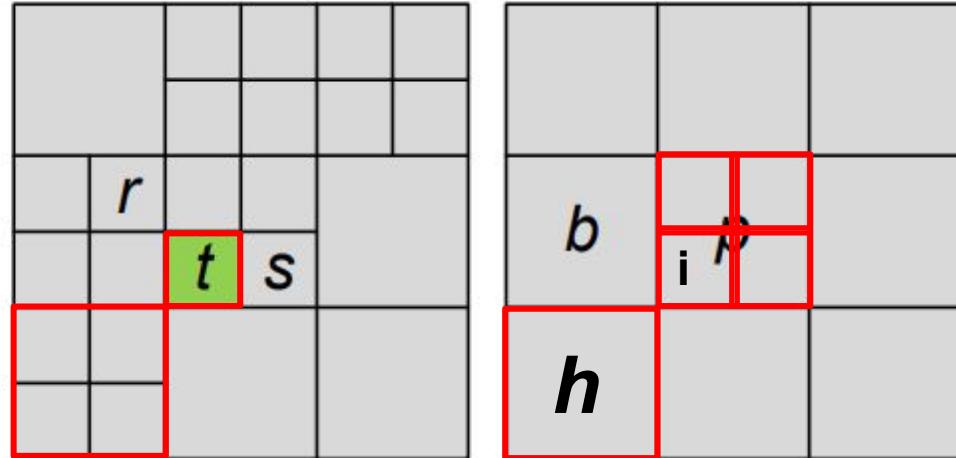
# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)

1	3
0	2

2	5	8
1	4	7
0	3	6

```
LUTparent[4][9] = {  
    {0, 1, 1, 3, 4, 4, 3, 4, 4},  
    {1, 1, 2, 4, 4, 5, 4, 4, 5},  
    {3, 4, 4, 3, 4, 4, 6, 7, 7},  
    {4, 4, 5, 4, 4, 5, 7, 7, 8} };
```

```
LUTchild[4][9] = {  
    {3, 2, 3, 1, 0, 1, 3, 2, 3},  
    {2, 3, 2, 0, 1, 0, 2, 3, 2},  
    {1, 0, 1, 3, 2, 3, 1, 0, 1},  
    {0, 1, 0, 2, 3, 2, 0, 1, 0} };
```



Чем однозначно определяется  
кто именно?

1) LUTparent: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $r$ .

Пусть  $r.children[i] = t$ ,

Тогда  $parent(t.neighs[j]) = LUTparent[i][j]$ .

2) LUTchild: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $r$ . Пусть  $r.children[i] = t$ .

Пусть  $parent(t.neighs[j]) = h$ ,

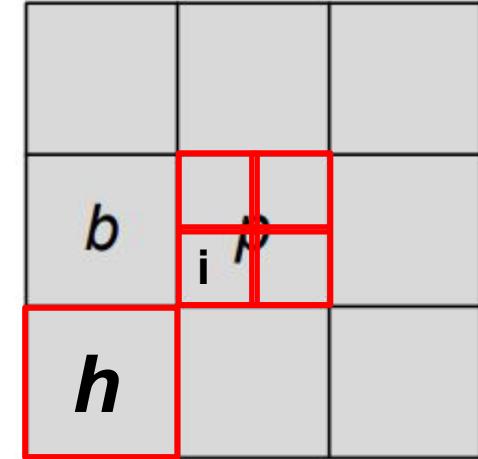
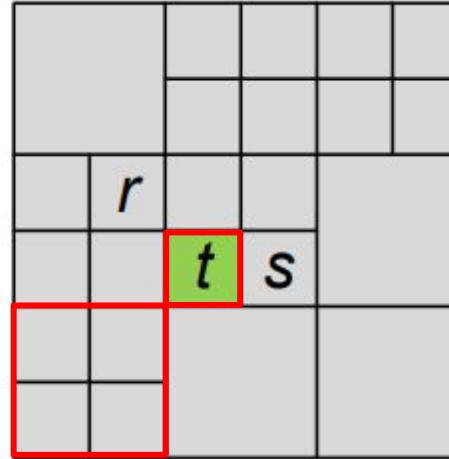
# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)

1	3
0	2

2	5	8
1	4	7
0	3	6

```
LUTparent[4][9] = {  
    {0, 1, 1, 3, 4, 4, 3, 4, 4},  
    {1, 1, 2, 4, 4, 5, 4, 4, 5},  
    {3, 4, 4, 3, 4, 4, 6, 7, 7},  
    {4, 4, 5, 4, 4, 5, 7, 7, 8} };
```

```
LUTchild[4][9] = {  
    {3, 2, 3, 1, 0, 1, 3, 2, 3},  
    {2, 3, 2, 0, 1, 0, 2, 3, 2},  
    {1, 0, 1, 3, 2, 3, 1, 0, 1},  
    {0, 1, 0, 2, 3, 2, 0, 1, 0} };
```



1) LUTparent: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ .

