

# Вычисления на видеокартах

## Лекция 6

- Bitonic sort
- Radix sort
- Советы по отладке







### Task03: Умножение матриц на Tesla T4 (8141 GFlops)

- 🥇 [Mikhail Stulov](#) - МФТИ, TBank - **4802 GFlops**, OpenCL
- 🥈 [Хулиган Серега](#) - ИТМО - **4571 GFlops**, OpenCL
- 🥉 [Daniyar Salakhov](#) - ВШЭ - **3660 GFlops**, CUDA+WMMA

```
33     global_a_index = global_x * k + (z_shift + local_y);
34     global_b_index = (z_shift + local_x) * w + global_y;
35
36     if (global_a_index < h * k) {
37         local_data_a[local_index] = a[global_a_index];
38     } Write
39     if (global_b_index < k * w) {
40         local_data_b[local_index] = b[global_b_index];
41     }
42
43-----| barrier(CLK_LOCAL_MEM_FENCE); |-----|
44
45     if (global_index < h * w) {
46         for (int dz = 0; dz < GROUP_SIZE_X; dz++) {
47             res += local_data_a[local_x * GROUP_SIZE_X + dz] * local_data_b[dz * GROUP_SIZE_X + local_y];
48         } Read
49     }
```

Есть ли **WAR** гонка?  
**(Write After Read)**

```
33     global_a_index = global_x * k + (z_shift + local_y);
34     global_b_index = (z_shift + local_x) * w + global_y;
35
36     if (global_a_index < h * k) {
37         local_data_a[local_index] = a[global_a_index];
38     } Write
39     if (global_b_index < k * w) {
40         local_data_b[local_index] = b[global_b_index];
41     }
42
43     barrier(CLK_LOCAL_MEM_FENCE);
44
45     if (global_index < h * w) {
46         for (int dz = 0; dz < GROUP_SIZE_X; dz++) {
47             res += local_data_a[local_x * GROUP_SIZE_X + dz] * local_data_b[dz * GROUP_SIZE_X + local_y];
48         } Read
49     }
```

Есть ли **WAR** гонка?  
(**Write After Read**)

Есть ли **RAW** гонка?  
(**Read After Write**)

```

31     float res = 0;
32     for (int z_shift = 0; z_shift < k; z_shift += GROUP_SIZE_X) {
33         global_a_index = global_x * k + (z_shift + local_y);
34         global_b_index = (z_shift + local_x) * w + global_y;
35
36         if (global_a_index < h * k) {
37             local_data_a[local_index] = a[global_a_index];
38         } Write
39         if (global_b_index < k * w) {
40             local_data_b[local_index] = b[global_b_index];
41         }
42
43         barrier(CLK_LOCAL_MEM_FENCE);
44
45         if (global_index < h * w) {
46             for (int dz = 0; dz < GROUP_SIZE_X; dz++) {
47                 res += local_data_a[local_x * GROUP_SIZE_X + dz] * local_data_b[dz * GROUP_SIZE_X + local_y];
48             } Read
49         }
50     }
51     c[global_index] = res;
52 }

```

Есть ли **WAR** гонка?  
(**Write After Read**)

Есть ли **RAW** гонка?  
(**Read After Write**)

```
31 float res = 0;
32 for (int z_shift = 0; z_shift < k; z_shift += GROUP_SIZE_X) {
33     global_a_index = global_x * k + (z_shift + local_y);
34     global_b_index = (z_shift + local_x) * w + global_y;
35
36     if (global_a_index < h * k) {
37         local_data_a[local_index] = a[global_a_index];
38     } Write
39     if (global_b_index < k * w) {
40         local_data_b[local_index] = b[global_b_index];
41     }
42
43     barrier(CLK_LOCAL_MEM_FENCE);
44
45     if (global_index < h * w) {
46         for (int dz = 0; dz < GROUP_SIZE_X; dz++) {
47             res += local_data_a[local_x * GROUP_SIZE_X + dz] * local_data_b[dz * GROUP_SIZE_X + local_y];
48         } Read
49     }
50 }
51 c[global_index] = res;
52 }
```

Есть ли **WAR** гонка?  
(**Write After Read**)

Есть ли **RAW** гонка?  
(**Read After Write**)

```
31 float res = 0;
32 for (int z_shift = 0; z_shift < k; z_shift += GROUP_SIZE_X) {
33     global_a_index = global_x * k + (z_shift + local_y);
34     global_b_index = (z_shift + local_x) * w + global_y;
35
36     if (global_a_index < h * k) {
37         local_data_a[local_index] = a[global_a_index];
38     } Write
39     if (global_b_index < k * w) {
40         local_data_b[local_index] = b[global_b_index];
41     }
42
43     barrier(CLK_LOCAL_MEM_FENCE);
44
45     if (global_index < h * w) {
46         for (int dz = 0; dz < GROUP_SIZE_X; dz++) {
47             res += local_data_a[local_x * GROUP_SIZE_X + dz] * local_data_b[dz * GROUP_SIZE_X + local_y];
48         } Read
49     }
50 }
51 c[global_index] = res;
52 }
```

Есть ли **WAR** гонка?  
(**Write After Read**)

Есть ли **RAW** гонка?  
(**Read After Write**)

Как исправить?

```
31 float res = 0;
32 for (int z_shift = 0; z_shift < k; z_shift += GROUP_SIZE_X) {
33     global_a_index = global_x * k + (z_shift + local_y);
34     global_b_index = (z_shift + local_x) * w + global_y;
35
36     if (global_a_index < h * k) {
37         local_data_a[local_index] = a[global_a_index];
38     } Write
39     if (global_b_index < k * w) {
40         local_data_b[local_index] = b[global_b_index];
41     }
42
43     barrier(CLK_LOCAL_MEM_FENCE);
44
45     if (global_index < h * w) {
46         for (int dz = 0; dz < GROUP_SIZE_X; dz++) {
47             res += local_data_a[local_x * GROUP_SIZE_X + dz] * local_data_b[dz * GROUP_SIZE_X + local_y];
48         } Read
49     }
50 }
51 c[global_index] = res;
52 }
```

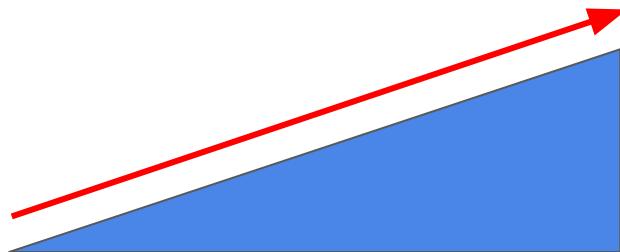
Есть ли **WAR** гонка?  
(**Write After Read**)

Есть ли **RAW** гонка?  
(**Read After Write**)

Как исправить?

**barrier!**

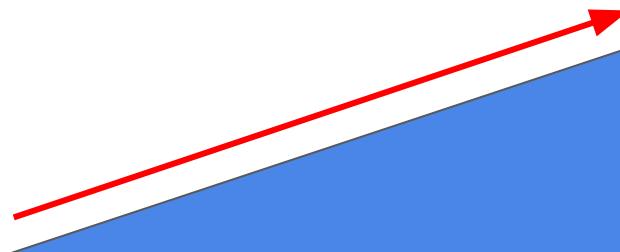
# Bitonic sort



1 3 5 19 134 567 999

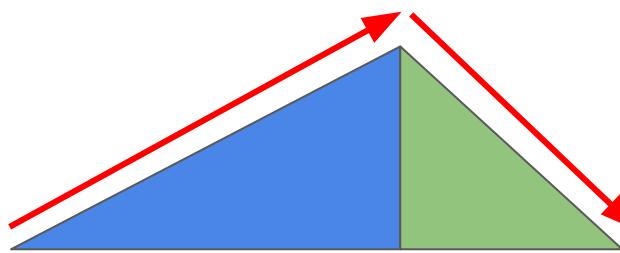
- монотонная последовательность

# Bitonic sort



1 3 5 19 134 567 999

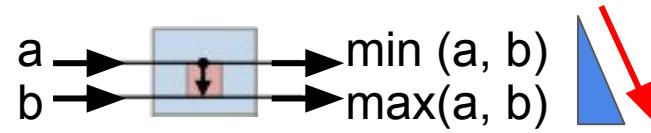
- монотонная последовательность



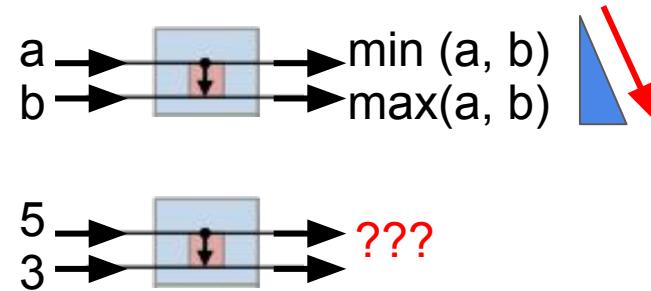
1 4 9 45 239 200 50 3

- битоническая последовательность (bitonic)

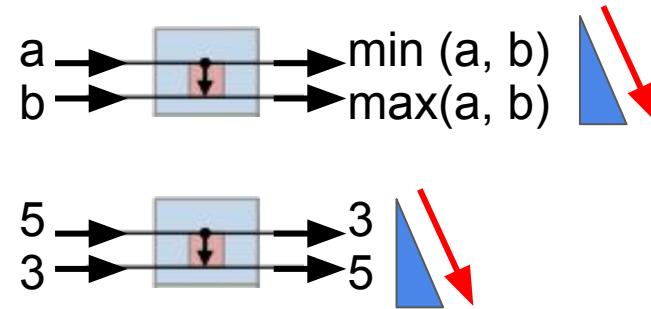
# Bitonic sort



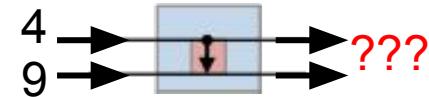
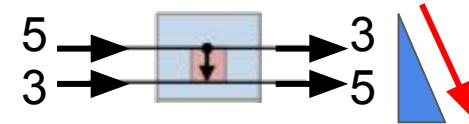
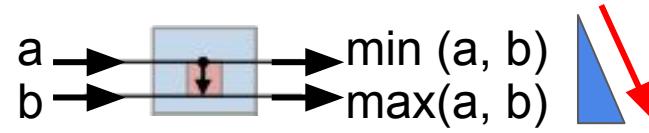
# Bitonic sort



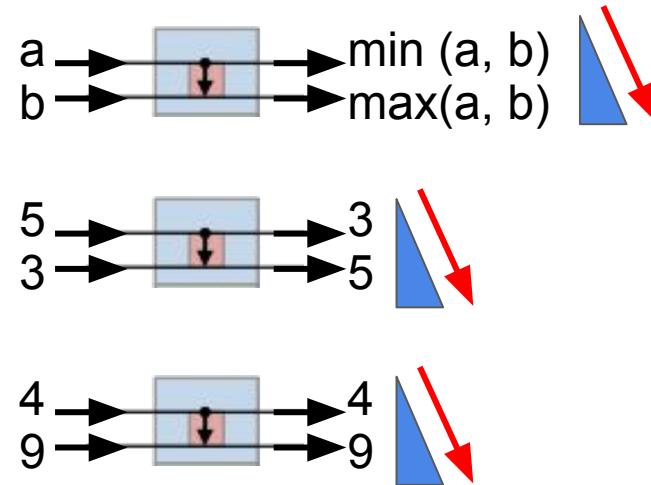
# Bitonic sort



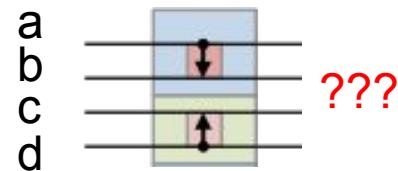
# Bitonic sort



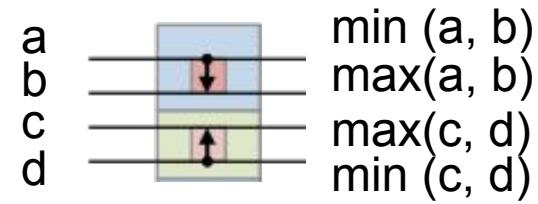
# Bitonic sort



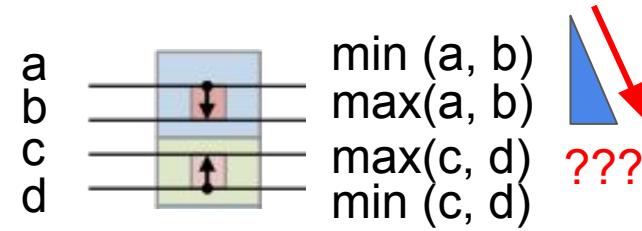
# Bitonic sort



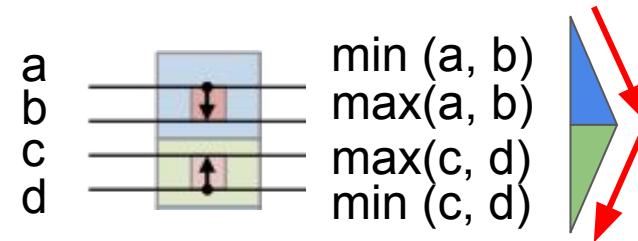
# Bitonic sort



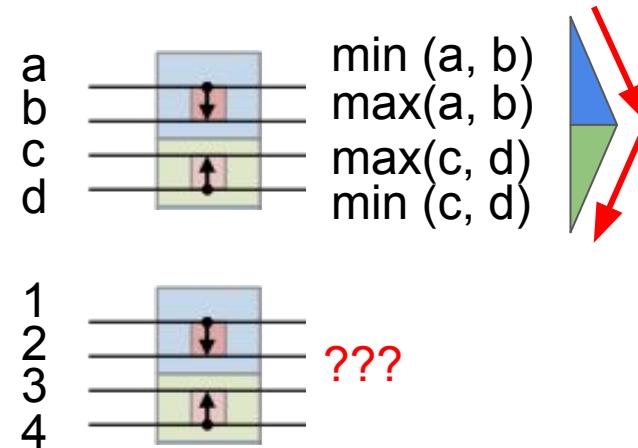
# Bitonic sort



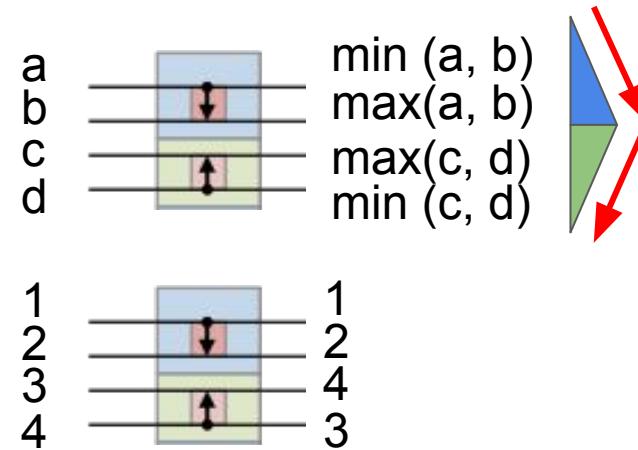
# Bitonic sort



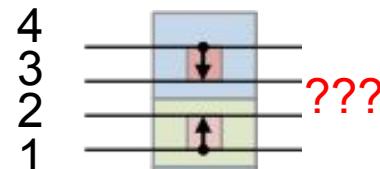
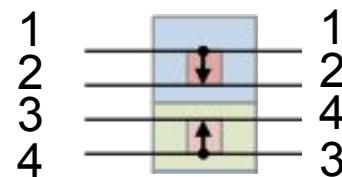
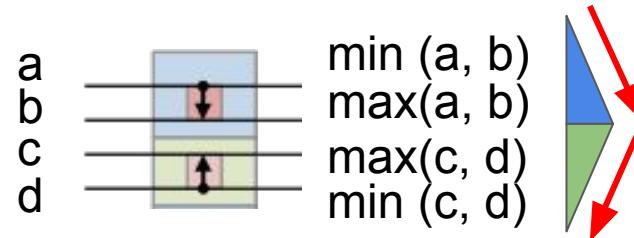
# Bitonic sort



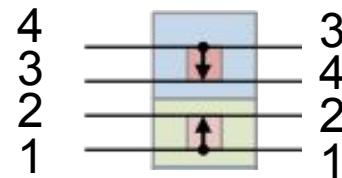
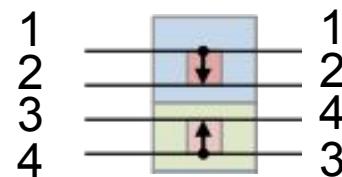
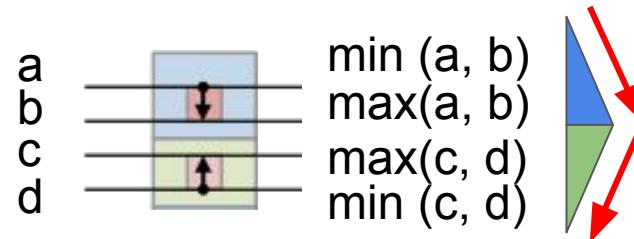
# Bitonic sort



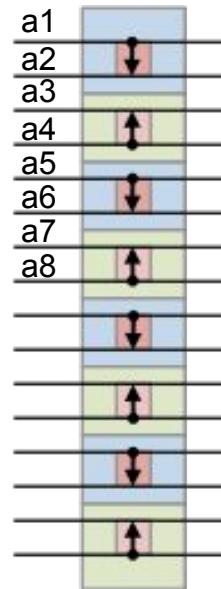
# Bitonic sort



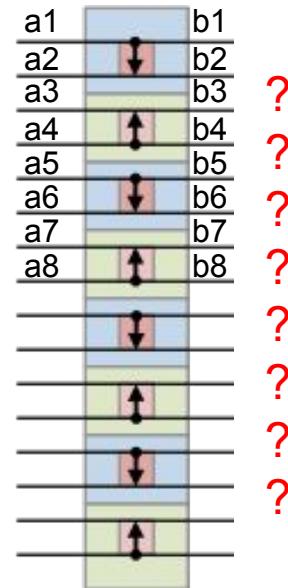
# Bitonic sort



# Bitonic sort



# Bitonic sort



?

?

?

?

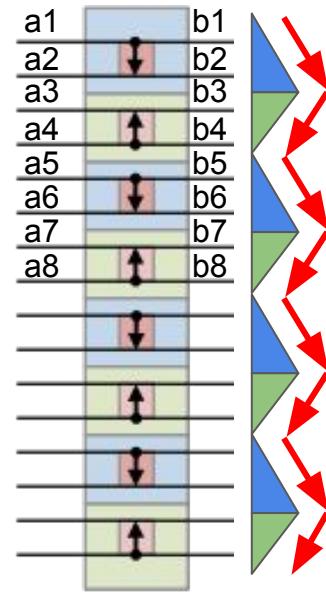
?

?

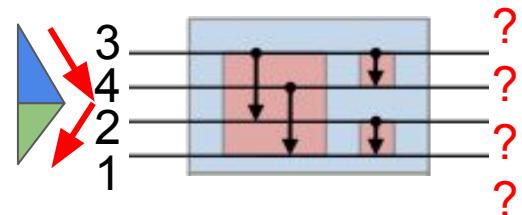
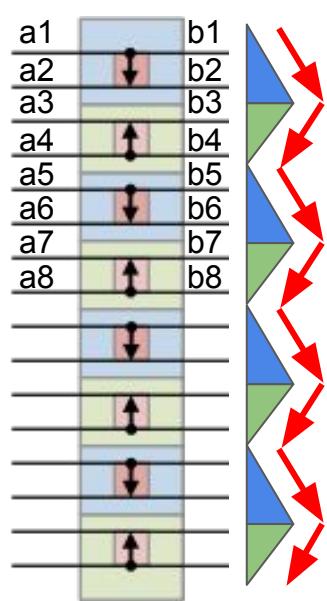
?

?

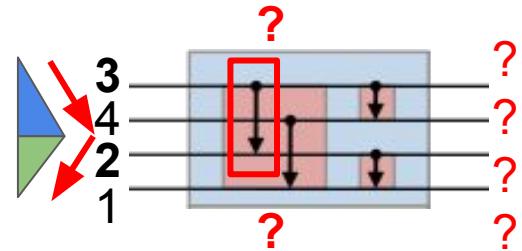
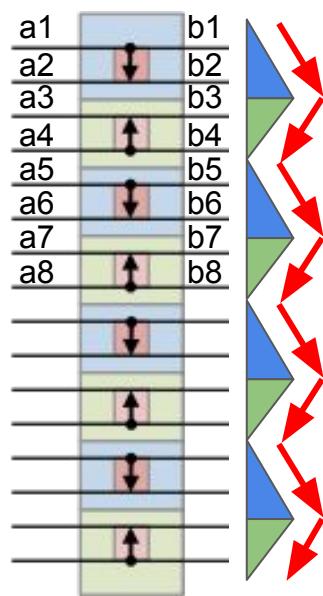
# Bitonic sort



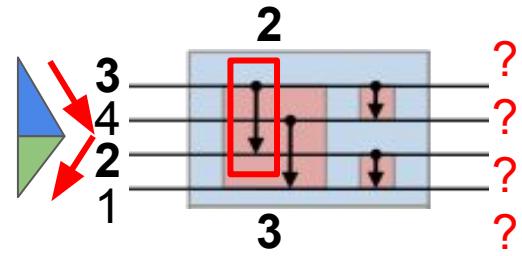
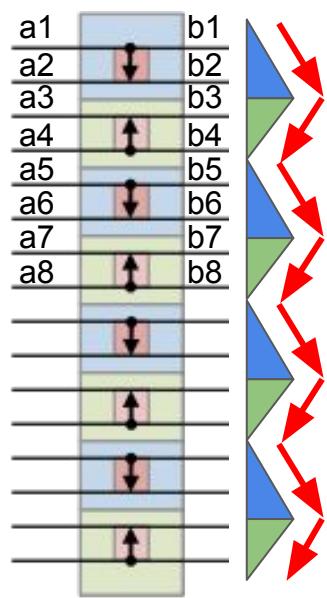
# Bitonic sort



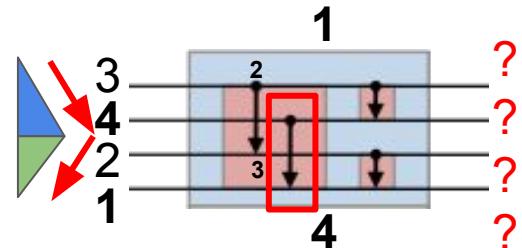
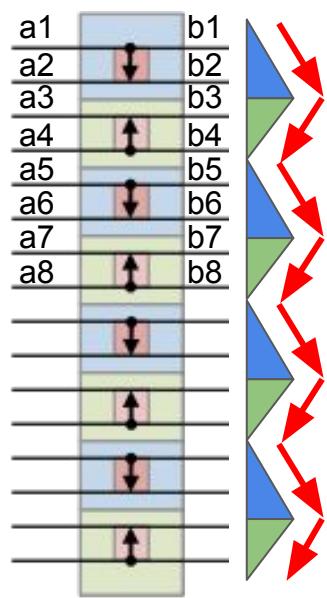
# Bitonic sort



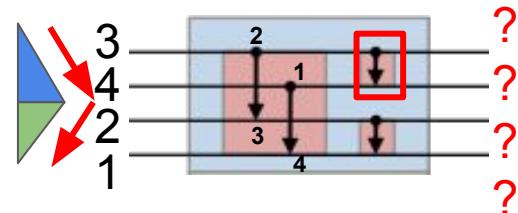
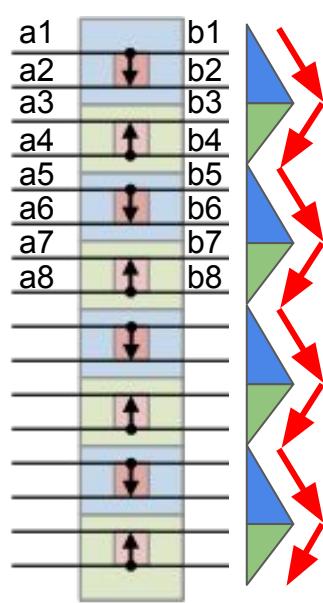
# Bitonic sort



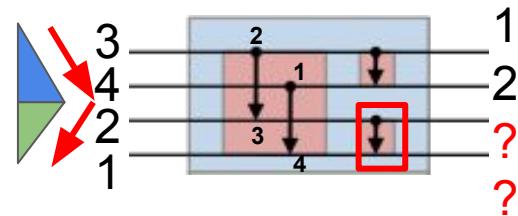
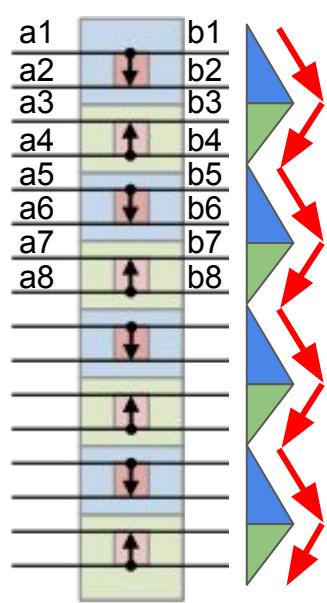
# Bitonic sort



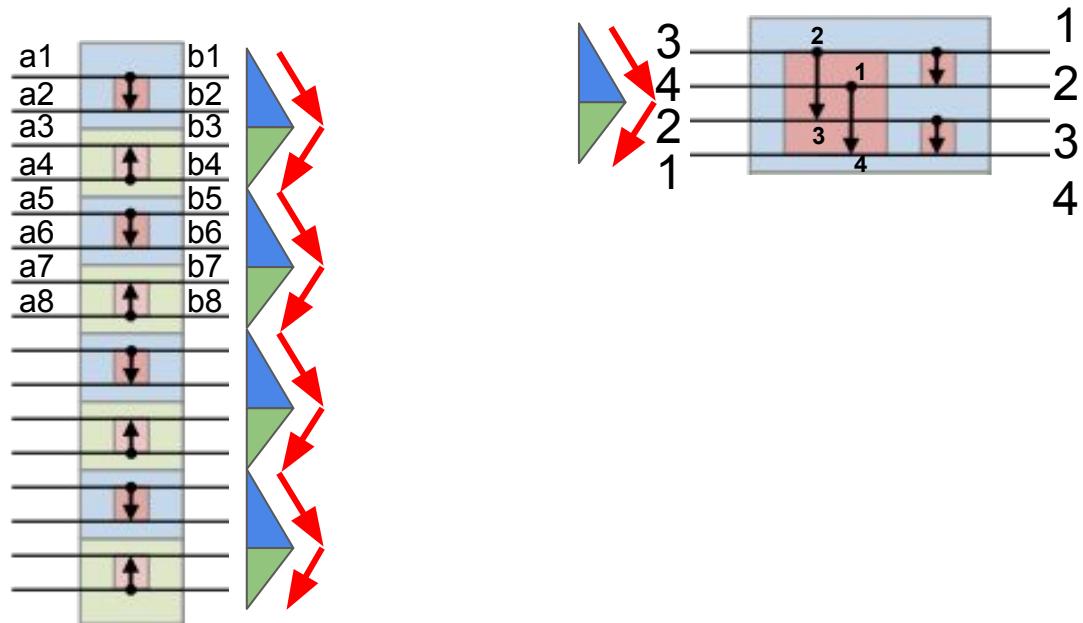
# Bitonic sort



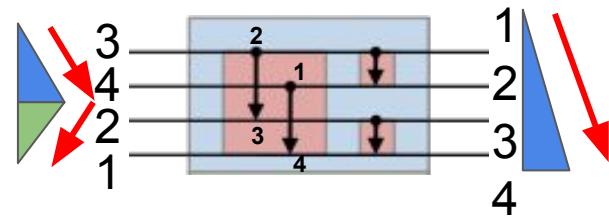
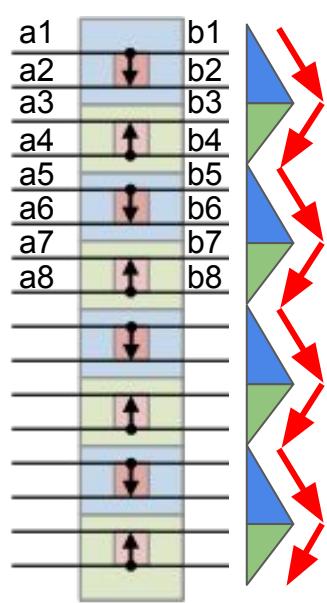
# Bitonic sort



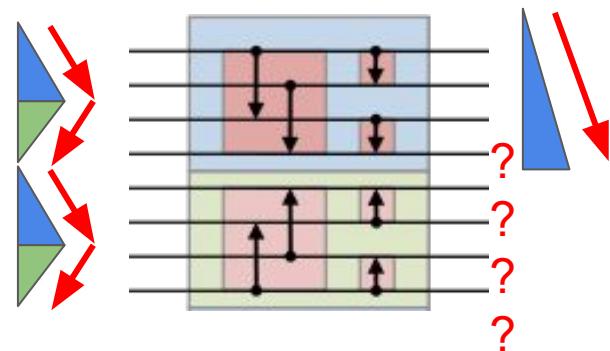
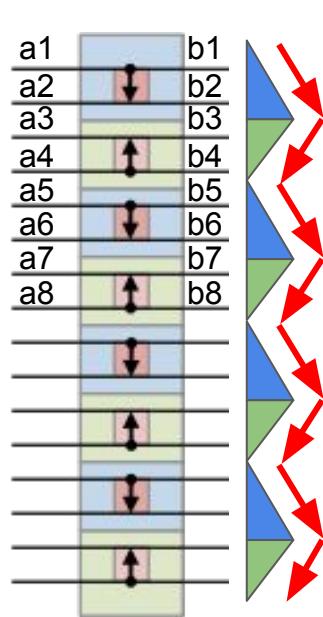
# Bitonic sort



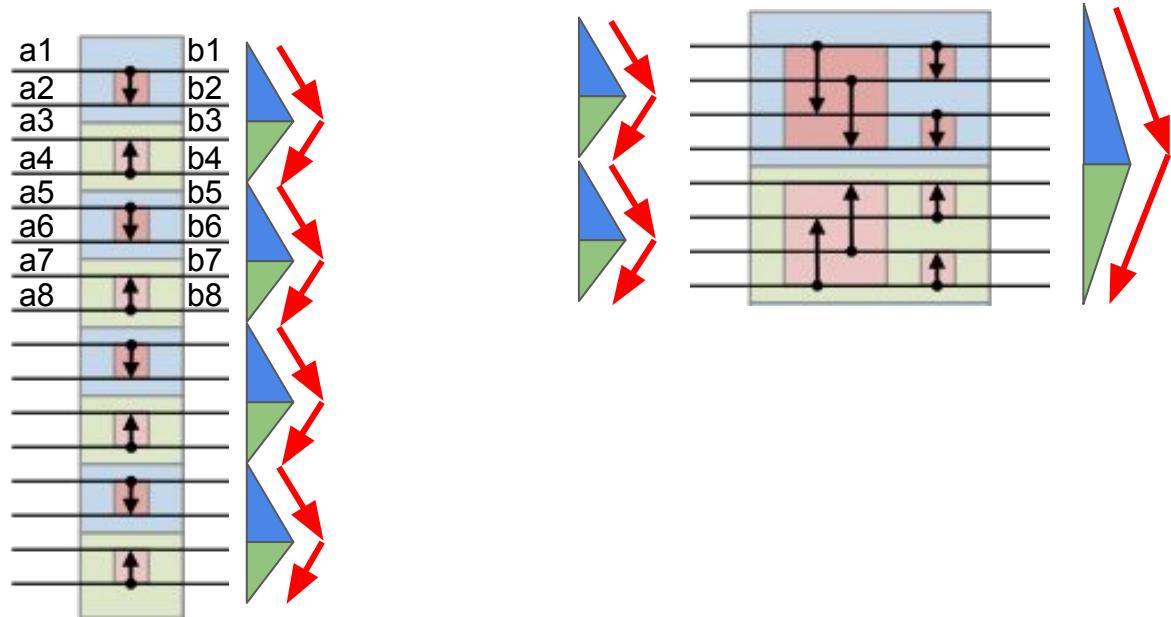
# Bitonic sort



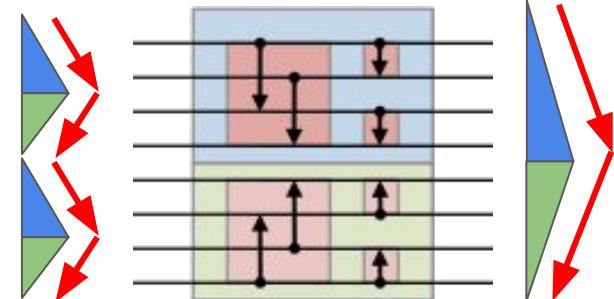
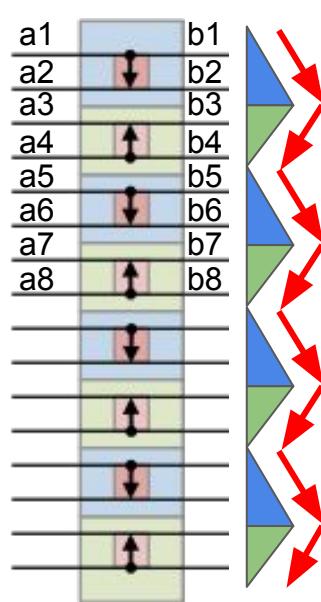
# Bitonic sort



# Bitonic sort

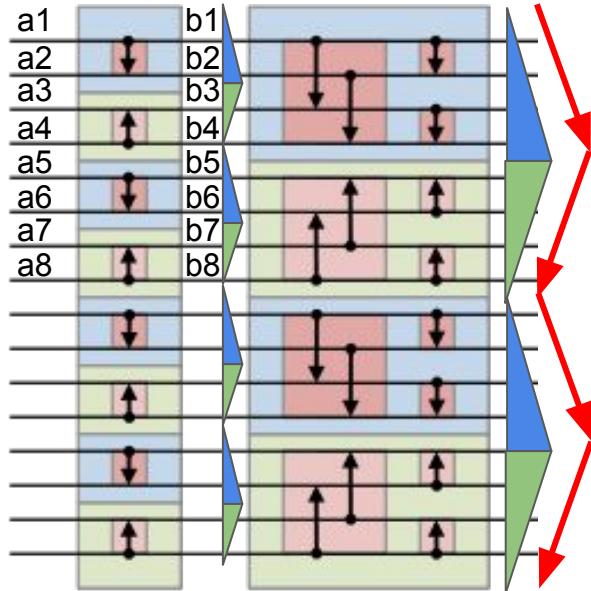


# Bitonic sort

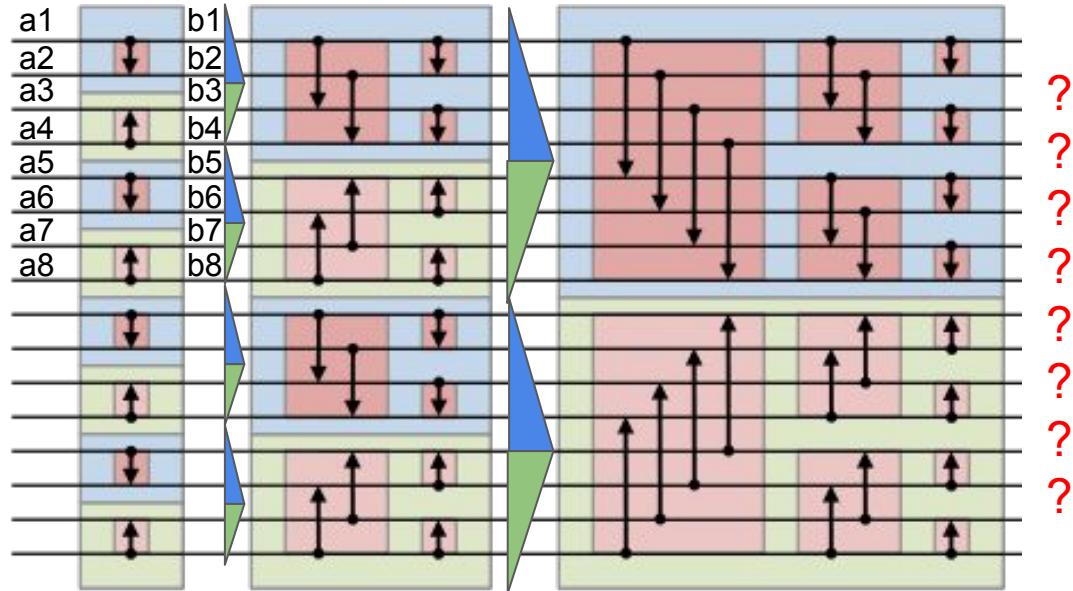


Есть ли идеи как сделать сортировочную сеть?

