1. Для функции следующих функций, заданных в векторном виде, построить полином Жегалкина

$$f_1(x, y, z) = 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$$
  
 $f_2(x, y, z) = 1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$   
 $f_3(x, y, z) = 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$   
 $f_4(x, y, z) = 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1$ 

2. Найти дизъюнктивное разложение Шеннона функции по переменной  $\boldsymbol{x}$  и конъюнктивное разложение Шеннона функции по переменной  $\boldsymbol{y}$ 

$$f_1(x, y, z) = 10001101$$
  
 $f_2(x, y, z) = 10000001$   
 $f_3(x, y, z) = 00101101$   
 $f_4(x, y, z) = 11111101$ 

3. Доказать полноту системы функций:

$$\{x \sim y, x \oplus y\}$$

$$\{x \sim y, 0\}$$

$$\{-x\}$$

$$\{x \sim y, x \vee y, 0\}$$

4. Определить, каким замкнутым классам ( $K_{M}$ ,  $K_{n}$ ,  $K_{c}$ ,  $K_{1}$ ,  $K_{0}$ ) принадлежит функция

$$f(x, y, z) = x \sim y \sim z$$
  

$$f(x, y, z) = \neg x \oplus y \sim z$$
  

$$f(x, y, z) = x \vee y z$$
  

$$f(x, y, z) = x \oplus y \vee z$$