Пусть  $p.children[i] = t$ ,

Тогда  $parent(t.neighs[j]) = LUTparent[i][j]$ .

2) LUTchild: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ . Пусть  $p.children[i] = t$ .

Пусть  $parent(t.neighs[j]) = h$ ,

Тогда  $t.neigh[j] = h.children[LUTchild[i][j]]$ .

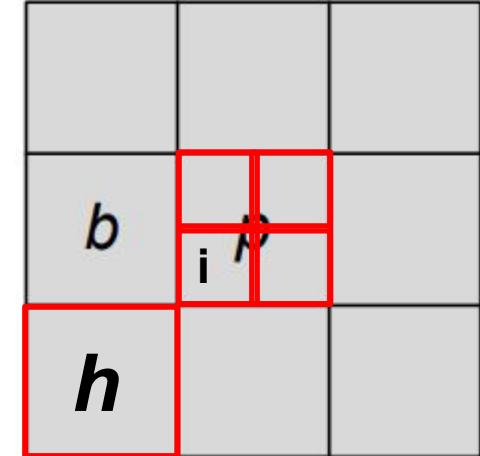
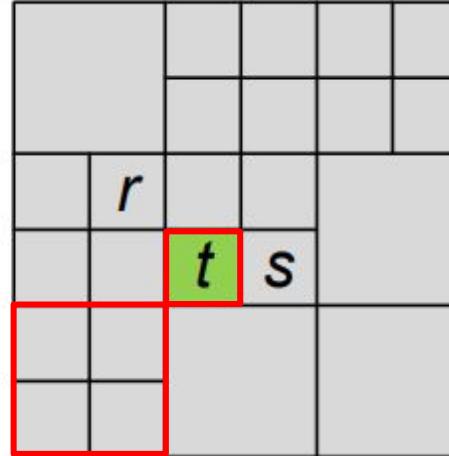
# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)

1	3
0	2

```
LUTparent[4][9] = {  
    {0, 1, 1, 3, 4, 4, 3, 4, 4},  
    {1, 1, 2, 4, 4, 5, 4, 4, 5},  
    {3, 4, 4, 3, 4, 4, 6, 7, 7},  
    {4, 4, 5, 4, 4, 5, 7, 7, 8} };
```

2	5	8
1	4	7
0	3	6

```
LUTchild[4][9] = {  
    {3, 2, 3, 1, 0, 1, 3, 2, 3},  
    {2, 3, 2, 0, 1, 0, 2, 3, 2},  
    {1, 0, 1, 3, 2, 3, 1, 0, 1},  
    {0, 1, 0, 2, 3, 2, 0, 1, 0} };
```



1) LUTparent: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ .

Пусть  $p.children[i] = t$ ,

Тогда  $parent(t.neighs[j]) = LUTparent[i][j]$ .

2) LUTchild: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ .

Пусть  $parent(t.neighs[j]) = h$ ,

Тогда  $t.neigh[j] = h.children[LUTchild[i][j]]$ .

**Есть ли способ проще?**

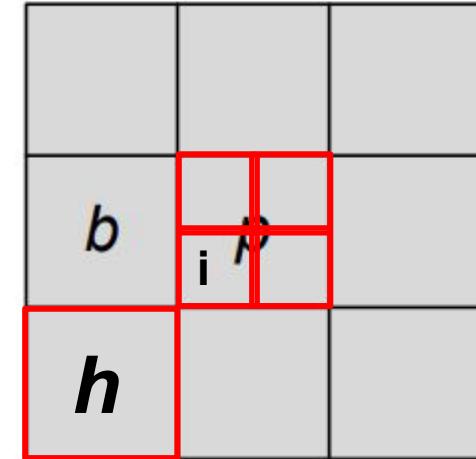
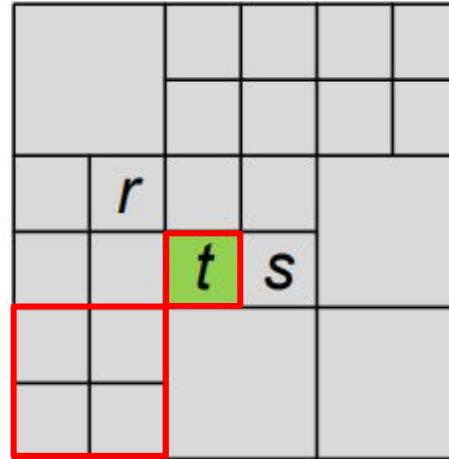
# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)