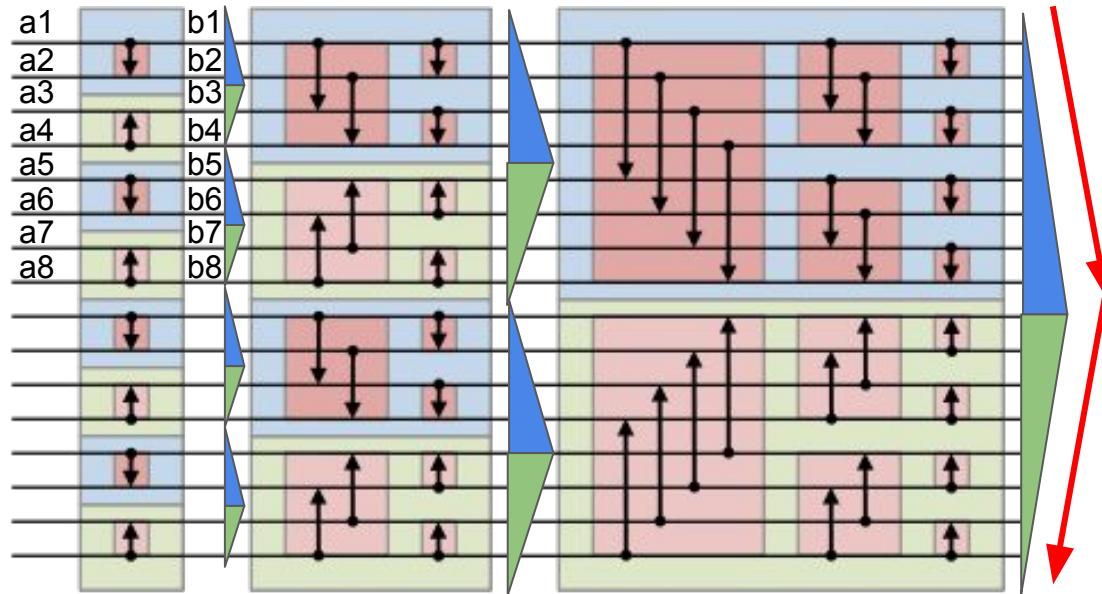
# Bitonic sort



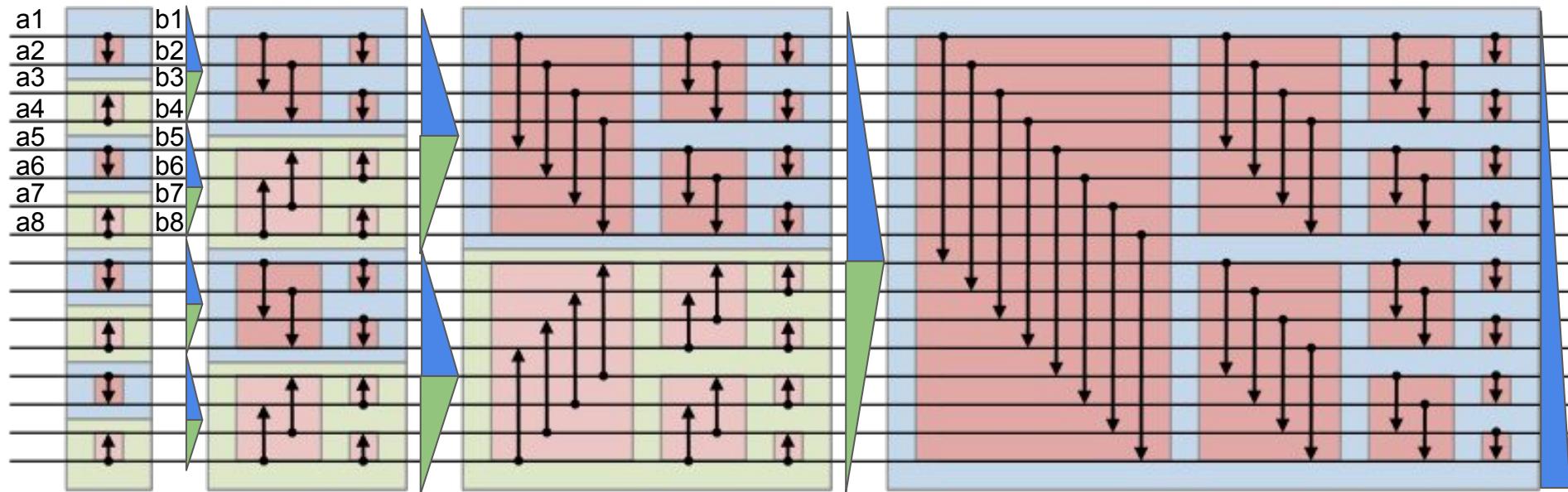
# Bitonic sort



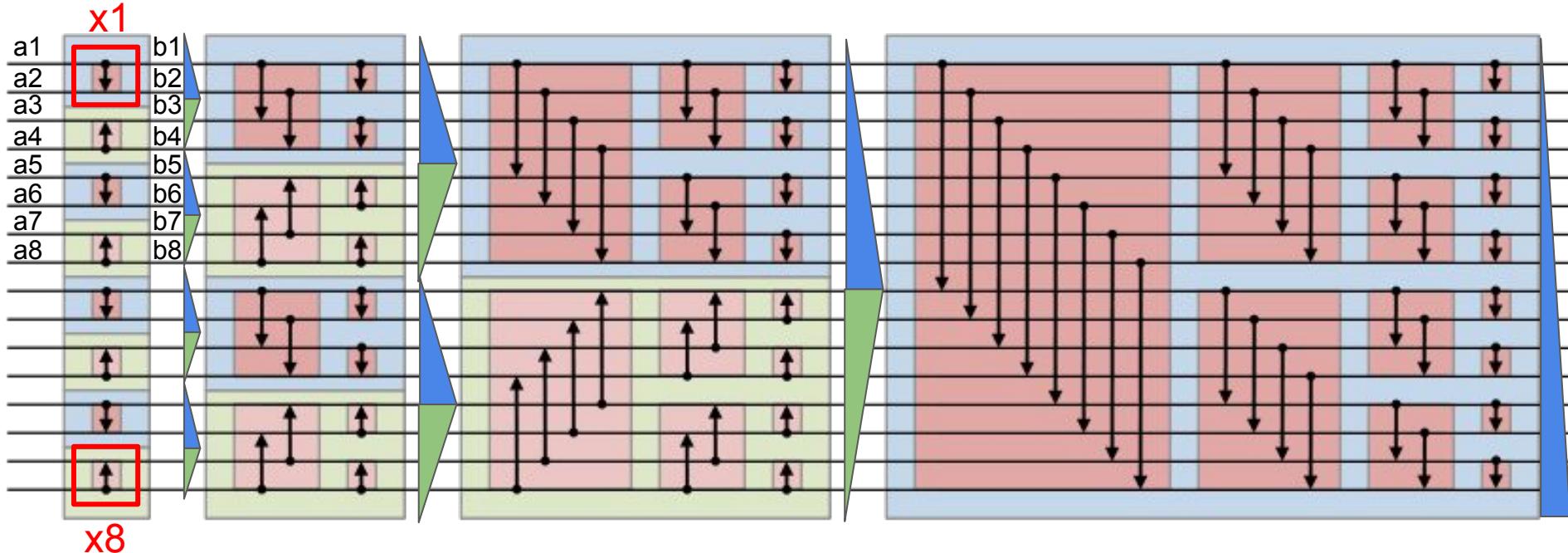
# Bitonic sort



# Bitonic sort

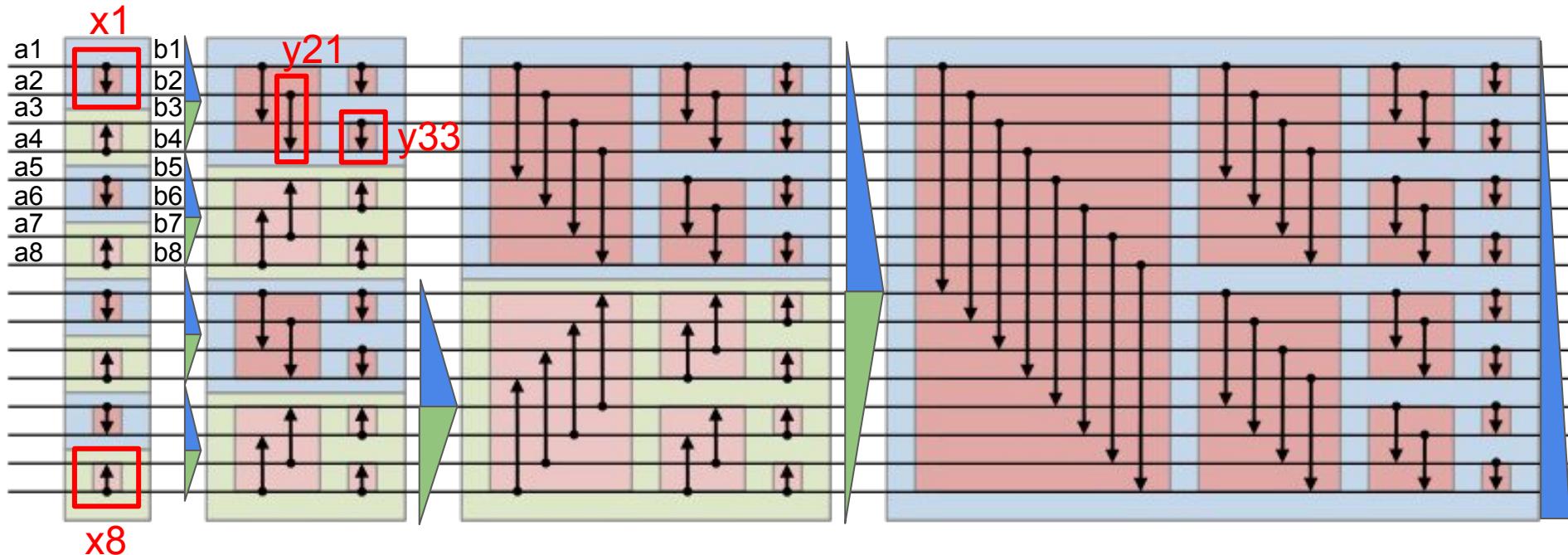


# Bitonic sort



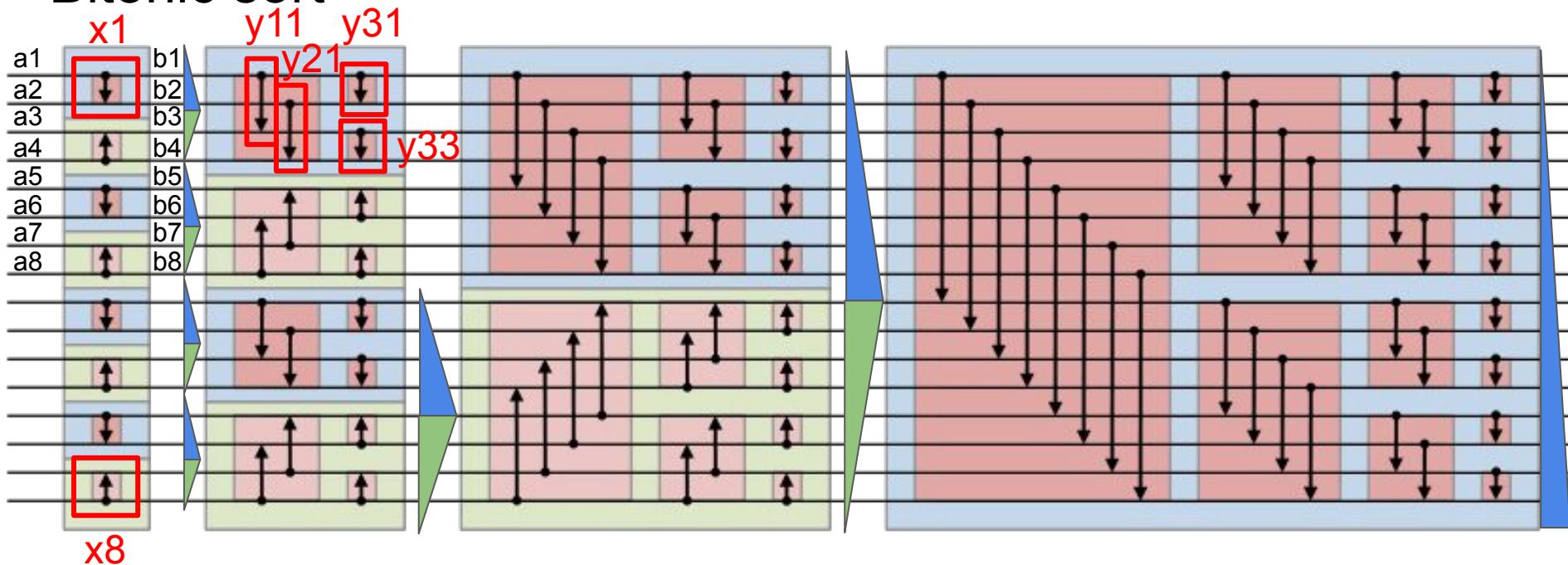
Какие операции можно делать параллельно между собой?

## Bitonic sort



Какие операции можно делать параллельно между собой?

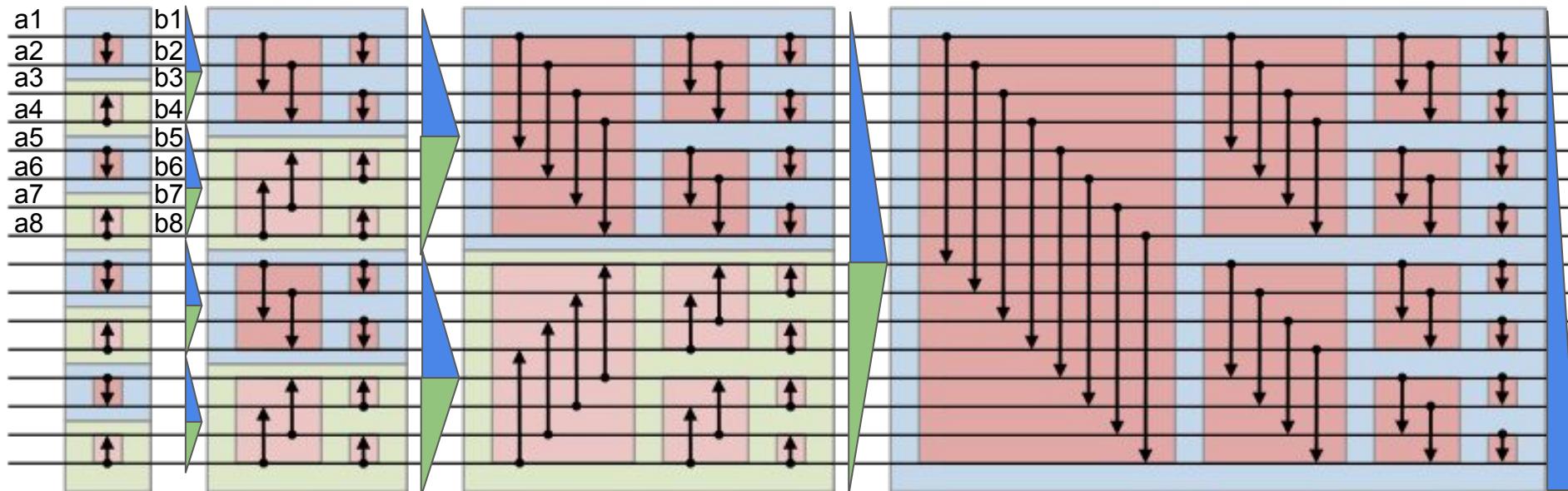
## Bitonic sort



Какие операции можно делать параллельно между собой?

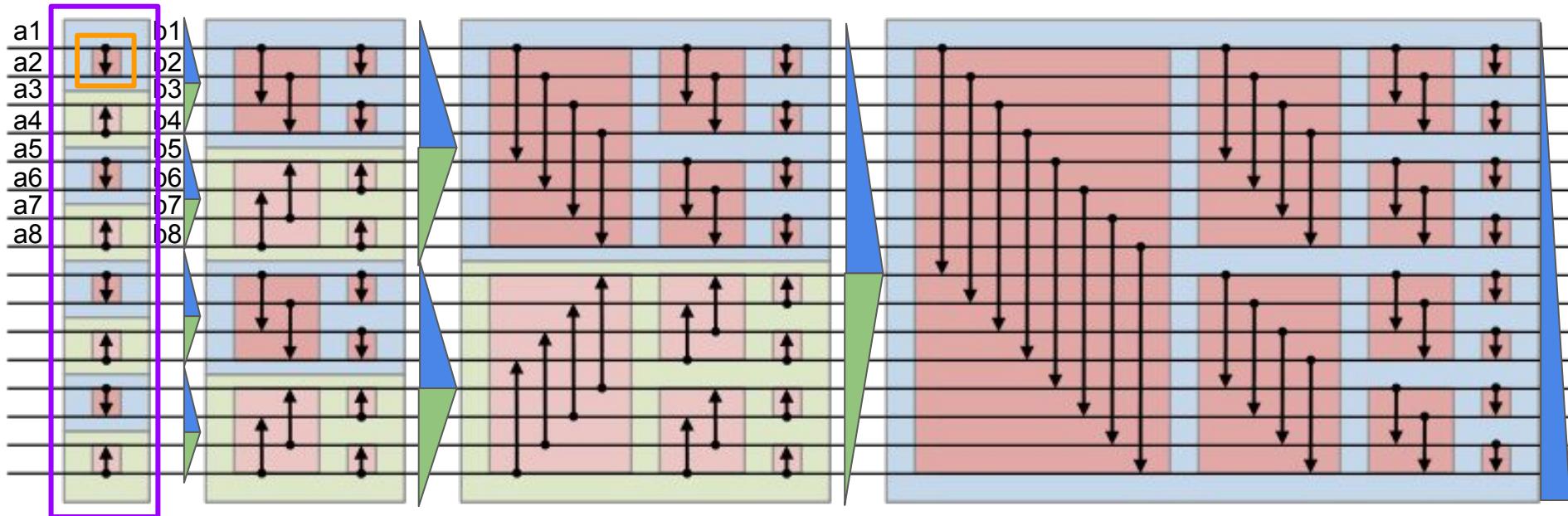
# Bitonic sort

Как это реализовать в модели массового параллелизма?  
Что делает **один WorkItem**? Что делает **один кернел**?



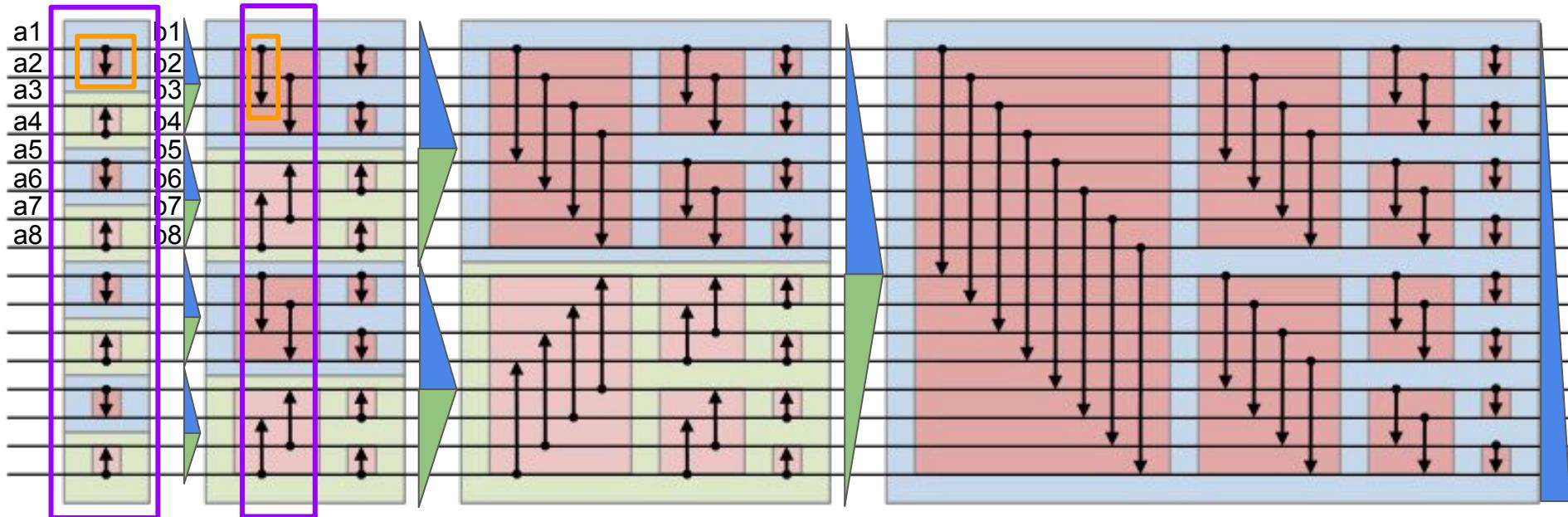
# Bitonic sort

Как это реализовать в модели массового параллелизма?  
Что делает **один WorkItem**? Что делает **один кернел**?



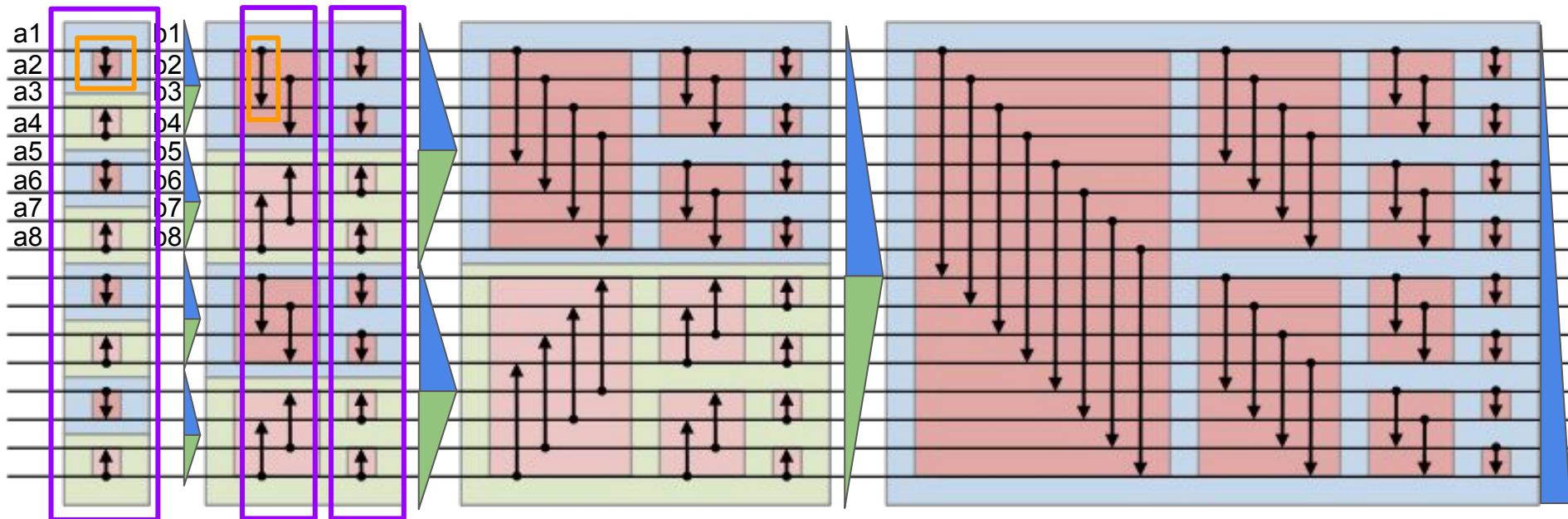
# Bitonic sort

Как это реализовать в модели массового параллелизма?  
Что делает **один WorkItem**? Что делает **один кернел**?



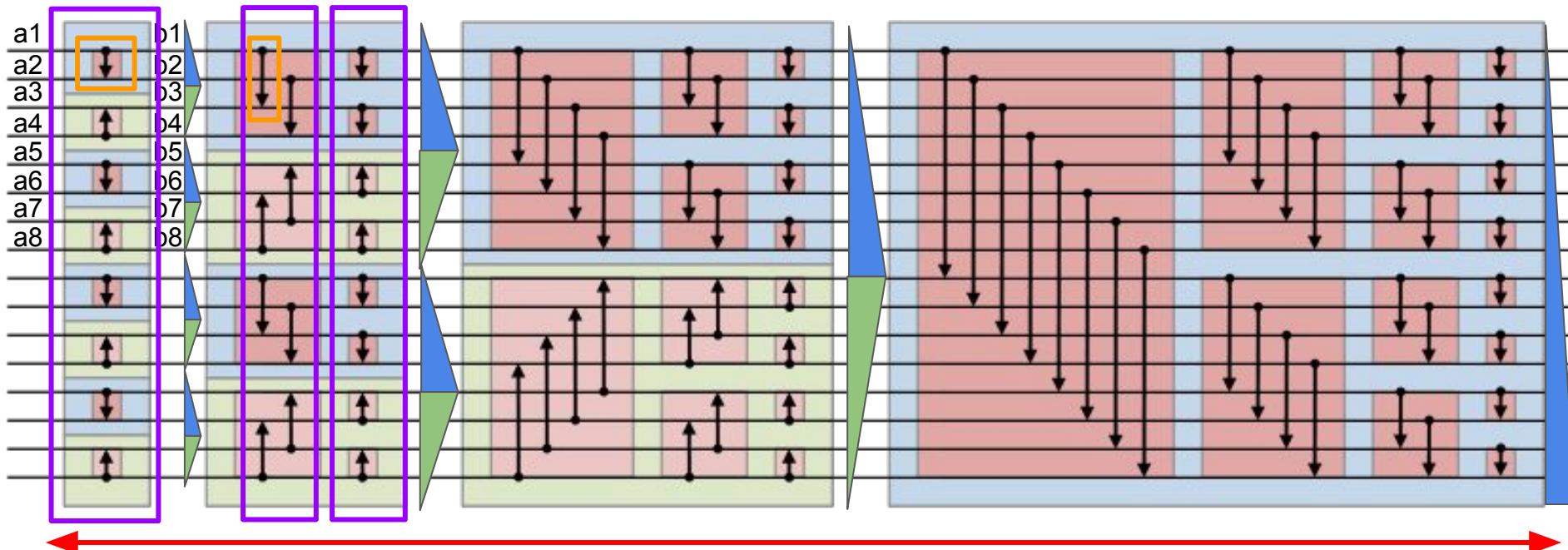
# Bitonic sort

Как это реализовать в модели массового параллелизма?  
Что делает **один WorkItem**? Что делает **один кернел**?



## Bitonic sort

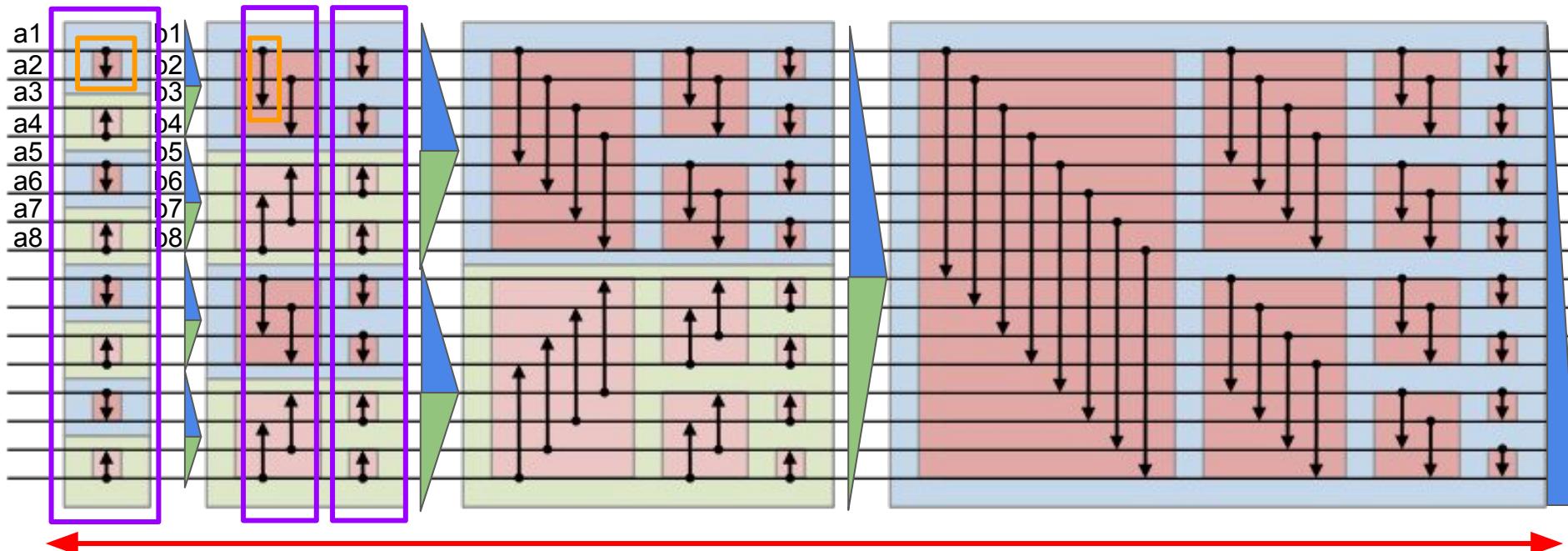
Как это реализовать в модели массового параллелизма?  
Что делает **один WorkItem**? Что делает **один кернел**?



Сколько раз читаем весь массив?

## Bitonic sort

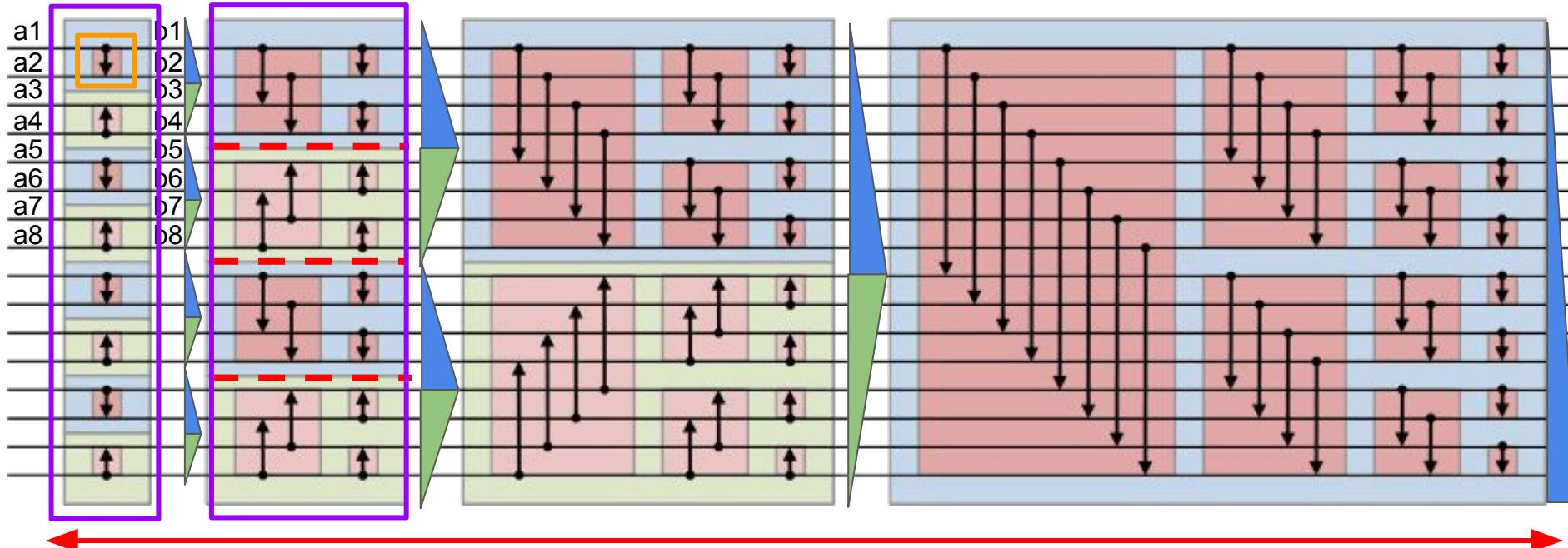
Как это реализовать в модели массового параллелизма?  
Что делает **один WorkItem**? Что делает **один кернел**?



Сколько раз читаем весь массив? Можно лучше?

## Bitonic sort

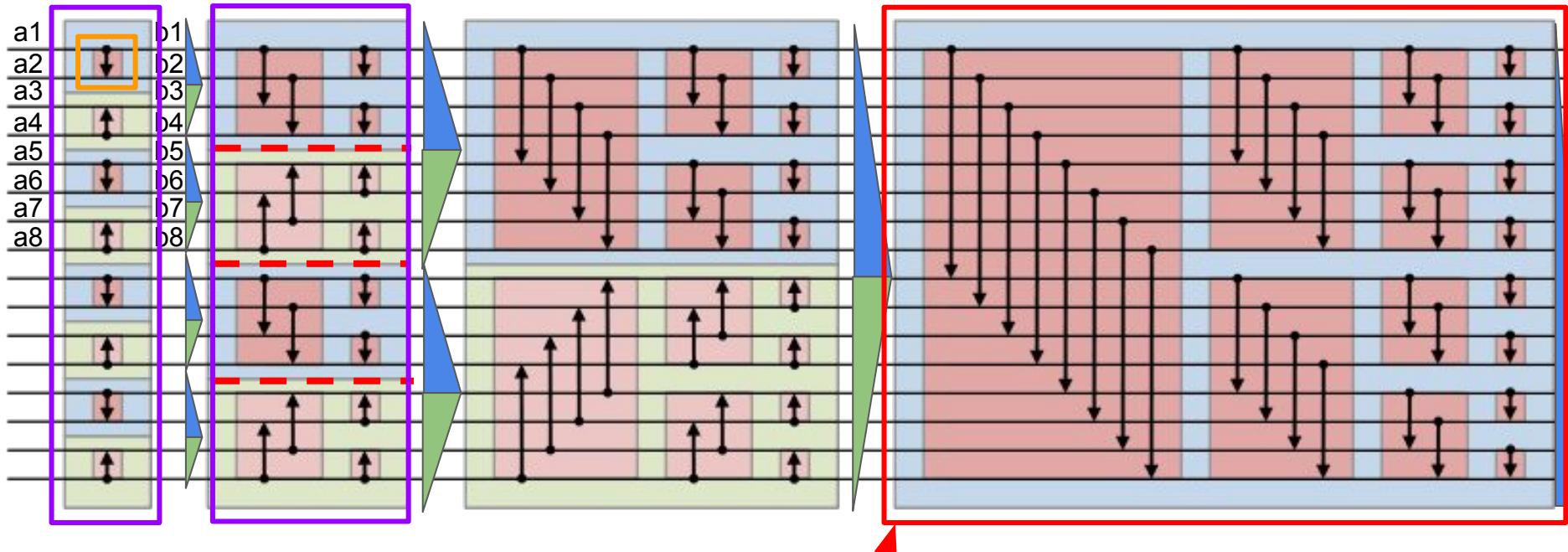
Как это реализовать в модели массового параллелизма?  
Что делает **один WorkItem**? Что делает **один кернел**?