1	3
0	2

2	5	8
1	4	7
0	3	6

```
LUTparent[4][9] = {  
    {0, 1, 1, 3, 4, 4, 3, 4, 4},  
    {1, 1, 2, 4, 4, 5, 4, 4, 5},  
    {3, 4, 4, 3, 4, 4, 6, 7, 7},  
    {4, 4, 5, 4, 4, 5, 7, 7, 8} };
```

```
LUTchild[4][9] = {  
    {3, 2, 3, 1, 0, 1, 3, 2, 3},  
    {2, 3, 2, 0, 1, 0, 2, 3, 2},  
    {1, 0, 1, 3, 2, 3, 1, 0, 1},  
    {0, 1, 0, 2, 3, 2, 0, 1, 0} };
```



1) LUTparent: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ .

Пусть  $p.\text{children}[i] = t$ ,

Тогда  $\text{parent}(t.\text{neighs}[j]) = \text{LUTparent}[i][j]$ .

2) LUTchild: Пусть есть узел  $t$  чей родитель  $p$ .

Пусть  $\text{parent}(t.\text{neighs}[j]) = h$ ,

Тогда  $t.\text{neigh}[j] = h.\text{children}[\text{LUTchild}[i][j]]$ .

Можно бин. поиском по всем узлам найти... Нужно только ввести хоть какой-то порядок по узлам дерева, даже не обязательно Z-curve/Huber/Morton Codes.

# Октодеревья: соседи через Look Up Tables (LUT)

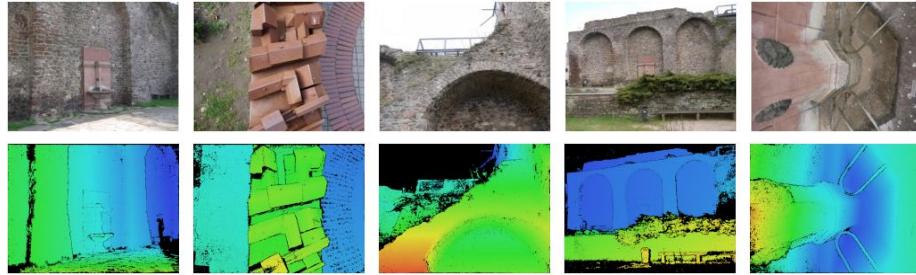
```
LUTparents = []
for iy in range(2):
    for ix in range(2):
        i = iy * 2 + ix

        parents = []
        for jy in range(3):
            for jx in range(3):
                j = jy * 3 + jx
                globalx, globaly = 2 + ix + (jx - 1), 2 + iy + (jy - 1)
                px, py = int(globalx // 2), int(globaly // 2)
                parents.append(py * 3 + px)

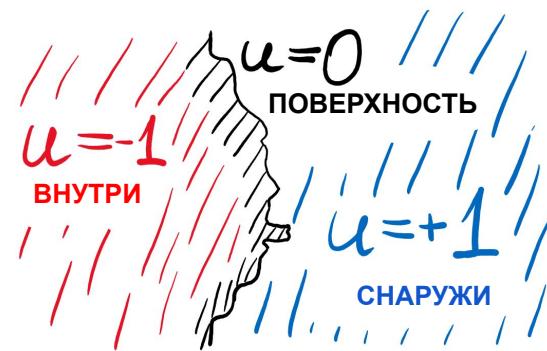
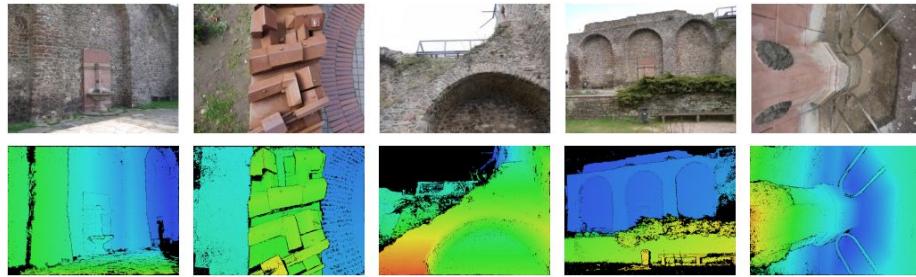
LUTparents.append(parents)

def LUTparent(i, j):
    ix, iy, iz = i % 2, (i // 2) % 2, (i // 4)
    jx, jy, jz = i % 3, (i // 3) % 3, (i // 9)
    globalx, globaly, globalz = ...
    px, py, pz = ...
    return pz * 3 * 3 + py * 3 + px
```