Сколько раз читаем весь массив? Можно лучше?  
Частичная сортировка в локальной памяти!

# Bitonic sort

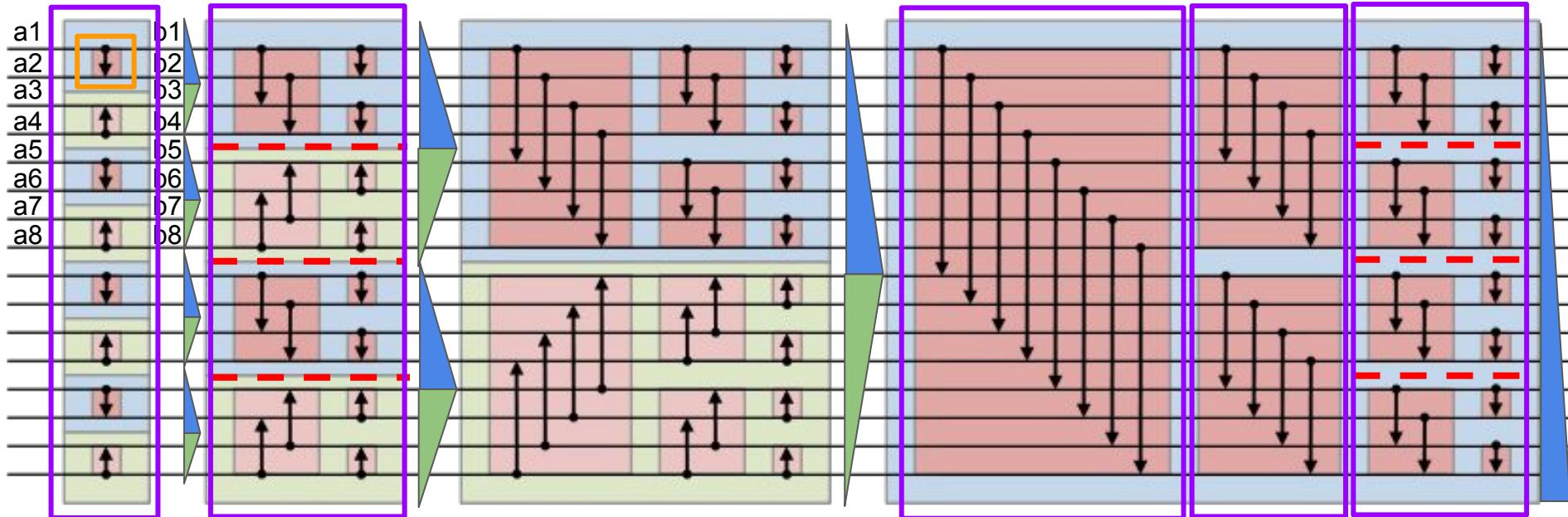
Как это реализовать в модели массового параллелизма?  
Что делает **один WorkItem**? Что делает **один кернел**?



В последнем синем блоке влезает ли в локальную память?

# Bitonic sort

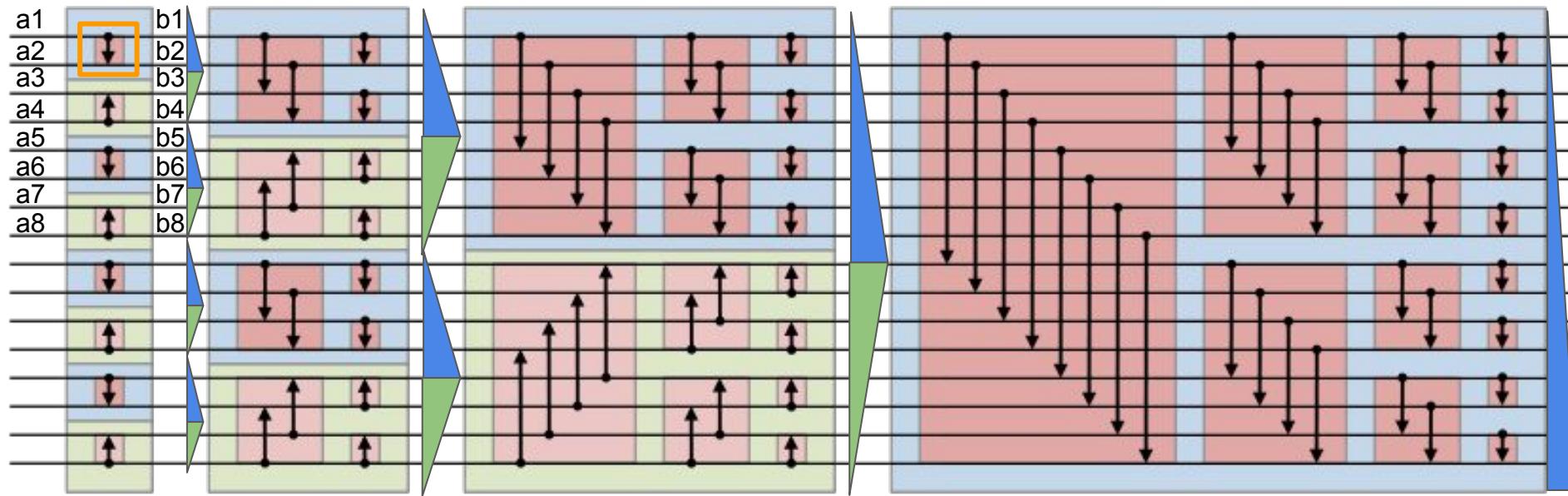
Как это реализовать в модели массового параллелизма?  
Что делает **один WorkItem**? Что делает **один кернел**?



В последнем синем блоке влезает ли в локальную память?

# Bitonic sort

Как это реализовать в модели массового параллелизма?  
Что делает **один WorkItem**? Что делает **один кернел**?

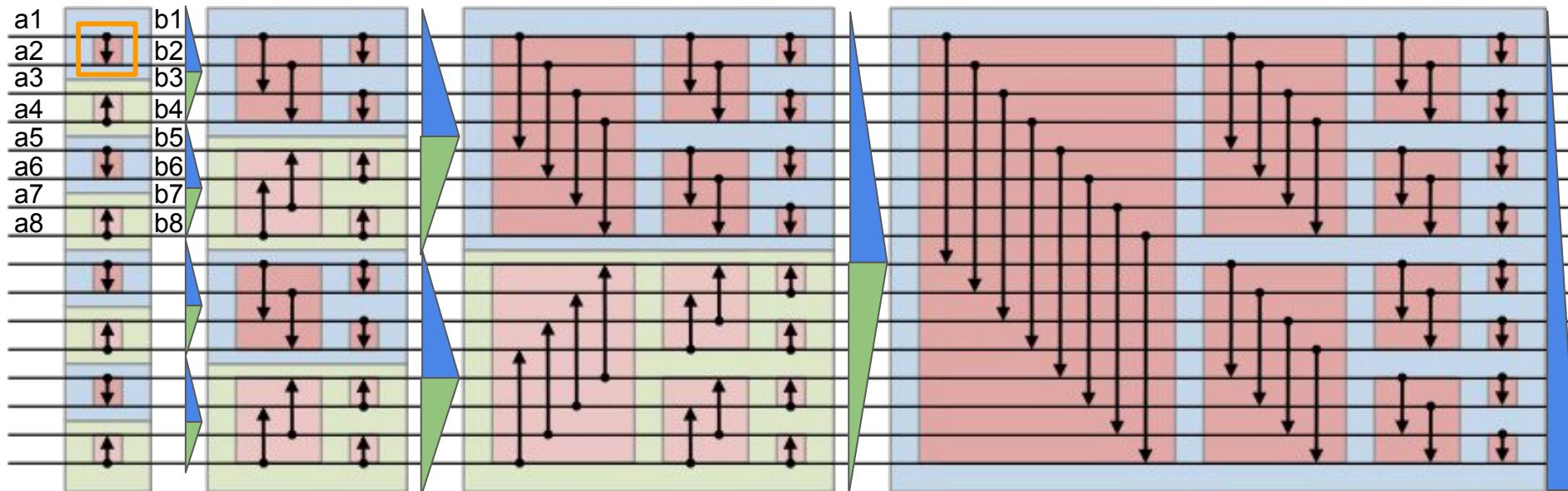


Сколько всего сравнений?

Какое количество красных подблоков?

# Bitonic sort

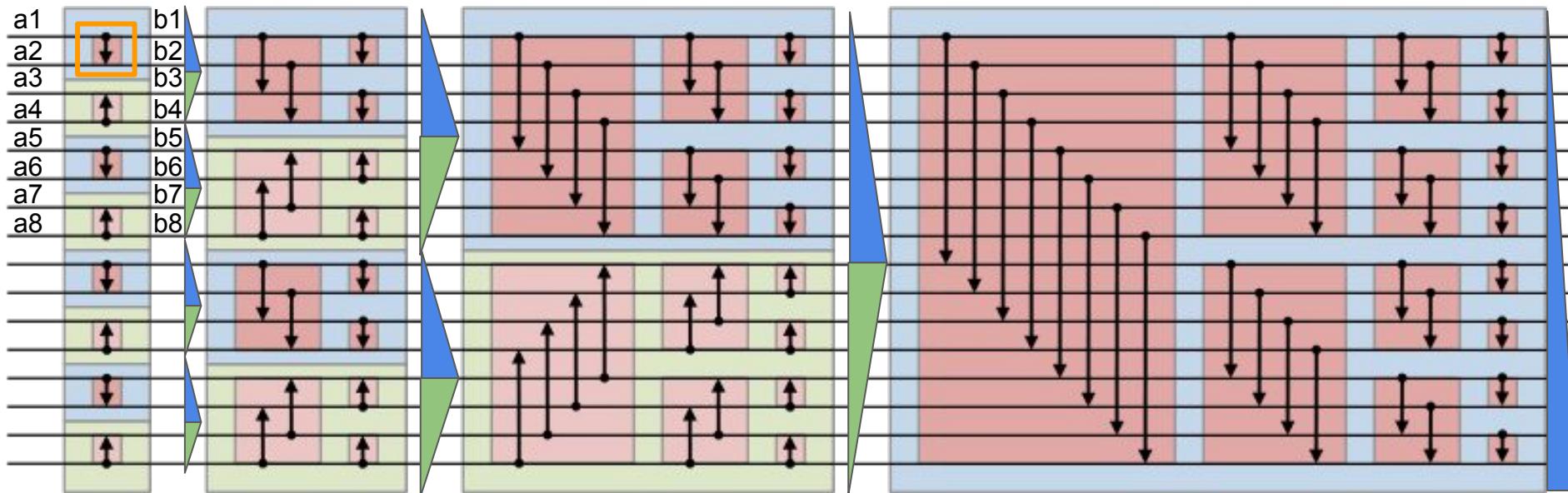
Как это реализовать в модели массового параллелизма?  
Что делает **один WorkItem**? Что делает **один кернел**?



Сколько всего сравнений?  $O(N * \log N * \log N)$

# Bitonic sort

Как это реализовать в модели массового параллелизма?  
Что делает **один WorkItem**? Что делает **один кернел**?

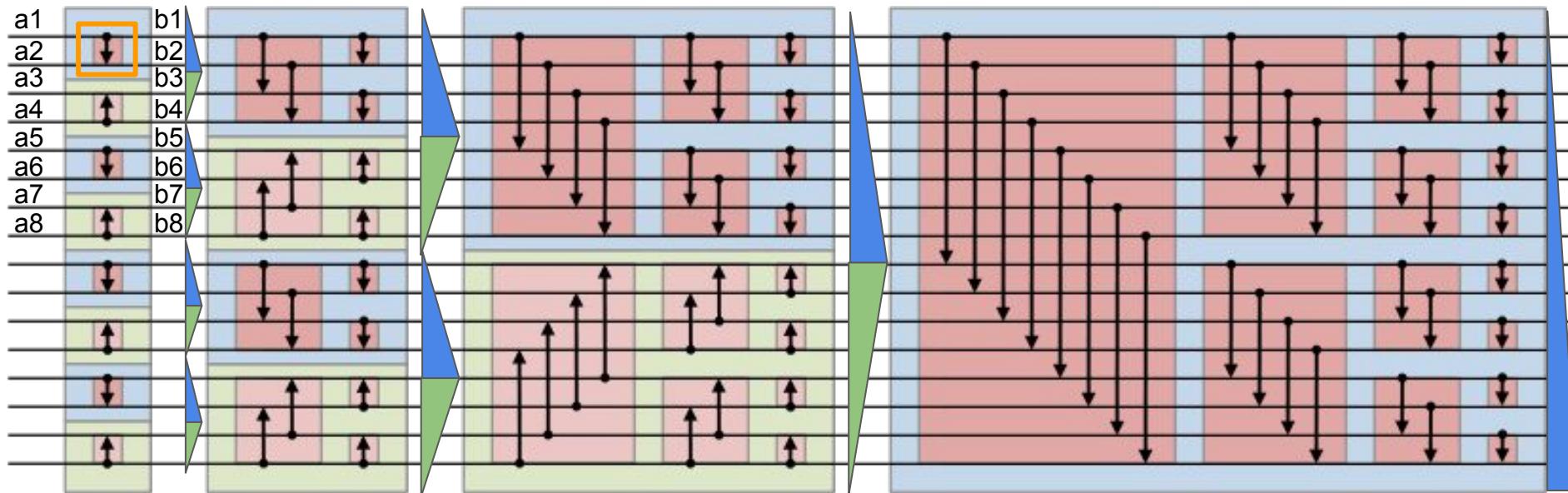


Сколько всего сравнений?  $O(N * \log N * \log N)$

Какая итого скорость?  $O(N * \log N * \log N)???$

# Bitonic sort

Как это реализовать в модели массового параллелизма?  
Что делает **один WorkItem**? Что делает **один кернел**?



Сколько всего сравнений?  $O(N * \log N * \log N)$

Какая итого скорость?  $O(N * \log N * \log N / K)$

# Radix sort (поразрядная сортировка)

4  
13  
1  
3  
4  
5  
10  
0

# Radix sort (поразрядная сортировка)

4 

0	1	0	0
---	---	---	---

13

1

3

4

5

10

0

# Radix sort (поразрядная сортировка)

4 

0	1	0	0
---	---	---	---

13 

1	1	0	1
---	---	---	---

1

3

4

5

10

0

# Radix sort (поразрядная сортировка)

4	0	1	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
4	0	1	0	0
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0

# Radix sort (поразрядная сортировка)



# Radix sort (поразрядная сортировка)

4	0	1	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
4	0	1	0	0
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0

По какому разряду сортировать сначала?  
По какому разряду сортировать в конце?

5	0	1	0	1
10	1	0	1	0

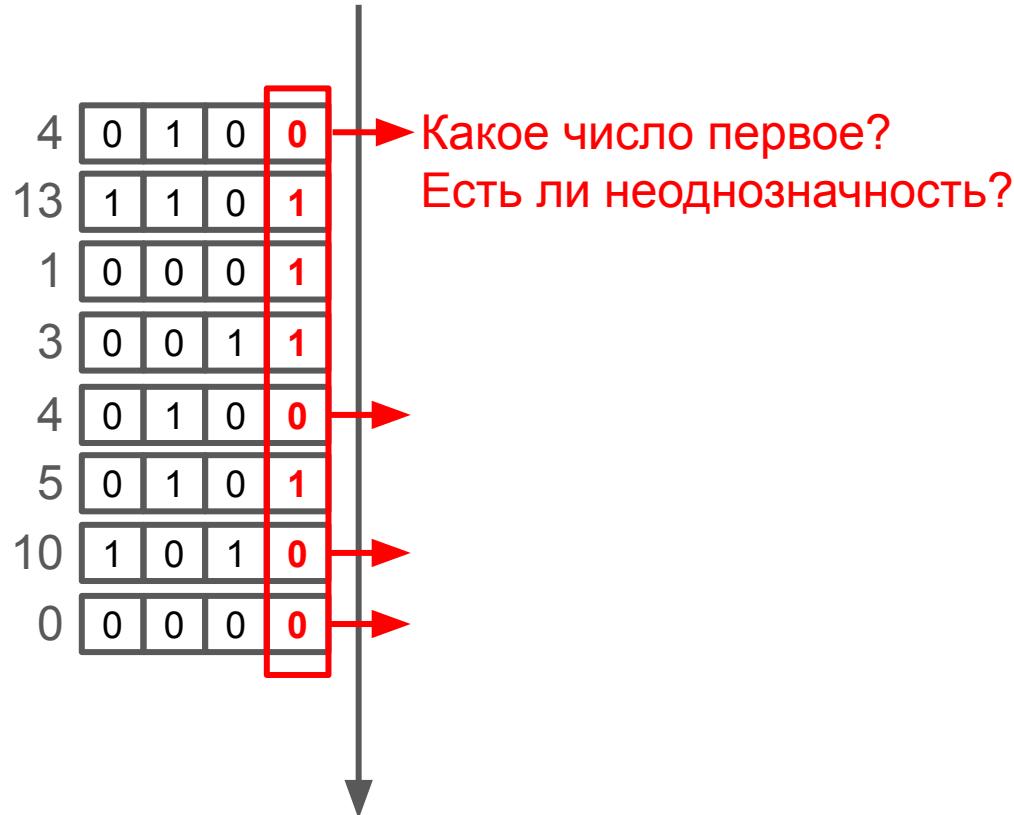
# Radix sort (поразрядная сортировка)

4	0	1	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
4	0	1	0	0
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0

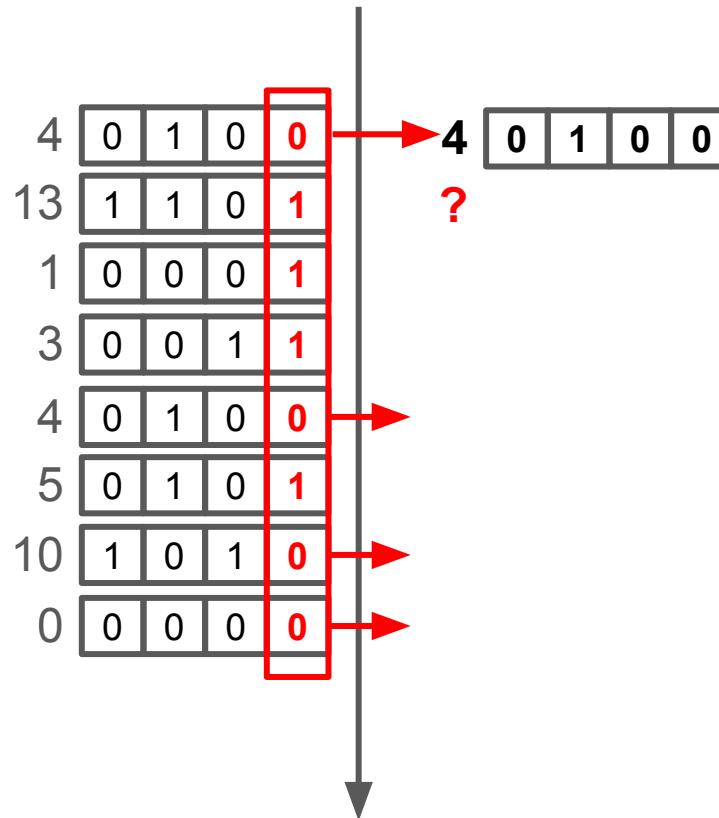
Какое число первое?  
Есть ли неоднозначность?



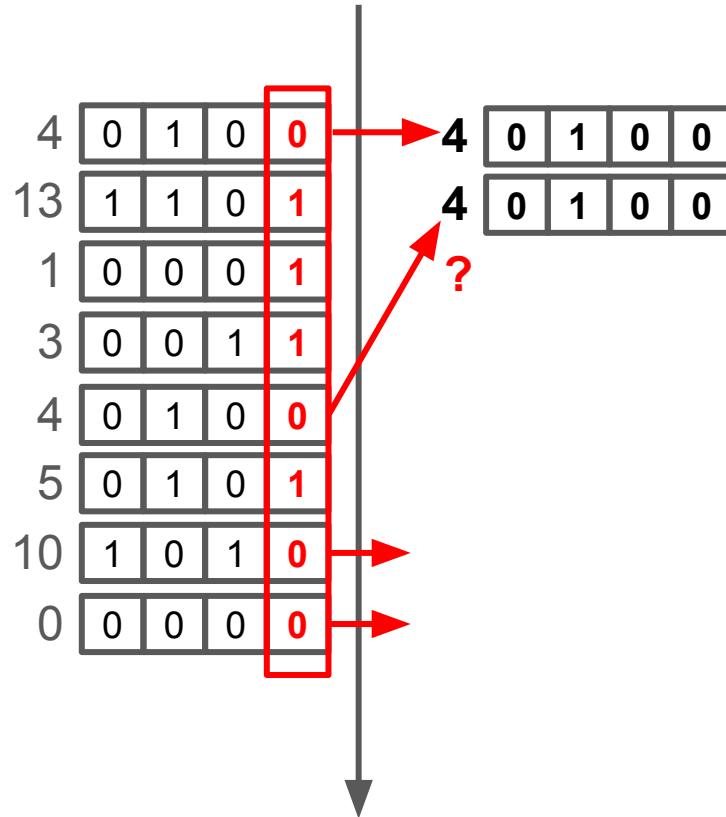
# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



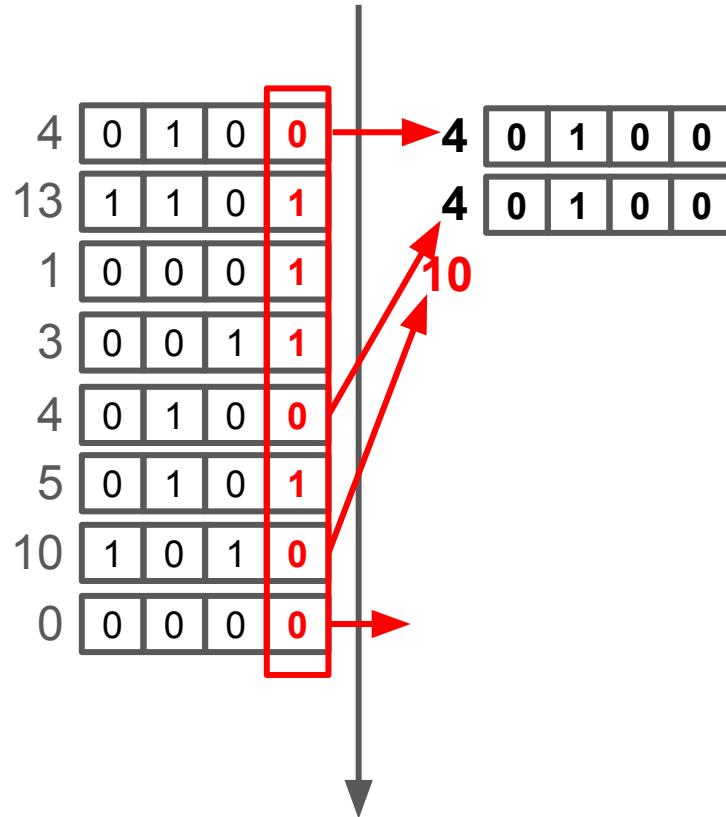
# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



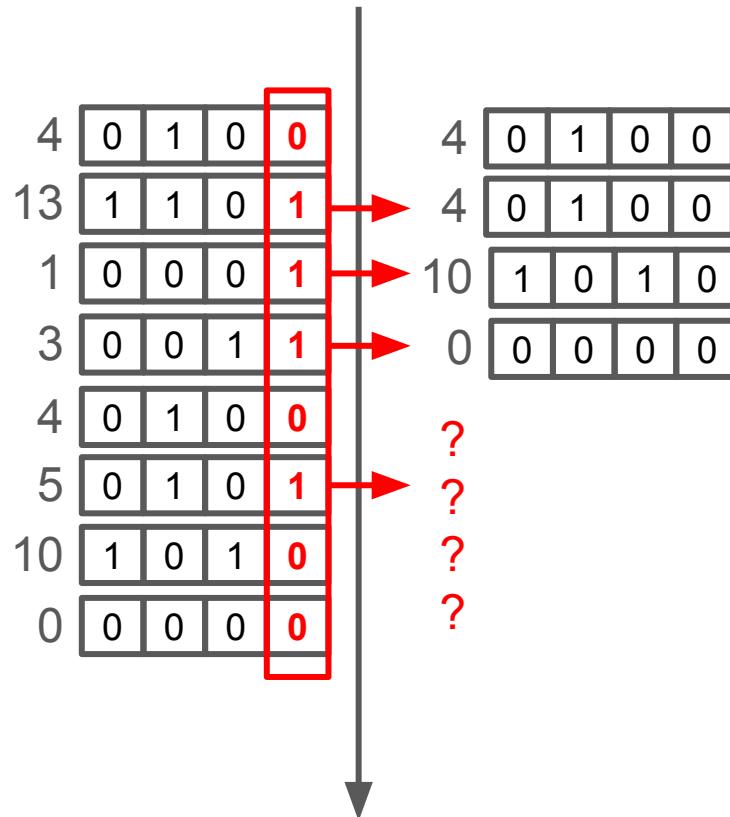
# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



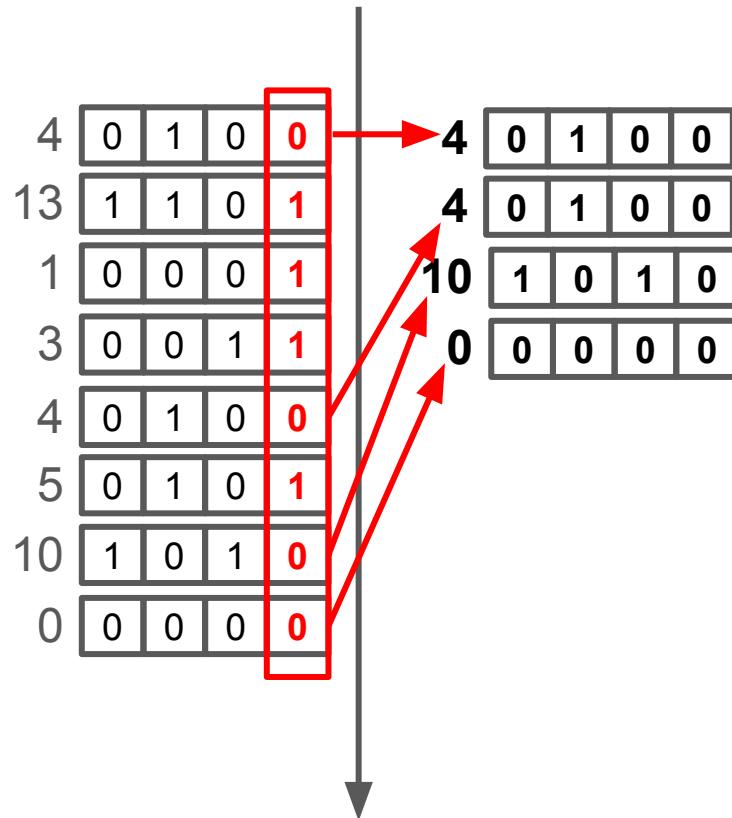
# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



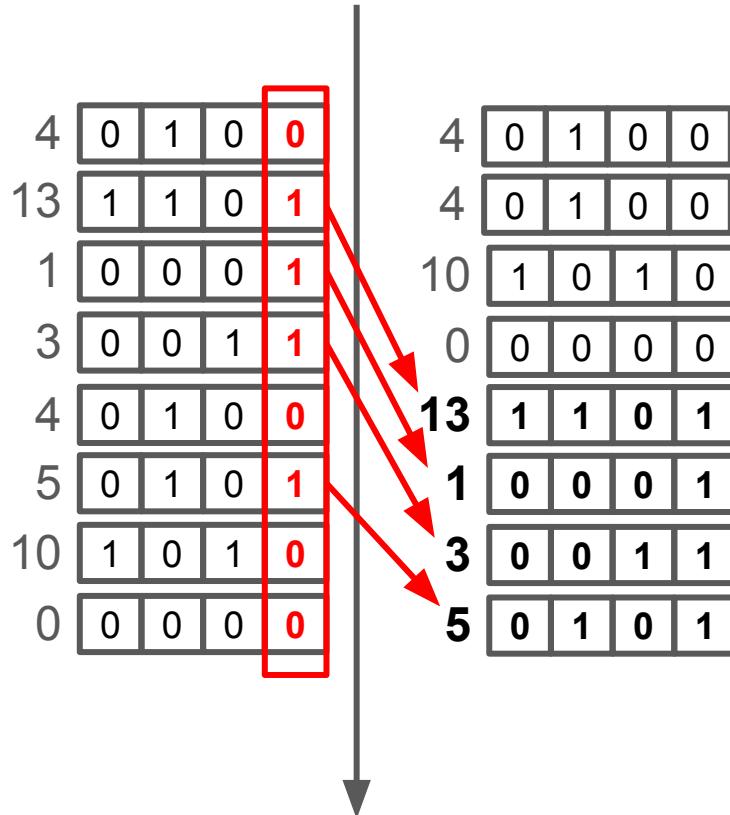
# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



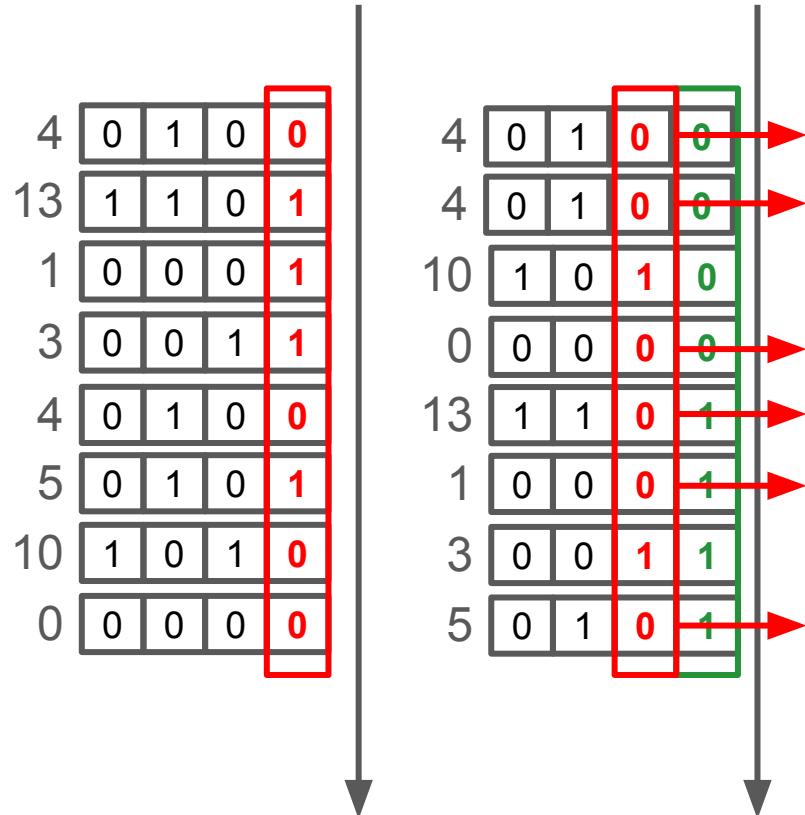
# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка

4	0	1	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
4	0	1	0	0
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0

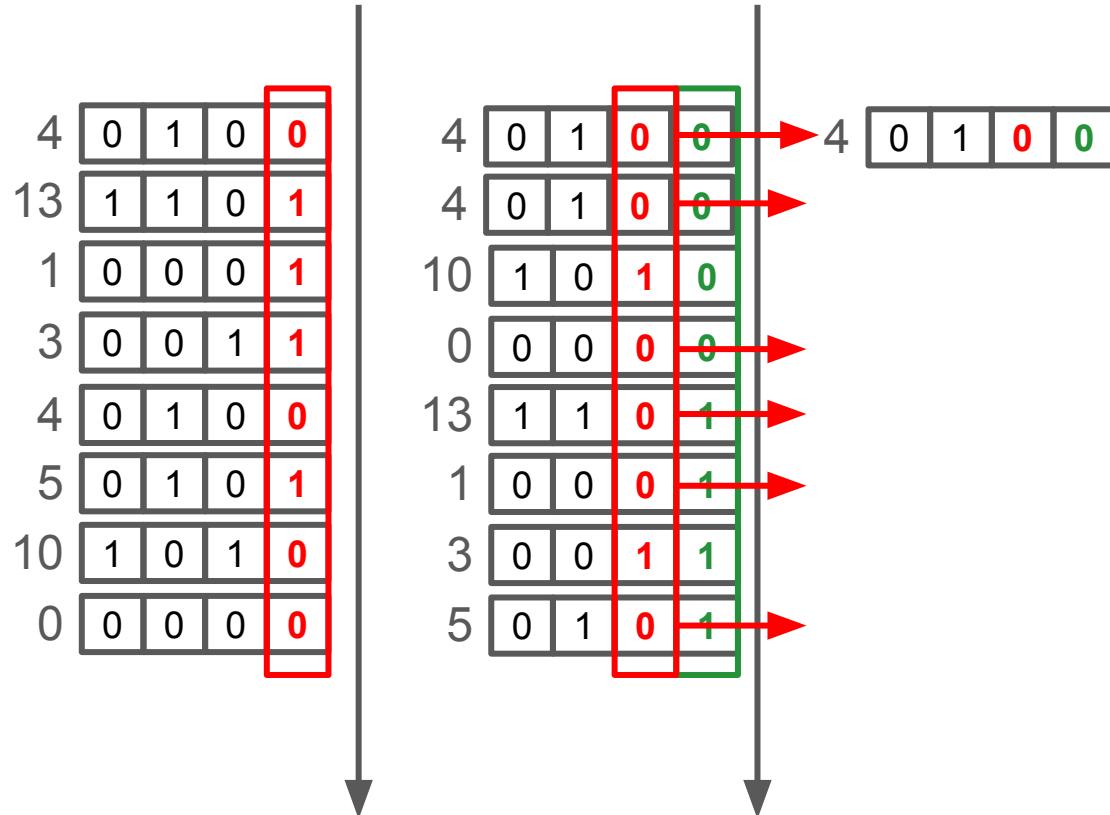
  

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
5	0	1	0	1

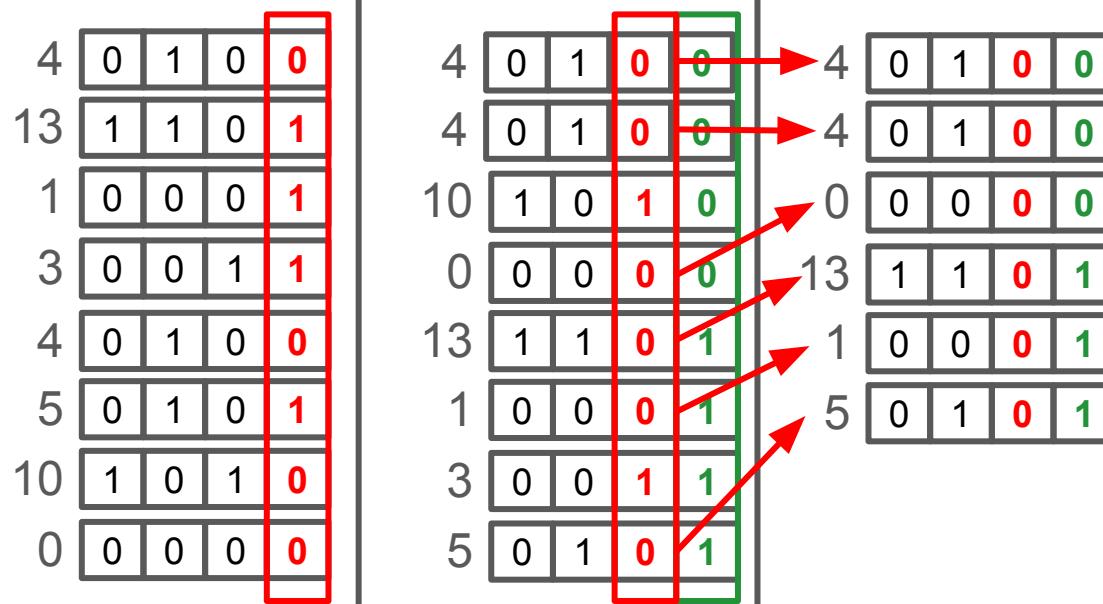
# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка

4	0	1	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
4	0	1	0	0
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
5	0	1	0	1

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
5	0	1	0	1

Кто остался?

# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка

4	0	1	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
4	0	1	0	0
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
5	0	1	0	1

# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка

4	0	1	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
4	0	1	0	0
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1

5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
3	0	0	1	1
5	0	1	0	1
3	0	0	1	1

# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка

4	0	1	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
4	0	1	0	0
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
5	0	1	0	1

Упорядочены по второму биту

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
3	0	0	1	1

# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка

4	0	1	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
4	0	1	0	0
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
5	0	1	0	1

Упорядочены по второму биту

Но мы ведь потеряли  
упорядоченность по  
первому биту!

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
3	0	0	1	1

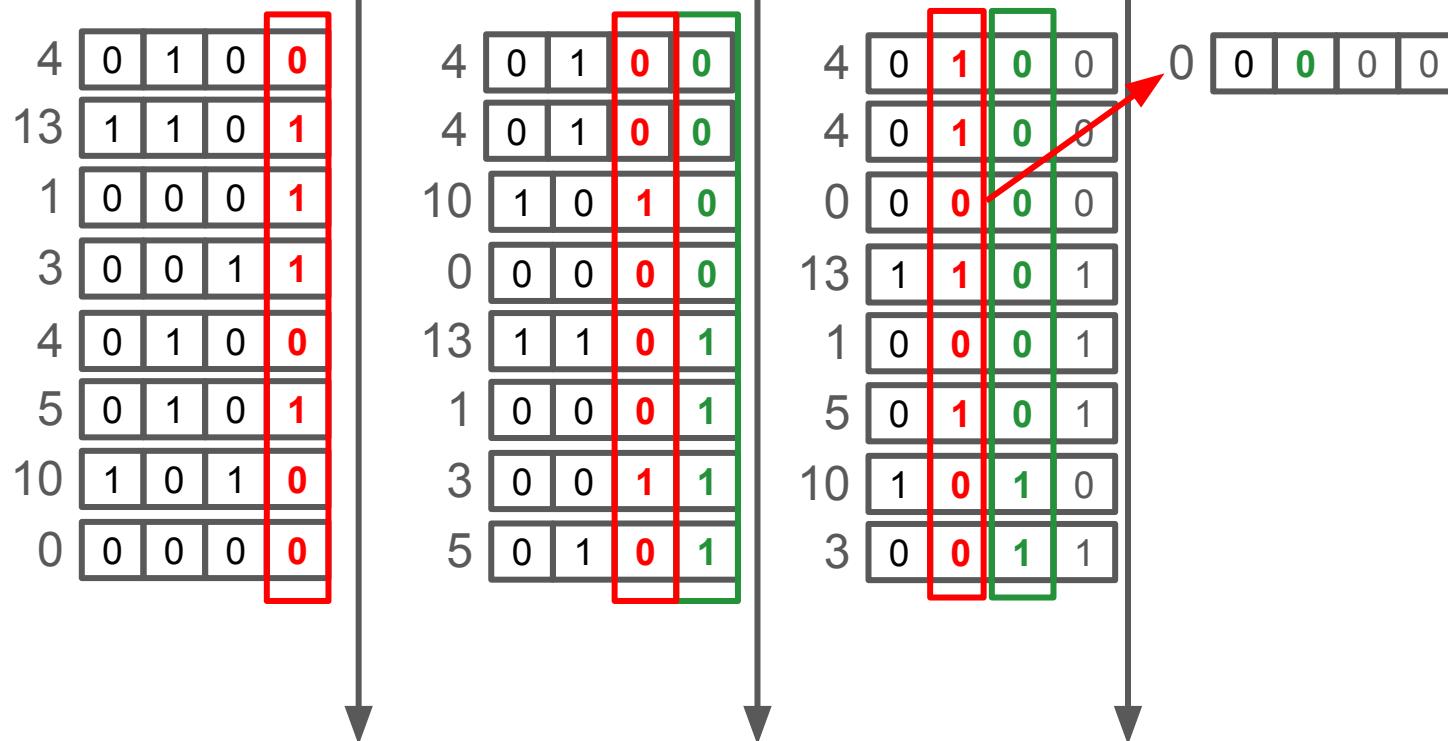
# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка

4	0	1	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
4	0	1	0	0
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0

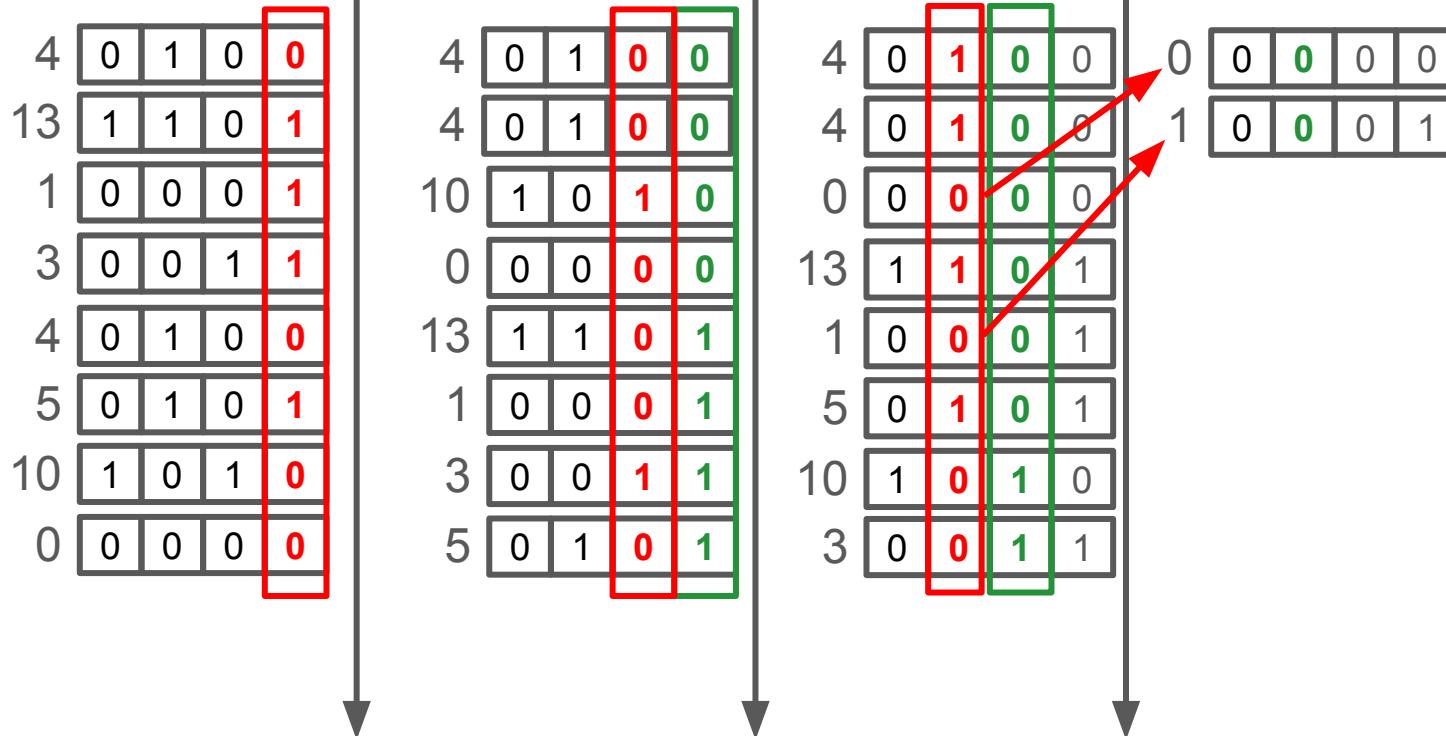
4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
3	0	0	1	1
5	0	1	0	1

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
3	0	0	1	1

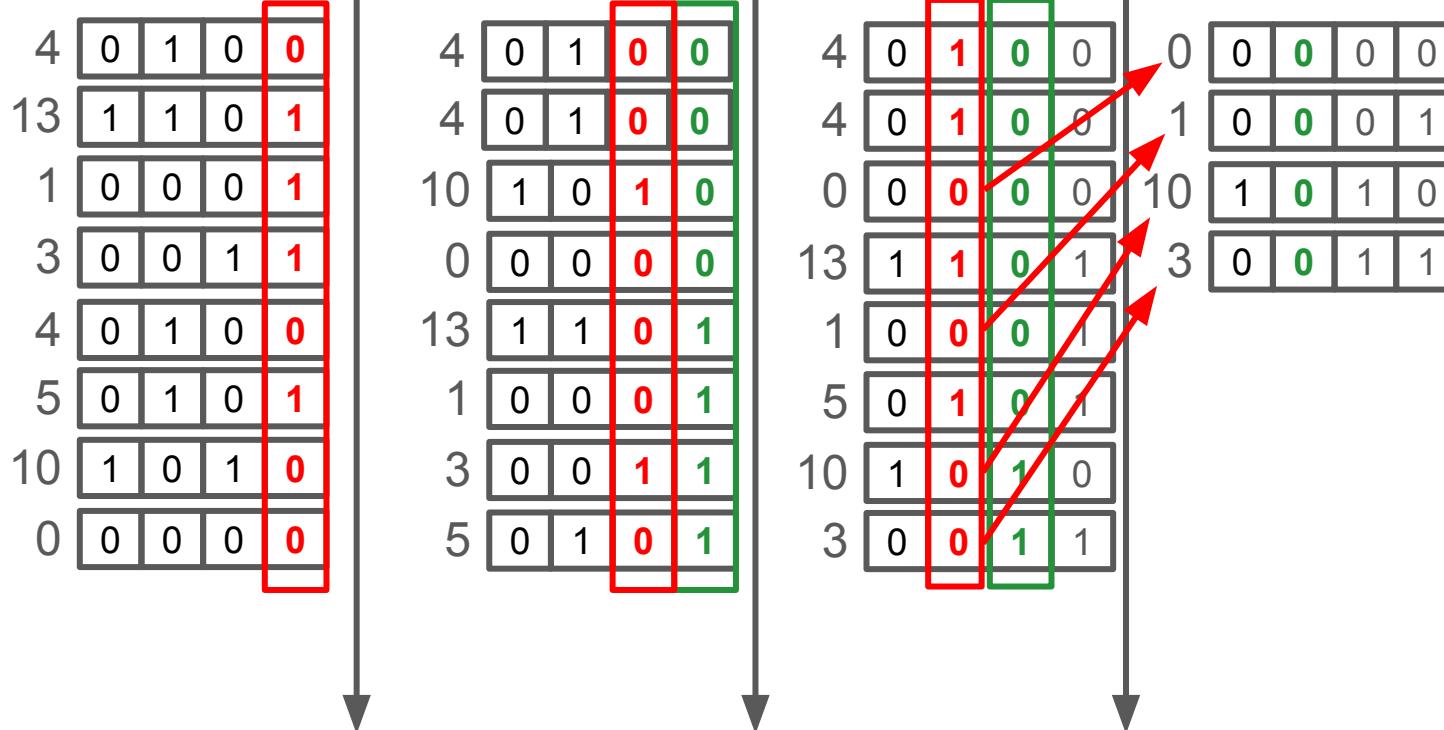
# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



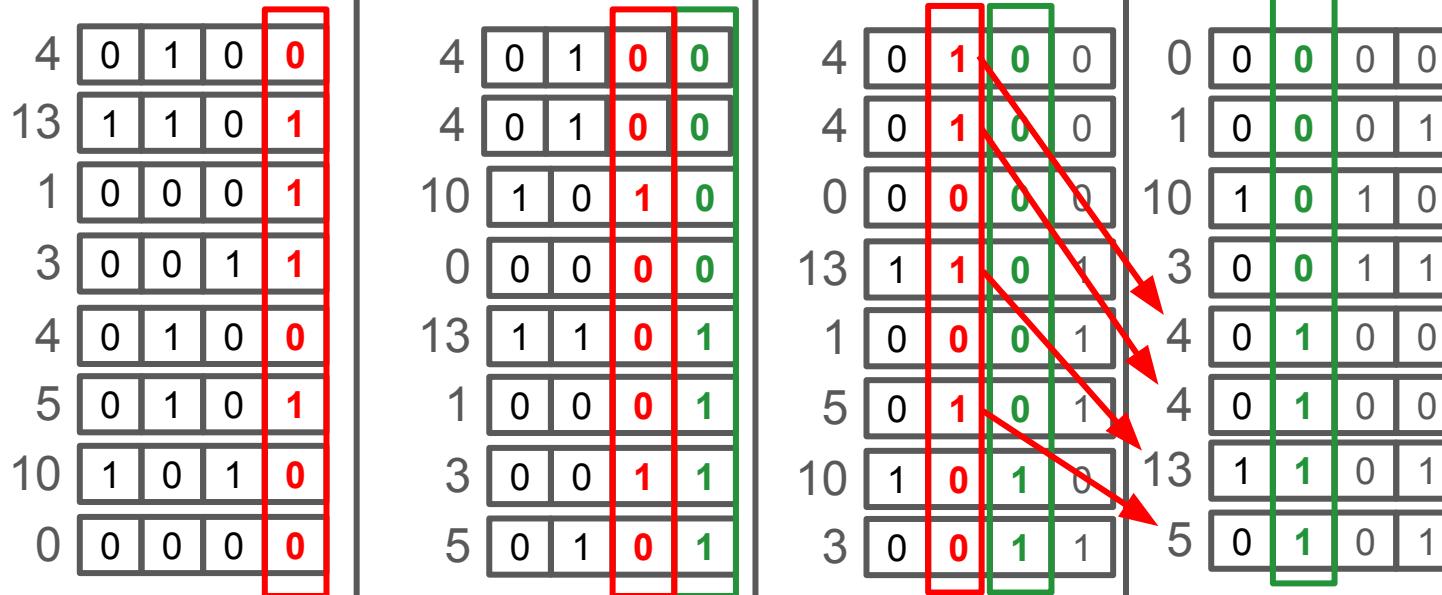
# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка

4	0	1	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1
10	1	0	1	0
3	0	0	1	1
4	0	1	0	0
13	1	1	0	1
5	0	1	0	1
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
10	1	0	1	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1

4	0	1	0	0
4	0	1	0	0
0	0	0	0	0
13	1	1	0	1
1	0	0	0	1

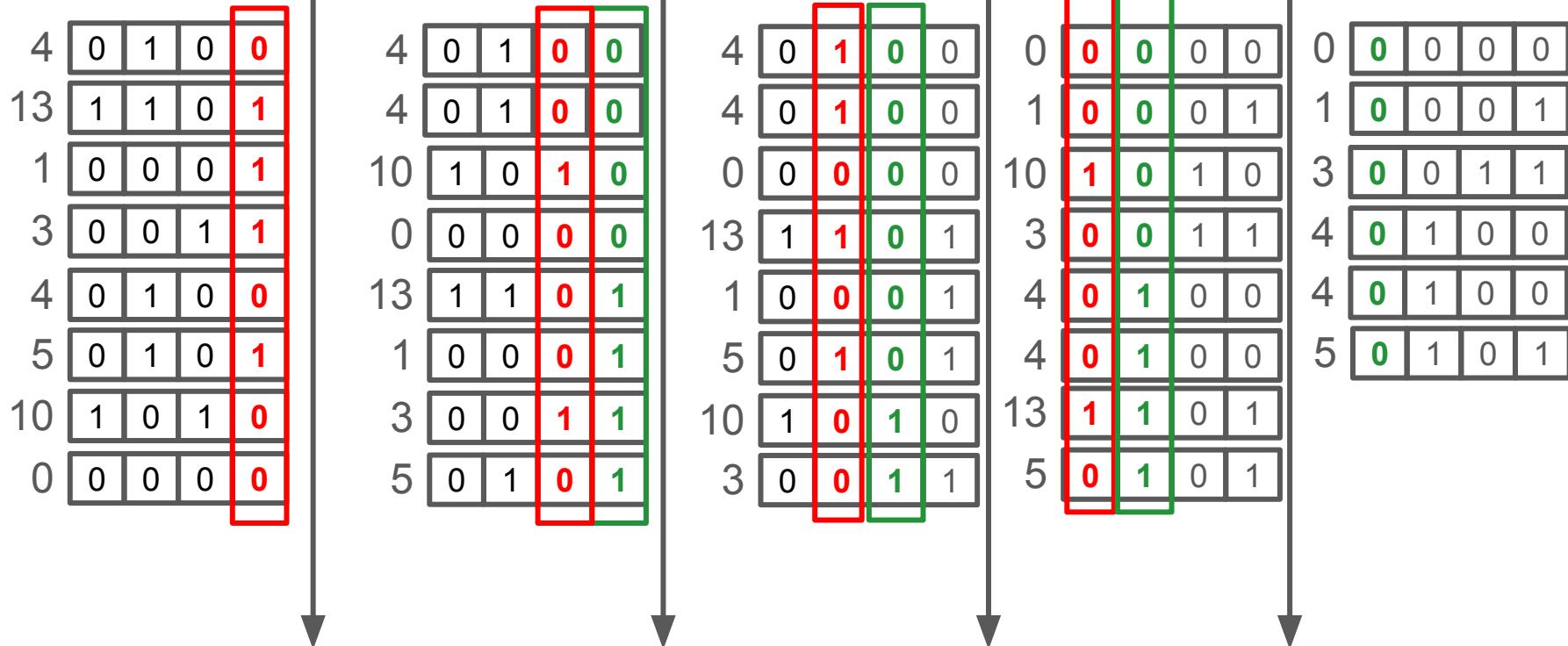
  

0	0	0	0	0
1	0	0	0	1
10	1	0	1	0
3	0	0	1	1
5	0	1	0	1

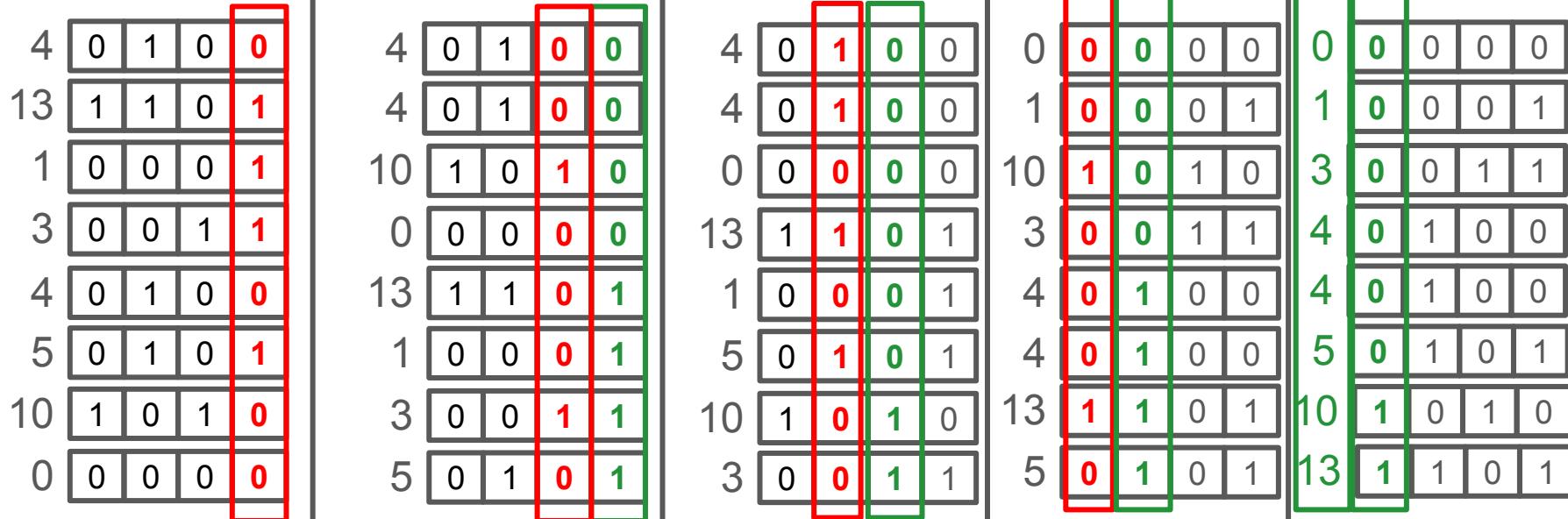
  

0	0	0	0	0
1	0	0	0	1
10	1	0	1	0
3	0	0	1	1
5	0	1	0	1

# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



# Radix sort (стабильная) поразрядная сортировка



# Префиксные суммы: напоминание

- Scan
- Что если каждый `WorkItem` детектирует ключевую точку в пикселе?
  - кто-то мог решить что пиксель плохой (без текстуры)
  - кто-то другой мог решить что тут есть ключевая точка - по какому индексу в выходному массиву ее записать?

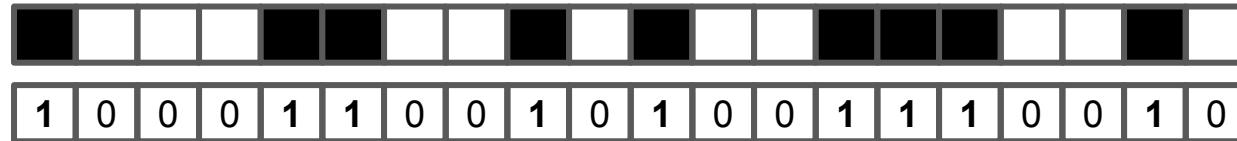
# Префиксные суммы: напоминание

- Scan
- Что если каждый WorkItem детектирует ключевую точку в пикселе?
  - кто-то мог решить что пиксель плохой (без текстуры)
  - кто-то другой мог решить что тут есть ключевая точка - по какому индексу в выходному массиву ее записать?
  - а чем плохо просто сохранять результат с пузырями (“здесь нет точки”)?



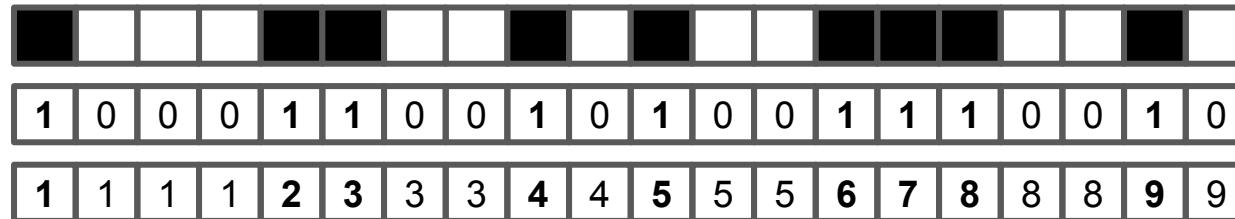
# Префиксные суммы: напоминание

- Scan
- Генерация результата в три прохода:
  - **map** - каждый WorkItem записал 1 если результат есть, иначе 0



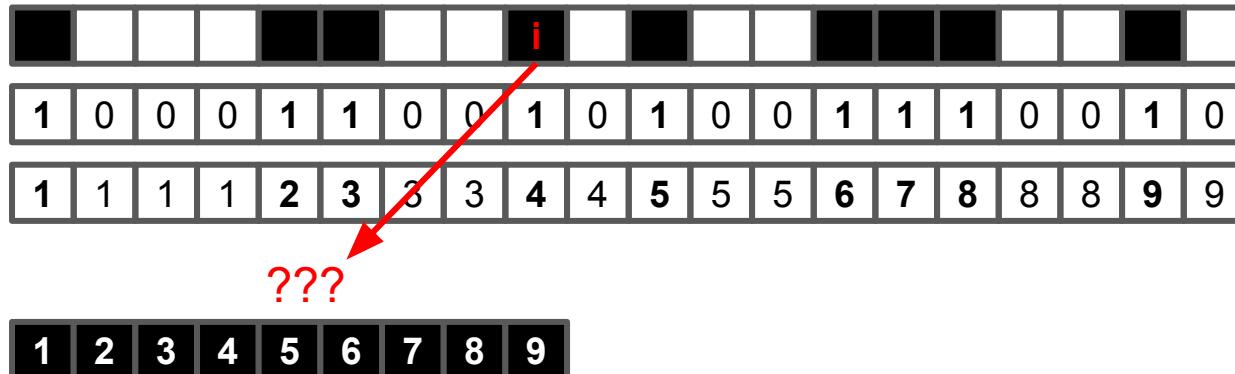
# Префиксные суммы: напоминание

- Scan
- Генерация результата в три прохода:
  - **map** - каждый WorkItem записал 1 если результат есть, иначе 0
  - **scan** - посчитали префиксные суммы PrefixSum[i]



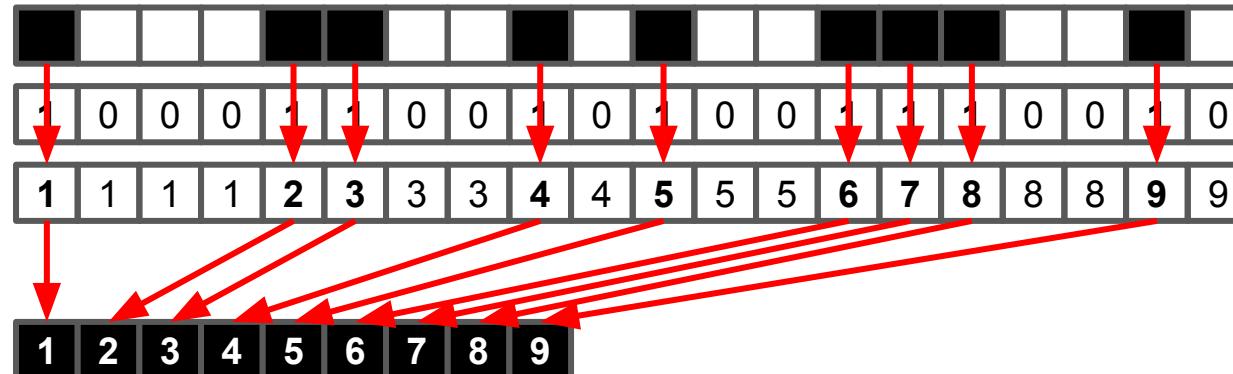
# Префиксные суммы: напоминание

- Scan
- Генерация результата в три прохода:
  - **map** - каждый WorkItem записал 1 если результат есть, иначе 0
  - **scan** - посчитали префиксные суммы PrefixSum[i]
  - **куда теперь должен писать свой результат WorkItem i?**



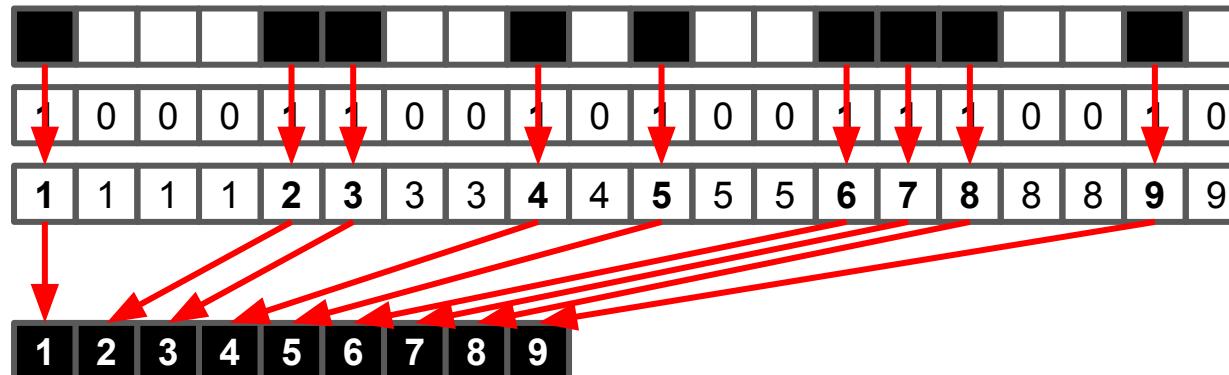
# Префиксные суммы: напоминание

- Scan
- Генерация результата в три прохода:
  - **map** - каждый WorkItem записал 1 если результат есть, иначе 0
  - **scan** - посчитали префиксные суммы  $\text{PrefixSum}[i]$
  - **scatter** - WorkItem  $i$  пишет свой результат в  $\text{Result}[\text{PrefixSum}[i]]$

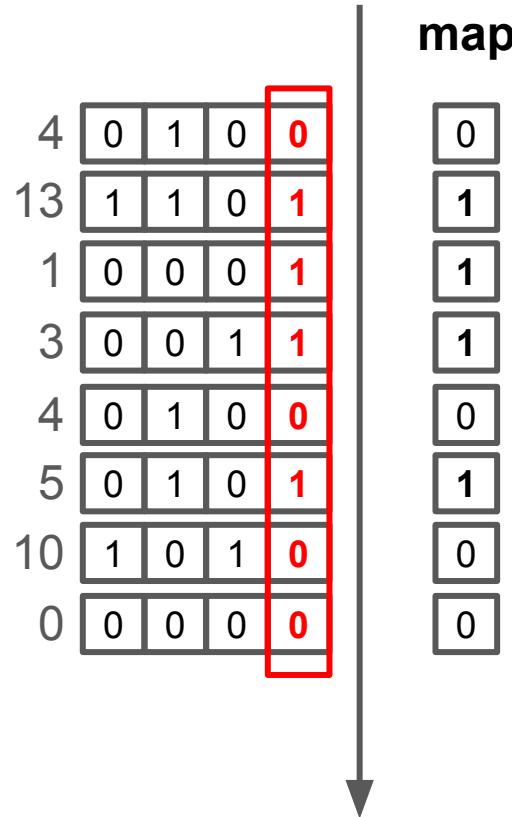


# Префиксные суммы: напоминание

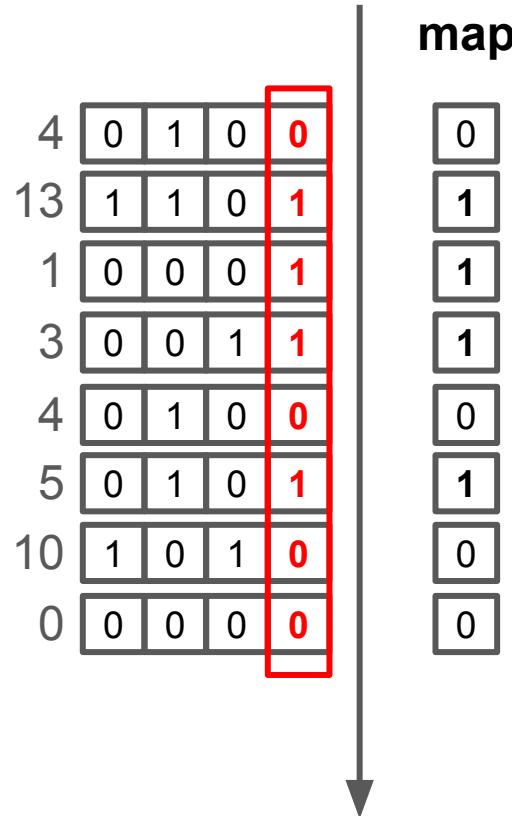
- Scan **Как выразить поразрядную сортировку через map/scan/scatter?**
- Генерация результата в три прохода:
  - **map** - каждый WorkItem записал 1 если результат есть, иначе 0
  - **scan** - посчитали префиксные суммы  $\text{PrefixSum}[i]$
  - **scatter** - WorkItem  $i$  пишет свой результат в  $\text{Result}[\text{PrefixSum}[i]]$