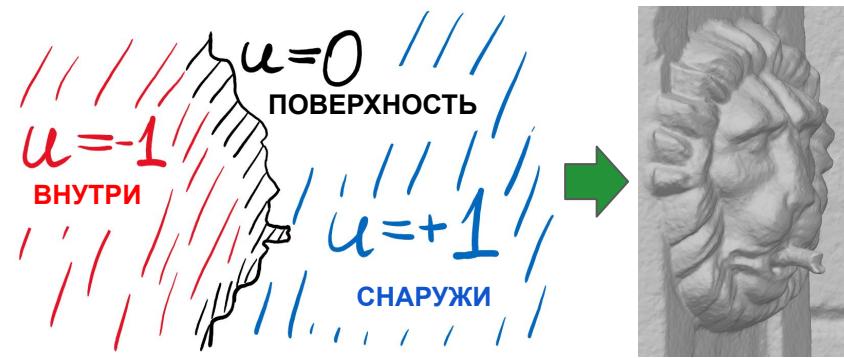
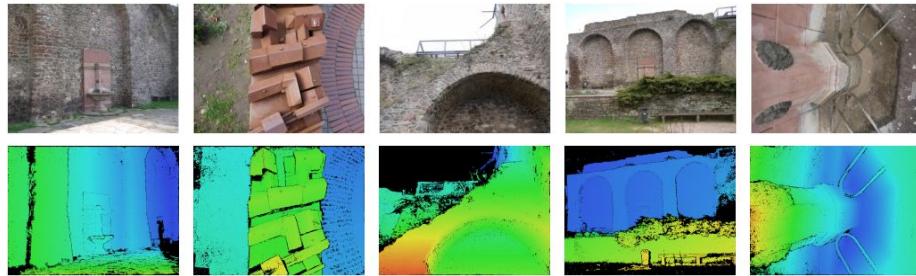
# Look Up Tables (LUT)



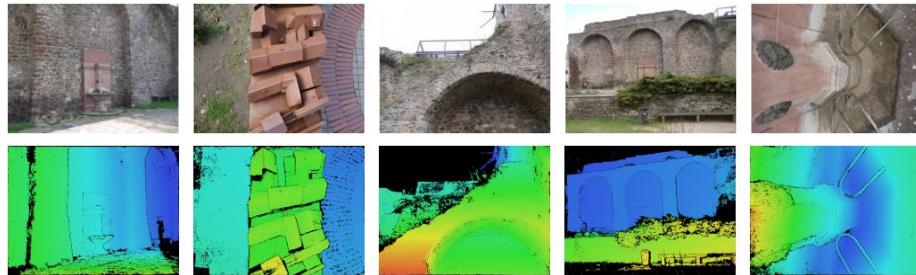
# Look Up Tables (LUT)



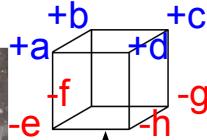
# Look Up Tables (LUT)