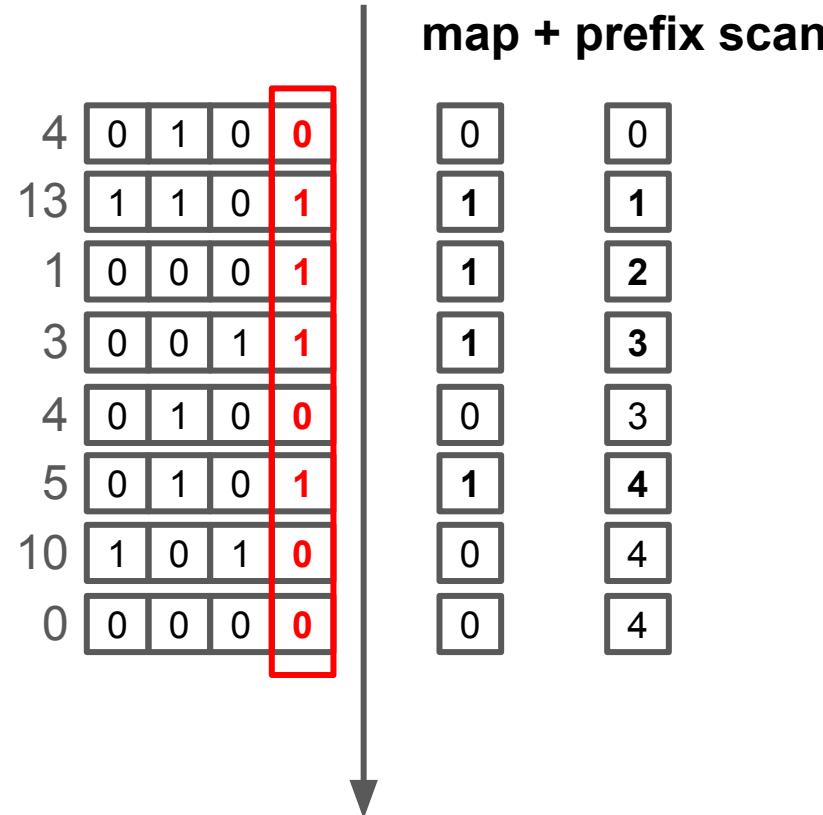
# Radix sort: сведение к prefix scan



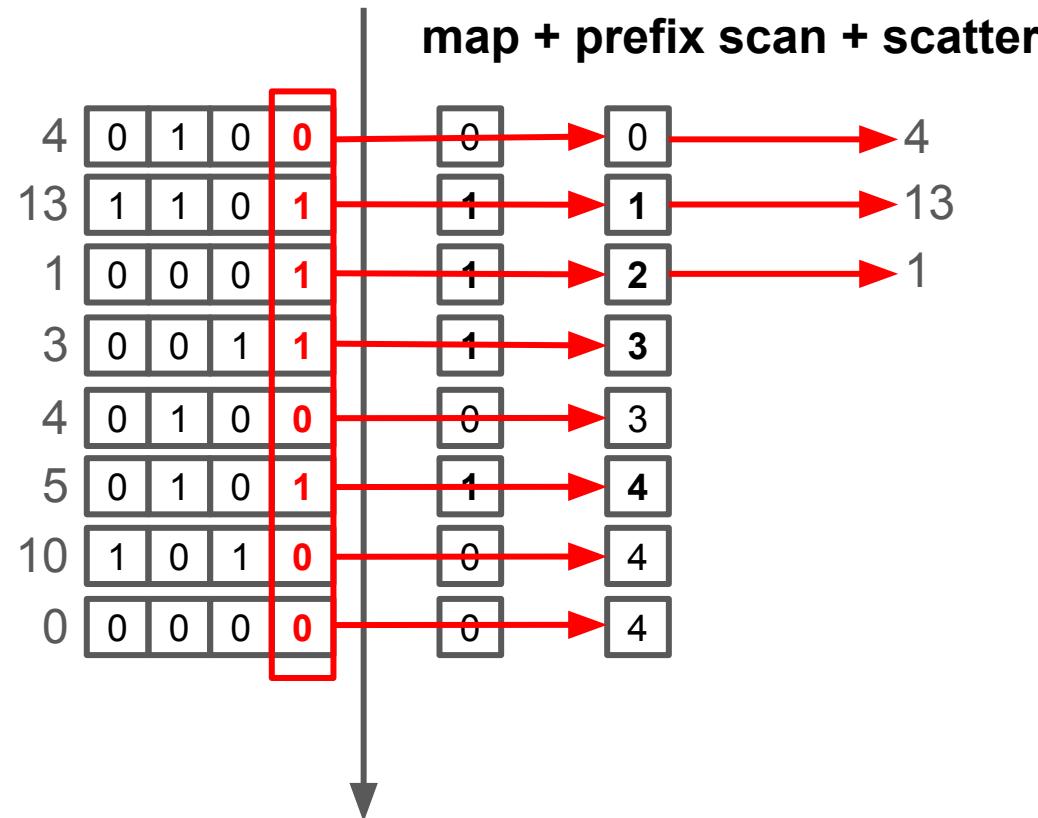
# Radix sort: сведение к prefix scan



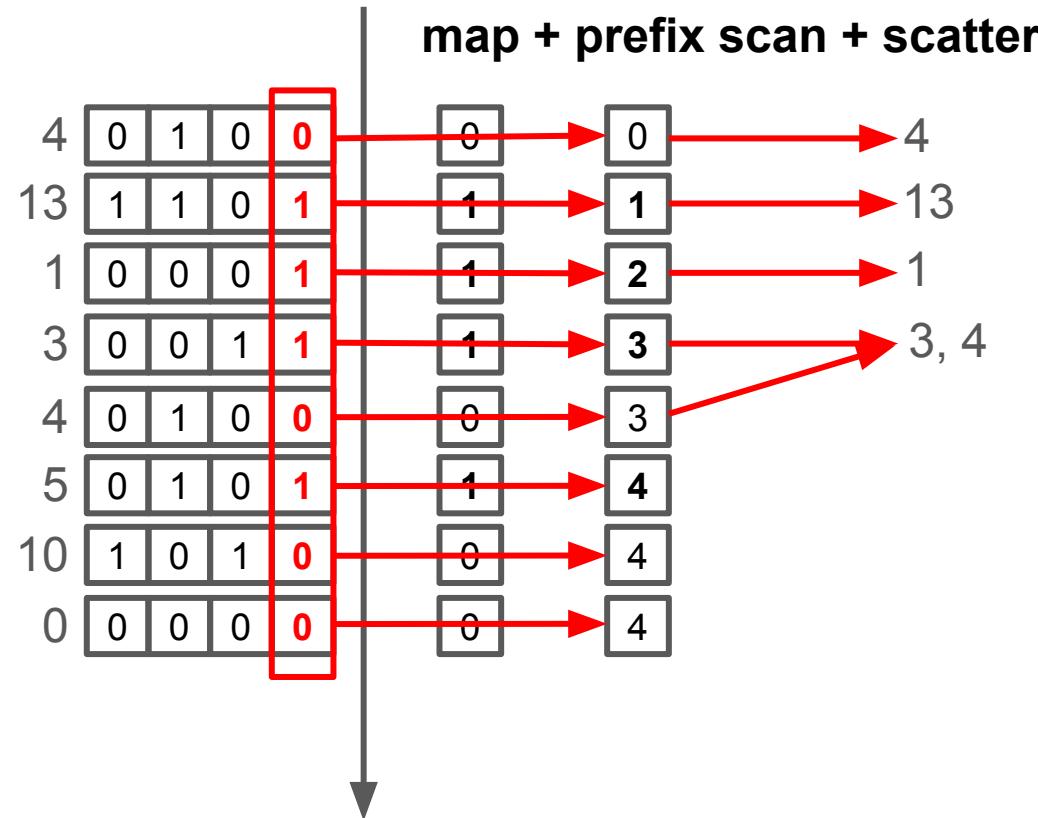
# Radix sort: сведение к prefix scan



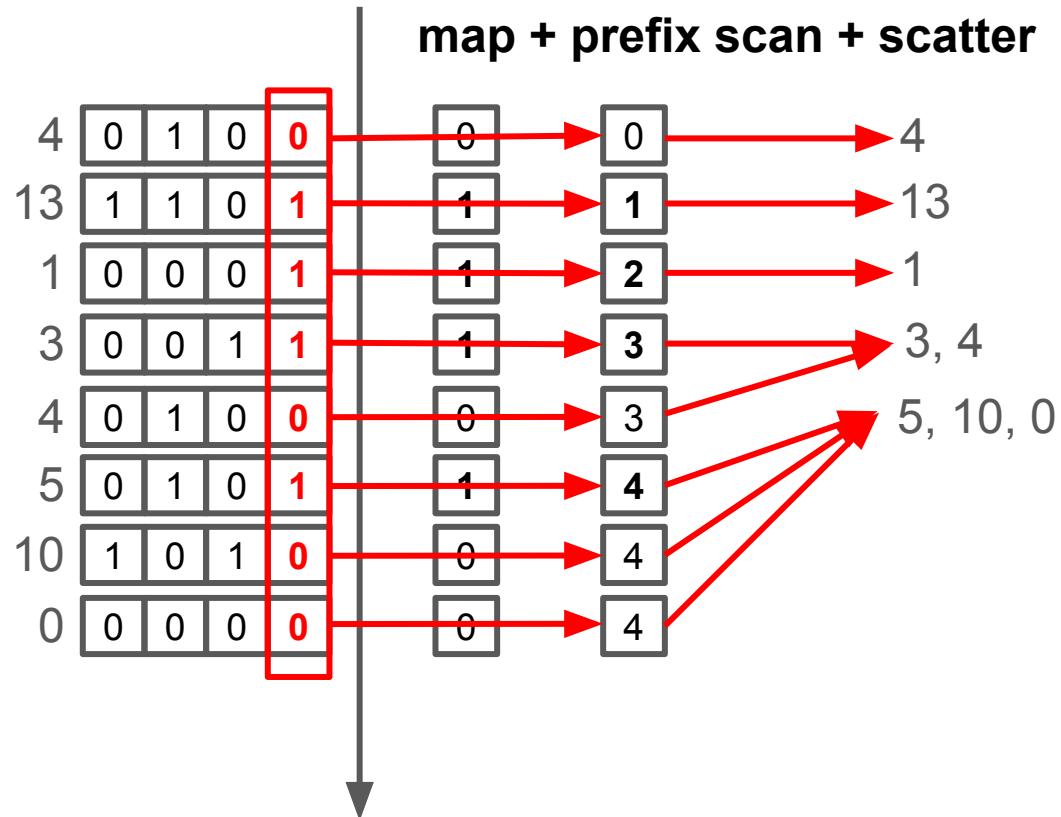
# Radix sort: сведение к prefix scan



# Radix sort: сведение к prefix scan

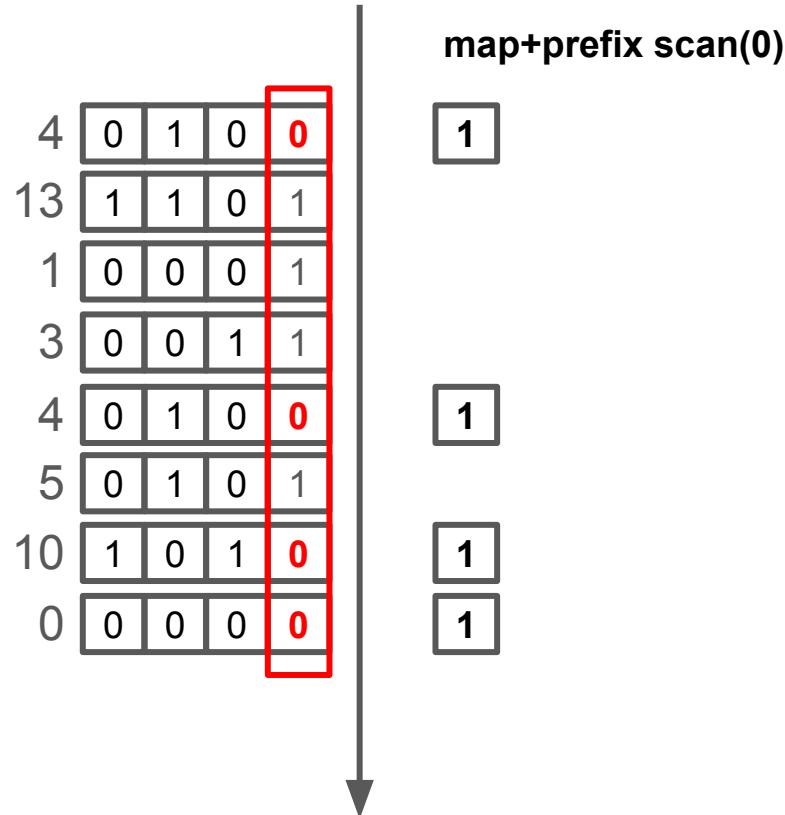


## Radix sort: сведение к prefix scan

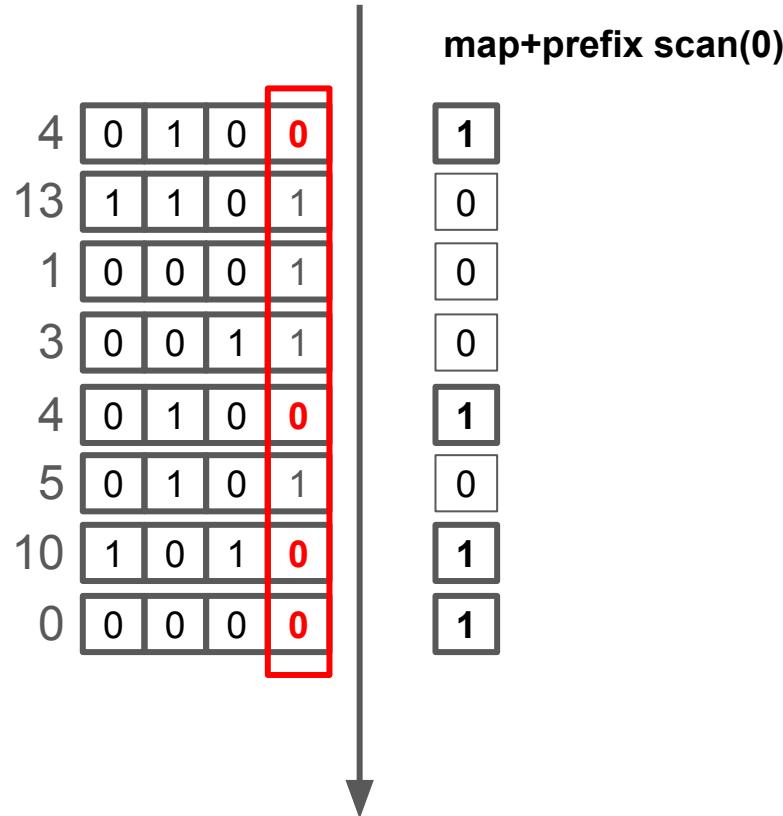


## Какие есть идеи?

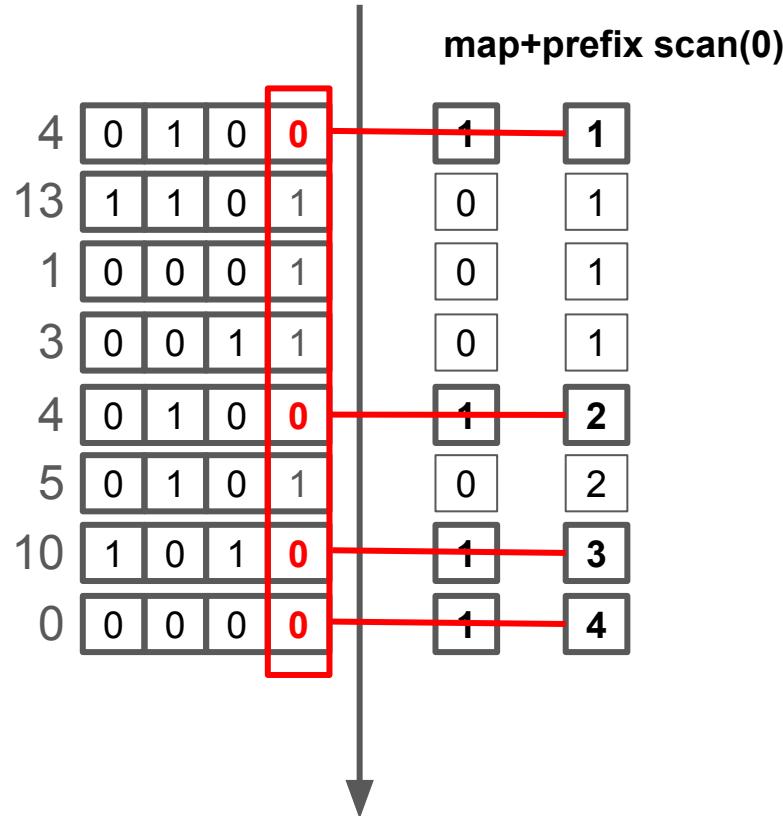
# Radix sort: сведение к prefix scan



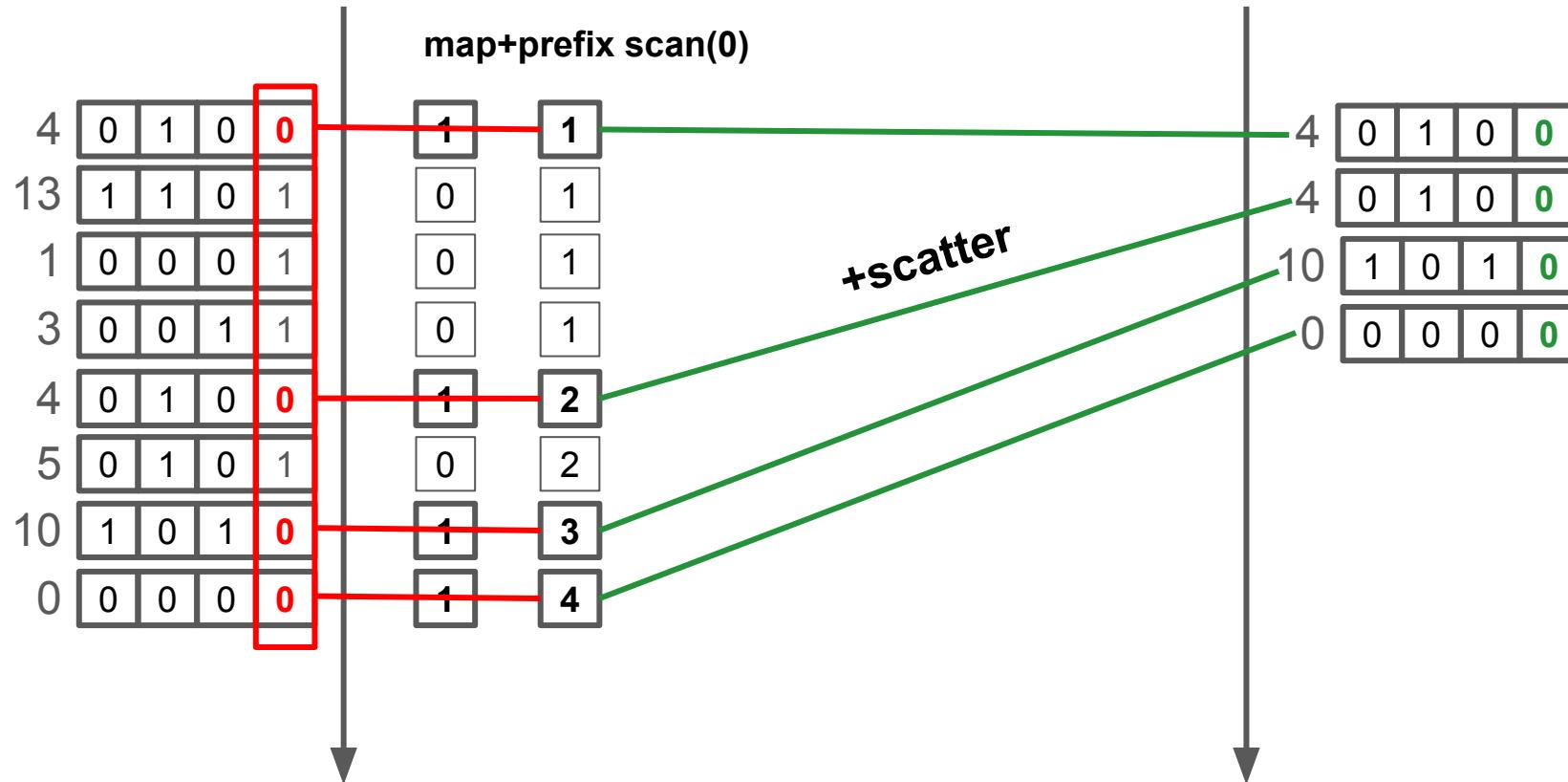
# Radix sort: сведение к prefix scan



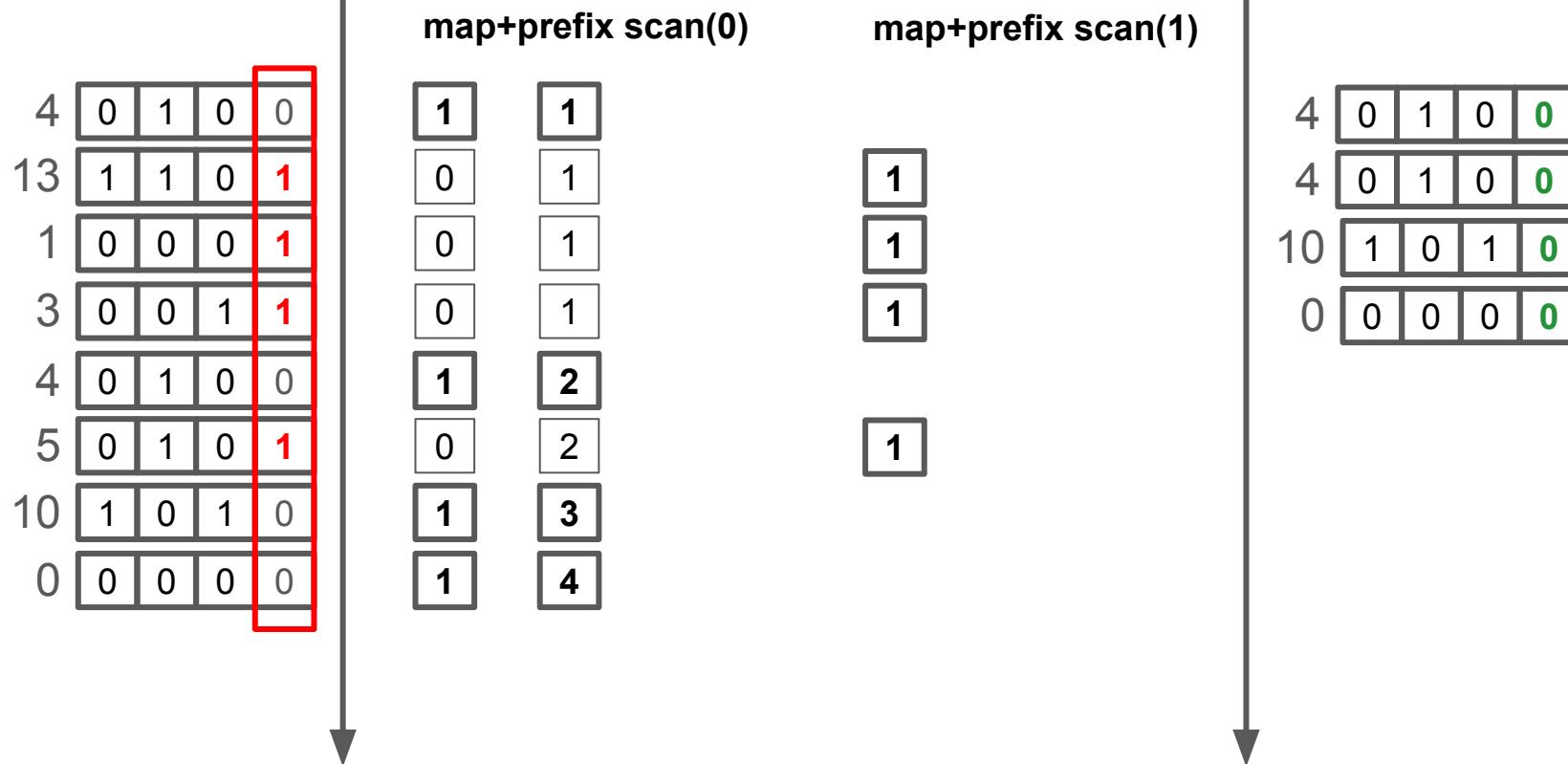
# Radix sort: сведение к prefix scan



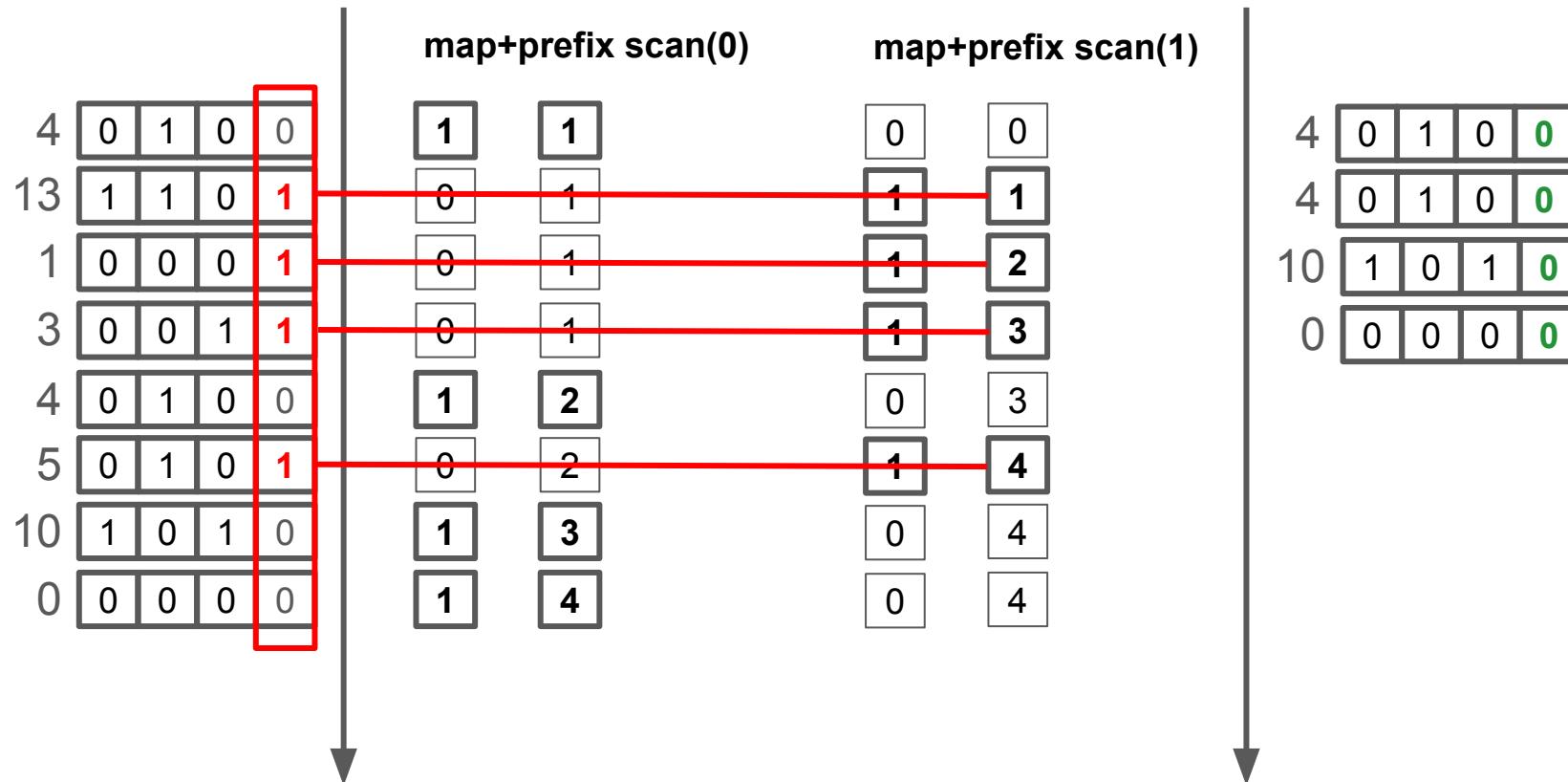
# Radix sort: сведение к prefix scan



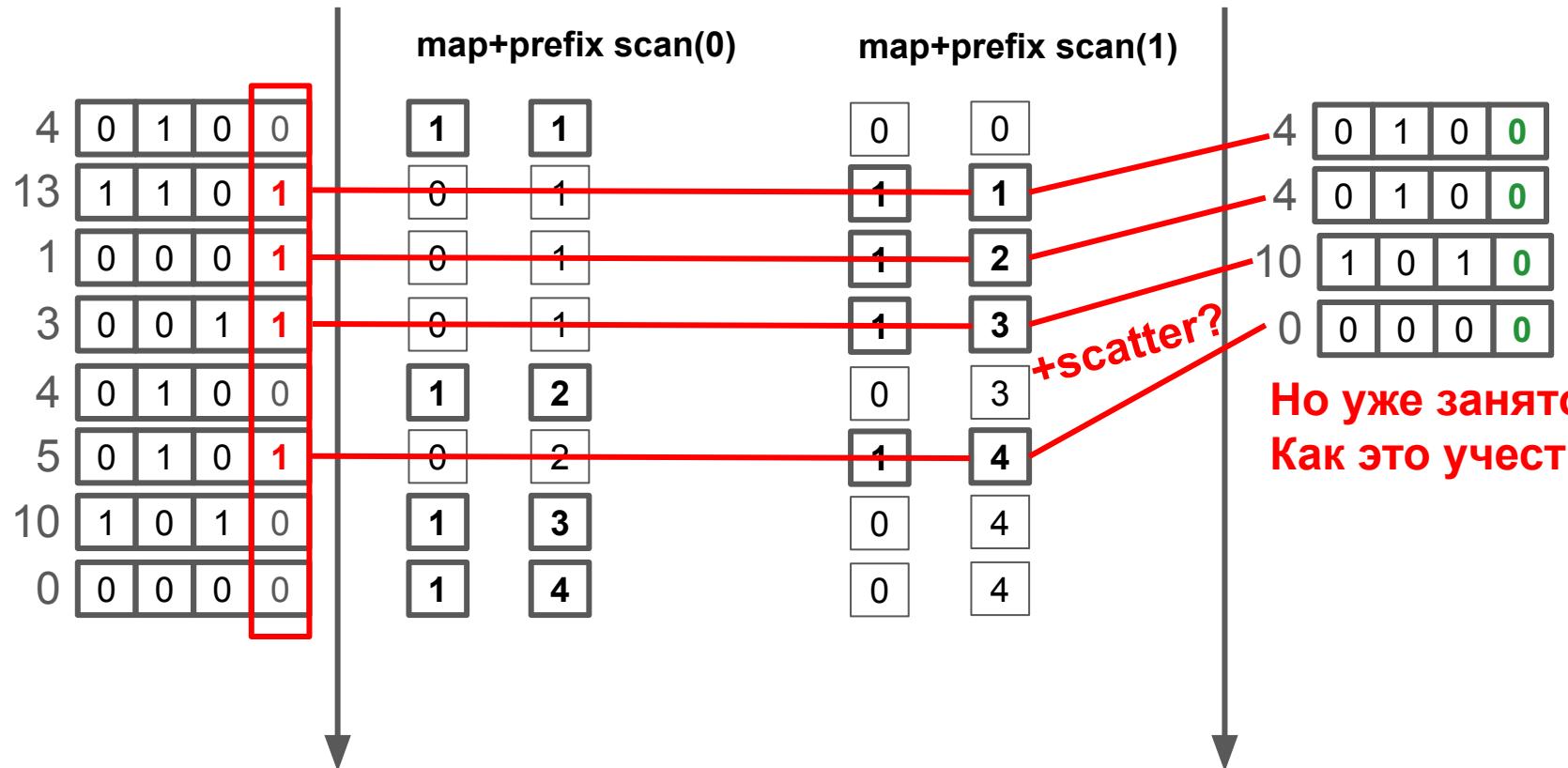
# Radix sort: сведение к prefix scan



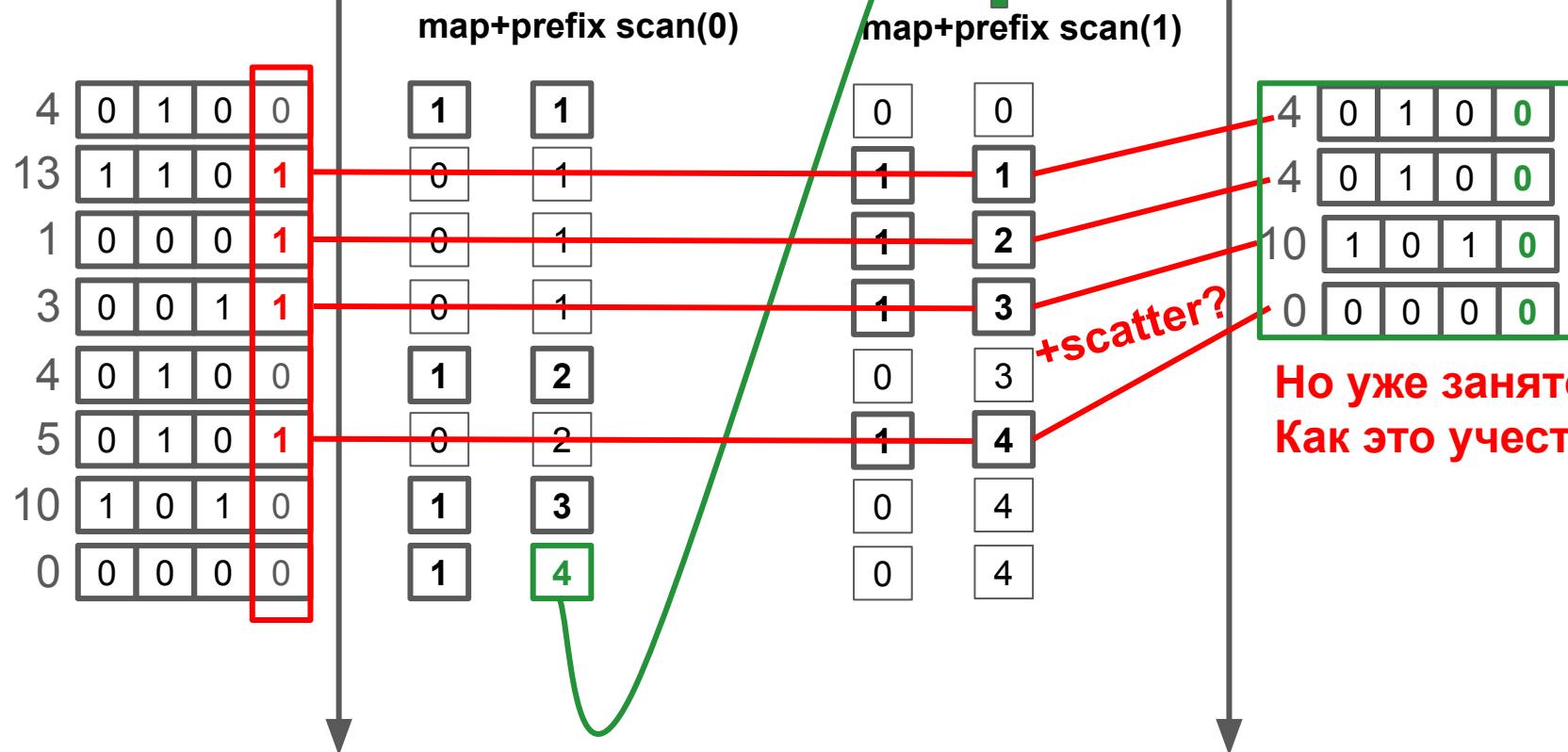
# Radix sort: сведение к prefix scan



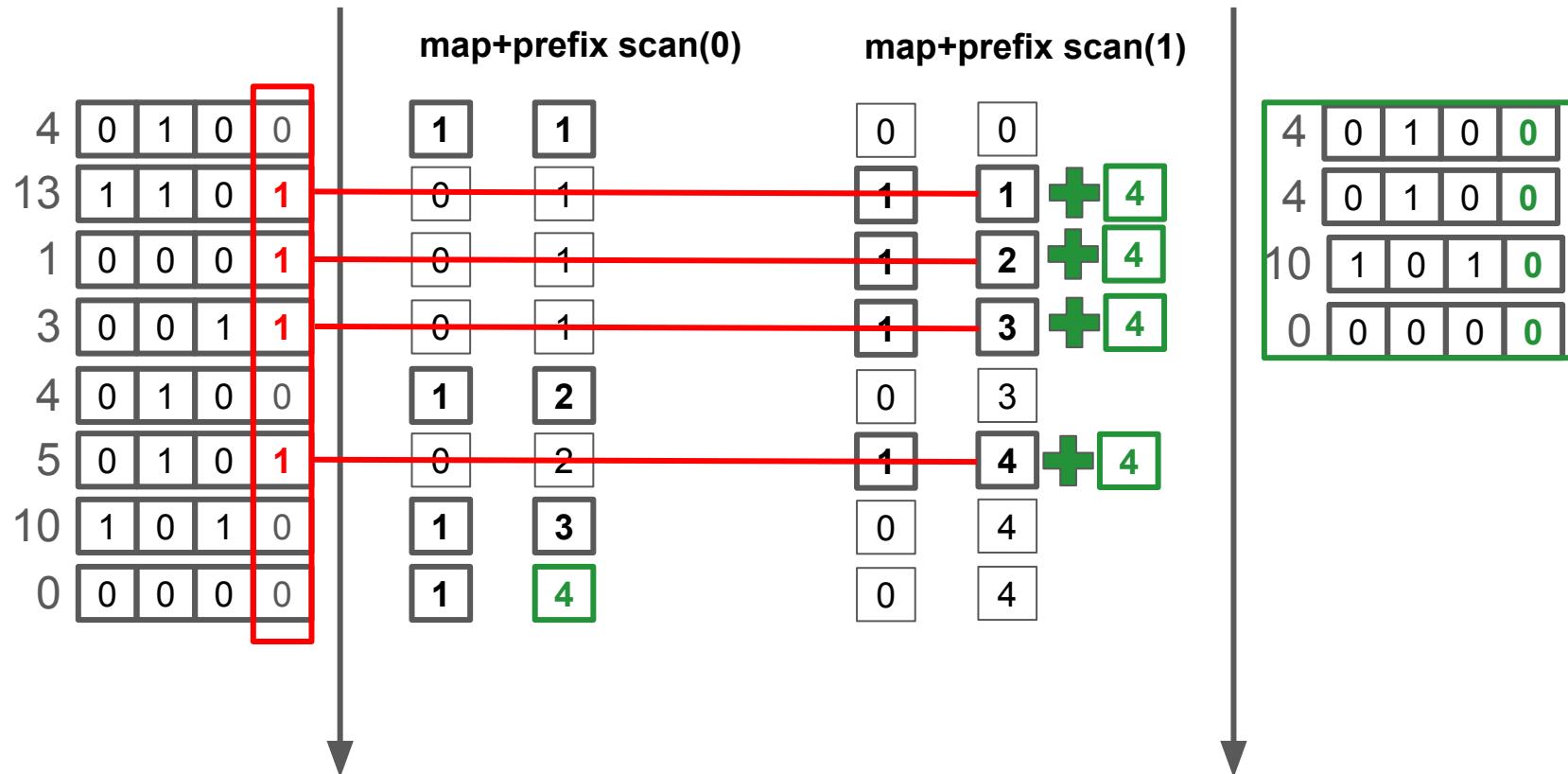
# Radix sort: сведение к prefix scan



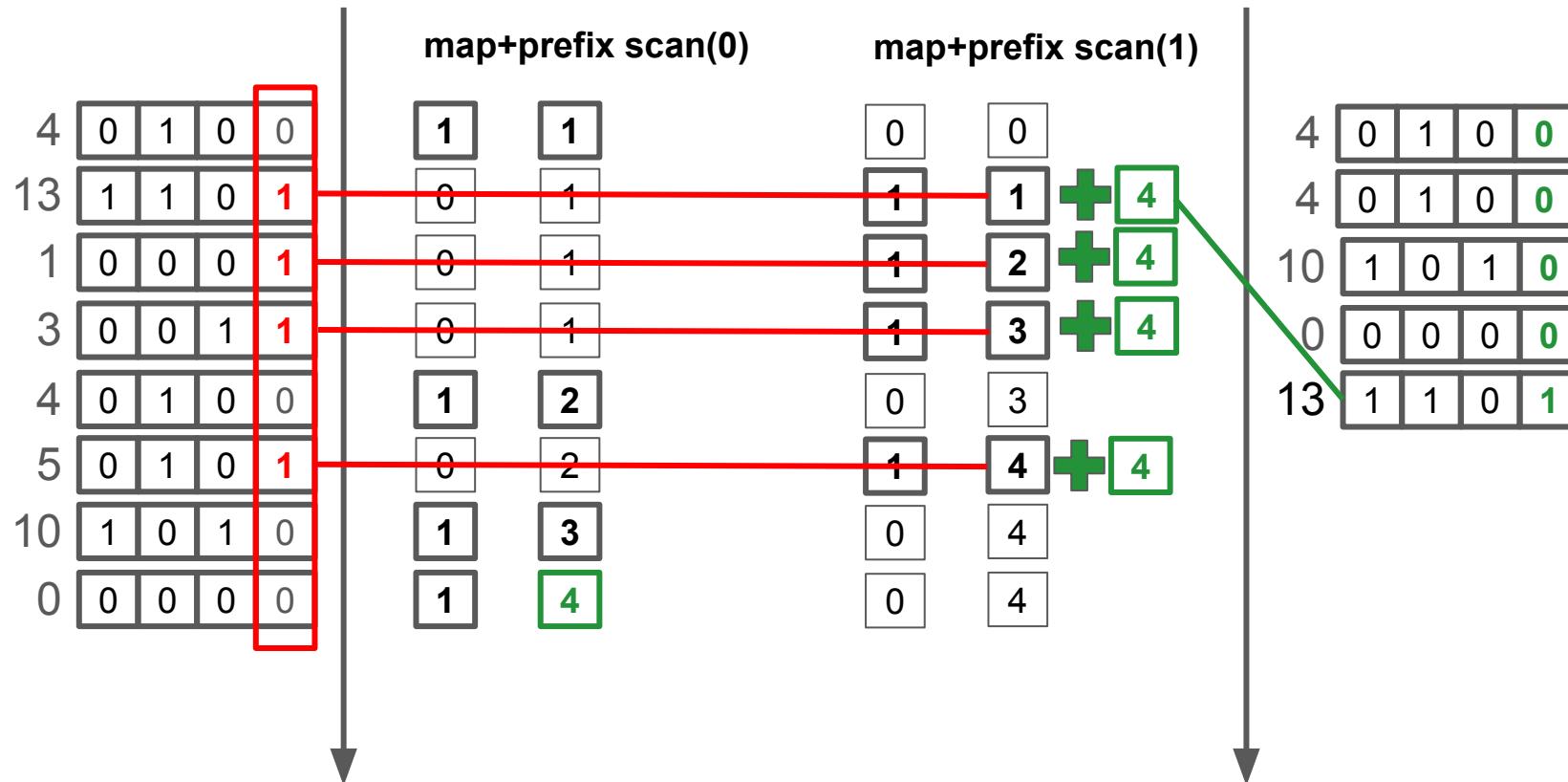
# Radix sort: сведение к prefix scan



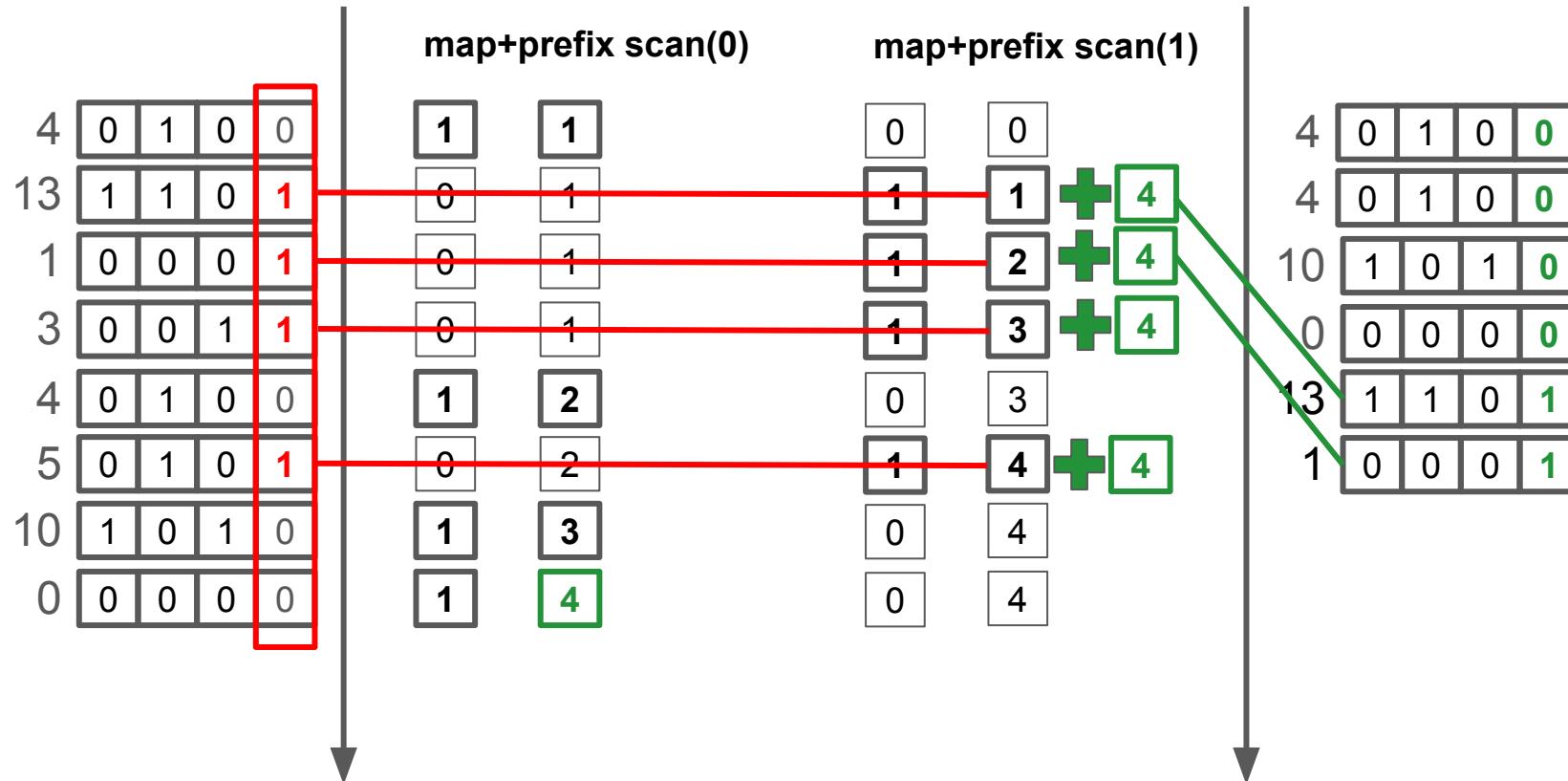
# Radix sort: сведение к prefix scan



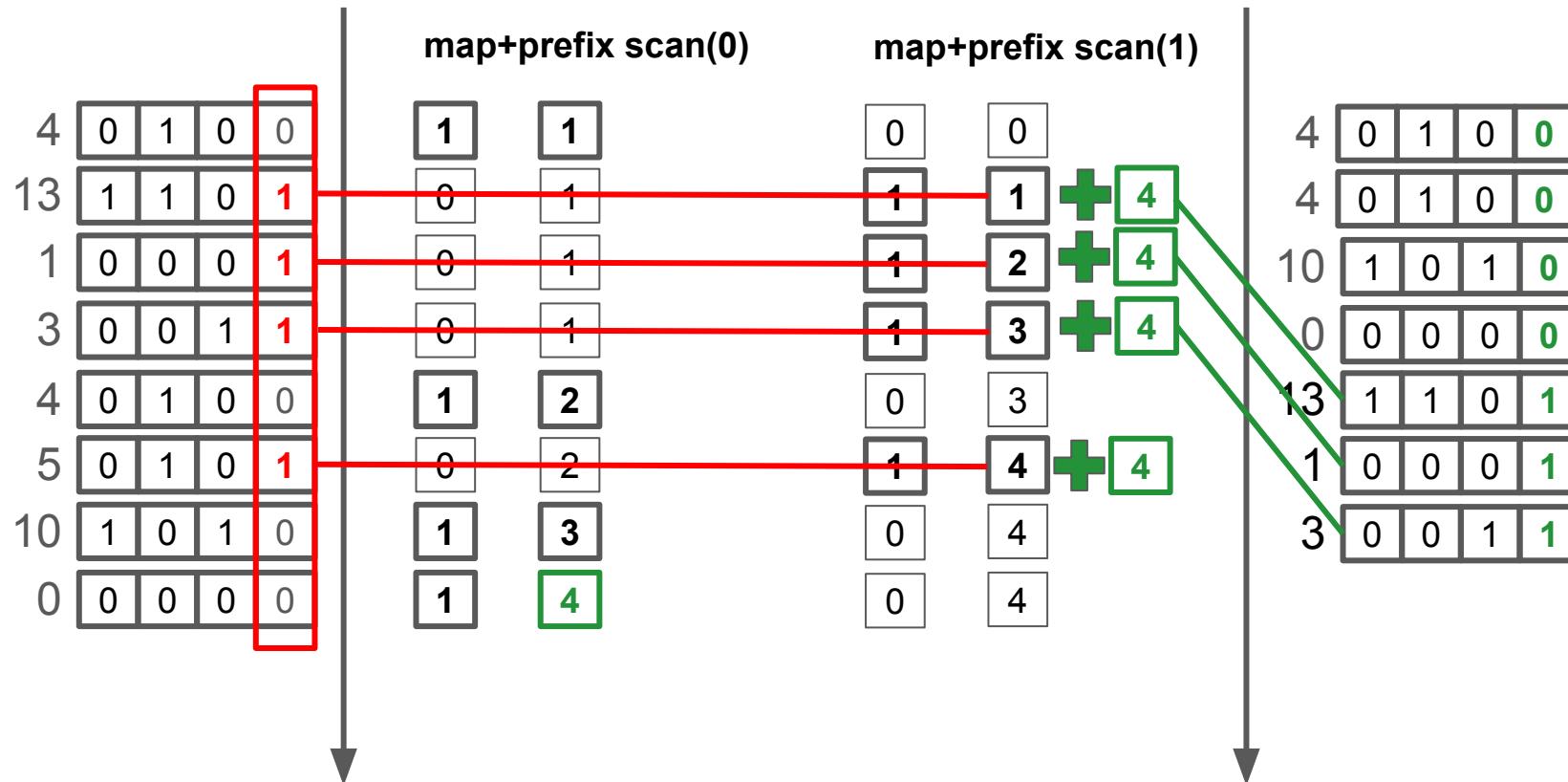
# Radix sort: сведение к prefix scan



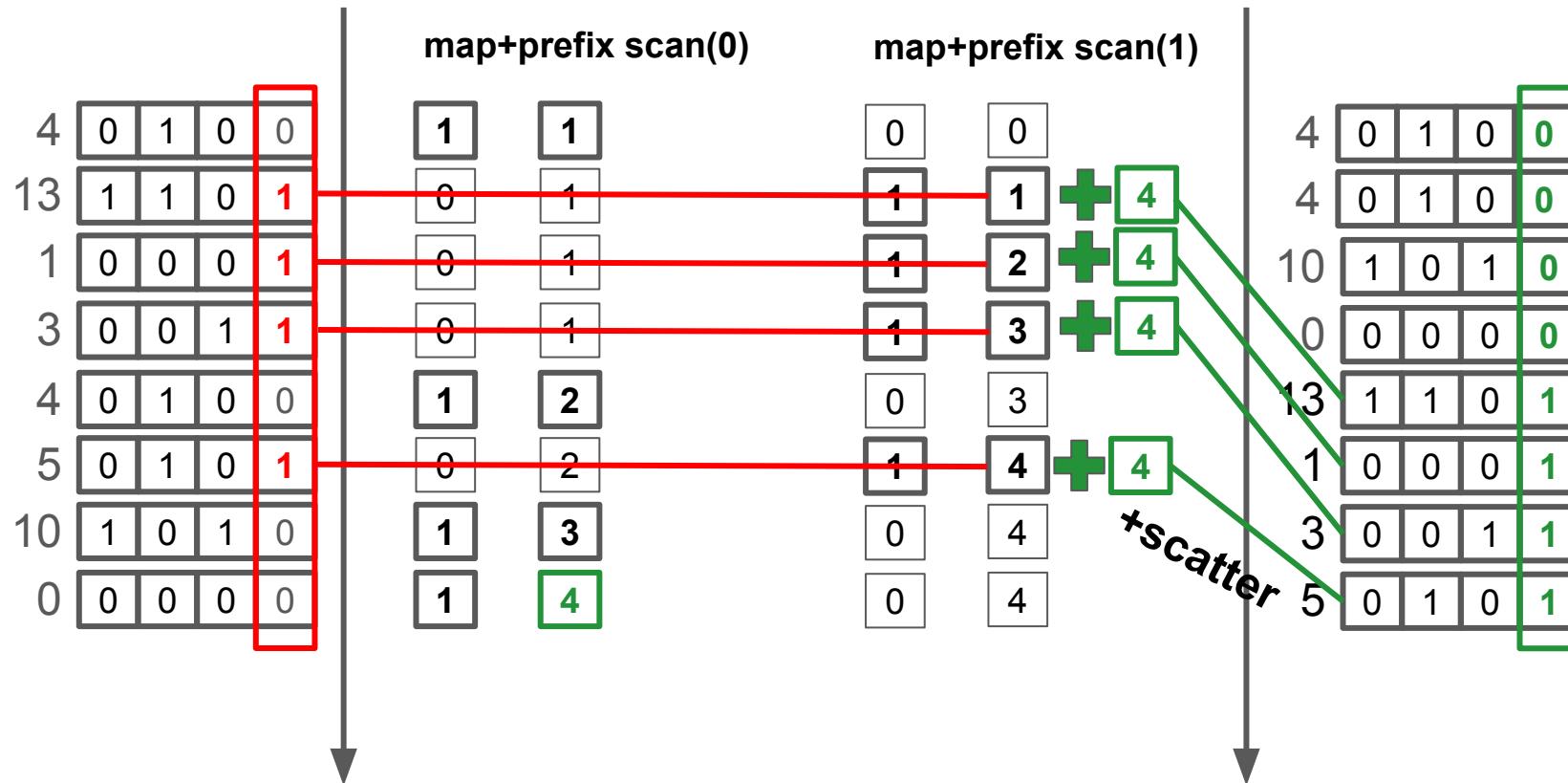
# Radix sort: сведение к prefix scan



# Radix sort: сведение к prefix scan

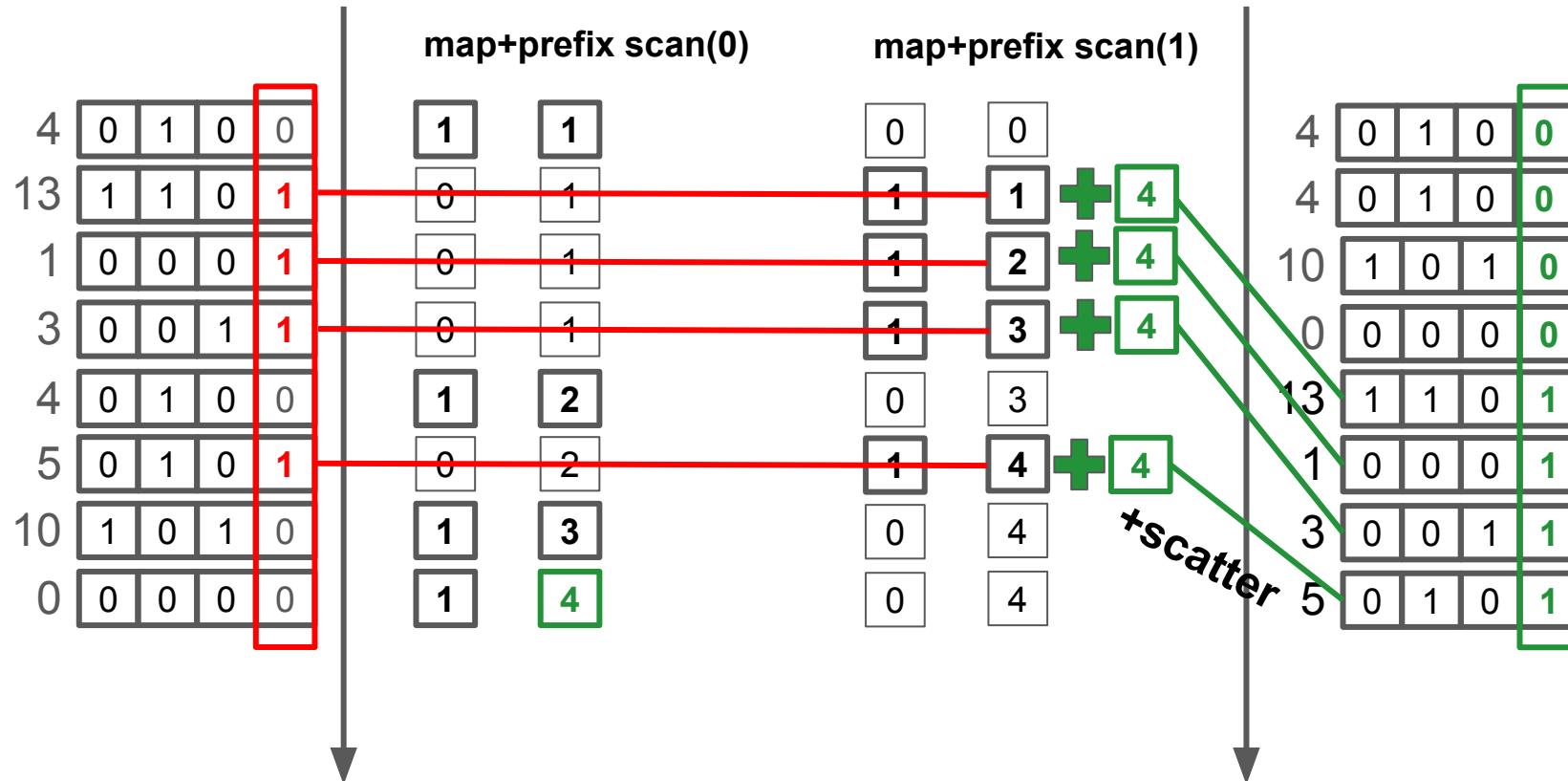


# Radix sort: сведение к prefix scan



## Вопросы?

# Radix sort: сведение к prefix scan





Перерыв!

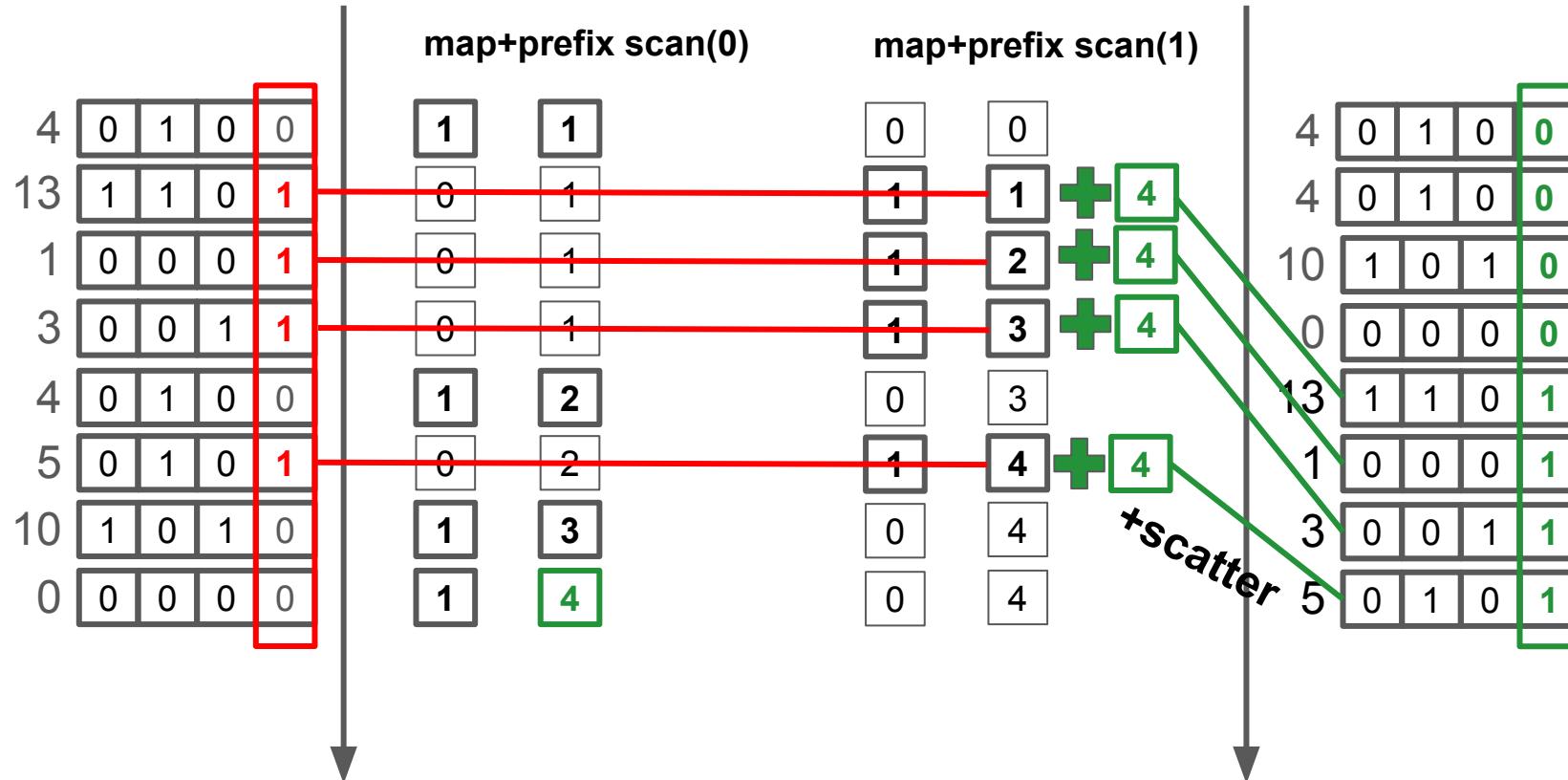
Streaming  
Pübiprocessor

Лицензия

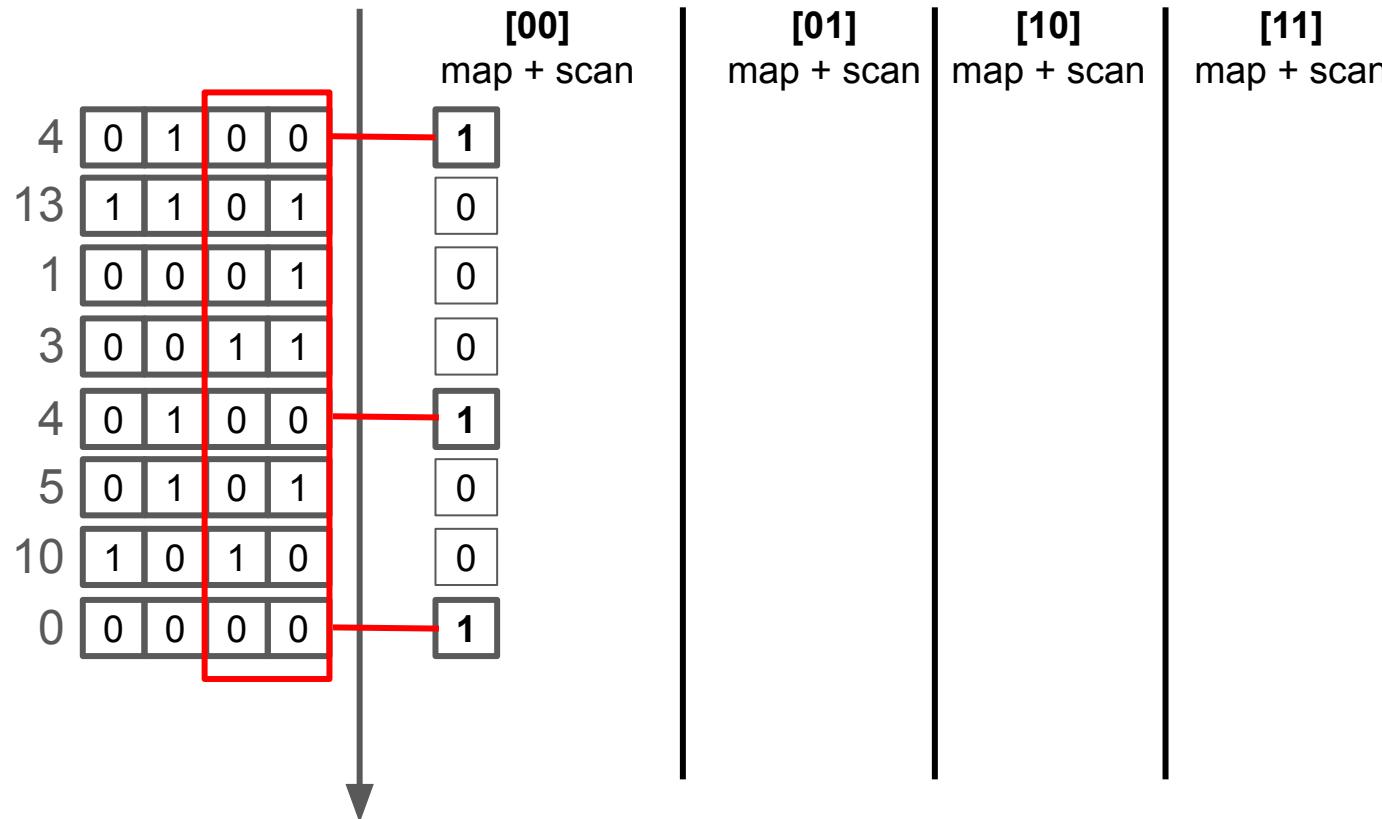
© VIDIA

В какой ресурс мы уперлись? Как ускорить?

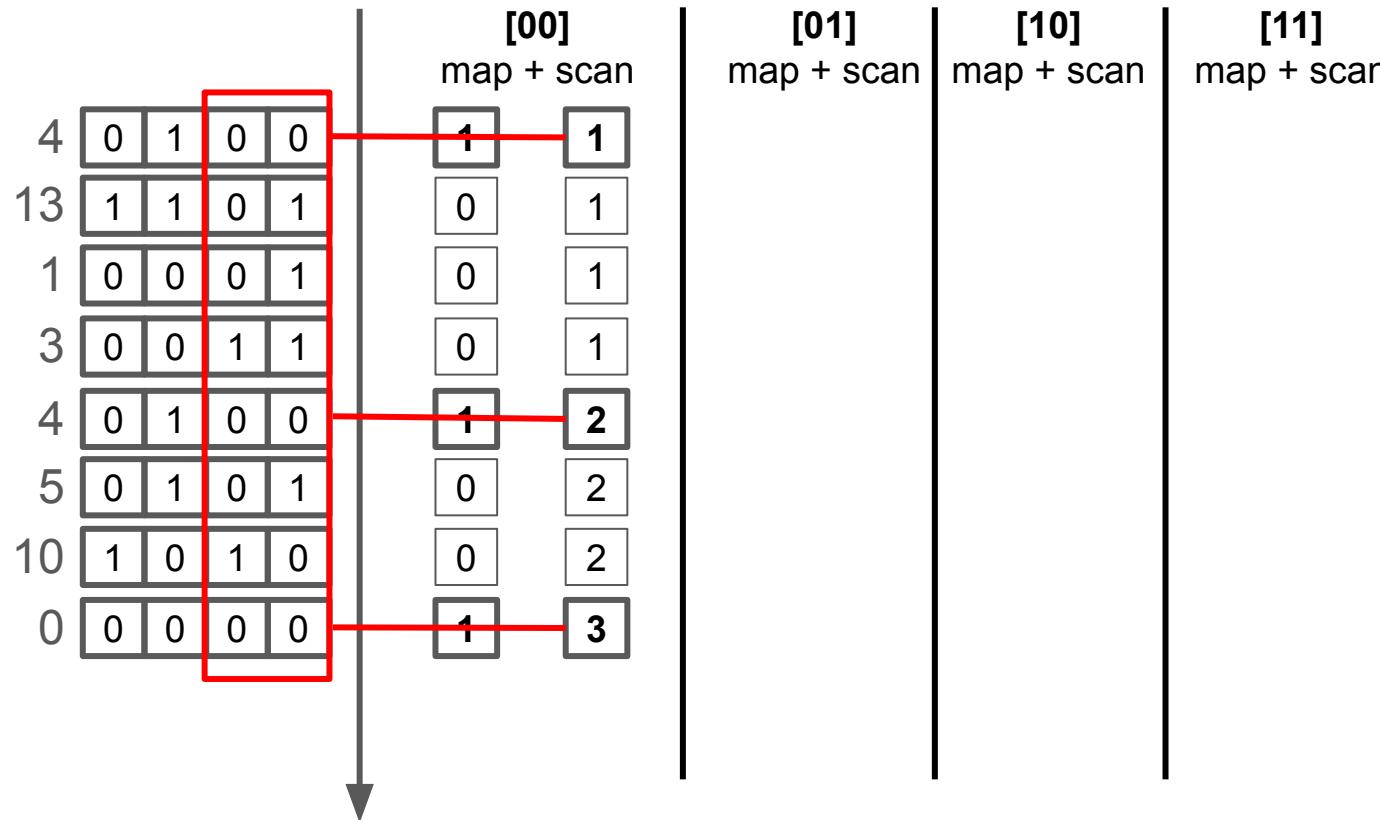
## Radix sort: сведение к prefix scan



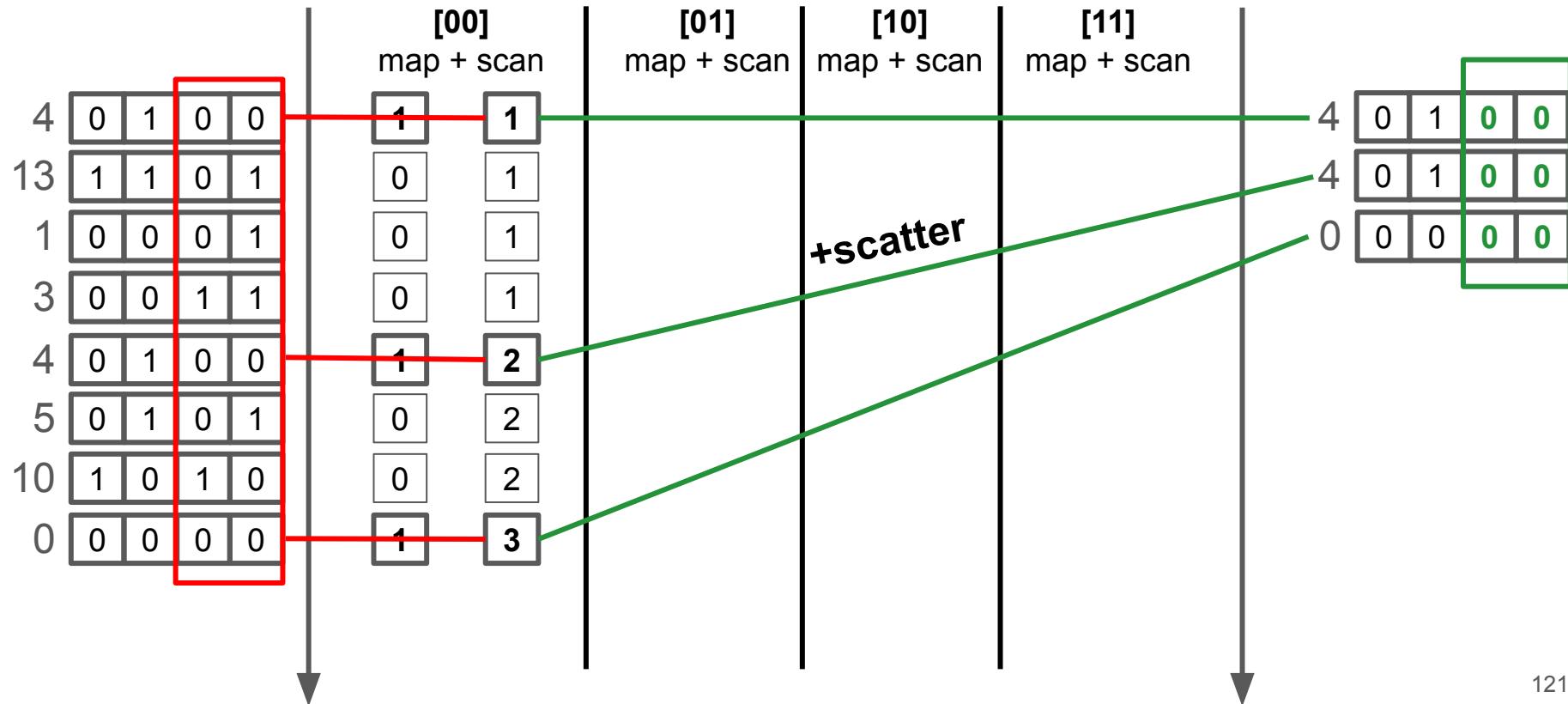
# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам



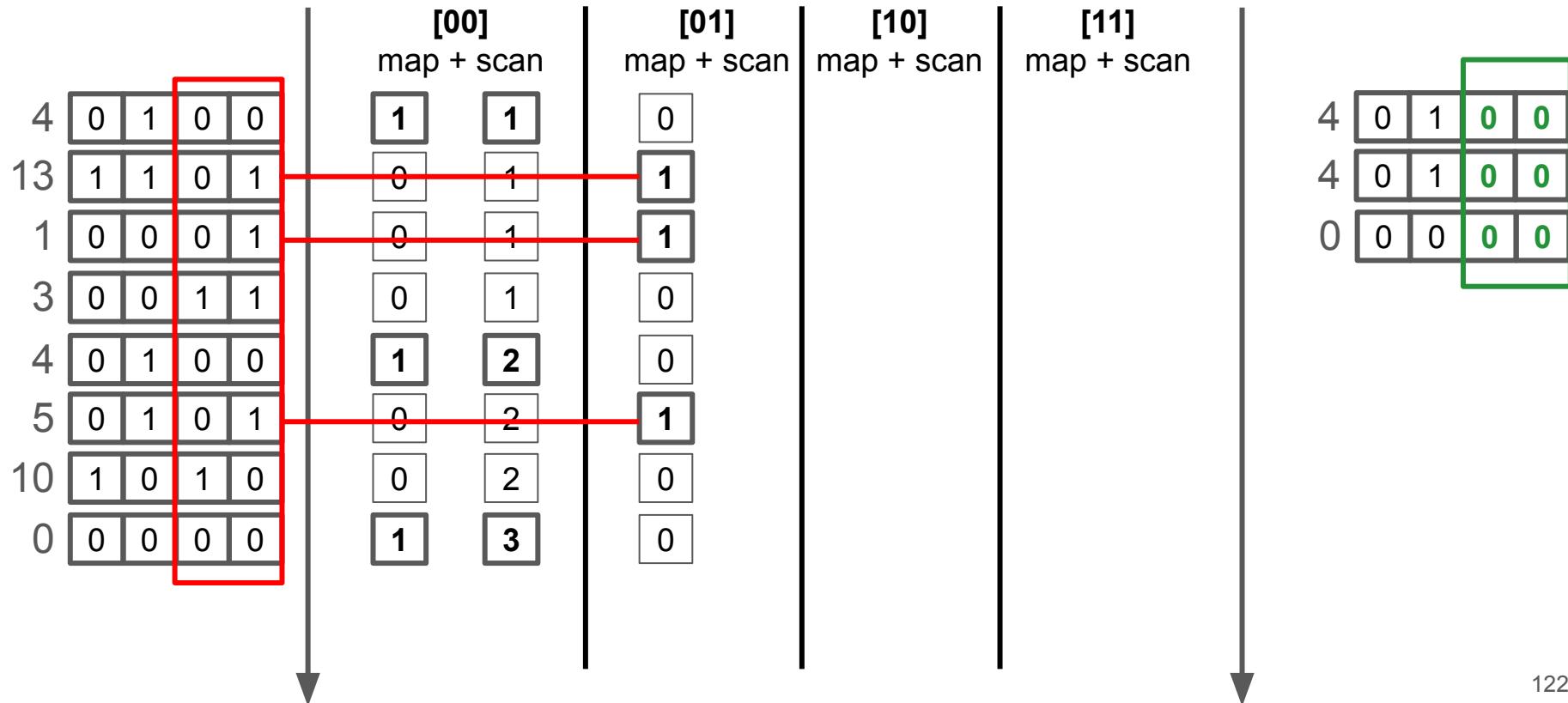
# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам



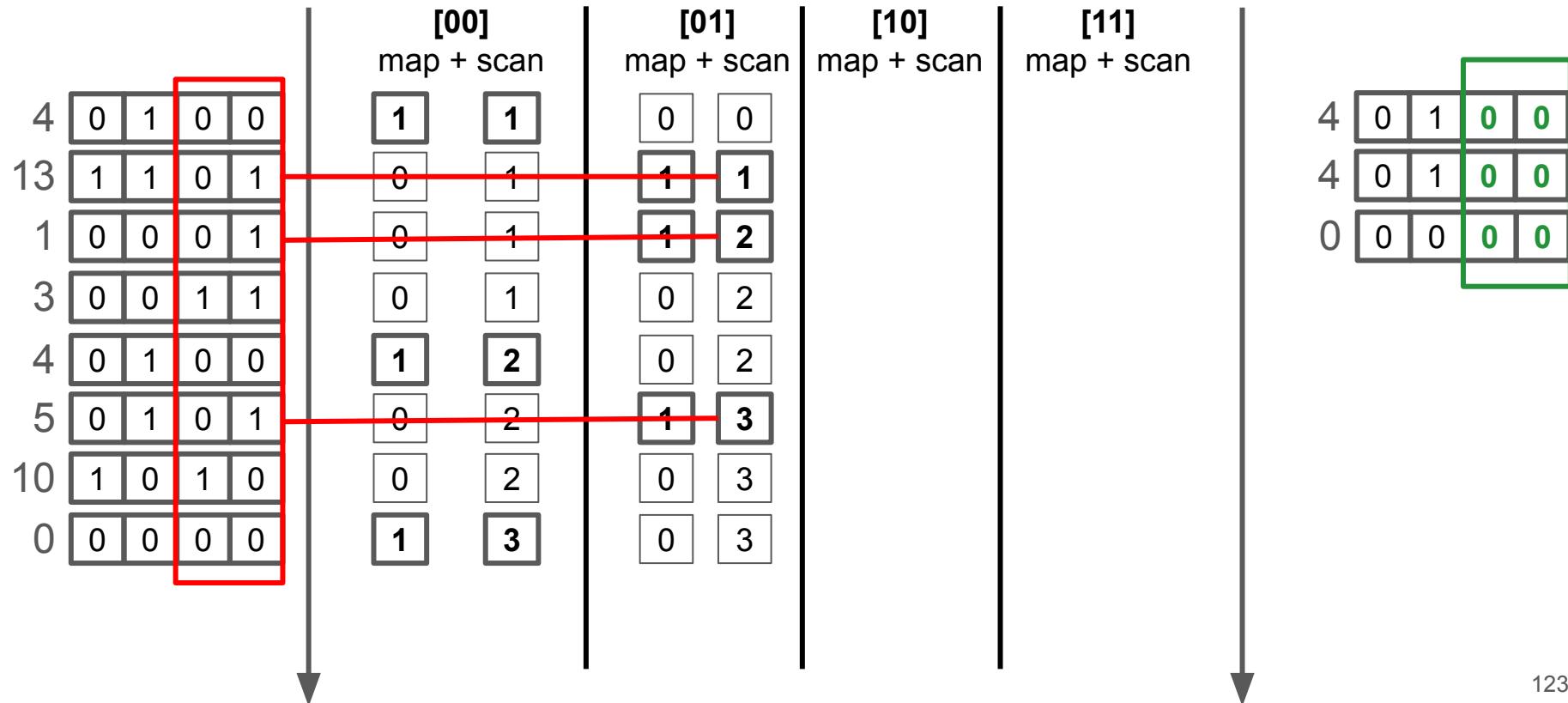
# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам



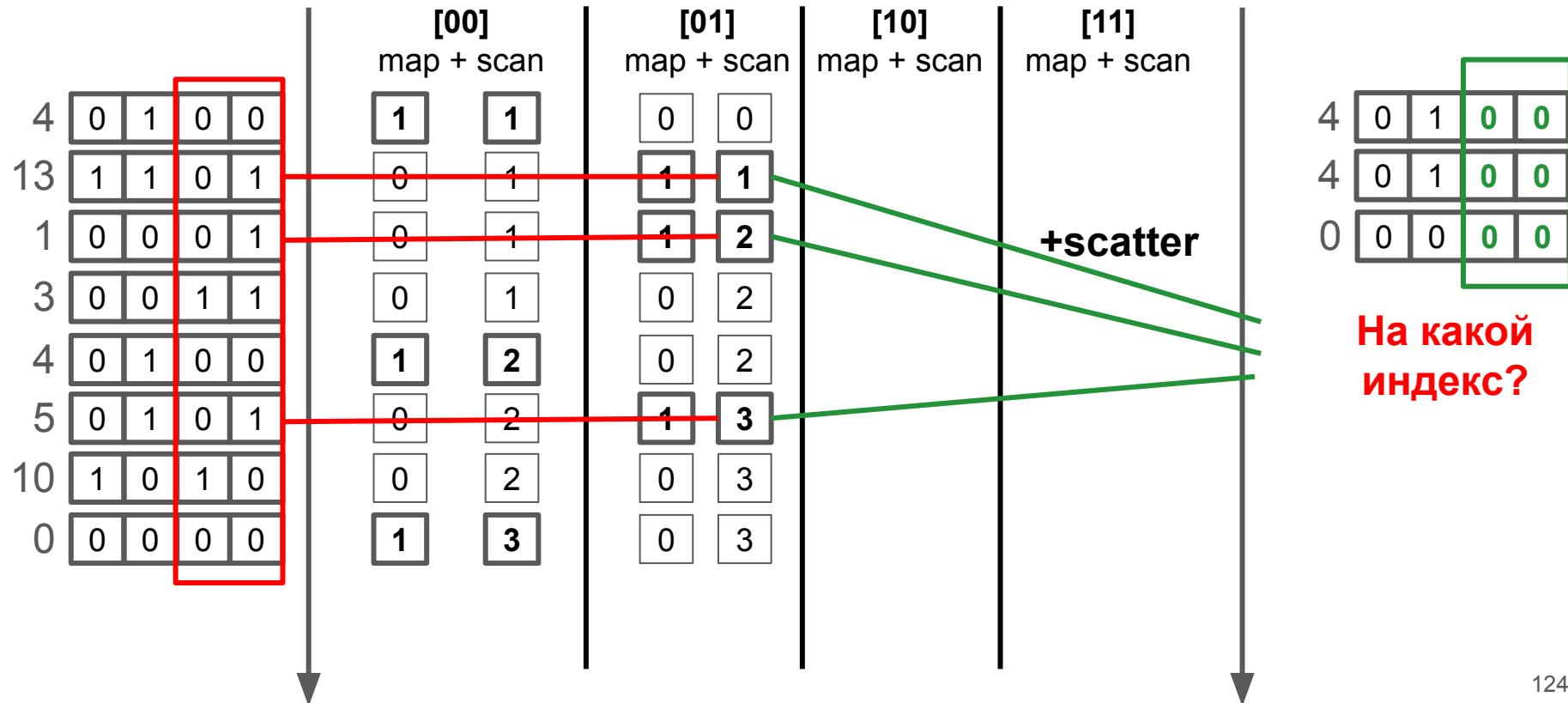
# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам



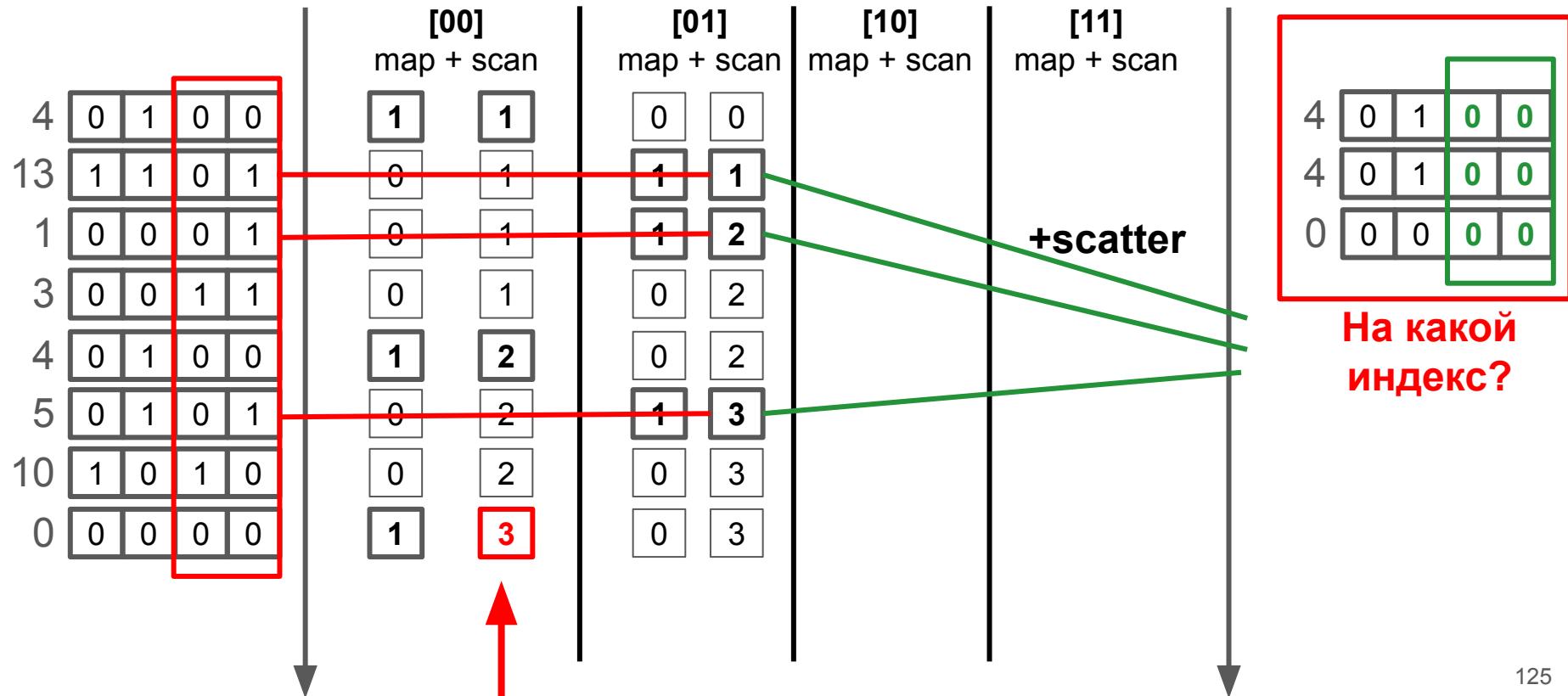
# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам



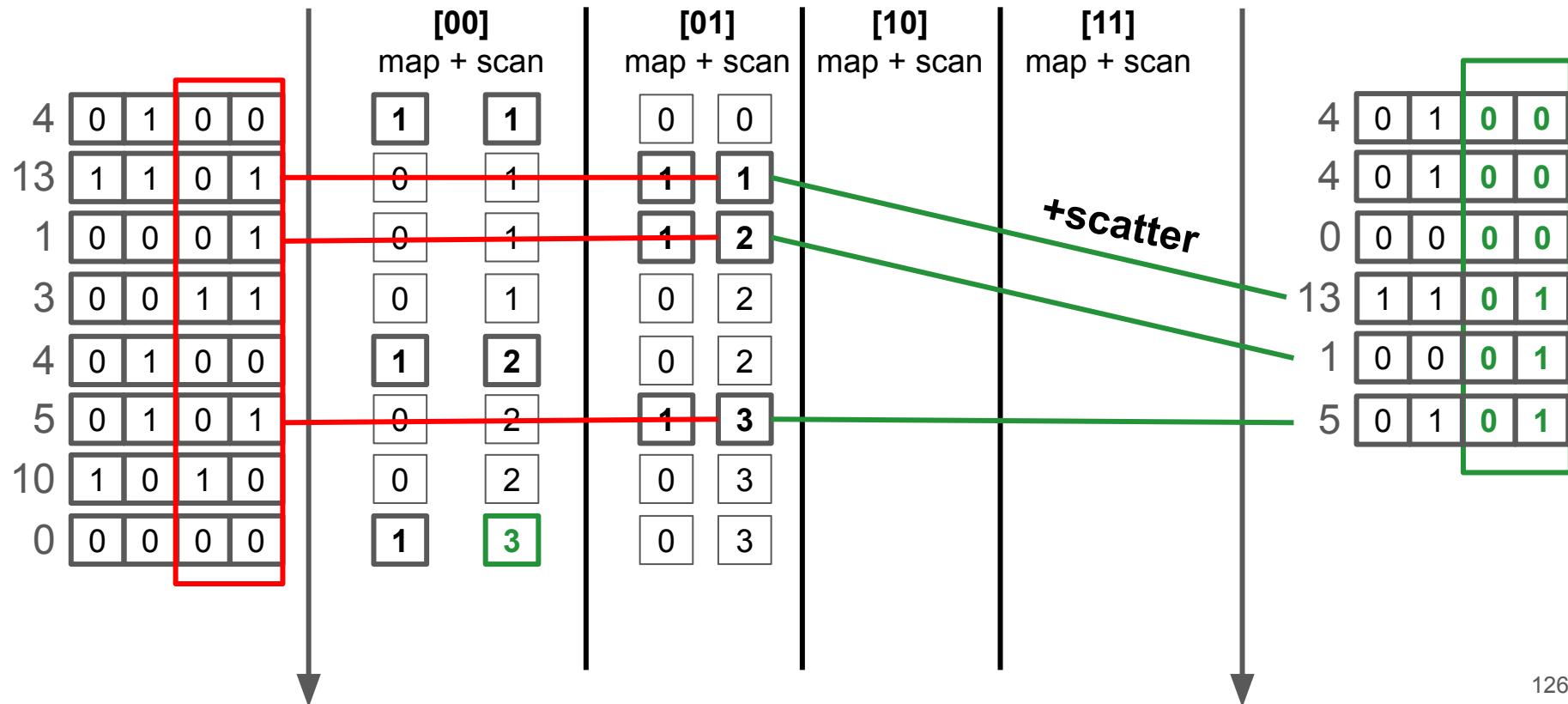
# Radix sort: сортировка по **нескольким** разрядам



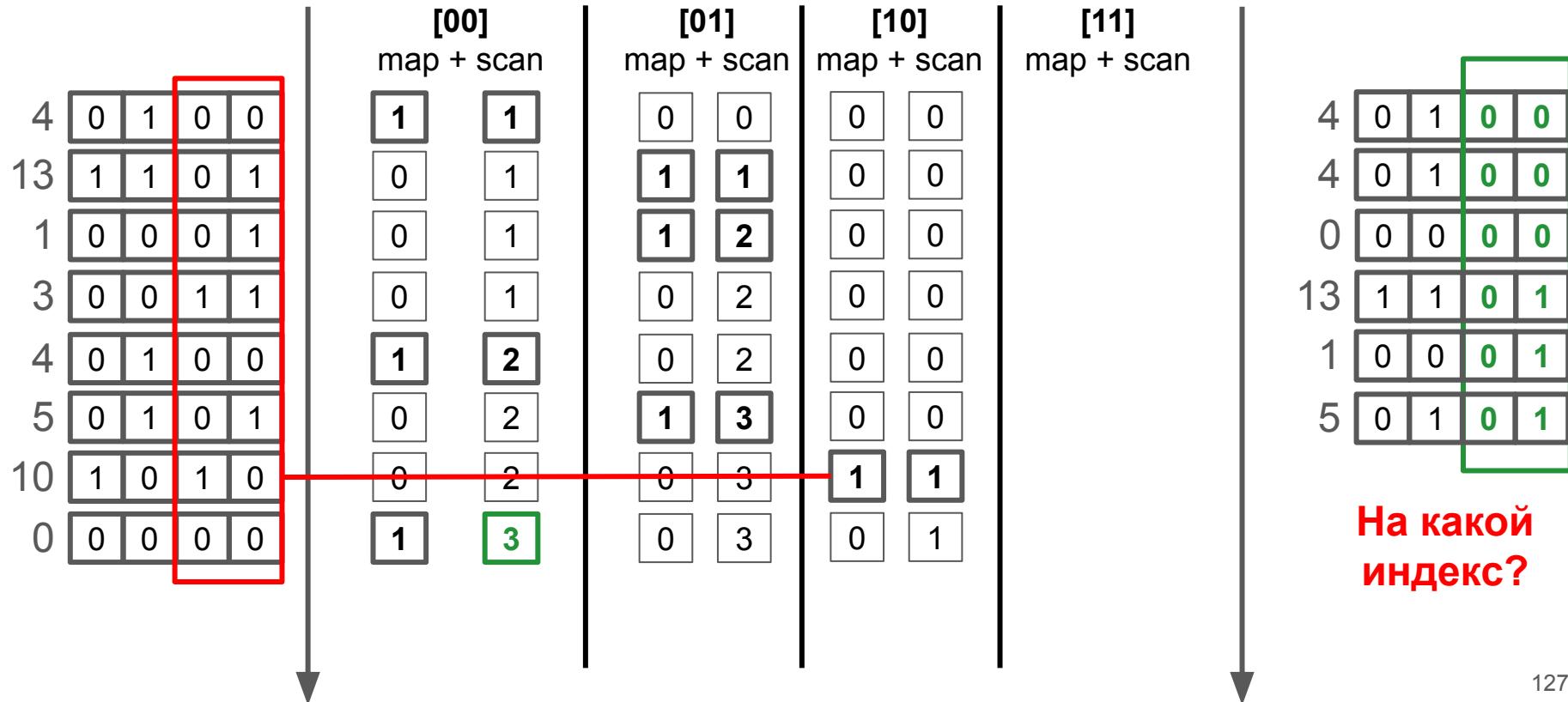
# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам



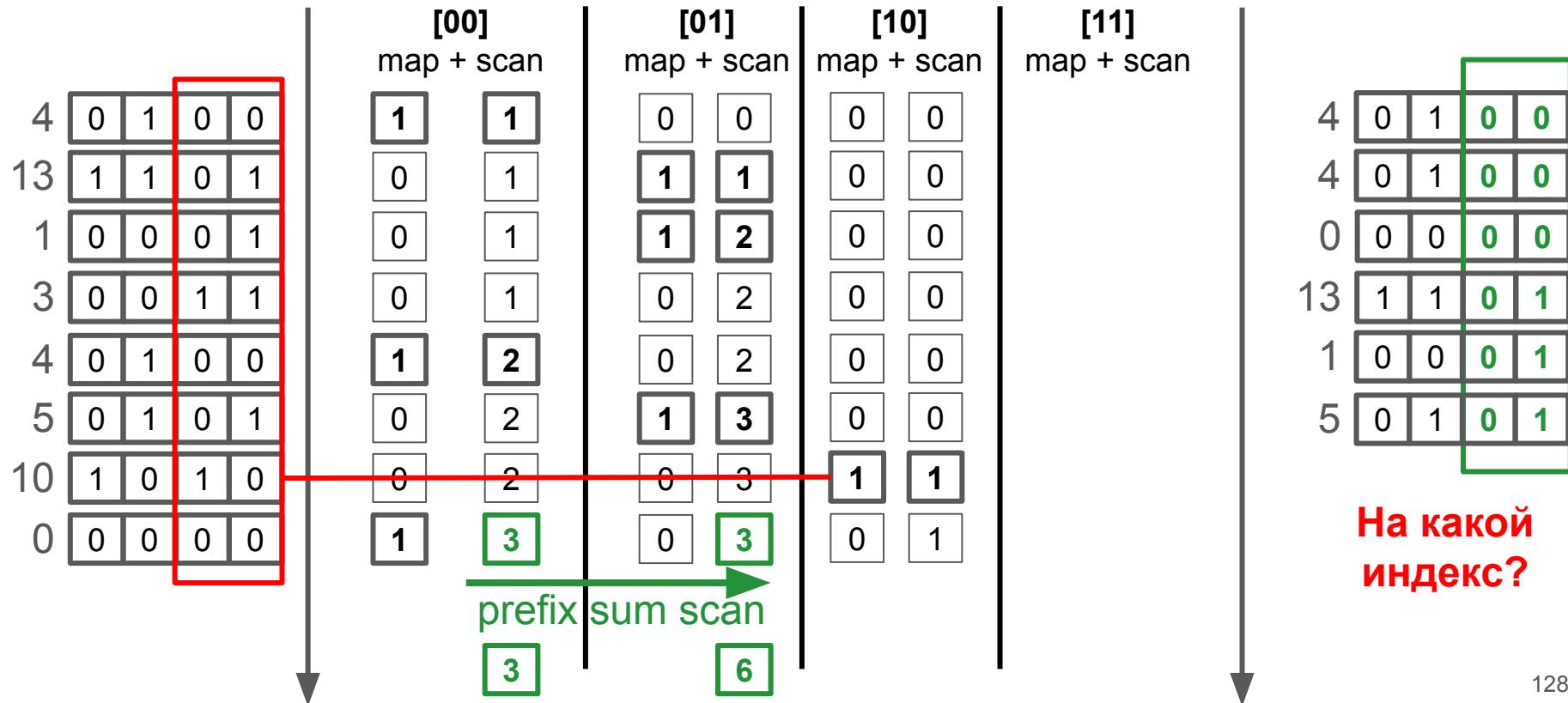
# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам



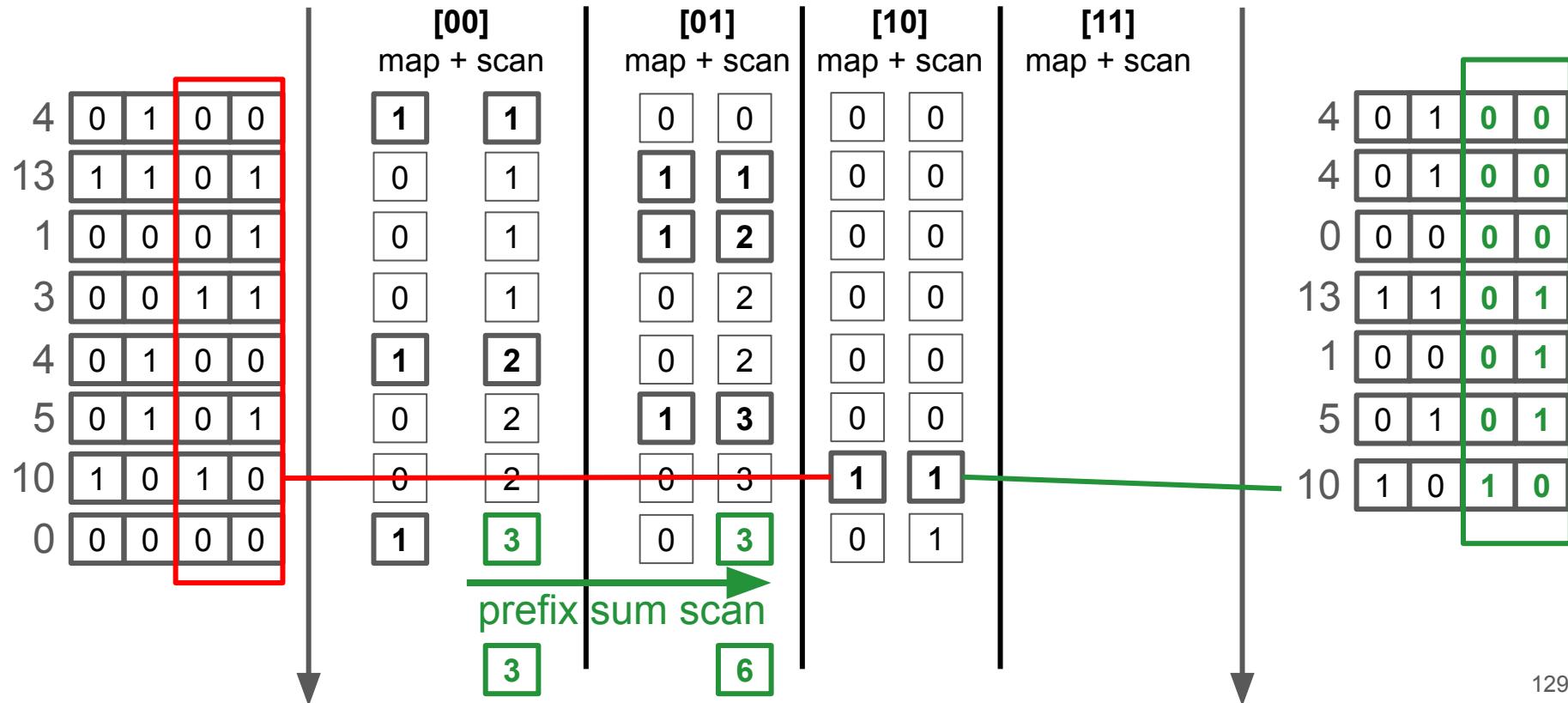
# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам



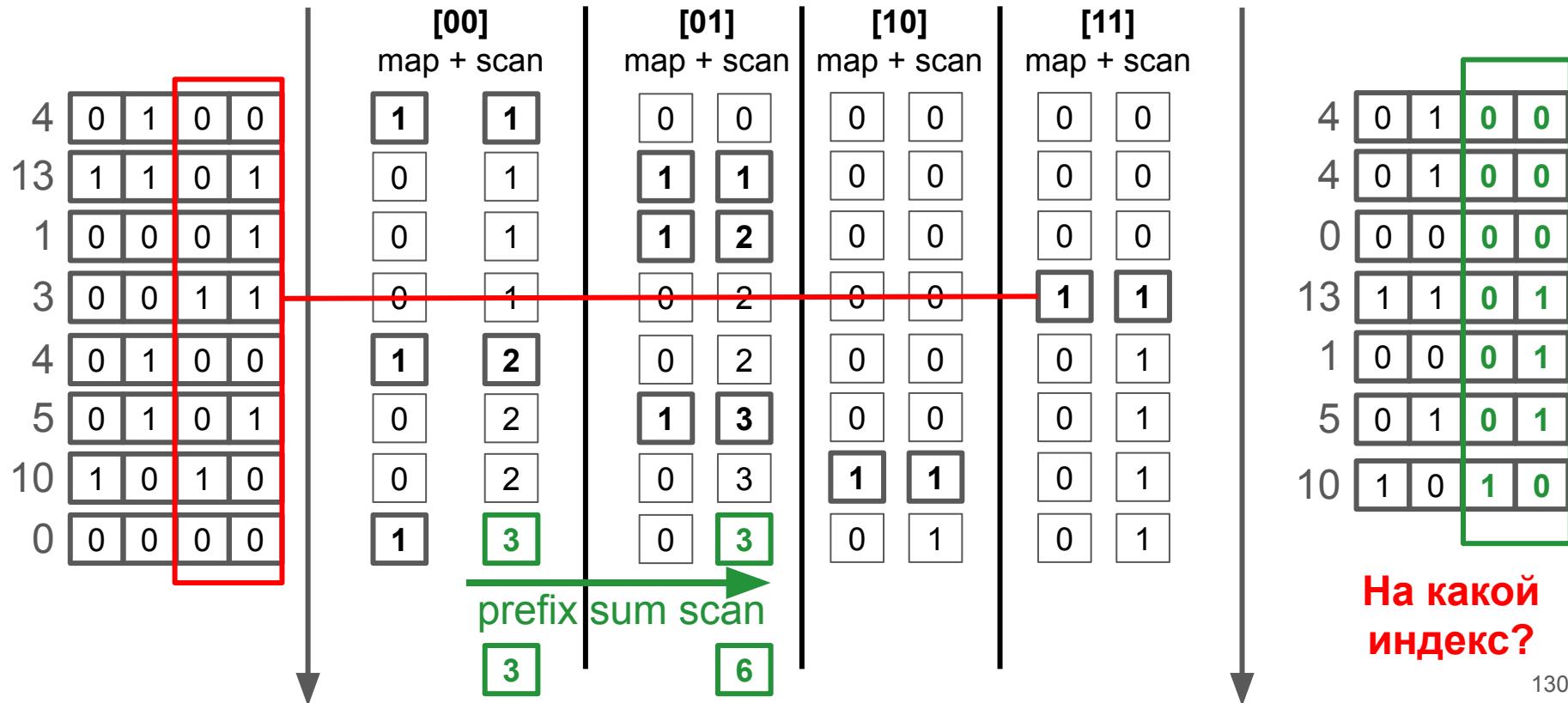
# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам



# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам

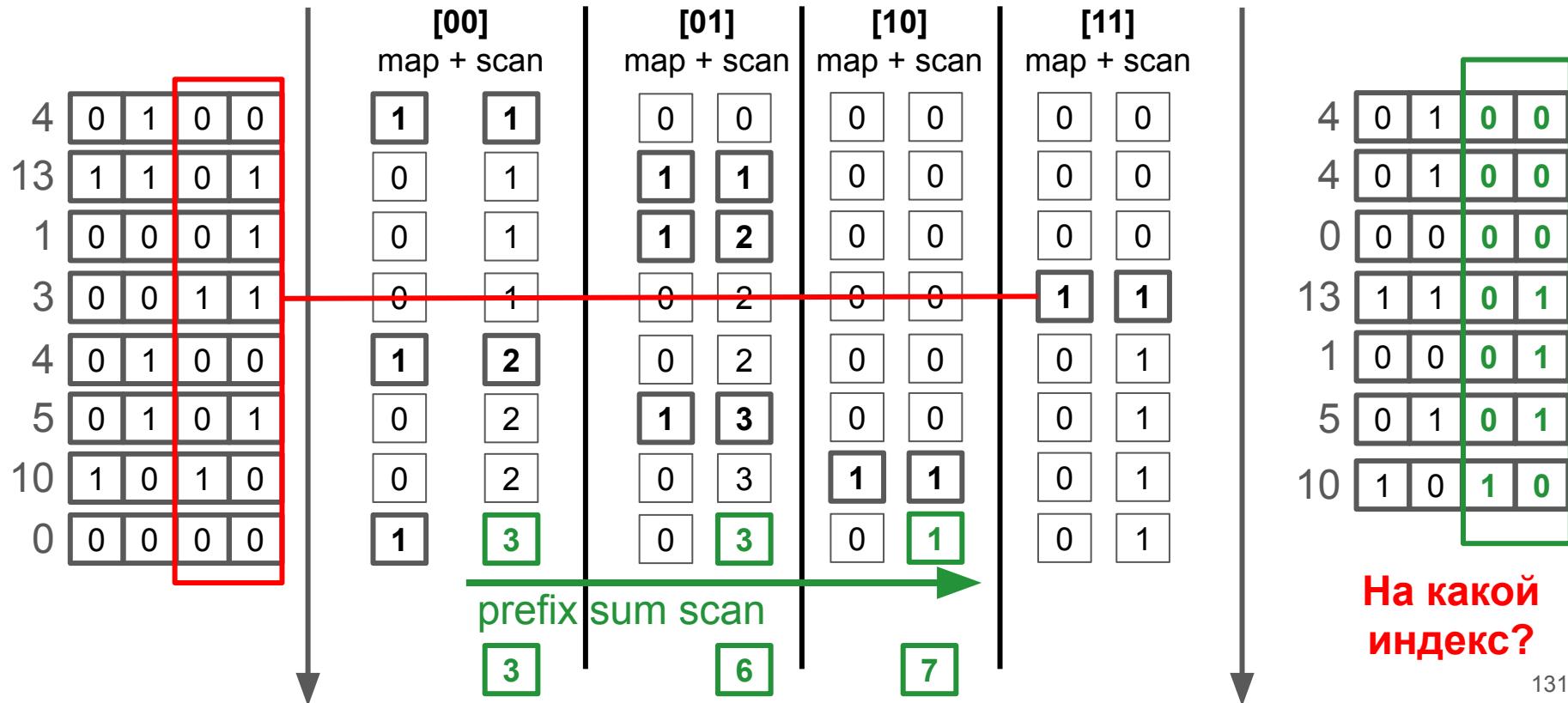


# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам

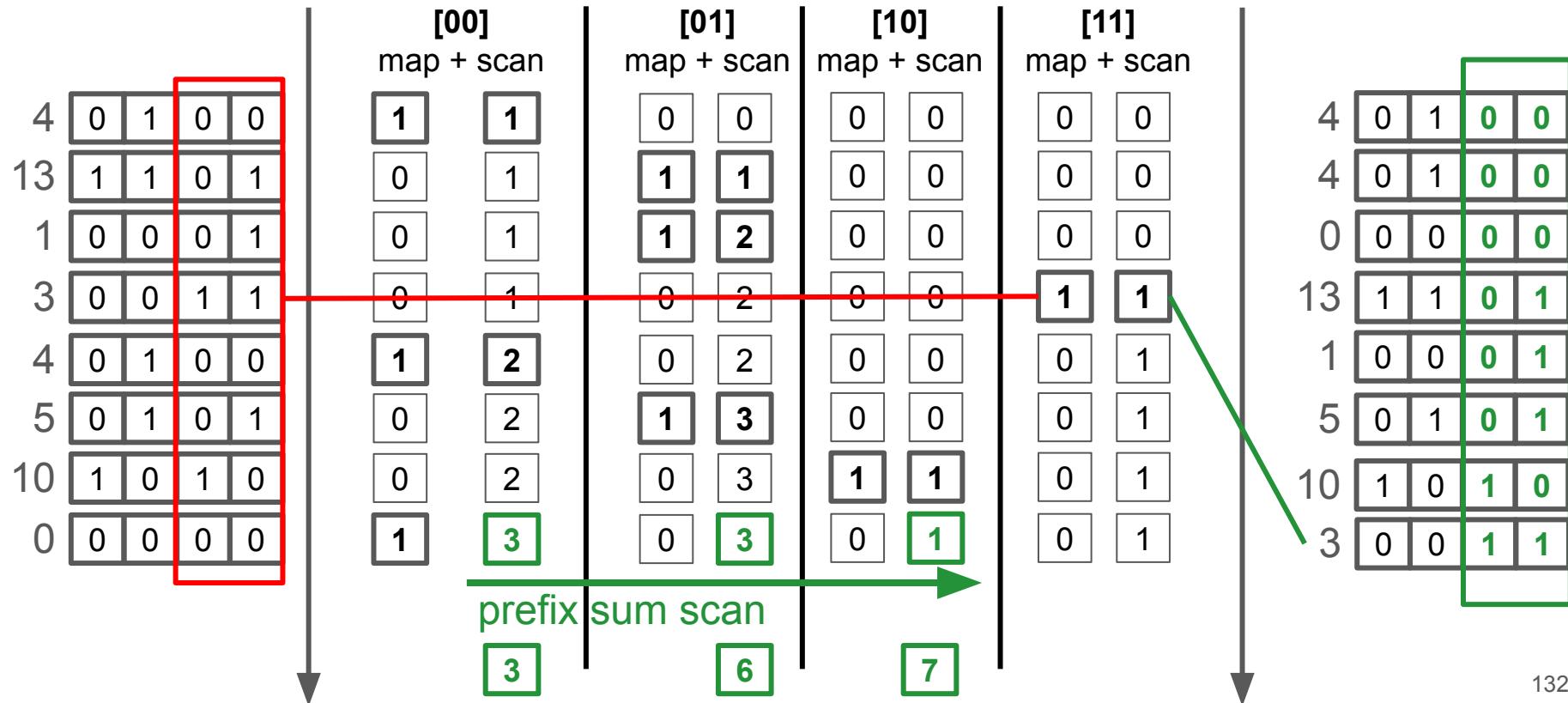


На какой  
индекс?

# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам



# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам



# Radix sort: сортировка по **нескольким разрядам**

for ***sorted\_bit\_offset*** in **[???**

# Radix sort: сортировка по **нескольким разрядам**

for ***sorted\_bit\_offset*** in ***[0, 4, 8, ..., 28]***

1) **???**

# Radix sort: сортировка по **нескольким разрядам**

for ***sorted\_bit\_offset*** in ***[0, 4, 8, ..., 28]***

- 1) **local counting**: в каждой группе считаем сколько каждого случая в группе
- 2) **???**

# Radix sort: сортировка по **нескольким разрядам**

for **sorted\_bit\_offset** in  $[0, 4, 8, \dots, 28]$

- 1) **local counting**: в каждой группе считаем  
*сколько каждого случая в группе*
- 2) **global prefix scan**: префиксными суммами по группам находим  
*сколько каждого случая до нашей группы*
- 3) **???**

# Radix sort: сортировка по **нескольким разрядам**

for **sorted\_bit\_offset** in  $[0, 4, 8, \dots, 28]$

- 1) **local counting**: в каждой группе считаем сколько каждого случая *в группе*
- 2) **global prefix scan**: префиксными суммами по группам находим сколько каждого случая *до нашей группы*
- 3) **global scater**: в каждой группе вновь считаем

???

= **global index** на который мы кладем наше число

# Radix sort: сортировка по **нескольким разрядам**

for **sorted\_bit\_offset** in  $[0, 4, 8, \dots, 28]$

- 1) **local counting**: в каждой группе считаем сколько каждого случая в группе
- 2) **global prefix scan**: префиксными суммами по группам находим сколько каждого случая до нашей группы
- 3) **global scater**: в каждой группе вновь считаем сколько каждого случая в группе (**local offset**)  
+ смотрим сколько каждого случая до нашей группы (**global offset**)  
= **global index** на который мы кладем наше число

## Вопросы?

# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам

for **sorted\_bit\_offset** in  $[0, 4, 8, \dots, 28]$

- 1) **local counting**: в каждой группе считаем сколько каждого случая в группе
- 2) **global prefix scan**: префиксными суммами по группам находим сколько каждого случая до нашей группы
- 3) **global scater**: в каждой группе вновь считаем сколько каждого случая в группе (**local offset**)  
+ смотрим сколько каждого случая до нашей группы (**global offset**)  
= **global index** на который мы кладем наше число

## Сколько проходов нужно?

# Radix sort: сортировка по нескольким разрядам

for **sorted\_bit\_offset** in  $[0, 4, 8, \dots, 28]$

- 1) **local counting**: в каждой группе считаем сколько каждого случая в группе
- 2) **global prefix scan**: префиксными суммами по группам находим сколько каждого случая до нашей группы
- 3) **global scater**: в каждой группе вновь считаем сколько каждого случая в группе (**local offset**)  
+ смотрим сколько каждого случая до нашей группы (**global offset**)  
= **global index** на который мы кладем наше число

Можно ли сразу отсортировать по 8 бит? А по 32 бита?

## Radix sort: сортировка по нескольким разрядам

for **sorted\_bit\_offset** in  $[0, 4, 8, \dots, 28]$

- 1) **local counting**: в каждой группе считаем сколько каждого случая в группе
- 2) **global prefix scan**: префиксными суммами по группам находим сколько каждого случая до нашей группы
- 3) **global scater**: в каждой группе вновь считаем сколько каждого случая в группе (**local offset**)  
+ смотрим сколько каждого случая до нашей группы (**global offset**)  
= **global index** на который мы кладем наше число

## Как сортировать пары key (uint32) + value (большое)?

### Radix sort: сортировка по нескольким разрядам

for **sorted\_bit\_offset** in  $[0, 4, 8, \dots, 28]$

- 1) **local counting**: в каждой группе считаем сколько каждого случая в группе
- 2) **global prefix scan**: префиксными суммами по группам находим сколько каждого случая до нашей группы
- 3) **global scater**: в каждой группе вновь считаем сколько каждого случая в группе (**local offset**)  
+ смотрим сколько каждого случая до нашей группы (**global offset**)  
= **global index** на который мы кладем наше число

# Radix sort: результаты (проход - 4 бита)

```
Using device #1: API: CUDA+OpenCL+Vulkan. GPU. NVIDIA GeForce RTX 4090 (CUDA 12090). Free memory: 22994/24563 Mb.
Using CUDA API...
n=1000000000 max_value=2147483647
sorting on CPU...
CPU std::sort finished in 7.59589 sec
CPU std::sort effective RAM bandwidth: 0.0980841 GB/s (13.1645 uint millions/s)
GPU radix-sort times (in seconds) - 10 values (min=0.0513104 10%=0.0517715 median=0.0521597 90%=0.176323 max=0.176323)
GPU radix-sort median effective VRAM bandwidth: 14.2842 GB/s (1917.19 uint millions/s)
```

```
Using device #0: API: CUDA+OpenCL+Vulkan. GPU. Tesla T4 (CUDA 12020). Free memory: 14822/14930 Mb.
Using CUDA API...
n=1000000000 max_value=2147483647
sorting on CPU...
CPU std::sort finished in 11.0169 sec
CPU std::sort effective RAM bandwidth: 0.0676285 GB/s (9.07694 uint millions/s)
GPU radix-sort times (in seconds) - 10 values (min=0.222695 10%=0.222791 median=0.223857 90%=0.361715 max=0.361715)
GPU radix-sort median effective VRAM bandwidth: 3.32827 GB/s (446.713 uint millions/s)
```

# Radix sort: результаты (проход - 4 бита)

```
Using device #1: API: CUDA+OpenCL+Vulkan. GPU. NVIDIA GeForce RTX 4090 (CUDA 12090). Free memory: 22994/24563 Mb.
Using CUDA API...
n=1000000000 max_value=2147483647
sorting on CPU...
CPU std::sort finished in 7.59589 sec
CPU std::sort effective RAM bandwidth: 0.0980841 GB/s (13.1645 uint millions/s)
GPU radix-sort times (in seconds) - 10 values (min=0.0513104 10%=0.0517715 median=0.0521597 90%=0.176323 max=0.176323)
GPU radix-sort median effective VRAM bandwidth: 14.2842 GB/s (1917.19 uint millions/s)
prefix sum median effective VRAM bandwidth: 40.3089 GB/s (5410.17 uint millions/s)
```

```
Using device #0: API: CUDA+OpenCL+Vulkan. GPU. Tesla T4 (CUDA 12020). Free memory: 14822/14930 Mb.
Using CUDA API...
n=1000000000 max_value=2147483647
sorting on CPU...
CPU std::sort finished in 11.0169 sec
CPU std::sort effective RAM bandwidth: 0.0676285 GB/s (9.07694 uint millions/s)
GPU radix-sort times (in seconds) - 10 values (min=0.222695 10%=0.222791 median=0.223857 90%=0.361715 max=0.361715)
GPU radix-sort median effective VRAM bandwidth: 3.32827 GB/s (446.713 uint millions/s)
prefix sum median effective VRAM bandwidth: 10.6824 GB/s (1433.76 uint millions/s)
```

```
-----bits offset: 0-----  
a_gpu: 5 values: [4 6 6 5 4]
```

```
----- bits offset: 0 -----  
a_gpu: 5 values: [4 6 6 5 4]  
a_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[1] 010[0]]
```

```
----- bits offset: 0 -----  
    a_gpu: 5 values: [4 6 6 5 4]  
    a_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[1] 010[0]]  
per_chunk_counts_gpu: 2 values: [4 252]
```

```
-----bits offset: 0-----  
    a_gpu: 5 values: [4 6 6 5 4]  
    a_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[1] 010[0]]  
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [4 252]  
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [4 252]
```

```
-----bits offset: 0-----  
    a_gpu: 5 values: [4 6 6 5 4]  
    a_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[1] 010[0]]  
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [4 252]  
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [4 252]  
    b_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[0] 010[1]]  
    b_gpu: 5 values: [4 6 6 4 5]
```

```
----- bits offset: 0 -----
    a_gpu: 5 values: [4 6 6 5 4]
    a_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[1] 010[0]]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [4 252]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [4 252]
        b_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[0] 010[1]]
        b_gpu: 5 values: [4 6 6 4 5]
----- bits offset: 1 -----
    a_gpu: 5 values: [4 6 6 5 4]
    a_gpu: 5 values: [01[0]0 01[1]0 01[1]0 01[0]1 01[0]0]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [3 253]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [3 253]
        b_gpu: 5 values: [01[0]0 01[0]1 01[0]0 01[1]0 01[1]0]
        b_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
----- bits offset: 2 -----
rassert code=345214321 line=40
    a_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
    a_gpu: 5 values: [0[1]00 0[1]01 0[1]00 0[1]10 0[1]10]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [0 0]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [0 0]
rassert code=345214321 line=64
    b_gpu: 5 values: [0[1]00 0[1]01 0[1]00 0[1]10 0[1]10]
    b_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
----- bits offset: 3 -----
    a_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
    a_gpu: 5 values: [[0]100 [0]101 [0]100 [0]110 [0]110]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [5 251]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [5 251]
        b_gpu: 5 values: [[0]100 [0]101 [0]100 [0]110 [0]110]
        b_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
```

```

----- bits offset: 0 -----
    a_gpu: 5 values: [4 6 6 5 4]
    a_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[1] 010[0]]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [4 252]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [4 252]
        b_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[0] 010[1]]
        b_gpu: 5 values: [4 6 6 4 5]
----- bits offset: 1 -----
    a_gpu: 5 values: [4 6 6 5 4]
    a_gpu: 5 values: [01[0]0 01[1]0 01[1]0 01[0]1 01[0]0]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [3 253]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [3 253]
        b_gpu: 5 values: [01[0]0 01[0]1 01[0]0 01[1]0 01[1]0]
        b_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
----- bits offset: 2 -----
rassert code=345214321 line=40
    a_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
    a_gpu: 5 values: [0[1]00 0[1]01 0[1]00 0[1]10 0[1]10]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [0 0]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [0 0]
rassert code=345214321 line=64
    b_gpu: 5 values: [0[1]00 0[1]01 0[1]00 0[1]10 0[1]10]
    b_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
----- bits offset: 3 -----
    a_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
    a_gpu: 5 values: [[0]100 [0]101 [0]100 [0]110 [0]110]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [5 251]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [5 251]
        b_gpu: 5 values: [[0]100 [0]101 [0]100 [0]110 [0]110]
        b_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0139145 10%=0.0139145 median=0.0139145 '
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 2.67727e-06 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 4 5 1" failed at line 233

```

```
----- bits offset: 0 -----
    a_gpu: 5 values: [4 6 6 5 4]
    a_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[1] 010[0]]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [4 252]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [4 252]
        b_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[0] 010[1]]
        b_gpu: 5 values: [4 6 6 4 5]
----- bits offset: 1 -----
    a_gpu: 5 values: [4 6 6 5 4]
    a_gpu: 5 values: [01[0]0 01[1]0 01[1]0 01[0]1 01[0]0]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [3 253]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [3 253]
        b_gpu: 5 values: [01[0]0 01[0]1 01[0]0 01[1]0 01[1]0]
        b_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
----- bits offset: 2 -----
rassert code=345214321 line=40
    a_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
    a_gpu: 5 values: [0[1]00 0[1]01 0[1]00 0[1]10 0[1]10]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [0 0]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [0 0]
rassert code=345214321 line=64
    b_gpu: 5 values: [0[1]00 0[1]01 0[1]00 0[1]10 0[1]10]
    b_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
----- bits offset: 3 -----
    a_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
    a_gpu: 5 values: [[0]100 [0]101 [0]100 [0]110 [0]110]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [5 251]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [5 251]
        b_gpu: 5 values: [[0]100 [0]101 [0]100 [0]110 [0]110]
        b_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
----- radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0139145 10%=0.0139145 median=0.0139145 -----
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 2.67727e-06 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 4 5 1" failed at line 233
```

```

----- bits offset: 0 -----
    a_gpu: 5 values: [4 6 6 5 4]
    a_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[1] 010[0]]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [4 252]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [4 252]
        b_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[0] 010[1]]
        b_gpu: 5 values: [4 6 6 4 5]
----- bits offset: 1 -----
    a_gpu: 5 values: [4 6 6 5 4]
    a_gpu: 5 values: [01[0]0 01[1]0 01[1]0 01[0]1 01[0]0]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [3 253]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [3 253]
        b_gpu: 5 values: [01[0]0 01[0]1 01[0]0 01[1]0 01[1]0]
        b_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
----- bits offset: 2 -----
rassert code=345214321 line=40
    a_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
    a_gpu: 5 values: [0[1]00 0[1]01 0[1]00 0[1]10 0[1]10]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [0 0]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [0 0]
rassert code=345214321 line=64
    b_gpu: 5 values: [0[1]00 0[1]01 0[1]00 0[1]10 0[1]10]
    b_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
----- bits offset: 3 -----
    a_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
    a_gpu: 5 values: [[0]100 [0]101 [0]100 [0]110 [0]110]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [5 251]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [5 251]
        b_gpu: 5 values: [[0]100 [0]101 [0]100 [0]110 [0]110]
        b_gpu: 5 values: [4 5 4 6 6]
radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0139145 10%=0.0139145 median=0.0139145 '
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 2.67727e-06 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 4 5 1" failed at line 233

```

```

----- bits offset: 0 -----
    a_gpu: 5 values: [4 6 5 4]
    a_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[1] 010[0]]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [4 252]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [4 252]
        b_gpu: 5 values: [010[0] 011[0] 011[0] 010[0] 010[1]]
        b_gpu: 5 values: [4 6 6 4 5]
----- bits offset: 1 -----
        a_gpu: 5 values: [4 6 6 4 5]
        a_gpu: 5 values: [01[0]0 01[1]0 01[1]0 01[0]0 01[0]1]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [3 253]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [3 253]
        b_gpu: 5 values: [01[0]0 01[0]0 01[0]1 01[1]0 01[1]0]
        b_gpu: 5 values: [4 4 5 6 6]
----- bits offset: 2 -----
rassert code=345214321 line=40
    a_gpu: 5 values: [4 4 5 6 6]
    a_gpu: 5 values: [0[1]00 0[1]00 0[1]01 0[1]10 0[1]10]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [0 0]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [0 0]
rassert code=345214321 line=64
    b_gpu: 5 values: [0[1]00 0[1]00 0[1]01 0[1]10 0[1]10]
    b_gpu: 5 values: [4 4 5 6 6]
----- bits offset: 3 -----
    a_gpu: 5 values: [4 4 5 6 6]
    a_gpu: 5 values: [[0]100 [0]100 [0]101 [0]110 [0]110]
    per_chunk_counts_gpu: 2 values: [5 251]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 2 values: [5 251]
        b_gpu: 5 values: [[0]100 [0]100 [0]101 [0]110 [0]110]
        b_gpu: 5 values: [4 4 5 6 6]

```

```
bits offset: 0-----  
a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]  
a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
```

```
bits offset: 0-----  
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]  
    a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]  
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
```

```
bits offset: 0-----  
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]  
    a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]  
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]  
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
```

```
bits offset: 0-----  
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]  
    a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]  
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]  
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]  
    b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]  
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
```

```
bits offset: 0
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]
    a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
    b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
bits offset: 2
    a_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
    a_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[10]10 0[10]10 0[01]10 0[01]10 0[00]11 0[11]11]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
    b_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[00]11 0[01]10 0[01]10 0[10]10 0[10]10 0[11]11]
    b_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15]
radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0668512 10%=0.0668512 median=0.0668512 90%=0.0668512 max=0
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 8.91602e-07 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 3 16 0" failed at line 234
```

```
bits offset: 0
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]
input → a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
output → b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15] Как быстро проверить?
bits offset: 2
    a_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
    a_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[10]10 0[10]10 0[01]10 0[01]10 0[00]11 0[11]11]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
    b_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[00]11 0[01]10 0[01]10 0[10]10 0[10]10 0[11]11]
    b_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15]
radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0668512 10%=0.0668512 median=0.0668512 90%=0.0668512 max=0
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 8.91602e-07 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 3 16 0" failed at line 234
```

```
bits offset: 0
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]
input → a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
    per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
output → b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
bits offset: 2
    a_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
    a_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[10]10 0[10]10 0[01]10 0[01]10 0[00]11 0[11]11]
    per_chunk_counts_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
    b_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[00]11 0[01]10 0[01]10 0[10]10 0[10]10 0[11]11]
    b_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15]
radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0668512 10%=0.0668512 median=0.0668512 90%=0.0668512 max=0
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 8.91602e-07 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 3 16 0" failed at line 234
```

```
bits offset: 0
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]
input → a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
    per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
output → b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
bits offset: 2
    a_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
    a_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[10]10 0[10]10 0[01]10 0[01]10 0[00]11 0[11]11]
    per_chunk_counts_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
    b_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[00]11 0[01]10 0[01]10 0[10]10 0[10]10 0[11]11]
    b_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15]
radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0668512 10%=0.0668512 median=0.0668512 90%=0.0668512 max=0
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 8.91602e-07 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 3 16 0" failed at line 234
```

```
bits offset: 0
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]
input → a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
    per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
output → b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]

bits offset: 2
    a_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
    a_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[10]10 0[10]10 0[01]10 0[01]10 0[00]11 0[11]11]
    per_chunk_counts_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
    b_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[00]11 0[01]10 0[01]10 0[10]10 0[10]10 0[11]11]
    b_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15]

radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0668512 10%=0.0668512 median=0.0668512 90%=0.0668512 max=0
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 8.91602e-07 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 3 16 0" failed at line 234
```

```
bits offset: 0
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]
input → a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
    per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
output → b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]

bits offset: 2
    a_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
    a_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[10]10 0[10]10 0[01]10 0[01]10 0[00]11 0[11]11]
    per_chunk_counts_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
    per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
    b_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[00]11 0[01]10 0[01]10 0[10]10 0[10]10 0[11]11]
    b_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15]

radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0668512 10%=0.0668512 median=0.0668512 90%=0.0668512 max=0
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 8.91602e-07 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 3 16 0" failed at line 234
```

```

bits offset: 0
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]
    a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
    b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]

bits offset: 2
    a_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
input → a_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[10]10 0[10]10 0[01]10 0[01]10 0[00]11 0[11]11]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
output → b_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[00]11 0[01]10 0[01]10 0[10]10 0[10]10 0[11]11]
    b_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15]

radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0668512 10%=0.0668512 median=0.0668512 90%=0.0668512 max=0
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 8.91602e-07 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 3 16 0" failed at line 234

```

```

bits offset: 0
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]
    a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
    b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]

bits offset: 2
    a_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
input → a_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[10]10 0[10]10 0[01]10 0[01]10 0[00]11 0[11]11]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
output → b_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[00]11 0[01]10 0[01]10 0[10]10 0[10]10 0[11]11]
    b_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15]

radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0668512 10%=0.0668512 median=0.0668512 90%=0.0668512 max=0
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 8.91602e-07 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 3 16 0" failed at line 234

```

```
bits offset: 0
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]
    a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
    b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]

bits offset: 2
    a_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
input → a_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[10]10 0[10]10 0[01]10 0[01]10 0[00]11 0[11]11]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
output → b_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[00]11 0[01]10 0[01]10 0[10]10 0[10]10 0[11]11]
    b_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15]

radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0668512 10%=0.0668512 median=0.0668512 90%=0.0668512 max=0
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 8.91602e-07 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 3 16 0" failed at line 234
```

```
bits offset: 0
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]
    a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
    b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]

bits offset: 2
    a_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
input → a_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[10]10 0[10]10 0[01]10 0[01]10 0[00]11 0[11]11]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
output → b_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[00]11 0[01]10 0[01]10 0[10]10 0[10]10 0[11]11]
    b_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15]

radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0668512 10%=0.0668512 median=0.0668512 90%=0.0668512 max=0
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 8.91602e-07 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 3 16 0" failed at line 234
```

```
bits offset: 0
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]
    a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
    b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]

bits offset: 2
    a_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
    a_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[10]10 0[10]10 0[01]10 0[01]10 0[00]11 0[11]11]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
output → b_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[00]11 0[01]10 0[01]10 0[10]10 0[10]10 0[11]11]
    b_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15]

radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0668512 10%=0.0668512 median=0.0668512 90%=0.0668512 max=0
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 8.91602e-07 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 3 16 0" failed at line 234
```

```
bits offset: 0
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]
    a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
    b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]

bits offset: 2
    a_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
    a_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[10]10 0[10]10 0[01]10 0[01]10 0[00]11 0[11]11]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
output → b_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[00]11 0[01]10 0[01]10 0[10]10 0[10]10 0[11]11]
    b_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15] В чем же бага?
radix sort times (in seconds) - 1 values (min=0.0668512 10%=0.0668512 median=0.0668512 90%=0.0668512 max=0
GPU-radix sort median effective VRAM bandwidth: 8.91602e-07 GB/s (0 uint millions/s)
Error: Assertion "566324523452323 3 16 0" failed at line 234
```

```
bits offset: 0
    a_gpu: 8 values: [16 10 3 16 15 10 6 6]
    a_gpu: 8 values: [100[00] 010[10] 000[11] 100[00] 011[11] 010[10] 001[10] 001[10]]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [2 0 4 250]
    b_gpu: 8 values: [100[00] 100[00] 010[10] 010[10] 001[10] 001[10] 000[11] 011[11]]
    b_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
bits offset: 2
    a_gpu: 8 values: [16 16 10 10 6 6 3 15]
    a_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[10]10 0[10]10 0[01]10 0[01]10 0[00]11 0[11]11]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [3 2 2 249]
    b_gpu: 8 values: [1[00]00 1[00]00 0[00]11 0[01]10 0[01]10 0[10]10 0[10]10 0[11]11]
    b_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15]
bits offset: 4
    a_gpu: 8 values: [16 16 3 6 6 10 10 15]
    a_gpu: 8 values: [[1]0000 [1]0000 [0]0011 [0]0110 [0]0110 [0]1010 [0]1010 [0]1111]
per_chunk_counts_gpu: 4 values: [6 2 0 248]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 4 values: [6 2 0 248]
    b_gpu: 8 values: [[0]0011 [0]0110 [0]0110 [0]1010 [0]1010 [0]1111 [1]0000 [1]0000]
    b_gpu: 8 values: [3 6 6 10 10 15 16 16]
```

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

# Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы по 32

## С чего начнем анализ?

```
-----bits offset: 0-----  
          a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3  
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0]  
          a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]  
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[00] 1[00] 0[11]  
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01]  
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[11] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01]  
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[11] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01]  
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]  
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16]  
          b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[00]  
0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01]  
0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[10] 0[10] 0[10] 0[00] 0[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[01]  
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]  
          b_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 0 0 4 4 4 0 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0  
0 0 0 0 2 2 2 0 0 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0]  
-----bits offset: 2-----
```

Усложним случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

## С чего начнем анализ?

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы по 32

```
bits offset: 0
a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0]
a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11]
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11]
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11]
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16] Где мы ожидаем видеть [00]?
b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01]
0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[10] 0[10] 0[10] 0[00] 0[00]
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
b_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 0 4 0 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 2 2 2 0 0 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0]
bits offset: 2
```

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы по 32

```
bits offset: 0
a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0
a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[01] 0[01] 0[00]
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[00]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11]
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[11] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[11] 0[01]
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16] Все ли верно?
b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00]
0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[10] 0[10] 0[10] 0[00] 0[00] 0[11] 0[01] 0[01]
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
b_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 0 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 2 2 2 0 0 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0
bits offset: 2
```

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

## Ошибка

```
bits offset: 0
a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0]
a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[00] 1[00] 0[11]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[01]
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 1[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[10] 0[00]]
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16]
b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00]
0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
b_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 4 0 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 2 2 2 0 0 3 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0]
bits offset: 2
```

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

## Первая ли это ошибка?

```
bits offset: 0
a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0]
a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[00] 1[00] 0[11]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01]
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 1[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[10] 0[00]]
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16]
b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00]
0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
b_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 4 0 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 2 2 2 0 0 3 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0]
bits offset: 2
```

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

## Первая ли это ошибка?

```
bits offset: 0
a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0
a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01]
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 1[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01]
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16]
b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 1[00] 0[00] 0[00]
0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[10] 0[10] 0[10] 0[00] 0[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01]
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
b_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 0 4 4 0 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 2 2 2 0 0 3 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0
bits offset: 2
```

# Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы по 32

```
-----bits offset: 0-----  
          a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3  
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0]  
          a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[00]  
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[00] 1[00] 0[11]  
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01]  
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[11] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01]  
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]  
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16] Как просто и надежно проверить?  
          b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00]  
0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01]  
0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[10] 0[10] 0[10] 0[00] 0[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01]  
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]  
          b_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 0 0 4 4 4 0 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0  
0 0 0 0 2 2 2 0 0 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0]  
-----bits offset: 2-----
```

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы по 32

```
bits offset: 0
a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0]
a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11]
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[11] 0[01] 0[10] 0[00]]
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16] Как просто и надежно проверить?
b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 1[00]
0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01]
0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[10] 0[10] 0[10] 0[00] 0[00]
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]]
b_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 0 0 4 4 4 0 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 2 2 2 0 0 3 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0]
bits offset: 2
```

## Как просто и надежно проверить?

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

## Первая ли это ошибка?

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

## Первая ли это ошибка?

```
bits offset: 0_____
a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3
0 0 1 1 4 1 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0]
a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[00] 1[00] 0[11]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01]
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 1[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[10] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16]
b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01]
0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01]
0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[10] 0[10] 0[10] 0[00] 0[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01]
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
b_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 4 4 0 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 2 2 2 0 0 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0]
bits offset: 2_____
```

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

## Как его отладить?

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

Как его отладить? Его индекс 32

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

## Как его отладить? Его индекс 32

```
bits offset: 0
a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0
a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[01] 0[00]
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[00]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01]
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[01] 1[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[10] 0[00]
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16]
b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00]
0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[10] 0[10] 0[10] 0[00] 0[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[01]
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
```

```
output_values[output_index] = value;
```

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

## Как его отладить? Его индекс 32

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

## Как его отладить? Его индекс 32

## Сообщение не выводится! Что делать?

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

## Как его отладить? Его индекс 32

```
bits offset: 0
a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0
a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[01] 0[00]
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[00]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11]
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[01] 1[00] 0[11] 0[01] 0[10] 0[00]
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16]
b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00]
0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[10] 0[10] 0[10] 0[00] 0[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[01]
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00]
```

```
printf("TEST239 output_index=%d value=%d\n", output_index, value);  
output_values[output_index] = value; Выведем все слу
```

## Выведем все случаи этой строки!

# Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы по 32

TEST239 output\_index=49 value=1  
TEST239 output\_index=17 value=4  
TEST239 output\_index=50 value=1  
TEST239 output\_index=18 value=0  
TEST239 output\_index=19 value=0  
TEST239 output\_index=51 value=1  
TEST239 output\_index=52 value=1  
TEST239 output\_index=53 value=1  
TEST239 output\_index=20 value=4  
TEST239 output\_index=54 value=1  
TEST239 output\_index=55 value=1  
TEST239 output\_index=56 value=1  
TEST239 output\_index=57 value=1  
TEST239 output\_index=21 value=4  
TEST239 output\_index=58 value=1  
TEST239 output\_index=22 value=4  
TEST239 output\_index=59 value=1

```
printf("TEST239 output_index=%d value=%d\n", output_index, value);
output_values[output_index] = value;
```

1/50

- 50 раз вывелоось
- Индекс 32 действительно отсутствует

Выведем все случаи этой строки!

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы по 32

Обязательно инициализируйте буферы! Хотя бы нулями. Лучше - уникальным числом-маркером, например **255**.

# Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы по 32

```
-----bits offset: 0-----
a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0]
a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[00] 1[00] 0[11]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01]
0[10] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 1[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[10] 0[00] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01]
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16]
b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01]
1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 0[10] 0[10] 0[10] 1[11] 1[11] 0[11] 0[11] 0[11] 0[11]
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11]
b_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 0 4 4 0 1 1 1 1 1 1 255 255 255 255 255]
```

Обязательно инициализируйте буферы! Хотя бы нулями.  
Лучше - уникальным числом-маркером, например **255**.

# Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы по 32

**Почему сюда ничего не записалось? Кто должен был записать?**

```
-----bits offset: 0-----
a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0]
a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[00]
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[00]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11]
0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 1[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[10] 0[00] 0[11] 0[01] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11]
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16]
b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01]
1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 0[10] 0[10] 0[10] 1[11] 1[11] 0[11] 0[11] 0[11] 0[11]
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11]
b_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 4 0 1 1 1 1 1 1 255 255 255 255 255]
55 255 255 255 255 255 255 255 2 2 2 255 255 3 3 3 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 255 255 255 255 255]
```

# Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы по 32

**Почему сюда ничего не записалось? Кто должен был записать?**

```
-----bits offset: 0-----
a_gpu: 64 values: [0 1 0 4 0 1 1 4 0 1 1 0 0 0 4 3 4 0 2 0 3 0 4 1 2 2 3 1 3 1 0 4 3 3 3 1 4 1 3
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0]
a_gpu: 64 values: [0[00] 0[01] 0[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[00]
0[00] 1[00] 0[11] 1[00] 0[00] 0[10] 0[00] 0[11] 0[00] 1[00] 0[01] 0[10] 0[10] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01] 0[00]
0[11] 0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11]
0[11] 0[01] 1[00] 0[01] 0[11] 0[00] 1[00] 0[11] 0[01] 0[01] 0[10] 0[00] 0[11] 0[11] 0[11] 0[01] 0[11] 0[01]
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16]
b_gpu: 64 values: [0[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 1[00] 0[00] 0[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00]
0[00] 1[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[00] 1[00] 1[00] 0[00] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01]
1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 0[11] 0[11] 0[10] 0[10] 0[10] 1[11] 1[11] 0[11] 0[11]
0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 0[01] 1[11] 1[11] 1[11] 1[11] 8 штук
b_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 0 0 4 4 0 1 1 1 1 1 1 255 255 255 255 2
55 255 255 255 255 255 255 255 2 2 2 255 255 3 3 3 3 1 1 1 1 1 1 255 255 255 255]
```

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы **по 32**

## Почему сюда ничего не записалось? Кто должен был записать?

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы по 32

Он на индексе 35 (через подсчет пробелов)

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы по 32

Чисто технически через поиск находим где считывание из входного массива:

Он на индексе 35 (через подсчет пробелов)

Усложнил случай - теперь **две** рабочие группы по 32

Он на индексе 35 (через подсчет пробелов)

Он на индексе 35 (через подсчет пробелов)

```
if (global_index == 35) printf("TEST932 %d %d\n", values[global_index], i * WG_SIZE + local_id);
group_values[i * WG_SIZE + local_id] = (global_index < n) ? values[global_index] : UINT32_INFINITY;
```

= 1

=3

```
a_gpu: 64 values: [0 1 0 4  
0 0 1 1 1 4 1 3 3 3 3 1 3 1 2 1 4 1 3 3 4 3 1 2 0]
```

per\_chunk\_counts\_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]

counts prefixes gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16]

8 штук

b\_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 0 0 4]

Он на индексе 35 (через подсчет пробелов)

=3

```
if (global_index == 35) printf("TEST932 %d %d\\n", values[global_index], i * WG_SIZE + local_id);
group_values[i * WG_SIZE + local_id] = (global_index < n) ? values[global_index] : UINT32_INFINITY;
```

```
unsigned int output_index = output_indices[i * WG_SIZE + local_id];
if (i * WG_SIZE + local_id == 3) printf("TEST777 output_index=%d\n", output_index);
output_values[output_index] = value;
```

=3

```
if (global_index == 35) printf("TEST932 %d %d\\n", values[global_index], i * WG_SIZE + local_id);
group_values[i * WG_SIZE + local_id] = (global_index < n) ? values[global_index] : UINT32_INFINITY;
```

```
unsigned int output_index = output_indices[i * WG_SIZE + local_id];
if (i * WG_SIZE + local_id == 3) printf("TEST777 output_index=%d\n"
output_values[output_index] = value;
```

TEST777 output\_index=2  
TEST777 output\_index=49

```
    per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
per_chunk_counts_prefixes_gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16]
```

b\_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 0 0 4 0 55 255 255 255 255 255 255 255 255 2 2 2 255 255 3 3 3 3 1 1 1 1 1 1 1 1 255 255 255 255 255]

=3

```
if (global_index == 35) printf("TEST932 %d %d\n", values[global_index], i * WG_SIZE + local_id);
group_values[i * WG_SIZE + local_id] = (global_index < n) ? values[global_index] : UINT32_INFINITY;
```

```
unsigned int output_index = output_indices[i * WG_SIZE + local_id];
if (i * WG_SIZE + local_id == 3) printf("TEST777 output_index=%d\n", output_index);
output_values[output_index] = value;
```

```
per_chunk_counts_gpu: 8 values: [17 8 3 4 7 11 2 12]
```

TEST777 output\_index=49

per\_chunk\_counts prefixes gpu: 8 values: [17 8 3 4 24 19 5 16]

```
b_gpu: 64 values: [0 0 4 0 4 0 0 0 0 4 4 0 0 0 4 0 4 4 0 0 4 4 0 1 1 1 1 1 1 1 255 255 255 255 255 2 2 2 255 255 3 3 3 3 1 1 1 1 1 1 1 255 255 255 255 255]
```



Вопросы?



Vulkan

NVIDIA  
CUDA

OpenCL