# Look Up Tables (LUT)

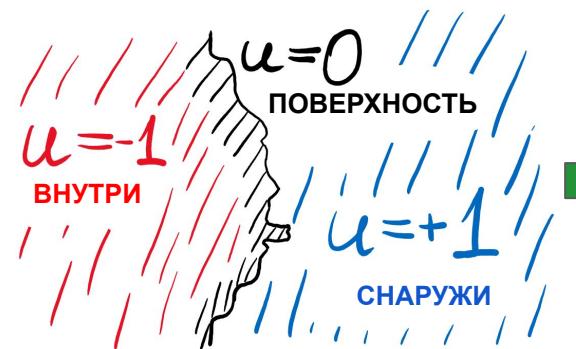


# Маршировка кубов

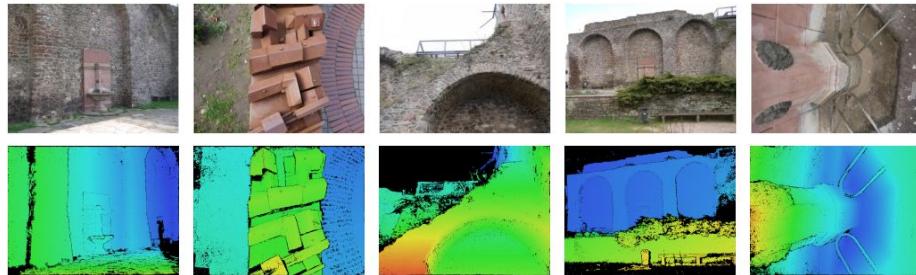


рассмотрим воксель нашего пространства

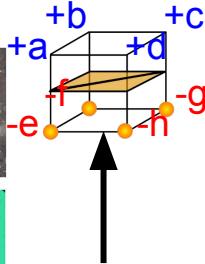
как зная индикаторное поле на его 8 углах  
понять где проходит поверхность?



# Look Up Tables (LUT)



# Маршировка кубов

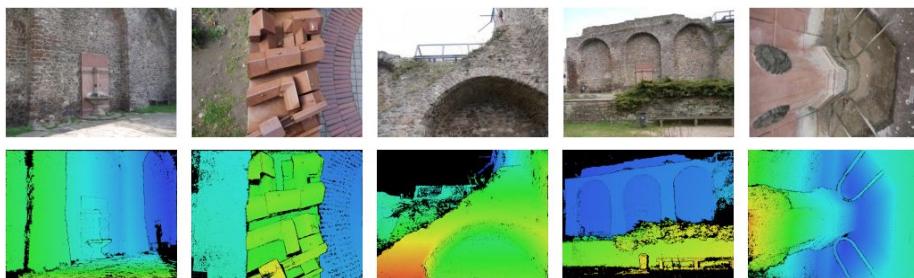


рассмотрим воксель нашего пространства

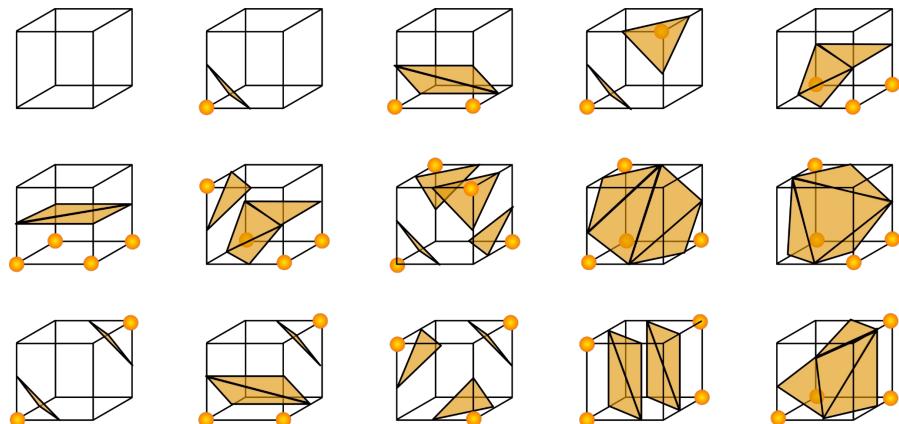
как зная индикаторное поле на его 8 углах  
понять где проходит поверхность?



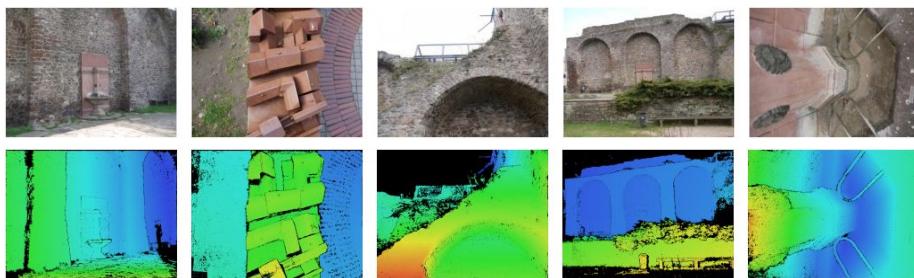
# Look Up Tables (LUT)



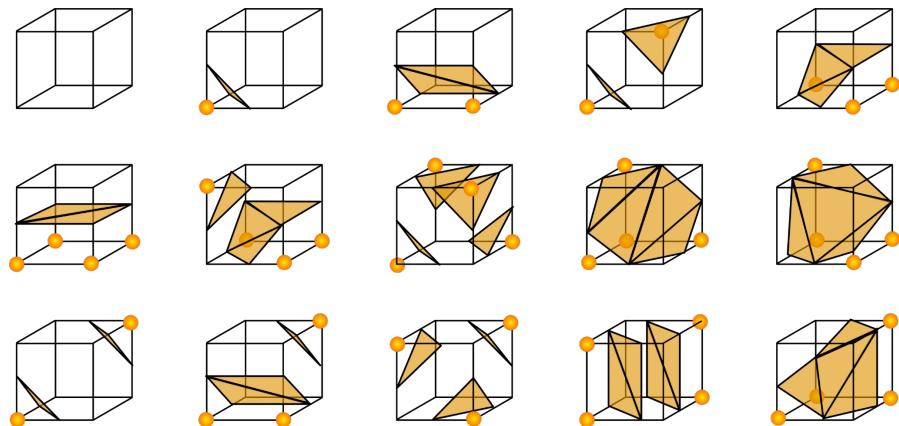
# Маршировка кубов



# Look Up Tables (LUT)

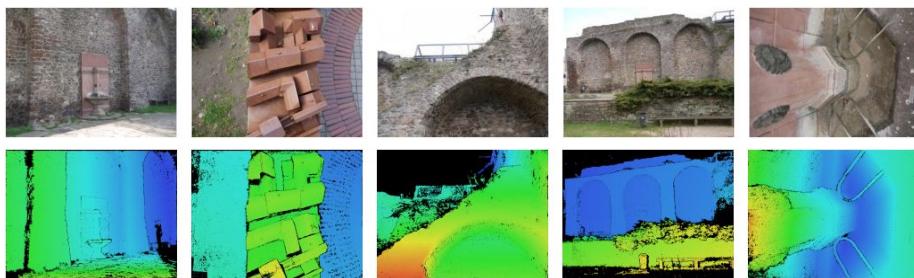


# Маршировка кубов

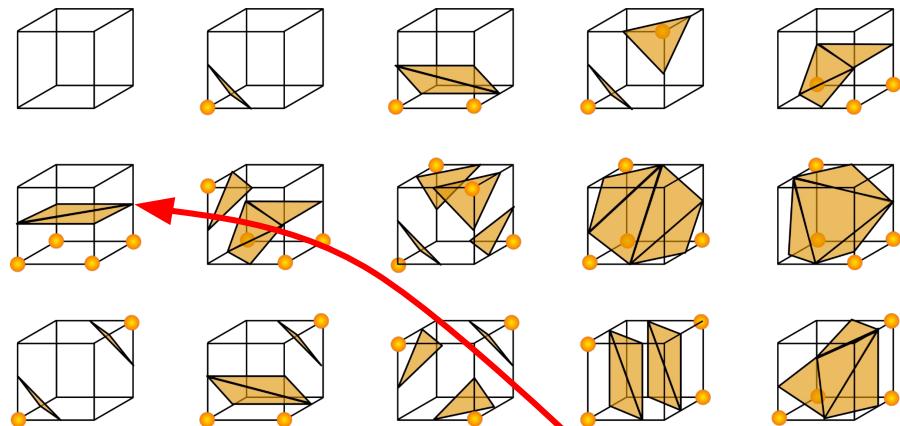


А сколько всего случаев?

# Look Up Tables (LUT)



# Маршировка кубов



А сколько всего случаев?

А где между углами вокселя ставить вершину?



CS Space  
Клуб технологий и науки

# Вопросы?

Vulkan

OpenCL™

NVIDIA  
CUDA



 [@UnicornGlade](https://t.me/UnicornGlade)

 [@PolarNick239](https://t.me/PolarNick239)

 [polarnick239@gmail.com](mailto:polarnick239@gmail.com)

 Николай Полярный

Activate Ubuntu  
Go to Settings to activate Ubuntu.

162